

190d

PROCLI DIADOCHI

IN

PRIMUM EUCLIDIS ELEMENTORUM
LIBRUM

COMMENTARII.

EX RECOGNITIONE

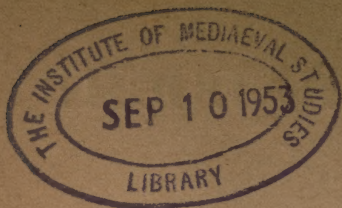
GODOFREDI FRIEDLEIN.



LIPSIAE

IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI

M. DCCC. LXXIII.



17831

LIPSIÆ: TYPIS B. G. TEUBNERI.

PRAEFATIO.

Operaene pretium fuerit rursus in lucem proferre quae inde ab anno M. D. XXXIII. homo nemo retractavit, iure dubium potest videri ei, qui ex voluntate tantum alicuius putat pependisse hoc neque ex facultate occasione data. Jam qui primus Procli commentarios edidit, Simon Grynaeus, uno tantum codice adiutus, quem Oxonii Joannem Claymundum candide sibi suppeditasse dicit, audacior rem est aggressus. Editi enim illi erant, ut Barocii utar verbis, perinde ac si editi nunquam fuissent. Eademque querela sonat ex illorum libris, quicunque graece studebant legere, quae tradidisset Proclus seu de philosophiae placitis seu de rebus mathematicis vel geometricis, quae ipse et philosophus et geometra in his commentariis protulisset.

Egregia quidem his subvenit Barocius enucleans difficiliora, emendans mendosa, explens lacunosa, addens desiderata, interpretans latine cuncta. Idem, si voluisset, Proclum graecum videtur potuisse restituere. Nam divina providentia factum esse laudat, ut in insula Creta vetustissimum exemplar ad manus suas perveniret; ex quo exemplari et ipso pluribus in locis imperfecto impressum illud quoad posset diligenter se emendavisse dicit. Bononiam profectus invenit duo exemplaria manu scripta, alterum in bibliotheca S. Salvatoris alterum in bibliotheca Fabricii Garzoni, medicam facultatem publice in Bononiensi Gymnasio profitentis, atque ex his omnibus exemplaribus quoad fieri potuit unum fecit integrum, quod e graeca lingua in latinam convertit,

conversum palam fecit. Dum imprimitur, alia duo vidit graeca exemplaria, unum Venetiis in bibliotheca Sanctorum Joannis et Pauli, alterum Patavii ex bibliotheca Jo. Vincentii Pinelli Genuensis, et ad opus conficiendum adhibuit. Suo iure Procli Diadochi utilissimum lucidissimumque volumen a propinquo iam interitu vindicatum tum primum renovatae Phoenicis instar exortum esse praedicat. Usi sunt opere eius praestantissimo quicunque hos Procli commentarios adierunt, cum etsi non ipsa verba at sententias et res invenirent, graeco exemplari magis involutas quam detectas. Cuius rei satis erit unius viri Angli afferre testimonium. Taylor enim in praefatione versionis suae Anglicae Barocii demum libro sui incepti difficultates superari potuisse profitetur neque in locis dubiis alium sequitur ducem quam Barocium.

Fieri tamen non potuit, quin verba quoque graeca desiderarentur. Illud imprimis caput de Euclide et de claris mathematicis ante Euclidem in Fabricii bibliotheca graeca et inter Euclidis elementa ab August edita emendatius prodiit. Novissimus Fridericus Hultsch plura ex Proclo excerpta Heronis geometricorum reliquiis addidit.

Cuncti operis editionem videtur molitus esse Dasipodius molitusque est teste Fabricio Eduardus Bernhardus. Haud procul abfuit ab eodem incepto, qui diligentissimam navavit Proclo operam, Joachim Henricus Knoche et philosophiae et mathematicae studiis optime instructus. Is insigni humanitate, cum parare me editionem commentariorum Procli audisset, sui laboris partem, quam typis anno M. DCCC. LVI. redditum et ipse ad me mittere nequivit, sua manu scriptam mecum communicavit. Ita ad me delata est cura Procli commentarios denuo edendi neque ego potuissem suscipere onus ab aliis relictum nisi Halmius sua inter omnes nota liberalitate et summa

omnium litterarum scientia codicem ad me misisset Monacensem praestantissimum. Hinc sperare coepi, me si non ab omni parte perfectam absolutamque editionem, at multo emendatiorem et minus lacunosam ideoque multis hominibus doctis gratam conficere posse. Quidquid igitur temporis a muneri publici negotiis officiisque aliis vacabat, in Procli commentarios impendi laborisque mei fructus typis nunc prodiit redditus.

Quibus libris in conficiendo opere sim usus, patet ex notarum explicatione, quae Procli verba infra praecedit. Hoc loco pauca sunt addenda et de codicibus manuscriptis et de contextus forma.

Omnes quos scimus codices, in quibus Procli commentarii leguntur, ex uno eodemque exemplari esse ortos documento certissimo sunt lacunae, quae finem commentarii ad XXXVI^{am} Euclidis propositionem una cum initio sequentis et finem commentarii ad XLI^{am} una cum commentario ad XLII^{am} et initium commentarii ad XLIII^{am} absumpserunt. Varietates quoque verborum et sententiarum magna ex parte talem cognationem produnt ex scribarum vel correctorum variis eiusdem vitii remediis natae. Non enim defuerunt qui legerent illos commentarios. Codicem quoque Monacensem retractatum esse manu non imperita apertissima sunt vestigia, sed difficillimum est diiudicatu, utrum idem qui codicem scripsit etiam correxerit, an haud multo post alius eum recognoverit. Multis in locis correctoris manus a scribentis manu vix differt, aliis locis pallidius atramentum, tractus litterarum vel negligentior vel recentior posteram manum videntur prodere. Plures igitur conicias lectores operatos esse in hoc libro manu scripto, quibus sua unicuique iam non possis vindicare; unum saltem ex iis, si non plures, hominem eruditum paulo post codicem recens scriptum menda eius aliquot vidisse et emendasse mihi quidem est persuasum.

PA

3404

P8

Quem igitur inveni habitum quam diligentissime potui descripsi, cum confundere distincta sit facile, distinguere confusa nemo queat, nisi qui ipsum codicem inspiciat.

Vellem contigisset mihi, ut plures codices perscrutarer; quod cum fieri nequiret, quidquid alii ex aliis codicibus hauserunt conferre studui. Hanc ad rem non solum Grynaei editionem et Augusti et Hultschii fragmenta adhibenda esse censui sed etiam Zamberti et Barocii interpretationes; est enim, ut etiam ex latinis verbis graeca verba divines. Magnopere dolui, quod Wachsmuth vir doctissimus in musei Rhenani volumine XVIII^{mo} plura de Procli commentariis in primum Euclidis librum non protulit. Eo iucundior mihi fuit principis Boncompagni summa liberalitas et humanitas, qui rogatus a me duobus ex codicibus Romae in bibliotheca Barberina asservatis varietates locorum dubiorum vel lacunosorum septem ex codice 101, plus quam quadraginta et ducentorum ex codice 145 pretio non parvo colligendas curavit mihiq[ue] dono dedit, cuius rei maximas ei ago gratias.

Multi hac ratione emendari potuerunt loci; alios emendaverunt Nesselmann, Knoche, Hultsch — Taylor totus pendet ex Barocio — nonnullos et ipse emendasse mihi videor; uncis tamen inclusi quae, cum necessaria mihi esse viderentur, de meo in contextu addidi.

Singulorum verborum et vocum formas secundum codicem Monacensem reddidi; unde factum est, ut saepius $\tau\tau$ occurrat, ubi Grynaeus $\sigma\sigma$ adhibuit. $\gamma\acute{\iota}\nu\epsilon\sigma\theta\alpha\iota$ formae $\gamma\acute{\iota}\gamma\upsilon\epsilon\sigma\theta\alpha\iota$ praeferendum esse iam Hultsch adnotavit in musei Rhenani voluminis XIXⁱ pagina 454; tamen omnibus in locis $\gamma\acute{\iota}\nu$ pro $\gamma\acute{\iota}\gamma\upsilon$ scribendum esse negaverim. Accentus vocum et sententiarum interpunctiones, maximam partem illis temporibus neglecta, ex nostro usu erant ponenda; contra ea ν mobile vel $\epsilon\phi\epsilon\lambda\kappa\upsilon\sigma\tau\iota\kappa\acute{o}\nu$ non ubique ex vulgaris

grammaticae regulis est positum; diligenter enim exaratus codex Procli scribendi rationem cum fide retinuisse mihi videtur, atque melius illa tempora graecae linguae concinnitatem sensisse puto, quam nostris temporibus ullus homo possit sentire; nec scholae usus erat respiciendus in libro, quem graecae linguae elementa discentes vix attingent. Trado igitur tradita, ne Proclo magis Graecus sim veritus.

Alius quoque peculiaris usus est dicendus, seu Procli solius seu aevi sui, quod scilicet eadem littera duas res significat. In figura enim in pagina 290 descripta ϵ et circulum notat centro γ intervallo $\gamma\delta$ descriptum et punctum aliquod ultra eius circumferentiam; simili modo in figura in pagina 346 descripta ϵ et trianguli et circuli centro δ intervallo $\delta\zeta$ ducti notat punctum. Denique id memoratu est dignum, quod duarum rectarum collectio significatur litteris iuxta se positis e. g. $\tau\acute{o} \overline{\alpha\gamma} = \tau\acute{o} \overline{\alpha} + \tau\acute{o} \overline{\gamma}$.

Restat ut de partitione loquar, qua Procli commentarii in quattuor libros sunt divisi, libri singuli in capita et commentaria. Proclus ipse uno tantum loco in paginae 352 linea 24 voce $\tau\mu\eta\mu\alpha$ utitur ad unam Euclidis propositionum partem notandam, quae propositiones praecedunt in pag. 354 lin. 8 $\acute{\upsilon}\pi\omicron\theta\acute{\epsilon}\sigma\epsilon\iota\varsigma$, in pag. 364 lin. 19 $\tau\acute{\alpha} \pi\rho\acute{o} \tau\acute{\omega}\nu \theta\epsilon\omega\rho\eta\mu\acute{\alpha}\tau\omega\nu$ nominat, nusquam ita transit ad alias quaestiones ut unum librum concludere alterum inchoare eum possis dicere. Singulas tantum quaestiones claudit atque quae dicturus sit addit, velut in paginae 81 lineis 23—26. Si codicem inspicias, prologum et libros IV distingui ex titulo rubro colore scripto conicias recteque te iudicasse censeas, cum in codicis folio numero 44 signato (infra in paginae 85 linea 20) inscriptionem invenias rubram: $\acute{\alpha}\rho\chi\eta \tau\omicron\upsilon \kappa\epsilon\iota\mu\acute{\epsilon}\nu\omicron\nu$. at iam in folio 23 (infra 48, 19) secundum inscriptionem liber primus, secundum marginis notam liber secundus incipit, in folio 97 (infra 178, 17) liber II (III), in folio 192

(infra 354, 20) liber III (IV), in folio 233 (infra 433) liber IV, re vera autem incerti alicuius scholium. Contra in folio 109 (infra 198), ubi Barocio quoque iudice 'Finis Principiorum' invenitur et initium propositionum, ne minima quidem nota novae rei fit indicium. Haec cum viderem, iam non dubitavi, quin commentariorum in quattuor libros partitio a librario vel scriba esset profecta, cuius exemplar omnium quae scimus exemplarium fuit fons. Singulos illos libros Barocius in capita et commentaria divisit, quem Taylor secutus est, atque ego secutus essem, nisi Procli operi quantum fieri posset genuinam formam reddendam esse putassem. Proclus commentarios suos ita continuasse mihi videtur, ut Euclidis tantum verba intericeret, sua autem quam dilucidissime disposita nullo maiore intervallo discerneret. Praeterea minime constat, quo iure commentariorum nomen acceperit Procli opus; multo verisimilius ex fine prologi prioris (infra 47, 7) mathematicae disciplinae studium scripturum fuisse Proclum dices. At certum nihil inde excuties. Itaque et titulum per tria saecula traditum retinui et sex tantum latinas inscriptiones addidi et Euclidis definitionibus, petitis, axiomatis, propositionibus suos numeros dedi, quo faciliorem redderem totius operis conspectum. Ut singulae res facilius possent inveniri, duos adieci indices, unum nominum alterum rerum et verborum. Denique in superiore parte cuiusque paginae et Grynaei et Barocii paginarum numeri sunt positi, ne lectorem locos laudatos quaerentem longior mora impediatur. Quo plures gratum habebunt Proclum graece restitutum, eo minus laboris haud parvi paenitebit in eo consumpti.

Curiae ad Salam mense Januario anni M. DCCC. LXXIII.

Godofredus Friedlein.

NOTARUM EXPLICATIO.

- M* = codex Monacensis 427, chartaceus, saeculo X^{mo} ab Hardtio addictus, XI^{mo} vel XII^{mo} fortasse addicendus. aequali litterarum ductu folia CCXXXVIII sunt exarata eadem manu, paucis iisque raro adhibitis compendiis. margines relictis sunt lati, in quibus paucae tantum notae sunt adscriptae postera fortasse manu, quam tamen discernere a prima manu plerumque est difficile. figurarum geometricarum et lineae et litterae rubro colore sunt descriptae, minore tamen fere omnes diligentia; qui enim confecit illas, non inspexit Procli verba, sed parum accurate quas ob oculos habuit figuras depinxit.
- G* = Commentariorum Procli editio prima, quae Simonis Grynaei opera addita est Euclidis elementis graece editis Basileae apud Ioan. Hervagium anno M. D. XXXIII.
- C* = corrector quidam ignotus, qui editionis primae exemplar, olim Petri Victorii libris insertum, nunc in bibliotheca Monacensi sub signo A. Gr. 1060 asservatum, plurimis locis quantum conici potest ex codice codici *M* simillimo emendavit. non ubique verum eum vidisse aut attulisse non est quod miremur.
- Z* = liber manu scriptus sub signo cod. lat. 6 in bibliotheca Monacensi depositus, continens in primis CLIII foliis Procli commentariorum libros IIII Bartholomaeo Zamberto veneto interprete (anno M. DXXXVIII, anno interpretis VI et LX absoluto).
- B* = Procli in primum Euclidis elementorum librum commentariorum libri IIII a Francisco Barocio patritio veneto editi, Patavii 1560.
- B*₁ = codex Bononiensis bibliothecae S. Salvatoris 223 (*Kn. III*, p. 5).

- B_2 = codex 101 bibliothecae Barberinae, saec. XV., qui primas sedecim paginas editionis Hervagianae continet usque ad verbum *διανοητικὴν* in paginae .XVI. linea .XXI. ab inferiore parte.
- B_3 = codex 145 bibliothecae Barberinae, saec. XVI., a duobus librariis conscriptus, quorum prior folia 1—158, alter folia 159—200 exaravit.
- A = *ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ ΣΤΟΙΧΕΙΑ* edita ab E. F. August (partis primae pag. 290—293. 307—308), Berolini MDCCCXXVI.
- N = *Die Algebra der Griechen.* Von Dr. G. H. F. Nesselmann, Berlin 1842.
- $Kn. I$ = *Ex Procli successoris in Euclidis elementa commentariis definitionis quartae expositionem quae de recta est linea et sectionibus spiricis commentati sunt I. H. Knoche et F. I. Maerker, Herfordiae 1856.*
- $Kn. II$ = *Untersuchungen über des Proklus Diadochus Commentar zu Euklids Elementen von Dr. J. H. Knoche, Herford 1862.*
- $Kn. III$ = *Untersuchungen über die neu aufgefundenen Scholien des Proklus Diadochus zu Euklids Elementen von Dr. Joachim Heinrich Knoche, Oberlehrer und Conrektor, Herford 1865.*
- H_1 = *Zu Proklos.* Dresden. Fr. Hultsch, (Rheinisches Museum für Philologie. Neue Folge. Neunzehnter Jahrgang. Frankfurt am Main 1864. p. 450—455).
- H_2 = *Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquiae edidit Fridericus Hultsch, Berolini MDCCCLXIV.*
- T = *The philosophical and mathematical commentaries of Proclus on the first book of Euclid's elements. In two volumes. London, printed for the author (T. Taylor) 1792.*

PROLOGI PARS PRIOR.

Τὴν μαθηματικὴν οὐσίαν οὔτε τῶν πρωτίστων ἐν τοῖς οὔσι γενῶν οὔτε τῶν ἐσχάτων εἶναι καὶ παρὰ τὴν ἀπλὴν διηρημένων, ἀναγκαῖον, ἀλλὰ τὴν μέσην χώραν ἀπειληφέναι τῶν τε ἀμερίστων καὶ ἀπλῶν καὶ ἀσυνθέτων καὶ ἀδιαίρετων ὑποστάσεων καὶ τῶν μερι- 5 στῶν καὶ ἐν συνθέσεσιν παντοίαις καὶ ποικίλαις διαίρεσεσιν ἀφωρισμένων. τὸ μὲν γὰρ αἰεὶ κατὰ ταῦτ' ἔχον καὶ μόνιμον καὶ ἀνέλεγκτον τῶν περὶ αὐτὴν λόγων ὑπερανέχουσιν αὐτὴν ἀποφαίνει τῶν ἐν ὕλῃ φε- 10 ρομένων εἰδῶν, τὸ δὲ διεξοδικὸν τῶν ἐπιβολῶν καὶ τὸ ταῖς διαστάσεσι τῶν ὑποκειμένων προσχρῶμενον καὶ τὸ ἀπ' ἄλλων ἀρχῶν ἄλλα προκατασκευάζον καταδε- 15 εστέραν αὐτῇ δίδωσι τάξιν τῆς ἀμερίστου καὶ ἐν αὐτῇ τελείως ἰδρυμένης φύσεως. διόπερ οἶμαι καὶ ὁ Πλάτων τὰς γνώσεις διήρει τῶν ὄντων ταῖς τε πρώταις 15 καὶ μέσαις καὶ τελευταίαις ὑποστάσεσι καὶ τοῖς μὲν ἀμερίστοις τὴν νοητὴν ἀπεδίδου τὴν ἀθρόως καὶ μετὰ

ΠΡΟΚΛΟΥ ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ ἃ τῶν ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ. π ᾱ β
 ε δ. Μ. ΠΡΟΚΛΟΥ ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ ΠΡΩΤΟΝ ΤΩΝ
 ΕΥΚΛΕΙΔΟΥΣ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΠΡΩΤΟΝ Γ.

1 πρωτίστων Μ. 3 διηρημένων Μ. 7 ταυτὰ Μ.
 τὰ αὐτὰ Γ. 9 ἀποφέρει Γ. 12 ἀλλὰ Γ. ἄλλα C. || προ-
 κατασκευάζειν Γ, B₃, προκατασκευα . . . B₂, 'ad structuram' Z,
 'praeparat' B. 13 αὐτῇ] αὐτῇ Μ, αὐτῇ Γ. 17 ἀθρόως ex
 Γ, evan. in Μ.

ἀπλότητος διαιρουῦσαν τὰ νοητὰ καὶ τῇ τε αὐτῇ καὶ
τῇ καθαρότητι καὶ τῇ ἐνοειδεῖ προσβολῇ καὶ ἐπαφῇ
τῶν ὄντων τὰς ἄλλας ὑπεραίρουσαν γνώσεις, τοῖς δὲ
μεριστοῖς καὶ φύσιν ἐσχάτην λαχοῦσι καὶ αἰσθητοῖς
5 ἅπανσι τὴν δόξαν ἀμυδρᾶς ἀληθείας ἀντιλαμβανομέ-
νην, τοῖς δὲ μέσοις, οἷα δὴ ἐστὶ τὰ τῆς μαθηματικῆς
εἶδη, καὶ τῆς τε ἀμερίστου φύσεως ἀπολειπομένοις καὶ
τῆς μεριστῆς ὑπεριδρυμένοις τὴν διάνοιαν. καὶ γὰρ
αὕτη νοῦ μὲν ἐστὶ δευτέρα καὶ τῆς ἀκροτάτης ἐπιστή-
10 μης, δόξης δὲ τελειότερα || καὶ ἀκριβεστέρα καὶ καθα-
ρωτέρα. διεξοδεύει μὲν γὰρ καὶ ἀναπλοῖ τοῦ νοῦ
τὴν ἀμετρίαν καὶ ἀνελίσσει τὸ συνεσπειραμένον τῆς
νοερᾶς ἐπιβολῆς, συνάγει δὲ αὖ πάλιν τὰ διηρημένα
καὶ ἀναφέρει πρὸς τὸν νοῦν. ὥσπερ οὖν αἱ γνώσεις
15 ἀπ' ἀλλήλων διεστήκασιν, οὕτω δὴ καὶ τὰ γνωστὰ
διακέκριται φύσει, καὶ τὰ μὲν νοητὰ πάντων ὑπερ-
ῆπλῶται ταῖς ἐνοειδέσιν ὑπάρξεσι, τὰ δὲ αἰσθητὰ τοῖς
πᾶσιν ἀπολείπεται τῶν πρώτων οὐσιῶν. τὰ δὲ μαθη-
ματικά καὶ ὅλως τὰ διανοητὰ μέσῃν κεκλήρωται τάξιν,
20 τῶν μὲν τῇ διαιρέσει πλεονάζοντα, τῶν δὲ τῇ αὐτῇ
προέχοντα, καὶ τῶν μὲν τῇ ἀπλότητι λειπόμενα, τῶν
δὲ τῇ ἀκριβείᾳ προυπάρχοντα καὶ τρανεστέρας μὲν
ἐμφάσεις ἔχοντα τῶν αἰσθητῶν τῆς νοητῆς οὐσίας,
εἰκόνες δὲ ὅμως ὄντα καὶ μεριστῶς μὲν τὰ ἀμέριστα,

4 In margine: αἱ γνώσεις κατὰ πλάτωνα M.

πρῶται μέσαι.
τελευταῖαι

7 τε om. G. 8 τοῖς μεριστῆς G, τῆς μεριστῆς H₂ p. 254. || τὴν
διάνοιαν om. H₂. 9 αὐτῇ G, αὕτη C. || ἀκρότης G, ἀκροτάτης
C. 10 Post καθαρωτέρα H₂ p. 254 addit: εἰς ἕνωσιν καὶ διὰ-
κρισιν τῶν ὅλων, quod ad alium locum pertinere vidit Kn. III
p. 40. 18 ὑπολείπεται G. 19 κεκλήρωνται G. 23 νοερᾶς G.

πολυειδῶς δὲ μονοειδῇ παραδείγματα τῶν ὄντων ἀπο-
 μιμούμενα καὶ ὥς συλλήβδην εἰπεῖν ἐν προθύροις μὲν
 τεταγμένα τῶν πρώτων εἰδῶν καὶ ἐκφαίνοντα τὴν
 ἡνωμένην καὶ ἀμερῇ καὶ γόνιμον ἐκείνων ὑπαρξιν,
 οὐπω δὲ ἄρα τοῦ μερισμοῦ καὶ τῆς συνθέσεως τῶν 5
 λόγων ὑπερέχοντα καὶ τῆς προσηκούσης ταῖς εἰκόσιν
 ὑποστάσεως, οὐδὲ ὑπερδράμοντα τὰς ποικίλας καὶ
 διεξοδικὰς τῆς ψυχῆς νοήσεις καὶ αὐταῖς συναρμο-
 σθέντα ταῖς ἀπλαῖς καὶ ὕλης ἀπάσης καθαρευούσαις
 γνώσεσιν. 10

Ἡ μὲν δὲ μεσότης τῶν μαθηματικῶν γενῶν τε
 καὶ εἰδῶν τοιαύτη νοείσθω, πρὸς γε τὸ παρὸν τὸ με-
 ταξὺ συμπληροῦσα τῶν τε παντελῶς ἀμεριστῶν οὐ-
 σιῶν καὶ τῶν περὶ τὴν ὕλην μεριστῶν γινομένων· τὰς
 δὲ ἀρχὰς τῆς μαθηματικῆς ὅλης οὐσίας ἐπισκοποῦντες 15
 ἐπ' αὐτὰς ἀνιμεν τὰς διὰ πάντων τῶν ὄντων διηκού-
 σας ἀρχὰς καὶ πάντα ἀφ' ἑαυτῶν ἀπογεννώσας, λέγω
 δὲ τὸ πέρας καὶ τὸ ἄπειρον. ἐκ γὰρ τούτων τῶν δύο
 πρώτων μετὰ τὴν τοῦ ἐνὸς ἀπεριήγητον καὶ τοῖς ἅπα-
 σιν ἄληπτον αἰτίαν ὑπέστη τά τε ἄλλα πάντα καὶ ἡ 20
 τῶν μαθημάτων φύσις, ἐκείνων μὲν ἀθρόως πάντα
 παραγουσῶν καὶ ἐξηρημένως, τῶν δὲ προϊόντων ἐν
 μέτροις τοῖς προσήκουσι καὶ τάξει τῇ προεπούσῃ τὴν
 πρόοδον καταδεχομένων, καὶ τῶν μὲν πρώτων, τῶν
 δὲ μέσων, τῶν δὲ τελευταίων ὑφισταμένων. τὰ μὲν 25

1 πολυειδῶς δὲ ex G. || ἀπομιμούμενα ex G. 2 ἐν προ-
 θύροις ex G. || μὲν om. G. 3 τεταγμένων G, τεταγμένα C.

8 διεξοδικὰς] 'cogitandi vim habentes' et in margine 'pro-
 grediendi' B. 11 δὲ καὶ G. 12 πρὸς δὲ G, πρὸς γε C.

16 ἀγίωμεν G, ἀνιμεν, ἀν' ἰοιμεν vel ἀν' ἰοίμεν C. 19 κατὰ

G. 20 ὑπέσθη G. || ἡ μαθηματικῶν G. 25 μέσων] δευ-
 τέρων G.

γὰρ νοητὰ γένη κατὰ τὴν ἑαυτῶν ἀπλότητα πρῶτως
 μετέχει τοῦ πέρατος καὶ τοῦ ἀπείρου διὰ μὲν τὴν
 ἔνωσιν καὶ τὴν ταυτότητα καὶ τὴν μόνιμον ὑπαρξιν
 καὶ | σταθεράν || τοῦ πέρατος ἀποπληρούμενα, διὰ δὲ
 5 τὴν εἰς πλήθος διαίρεσιν καὶ τὴν γεννητικὴν περι-
 ουσίαν καὶ τὴν θεϊαν ἑτερότητα καὶ πρόοδον τῆς
 ἀπειρίας ἀπολαύοντα. τὰ δὲ μαθηματικὰ πέρατος μὲν
 ἐστὶν ἔκγονα καὶ ἀπειρίας, ἀλλ' οὐ τῶν πρωτίστων
 μόνων οὐδὲ τῶν νοητῶν καὶ κρυφίων ἀρχῶν, ἀλλὰ
 10 καὶ τούτων, αἱ προῆλθον μὲν ἀπ' ἐκείνων εἰς δευτέ-
 ραν τάξιν, ἀπογεννᾶν δὲ μετ' ἀλλήλων ἐξαρκούσι
 τοὺς μέσους διακόσμους τῶν ὄντων καὶ τὴν ἐν αὐτοῖς
 ποικιλίαν, ὅθεν δὴ καὶ ἐν τούτοις προέρχονται μὲν
 εἰς ἀπείρου οἱ λόγοι, κρατοῦνται δὲ ὑπὸ τῆς πέρατος
 15 αἰτίας. ὅ τε γὰρ ἀριθμὸς ἀπὸ μονάδος ἀρξάμενος
 ἀπαυστον ἔχει τὴν αὐξησιν, αἰὶ δὲ ὁ ληφθεὶς πεπέ-
 ρασται, καὶ ἡ τῶν μεγεθῶν διαίρεσις ἐπ' ἀπείρου χω-
 ρεῖ, τὰ δὲ διαιρούμενα πάντα ὥριστα, καὶ κατ' ἐνέρ-
 γειαν πεπέρασται τὰ μόρια τοῦ ὅλου. καὶ τῆς μὲν
 20 ἀπειρίας οὐκ οὔσης τὰ τε μεγέθη πάντα σύμμετρα ἂν
 ᾗν καὶ οὐδὲν ἄρρητον οὐδὲ ἄλογον, οἷς δὴ δοκεῖ δια-
 φέρειν τὰ ἐν γεωμετρία τῶν ἐν ἀριθμητικῇ, καὶ οἱ
 ἀριθμοὶ τὴν γόνιμον τῆς μονάδος δύναμιν οὐκ ἂν
 ἐδύναντο δεικνύναι οὐδὲ ἂν πάντας εἶχον τοὺς λό-
 25 γους ἐν ἑαυτοῖς τῶν ὄντων, οἷον τοὺς πολλαπλασίους
 ἢ τοὺς ἐπιμορίους. πᾶς γὰρ ἀριθμὸς ἐξαλλάττει τὸν
 λόγον πρὸς τὴν μονάδα καὶ τὸν πρὸ αὐτοῦ γενόμενον

5 τὸ πλήθος G. 6 θεϊαν M. 7 ἀπολαμβάνοντα G.
 ἀπολαύοντα C. 14 λόγοι. Κρατοῦνται δὲ M. || Supra πέ-
 ρατος in M scriptum est τοῦ manu postera. 15 ὅτε G.
 18 μετ' G. κατ' C. 27 τὸν πρὸ αὐτοῦ γενόμενον] 'eam
 quae ante ipsam rationem facta est respiciens' et in margine

ἐξεταζόμενος. τοῦ δὲ πέρατος ἀναιρεθέντος συμμετρία
 τε καὶ κοινωνία λόγων καὶ ταυτότης εἰδῶν καὶ ἰσότης
 καὶ ὅσα τῆς ἀμείνουός ἐστι συστοιχίας οὐκ ἂν ποτε
 ἐν τοῖς μαθήμασιν ἐφαίνετο, οὐδ' ἂν ἐπιστῇμαι τῶν
 τοιούτων ἦσαν οὐδὲ καταλήψεις μόνιμοι καὶ ἀκριβεῖς. 5
 δεῖ τοίνυν ἀμφοτέρων τῶν ἀρχῶν ὥσπερ τοῖς ἄλλοις
 γένεσι τῶν ὄντων οὕτω δὴ καὶ τοῖς μαθηματικοῖς. τὰ
 δὲ ἔσχατα καὶ ἐν ὕλῃ φερόμενα καὶ ὑπὸ τῆς φύσεως
 διαπλαττόμενα πάντως αὐτόθεν ἀμφοῖν μετέχοντα κα-
 ταφαίνεται, τοῦ μὲν ἀπείρου κατὰ τὴν ὑποκειμένην 10
 αὐτοῖς ἔδραν τῶν εἰδῶν, τοῦ δὲ πέρατος κατὰ τοὺς
 λόγους καὶ τὰ σχήματα καὶ τὰς μορφάς.

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἀρχαὶ καὶ τῶν μαθημάτων αὗται
 προεστήκασιν, αἱ καὶ τῶν ὄντων ἀπάντων, φανερόν.
 ὥσπερ δὲ τὰς κοινὰς ἀρχὰς αὐτῶν θεωρήκαμεν καὶ 15
 διὰ πάντων διηκούσας τῶν μαθηματικῶν γενῶν, οὕτω
 δὴ καὶ || τὰ κοινὰ αὐτῶν θεωρήματα καὶ ἀπλᾶ καὶ τῆς
 μιᾶς ἐπιστήμης ἔγγονα τῆς πάσας ὁμοῦ τὰς μαθηματι-
 κάς γνώσεις ἐν ἐνὶ ἐπεχούσης ἀναλογισώμεθα, καὶ
 ὅπως ἐφαρμόττει πάσαις καὶ δύναται καὶ ἐν ἀριθμοῖς 20
 καὶ ἐν μεγέθεσι καὶ ἐν κινήσεσι θεωρεῖσθαι σκοπή-
 σωμεν. τοιαῦτα δὲ ἐστὶ τὰ τε τῶν ἀναλογιῶν καὶ τὰ
 τῶν συνθέσεων καὶ διαιρέσεων καὶ τῶν ἀναστροφῶν
 καὶ ἐναλλαγῶν, ἔτι δὲ τὰ τῶν λόγων πάντων οἷον
 πολλαπλασίων καὶ ἐπιμορίων [καὶ] ἐπιμερῶν καὶ τῶν 25
 τούτοις ἀντικειμένων καὶ ἀπλῶς τὰ περὶ τὸ ἴσον καὶ
 ἄνισον καθόλου θεωρούμενα καὶ κοινῶς, οὐ καθόσον

'eum qui ante ipsum est respiciens' B. 1) ἀναιρεθέντος
 om. G. 18 ὁμοῦ] ἡμῶν C. 20 ἐφαρμόττει ex G. Litteras
 in M post ἐφαρμότ rasurae inscriptas non potui legere. Quat-
 tuor vel quinque litterae videntur ab initio esse scriptae.
 25 καὶ inter ἐπιμορίων et ἐπιμερῶν ego addidi.

ἐστὶν ἐν σχήμασιν ἢ ἀριθμοῖς ἢ κινήσεσιν, ἀλλ' αὐτὸ καθ' αὐτὸ τούτων ἐκάτερον φύσιν τινὰ ἔχον κοινήν καὶ γνῶσιν ἑαυτοῦ παρεχόμενον ἀπλουστέραν. καὶ μὴν καὶ τὸ κάλλος καὶ ἡ τάξις κοινὰ πάντων ἐστὶ τῶν μαθημάτων καὶ ἡ ἀπὸ τῶν γνωριμωτέρων ὁδὸς ἐπὶ τὰ ζητούμενα καὶ ἡ ἐκ τούτων ἐπ' ἐκεῖνα μετάβασις, ἃς δὴ καλοῦσιν ἀναλύσεις καὶ συνθέσεις. ἥ τε ὁμοιότης καὶ ἡ ἀνομοιότης τῶν λόγων οὐδ' ὅτιοῦν τῶν μαθηματικῶν γενῶν ἀπολείπουσιν.

10 καὶ γὰρ σχήματα τὰ μὲν ὅμοια τὰ δὲ ἀνόμοια λέγομεν καὶ ἀριθμοὺς ὡσαύτως τοὺς μὲν ὁμοίους τοὺς δὲ ἀνομοίους. καὶ ὅσα κατὰ τὰς δυνάμεις ἀναφαίνεται πᾶσιν ὁμοίως προσήκει τοῖς μαθήμασι, τῶν μὲν δυναμένων τῶν δὲ δυναστευομένων. ἃ δὴ καὶ ὁ ἐν πολι-

15 τεῖα Σωκράτης ταῖς μούσαις ὑψηλολογουμέναις ἀνέθηκεν, τὰ κοινὰ πάντων τῶν μαθηματικῶν λόγων ἐν πέρασιν ὠρισμένοις περιλαβὼν καὶ προστησάμενος ἐν τοῖς εἰρημένοις ἀριθμοῖς, ἀφ' ὧν δὴ καὶ τὰ μέτρα τῆς τε εὐγονίας καὶ τῆς ἐναντίας πρὸς ταύτην ἀγονίας

20 καταφαίνεται.

Δεῖ δὲ ἄρα τὰ κοινὰ ταῦτα μήτε ἐν τοῖς πολλοῖς καὶ διηρημένοις εἶδεσι πρῶτως ὑφεστάναι νομίζειν, μήτε ὑστέρωσ καὶ ἐκ τῶν πολλῶν ἔχοντα τὴν γένεσιν, ἀλλ' ὡς πρὸ αὐτῶν ἐστῶτα καὶ ἀπλότῃ καὶ ἀκριβεῖα

25 διαφέροντα τίθεσθαι. διὰ γὰρ τοῦτο καὶ ἡ γνῶσις αὐτῶν προηγείται τῶν πολλῶν γνώσεων καὶ δίδωσι

10 ἀνόμοια λέγωμεν *M.* 12 ἀναφαίνονται *G.* 15 *Polit.* VIII, p. 546—547. 16 τῶν post πάντων om. *G.* 18 ἐφ' ὧν *G.* 19 ἐγγωνίας *M.* *G.* εὐγωνίας *C.* || ἀγωνίας *M.* *G.*

23 Post ὑστέρωσ invenitur in *M* ἐν ᾗ et supra lineam .ἥ. || ἐκ τῶν] αὐτῶν *G.* ἐκ τῶν *C.* 24 Inter πρὸ et αὐτῶν est rasura in *M.*

τὰς ἀρχὰς ἐκείναις, καὶ αἱ πολλαὶ περὶ αὐτὴν ὑφεστή-
 κασι καὶ ἐπ' αὐτὴν ἀναφέρονται. λεγέτω γὰρ ὁ γεω-
 μέτρης, ὅτι τεττάρων ὄντων μεγεθῶν ἀνάλογον ἔσται
 καὶ τὸ ἐναλλάξ, καὶ δεικνύτω κατὰ τὰς οἰκείας ἀρχάς,
 αἷς ὁ ἀριθμητικὸς οὐκ ἂν ποτε χρήσαιτο, καὶ αὖ ὁ 5
 ἀριθμητικὸς, ὅτι τεττάρων ὄντων ἀριθμῶν ἀνάλογον ||
 ἔσται καὶ τὸ ἐναλλάξ, καὶ τοῦτο ἀπὸ τῶν τῆς οἰκείας
 ἐπιστήμης ἀρχῶν. τίς οὖν ὁ καθ' ἑαυτὸν γνωρίζων
 τὸ ἐναλλάξ εἴτε ἐν μεγέθεσιν εἴτε ἐν ἀριθμοῖς καὶ τὴν
 διαίρεσιν τῶν συγκειμένων μεγεθῶν ἢ ἀριθμῶν καὶ 10
 τὴν σύνθεσιν ὡσαύτως τῶν διηρημένων; οὐ γὰρ δὴ
 που τῶν μὲν με | ριστῶν εἶδὲν ἐπιστῆμαι καὶ γνώσεως,
 τῶν δὲ αὐτῶν καὶ τῆς νοερᾶς θεωρίας ἐγγυτέρω τε-
 ταγμένων οὐδὲ μίαν ἔχομεν ἐπιστήμην. ἀλλὰ πολλῶ
 πρότερον ἢ ἐκείνων γνώσις ἐστὶν ἐπιστήμη καὶ ἀπ' 15
 ἐκείνης αἱ πολλαὶ τοὺς κοινούς ὑποδέχονται λόγους
 καὶ μέχρι τοσούτου γνώσεων ἄνοδος ἀπὸ τῶν μερι-
 κωτέρων ἐπὶ τὰς ὀλικωτέρας, ἕως ἂν ἐπ' αὐτὴν ἀνα-
 δράμωμεν τὴν τοῦ ὄντος, ἢ ὃν ἐστίν, ἐπιστήμην. αὕτη
 γὰρ οὐ τὰ καθ' αὐτὰ τοῖς ἀριθμοῖς ὑπάρχοντα σκο- 20
 πεῖν ἀξιοῖ, οὐδὲ τὰ κοινὰ πᾶσι τοῖς ποσοῖς, ἀλλὰ τῶν
 ὄντων ἀπάντων τὴν μίαν καὶ μόνην οὐσίαν καὶ ὑπαρ-
 ξιν θεωρεῖ, καὶ διὰ τοῦτο πασῶν ἐστὶ τῶν ἐπιστημῶν
 περιληπτικωτάτη καὶ πᾶσαι παρ' ἐκείνης λαμβάνουσι
 τὰς ἀρχάς. αἰεὶ γὰρ αἱ ἀνωτέρω ταῖς ὑπ' αὐτάς παρ- 25
 ἔχουσι τὰς πρώτας τῶν ἀποδείξεων ὑποθέσεις, ἡ δὲ
 τελειοτάτη τῶν ἐπιστημῶν ἀπάσαις ἀφ' ἑαυτῆς ἐνδί-

7 τῶν om. G. 13 τῶν δὲ ἂν αὐτῶν G. 14 Ἀλλὰ M.

17 τοσούτων M. G. 19 ἢ ἂν ἐστίν G; pro ἂν ὃν substituit C.

21 πᾶσις M. 22 μόνημον G. || ὑπαρξιν ex G. ὑπ-ξιν in
lineae fine et in initio sequentis lineae M. 27 Ἀπάσαις M.

δωσι ταῖς μὲν ὀλιγωτέρας ταῖς δὲ μερικωτέρας ἀρχάς·
 δι' ὃ καὶ ὁ ἐν Θεαιτήτῳ Σωκράτης παιδιὰν σπουδῇ κε-
 ραννὺς περιστρεφάς μὲν ἀπεικάζει τὰς ἐν ἡμῖν ἐπιστή-
 5 τας δὲ καὶ χωρὶς ἀπὸ τῶν ἄλλων. αἱ μὲν γὰρ κοινό-
 τεραι καὶ ὀλιγώτεραι πολλὰς ἐν ἑαυταῖς περιέχουσι
 μερικωτέρας, αἱ δὲ τῶν διηρημένων κατ' εἶδη γνω-
 στῶν ἐφαπτόμεναι διεστήκασιν ἀλλήλων καὶ ἀσύνναπτοι
 πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ἀπὶ διαφερουσῶν ὥρμημένοι τῶν
 10 πρῶτων ἀρχῶν. μία τοίνυν ἐπιστήμη προτετάχθω
 τῶν πολλῶν ἐπιστημῶν καὶ μαθημάτων ἡ τὰ κοινὰ
 καὶ διὰ πάντων διήκοντα τῶν γενῶν γνωρίζουσα καὶ
 πάσαις ταῖς μαθηματικαῖς ἐπιστήμαις χορηγοῦσα τὰς
 ἀρχάς.

15 Καὶ μέχρι τοῦδε ἐν ἡμῖν ἡ περὶ αὐτῆς ἀφωρίσθω
 διδασκαλία. μετὰ δὲ τοῦτο τί ποτ' ἂν εἴη τὸ κριτή-
 ριον τῶν μαθημάτων θεωρήσωμεν καὶ προστησώμεθα
 καὶ τῆς τούτου παραδόσεως ἡγεμόνα τὸν Πλάτωνα
 διαιρούμενον ἐν πολιτείᾳ χωρὶς μὲν τὰ γνωστὰ χωρὶς
 20 δὲ τὰς γνώσεις καὶ συζύγως ἀπονέμοντα τοῖς γνωστοῖς
 τὰς γνώσεις. || τῶν γὰρ ὄντων τὰ μὲν νοητὰ θέμενος
 τὰ δὲ αἰσθητά, τῶν δ' αὖ νοητῶν τὰ μὲν νοητὰ πάλιν
 τὰ δὲ διανοητά, καὶ τῶν αἰσθητῶν τὰ μὲν αἰσθητὰ τὰ
 δὲ εἰκαστά, τοῖς μὲν νοητοῖς, ἃ δὲ τῶν τεττάρων ἐστὶ
 25 γενῶν πρῶτιστα, γνωστὴν ἐφίστησι τὴν νόησιν, τοῖς
 δὲ διανοητοῖς διάνοιαν, τοῖς δὲ αἰσθητοῖς πίστιν καὶ
 τοῖς εἰκαστοῖς εἰκασίαν. καὶ τοῦτον ἔχουσιν τὸν λό-
 γον ἀποφαίνει τὴν εἰκασίαν πρὸς τὴν αἰσθησιν, ὃν ἡ

1 ταῖς δὲ μερικωτέρας om. G. 6 καὶ ὀλιγώτεραι om. G.

16 τί om. G. addidit C. 18 καὶ τῆς τούτου] δὲ, ἐπὶ τῆς
 τούτων G. 20 συζύγους G. 28 ἀποφαίνει G. ἀποφαίνει C.

διάνοια πρὸς τὴν νόησιν· ἥ τε γὰρ εἰκασία τὰ εἰδῶλα
 γινώσκει τῶν αἰσθητῶν ἐν τε ὕδασι φανταζόμενα
 καὶ τοῖς ἄλλοις κατόπτοις ἐσχάτην πῶς ἐν εἵδεσιν
 ἔχοντα τάξιν καὶ εἰδῶλων ὄντως εἰδῶλα γεγονότα, καὶ
 ἡ διάνοια τὰς τῶν νοητῶν εἰκόνας θεωρεῖ τὰς ἀπὸ 5
 τῶν πρώτων καὶ ἀπλῶν καὶ ἀμεριστῶν εἰδῶν εἰς πλη-
 θος καὶ διαίρεισιν ὑποβάσας, δι' ὃ καὶ ταύτης μὲν ἡ
 γνῶσις ἀπ' ἄλλων ὑποθέσεων ἡρτῆται πρεσβυτέρων,
 ἡ δὲ νόησις ἐπ' αὐτὴν ἀνεισι τὴν ἀννυπόθετον ἀρχήν.
 εἰ τοίνυν τὰ μαθηματικὰ μήτε τὴν ἀμέριστον ἔλαχεν 10
 ὑπόστασιν καὶ χωριστὴν ἀπὸ πάσης διαιρέσεως καὶ
 ποικιλίας μήτε τὴν αἰσθηθεῖ γνωριζομένην καὶ πολὺν
 μετάβολον καὶ πάντῃ μεριστὴν, παντί που καταφανές,
 ὅτι διανοητὰ μὲν ἐστὶ κατὰ τὴν οὐσίαν, διάνοια δὲ
 αὐτῶν προέσθηκεν ὥς κριτήριον, ὥσπερ τῶν αἰσθη- 15
 τῶν αἰσθησις καὶ εἰκασία τῶν εἰκαστῶν. ὅθεν δὴ καὶ
 ὁ Σωκράτης ἀμυδροτέραν μὲν τὴν τούτων γνῶσιν
 εἶναι διορίζεται τῆς πρωτίστης ἐπιστήμης, τρανεστέ-
 ραν δὲ τῆς δοξαστικῆς ἐπιβολῆς. τὸ μὲν γὰρ ἀνει-
 λιγμένον καὶ διεξοδικὸν τῆς θεωρίας πλεονάζον ἔχουσι 20
 τῆς νοήσεως, τὸ δὲ μόνιμον τῶν λόγων καὶ ἀνέλεγ-
 κτον ὑπερέχον τῆς δόξης. καὶ τὸ μὲν ἐξ ὑποθέσεως
 ὠρμημένον κατὰ τὴν ὕφεσιν ἔλαχον τῆς πρώτης ἐπι-
 στήμης, τὸ δὲ ἐν αὐτοῖς εἵδεσιν ὕφεστός κατὰ τὴν
 τελειοτέραν τῶν αἰσθητῶν εἵδησιν.

25

Τὸ μὲν οὖν κριτήριον τῶν μαθημάτων ἀπάντων
 τοιόνδε κατὰ τὸν νοῦν ἀφοριζόμεθα τοῦ Πλάτωνος,

2 ὕδασι] εἵδεσι G. 8 εἴρηται G, ἡρτῆται C. 12 πολυ-
 μετάβολον G. 13 πάντι G, πάντῃ M, C. 16 ἡ αἰσθησις G.
 18 τρανεστέραν G. 21 ἀνέλεγκτον ex G, ἀνέλεκτον M, C.
 23 ὠρμημένον G, ὠρμημένον C. || ὕφεσιν] φύσιν C, 'di-
 minutionem' B.

τὴν διάνοιαν δόξης μὲν ὑπεριδρύσασαν ἑαυτὴν, τῆς
 δὲ νοήσεως ἀπολειπομένην. ἔπεται δὲ πού κατιδεῖν
 ἡμᾶς, τίνα τὴν οὐσίαν προσήκει λέγειν τῶν μαθημα-
 τικῶν || εἰδῶν τε καὶ γενῶν, καὶ πότερον ἀπὸ τῶν
 5 αἰσθητῶν αὐτὴν ὑφιστάνειν συγχωρητέον εἴτε κατὰ
 ἀφαίρεσιν, ὥς πού λέγειν εἰώθασιν, εἴτε κατὰ ἄθροι-
 σιν τῶν μερικῶν εἰς ἓνα τὸν κοινὸν λόγον, ἢ καὶ πρὸ
 τούτων αὐτῇ τὴν ὑπόστασιν δοτέον, ὥς ὃ τε Πλά-
 των ἀξιότ' καὶ ἡ τῶν ὅλων ἐπιδεικνύει πρόοδος. πρῶ-
 10 του μὲν οὖν εἰ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν τὰ μαθηματικὰ
 εἶδη λέγομεν ὑποστῆναι, τῆς ψυχῆς ἀπὸ τῶν ἐν ὕλῃ
 τριγώνων ἢ κύκλων τὸ εἶδος τὸ κυκλικὸν ἢ τὸ τρι-
 γωνικὸν ὕστερογενῶς ἐν ἑαυτῇ μορφούσης, πόθεν ἡ
 ἀκρίβεια καὶ τὸ ἀνέλεγκτον ὑπάρχει τοῖς λόγοις;
 15 ἀνάγκη γάρ, ἢ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἢ ἀπὸ ψυχῆς. ἀλλὰ
 μὴν ἀπὸ γε τῶν αἰσθητῶν ἀδύνατον, πολλῷ γάρ ἂν
 μᾶλλον ἀκριβείας τούτοις μετῇν· ἀπὸ τῆς | ψυχῆς
 ἄρα, τοῖς μὲν ἀτελέσι τὸ τέλειον τοῖς δὲ μὴ ἀκριβέσι
 τὸ ἀκριβὲς προστιθείσης. ποῦ γάρ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς
 20 τὸ ἀμερὲς ἢ τὸ ἀπλατὲς ἢ τὸ ἀβαθές, ποῦ δὲ ἡ τῶν
 ἐκ τοῦ κέντρου γραμμῶν ἰσότης, ποῦ δὲ οἱ ἐστῶτες
 αἰεὶ λόγοι τῶν πλευρῶν, ποῦ δὲ αἱ τῶν γωνιῶν ὀρθό-
 τητες; οὐχ ὁρῶμεν, ὥς ἐν ἀλλήλοις πάντα τὰ αἰσθητὰ
 συμμέμικται καὶ ὥς οὐδὲν ἐν τούτοις εἰλικρινὲς οἶδὲ
 25 τοῦ ἐναντίου καθαρεῖον, ἀλλὰ μεριστὰ πάντα καὶ δια-
 στατά καὶ κινούμενα; πῶς οὖν τοῖς ἀκινήτοις λόγοις
 ἐκ τῶν κινουμένων καὶ ἄλλοτε ἄλλως ἐχόντων αὐτὴν

8 ὥστε omisso ὃ G. ὃ intra lineas scriptum prima manu M. 9 δεικνύει G. 14 ἀνέλεγκτον C. 17 μέτεσιν G, μέτεστιν C. 23 ὁρῶ μὲν G. || αἰσθητὰ] μεριστὰ G, αἰσθητὰ C. 24 ὥς om. G. 25 καθαρεῖον G. || διεσθητὰ C. 26 ἐνούμενα G, κινούμενα C. || λόγοις om. G, add. C.

τὴν μόνιμον οὐσίαν δώσομεν; πᾶν γὰρ τὸ ἀπὸ κινου-
 μένων οὐσιῶν ὑφίστάμενον καὶ ὑπαρξιν μεταβλητὴν
 ἔχειν ὁμολογεῖται παρ' αὐτῶν. πῶς δὲ τοῖς ἀκριβέσι
 καὶ ἀνελέγκτοις εἶδεσιν ἀπὸ τῶν μὴ ἀκριβῶν τὴν
 ἀκρίβειαν προσθήσομεν; πᾶν γὰρ τὸ τῆς ἀκινήτου 5
 γνώσεως αἷτιον μειζόνως ἐστὶν αὐτὸ τοιοῦτον. ψυχὴν
 ἄρα τὴν γεννητικὴν ὑποθετέον τῶν μαθηματικῶν
 εἰδῶν τε καὶ λόγων. ἀλλ' εἰ μὲν ἔχουσα τὰ παρα-
 δείγματα κατ' οὐσίαν ὑφίστησιν αὐτά, καὶ εἰδὶν αἱ
 γεννήσεις προβολαὶ τῶν ἐν αὐτῇ προυπαρχόντων 10
 εἰδῶν, τῷ τε Πλάτῳ συνεσόμεθα ταῦτα λέγοντες
 καὶ τὴν ἀληθῆ οὐσίαν τῶν μαθημάτων εὗρηκότες ἂν
 εἶημεν. εἰ δὲ μὴ ἔχουσα μηδὲ προειληφυῖα τοὺς λό-
 γους τοσοῦτον ὑφαίνει διάκοσμον ἄϋλον καὶ τοσαύτην
 ἀπογεννᾷ θεωρίαν, πῶς τὰ γεννηθέντα δύναται δια- 15
 κρίνειν, εἴτε γόνιμα τυγχάνει ὄντα εἴτε ἀνεμιαῖα καὶ
 εἰδῶλα ἀντ' ἀληθῶν, ποίοις δὲ κανόσι χρωμένη τὴν
 ἐν τούτοις ἀλήθειαν παραμετρεῖ; πῶς δὲ καὶ μὴ ἔχουσα
 τὴν οὐσίαν αὐτῶν ἀπογεννᾷ τοσαύτην || ποικιλίαν λό-
 γων; ἡτοματισμένην γὰρ οὕτως τὴν ὑπόστασιν αὐ- 20
 τῶν ποιήσομεν καὶ πρὸς οὐδένα ὄρον ἀναφερομένην.
 εἰ ἄρα ψυχῆς ἐστὶν ἔκγονα τὰ μαθηματικὰ εἶδη καὶ
 οὐκ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἔχει τοὺς λόγους, ὧν ὑφίστη-
 σιν ἡ ψυχὴ, καὶ ἀπ' ἐκείνων ταῦτα προβάλλεται καὶ
 αἱ ὠδῖνες αὐτῆς καὶ οἱ τόκοι μερόντων εἰσὶ καὶ αἰδίων 25
 ἐκφανεῖς εἰδῶν.

Δεύτερον τοίνυν εἰ κάτωθεν καὶ ἀπὸ τῶν αἰσθη-

1) δώσομεν M. 3 ὁμολόγηται G. 4 ἀνελέγκτοις C.
 5 προσθήσομεν G. || ἀκινήτου ex C, ἀμιμήτου M, ἀεὶ κινί-
 του G. 8 τε om. G. 10 γενέσεις G. 23 ὧν] ὡς G,
 ὧν C.

τῶν ἀθροίζομεν τοὺς τῶν μαθημάτων λόγους, πῶς
οὐκ ἀνάγκη τὰς ἀποδείξεις ἀμείνους λέγειν, ὅσαι ἀπὸ
τῶν αἰσθητῶν συνίστανται, καὶ οὐ τὰς ἀπὸ τῶν κα-
θολικωτέρων αἰεὶ καὶ ἀπλουστέρων εἰδῶν; τὰ γὰρ αἷτια
5 πανταχοῦ ταῖς ἀποδείξεσιν οἰκεῖα πρὸς τὴν τοῦ ζη-
τουμένου θήραν εἶναι φαμέν. εἰ οὖν τὰ μερικὰ τῶν
καθόλου καὶ τὰ αἰσθητὰ τῶν διανοητῶν αἷτια, τίς μη-
χανὴ τὸν ὅρον τῆς ἀποδείξεως ἐπὶ τὰ καθόλου μᾶλ-
λον ἀναφέρειν ἀντὶ τῶν μεριστῶν καὶ τῶν διανοητῶν
10 τὴν οὐσίαν πρὸ τῶν αἰσθητῶν ταῖς ἀποδείξεσιν συγ-
γενεστέραν ἀποφαίνειν; (οὐδὲ γὰρ εἴ τις φασὶν ἀπο-
δείξειεν, ὅτι τὸ ἰσοσκελὲς δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει τὰς
γωνίας, καὶ ὅτι τὸ ἰσόπλευρον ὠδὲ καὶ τὸ σκαληνὸν
ἐπίσταται κατὰ τρόπον, ἀλλ' ὁ πᾶν τρίγωνον καὶ
15 ἀπλῶς ἀποδείξας ἔχει τὴν ἐπιστήμην καθ' αὐτό.) καὶ
πάλιν ὅτι τὸ καθόλου βέλτιον τοῦ κατὰ μέρος πρὸς
ἀπόδειξιν, καὶ ἐξῆς ὅτι αἱ ἀποδείξεις ἐκ τῶν καθόλου
μᾶλλον, ἐξ ὧν δὲ αἱ ἀποδείξεις, ταῦτα πρότερα καὶ τῇ
φύσει προηγούμενα τῶν καθ' ἕκαστα καὶ αἷτια τῶν
20 δεικνυμένων. πολλοῦ ἄρα δέουσιν αἱ ἀποδεικτικαὶ
τῶν ἐπιστημῶν περὶ τὰ ὑστερογενῆ καὶ τὰ ἀμυδρότερα
τῶν αἰσθητῶν ἀθρεῖν, ἀλλ' οὐ τὰ διανοία ληπτὰ καὶ
τελειότερα τῶν αἰσθήσει καὶ δόξῃ γνωρίμων θεωρεῖν.
Ἔτι δὴ τὸ τρίτον λέγομεν, ὅτι καὶ τὴν ψυχὴν
25 ἀτιμωτέραν ποιοῦσι τῆς ὕλης οἱ ταῦτα λέγοντες. εἰ
γὰρ ἡ μὲν ὕλη τὰ οὐσιώδη καὶ μᾶλλον ὄντα καὶ τρα-
νέστερα παρὰ τῆς φύσεως δέχεται, ἡ δὲ ψυχὴ δεύτερα

1 ἀθροίζοιμεν C. 3 alterum τῶν om. G. 12 δυοῖν G.
13 ὥσι G, ὠδὲ C. 14 ἀλλὰ πᾶν G. 17 ἔξεις G. || ἐκ τῶν] αὐ-
τῶν G. 22 23. ἀλλ' οὐ . . . θεωρεῖν om. G. 24 ἔτι δε G.
25 τῆς ὕλης in margine prima, ut videtur, manu; in contextu
τῶν εἰδῶν M. τῶν εἰδῶν G, B₂ B₃, 'formis' Z. 'materia' B.

ἀπ' ἐκείνων καὶ εἰδῶλα καὶ εἰκόνας ὕστερογενεῖς ἐν
 ἑαυτῇ διαπλάττει πρὸς οὐσίαν ἀτιμότερας ἀφαιροῦσα
 τῆς ὕλης τὰ κατὰ φύσιν αὐτῆς ἀχώριστα, πῶς οὐχί
 τὴν ψυχὴν ἀδρανεστέραν τῆς ὕλης καὶ καταδεεστέραν
 ἀποφαίνουσι; τόπος μὲν γὰρ καὶ ἡ ὕλη τῶν ἐνύλων 5
 λόγων καὶ ἡ ψυχὴ τῶν εἰδῶν. ἀλλ' ἡ μὲν τῶν πρῶ-
 των ἡ δὲ τῶν δευτέρων, καὶ ἡ μὲν τῶν προηγουμέ-
 νως ὄντων ἡ δὲ τῶν ἐκείθεν ὑφισταμένων, καὶ ἡ μὲν
 τῶν κατ' οὐσίαν, ἡ δὲ τῶν κατ' ἐπίνοιαν γενομένων.
 πῶς οὖν ἡ νοῦ καὶ τῆς νοερᾶς οὐσίας πρῶτως μετέ- 10
 χουσα καὶ πληρουμένη τῆς γνώσεως ἐκείθεν || καὶ τῆς
 ὅλης ζωῆς ἀμυδροτέρων εἰδῶν ἐστὶν ὑποδοχὴ τῆς
 ἐσχάτης ἐν τοῖς οὖσιν ἔδρας καὶ πρὸς τὸ εἶναι πάν-
 των ἀτελεστέρας; ἀλλὰ πρὸς μὲν ταύτην ἀπαντᾷ τὴν
 δόξαν πολλοῖς πολλάκις εὐθύνας δεδωκυῖαν περιέρχον. 15
 εἰ δὲ μὴ ἐστὶ κατὰ ἀφαίρεσιν τῶν ἐνύλων τὰ μαθη-
 ματικά εἶδη μήτε κατὰ συναθροισμὸν τῶν ἐν τοῖς καθ'
 ἕκαστα κοινῶν, μῆθ' ὅλως ὕστερογενῇ καὶ ἀπὸ τῶν
 αἰσθητῶν, ἀνάγκη δῆπου τὴν ψυχὴν ἢ παρ' αὐτῆς ἢ
 παρὰ νοῦ λαμβάνειν αὐτὰ ἢ καὶ παρ' αὐτῆς καὶ παρ' 20
 ἐκείνου. ἀλλ' εἰ μὲν παρ' αὐτῆς μόνον, πῶς εἰκόνες
 ταῦτα τῶν νοερῶν εἰδῶν; πῶς δὲ μεταξὺ τῆς ἀμερί-
 στου φύσεως καὶ τῆς μεριστῆς μηδεμίαν ἀπὸ τῶν
 πρῶτων εἰς τὸ εἶναι συμπλήρωσιν λαχόντα; πῶς δὲ
 πρωτουργὰ παραδείγματα τῶν ὅλων τὰ ἐν νῷ προ- 25
 ἔστηκεν; εἰ | δὲ παρ' ἐκείνου μόνον, πῶς τὸ αὐτενέ-
 ργητον τῆς ψυχῆς καὶ αὐτοκίνητον δύναται μένειν,

2 οὐσίας G, οὐσίαν C. || ἀφαιροῦσα ex G, ἀφεροῦσα M.
 5 ἐνύλων G, ἐνύλων C. 9 Post κατ' οὐσίαν addit γε-
 νομένων G. || γενομένων] * λεγομένων et in margine γενομέ-
 νων G, γενομένων C. 10 πρῶτης G, πρῶτως C. 19 ἀπ'
 αὐτῆς G. 25 ἐν ᾧ G, ἐν νῷ C.

εἶπερ οἱ ἐν αὐτῇ λόγοι κατὰ τὴν τῶν ἐτεροκινήτων
 ὑπόστασιν ἀλλαχόθεν εἰς αὐτὴν ἔρρευσαν; καὶ τί διοί-
 σει τῆς ὕλης τῆς δυνάμει μόνον οὔσης πάντα, γεννώ-
 σης δὲ οὐδὲν τῶν ἐνύλων εἰδῶν; λείπεται δὴ οὖν καὶ
 5 παρ' αὐτῆς καὶ παρὰ νοῦ ταῦτα παράγειν καὶ εἶναι
 πλήρωμα τῶν εἰδῶν αὐτήν, ἀπὸ μὲν τῶν νοερῶν πα-
 ραδειγμάτων ὑφισταμένων, αὐτογόνως δὲ τὴν εἰς τὸ
 εἶναι πάροδον λαγχανόντων. καὶ οὐκ ἄρα ἦν ἡ ψυχὴ
 γραμματεῖον καὶ τῶν λόγων κενόν, ἀλλὰ γεγραμμένον
 10 αἰ καὶ γράφον ἑαυτὸ καὶ ὑπὸ νοῦ γραφόμενον. νοῦς
 γάρ ἐστι καὶ ἡ ψυχὴ κατὰ τὸν πρὶ αὐτοῦ νοῦν ἀνε-
 λίπτον ἑαυτὸν καὶ εἰκὼν ἐκείνου καὶ τύπος ἔξω γενό-
 μενος. εἰ οὖν ἐκεῖνος πάντα νοερῶς, καὶ ἡ ψυχὴ τὰ
 πάντα ψυχικῶς, καὶ εἰ παραδειγματικῶς ἐκεῖνος, καὶ
 15 ἡ ψυχὴ εἰκονικῶς, καὶ εἰ συνηρημένως, ἡ ψυχὴ διηρη-
 μένως. ὃ δὴ καὶ ὁ Πλάτων εἰδὼς ἐκ πάντων ὑφί-
 στησι τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν τὴν ψυχὴν καὶ κατ'
 ἀριθμοὺς αὐτὴν διαιρεῖ καὶ συνθεῖ ταῖς ἀναλογίαις
 καὶ τοῖς ἁρμονικοῖς λόγοις, καὶ τὰς πρωτουργοὺς ἁρ-
 20 χὰς τῶν σχημάτων ἐν αὐτῇ καταβάλλεται, τό τε εὐθὺ
 καὶ τὸ περιφερές, καὶ κινεῖ τοὺς ἐν αὐτῇ κύκλους νοε-
 ρῶς. πάντα ἄρα τὰ μαθηματικὰ πρῶτόν ἐστιν ἐν τῇ
 ψυχῇ καὶ πρὸ τῶν ἀριθμῶν οἱ αὐτοκίνητοι καὶ πρὸ
 τῶν φαινομένων σχημάτων τὰ ζωδιακὰ σχήματα καὶ
 25 πρὸ τῶν ἡροσμένων οἱ ἁρμονικοὶ λόγοι καὶ πρὸ τῶν
 κύκλῳ κινουμένων σωμάτων οἱ ἀφανεῖς κύκλοι δεδη-
 μιούργηται καὶ πλήρωμα τῶν πάντων ἡ ψυχὴ καὶ

3 τῇ δυνάμει G. 7 αὐτογόνων G, αὐτογόνως C. || δὲ]
 καὶ G. 11 νοῦ G. 14 καὶ ante ἡ ψυχὴ om. G, add. C.

15 Post συνηρημένως G. add. ἐκεῖνος. 16 ἰδῶν G, εἰδὼς C.

17 τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν om. G. 24 ζωδιακὰ] 'ani-
 males' et in margine 'vitales' B. 27 τῶν om. G.

διάκοσμος οὗτος ἄλλος αὐτὸς ἑαυτὸν παράγων καὶ ἀπὸ τῆς οἰκείας ἀρχῆς παραγόμενος ζωῆς τε πληρῶν ἑαυτὸν καὶ ἀπὸ τοῦ δημιουργοῦ πληρούμενος ἄσωμά-
τως καὶ ἀδιαστάτως, καὶ ὅτ' ἂν προβάλλῃ τοὺς αὐτοῦ λόγους, || τότε καὶ ἐπιστήμας προφαίνει πάσας καὶ 5
ἀρετάς. οὐσιώται οὖν ἐν τούτοις ἡ ψυχὴ τοῖς εἶδεσι καὶ οὔτε τὸν ἀριθμὸν ἐπ' αὐτῆς μονάδων πλῆθος ὑποληπτέον οὔτε τὴν τῶν διαστατῶν ιδέαν σωματι-
κῶς ἀκουστέον, ἀλλὰ πάντα ζωτικῶς καὶ νοερῶς τὰ παραδείγματα τῶν φαινομένων ἀριθμῶν καὶ σχημά- 10
των καὶ λόγων καὶ κινήσεων ὑποθετέον ἐπομένοις τῷ Τιμαίῳ πᾶσαν αὐτῆς τὴν γένεσιν καὶ τὴν δημιουργίαν ἀπὸ τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν συμπληρώσαντι καὶ πάντων ἐν αὐτῇ τὰς αἰτίας ιδρύσαντι. τῶν μὲν γὰρ ἀριθμῶν πάντων οἱ ἐπὶ τὰ ὄροι τὰς ἀρχὰς περιειλήφασι 15
τῶν γραμμικῶν καὶ τῶν ἐπιπέδων καὶ τῶν στερεῶν, τῶν δὲ λόγων πάντων οἱ ἐπὶ τὰ λόγοι κατ' αἰτίαν ἐν αὐτῇ προϋφεστήκασι, τῶν δ' αὖ σχημάτων αἱ ἀρχαὶ δημιουργικῶς ιδρύσθησαν ἐν αὐτῇ, τῶν δὲ κινήσεων ἡ πρωτίστη καὶ τὰς ἄλλας ἀπάσας περιέχουσα καὶ 20
κινουῖσα συννυφέστηκεν αὐτῇ. πάντων γὰρ τῶν κινουμένων ὁ κύκλος ἀρχὴ καὶ ἡ κύκλῳ κίνησις. οὐσιώδεις ἄρα καὶ αὐτοκίνητοι τῶν μαθημάτων εἶδιν οἱ λόγοι συμπληροῦντες τὰς ψυχάς, οὓς δὴ καὶ προβάλλουσα ἡ διάνοια καὶ ἐξελίττουσα πᾶσαν τὴν ποικιλίαν ὑφί- 25
στησι τῶν μαθηματικῶν ἐπιστημῶν, καὶ οὐ μὴ ποτε παύσῃται, γεννῶσα μὲν αἰεὶ καὶ ἀνευρίσκουσα ἄλλα

6 οὐσιούται G. 11 ἐπόμενος^{οἱ} M. ἐπομένους G. 15 ὄροι in contextu, in margine λόγοι G; sed omissa sunt τὰς ἀρχὰς περιειλήφασι . . . οἱ ἐπὶ τὰ λόγοι. 17 αἰτίαν] 'essentiam' et in margine 'causam' B. 23 μαθηματικῶν G.

ἐπ' ἄλλοις, τοὺς δὲ ἀμερεῖς αὐτῆς λόγους ἐξαπλοῦσα. πάντα γὰρ προεῖληφεν ἀρχοειδῶς καὶ κατὰ τὴν ἄπειρον ἐαυτῆς δύναμιν ἐκ τῶν προεῖλημμένων ἀρχῶν παντοδαπῶν θεωρημάτων ποιεῖται προβολάς.

5 Ἀλλὰ δὴ μετὰ τὴν οὐσίαν τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν ἐπὶ τὴν μίαν αὐτῶν ἐπιστήμην ἀναδράμωμεν, ἣν πρὸ τῶν πολλῶν ἐδείκνυμεν οὖσαν, καὶ θεωρήσωμεν, τί τὸ ἔργον αὐτῆς καὶ τίνες αἱ δυνάμεις, καὶ ἐπὶ πόσον διατείνουσai ταῖς ἐνεργείαις.

10 Τὸ μὲν δὴ ἔργον τῆς ὅλης μαθηματικῆς διανοητικόν, ὥσπερ τὸ πρότερον εἵπομεν, θετέον καὶ οὔτε τοιοῦτον, ὅποῖον τὸ νοερὸν ἐν ἐαυτῷ μονίμως ἰδρυμένον καὶ τέλειον καὶ αὐταρκες ἀφ' ἐαυτοῦ καὶ πρὸς ἐαυτὸ συνεῦον, οὔτε οἷον τὸ τῆς δόξης καὶ τῆς αἰσθήσεως.

15 αὐταὶ γὰρ αἱ γνώσεις πρὸς τὰ ἐκτὸς ἀπερείδονται καὶ περὶ ἐκεῖνα ἐνεργοῦσι καὶ τὰς αἰτίας οὐκ ἔχουσι τῶν γινγνωσκομένων. ἡ δ' αὖ μαθηματικὴ τῆς μὲν ἀναμνήσεως ἕξωθεν ἄρχεται, τελευτᾷ δὲ εἰς τοὺς ἔνδον λόγους, καὶ ἀνεγείρεται μὲν ἀπὸ τῶν ὑστέρων, καταντᾷ

20 δὲ εἰς τὴν προηγουμένην οὐσίαν τῶν εἰδῶν, καὶ ἀκίνητος μὲν αὐτῆς οὐκ ἔστιν ἡ ἐνέργεια καθάπερ ἡ νοερά, διὰ δὲ κινήσεως οὐ || τοπικῆς οὐδὲ ἀλλοιωτικῆς ὥσπερ αἱ αἰσθήσεις, ἀλλὰ ζωτικῆς ἀνελίσσεται καὶ διεξέισι τὸν ἀσώματον τῶν λόγων διάκοσμον, τότε

25 μὲν ἀπὸ τῶν ἀρχῶν ἐπὶ τὰ ἀποτελέσματα χωροῦσα, τότε δὲ ἀνάπαλιν ὁδεύουσα, καὶ τότε μὲν ἀπὸ τῶν προγινγνωσκομένων ἐπὶ τὰ ζητούμενα, τότε δὲ ἀπὸ τῶν ζητουμένων ἐπὶ τὰ προηγούμενα κατὰ τὴν γνῶσιν.

4 ποιεῖ τε M. ποιεῖται G. 6 μίαν] μετὰ G, μίαν C.
7 θεωρήσωμεν G. 19 λόγοι G, λόγους C. 21 ἡ ante ἐνέργεια om. G. 24 τῷ λόγῳ G.

ἔτι τοίνυν οὔτε ὥς πλήρης ἑαυτῆς ἀπάσης ζητήσεως
ὑπερίδρυνται καθάπερ ὁ νοῦς, οὔτε ἀφ' ἐτέρων τελει-
οῦται ὥς ἡ αἰσθησις, ἀλλὰ διὰ ζητήσεως εἰς τὴν εὕρε-
σιν πρόεισιν καὶ ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς εἰς τελειότητα
ἐπάνεισι.

Δυνάμεις γε μὴν ἔχει διττάς, | τὰς μὲν εἰς πλη-
θος προαγούσας τὰς ἀρχὰς καὶ ἀπογεννώσας τὰς πολυ-
ειδεῖς τῆς θεωρίας ἀτραπούς, τὰς δὲ συναγωγούς τῶν
πολλῶν διεξόδων εἰς τὰς οἰκείας ὑποθέσεις. διότι
γὰρ ἀρχὰς προεστήσατο τό τε ἐν καὶ τὸ πλήθος, τό τε ¹⁰
πέρας καὶ τὸ ἄπειρον, τὰ ὑποκείμενα αὐτῇ πρὸς τὴν
κατάληψιν μέσῃν τε ἐκληρώσατο τάξιν τῶν ἀμερίστων
εἰδῶν καὶ τῶν πάντῃ μεριστῶν, εἰκότως δὴ οἶμαι καὶ
αἱ γνωστικαὶ δυνάμεις τῆς ὅλης αὐτῶν ἐπιστήμης
διπλαῖ πεφῆνασιν οὔσαι, καὶ αἱ μὲν ἡμῖν εἰς τὴν ¹⁵
ἔνωσην σπεύδουσιν καὶ συμπτύσσουσιν τὸ πλήθος, αἱ
δὲ διακριτικαὶ τῶν ἀπλῶν εἰς τὰ ποικίλα καὶ τῶν
καθολικωτέρων εἰς τὰ μερικώτερα, καὶ τῶν ἐν ἀρχῇ
λόγων τεταγμένων εἰς τὰ δεύτερα καὶ τὰ πολλοστὰ
ἀπὸ τῶν ἀρχῶν. ἄνωθεν γὰρ ἀρχομένη διήκει ²⁰
τῶν αἰσθητῶν ἀποτελεσμάτων καὶ συνάπτει πρὸς τὴν
φύσιν καὶ συναποδείκνυσιν πολλὰ μετὰ τῆς φυσιολο-
γίας, ὥσπερ δὴ κάτωθεν ἐπανιοῦσα συνεργίζει πῶς τῇ
νοερᾷ γνώσει καὶ ἐφάπτεται τῆς τῶν πρώτων θεωρίας.
διὸ δὴ καὶ ἐν ταῖς ἀποπερατώσεσιν ἑαυτῆς τὴν ²⁵
μηχανικὴν ὅλην προύβαλεν καὶ τὴν ὀπτικὴν καὶ κατ-
οπτρικὴν θεωρίαν καὶ ἄλλας πολλὰς συμπεπλεγμένας
τοῖς αἰσθητοῖς καὶ δι' ἐκείνων ἐνεργούσας, καὶ ἐν ταῖς

2—3 ὑπερίδρυνται ... ζητησέως bis redditum est in G; alterum del. not. C. 15 πεφύκασιν G. 16 συμπτώσσουσιν M, συμπτύσσουσιν G. 25 ταῖς ἀπο- om. G.

ἀνόδοις τῶν ἀμερίστων καὶ αὐτῶν νοήσεων ἀντιλαμ-
βάνεται καὶ μετ' ἐκείνων τελειοῖ τὰς μεριστὰς ἐπιβο-
λὰς καὶ τὰς ἐν διεξόδοις φερομένας γνώσεις, τὰ τε
ἐαυτῆς γένη καὶ εἶδη ταῖς οὐσίαις ἐκείναις ἀφομοιοῖ,
5 καὶ τὴν περὶ θεῶν ἀλήθειαν καὶ τὴν περὶ τῶν ὄντων
θεωρίαν ἐν τοῖς οἰκείοις ἐκφαίνει λογισμοῖς. τοσαῦτα
καὶ περὶ τούτων εἰρήσθω.

Τὸ δὲ ἐντεῦθεν τῆς ἐπιστήμης ταύτης κατίδωμεν
ἐξαίφνης ἀπὸ τῶν ἀρχηγικωτάτων γνώσεων μέχρι τῶν
10 ἐσχάτων διατεῖνον. ὁ μὲν οὖν Τίμαιος κατὰ παιδευ-
σιν ὁδὸν τὴν τῶν μαθημάτων γνώσιν ἀποκαλεῖ διότι
δὴ τοῦτον ἔχει τὸν λόγον πρὸς τὴν τῶν ὄλων || ἐπι-
στήμην καὶ τὴν πρώτην φιλοσοφίαν, ὃν ἡ παιδεία
πρὸς τὴν ἀρετὴν. ἡ μὲν γὰρ προεντρεπίζει τὴν ψυχὴν
15 ἔθεσιν ἀδιαστρόφοις εἰς τὴν τελείαν ζωὴν, ἡ δὲ προ-
παρασκευάζει τὴν διάνοιαν ἡμῶν καὶ τὸ ὅμμα τῆς ψυ-
χῆς εἰς τὴν ἐντεῦθεν περιαγωγὴν. διὸ καὶ ὁ ἐν πολι-
τεῖᾳ Σωκράτης ὁρθῶς εἶπεν· ὅμμα γὰρ τῆς ψυχῆς
ὑπὸ τῶν ἄλλων ἐπιτηδευμάτων ἀποτυφλούμενον καὶ
20 κατορυττόμενον ὑπὸ τῶν μαθημάτων μόνων ἀναξω-
πυρεῖσθαι τε καὶ ἀνεγείρεσθαι πάλιν εἰς τὴν θείαν
τοῦ ὄντος καὶ ἀπὸ τῶν εἰδώλων ἐπὶ τὰ ἀληθῆ καὶ
ἀπὸ τοῦ σκοτώδους εἰς τὸ νοερὸν μεθίστασθαι φῶς,
καὶ ὅλως ἀπὸ τοῦ σπηλαίου καὶ τῶν ἐν τούτῳ γενε-
25 σιουργῶν δεσμῶν καὶ τῶν ἀγκιτήρων τῆς ὕλης ἐπὶ
τὴν ἀσώματον ἀνατείνασθαι καὶ ἀμέριστον οὐσίαν.
τό τε γὰρ κάλλος καὶ ἡ τάξις τῶν ἐν μαθηματικῇ

4 εἶδη. καὶ ταῖς G. 6 ἐμφαίνει G. ἐκφαίνει C.
14 προεντρεπίζει G. προεντρεπίζει C. 15 εἶδеси G. || προ-
κατασκευάζει G, προπαρασκευάζει C. 17 Polit. VII, p. 527,
D. E. 21 ἀνεγείρεσθαι πέφυκεν. πάλιν G. 26 ἀνατείν-
εσθαι ἀμέριστον omisso καὶ G.

λόγων καὶ τὸ μόνιμον καὶ ἐστὼς τῆς θεωρίας αὐτοῖς
 ἡμᾶς συνάπτει τοῖς νοητοῖς καὶ ἐνιδρύει τελέως, αἰ
 μὲν ἐστῶσιν, αἰ δὲ τῷ θεῷ κάλλει διαπρέπουσιν, αἰ
 δὲ τὴν πρὸς ἄλληλα τάξιν διασώζουσιν. Ὁ δὲ ἐν τῷ
 Φαίδρῳ Σωκράτης τρεῖς ἡμῖν παραδίδωσι τοὺς ἀνα- 5
 γομένους, οἱ καὶ τὸν πρῶτιστον αὐτοῦ συμπληροῦσι
 βίον· τὸν φιλόσοφον, τὸν ἐρωτικόν, τὸν μουσικόν.
 ἀλλὰ τῷ μὲν ἐρωτικῷ τῆς ἀναγωγῆς ἀρχὴ καὶ ὁδὸς
 ἐντεῦθεν ἀπὸ τοῦ φαινομένου κάλλους ἐπαναβασμοῖς
 χρωμένῳ τοῖς μέσοις εἶδεσι τῶν καλῶν, τῷ δὲ μου- 10
 σικῷ τρίτην λαχόντι τάξιν ἀπὸ τῶν ἐν αἰσθήσεσιν
 ἁρμονιῶν ἐπὶ τὰς ἀφανεῖς ἁρμονίας καὶ τοὺς λόγους
 τοὺς ἐν ταύταις ἢ μετάβασις. καὶ τῷ μὲν ἢ ὄψις, τῷ
 δὲ ἢ ἀκοή τῆς ἀναμνήσεως ὄργανον. τῷ δὲ φιλοσόφῳ
 τὴν φύσιν πόθεν ἄρα καὶ διὰ τίνων ἢ ἀνακίνησις τῆς 15
 νοερᾶς γνώσεως καὶ ἢ πρὸς τὸ ὄντως ὄν καὶ τὴν ἀλή-
 θειαν ἔγερσις; δεῖ γὰρ καὶ τούτῳ διὰ τὸ ἀτελὲς τῆς
 οἰκείας ἀρχῆς. ἢ γὰρ φυσικὴ ἀρετὴ καὶ ὄμμα ἀτελὲς
 καὶ ἥθος ἔλαχεν. ἐγγίγερται μὲν οὖν ἤδη παρ' αὐτοῦ
 καὶ ἐπτόηται περὶ τὸ ὄν ὃ τὴν φύσιν τοιοῦτος, δοτέον 20
 δὲ αὐτῷ τὰ μαθήματα, φησὶν ὁ Πλωτίνος, πρὸς
 συνεθισμὸν τῆς ἀσωμάτου φύσεως καὶ τούτοις ὥσπερ
 σχήμασι χρώμενον ἀκτέον ἐπὶ τοὺς ἐν τῇ διαλεκτικῇ
 λόγους καὶ ὅλως ὥς τὴν τῶν ὄντων θεωρίαν.

Ἄλλ' ὅτι μὲν πρὸς φιλοσοφίαν ἢ μαθηματικὴν τὴν 25
 πρωτίστην παρέχεται συντέλειαν, ἐκ τούτων δῆλον.

5 παρὰ δίδωσιν M. 6 αὐτῷ G. 9 ἐπαναβιβασμοῖς G.

15 ἀνακίνησις M, B₂ B₃, ἀνάμνησις G. 'recordatio' Z. 're-
 miniscentia' et in margine 'praeludium' B. 17 δεῖ δὲ G. δεῖ
 γὰρ C. || τοῦτο G. τούτῳ C. 22 συνεθισμενὸν G. 24 ὥς
 τὴν . . . θεωρίαν] ἐν τῇ τῶν ὄλων (ὄντων C) θεωρίᾳ. G. Ad

ὥς in M in margine annotatum est: ἐν πρὸς.

δεῖ δὲ καὶ τῶν καθ' ἕκαστα μεμνησθαι, καὶ ὅτι θεολογία μὲν προεντρεπίζει τὰς νοερὰς ἐπιβολάς. ὅσα γὰρ τοῖς ἀτελέσι δυσθήρατα καὶ ἀνάντη φαίνεται τῆς περὶ τῶν θεῶν ἀληθείας εἰς διάγνωσιν, ταῦτα οἱ τῆς
 5 μαθηματικῆς λόγοι πιστὰ καὶ καταφανῆ καὶ ἀνέλεγκτα διὰ τῶν εἰκόνων ἀποφαίνουσι. τῶν μὲν γὰρ ὑπερουσίων ἰδιοτήτων || ἐν τοῖς ἀριθμοῖς τὰς ἐμφάσεις δεικνύουσι, τῶν δὲ νοερῶν σχημάτων ἐν τοῖς διανοητοῖς τὰς δυνάμεις ἐκφαίνουσιν. διὸ καὶ ὁ Πλάτων
 10 πολλὰ καὶ θαυμαστὰ δόγματα περὶ θεῶν διὰ τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν ἡμᾶς ἀναδιδάσκει καὶ ἡ τῶν Πυθαγορείων φιλοσοφία παραπετάσμασι τοῦ | τοῖς χρωμένῃ τὴν μυσταγωγίαν κατακρύπτει τῶν θεῶν δογμάτων. τοιοῦτος γὰρ καὶ ὁ ἱερὸς σύμπαρ λόγος καὶ ὁ
 15 Φιλόλαος ἐν ταῖς Βάκχαις καὶ ὅλος ὁ τρόπος τῆς Πυθαγόρου περὶ θεῶν ὑφηγήσεως.

Πρὸς δὲ τὴν φυσικὴν θεωρίαν τὰ μέγιστα συμβάλλεται, τὴν τε τῶν λόγων εὐταξίαν ἀναφαίνουσα, καθ' ἣν δεδημιούργηται τὸ πᾶν, καὶ ἀναλογίαν τὴν
 20 πάντα τὰ ἐν τῷ κόσμῳ συνδήσασαν, ὥς πον φησὶν ὁ Τίμαιος, καὶ φίλα τὰ μαχόμενα καὶ προσήγορα καὶ συμπαθῆ τὰ διεστῶτα ποιήσασαν, καὶ τὰ ἀπλᾶ καὶ πρωτοურγὰ στοιχεῖα καὶ πάντῃ τῇ συμμετρίας καὶ τῇ ἰσότητι συνεχόμενα δεῖξασα, δι' ὧν καὶ ὁ πᾶς οὐρανὸς
 25 ἐτελεώθη, σχήματα τὰ προσήκοντα κατὰ τὰς ἐαυτοῦ μερίδας ὑποδεξάμενος, ἔτι δὲ ἀριθμοὺς τοὺς οἰκείους ἐκάστῳ τῶν γιγνομένων καὶ ταῖς περιόδοις αὐτῶν καὶ ταῖς ἀποκαταστάσεσιν ἀνευροῦσα, δι' ὧν

1 καθ' ἕκαστον G, καθ' ἕκαστα C. || θεολογία G. 9 ἐμφαίνουσι G, ἐκφαίνουσι C. || διὸ δὴ καὶ G. 22 ποιήσασα G. 25 ἐτελεώθη G. 27 ἐκάστῳ ex G. ἕκαστα M.

τάς τε εὐγονίας ἐκάστων καὶ τὰς ἐναντίας φορὰς συλ-
 λογίζεσθαι δυνατόν. ταῦτα γὰρ οἶμαι καὶ ὁ Τίμαιος
 ἐνδεικνύμενος πανταχοῦ διὰ τῶν μαθηματικῶν ὀνο-
 μάτων ἐκφαίνει τὴν περὶ τῆς φύσεως τῶν ὅλων θεω-
 ρίαν καὶ τὰς γενέσεις τῶν στοιχείων ἀριθμοῖς καὶ 5
 σχήμασι κατακοσμεῖ καὶ τὰς δυνάμεις αὐτῶν καὶ τὰ
 πάθη καὶ τὰς ποιήσεις εἰς αὐτὰ ἀναφέρει, τῶν τε γω-
 νιῶν τὰς ὀξύτητας καὶ τὰς ἀμβλύτητας καὶ τῶν πλευ-
 ρῶν τὰς λειότητας ἢ τὰς ἐναντίας δυνάμεις, τό τε
 πλήθος καὶ τὴν ὀλιγότητα τῶν στοιχείων αἰτιώμενος 10
 τῆς παντοίας μεταβολῆς.

Πρὸς γε μὴν τὴν πολιτικὴν καλουμένην φιλοσο-
 φίαν πῶς οὐχὶ φήσομεν αὐτὴν πολλὰ δὴ καὶ θαυ-
 μαστὰ συντελεῖν, τοὺς τε καιροὺς τῶν πράξεων ἀνα-
 μετρούμενην καὶ τὰς ποικίλας περιόδους τοῦ παντός 15
 καὶ τοὺς προσήκοντας ἀριθμοὺς ταῖς γενέσεσι, τοὺς
 τε ἀφομοιωματικούς καὶ τοὺς τῆς ἀνομοιότητος αἰτίους,
 τοὺς τε γονίμους καὶ τελείους, καὶ τοὺς ἐναντίους τοί-
 τοις, τοὺς τε ἐναρμονίου ζωῆς χορηγοὺς καὶ τοὺς τῆς
 ἀναρμοστίας παρεκτικούς καὶ ὅλως φορὰς καὶ ἀφορίας 20
 οἰστικούς. ἃ δὴ καὶ ὁ ἐν πολιτείᾳ τῶν μουσῶν λό-
 γος ἐκφαίνει τὸν γεωμετρικὸν ἀριθμὸν σύμπαντα κύ-
 ριον ἀμεινόνων καὶ χειρόνων γενέσεων τιθέμενος καὶ
 τῆς τε ἀλύτου τῶν ἀδιαστροφῶν ἡθῶν διαμονῆς, καὶ
 τῆς μεταβολῆς τῶν ἀρίστων πολιτειῶν εἰς τὰς ἀλό- 25
 γους καὶ ἐμπαθεῖς. ὅτι γὰρ τῆς ὅλης ἐστὶ μαθηματι-
 κῆς τὴν ἐπιστήμην παραδοῦναι τοῦ λεγομένου τούτου
 γεωμετρικοῦ ἀριθμοῦ καὶ οὐ μιᾶς τινὸς οἷον ἀριθμη-

19 ἐναρμονίους G, M. 20 ἀναρμοσίας G. 21 Polit.
 VIII p. 546, C. 547, C. 25 ἀρίστων ex G. ἀριστερῶν M.
 26 μαθηματικῆς ἐστὶ G.

τικῆς ἢ γεωμετρίας παντί που δῆλον· διὰ πάντων γὰρ τῶν μαθημάτων οἱ λόγοι τῆς τε εὐγονίας || καὶ τῆς ἀγονίας διήκουσι.

Πρὸς δ' αὖ τὴν ἡθικὴν φιλοσοφίαν ἡμᾶς τελειοῖ,
 5 τάξιν καὶ ἐναρμόνιον ζωὴν ἐντιθεῖσα τοῖς ἡθεσιν ἡμῶν καὶ σχήματα πρέποντα τῇ ἀρετῇ καὶ μέλη καὶ κινήσεις παραδίδωσιν, ἀφ' ὧν δὴ καὶ ὁ Ἀθηναῖος ξένος τελειοῦσθαι βούλεται τοὺς τῆς ἡθικῆς ἀρετῆς ἐκ νέων μεταληψομένους, τῶν τε ἀρετῶν προτείνει
 10 τοὺς λόγους, ἄλλως μὲν ἐν τοῖς ἀριθμοῖς, ἄλλως δὲ ἐν τοῖς σχήμασιν, ἄλλως δὲ ἐν τοῖς κατὰ μουσικὴν συμφώνοις καὶ τῶν κακιῶν τὰς ὑπερβολὰς καὶ τὰς ἐνδεΐας παραδείκνυσιν, δι' ὧν ἀποτελούμεθα μέτριοι τὸ ἥθος καὶ κεκοσμημένοι. καὶ διὰ τοῦτο ὁ Σωκρά-
 15 τῆς ἐν Γοργίᾳ μὲν τὸν Καλλικλέα τῆς ἀτάκτου καὶ ἀκολάστου ζωῆς αἰτιώμενος, γεωμετρίας γάρ, φησὶν, ἀμελεῖς καὶ τῆς κατ' αὐτὴν ἰσότητος. ἐν πολιτείᾳ δὲ τῆς τυραννικῆς ἡδονῆς τὴν ἀπόστασιν, ἣν ἔλαχεν, εὐρίσκει πρὸς τὴν τοῦ βασιλέως κατὰ τὴν ἐπίπεδον
 20 γένεσιν καὶ τὴν στερεάν.

Ἀλλὰ μὴν ταῖς τε ἄλλαις ἐπιστήμασι τε καὶ τέχναις ἡλίκον τὸ ἀπὸ τῆς μαθηματικῆς ὄφελος παραγίνεται, μάθοιμεν ἂν ἐννοήσαντες, ὅτι ταῖς μὲν θεωρητικαῖς οἷον ῥητορικῇ καὶ ταῖς τοιαῖςδε πάσαις, ὅσαι διὰ λό-
 25 γων κυροῦνται, τελειότητα καὶ τάξιν προστίθῃσιν καὶ τὸ ἐκ πρώτων τε καὶ μέσων καὶ τελευταίων συμπληροῦσθαι κατὰ τὴν πρὸς αὐτὴν ἀπεικασίαν, ταῖς δὲ

2 εὐγονίας . . . ἀγονίας M, G. 3 διώκουσι G. διήκουσι C.

5 ἐντεθεῖσα M, G. || τοῖς om. G. 7 Plat. Leg. II, p. 672—673. 12 τὰς ante ἐνδεΐας om. G. 13 παραδεικνύουσι G.

17 ἀμελῆς C. || Polit. IX, 587. D. 18 ἢ M. || ἥλαχεν C.

19 βασιλικοῦ G, βασιλέως C. 27 εἰκασίαν G, ἀπεικασίαν C.

ποιητικαῖς ἐν παραδείγματος τάξει προουφείστηκε τοὺς λόγους τῶν ποιουμένων καὶ τὰ μέτρα ἐν αὐτῇ προ-
 υποστήσασα, ταῖς δὲ πρακτικαῖς τὴν ἐνέργειαν καὶ τὴν
 κίνησιν ἀφορίζει διὰ τῶν ἐστώτων ἑαυτῆς καὶ ἀκινή-
 των εἰδῶν. ὅλως γὰρ αἱ τέχναι πᾶσαι, καθάπερ δὴ 5
 φησιν ὁ ἐν τῷ Φιλήβῳ Σωκράτης, ἀριθμητικῆς δέον-
 ται καὶ μετρητικῆς καὶ στατικῆς, ἥτοι πασῶν ἢ τινῶν.
 αὗται δὲ πᾶσαι περιέχονται ἐν τοῖς μαθηματικοῖς λό-
 γοις καὶ κατ' ἐκείνους ὀρίζονται. καὶ γὰρ αἱ τῶν
 ἀριθμῶν διανομαὶ καὶ ἡ τῶν μέτρων ποικιλία καὶ ἡ 10
 τῶν βαρῶν διαφορότης ὑπὸ ταύτης γνωρίζονται.

Τὸ μὲν τοίνυν ὄφελος τῆς μαθηματικῆς ὅλης ἐπι-
 στήμης πρὸς τε φιλοσοφίαν αὐτὴν καὶ τὰς ἄλλας ἐπι-
 στήμας καὶ τέχνας ἔσται διὰ τούτων γνώριμον τοῖς
 ἀκούουσιν, ἥδη δὲ τινες τῶν ἀντιλογικῶν | ἐπιχει- 15
 ροῦσι καθαιρεῖν τὴν ἀξίαν τῆς ἐπιστήμης ταύτης, οἱ
 μὲν τὸ καλὸν αὐτῆς καὶ τὸ ἀγαθὸν ἀφαιροῦντες ὥς
 οὐ περὶ τούτων ποιουμένης τοὺς λόγους, οἱ δὲ χρησι-
 μωτέρας τὰς τῶν αἰσθητῶν ἐμπειρίας ἀποφαίνονται
 τῶν ἐν αὐτῇ καθόλου θεωρουμένων, || οἷον γεωδεσίαν 20
 γεωμετρίας, καὶ τὴν τῶν πολλῶν ἀριθμητικὴν τῆς ἐν
 θεωρήμασιν ὑφεστώσης, καὶ τὴν ναυτικὴν ἀστρολο-
 γίαν τῆς καθόλου δεικνυούσης. οὔτε γὰρ πλουτοῦμεν

2 τὰ ἐν αὐτῇ G, ἐν αὐτῇ omisso spiritus signo M. 4 διὰ]

Nα

δὲ G, J M. 6 τῷ om. G. 7 μετρητικῆς G, μετρητικῆς C.

8 τοῖς τῆς μαθηματικῆς G. In M supra τοῖς scriptum est compendium articuli τῆς prima ut videtur manu. 11 βαρ-

βάρων G, βαρῶν C.

15 Post ἀντιλογικῶν sequuntur in G διὰ τοὺς βουλομένους ἀνατρέπειν τὴν γεωμετρίαν, quae in M leguntur in margine inter signa C = σημαίνει et †; loco prae-
 positionis διὰ est compendium Δ, = διὰ τούτου. 19 αἰσθη-
 σεων G.

τῷ γινώσκειν τὸν πλοῦτον, ἀλλὰ τῷ χρῆσθαι, οὔτε
 εὐδαιμονοῦμεν τῷ τὴν εὐδαιμονίαν γινώσκειν, ἀλλὰ
 τῷ ζῆν εὐδαιμονικῶς, ὥστε καὶ πρὸς τὸν βίον τὸν
 ἀνθρώπινον καὶ τὰς πράξεις οὐ τὰς γνωστικὰς τῶν
 5 μαθηματικῶν, ἀλλὰ τὰς ἐμπειρικὰς συντελεῖν ὁμολο-
 γήσομεν. οἱ γὰρ ἀγνοοῦντες μὲν τοὺς λόγους, γε-
 γυμνασμένοι δὲ περὶ τὴν ἐν τοῖς καθ' ἕκαστα πεῖραν
 ὅλῳ καὶ παντὶ διαφέρουσι πρὸς τὰς ἀνθρωπικὰς χρείας
 τῶν περὶ τὴν θεωρίαν μόνην ἐσχολακόντων.

10 Πρὸς δὴ τοὺς ταῦτα λέγοντας ἀπαντησόμεθα τὸ
 μὲν κάλλος ἐπιδείκνυντες τῶν μαθημάτων ἀπὸ τού-
 των, ἀφ' ὧν καὶ ὁ Ἀριστοτέλης ἐπεχείρησεν ἡμᾶς
 πείθειν. τρία γὰρ ταῦτα διαφερόντως καὶ ἐν τοῖς
 σώμασι καὶ ἐν ταῖς ψυχαῖς τὸ κάλλος ἀποτελεῖν, τὴν
 15 τάξιν, τὴν συμμετρίαν, τὸ ὠρισμένον, ἐπεὶ καὶ τὸ
 αἶσχος τὸ μὲν σωματικὸν ἀπὸ τῆς ὑλικῆς ἀταξίας καὶ
 ἀμορφίας καὶ ἀσυμμετρίας καὶ ἀοριστίας ἐν τῷ συν-
 θέτῳ κρατησάσης παρυφίσταται, τὸ δὲ [ψυχικὸν] ἀπὸ
 τῆς ἀλογίας πλημμελῶς καὶ ἀτάκτως κινουμένης καὶ
 20 ἀναρμόστου πρὸς τὸν λόγον οὔσης καὶ τὸν ἐκεῖθεν ὄρον
 οὐ καταδεχομένης, ὥστε καὶ τὸ κάλλος ἐν τοῖς ἐναν-
 τίοις ἂν ἔχοι τὴν ὑπαρξιν, τάξει δηλαδὴ καὶ συμμετρίᾳ
 καὶ τῷ ὠρισμένῳ. ταῦτα δὲ ἐν τῇ μαθηματικῇ μάλιστα
 θεωροῦμεν ἐπιστήμῃ, τὴν μὲν τάξιν ἐν τῇ τῶν δευ-
 25 τέρων αἰεὶ καὶ ποικιλωτέρων ἀπὸ τῶν πρώτων καὶ
 ἀπλουστερόρων ἐκφάνσει — συνήρηται γὰρ αἰεὶ τὰ ἐπό-
 μενα τοῖς ἔμπροσθεν, καὶ τὰ μὲν ἀρχῆς ἔχει λόγον, τὰ

4 ἀνθρώπινον] ἀνῖνον G. quod compendium est vocis ἀν-
 θρώπινον. 8 ἀνῖνας G. || χεῖρας prima ut videtur manu
 intra lineas in χρείας mutatum M. 18 ψυχικὸν ego addidi.

20 τὸν om. G. 26 ἐμφάσει G.

δὲ τῶν ἐπομένων ταῖς πρώταις ὑποθέσεσιν — τὴν δὲ
 συμμετρίαν ἐν τῇ συμφωνίᾳ τῶν δεικνυμένων πρὸς
 ἄλληλα καὶ τῇ πρὸς τὸν νοῦν πάντων ἀναφορᾷ — μέ-
 τρον γὰρ ἐστὶ κοινὸν τῆς ὅλης ἐπιστήμης ὁ νοῦς, παρ'
 οὗ καὶ τὰς ἀρχὰς λαμβάνει καὶ πρὸς ὃν ἐπιστρέφει τοὺς 5
 μανθάνοντας — τὸ δὲ ὠρισμένον ἐν τοῖς ἐστῶσιν αἰεὶ
 καὶ ἀκινήτοις λόγοις· οὐ γὰρ ἄλλοτε ἄλλως ἔχει τὰ
 γνωστὰ αὐτῆς ὥσπερ τὰ δοξαστὰ καὶ τὰ αἰσθητὰ
 αὐτῆς, ἀλλ' αἰεὶ τὰ αὐτὰ προτείνεται καὶ ὥριστα τοῖς
 νοεροῖς εἶδελιν. εἰ τοίνυν τὰ μὲν ἀποτελεσματικά τοῦ 10
 κάλλους ἐστὶ ταῦτα διαφερόντως, τὰ δὲ μαθήματα
 κατὰ ταῦτα χαρακτηρίζεται, πρόδηλον ὅτι καὶ ἐν τού-
 τοις ἐστὶ τὸ καλόν. καὶ πῶς γὰρ οὐ μέλλει, νοῦ μὲν
 καταλάμποντος ἄνωθεν τὴν ἐπιστήμην, ταύτης δὲ εἰς
 νοῦν ἐπειγομένης καὶ ἡμᾶς ἀπὸ αἰσθήσεως εἰς ἐκείνον 15
 μετάγειν σπενδούσης;

Τὸ || δ' αὖ ὅφελος αὐτῆς οὐκ εἰς τὰς ἀνθρωπίνας
 χρείας ἀφορῶντας κρίνειν ἀξιόσομεν οὐδὲ τῆς ἀνάγκης
 στοχαζομένους· οὕτω γὰρ καὶ τὴν θεωρητικὴν ἀρετὴν
 αὐτὴν ἄχρηστον ὁμολογήσομεν εἶναι ἑαυτὴν τῶν ἀν- 20
 θρωπίνων χωρίζουσιν καὶ, οὗ ταῦτα συντείνει, μὴδ'
 ὅλως γινώσκειν αἰρουμένην. ὃ καὶ ὁ ἐν Θεαιτήτῳ
 Σωκράτης περὶ τῶν κορυφαίων χρησμοδῶν ὄντως [?]
 πάσης μὲν αὐτοὺς ἀφίστησι σχέσεως τῆς πρὸς τὸν
 ἀνθρώπινον βίον, πάσης δὲ ἀνάγκης καὶ χρείας εὖλυ- 25
 τον αὐτῶν τὴν διάνοιαν εἰς τὴν τῶν ὄντων ἀνατείνει
 περιωπὴν. καὶ τοίνυν καὶ τὴν μαθηματικὴν ἐπιστήμην
 αὐτὴν δι' αὐτὴν αἰρετὴν καὶ τὴν ἐξ αὐτῆς θεωρίαν

4 κοινὸν om. G.

9 αὐτῆς post αἰσθητὰ om. G.

11 ταῦτα διαφερόντως ἐστὶ G. || μαθηματικά G. 21 οὐ ex G.
 οὐ M. 22 καὶ ἐν omissio ὁ G. || Theät. 173. C. 23 ὄντων G.

εἶναι θετέον, ἀλλ' οὐ διὰ τὰς ἀνθρωπίνας χρείας. εἰ
 δὲ χρὴ πρὸς ἄλλο τι τὸ ἐξ αὐτῆς ὄφελος ἀναφέρειν,
 πρὸς τὴν νοερὰν γνῶσιν τὴν ὠφέλειαν τὴν ἀπ' αὐτῆς
 ἀνενεκτέον· εἰς γὰρ ἐκείνην ἡμᾶς ποδηγεῖ καὶ προ-
 5 ευντρεπίζει, τὸ ὄμμα τῆς ψυχῆς ἀποκαθαίρουσα καὶ
 ἀφαιροῦσα τὰ ἀπὸ τῶν αἰσθήσεων ἐμπόδια πρὸς τὴν
 γνῶσιν τῶν ὅλων. ὥσπερ οὖν τὴν καθαρτικὴν ὅλην
 ἀρετὴν οὐ πρὸς τὰς βιωτικὰς χρείας ἀποβλέποντες
 χρησίμην ἢ ἄχρηστον φαμεν, ἀλλὰ πρὸς τὸν ἐν θεωρίᾳ
 10 βίον, οὕτως καὶ τῆς μαθηματικῆς τὸ τέλος εἰς νοῦν
 ἀναπέμπειν προσήκει καὶ τὴν σύμπασαν σοφίαν. διὸ
 καὶ ἡ περὶ αὐτὴν ἐνέργεια καθ' αὐτὴν τέ ἐστιν ἀξία
 σπουδῆς καὶ διὰ τὴν νοερὰν ζωὴν. δηλοῖ δὲ τὸ δι'
 ἐαυτὴν εἶναι τοῖς μετιοῦσιν αἰρετήν, ὃ καὶ Ἀριστο-
 15 τέλης πού φησιν, τὸ μηδενὲς μισθοῦ προκειμένου
 τοῖς ζητοῦσιν ὅμως ἐν ὀλίγῳ χρόνῳ τοσαύτην ἐπίδο-
 σιν τὴν τῶν μαθημάτων θεωρίαν λαβεῖν, ἔτι δὲ τὸ
 πάντας ἐν αὐτῇ φιλοχωρεῖν καὶ βούλεσθαι σχολάζειν
 τῶν ἄλλων ἀφεμένους, ὅσοι καὶ κατὰ μικρὸν ἐφήψαντο
 20 τῆς ἀπ' αὐτῆς ὠφελείας, ὥστε οἱ γε καταφρονητικῶς
 ἔχουσι τῆς τῶν μαθημάτων γνώσεως, ἄγευστοι τυγ-
 χάνουσιν ὄντες τῶν ἐν αὐτοῖς ἠδονῶν.

Οὐ δὲ οὖν διὰ τοῦτο τὴν μαθηματικὴν ἀτιμα-
 στέον, ὅτι μὴ πρὸς τὰς ἀνθρωπίνας ἡμῖν χρείας συν-
 25 τελεῖ — τὰ γὰρ ἔσχατα αὐτῆς | ἀπηχρήματα τῆς τοι-
 αύτης χρείας στοχάζεται καὶ ὅσα μεθ' ὕλης ἐνεργεῖ —
 ἀλλὰ τούναντίον θαυμαστέον αὐτῆς τὴν ἀϋλίαν καὶ

1 οὐδὲ G, οὐ διὰ C. 4 ἀνακτέον G, ἀνανεκτέον C.
 6 αἰσθητιῶν G, αἰσθήσεων C. 9 ἄχρηστον ex G. ἄχριστον
 M. 14 αὐτὴν G. 20 οἱ γε] ὅσοι H₂ p. 254. 21 ἔχον-
 τες G. 22 ὄντες om. H₂ p. 254. 24 τὰς om. G. 25 ἀπενυχή-
 ματα G. ἀπηχρήματα C. 26 ὅλης G.

τὸ ἐν αὐτῇ μόνῃ τὸ ἀγαθὸν ἔχειν. καὶ γὰρ ὅλως παν-
 σάμενοι τῆς περὶ τὰ ἀναγκαῖα φροντίδος οἱ ἄνθρωποι
 περὶ τὴν ζήτησιν ἐτράποντο τῶν μαθημάτων. καὶ
 τοῦτο εἰκότως· πρῶτα μὲν γὰρ τὰ σύντροφα καὶ ὁμο-
 φυῇ τῇ γενέσει περισπούδαστά ἐστι τοῖς ἀνθρώποις·
 δευτέρα δὲ τὰ τῆς γενέσεως ἀπολύοντα τὴν ψυχὴν καὶ
 ἀναμιμνήσκοντα τοῦ ὄντος. οὕτως ἄρα καὶ τὰ ἀναγ-
 καῖα πρὸ τῶν δι' αὐτὰ τιμίων καὶ τὰ τῆς αἰσθήσεως
 σύμφυλα πρὸ τῶν κατὰ νοῦν γινωσκομένων μέτιμεν.
 καὶ γὰρ πᾶσα ἡ γένεσις καὶ ἡ ἐν αὐτῇ στρεφομένη
 τῆς ψυχῆς ζωὴ πέφυκεν || ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς εἰς τὸ τέ-
 λειον χωρεῖν. τοσαῦτα καὶ πρὸς τούτους εἰρήσθω τοὺς
 τὴν μαθηματικὴν ἀτιμάζοντας ἐπιστήμην.

Ἴσως δ' ἂν τινες ἐκ τῆς ἡμετέρας ἐστίας ὀρμώμε-
 νοι καὶ τὸν Πλάτωνα προιστάμενοι μάρτυρα τῶν
 λόγων ἐπιχειρήσειαν εἰς ὑπεροψίαν ἄγειν τοὺς ἐπι-
 πολαιοτέρους τῆς τῶν μαθημάτων ἀκροάσεως. καὶ
 γὰρ αὐτὸν δήπου τὸν φιλόσοφον ἐν πολιτείᾳ τὴν μα-
 θηματικὴν ταύτην γινῶσιν τοῦ τῶν ἐπιστημῶν ἀπε-
 λύνειν χοροῦ καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς αὐτῆς ὥς ἀγνοοῦσαν
 διελέγχειν, καὶ τὸ ὧ ἀρχὴ μὲν, ἢ μὴ εἶδεν, τελευτὴ δὲ
 καὶ μέσα, ἐξ ὧν οὐκ οἶδεν, ἐπὶ τούτοις προσθήσουσι,
 καὶ ὅσα ἄλλα παρὰ τοῦ Σωκράτους ἐν ἐκείνοις ὀνειδῇ
 κατὰ τῆς θεωρίας ταύτης ἀπέροριπται. πρὸς δὲ φίλους
 ἄνδρας ἡμεῖς ποιούμενοι τοὺς λόγους ἀναμνήσομεν
 αὐτοὺς, ὅτι καὶ αὐτὸς ὁ Πλάτων καθαρτικὴν τῆς
 ψυχῆς καὶ ἀναγωγὸν τὴν μαθηματικὴν εἶναι σαφῶς

1 τὸ alter.] τι G.

9 μέτιμεν M, G.

16 ἐπιπολεωτέρους G.

ex G, ἀγνοοῦσα M.

25 ἀναμιμνήσομεν G,

7 οὕτως] 'Iure' et in margine 'Sic' B.

11 τοῦ om. G.

15 τὸν ex G, τῶν M.

20 τὰς ante αὐτῆς om. G. || ἀγνοοῦσαν

24 κατὰ θεωρίας . . . πρὸς om. G.

ἀναμνήσομεν C.

ἀποφαίνεται, τὴν ἀχλὺν ἀφαιροῦσαν τοῦ νοεροῦ τῆς
 διανοίας φωτὸς τοῦ κρείττονος σωθῆναι μυρίων σω-
 ματικῶν ὁμμάτων κατὰ τὴν Ὀμηρικὴν Ἀθηνᾶν, ὥς ἂν
 μὴ μόνον τῶν Ἑρμαϊκῶν δώρων, ἀλλὰ καὶ τῶν Ἀθη-
 5 ναϊκῶν μετέχουσιν· καὶ ὥς ἐπιστήμην αὐτὴν ἀποκαλεῖ
 πανταχοῦ καὶ ὥς τῆς μεγίστης εὐδαιμονίας αἰτίαν τοῖς
 μετιοῦσιν.

Ἀλλὰ τί βούλεται διὰ τῶν ἐν πολιτείᾳ λόγων
 ἀφαιρῶν αὐτῆς τὴν τῆς ἐπιστήμης ἐπωνυμίαν; ἐγὼ
 10 φράσω συντόμως· πρὸς γὰρ εἰδότας ὁ παρὼν ἔσται
 μοι λόγος. ἐπιστήμην ὁ Πλάτων πολλαχοῦ μὲν
 προσαγορεύει πᾶσαν ὥς εἰπεῖν οὕτω τὴν τῶν καθόλου
 γνῶσιν, ἀντιδιαιρούμενος αὐτὴν πρὸς τὴν αἰσθησιν
 τὰ καθ' ἕκαστα γνωρίζουσιν, καὶ τεχνικὴς καὶ ἐμπει-
 15 ρικὸς τῆς τοιαύτης γνώσεως ὁ τρόπος· καὶ κατὰ τοῦ-
 του οἶμαι τὸν λόγον ἐν τε πολιτικῷ καὶ ἐν σοφιστῇ
 φαίνεται χρώμενος τῷ τῆς ἐπιστήμης ὀνόματι, καὶ
 αὐτὴν τὴν γενναίαν τὴν σοφιστικὴν ἐπιστήμην τιθέ-
 μενος, ἣν ὁ ἐν Τοργία Σωκράτης ἐμπειρίαν ἀπέφηνεν
 20 οὔσαν, καὶ τὴν κολακικὴν καὶ πολλὰς ἄλλας, ἐμπειρίας
 οὔσας ἄλλ' οὐκ ἐπιστήμας ἀληθεῖς. ταύτην δὲ αὐτὴν
 τῶν καθόλου γνῶσιν διελόμενος εἰς τε τὴν τὰς αἰτίας
 γνωρίζουσιν καὶ τὴν ἄνευ αἰτίας γνωστικὴν, τὴν μὲν
 ἑτέραν ἐπιστήμην ἀξιοῖ καλεῖν, τὴν δὲ λοιπὴν ἐμπει-
 25 ρίαν. καὶ οὕτως δὴ ταῖς μὲν τέχναις μεταδίδωσίν
 που || τοῦ τῆς ἐπιστήμης ὀνόματος, ταῖς δὲ ἐμπειρίαις

1 ἀποφαίνεται om. H₂ p. 254. 4 μόνων G. 9 ; ego
 posui, in M invenitur colon, in G comma. 14 ἕκαστον
 G. || τεχνικῶς G, τεχνικός C. || ἐμπειρικῶς G, ἐμπειρικός C.

20 καὶ πολλὰς] ὁ πολλὰς C. 21 ἐπιστήμης C. 25 δὲ
 G, δὴ C. 26 τοῦ om. G, add. C. || ταῖς δὲ ἐμπειρίαις ex G,
 τὰς δὲ ἐμπειρίας C, ταῖς δὲ ἐμπειρίας M.

οὐδαμῶς. ἄλογον γὰρ προᾶγμά φησιν ἐν συμποσίῳ, πῶς ἂν εἴη ἐπιστήμη! καὶ πᾶσα ἄρα γνώσις λόγον ἔχουσα τῶν γνωστικῶν καὶ αἰτίαν ἐπιστήμη τίς ἐστίν. πάλιν τοίνυν τὴν ἐπιστήμην ταύτην ἀπ' αἰτίας γνω-
 ριστικὴν τῶν ὑποκειμένων διαιρεῖ, καὶ τὴν μὲν στο-
 χαστικὴν καὶ μεριστήν, τὴν δὲ τῶν καθ' αὐτὰ καὶ ὥσ-
 αὐτως ἐχόντων αἰεὶ γνωστικὴν [διακρίνει?] καὶ κατὰ
 ταύτην τὴν διάκρισιν ἰατρικὴν μὲν καὶ πᾶσαν τὴν περὶ
 τὰ ἐνυλὰ πραγματείαν χωρίζει τῆς ἐπιστήμης, τὴν δ'
 αὖ μαθηματικὴν καὶ ὅλως τὴν τῶν αἰδίδων θεωρητικὴν
 ἐπιστήμην προσαγορεύει. ταύτην δ' αὖ τὴν ἐπιστή-
 μην, ἣν τῶν τεχνῶν ἀφορίζομεν, διαιρῶν τὴν μὲν
 ἀνυπόθετον εἶναι βούλεται, τὴν δὲ ἐξ ὑποθέσεως ὥρ-
 μημένην, καὶ τὴν μὲν ἀνυπόθετον τῶν ὅλων εἶναι
 γνωστικὴν μέχρι τοῦ ἀγαθοῦ καὶ τῆς ἀνωτάτω τῶν
 πάντων αἰτίας ἀναβαίνουσας καὶ τῆς ἀναγωγῆς τέλος
 ποιουμένην τὸ ἀγαθόν, τὴν δὲ ὠρισμένας ἀρχὰς προ-
 στησαμένην ἀπὸ τούτων δεικνύναι τὰ ἐπόμενα αὐταῖς
 οὐκ ἐπ' ἀρχὴν ἀλλ' ἐπὶ τελευτὴν ἰοῦσαν. καὶ οὕτως
 δὴ τὴν μαθηματικὴν ἅτε ὑποθέσεσιν χρωμένην τῆς
 ἀνυποθέτου καὶ τελείας ἐπιστήμης ἀπολείπεσθαί φη-
 σιν. μία γὰρ ἡ ὄντως ἐπιστήμη, καθ' ἣν τὰ ὄντα
 πάντα γινώσκειν πεφύκαμεν, καὶ ἀφ' ἧς πᾶσαι αἱ

4 ταύτην] In *M* eadem ut videtur manu scriptum est τὰύ-
 τήν. 7 γνωριστικὴν *G*. 8 τὴν post ταύτην om. *G*. || διαί-
 ρεσιν *G*, διάκρισιν *C*. 13 ἐξ ὑποθέσεως ὥρμημένην] ἐνυ-
 πόθετον *H*₂ p. 262. 17 Post τὴν δὲ additum est ἐνυπόθε-
 τον in *H*₂. 18 καὶ ἀπὸ τούτων δεικνύουσας *G*. 19 'ad
 principium, sed ad finem tendere' et in margine 'in principio,
 sed in fine esse' *B*. || οὔσαν *G*. 20 ὑποθέσεσιν *G*, ὑπόθεσιν
M, sed supra lineam postera manu θέσεις, ὑποθέσει *H*₁ p. 451,
*H*₂ p. 262. 21 usque ad p. 32, 4 ἀπολείπεσθαι . . . μιᾶς
 ἐπιστήμης om. *G*; add. *C*.

ἀρχαὶ ταῖς μὲν ἐγγυτέρω τεταγμέναις, ταῖς δὲ πορρω-
τέρω. μὴ δὲ τοίνυν λέγωμεν, ὅτι τῶν ἐπιστημῶν ὁ
Πλάτων ἀπελάνει τὴν μαθηματικὴν, ἀλλ' ὅτι μιᾶς
ἐπιστήμης αὐτὴν τῆς ἀκροτάτης δευτέραν ἀποφαίνει,
⁵ μὴδ' ὅτι τὰς οἰκείας ἀρχὰς ἀγνοεῖν αὐτὴν φησιν, ἀλλ'
ὅτι παρ' ἐκείνης λαβοῦσαν καὶ ἀναποδείκτως ἔχουσιν
ἐκ τούτων τὰ ἐφεξῆς ἀποδεικνύει. καὶ γὰρ τὴν ψυ-
χὴν τὴν ἐκ τῶν μαθηματικῶν λόγων ὑποστᾶσαν ποτὲ
μὲν κινήσεως ἀρχὴν εἶναι συγχωρεῖ, ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν
¹⁰ νοητῶν γενῶν δέχεσθαι τὴν κίνησιν. καὶ συνάδει
ταῦτα ἀλλήλοις. τοῖς μὲν γὰρ ἀπ' ἄλλου κινουμένοις
αἰτία τῆς κινήσεώς ἐστίν, ἀπάσης δὲ ἄρα κινήσεως οὐκ
αἰτία. κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ οὖν καὶ ἡ μαθηματικὴ τῆς
μὲν πρωτίστης ἐστὶν ἐπιστήμης δευτέρα καὶ ὡς πρὸς
¹⁵ ἐκείνην ἀτελής, ἐπιστήμη δὲ ὅμως, | οὐχ ὡς ἀνυπό-
θετος, ἀλλ' ὡς τῶν ιδίων ἐν ψυχῇ λόγων γνωριστικὴ
καὶ ὡς τὰς αἰτίας ἀποδιδούσα τῶν συμπερασμάτων
καὶ λόγον ἔχουσα τῶν ὑποκειμένων ἐαυτῇ γνωστῶν.
τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς Πλάτωνος γνώμης ὑπὲρ τῶν
²⁰ μαθημάτων εἰρήσθω.

|| Τίνα δ' ἂν τις ἀπαιτήσκειν τὸν μαθηματικόν,
καὶ πῶς ἂν δύναίτο τις αὐτὸν κρίνειν ὀρθῶς μετὰ
ταῦτα λέγωμεν. ὁ μὲν γὰρ ἀπλῶς πεπαιδευμένος περὶ
πάντα κριτικός, φησὶν Ἀριστοτέλης, ὁ δὲ περὶ τὰ
²⁵ μαθήματα πεπαιδευμένος τῶν ἐν τοίτοις λόγων ἔσται
κριτικὸς τῆς ὀρθότητος. δεῖ τοίνυν ὅρους προσειλη-
φέναι τῆς κρίσεως καὶ γινώσκειν πρῶτον μὲν ἐφ'

2 μὴ δὲ τοίνυν λέγομεν C. 8 λόγων om. G, add. C.

9 ἀρχὴν συγχωρεῖν omisso εἶναι C. 17 τῷ συμπεράσματι G,
τῶν συμπερασμάτων C. 18 ἐν αὐτῇ G, ἐαυτῇ C. 20 μα-
θηματικῶν G. 23—25 περὶ πάντα . . . πεπαιδευμένος om. G.

25 ἐν ex G, ἐκ M.

ὧν δεῖ κατὰ τὰ κοινὰ ποιεῖσθαι τὰς ἀποδείξεις, καὶ ἐφ' ὧν εἰς τὰς ἐκάστων ιδιότητας ἀποβλέπειν. πολλὰ γὰρ ὑπάρχει τὰ αὐτὰ τοῖς κατ' εἶδος διαφέρουσιν, οἷον τριγώνοις πᾶσιν αἱ δύο ὀρθαί. πολλὰ δὲ τὴν μὲν αὐτὴν ἔχει κατηγορίαν, διαφέρει δὲ κατ' εἶδος ἐφ' 5 ἐκάστων τὸ κοινόν, οἷον ἡ ὁμοιότης ἐν σχήμασι καὶ ἀριθμοῖς. οὐ δεῖ δὴ μίαν ἀπόδειξιν ἐπὶ τούτων ἀπαιτεῖν τὸν μαθηματικόν· οὐ γὰρ αἱ αὐταὶ ἀρχαὶ σχημάτων καὶ ἀριθμῶν, ἀλλὰ διαφέρουσιν κατὰ τὸ ὑποκείμενον γένος. εἰ δὲ τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκὸς ἔν, καὶ 10 ἡ ἀπόδειξις μία· τὸ γὰρ δύο ὀρθαῖς ἔχειν γωνίας ταύτων ἐν πᾶσι τριγώνοις, καὶ τὸ ᾧ συμβέβηκεν ταυτόν ἐν ἅπασιν, τὸ τρίγωνον, καὶ ὁ τριγωνικὸς λόγος. ὥσπερ δὴ καὶ τὸ τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν τὰς ἐκτὸς οὐ τοῖς τριγώνοις μόνον, ἀλλὰ καὶ πᾶσιν εὐθύγραμμοις 15 ὑπάρχει, καὶ ἡ ἀπόδειξις ἐπὶ πάντα ἐφαρμόττει, καθόσον εὐθύγραμμα. καὶ γὰρ ἕκαστος λόγος συνεισφέρει τινὰ πάντως ιδιότητα καὶ πάθος, οὗ μετέχει πάντα κατὰ τὸν λόγον ἐκεῖνον, οἷον τὸν τριγωνικὸν ἢ τὸν εὐθύγραμμικὸν ἢ ὅλως τὸν τοῦ σχήματος. 20

Δεύτερον τοίνυν, εἰ κατὰ τὴν ὑποκειμένην ὕλην ποιεῖται τὰς ἀποδείξεις, οἷον εἰ ἀναγκαίους ἀποδίδωσι λόγους καὶ ἀνελέγκτους, ἀλλὰ μὴ πιθανοὺς μηδὲ τοῦ εἰκότος ἀναπεπλησμένους. ὅμοιον γὰρ φησιν Ἀριστοτέλης δητορικὸν ἀποδείξεις ἀπαιτεῖν καὶ μαθη- 25

7 δὲ G. 9 διαφερούσας postera manu correctum in διαφέρουσιν M.

10 Post γένος perverse additum est in G: ὥσπερ δὴ καὶ τὸ τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν. 12 ᾧ] 'cuius causa' et in margine 'cui' B. 13 Post ἅπασιν perverse additum est in G: ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν τὰς ἐκτὸς. B quoque in contextu 'Rectis aequales habere externos' post 'Triangulum nempe' addit, in margine autem haec verba omittit. 23—24 ἀλλὰ μὴ . . . ἀναπεπλησμένους om. G.

ματικοῦ πιθανολογοῦντος ἀποδέχεσθαι. δεῖ γὰρ ἕκα-
 στον ἐπιστήμονα καὶ τεχνίτην προσήκοντας ἀποδιδόναι
 τοῖς πράγμασι, περὶ ἃ πραγματεύεται, τοὺς λόγους.
 οὕτως καὶ ὁ Πλάτων ἐν Τιμαίῳ τὸν μὲν φυσιολόγον
 5 εἰκότας ἀπαιτεῖ λόγους ὡς ἂν περὶ τοιούτων πραγμα-
 τευόμενον, τὸν δὲ περὶ τῶν νοητῶν ἀναδιδάσκοντα
 καὶ τῆς ἐστώσης οὐσίας ἀνελέγκτους καὶ ἀκινήτους.
 εὐθὺς γὰρ τὰ ὑποκείμενα ταῖς ἐπιστήμασι ἢ ταῖς
 τέχναις ποιεῖ διαφοράς, οἷον εἰ τὰ μὲν ἀκίνητα, τὰ
 10 δὲ κινούμενα, καὶ τὰ μὲν ἀπλούστερα, τὰ δὲ συνθετώ-
 τερα, || καὶ τὰ μὲν νοητά, τὰ δὲ αἰσθητά. οὗτ' οὖν
 πᾶσαν τὴν μαθηματικὴν τὴν αὐτὴν ἀκριβειαν ἀπαιτή-
 σομεν — εἰ γὰρ ἡ μὲν αἰσθητῶν ἐφάπτοιτό πως, ἡ δὲ
 νοητῶν εἴη γνώσις ὑποκειμένων, οὐχ ὁμοίως ἀμφοτέ-
 15 ραι ἀκριβεῖς, ἀλλ' ἡ ἑτέρα μᾶλλον. διὸ τὴν ἀριθμη-
 τικὴν τῆς ἁρμονικῆς μᾶλλον ἀκριβῆ φασιν — οὐδ'
 ὅλως τὴν μαθηματικὴν καὶ τὰς ἄλλας ἐπιστήμας ταῖς
 αὐταῖς ἀποδείξεσιν ἀξιόσομεν χρῆσθαι. τὰ γὰρ ὑπο-
 κείμενα διαφορὰν οὐκ ὀλίγην παρέχεται.

20 Τὸ δὲ τρίτον λέγομεν, ὅτι καὶ περὶ ταυτότητος
 καὶ ἐτερότητος ἐπεσκέφθαι δεῖ τὸν μέλλοντα κρίνειν
 ὀρθῶς τοὺς τῆς μαθηματικῆς λόγους καὶ περὶ τοῦ
 καθ' αὐτὸ καὶ τοῦ κατὰ συμβεβηκὸς καὶ περὶ τῆς ἀνα-
 λογίας καὶ περὶ πάντων τῶν τοιούτων. σχεδὸν γὰρ
 25 αἱ ἁμαρτίαι πᾶσαι κατὰ ταῦτα συμβαίνουσι τῶν οἰο-
 μένων ἀποδεικνύναι μαθηματικῶς, οὐ μέντοι καὶ
 δεικνύντων, ὅταν τὸ ταῦτὸν ὡς ἕτερον καθ' ἕκαστον

5 τούτων G. 9 διαφορὰ sequente rasura unius litte-
 rae M. 16—17 τῆς ἁρμονικῆς . . . μαθηματικὴν om. G,
 add. C. 17 οὐ ταῖς αὐταῖς G; οὐ delet C. 20 τὸ δὲ τρί-
 γωνον G, τὸ δὲ τρίτον C.

εἶδος ἀποδεικνύωσιν, ἢ τὸ ἕτερον ὡς ταῦτόν, ἢ ὅταν τὸ κατὰ συμβεβηκὸς ὑπάρχον ὡς καθ' αὐτὸ παραλαμβάνωσιν, ἢ τὸ καθ' αὐτὸ ὡς κατὰ συμβεβηκός, οἷον ὅτι ἡ περιφέρεια καλλίων τῆς εὐθείας, ἢ τὸ ἰσόπλευρον τοῦ ἰσοσκελοῦς. οὐ γὰρ μαθηματικοῦ ταῦτα διο- 5
ρίζειν.

Τέταρτον οὖν, ὅτι τῆς μαθηματικῆς μέσῃν ἐχούσης τάξιν τῶν τε νοητῶν καὶ αἰσθητῶν καὶ πολλὰς μὲν εἰκόνας τῶν θείων ἐν ἑαυτῇ δεικνυούσης, πολλὰ δὲ παραδείγματα τῶν φυσικῶν λόγων, δεῖ καὶ τὰς 10
ἀποδείξεις τριπλᾶς ἐπ' αὐτῆς θεωρεῖν, τὰς μὲν νοερωτέρας, τὰς δὲ διεξοδικωτέρας, τὰς δὲ καὶ δόξης ἐφαπτομένας. δεῖ γὰρ κατὰ τὰ προβλήματα τὰς ἀποδείξεις διαφερούσας εἶναι καὶ οἰκείως τοῖς γένεσι διαιρεῖσθαι τῶν ὄντων, ἐπεὶ καὶ αὐτὴ πᾶσι συννυφαίνεται αὐτοῖς 15
καὶ πρὸς πάντας συναρμόζει τοὺς ἑαυτῆς λόγους.

Ἀλλὰ τούτων μὲν ἄδην, περὶ δὲ τῶν εἰδῶν τῆς μαθηματικῆς μετὰ ταῦτα διοριστέον, τίνα τε καὶ πόσα τὸν ἀριθμὸν ἔστιν. μετὰ γὰρ τὸ ὅλον καὶ παντελὲς αὐτῆς γένος δεῖ δὴ πού καὶ τὰς τῶν μερικωτέρων ἐπι- 20
στημῶν κατ' εἶδη διαφορὰς ἀναλογίσασθαι. τοῖς μὲν οὖν Πυθαγορείοις ἐδόκει τετραχὰ διαιρεῖν τὴν ὅλην μαθηματικὴν ἐπιστήμην, τὸ μὲν αὐτῆς περὶ τὸ ποσόν, τὸ δὲ περὶ τὸ πηλίκον ἀφορίζουσι καὶ τούτων ἑκάτερον διττὸν τιθεμένοις· τό τε γὰρ ποσὸν ἢ καθ' 25
αὐτὸ τὴν ὑπόστασιν ἔχειν, ἢ πρὸς ἄλλο θεωρεῖσθαι | κατὰ σχέσιν, καὶ τὸ πηλίκον ἢ || ἐστὼς ἢ κινούμενον εἶναι· καὶ τὴν μὲν ἀριθμητικὴν τὸ καθ' αὐτὸ τὸ πο-

7 Τέταρτον οὖν ego conieci; τί γὰρ τῶν M, B_2 , τί γὰρ τοι G, B_3 , 'quid enim' Z . 'quarto denique loco dicimus' B . 12 δόξη C .
15 αὐτῇ G , αὐτῇ C . 16 συναρμόζειν C . 19 ἔστιν om. G .

σὸν θεωρεῖν, τὴν δὲ μουσικὴν τὸ πρὸς ἄλλο, γεωμε-
 τρίαν δὲ τὸ πηλίκον ἀκίνητον ὑπάρχον καὶ τὴν σφαι-
 ρικὴν τὸ καθ' αὐτὸ κινούμενον· ἐπισκοπεῖν δ' αὖ τὸ
 πηλίκον καὶ ποσὸν οὔτε μέγεθος ἀπλῶς οὔτε πλῆθος
 5 ἀλλὰ τὸ καθ' ἑκάτερον ὠρισμένον· τοῦτο γὰρ ἀφε-
 λούσας τῶν ἀπειρῶν τὰς ἐπιστήμας κατανοεῖν, ὥς οὐκ
 ἐνὸν τὴν καθ' ἑκάτερον ἀπειρίαν γνώσει περιλαβεῖν.
 ὅταν δὲ ταῦτα λέγωσιν ἄνδρες εἰς ἅπαν σοφίας ἐλη-
 λακότες, οὔτε τὸ ποσὸν τὸ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ἀκούειν
 10 ἡμεῖς ἀξιόσομεν οὔτε τὸ πηλίκον τὸ περὶ τὰ σώματα
 φανταζόμενον. ταῦτα γὰρ οἶμαι θεωρεῖν τῆς φυσιο-
 λογίας ἐστίν, ἀλλ' οὐ τῆς μαθηματικῆς αὐτῆς. ἀλλ'
 ἐπεὶ τὴν ἔνωσιν καὶ τὴν διάκρισιν τῶν ὅλων καὶ τὴν
 ταυτότητα μετὰ τῆς ἐτερότητος εἰς τὴν τῆς ψυχῆς
 15 συμπλήρωσιν ὁ δημιουργὸς παρείληφεν καὶ πρὸς ταύ-
 ταις στάσιν καὶ κίνησιν καὶ ἐκ τούτων αὐτὴν τῶν γε-
 νῶν ὑπέστησεν, ὥς ὁ Τίμαιος ἡμᾶς ἀνεδίδαξεν, λεκτέον,
 ὅτι κατὰ μὲν τὴν ἐτερότητα τὴν αὐτῆς καὶ τὴν διαίρε-
 σιν τῶν λόγων καὶ τὸ πλῆθος ἢ διάνοια στήσα καὶ
 20 νοήσασα ἑαυτὴν ἐν καὶ πολλὰ οὔσαν τοὺς τε ἀριθμοὺς
 προβάλλει καὶ τὴν τούτων γνῶσιν, τὴν ἀριθμητικὴν,
 κατὰ δὲ τὴν ἔνωσιν τοῦ πλήθους καὶ τὴν πρὸς ἑαυτὸ
 κοινωνίαν καὶ τὸν σύνδεσμον τὴν μουσικὴν. δι' ὃ
 καὶ ἡ ἀριθμητικὴ πρεσβυτέρα τῆς μουσικῆς, ἐπεὶ καὶ
 25 ἡ ψυχὴ διαιρεῖται πρῶτον δημιουργικῶς, εἴθ' οὕτως

5 ὠφελοῦσας G. 6 οὐ κενὸν G. 7 γνώσει λαβεῖν G,
 γνῶσιν περιλαβεῖν C. 10 ἡμᾶς G, ἡμεῖς C. 13 ἐπὶ C,
 εἰς H₂ p. 254. || διαίρεσιν G. 16 καὶ ante ἐκ addidit in M
 postera manus, quae eadem ὑπέστη in ὑπέστησεν mutavit. ||
 αὐτῇ G. 17 ὑπέστη M. || ἐδίδαξεν G, ἀνεδίδαξεν C.
 18 κατὰ μὲν om. H₂ p. 254. 20–23 In G duae lineae (13 et 14)
 inter se sunt permutatae; corr. C. 20 ἐν καὶ πολλὰ] ἐν πολ-
 λοῖς H₂ p. 254. 22 ἑαυτὴν H₂ p. 255. 25 πρῶτως G.

συνδέεται τοῖς λόγοις, ὥς ὁ Πλάτων ὑφηγεῖται. καὶ αὖ πάλιν κατὰ μὲν τὴν στάσιν τὴν ἐν αὐτῇ τὴν ἐνέργειαν ἰδρύσασα γεωμετρίαν ἀφ' ἑαυτῆς ἐξέφηεν, καὶ τὸ ἐν σχῆμα τὸ οὐσιώδες καὶ τὰς δημιουργικὰς ἀρχὰς τῶν σχημάτων πάντων, κατὰ δὲ τὴν κίνησιν τὴν σφαι- 5 ρικὴν. κινεῖται γὰρ καὶ αὐτὴ κατὰ τοὺς κύκλους, ἔστηκεν δὲ αἰεὶ ὡσαύτως κατὰ τὰς αἰτίας τῶν κύκλων, τὸ εἶθ' καὶ περιφερές. καὶ διὰ τοῦτο κἀνταῦθα προ- ὑφέστηκεν ἡ γεωμετρία τῆς σφαιρικῆς ὥσπερ ἡ στάσις τῆς κινήσεως. 10

Ἐπεὶ δ' οὐκ εἰς τὴν ἀπειροδύναμον ἑαυτῆς ἀφο- ρῶσα τῶν εἰδῶν ἀνέλιξιν τὰς ἐπιστήμας ἐγέννησεν ταύτας, ἀλλ' εἰς τὴν κατὰ γένη τοῦ πέραςτος περιοχὴν, διὰ δὴ τοῦτό φασινα αἰτὰς ἀπὸ τε τοῦ πλήθους καὶ μεγέθους ἀφελούσας τὸ ἄπειρον περὶ τὸ πεπερασμένον 15 ἦδη τὴν πραγματείαν ἔχειν. ἀρχὰς γὰρ ἐν αὐτῇ πάν- των ἰδρύσεν ὁ νοῦς καὶ τοῦ πλήθους καὶ τοῦ μεγέ- θους, ἐπεὶ καὶ ὁμοιομερὴς ἐστὶν ὅλη πρὸς ἑαυτὴν καὶ μία καὶ ἀδιαίρετος καὶ αὖ πάλιν διηρημένη καὶ τὸν τῶν εἰδῶν ἐκφαίνουσα κόσμον, περατός τε μετέχει 20 καὶ ἀπειρίας οὐσιώδους ἀπὸ τῶν νοητῶν. ἀλλὰ νοεῖ μὲν αὐτὴν κατὰ τὸ πέρας, γεννᾷ δὲ ζωὰς καὶ λόγους παντοίους κατὰ τὴν ἀπειρίαν. αἱ τοίνυν νοήσεις αὐτῆς τὰς ἐπιστήμας ταύτας ὑπέστησαν κατὰ τὸ πέρας τὸ ἐν αὐταῖς, ἀλλ' οὐ κατὰ τὴν || ἀπειρίαν τῆς ζωῆς. 25 νοῦ γὰρ εἰκόνα φέρουσιν, ἀλλ' οὐ ζωῆς.

2 αὖ] † ὧν *H*₂ p. 255, ex quo οὖν vel μὴν conicit. || κατὰ μὲν στάσιν *M*. || αὐτῇ *M*, αὐτῇ *G*, αὐτῇ *H*₂ p. 255. 4 τὸ οὐσιώδες om. *G*. 11 τὴν om. *G*. 13 καταγενῇ *G*. 14 δὴ om. *G*, add. *C*. 16 ἔχει *G*, ἔχειν *C*. 21 νοῦ μὲν αὐτῇ *G*, νοεῖν μὲν αὐτὴν *C*. 22—24 γεννᾷ δὲ . . . κατὰ τὸ πέρας om. *G*, add. *C*.

Τῶν μὲν τοίνυν Πυθαγορείων ὁ λόγος οὗτος
 καὶ ἡ τῶν τεττάρων ἐπιστημῶν διαίρεσις, κατ' ἄλλον
 δ' αὖ τρόπον τὴν μαθηματικὴν τέμνειν τινὲς ἀξιοῦσιν,
 ὥσπερ καὶ Γεμῖνος, καὶ ποιοῦσι τὴν μὲν περὶ τὰ
 5 νοητὰ μόνον, τὴν δὲ περὶ τὰ αἰσθητὰ [ἐνεργοῦσαν?]
 καὶ τούτων ἐφαπτομένην, νοητὰ δῆπου καλοῦντες,
 ὅσα καθ' ἑαυτὴν ἡ ψυχὴ θεάματα ἀνακινεῖ, χωρίζουσα
 τῶν ἐνύλων ἑαυτὴν εἰδῶν. καὶ τῆς μὲν περὶ τὰ νοητὰ
 πραγματευομένης δύο τὰ πρῶτιστα καὶ κυριώτατα μέρη
 10 τίθενται ἀριθμητικὴν καὶ γεωμετρίαν, τῆς δὲ περὶ τὰ
 αἰσθητὰ τὴν ἐνέργειαν ἐχούσης ἕξ, μηχανικὴν, ἀστρο-
 λογίαν, ὀπτικήν, γεωδεσίαν, κανονικὴν, λογιστικὴν.
 τὸ δ' αὖ τακτικὸν οὐκ ἀξιοῦσιν ἐν τι τῶν μερῶν τῆς
 μαθηματικῆς λέγειν, ὥσπερ ἕτεροι, ἀλλὰ προσχρῆσθαι
 15 τότε μὲν λογιστικῇ, καθάπερ ἐν ταῖς ἐξαριθμήσεσι
 τῶν λόγων, τότε δὲ γεωδεσίᾳ, καθάπερ ἐν ταῖς διαι-
 ρέσεσι τῶν χωρίων καὶ ταῖς ἀναμετροήσεσιν, ὥσπερ δὴ
 πολλῶ πλεον οὔτε τὸ ἱστορικὸν οὔτε τὸ ἰατρικὸν μέρος
 εἶναι μαθηματικῆς, εἰ καὶ προσχρῶνται πολλάκις οἷ τε
 20 τὰς ἱστορίας γράφοντες τοῖς μαθηματικοῖς θεωρήμα-
 σιν, ἢ θέσεις κλιμάτων φράζοντες ἢ μεγέθη πόλεων
 καὶ διαμέτρους ἢ περιβόλους καὶ διαμέτρους ἢ περι-
 μέτρους συλλογισόμενοι, καὶ οἱ ἱατροὶ πολλὰ τῶν οἰ-
 κείων διὰ τῶν τοιούτων ἐφόδων σαφηνίζοντες. τὸ
 25 γὰρ ἀπὸ τῆς ἀστρολογίας ὄφελος εἰς ἰατρικὴν καὶ
 Ἱπποκράτης δῆλον ποιεῖ καὶ πάντες ὅσοι τι περὶ

3 τὸν μαθηματικὸν G, τὴν μαθηματικὴν C. 5 ἐνέρ-
 γουσαν om. M, G; equidem hoc vel simile verbum addendum
 esse puto. 6 δέ που G. 12 λογικὴν G, λογιστικὴν C.
 14 ἕτερον G. 15 λογικῆς G, λογιστικῆς C. 20 μαθηματι-
 κῆς G. 22 καὶ διαμέτρους post περιβόλους om. G. 23 οἷ
 om. G.

ὥρων καὶ τόπων εἰρήκασι. κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ὁ τακτικός χρήσεται μὲν τοῖς θεωρήμασι τῶν μαθηματικῶν, οὐ μέντοι μαθηματικός ἐστίν, εἰ καὶ ποτὲ μὲν ἐλάχιστον δεῖξαι τὸ πλῆθος βουλόμενος εἰς κύκλον σχηματίζοι τὸ στρατόπεδον, ποτὲ δὲ πλεῖστον εἰς τε-⁵ τράγωνον ἢ πεντάγωνον ἢ ἄλλο τι πολύγωνον.

Τούτων δὴ τῶν εἰδῶν ὄντων τῆς ὅλης μαθηματικῆς ἢ μὲν γεωμετρία διαιρεῖται πάλιν εἰς τε τὴν ἐπιπέδον θεωρίαν καὶ τὴν στερεομετρίαν. || περὶ γὰρ σημεία καὶ γραμμὰς ἰδιάζουσά τις οὐκ ἐστὶ πραγματεία,¹⁰ καθόσον οὐδὲ σχῆμα γένοιτο ἂν ἐν τούτοις ἄνευ ἐπιπέδων ἢ στερεῶν. πανταχοῦ γε μὴν ἔργον τῆς γεωμετρίας ἐν τε ἐπιπέδοις καὶ στερεοῖς ἢ συνιστάνειν ἢ συγκρίνειν ἢ διαιρεῖν τὰ συνεστῶτα. τῆς δὲ ἀριθμητικῆς ὡσαύτως ἢ διαίρεσις εἰς τε τὴν τῶν γραμμικῶν¹⁵ ἀριθμῶν θεωρίαν καὶ τὴν τῶν ἐπιπέδων καὶ τὴν τῶν στερεῶν. καὶ γὰρ τὰ εἶδη τοῦ ἀριθμοῦ καθ' αὐτὰ σκοπεῖ προΐοντα ἀπὸ μονάδος, καὶ τὰς γενέσεις τῶν ἐπιπέδων τῶν τε ὁμοίων καὶ τῶν ἀνομοίων, καὶ τὰς εἰς τρίτην αὔξην προόδους. γεωδεσία δὲ καὶ λογιστικὴ²⁰ ταύταις ἀνάλογον, οὐ περὶ νοητῶν ἀριθμῶν ἢ σχημάτων, ἀλλὰ περὶ αἰσθητῶν ποιούμεναι τοὺς λόγους. οὐ γὰρ κύλινδρον ἢ κῶνον ἔργον τῆς γεωδεσίας μετρεῖν, ἀλλὰ σωρούς ὡς κώνους καὶ φρέατα ὡς κυλίνδρους, οὐδὲ δι' εὐθειῶν νοητῶν, ἀλλὰ δι' αἰσθητῶν,²⁵ τότε μὲν ἀκριβεστέρων, ὥς διὰ τῶν ἀκτίνων τῶν ἡλια-

1 κατὰ] καὶ C. 5 σχηματίζει G. 7 δὲ G, δὴ C.

11 ἐν τούτῳ G, ἐν τούτοις C, 'ex his' et in margine 'in his' B.

15 γραμματικῶν G, γραμμικῶν C. 19 τὰς] τὰ M. 20 αὔξη-
σιν G. 21 ἀνάλογον M, G, ἀνάλογοι N. p. 41. 26 ἀμειβεστέ-
ρων G, ἀκριβεστέρων C₁, B₂ B₃, H₁ p. 452. || ὡς ego scripsi,
πῶς M. || ὡς διὰ τῶν . . . παχυτέρων om. G. 'modo quodam'

κῶν, τότε δὲ παχυτέρων, οἶον διὰ σπάρτων καὶ στάθ-
 μης. οἷδ' αὖ ὁ λογιστικὸς αὐτὰ καθ' ἑαυτὰ θεωρεῖ
 τὰ πάθη τῶν ἀριθμῶν, ἀλλ' ἐπὶ τῶν αἰσθητῶν, ὅθεν
 καὶ τὴν ἐπωνυμίαν αὐτοῖς ἀπὸ τῶν μετρούμενων τί-
 5 θεται, μηλίτας καλῶν τινος καὶ φιαλίτας. καὶ ἐλάχι-
 στον μὲν οὐδὲν εἶναι συγχωρεῖ καθάπερ ὁ ἀριθμητι-
 κός, ὥς μέντοι πρὸς τι γένος λαμβάνει τὸ ἐλάχιστον.
 ὁ γὰρ εἰς ἄνθρωπος μέτρον αὐτῷ γίνεται τοῦ πλήθους
 ὥς μονάς. πάλιν ὀπτική καὶ κανονικὴ γεωμετρίας
 10 εἰσὶ καὶ ἀριθμητικῆς ἔκγονοι, ἥ μὲν ταῖς ὀψεσι γραμ-
 μαῖς χρωμένη καὶ ταῖς ἐκ τούτων συνισταμέναις γω-
 νίαις, διαιρουμένη δὲ εἰς τε τὴν ιδίως καλουμένην
 ὀπτικήν, ἣτις τῶν ψευδῶς φαινομένων παρὰ τὰς ἀπο-
 στάσεις τῶν ὁρατῶν τὴν αἰτίαν ἀποδίδωσιν, οἶον τῆς
 15 τῶν παραλλήλων συμπτώσεως ἢ τῆς τῶν τετραγώνων
 ὥς κύκλων θεωρίας, καὶ εἰς τὴν κατοπτρικὴν σύμπα-
 σαν τὴν περὶ τὰς ἀνακλάσεις τὰς παντοίας πραγμα-
 τευομένην καὶ τῇ εἰκαστικῇ γνώσει συμπλεκομένην,
 καὶ τὴν λεγομένην σκηνογραφικὴν δεικνύσαν, πῶς ἂν
 20 τὰ φαινόμενα μὴ ἄρουθμα ἢ ἄμορφα φαντάζοιτο ἐν
 ταῖς εἰκόσι παρὰ τὰς ἀποστάσεις καὶ τὰ ὕψη τῶν
 γεγραμμένων. ἥ δ' αὖ κανονικὴ τοὺς φαινομένους
 λόγους τῶν ἁρμονιῶν σκοπεῖται, τὰς τῶν κανόνων
 κατατομὰς ἀνευρίσκουσα καὶ τῇ αἰσθήσει πανταχοῦ

Z, 'quodam pacto, ut' B. 1 καὶ διὰ σταθμῆς G. 4 αὐτοῖς
 ego scripsi, 'τοῖς M ('seiunctionis signum praecedentem syl-
 labam αν ab articulo τοῖς seiungit), τοῖς G, 'his' B, om. Z,
 αὐτοῖς vel τούτοις N. p. 42. 5 μηλίας M, G, μηλίτας N.
 8 ἄνθρωπος] ἐνός G, ἀνός id est ἄνθρωπος C. 13 ψευ-
 δῶν G. 19 σκιογραφικὴν G, σκηνογραφικὴν C. || δεικνύ-
 ουσαν G.

προσχωμένη καὶ ὥς φησὶν ὁ Πλάτων || ὧτα τοῦ νοῦ
προσποιημένη.

Πρὸς δὴ ταύταις ἡ μηχανικὴ καλουμένη τῆς περὶ
τὰ αἰσθητὰ καὶ τὰ ἔνυλα πραγματείας μέρος ὑπάρ-
χουσα, ὑπὸ δὲ ταύτην ἢ τε ὀργανοποιικὴ τῶν κατὰ 5
πόλεμον ἐπιτηδείων ὀργάνων, οἷα δὲ καὶ Ἀρχιμή-
δης λέγεται κατασκευάσαι τῶν πολεμούντων τὴν Συ-
ράκουςαν ἀμυντικὰ ὄργανα, καὶ ἡ θαυμαστοποιικὴ τα-
μὲν διὰ πᾶν φιλοτεχνούσα, ὥσπερ καὶ Κτησίβιος
καὶ Ἡρώων πραγματεύονται, τὰ δὲ διὰ ῥοπῶν, ὧν τῆς 10
μὲν κινήσεως τὴν ἀνισορροπίαν αἰτιατέον, τῆς δὲ στά-
σεως τὴν ἰσορροπίαν, ὥσπερ καὶ ὁ Τίμαιος διώρισεν,
τὰ δὲ διὰ νεύρων καὶ σπάρτων ἐμψύχους ὀλκὰς καὶ
κινήσεις ἀπομιμουμένων. ὑπὸ δὲ τὴν μηχανικὴν ἔστιν
καὶ ἡ τῶν ἰσορρόπων ὅλως καὶ τῶν λεγομένων κεν- 15
τροβαρικῶν διάγνωσις, καὶ ἡ σφαιροποιῖα κατὰ μίμη-
σιν τῶν οὐρανίων περιφορῶν, οἷαν καὶ Ἀρχιμήδης
ἐπραγματεύσατο, καὶ ὅλως πᾶσα ἡ τῆς ὕλης κινητικὴ.
λοιπὴ δὲ ἡ ἀστρολογία περὶ τῶν κοσμικῶν κινήσεων
διαλαμβάνουσα καὶ περὶ μεγεθῶν καὶ σχημάτων τῶν 20
οὐρανίων σωμάτων καὶ φωτισμῶν καὶ ἀποστάσεων
τῶν ἀπὸ γῆς καὶ τῶν τοιούτων ἀπάντων, πολὺ μὲν
ἀπολαμβάνουσα τῆς αἰσθήσεως, πολὺ δὲ καὶ πρὸς τὴν
φυσικὴν ἐπικοινωνοῦσα θεωρίαν. ταύτης δὲ ἄρα μέ-
ρος ἔστι καὶ ἡ γνωμονικὴ περὶ τὴν ὥρῶν καταμέτρη- 25
σιν ἀσχολουμένη διὰ τῆς τῶν γνωμόνων θέσεως, καὶ

1 Pol. VII, p. 531, A. 2 προσποιημένη om. G, προστη-
μένη add. C. 3 δὲ G, δὴ C. 5 ὀργανοποιητικὴ G, ὀργα-
νοποιικὴ C. 8 θαυμαστοποιητικὴ G. 9 πνευματικῶν G.
11 αἰτιατὸν G, αἰτιαντὸν C. 12 τὴν om. G, add. C.
21 ἀποστάτων G, ἀποστάσεων C. 23 καὶ om. G, add. C.
25 γνωμονικὴ C. || ὥρων M, G. 'horarum' Z, B.

ἡ μετεωροσκοπικὴ τῶν τε ἑξαρμάτων τὰς διαφορὰς
καὶ τῶν ἄστρον τὰς ἀποστάσεις ἀνευρίσκουσα καὶ
πολλὰ ἄλλα καὶ ποικίλα τῶν κατ' ἀστρολογίαν θεωρη-
μάτων ἀναδιδάσκουσα, καὶ ἡ διοπτρικὴ τὰς εἰς ἀποχὰς
5 ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν ἄλλων ἄστρον καταμαν-
θάνουσα διὰ τῶν τοιούτων ὀργάνων. τοιαῦτα καὶ
περὶ τῶν τῆς μαθηματικῆς μερῶν ὑπὸ τῶν παλαιῶν
ἀναγεγραμμένα παρειλήφαμεν.

Εἶεν δὲ οὖν. πάλιν ἐκεῖνα θεωρήσωμεν, ὅπως ὁ
10 Πλάτων θριγγὸν τῶν μαθημάτων ἐν πολιτείᾳ τὴν
διαλεκτικὴν προσείρηνεν, καὶ ὅστις ὁ σύνδεσμος αὐτῶν,
ὃν (?) τὴν ἐπινόμιδα συνθεῖς παραδίδωσι. καὶ λέγο-
μεν, ὅτι καθάπερ ὁ νοῦς ὑπερίδρυται τῆς διανοίας
καὶ χορηγεῖ τὰς ἀρχὰς ἄνωθεν αὐτῇ καὶ τελειοῖ τὴν
15 διάνοιαν || ἀφ' ἑαυτοῦ, κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἡ δια-
λεκτικὴ, φιλοσοφίας οὕσα τὸ καθαρώτατον μέρος,
προσεχῶς ὑπερήπλωται τῶν μαθημάτων καὶ περιέχει
τὴν ὅλην αὐτῶν ἀνέλιξιν, καὶ δίδωσι δυνάμεις ἀφ'
ἑαυτῆς ταῖς ἐπιστήμαις αὐτῶν παντοίας, τελεσιουργοὺς
20 καὶ κριτικὰς καὶ νοεράς, τὴν ἀναλυτικὴν λέγω καὶ
τὴν διαιρετικὴν καὶ τὴν ὀριστικὴν καὶ τὴν ἀποδεικτι-

1 τε om. G, add. C. 4 διοπτρικὴ M. || ε om. G. 9 οὖν
δὲ G. || θεωρήσωμεν G. 10 θριγγὸν G. || Pol. VII, p. 534, E.

11 αὐτῶν, ὃν τὴν ἐπινόμιδα ego scripsi; αὐτῶν οἱ τὴν ἐπι-
νομιδα M, αὐτῶ νοητὴν* ἐπινόμηδην (ἐπινουήδα C, B₂ ἐπινο-
μίδα B₃) G. 'appellaverit: quale que um culum (sic) ipsa com-
ponens nobis tradit' Z, 'ipsarum . . . , ut tradit etiam ille, qui
Epinomidem composuit' B. 12 λέγω μὲν G, λέγομεν C.

15 † ἀφ' ἑαυτῆς (ἐφ' ἑαυτοῖς) H₂ p. 262. 17 Post προσεχῶς
additum est οὕσα (H₁ p. 452) H₂ p. 262. || μαθηματικῶν G,
μαθημάτων C. 18 τὴν ὅλην αὐτῶν ἀνέλιξιν] 'totum ipsa-
rum orbem' et in praefatione 'materiam ipsarum invincibilem'
B. 'the complet circle of these sciences' T. || ἀφ' ἑαυτοῦ H₂.

19 τελεσιουργικὰς (τελειουργικὰς) H₁ p. 452 H₂ p. 262.

κῆν. ἀφ' ὧν δὴ χορηγουμένη καὶ τελειουμένη ἡ μαθηματικὴ τὰ μὲν δι' ἀναλύσεως εὐρίσκει, τὰ δὲ διὰ συνθέσεως, καὶ τὰ μὲν διαιρετικῶς ὑφηγεῖται, τὰ δὲ ὀριστικῶς, | τὰ δὲ δι' ἀποδείξεως καταδεῖται τῶν ζητουμένων, συναρμόζουσα μὲν τοῖς ὑποκειμένοις ἑαυτῇ ⁵ τὰς μεθόδους ταύτας, χρωμένη δὲ ἐκάστη πρὸς τὴν θεωρίαν τῶν μέσων λόγων, ὅθεν δὴ καὶ αἱ ἀναλύσεις ἐπ' αὐτῆς καὶ οἱ ὀρισμοὶ καὶ αἱ διαιρέσεις καὶ αἱ ἀποδείξεις οἰκτεαὶ τέ εἰσι καὶ κατὰ τὸν τρόπον τῆς μαθηματικῆς γνώσεως ἀνελίσσονται. θριγγὸς οὖν εἰκότως ¹⁰ ἔστιν ἡ διαλεκτικὴ τῶν μαθημάτων, πᾶν τὸ νοερὸν αὐτῶν τελειοῦσα καὶ τὸ ἀκριβὲς ἀνελεγκτότερον ἀπεργαζομένη καὶ τὸ ἀκίνητον μόνιμον ὡσαύτως διαφυλάττουσα καὶ τὸ ἄϋλον καὶ καθαρὸν εἰς τὴν ἀπλότητα τὴν τοῦ νοῦ καὶ τὴν ἀϋλίαν ἀναφέρονσα καὶ τὰς τε ¹⁵ ἀρχὰς αὐτῶν τὰς πρώτας ἀφορίζουσα διὰ τῶν λόγων καὶ τὰς τῶν γενῶν καὶ εἰδῶν τῶν ὑπ' αὐτὰ διακρίσεις ἐκφαίνουσα, τὰς τε συνθέσεις τὰς ἐκ τῶν ἀρχῶν τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς προαγούσας καὶ τὰς ἀναλύσεις τὰς ἐπὶ τὰ πρώτα καὶ τὰς ἀρχὰς ἐπανιούσας ἀναδι- ²⁰ δάσκουσα.

Καὶ μὴν καὶ τὸν σύνδεσμον τῶν μαθημάτων οὐ τὴν ἀναλογίαν, ὥσπερ Ἑρατοσθένης οἶεται, θετέον. ἡ γὰρ ἀναλογία τῶν κοινῶν τοῖς μαθήμασιν ἓν τι καὶ λέγεται εἶναι καὶ ἔστιν. πολλὰ δ' αὖ καὶ ἄλλα διήκει ²⁵ διὰ πάντων ὡς εἶπεῖν τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα τῇ

⁵ καὶ ante συναρμόζουσα add. G, delet C. || μὲν om. G. || ἑαυτῆς M, G, ἑαυτῇ (ἑαυτοῦ) H₁ p. 452, H₂ p. 263. ⁷ λόγων ex G, ἀλόγων M, 'rationum' Z, 'sermones' B. ⁸ ἐπ'] ἀπ' G. || αὐτοῖς C. ¹⁰ γνώσεως] ἀποδείξεως C. ¹² ἀνελεγκτότερον G, ἀνελεγκτότερον M, C. ¹⁴ τὸ καθαρόν G. ¹⁷ ἐπ' αὐτὰ G. ²⁰ τ' om. G, add. C.

κοινῇ φύσει τῶν μαθημάτων. ἀλλ' ὥς ἡμεῖς ἂν φαί-
 μεν, προσεχῆς μὲν ἐστὶν αὐτῶν σύνδεσμος ἡ μία καὶ
 ὅλη μαθηματικὴ τὰς πασῶν τῶν καθ' ἕκαστα ἐπιστη-
 μῶν ἀρχὰς ἀπλούστερον ἐν ἑαυτῇ περιέχουσα καὶ τήν
 5 τε κοινωσίαν αὐτῶν καὶ τὴν διαφορὰν ἐπεσκεμμένην
 καὶ ὅσα τὰ αὐτὰ ἐν πάσαις ἀναδιδάσκουσα, καὶ ὅσα
 πλείοσιν ὑπάρχει καὶ ὅσα ἐλάττωσιν. καὶ ἐπὶ ταύτην
 ἀπὸ τῶν πολλῶν ἡ ἄνοδος τοῖς κατὰ τρόπον μανθά-
 νουσιν. ἀνωτέρω δ' ἔτι ταύτης ἡ διαλεκτικὴ τῶν μα-
 10 θημάτων ἂν εἴη σύνδεσμος, ἡ καὶ θριγγὸν αὐτῶν, ὥς
 ἔφην, ἐν πολιτείᾳ προσείρηκεν. αὕτη γὰρ καὶ τὴν
 ὅλην μαθηματικὴν τελειοῖ καὶ εἰς νοῦν ἀναπέμπει ταῖς
 ἑαυτῆς δυνάμεσι, || καὶ ἐπιστήμην ὄντως ἀποφαίνει
 καὶ μόνιμον καὶ ἀνέλεγκτον ἀπεργάζεται. τρίτην δ'
 15 ἂν ἔχοι τάξιν ἐν τοῖς συνδέσμοις ὁ νοῦς αὐτὸς ὁ πά-
 σας τὰς διαλεκτικὰς δυνάμεις ἐν ἑαυτῷ μονοειδῶς
 περιέχων καὶ τὴν ποικιλίαν αὐτῶν διὰ τῆς ἀπλότητος
 καὶ τὸν μερισμὸν διὰ τῆς ἀμεροῦς γνώσεως καὶ τὸ
 πλῆθος διὰ τῆς ἐνώσεως συνάγων. αὐτὸς δὲ οὖν
 20 συμπτύσσει μὲν τὰς ἀνελίξεις τῶν διαλεκτικῶν μεθό-
 δων, συνδεῖ δὲ ἄνωθεν πᾶσαν τὴν διέξοδον τῶν μα-
 θηματικῶν λόγων, τέλος δ' ἐστὶ τὸ ἄριστον τῆς ἀνα-
 γώγου πορείας καὶ τῆς γνωστικῆς ἐνεργείας. ταῦτά
 μοι καὶ περὶ τούτων διωρίσθω.
 25 Τὸ δ' αὖ ὄνομα αὐτὸ τοῦτο τὸ τῆς μαθηματικῆς
 καὶ τὸ τῶν μαθημάτων πόθεν ἂν φαίμεν ὑπὸ τῶν

7 ὑπερέχει G, ὑπάρχει C. 9 ἑκατέρα G, ἀνωτέρα C.

10 ἂν om. G. 11 προσέθηκεν C. || αὕτη G. 14 ἀνέλεγκτον
 M, C. 21 διέξοδον] 'cogitationem' et in margine 'progres-
 sum' B. 22 τὸ ἄριστον] 'longe optimus' (sc. finis) et in mar-
 gine 'ipsum optimum' B. 26 ss. M. in margine: πόθεν ἐκλή-
 θησαν μαθημάτων τὰ γεωμετρικὰ καὶ ἀριθμητικὰ καὶ τὰ
 συγγενῇ τούτοις.

παλαιῶν ταῖς ἐπιστήμας ταύταις ἀποδεδόσθαι καὶ
 τίνα ἂν ἔχοι προσήκοντα λόγον; δοκεῖ δὴ μοι μὴ τῶν
 ἐπιτυχόντων εἶναι, καθάπερ δὴ τὰ πολλὰ τῶν ὀνομά-
 των, ἡ τοιαύτη τῆς ἐπιστήμης τῶν διανοητικῶν λόγων
 προσηγορία, ἀλλ' ὥσπερ δὴ καὶ λέγεται τῶν Πυθα- 5
 γορείων κατειδότεν μὲν ὅτι πᾶσα ἡ καλουμένη μά-
 θησις ἀνάμνησις ἐστὶν οὐκ ἔξωθεν ἐντιθεμένη ταῖς
 ψυχαῖς, ὥσπερ τὰ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν φαντάσματα
 τυποῦνται ἐν τῇ φαντασίᾳ, οὐδ' ἐπεισοδιώδης οὔσα,
 καθάπερ ἡ δοξαστικὴ γνῶσις, ἀλλ' ἀνεγειρομένη μὲν 10
 ἀπὸ τῶν φαινομένων, προβαλλομένη δὲ ἐνδοθεν ἀπ'
 αὐτῆς τῆς διανοίας εἰς ἑαυτὴν ἐπιστρεφομένης, κατει-
 δότων δ' αὖ καὶ ὅτι τὰς ἀναμνήσεις εἰ καὶ πολλαχό-
 θεν δεικνύναι δυνατόν, ἀλλὰ διαφερόντως, ὅτι καὶ
 Πλάτων φησὶν, ἐκ τῶν μαθημάτων. ἐὰν γάρ τις ἐπὶ 15
 τὰ διαγράμματα ἄγῃ, φησὶν ἐκεῖνος, ἐνταῦθα ἄρα
 σαφέστατα κατηγορεῖ, ὥς ἐστὶν ἡ μάθησις ἀνάμνησις.
 ὁθεν δὴ καὶ ὁ ἐν τῷ Μένωνι Σωκράτης ἐκ τοῦδε τοῦ
 τρόπου τῆς ἐπιχειρήσεως ἐπέδειξεν, ὅτι τὸ μανθάνειν
 οὐκ ἄλλο τί ἐστὶν ἢ ἀναμιμνήσκεισθαι τὴν ψυχὴν τῶν 20
 ἑαυτῆς λόγων. αἴτιον δὲ ὅτι τὸ μὲν ἀναμιμνησκόμε-
 νόν ἐστι τὸ διανοητικὸν τῆς ψυχῆς. τοῦτο δὲ ἐν τοῖς
 λόγοις οὐσίωται τῶν μαθημάτων καὶ τὰς ἐπιστήμας
 αὐτῶν ἐν ἑαυτῷ προείληφεν, καὶ μὴ ἐνεργῇ κατ'

2 μὴ] καὶ G. 7 ἐντεθειμένη τῇ ψυχῇ H₂ p. 253.

10 ἀνεγειρομένη H₂ p. 253. 11 ἀπ' αὐτῆς] ἐφ' ἑαυτῆς,

(ἀφ' ἑαυτῆς) H₂ p. 253.

13—14 τὰς ἀναμνήσεις . . . ὅτι

καὶ om. G, add. C.

16 φησὶν ἐκεῖνος] Phaedo p. 73 B, ex

quo loco Kn III p. 40 addendum esse censet inter ἄγῃ et ἐν-

ταῦθα: ἢ ἄλλο τι τῶν τοιούτων, ἐνταῦθα σαφέστατα κα-

τηγορεῖ, ὅτι τοῦτο οὕτως ἔχει. 18 ἐν τῷ Μένωνι] p. 81,

E ss. || Μέμνονι G. 23 οὐσίωτόν H₂ p. 254, quod corr.

Kn. III p. 41.

αὐτάς. ἔχει δ' οὖν πάσας οὐσιωδῶς καὶ κρυφίως, προ-
 φαίνει δὲ ἐκάστην, ὅταν ἀφαιρεθῇ τῶν ἐμποδίων τῶν
 ἐκ τῆς αἰσθήσεως. αἱ μὲν γὰρ αἰσθήσεις συνάπτουσιν
 αὐτὴν τοῖς μεριστοῖς, αἱ δὲ φαντασίαι μορφωτικῶν κι-
 5 νήσεων ἀναπιμπλάσιν, αἱ δὲ ὁρέξεις περισπῶσιν εἰς
 τὸν ἐμπαθῆ βίον. || πᾶν δὲ τὸ μεριστον ἐμπόδιόν ἐστι
 τῆς εἰς ἑαυτοὺς ἡμῖν ἐπιστροφῆς, καὶ πᾶν τὸ μορφω-
 τικὸν ἐπιθολοῖ τὴν ἀμόρφωτον γνῶσιν, καὶ πᾶν τὸ
 ἐμπαθὲς κώλυμα τῆς ἀπαθoῦς ἐνεργείας ἐστίν. ὅταν
 10 οὖν ταῦτα τῆς διανοίας ἀφέλωμεν, τότε κατ' αὐτὴν
 γιγνώσκειν τοὺς ἐν αὐτῇ δυνάμεθα λόγους, καὶ ἐπι-
 στήμονες εἶναι κατ' ἐνέργειαν καὶ γνῶσιν τὴν οὐσιωδῇ
 προβάλλειν. δεσμῶται δὲ ὄντες καὶ τὸ ὅμμα τῆς ψυ-
 χῆς μύοντες οὐ μὴ ποτε τὴν προσήκουσαν ἡμῖν τελει-
 15 ὀτητα σχοίημεν. αὕτη τοίνυν ἐστὶν ἡ μάθησις ἡ τῶν
 αἰδίων ἐν ψυχῇ λόγων ἀνάμνησις, καὶ μαθηματικὴ
 διὰ ταύτην ἡ πρὸς τὰς ἀναμνήσεις ἡμῖν τὰς ἐκείνων
 συντελοῦσα γνῶσις διαφερόντως | ἐπονομάζεται. καὶ
 τὸ ἔργον ἄρα τῆς ἐπιστήμης ταύτης ὅποιον δὴ τί ἐστίν
 20 ἐκ τοῦ ὀνόματος δηλοῦται κινητικὸν τῆς ἐμφύτου γνῶ-
 σεως καὶ ἐγερτικὸν τῆς νοήσεως καὶ καθαρτικὸν τῆς
 διανοίας καὶ ἐκφαντορικὸν τῶν κατ' οὐσίαν ἡμῖν
 ὑπαρχόντων εἰδῶν, λήθης τε καὶ ἀγνοίας ἀφαιρετι-
 κόν, ὧν ἀπὸ τῆς γενέσεως ἔσχομεν, καὶ ἀπολυτικὸν
 25 τῶν ἐκ τῆς ἀλογίας δεσμῶν, κατὰ τὸν θεὸν ὄντως
 τὸν τῆς ἐπιστήμης ταύτης ἔφορον, ὃς προάγει μὲν εἰς

2 ἕκαστον G, ἐκάστην C. || τὸ ἐμπόδιον H₂ p. 254.

3 ἐκ τῆς] αὐτῆς G, ἐκ τῆς C. 5 περὶ πτωσιν M. In margine
 legitur in M: ση. ωρ. ἄγαν. 7 ἡμῶν H₂ p. 254. 15 αὕτη

G, αὕτη C. 18 γνῶσεις G. 20 ἐμφύτου om. G, add. C.

22 ἐκφαντικὸν G, ἐκφαντορικόν C. 24 ἔχομεν G, ἔσχομεν C.

25 ὄντος C.

τὸ ἐμφανὲς τὰ νοερὰ δῶρα, πληροῖ δὲ πάντα τῶν
 θείων λόγων, κινεῖ δὲ τὰς ψυχὰς ἐπὶ νοῦν, καὶ ὥσπερ
 ἐκ κάρου βαθέος ἀνεγείρει, διὰ ζητήσεως δὲ ἐπιστρέ-
 φει πρὸς ἐαυτάς, καὶ διὰ μαιείας τελειοῖ, καὶ δι' εὐρέ-
 σεως τοῦ καθαρῶν νοῦ περιάγει πρὸς τὴν μακαρίαν ⁵
 ζωὴν. ᾧ δὴ καὶ ἡμεῖς ἀναθέντες τουτὶ τὸ σύγγραμμα
 τὴν περὶ τῆς μαθηματικῆς ἐπιστήμης θεωρίαν περι-
 γράψομεν.

1 δὲ om. M. 3 βαθέως G. 4 αὐτάς G. || μανείας G,
 μαιείας C. || διὰ εὐρέσεως G.

PROLOGI PARS POSTERIOR.

|| Τὰ μὲν δὴ κοινὰ καὶ ἐπὶ πᾶσαν διατείνοντα τὴν
μαθηματικὴν ἐπιστήμην ἐν τοῖς προειρημένοις λόγοις
τεθεάμεθα τῷ τε Πλάτῳ συμπορευόμενοι καὶ παρὰ
τῶν ἄλλων ἀναλεγόμενοι τὰ πρὸς τὴν παροῦσαν
5 πραγματείαν ἡμῖν συντείνοντα νοήματα. τοῦτοις δὲ
ἔπεται περὶ τε αὐτῆς τῆς γεωμετρίας εἰπεῖν καὶ τῆς
προκειμένης στοιχειώσεως, ἧς ἕνεκα τὸν σύμπαντα λό-
γον ἐνεστησάμεθα.

Ὅτι μὲν οὖν ἡ γεωμετρία τῆς ὅλης ἐστὶ μαθημα-
10 τικῆς μέρος καὶ ὅτι δευτέραν ἔχει τάξιν μετὰ τὴν
ἀριθμητικὴν ὡς ἐκ ταύτης τελειουμένη καὶ ἀφοριзо-
μένη — πᾶν γάρ, ὅσον ἐστὶ ὄητόν ἐν αὐτῇ καὶ γνω-
στόν, ἐκ τῶν ἀριθμητικῶν ἀφορίζεται λόγων — εἴρη-
ται τοῖς παλαιοῖς καὶ οὐ πολλοῦ δεῖται λόγου πρὸς
15 τὸ παρόν. γένοιτο δ' ἂν ἡμῖν ἡ περὶ αὐτῆς ὑφήγησις
κατὰ νοῦν, εἰ τὴν ὑποκειμένην αὐτῇ ἐπισκοπήσαιμεν
ὕλην, τίνα τάξιν ἔλαχεν ἐν τοῖς οὗσι, καὶ τὴν οὐσίαν.

ΠΡΟΚΛΟΥ ΛΥΚΙΟΥ ΠΛΑΤΩΝΙΚΟΥ ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον
ΕΥΚΛΕΪΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ λ' ᾱ M; at in margine λ' β. ΠΡΟΚΛΟΥ
ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν ΕΥΚΛΕΪΔΟΥΣ
ΣΤΟΙΧΕΪΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ. G.

1 μὲν δὴ] μέντοι G. || ἐπὶ] διὰ C. 3 τιθέμεθα G, τε-
θεάμεθα C. 4 ἀνελόμενοι G, ἀναλεγόμενοι C. 17 ὕλην
in margine M. || ὕλην ἐπισκοπήσαιμεν G.

ἀπὸ γὰρ ταύτης καλῶς θεωρηθείσης καὶ ἡ τῆς γιγνω-
 σκούσης αὐτὴν ἐπιστήμης καταφανήσεται δύναμις καὶ
 ἡ ὠφέλεια ἡ ἀπ' αὐτῆς καὶ τὸ ἀγαθόν, ὅπερ εἰς τοὺς
 μανθάνοντας παραγίνεται. καὶ γὰρ δὴ καὶ ἀπορήσειεν
 ἄν τις, ἐν τίνι γένει τῶν ὄντων τὴν γεωμετρικὴν ὕλην 5
 τιθέμενος οὐκ ἂν ἀμάρτοι τῆς περὶ αὐτὴν ἀληθείας.
 εἴτε γὰρ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ἐστὶ τὰ σχήματα, περὶ ὧν
 ὁ γεωμέτρης διαλέγεται, καὶ ἀχώριστα τῆς ὕλης, πῶς
 ἔτι τὴν γεωμετρίαν τῶν αἰσθητῶν ἡμᾶς ἀπολύειν φή-
 σομεν καὶ περιάγειν εἰς τὴν ἀσώματον ὑπόστασιν καὶ 10
 συνεθισμὸν εἶναι πρὸς τὴν θέαν τῶν νοητῶν καὶ προ-
 ευτρεπίξειν εἰς τὴν κατὰ νοῦν ἐνέργειαν; ποῦ δὲ καὶ
 τεθεάμεθα ἐν τοῖς αἰσθητοῖς τὸ ἀμερὲς σημεῖον ἢ τὴν
 ἀπλατῇ γραμμὴν ἢ || τὴν ἀβαθῇ ἐπιφάνειαν ἢ τὴν ἰσό-
 τητα τῶν ἐκ τοῦ κέντρου γραμμῶν ἢ ὅλως τὰ πολύ- 15
 γωνα καὶ πολύεδρα σχήματα πάντα, περὶ ὧν ἡ γεω-
 μετρία διδάσκει; πῶς δὲ καὶ οἱ λόγοι τῆς ἐπιστήμης
 ταύτης ἀνέλεγκτοι μένουσι τῶν αἰσθητῶν σχημάτων
 καὶ εἰδῶν τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον ἐπιδεχομένων καὶ κι-
 νουμένων πάντα καὶ μεταβαλλομένων ἀπάσης τε ἁορι- 20
 στίας ὕλικῆς ἀναπεπλησμένων καὶ τῆς μὲν ἰσότητος
 μετὰ τῆς ἐναντίας ἀνισότητος ὑφεστηκυίας, τῶν δὲ
 ἀμερίστων κατὰ μερισμὸν καὶ διάστασιν προεληλυθό-
 των; εἴτε ἔξω τῆς ὕλης ἐστὶ τὰ ὑποκείμενα τῇ γεω-
 μετρίας καὶ λόγοι καθαροὶ καὶ χωριστοὶ τῶν αἰσθητῶν, 25
 ἀμέριστοι πάντες ἔδονται καὶ ἀσώματοι καὶ ἀμεγέθεις.
 ἔκτασις γὰρ καὶ ὄγκος καὶ ὅλως διάστασις τοῖς λόγοις
 διὰ τὴν ὕλικὴν ὑποδοχὴν παραγίνεται, τὰ μὲν ἀμέ-

3 ἐπ' C. 11 εἰς θέαν G, πρὸς τὴν θέαν C. 18 ἀνέ-
 λεκτοι M, C. 20 πάντων G, πάντῃ M, C. 21 ἰσότης M.
 23 διάστασιν G, διάσπασιν M, C. 26 πάντως G.

- ριστα μεριστῶς, τὰ δὲ ἀδιάστατα διαστατῶς, τὰ δὲ ἀκίνητα κινουμένως δεχομένην. πῶς οὖν ἔτι τὴν εὐθεϊαν τέμνομεν καὶ τὸ τρίγωνον καὶ τὸν κύκλον; πῶς δὲ γωνιῶν διαφορὰς λέγομεν καὶ αὐξήσεις αὐτῶν
- 5 καὶ μειώσεις σχημάτων, οἷον τριγωνικῶν ἢ τετραγωνικῶν; πῶς δὲ τὰς ἀφὰς τῶν κύκλων ἢ τῶν εὐθειῶν; | πάντα γὰρ ταῦτα μεριστὴν εἶναι τὴν γεωμετρικὴν ὕλην ἐπιδεικνύουσι καὶ οὐκ ἐν ἀμερέσι λόγοις ὑφестηκυῖαν.
- 10 Τὰ μὲν οὖν ἄπορα τοιαῦτα πρὸς τὸ καὶ τὸν Πλάτωνα διανοητὰ μὲν προσαγορεύειν τὰ τῆς γεωμετρίας εἶδη, χωρίζειν δὲ ἡμᾶς ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν τὰ τοιαῦτα καὶ εἰς νοῦν ἐγείρειν ἀπὸ αἰσθήσεως συγχωρεῖν, καίτοι γε, ὅπερ ἔφην, τῶν ἐν διανοίᾳ λόγων ἀμερῶν ὄντων
- 15 καὶ ἀδιαστάτων κατὰ τὴν ιδιότητα τὴν ψυχικὴν ὑφестηκότων. εἰ δὲ δεῖ καὶ τοῖς πράγμασιν αὐτοῖς καὶ τῇ τοῦ Πλάτωνος ὑφηγήσει συμφώνους ἀποδιδόναι λόγους, οὕτως διελόντες εἰπώμεν, πᾶν τὸ καθόλου καὶ τὸ ἐν τῶν πολλῶν περιληπτικὸν ἢ ἐν
- 20 τοῖς καθ' ἑκάστα φαντάζεσθαι (πέφυκεν ἢ φαίνεται?) καὶ τὴν ὑπαρξιν ἐν τούτοις ἔχειν ἀχώριστον ἀπ' αὐτῶν ὑπάρχον καὶ κατατεταγμένον ἐν αὐτοῖς καὶ μετὰ τούτων ἢ συγκινούμενον ἢ μονίμως ἐστὼς καὶ ἀκινήτως, ἢ πρὸ τῶν πολλῶν ὑφестάναι καὶ γεννητικὸν εἶναι

1—2 διαστατῶς ... ἀκίνητα om. G. 10—12 τὸν Πλάτωνα ... τὰ τοιαῦτα καὶ om. G, add. C. 12 χωρίζειν] 'progredi ... ad' et in praefatione 'separari ... per' B, 'advance ... to' T. 13 ἐγείρειν] 'exurgere' et in praefatione 'excitari' B, 'rise' T. 15 καὶ om. G, add. C. || διαστάτων C. 18 εἰπώμεν M. 19 τὸ ἐν τῷ] τὸ ἐν καὶ H₂ p. 260. 20 πέφυκεν ἢ φαίνεται omissum est in H₂. 21 ἔχον M, G, ἔχειν (ἐκείνα χωρὶς τῶν) H₁ p. 452, H₂ p. 260. 23 ἐστὼς M, ἐστῶς G, ἐστός (ἐστῶς, ἐστῶς) H₂.

τοῦ πλήθους ἐμφάσεις ἀφ' ἑαυτοῦ τοῖς πολλοῖς παρ-
 ἔχον καὶ ἀμερίστως μὲν αὐτὸ προτεταγμένον τῶν μετ-
 εχόντων, ποικίλας δὲ μεθέξεις εἰς τὰ δεύτερα χορηγοῦν,
 ἢ κατ' ἐπίνοιαν ἀπὸ τῶν πολλῶν μορφοῦσθαι καὶ τὴν
 ὑπαρξιν ἐπιγενηματικὴν ἔχειν καὶ ὕστερογενῶς ἐπι-
 συνίστασθαι τοῖς πολλοῖς. κατὰ γὰρ ταύτας οἶμαι τὰς
 τριπλᾶς ὑποστάσεις εὐρήσομεν τὰ μὲν πρὸ τῶν πολ-
 λῶν, τὰ δὲ ἐν τοῖς πολλοῖς, τὰ δὲ κατὰ τὴν πρὸς αὐτὰ
 σχέσιν καὶ κατηγορίαν ὑφιστάμενα. || τριττῶν δὲ ὄν-
 των ὥς συνελόντι φάναι τῶν καθολικῶν εἰδῶν τοῦ
 μετεχομένου καὶ ἐν τοῖς πολλοῖς ὄντος καὶ τὰ μερικὰ
 συμπληροῦντος νοήσωμεν διαφορὰς κατὰ τὴν ὑποκει-
 μένην ὕλην. καὶ τὰ μετέχοντα αὐτὰ διττὰ θεέμενοι,
 τὰ μὲν αἰσθητὰ τὰ δὲ ἐν φαντασίᾳ τὴν ὑπόστασιν
 ἔχοντα — καὶ γὰρ ἡ ὕλη διττή, καὶ ἡ μὲν τῶν αἰσθη-
 σει συζυγούντων ἡ δὲ τῶν φανταστικῶν, ὥς πού καὶ
 Ἀριστοτέλης φησι διττὸν εἶναι τὸ καθόλου — τὸ
 κατατεταγμένον συγχωρήσομεν, τὸ μὲν αἰσθητὸν ὥς
 μετεχόμενον ὑπὸ τῶν αἰσθητῶν, τὸ δὲ φανταστὸν ὥς
 ἐν τοῖς τῆς φαντασίας πλήθεσιν ὑφεσθηκός. καὶ γὰρ
 ἡ φαντασία διὰ τε τὴν μορφωτικὴν κίνησιν καὶ τὸ
 μετὰ σώματος καὶ ἐν σώματι τὴν ὑπόστασιν ἔχειν με-

2 προτεταγμένον G, προτεταγμένον C. 5 γεννηματικὴν
 G, γεννηματικὴν C. 6 κατὰ] καὶ H₁ p. 452, H₂ p. 260.

πολλῶν

7 ἄλλων prima manu M. 8—11 τὰ δὲ κατὰ τὴν . . . ἐν τοῖς
 πολλοῖς om. G, add. C. || τὰ δὲ κατὰ] (καὶ H₁ H₂). || πρὸς
 αὐτὰ (πρὸς αὐτὰ) H₁ H₂. 9 καὶ ante κατηγορίαν omissum
 est in H₁ H₂. 10 ἐν (ἐν) ante συνελόντι est additum in H₁ H₂,
 'unico verbo' B, 'ut breviter dicam' Z. 11 καὶ ante ἐν τοῖς
 πολλοῖς omissum est in H₁ H₂. || ὄντως M. || μεριστὰ G, με-
 ρικὰ C, (μετρικὰ H₂). 12 ἐκπληροῦντος (H₁) H₂. 13 αὐτοῦ
 M, G, αὐτὰ (αὐτοῦ) H₂. 16 φανταστικῶν H₂. 20 τῆς
 om. G.

ριστῶν ἀεὶ καὶ διηρημένων ἐστὶν καὶ ἐσχηματισμένων
 τύπων οἰστική, καὶ πᾶν ὃ γιννώσκει τοιαύτην ἔλαχεν
 ὑπαρξιν. ὅθεν δὴ καὶ νοῦν παθητικόν τις αὐτὴν
 προσειπεῖν οὐκ ὠκνησεν. καίτοι γε εἰ νοῦς, πῶς οὐκ
 5 ἀπαθὴς καὶ ἄϋλος; εἰ δὲ μετὰ πάθους ἐνεργεῖ, πῶς
 ἔτι νοῦς ἂν κληθεῖη δικαίως; ἀπάθεια μὲν γὰρ τῷ νῷ
 προσήκει καὶ τῇ νοερᾷ φύσει, τὸ δὲ παθητικὸν πόρρω
 τῆς οὐσίας ἐκείνης. ἀλλ' οἶμαι τὸ μέσον αὐτῆς ἐμφῆ-
 ναι βουλόμενος τῶν τε πρωτίστων γνώσεων καὶ τῶν
 10 ἐσχάτων ἅμα καὶ νοῦν αὐτὴν προσεῖπεν ὥς εἰκνυῖαν
 ταῖς πρωτίσταις καὶ παθητικὸν κατὰ τὴν πρὸς τὰ
 ἐσχάτα συγγένειαν. αἱ μὲν γὰρ ἀσχημάτιστοι καὶ
 ἀμόρφωτοι γνώσεις εἰσιν ἐν ἑαυταῖς ἔχουσαι τὰ νοητὰ
 καὶ περὶ ἑαυτὰς ἐνεργοῦσαι καὶ συνηνωμένοιαι τοῖς
 15 γνωστοῖς, παντὸς τύπου καὶ πάθους ἀλλαχόθεν ἐφή-
 κοντος καθαρεύουσαι. αἱ δὲ ἐσχάται διὰ τῶν ὀργά-
 νων ἐνεργοῦσι καὶ παθήματα μᾶλλον εἰσιν, ἔξωθεν
 εἰσδεχόμεναι τὰς γνώσεις καὶ συγκινούμεναι τοῖς ὑπο-
 κειμένοις. τοιαῦτα γὰρ αἱ αἰσθήσεις, ἐκ βιαίων παθη-
 20 μάτων γινόμεναι, φησὶν ὁ Πλάτων. ἡ δ' αὖ φαν-
 τασία τὸ μέσον κέντρον κατέχουσα τῶν γνώσεων
 ἀνεγείρεται μὲν ἀφ' ἑαυτῆς καὶ προβάλλει τὸ γνωστόν,
 ἅτε δὲ οὐκ ἔξω σώματος οὔσα ἐκ τοῦ ἀμεροῦς τῆς
 ζωῆς εἰς μερισμὸν καὶ διάστασιν καὶ σχῆμα προάγει
 25 τὰ γνωστὰ αὐτῆς, καὶ διὰ τοῦτο πᾶν, ὅπερ ἂν νοῇ,
 τύπος ἐστὶ καὶ μορφὴ νοήματος, καὶ τὸν τε κύκλον
 διαστατῶς νοεῖ τῆς μὲν ἐκτὸς ὕλης καθαρεύοντα

2 οἰστικόν G. 4 εἰ om. G, add. C.
 19 παθημάτων
 22 παραβάλλει G, προβάλλει C.
 26 τῶν τε κύκλων C.

διὰ τῶν
 16 δι' ὧν ὀργά-
 19 παθημάτων
 25 ἀνοῇ M.

νοητὴν δὲ ὕλην ἔχοντα τὴν ἐν αὐτῇ, καὶ διὰ τοῦτο οὐχ εἰς ἐν αὐτῇ κύκλος, ὥσπερ οὐδὲ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς. ἅμα γὰρ διάστασις ἀναφαίνεται καὶ τὸ μεῖζον καὶ τὸ ἔλασσον καὶ τὸ πλῆθος τῶν τε κύκλων καὶ τῶν τριγώνων. εἰ οὖν || ἐν τοῖς αἰσθητοῖς κύκλοις ἐστὶ τὸ 5 καθόλου κατατεταγμένον, ὃ καὶ ἕκαστον αὐτῶν κύκλον ἀπετέλεσεν καὶ πάντας ὁμοίους ἀλλήλοις καθ' ἓνα λόγον ὑποστάντας, διαφέροντας δὲ ἢ μεγέθεσιν ἢ τοῖς ὑποκειμένοις, καὶ τοῖς φανταστοῖς κύκλοις ἐστὶ τι κοινὸν καὶ μετεχόμενον καὶ κατὰ τοῦτο πάντες τὴν 10 αὐτὴν ἔχουσι μορφήν. ἡ δὲ διαφορὰ αὐτοῖς καθ' ἓν ἐνταῦθα μόνον τὸ ἐν τῇ φαντασίᾳ μέγεθος. ὅταν γὰρ πολλοὺς ὁμοκέντρους φαντασθῇς, ἐν ἐνὶ μὲν πάντες ὑποκειμένῳ καὶ αὐτῷ καὶ ἐν ζωῇ τὴν ὑπαρξιν ἔχουσιν ἀχωρίστῳ σώματος ἀπλοῦ καὶ τῷ διαστήματι πλεονά- 15 σαντος τῆς ἀμεροῦς οὐσίας, διαφέρουσι δὲ τῷ τε μεγέθει καὶ τῇ μικρότητι καὶ τῷ περιέχεσθαι καὶ περιέχειν. διττὸν οὖν σοι νοείσθω τὸ καθόλου τὸ ἐν τοῖς πολλοῖς, τὸ μὲν ἐν τοῖς αἰσθητοῖς, τὸ δὲ ἐν τοῖς φανταστοῖς. καὶ ὁ κυκλικὸς λόγος διττὸς καὶ ὁ τριγωνι- 20 κὸς καὶ αὐτὸς ὁ τοῦ σχήματος, ὁ μὲν ἐπὶ τῆς νοητῆς ὕλης, ὁ δὲ ἐπὶ τῆς αἰσθητῆς. πρὸ δὲ τούτων ἦν ὅ τε ἐν διανοίᾳ λόγος καὶ ὁ ἐν τῇ φύσει, ὁ μὲν τῶν φανταστικῶν κύκλων ὑποστάτης καὶ τοῦ ἐν αὐτοῖς ἐνὸς εἶδους, ὁ δὲ τῶν αἰσθητικῶν. ἔστωσαν γὰρ οἱ ἐν 25 οὐρανῷ κύκλοι καὶ ὅλως οἱ τῆς φύσεως ἔκγονοι. καὶ ὥσπερ ἀμερῆς ὁ ἐν διανοίᾳ λόγος, οὕτως καὶ ὁ φυσι-

3 ἀναφάνεται M. 4 τε om. G. 8 ὑποστάντος C.
 9 λόγοις G, κύκλοις C. 12 ὅτε G, ὅταν C. 13 ἐν om. M, G;
 'in uno' B. 15 πλεονάζοντος G. 16 τε om. G, add. C.
 17 τῷ] τὸ M, G. 18 σοι om. G, συννοείσθω C.

κός. ἔστι γὰρ καὶ τὰ διαστατὰ ἀδιαστάτως καὶ τὰ
μεριστὰ ἀμερίστως καὶ τὰ μεγέθη ἀμεγέθως ἐν | ταῖς
ἀσωμάτοις αἰτίαις, ὥσπερ αὖ ἀνάπαλιν τὰ ἀμέριστα
μεριστῶς καὶ τὰ ἀμεγέθη μεγεθυσμένως ἐν ταῖς σω-
5 ματικαῖς. καὶ διὰ τοῦτο ὁ μὲν ἐν διανοίᾳ κύκλος εἷς
καὶ ἀπλοῦς ἔστι καὶ ἀδιάστατος καὶ αὐτὸ τὸ μέγεθος
ἀμέγεθες ἐκεῖ — λόγοι γὰρ ἄνευ ὕλης τὰ τοιαῦτα
καὶ τὸ σχῆμα ἀσχημάτιστον — ὁ δ' ἐν φαντασίᾳ με-
ριστὸς ἐσχηματισμένος διάστατος, οὐχ εἷς μόνον, ἀλλ'
10 εἷς καὶ πολὺς, καὶ οὐκ εἶδος μόνον, ἀλλὰ κατατεταγμέ-
νον εἶδος, ὁ δ' ἐν τοῖς αἰσθητοῖς καὶ τῆς ἀκριβείας
ὑφesiν ἔχων καὶ ἀνάπλεως τῆς εὐθείας καὶ τῆς καθα-
ρότητος τῶν αὐλῶν ἀπολειπόμενος.

Τὴν τοίνυν γεωμετρίαν ὅταν περὶ κύκλου τι λέγῃ
15 καὶ διαμέτρου καὶ τῶν περὶ τὸν κύκλον παθημάτων,
οἷον ἀφῶν διαιρέσεων τῶν τοιούτων, μήτε περὶ τῶν
αἰσθητῶν λέγωμεν ἀναδιδάσκειν — χωρίζειν γὰρ ἀπὸ
τούτων ἐπιχειρεῖ — μήτε τοῦ ἐν διανοίᾳ εἶδους. εἷς
γὰρ ὁ κύκλος, ἡ δὲ περὶ πολλῶν ποιεῖται τοὺς λόγους
20 καθ' ἓνα ἕκαστον προβάλλουσα καὶ περὶ ἀπάντων τὰ
αὐτὰ θεωροῦσα. καὶ ἀδιαίρετος μὲν ἐκεῖνος, διαιρε-
τὸς δὲ || ὁ ἐν γεωμετρίᾳ κύκλος. ἀλλὰ τὸ καθόλου μὲν
αὐτῷ συγχωρῶμεν ἐπισκοπεῖν, τοῦτο δ' ἄρα ἐκεῖνο
τὸ κατατεταγμένον ἐν τοῖς φανταστοῖς κύκλοις, καὶ
25 ἄλλον μὲν ὁρᾶν καὶ κατ' ἄλλον θεωρεῖν τὸν ἐν δια-
νοίᾳ κύκλον, περὶ ἄλλον δὲ ποιεῖσθαι τὰς ἀποδείξεις.
ἔχουσα γὰρ ἡ διάνοια τοὺς λόγους, ἀσθενοῦσα δὲ

4 μεγεθυσμένως G. 5 ἐν ante διανοίᾳ om. G, add. C.
10 πολλοὶ G. 13 κύκλων G, αὐλῶν C. 14 ὅτε G, ὅταν C.
15 ἀμέτρου omitta syllaba δι M. || περὶ τὸν κύκλον] περὶ
κύκλον G. 17 λέγομεν G. 18 ἐπιχωρεῖ G, ἐπιχειρεῖ C.
25 ἄλλω M.

συνεπτυγμένως ἰδεῖν ἀναπλοῖ τε αὐτοὺς καὶ ὑπεκτί-
 θεται καὶ εἰς τὴν φαντασίαν ἐν προθύροις κειμένην
 προάγει καὶ ἐν ἐκείνῃ ἢ καὶ μετ' ἐκείνης ἀνελίττει τὴν
 γνῶσιν αὐτῶν, ἀγαπήσασα μὲν τὸν ἀπὸ τῶν αἰσθη-
 τῶν χωρισμόν, τὴν δὲ φανταστὴν ὕλην εὐτρεπῇ πρὸς 5
 ὑποδοχὴν εὐροῦσα τῶν ἐαυτῆς εἰδῶν. ὅθεν καὶ ἡ
 νόησις αὐτῆς μετὰ φαντασίας αἶ τε συνθέσεις τῶν
 σχημάτων καὶ αἱ διαιρέσεις φαντασταὶ καὶ ἡ γνῶσις
 ὁδὸς μὲν εἰς τὴν διανοητικὴν ἐστὶν οὐσίαν, οὕτω δὲ
 εἰς ἐκείνην ἀναδεδράμηκε, τῆς διανοίας εἰς τὰ ἔξω 10
 βλεπούσης καὶ ταῦτα κατὰ τὰ ἐνδοθεν θεωρούσης καὶ
 προβολαῖς μὲν χρωμένης λόγων ἄλλ' ἀφ' ἐαυτῆς εἰς
 τὸ ἔξω κινουμένης. εἰ δέ ποτε συμπτύξασα τὰς δια-
 στάσεις καὶ τοὺς τύπους καὶ τὸ πλῆθος ἀτυπώτως καὶ
 ἐνοειδῶς θεασαμένη πρὸς ἐαυτὴν ἐπιστρέψαι δυνη- 15
 θείη, τότε ἂν διαφερόντως τοὺς λόγους τοὺς γεωμε-
 τρικοὺς ἰδοὶ τοὺς ἀμερίστους, τοὺς ἀδιαστάτους, τοὺς
 οὐσιώδεις, ὧν ἐστὶ πλήρωμα. καὶ ἡ ἐνέργεια αὐτῆς
 αὕτη τέλος ἂν εἴη τὸ ἄριστον τῆς περὶ γεωμετρίαν
 σπουδῆς καὶ ὄντως τῆς Ἑρμαϊκῆς δόσεως ἔργον, ἀπὸ 20
 τινος Καλυψοῦς ἀναγούσης αὐτὴν εἰς τελειότεραν καὶ
 νοερωτέραν γνῶσιν καὶ ἀπολυνούσης τῶν ἐν φαντασίᾳ
 μορφωτικῶν ἐπιβολῶν. καὶ ταύτην δεῖ τὴν μελέτην
 μελετᾶν τὸν ὡς ἀληθῶς γεωμετρικόν, καὶ πρὸς τὴν
 ἔγερσιν καὶ τὴν ἀπὸ τῆς φαντασίας μετάστασιν εἰς 25
 μόνην τὴν διάνοιαν αὐτὴν καθ' αὐτὴν ποιεῖσθαι τέ-
 λος, ἀρπάζοντα ἑαυτὸν ἀπὸ τῶν διαστάσεων καὶ τοῦ

1 ἀναπλῶται αὐτοὺς καὶ ὑποτίθεται G, ἀναπλοῖ τε αὐτοὺς καὶ ὑπεκτίθεται C. 9 ἀδιανοητικὴν G, διανοητικὴν C.

12 χρωμενη C. 19 αὕτη om. G. 20 ὑπό C. 21 τε-
 λειοτητα G, τελειότεραν C. 22 νεωτέραν G. 24 τὴν post
 πρὸς om. G, add. C.

παθητικοῦ νοῦ πρὸς τὴν διανοητικὴν ἐνέργειαν, καθ' ἣν πάντα ἀδιαστάτως ὄψεται καὶ ἐν ἀμερεῖ τὸν κύκλον, τὴν διάμετρον, τὰ ἐν τῷ κύκλῳ πολύγωνα, καὶ πάντα ἐν πᾶσιν καὶ ἕκαστον χωρίς. διὰ γὰρ τοῦτο καὶ ἐν
 5 φαντασίᾳ δεικνυμένον ἐν τε τοῖς πολυγώνοις τοὺς κύκλους ἐγγραφομένους καὶ ἐν τοῖς κύκλοις τὰ πολύγωνα, μιμούμενοι τὴν τῶν ἀμερῶν λόγων δι' ἀλλήλων δεῖξιν. διὰ ταῦτα γὰρ ἄρα καὶ συστάσεις σχημάτων καὶ γενέσεις καὶ διαιρέσεις ἀναγράφομεν καὶ θέσεις
 10 καὶ παραβολάς· διότι τῇ φαντασίᾳ προσχρώμεθα καὶ ταῖς ἐκ ταύτης διαστάσεσιν, ἐπεὶ τό γε εἶδος αὐτὸ ἀκίνητόν ἐστι καὶ ἀγέννητον καὶ ἀδιαίρετον καὶ παντὸς ὑποκειμένου καθαρεῦον. ἀλλὰ καὶ ὅσα κρυφίως ἐστὶν ἐν ἐκείνῳ, διαστατῶς καὶ μεριστῶς εἰς φαντα-
 15 σίαν προάγεται καὶ τὸ μὲν προβάλλον ἢ διάνοια, τὸ δὲ ἀφ' οὗ || προβάλλεται τὸ διανοητὸν εἶδος, τὸ δὲ ἐν ᾧ τὸ προβαλλόμενον παθητικὸς οὗτος καλούμενος νοῦς, ἐξελλίττων ἐαυτὸν περὶ τὴν ἀμέρειαν τοῦ ἀληθοῦς νοῦ καὶ διῆστὰς ἐαυτοῦ τὸ ἀδιάστατον τῆς
 20 ἀκραιφνοῦς νοήσεως καὶ μορφῶν ἐαυτὸν κατὰ πάντα τὰ ἀμόρφωτα εἶδη καὶ πάντα γιγνόμενος, ᾧ ἐστὶν ἡ διάνοια καὶ ὁ ἀμερὴς ἐν ἡμῖν λόγος.

Περὶ μὲν οὖν τῆς γεωμετρικῆς ὕλης τοσαῦτα ἔχομεν λέγειν οὐκ ἀγνοοῦντες, ὅσα καὶ ὁ φιλόσοφος Πορ-
 25 φύριος ἐν τοῖς συμμίκτοις γέγραπεν καὶ οἱ πλεῖστοι

8 δεῖξιν ex G; δῖμξιν, sed μ (= ν) rasura maximam partem deleto, M. 10 προσχρώμεθα om. G, add. C. 11 Πὸς ταύτης ταύταις add. M, C. 13 καθαριεύου C. 14 διαστατῶς καὶ ἀμερίστως M, G, διαστατῶς ἀμερίστως B₃, 'absque intervallo ac sine partitione' Z, 'cum intervallis, partibilibiterque' B. 16 τὸ δὲ ἐν ᾧ τὸ] δὲ et alterum τὸ add. G, delet C, om. M. 19 ἐαυτοῦ G, ἐαυτὸν M, C; a sese B; magis placet ἐαυτῷ vel ἐν ἐαυτῷ.

τῶν Πλατωνικῶν διατάττονται, συμφωνότερα δὲ εἶναι ταῦτα ταῖς γεωμετρικαῖς ἐφόδοις νομίζοντες καὶ τῷ Πλάτῳ διανοητὰ καλοῦντι τὰ ὑποκείμενα τῇ γεωμετρίᾳ. συνάδει γὰρ οὖν ταῦτα ἀλλήλοις, διότι τῶν γεωμετρικῶν εἰδῶν αἱ μὲν αἰτίαι, καθ' ἃς καὶ ἡ διάνοια προβάλλει τὰς ἀποδείξεις, ἐν αὐτῇ προυφ-
στήκασιν, αὐτὰ δὲ ἕκαστα τὰ διαιρούμενα καὶ συντι-
θέμενα σχήματα περὶ τὴν φαντασίαν προβέβληται. περὶ δὲ τῆς ἐπιστήμης αὐτῆς τῆς τούτων θεωρητικῆς μετὰ ταῦτα λέγωμεν. γνωστικὴ μὲν οὖν ἐστὶ μεγεθῶν ¹⁰ καὶ σχημάτων καὶ τῶν ἐν τούτοις περάτων, ἔτι δὲ τῶν λόγων τῶν ἐν αὐτοῖς ἡ γεωμετρία καὶ τῶν παθῶν τῶν περὶ αὐτὰ καὶ τῶν παν | τοίων θέσεων καὶ κινή-
σεων, προϊούσα μὲν ἀπὸ τοῦ ἀμεροῦς σημείου, κατα-
βαίνουσα δὲ μέχρι τῶν στερεῶν καὶ τὰς πολυειδεῖς ¹⁵ αὐτῶν διαφορότητας ἀνευρίσκουσα, καὶ αὖ πάλιν ἀπὸ τῶν συνθετωτέρων ἐπὶ τὰ ἀπλούστερα καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς τούτων ἀνατρέχουσα. καὶ γὰρ συνθέσεσιν χρῆται καὶ ἀναλύσεσιν, αἰ μὲν ἐξ ὑποθέσεων ὀρμῶσα καὶ τὰς ἀρχὰς ἀπὸ τῆς πρὸ αὐτῆς ἐπιστήμης λαμβάνουσα, ²⁰ χρωμένη δὲ ταῖς διαλεκτικαῖς ἀπάσαις μεθόδοις, περὶ μὲν τὰς ἀρχὰς διαιρέσεσι τῶν εἰδῶν ἀπὸ τῶν γενῶν καὶ τοῖς ὀριστικοῖς λόγοις, περὶ δὲ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς ἀποδείξεσι καὶ ἀναλύσεσιν, ἵνα καὶ ἀπὸ τῶν ἀπλου-
στέρων τὰ ποικιλώτερα δεικνύῃ προϊόντα καὶ ἐπ' ²⁵ αὐτὰ πάλιν ἀναστρέφοντα καὶ χωρὶς μὲν περὶ τῶν ὑποκειμένων αὐτῇ ποιούμενη τοὺς λόγους, χωρὶς δὲ περὶ τῶν ἀξιωμαμάτων, ἀφ' ὧν ὥρμηται πρὸς τὰς ἀπο-

6 ἀποδείξεως M. 8 βέβληται G, προβέβληται C.
10 λέγομεν M. 12 τῶν ante παθῶν om. G.

δείξεις, καὶ τῶν αἰτημάτων, χωρὶς δὲ περὶ τῶν καθ'
αὐτὰ συμβεβηκότων, ἃ καὶ δείκνυσιν ὑπάρχοντα τοῖς
ὑποκειμένοις. ἐκάστη γὰρ τῶν ἐπιστημῶν ἄλλο μὲν
ἐχει τὸ γένος, περὶ ὃ πραγματεύεται καὶ οὐ τὰ πάθη
5 σκοπεῖν προτίθεται, ἄλλας δὲ τὰς ἀρχάς, αἷς χρῆται
πρὸς τὰς ἀποδείξεις, ἄλλα δὲ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα.
καὶ τὰ μὲν ἀξιώματα || κοινὰ πάσαις, εἰ καὶ ἐκάστη
χρῆται πρὸς τὴν ὑποκειμένην ὕλην οἰκείως αὐτοῖς,
τὸ δὲ γένος καὶ τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκὸς διαφέρουν.
10 Τὰ μὲν οὖν ὑποκείμενα γεωμετρίας ἐστὶ τρίγωνα
καὶ τετράγωνα καὶ κύκλοι καὶ ὅλως σχήματα καὶ με-
γέθη καὶ τὰ τούτων πέρατα, τὰ δὲ καθ' αὐτὰ ὑπάρ-
χοντα τούτοις αἱ διαιρέσεις, οἱ λόγοι, αἱ ἀφαί, αἱ
ἰσότητες, αἱ παραβολαί, αἱ ὑπερβολαί, αἱ ἐλλείψεις,
15 πάντα τὰ τοιαῦτα, τὰ δὲ αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα,
δι' ὧν ἀποδείκνυσιν ἕκαστα, τὸ ἀπὸ παντὸς σημείου
ἐπὶ πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν ἄγειν, τὸ ἐκ ἀπὸ ἴσων ἴσα
ἀφαιρεθῆναι, ἴσα εἶναι τὰ καταλειπόμενα καὶ τὰ τούτοις
ἐπόμενα. διὸ καὶ οὔτε πᾶν πρόβλημα οὔτε πᾶν ἐρώ-
20 τημα γεωμετρικὸν ἐστίν, ἀλλὰ ὅσα ἐκ τῶν γεωμετρίας
ἐστὶν ἀρχῶν, καὶ ὁ ἐκ τούτων ἐλεγχόμενος ἐλέγχοιτο
ἂν ὡς γεωμέτρης. ὅσα δὲ μὴ ἐκ τούτων, οὐ γεωμε-
τρικὰ ἀλλ' ἀγεωμέτρητα. διττὰ δὲ καὶ ταῦτά ἐστιν·
ἢ γὰρ παντελῶς ἐξ ἐτέρων ἐστὶν ἀρχῶν, ὥσπερ τὸ
25 μουσικὸν ἐρώτημά φαμεν ἀγεωμέτρητον, ὅτι ἐξ ἄλλων
παντελῶς ὑποθέσεων ὥρμηται καὶ οὐκ ἐκ τῶν γεω-
μετρίας ἀρχῶν, ἢ τὸ ταῖς γεωμετρικαῖς ἀρχαῖς χρώμε-

1 τῶν αἰτημάτων om. G, τὰ αἰτήματα add. C. 14 αἱ
ὑπερβολαί, αἱ ἐλλείψεις, πάντα τὰ τοιαῦτα in M in trium dein-
ceps linearum extremis partibus sunt scripta, quarum linearum
reliquae partes sunt vacuae relictæ. Posteram manum vix agno-
veris, nec in B, est, quod suspicionem moveat. 17 ἀνάγειν C.

νον, ἀλλὰ διαστροφῶς, οἷον εἴ τις λέγοι τὰς παραλλή-
λους συμπίπτειν. καὶ διὰ ταῦτα ἄρα καὶ ἡ γεωμετρία
κριτήρια παραδίδωσιν ἡμῖν, ἀφ' ὧν δυνησόμεθα δια-
γινώσκειν τὰ τε ἐπόμενα ταῖς ἀρχαῖς αὐτῆς καὶ ὅσα
τὴν ἐκείνων ἀλήθειαν ἐκβαίνει. οἱ γὰρ τρόποι, καθ' 5
οὓς τὰ ψευδάρια διελέγχειν δυνατόν, ὅπη διημάρτηται,
ταύτην ἔχουσι τὴν ἐπαγγελίαν. ἄλλα γὰρ ἔπεται ταῖς
γεωμετρικαῖς ἀρχαῖς καὶ ἄλλα ταῖς ἀριθμητικαῖς. τί
γὰρ δεῖ λέγειν περὶ τῶν . . . πάμπολυ λείπονται τού-
των; ἀκριβεστέρα γὰρ ἐστὶν ἐπιστήμη ἄλλη ἄλλης, ὥς 10
φησιν Ἀριστοτέλης, ἥ τε ποικιλωτέραις ἀρχαῖς
χρωμένη τῆς ἐξ ἀπλουστέρων ὑποθέσεων ὠρμημένης
καὶ ἡ τὸ διότι λέγουσα τῆς τὸ ὅτι γινωσκούσης καὶ ἡ
περὶ νοητῶν πραγματευομένη τῆς τῶν αἰσθητῶν ἐφα-
πτομένης. καὶ κατὰ ταύτας τὰς ἀποδόσεις τῆς ἀκρι- 15
βείας ἀριθμητικὴ μὲν ἀκριβεστέρα γεωμετρίας — αἱ
γὰρ ἐκείνης ἀρχαὶ τῇ ἀπλότητι διαφέρουσιν. ἡ μὲν
γὰρ μονὰς ἄθετός ἐστιν, ἡ δὲ στιγμή θέσιν ἔχουσα,
καὶ ἀρχαὶ γεωμετρίας μὲν ἡ στιγμή προσλαβοῦσα τὴν
θέσιν, ἀριθμητικῆς δὲ ἡ μονάς — γεωμετρία δὲ σφαι- 20
ρικῆς καὶ ἀριθμητικὴ μουσικῆς — αὗται γὰρ τὰς
αἰτίας ἀποδιδόασιν καθόλου τῶν ὑπ' ἐκείνας θεωρη-
μάτων — γεωμετρία δὲ μηχανικῆς ἢ ὀπτικῆς, ὅτι περὶ

6 ὃ μὴ *G*, ὁπῇ *C*. 9 τῶν ὑπάμπολυ *M*; super *v* postera
manus scripsit οἷ, quod eadem manus etiam in margine ad-
scripsit; τῶν ἄλλων εἰ πάμπολυ *G*; τῶν ἄ πάμπολυ *B*₃; 'si ex
his multa sunt defectiva' *Z*; 'de aliis, . . . si quidem ab iis pluri-
mum distant' *B*. Ego coniecerim ab initio scriptum fuisse τῶν
ὑπὸ ταύτας ἐπιστημῶν, αἶ vel alia similia. 11 An. post. 1, 24.

12 ἐξ *B*₃ *G*, om. *M*. Dicendum fuisse ἥ τε ἐξ ἀπλουστέρων
ὑποθέσεων ὠρμημένη τῆς ποικιλωτέραις ἀρχαῖς χρωμένης vidit
Barocius. Dubium tamen est utrum lapsus calami auctori an scri-
bae sit tribuendus. || ὠρμουμένης *C*. 15 ἀποδείξεις *G*. 19 μὲν
γεωμετρίας *G*. 23 ἡ ὀπτικῆς om. *G*, καὶ ὀπτικῆς add. *C*.

αἰσθητῶν αὐταὶ ποιοῦνται τοὺς λόγους. αἱ μὲν οὖν ἀριθμητικῆς ἀρχαὶ καὶ γεωμετρίας τῶν ἄλλων || διαφέρουσιν, αἱ δὲ αὐτῶν τούτων ὑποθέσεις διεστήκασιν μὲν ἀπ' ἀλλήλων, καθ' ἣν εἵπομεν διάστασιν, ἔχουσιν
 5 δ' αὖ καὶ κοινωνίαν πρὸς ἀλλήλας, διὸ καὶ τῶν θεωρημάτων τῶν δεικνυμένων τὰ μὲν ἐστὶν αὐταῖς κοινὰ τὰ δὲ ἴδια ἐκατέρως. τὸ μὲν γὰρ πάντα λόγον εἶναι ῥητὸν ἀριθμητικῇ προσήκει μόνῃ, γεωμετρία δὲ οὐδαμῶς· εἰσὶ γὰρ ἐν αὐτῇ καὶ ἄρρητοι λόγοι. καὶ τὸ ὠρίσθαι κατὰ τὸ ἔλασσον τοὺς τῶν τετραγώνων γνώμονας ἀριθμητικῆς ἴδιον· ἐν γεωμετρίας γὰρ τὸ ἐλάχιστον ὅλως οὐκ ἔστιν. γεωμετρίας δὲ ἐστὶν ἐξαίρετα τὰ περὶ τὰς θέσεις — οἱ γὰρ ἀριθμοὶ θέσιν οὐκ ἔχουσιν — τὰ περὶ τὰς ἀφάς — ἐν γὰρ συνεχέσι τὸ ἄπτεσθαι
 15 — τὸ περὶ τὰς ἀλόγους — ὅπου γὰρ ἐπ' ἀπειρον ἡ διαίρεσις, ἐκεῖ καὶ τὸ ἄλογον. κοινὰ δὲ ἐστὶν ἀμφοτέρων τὰ κατὰ τὰς τομάς, οἷας Εὐκλείδης ἐν τῷ δευτέρῳ παραδίδωσι, πλὴν τῆς τὴν εὐθείαν εἰς ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνούσης. τῶν δ' αὖ κοινῶν τούτων θεωρημάτων τὸ μὲν ἀπὸ γεωμετρίας εἰς ἀριθμητικὴν μεταγεται, τὰ δὲ ἔμπαλιν ἀπὸ ἀριθμητικῆς εἰς γεωμετρίαν, τὰ δὲ ὁμοίως ἀμφοτέραις προσῆκεν ἀπὸ τῆς ὅλης μαθηματικῆς ἐπιστήμης εἰς | αὐτάς καθήκοντα. τὸ μὲν γὰρ ἐναλλάξ καὶ αἱ ἀναστροφαὶ τῶν
 25 λόγων καὶ αἱ συνθέσεις καὶ αἱ διαιρέσεις κατὰ τοῦτον τὸν τρόπον ἐστὶ κοινὸν ἀμφοτέραις, τὰ δὲ τῶν συμμετρῶν ἀριθμητικὴ μὲν θεωρεῖ πρῶτως, γεωμετρία δὲ δευτέρως ἐκείνην μιμουμένη. διὸ καὶ τὰ σύμμετρα

τούτῳ ταῦτα ἀφορίζεται, ὅσα λόγον ἔχει πρὸς ἄλληλα, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν ὡς τῆς συμμετρίας προηγου-
 μένως ἐν ἀριθμοῖς ὑφισταμένης. ὅπου γὰρ ἀριθμός, ἐκεῖ καὶ τὸ σύμμετρον, καὶ ὅπου τὸ σύμμετρον, καὶ ὁ
 ἀριθμός. τὰ γε μὴν τῶν τριγώνων καὶ τετραγώνων 5
 γεωμετρία μὲν θεωρεῖ πρώτως, κατ' ἀναλογίαν δὲ λα-
 βούσα παρ' αὐτῆς ἡ ἀριθμητικὴ· καὶ γὰρ ἐν τοῖς
 ἀριθμοῖς σχήματα κατ' αἰτίαν ἐστίν. ἐκ τῶν ἀποτε-
 λεσμάτων οὖν ὀρμηθέντες ἐπὶ τὰς αἰτίας αὐτῶν τὰς
 ἐν τοῖς ἀριθμοῖς μέτιμεν, καὶ ὅπου μὲν ἀπαράλλάκτως 10
 τὰ αὐτὰ συμπτώματα θεωροῦμεν, ὥσπερ ὅτι πᾶν πο-
 λίγωνον εἰς τρίγωνον διαλύεται, ὅπου δὲ τὸ σύνεγγυς
 ἀγαπῶμεν, οἷον εὐρόντες ἐν γεωμετρίας τετράγωνον
 τετραγώνου δίπλασιον, ἐν ἀριθμοῖς δὲ οὐκ ἔχοντες
 ἐνὸς δέοντός φαμεν ἄλλον ἄλλου διπλάσιον ὑπάρχειν, 15
 ὥσπερ τοῦ ἀπὸ τῆς πεντάδος ὁ ἀπὸ τῆς ἐπτάδος διπλά-
 σιος ἐνὸς δέοντος.

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλεον προηγάγομεν τὴν κοι-
 νωνίαν τὴν κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν δύο τούτων || ἐπι-
 στημῶν καὶ τὴν διαφορὰν παριστάντες. γεωμετρικοῦ 20
 γὰρ τὸ συνορᾶν τὰ μὲν κοινὰ θεωρήματα, ποίαις ἀρ-
 χαῖς ἔπεται κοιναῖς, τὰ δὲ ἴδια ποίαις, καὶ οὕτω τὰ τε
 ἀγεωμέτρητα καὶ τὰ γεωμετρικὰ διαιρεῖσθαι, καὶ τὰ
 μὲν εἰς ἄλλην, τὰ δὲ εἰς ἄλλην ἐπιστήμην ἄγειν.
 ἄνωθεν δὲ πάλιν ἐπιόντες κατίδωμεν τὴν ὅλην γεω- 25
 μετρίαν, ὅθεν τε ὥρμηται καὶ μέχρι τίνος πρόεισιν.
 οὕτω γὰρ τὸν ἐν αὐτῇ διάκοσμον τῶν λόγων θεασώ-

1 τούτων G. 9 τὰς ante αἰτίας om. G. 12 τρίγω-
 νον G. 15 ἄλλο G. 16 πεμπτάδος G. 18 ταῦτα] τὴν
 G, ταῦτα C. 23 θεωρεῖσθαι G, διαιρεῖσθαι C. 25 ἐπι-
 ιόντες . . . γεωμετρίαν om. G, add. C. 27 τὸν λόγον G,
 τῶν λόγων C.

μεθα. νοήσωμεν δὴ πᾶσι τοῖς οὖσιν αὐτὴν συμπαρ-
 εκτεινομένην καὶ πᾶσιν ἐπιβάλλουσιν τὰς ἑαυτῆς δια-
 νοήσεις καὶ πάντων ἐν ἑαυτῇ περιέχουσιν τὰ εἶδη,
 κατὰ μὲν τὸ ἀκρότατον αὐτῆς καὶ νοερώτατον τὰ ὄν-
 5 τως ὄντα περιαθροῦσαν καὶ δι' εἰκόνων ἀναδιδάσκου-
 σιν τὰς τε τῶν θείων διακόσμων ιδιότητας καὶ τὰς
 τῶν νοερῶν εἰδῶν δυνάμεις — ἔχει γὰρ καὶ τούτων
 τοὺς λόγους ἐν τοῖς οἰκείοις θεάμασι καὶ δείκνυσι,
 τίνα μὲν ἐστὶ τὰ θεοῖς ὡς προσήκοντα σχήματα, τίνα
 10 δὲ ταῖς πρῶταις οὐσίαις, τίνα δὲ ταῖς τῶν ψυχῶν ὑπο-
 στάσεσι — κατὰ δὲ τὰς μέσας γνώσεις ἀνελίττει τοὺς
 διανοητικούς λόγους καὶ ἑξαπλοῖ καὶ θεωρεῖ τὴν ἐν
 αὐτοῖς ποικιλίαν καὶ τὰς ὑπάρξεις αὐτῶν ἐκφαίνει καὶ
 τὰ περὶ αὐτοὺς πάθη, τὰς τε κοινωνίας αὐτῶν καὶ
 15 τὰς διαφορότητας, ἅφ' ὧν δὴ καὶ τὰς φανταστάς δια-
 μορφώσεις σχημάτων ἐν πέρασιν ὠρισμένοις περι-
 λαμβάνει καὶ ἀνάγει πρὸς τὴν οὐσιώδη τῶν λόγων
 ὑπόστασιν — κατὰ δὲ τὰς τρίτας τῆς διανοήσεως διεξ-
 ὅδους τὴν φύσιν ἐπισκοπεῖ καὶ τὰ εἶδη τῶν αἰσθη-
 20 τῶν στοιχείων καὶ τῶν περὶ αὐτὰ δυνάμεων, ὅπως
 κατ' αἰτίαν ἐν τοῖς λόγοις αὐτῆς προείληπται, παρα-
 δίδωσιν. ἔχει γὰρ εἰκόνας μὲν τῶν νοητῶν ὅλων γε-
 νῶν, παραδείγματα δὲ τῶν αἰσθητῶν, οὐσιώται δὲ
 κατὰ τὰ εἶδη τὰ διανοητὰ καὶ διὰ μέσων τούτων
 25 ἄννισί τε καὶ κάτεισιν ἐφ' ὅλα τὰ ὄντα καὶ τὰ γινό-
 μενα. γεωμετρικῶς δὲ περὶ τῶν ὄντων ἀεὶ φιλοσο-

4 καὶ τὰ, supra lineam κατὰ postera ut videtur manu M;
 καὶ κατὰ G. 11 στοιχειώσεις G, γνώσεις C. 16 ἐν πέρα-
 σιν ἐν πέρασιν M, ἐμπερασμοῖς G, ἐν πέρασιν ἐν περασμῶ C.

18 τρίτας M, τριτάς G, 'triplici' Z, 'tertias' B.

20 δυνάμιν G, δυνάμεων C. 21 αὐτοῖς G. 24 τὰ εἶδη
 om. G, add. C.

φουῖσα καὶ πρὸς τοῖς λόγοις ἅπασιν τῶν ἀρετῶν τὰς
 εἰκόνας περιέχει τῶν τε νοερῶν καὶ τῶν ψυχικῶν καὶ
 τῶν φυσικῶν καὶ πάσας ἐν τάξει παραδίδωσι τὰς τῶν
 πολιτειῶν διακοσμήσεις καὶ ἐν αὐτῇ δείκνυσιν τὰς ποι-
 κίλας αὐτῶν μεταβολάς, καὶ ταῦτα μὲν αὖτως καὶ 5
 γνωστικῶς ἐνεργοῦσα, τῆς δὲ ὕλης ἐφαπτομένη πολ-
 λὰς ἀφ' ἑαυτῆς || ἐπιστήμας ἐκδίδωσιν, οἷον τὴν γεω-
 δεσίαν, τὴν μηχανικὴν, τὴν ὀπτικὴν, δι' ὧν καὶ τὸν
 θνητὸν βίον εὐεργετεῖ. καὶ γὰρ πολεμιστήρια ὄργανα
 καὶ φυλακτήρια τῶν πόλεων διὰ τούτων κατεσκευ- 10
 ἄσατο καὶ τὰς τῶν ὥρῶν περιόδους γνωρίμους ἐποίη-
 σεν καὶ τὰς τῶν τόπων θέσεις, μέτρα τε ὑφηγήσατο
 τὰ μὲν τῶν κατὰ γῆν ὁδῶν, τὰ δὲ τῶν κατὰ θάλασ-
 σαν, ζυγὰ τε καὶ τρυτάνας ἐδημιούργησεν, ἀφ' ὧν
 τὴν κατ' ἀριθμὸν ἰσότητα ταῖς πόλεσι διηκρίβωσεν, 15
 τοῦ τε παντὸς κόσμου τὴν τάξιν δι' εἰκόνων ἐμφανῆ
 κατέστησεν καὶ πολλὰ τοῖς ἀνθρώποις ἀπὸ ἀπίστων
 ἀνέφηνε καὶ πιστὰ πᾶσιν ἔδειξεν· οἷον δὴ καὶ Ἰέρων
 ὁ Συρακούσιος εἰπεῖν λέγεται περὶ Ἀρχιμήδους, ὅτε
 τὴν τριάρμενον κατεσκεύασε ναῦν, ἣν παρεσκευάζετο 20
 πέμπειν Πτολεμαίῳ τῷ βασιλεῖ τῷ Αἰγυπτίῳ. πάν-
 των γὰρ ἅμα Συρακουσίῳ ἐλκῦσαι τὴν ναῦν οὐ δυ-
 ναμένων Ἀρχιμήδης τὸν Ἰέρωνα μόνον αὐτὴν κατ-
 αγαγεῖν ἐποίησεν. καταπλαγεῖς δὲ ἐκεῖνος Ἀπὸ ταύ-
 της, ἔφη, τῆς ἡμέρας περὶ παντὸς Ἀρχιμήδει λέ- 25
 γοντι πιστευτέον. τὸ δὲ αὐτὸ καὶ Γέλωνα φασιν
 εἰπεῖν, ἥνικα τοῦ στεφάνου μὴ λυθέντος, ὃν κατ-

2 τε om. G. 7 γεωμετρίαν, supra lineam postera manu
 δεσίαν M, γεωμετρίαν G, 'geometriam' Z, 'geodesiam' B.

11 καὶ post κατεσκευάσατο om M. || ὁρῶν G, ὥρῶν C.

21 τῶν Αἰγυπτίων G. 26 Γερίονα G, Γέλωνα C.

εσκεύασεν, τὴν ὅλην ἐκάστην ἀνεῦρεν τῶν συγκρα-
θεισῶν ὑλῶν.

Ταῦτα μὲν οὖν πολλοὶ τῶν πρεσβυτέρων ἀνέγρα-
ψαν, τὴν μαθηματικὴν ἐγκωμιάζειν προθέμενοι, καὶ
5 διὰ ταῦτα ὀλίγα ἀπὸ πολλῶν ἡμεῖς ἐν τούτοις παρε-
θέμεθα τὴν τῆς γεωμετρίας παντελῶς γνῶσιν καὶ ὠφέ-
λειαν ἐπιδεικνύντες· τὴν δὲ γένεσιν αὐτῆς τὴν ἐν τῇ
περιόδῳ ταύτῃ μετὰ ταῦτα λεκτέον. ὁ μὲν γὰρ δαι-
μόνιος Ἀριστοτέλης εἰπὼν τὰ αὐτὰ δοξά | σματα
10 πολλάκις εἰς ἀνθρώπους ἀφικνεῖσθαι κατὰ τινὰς τε-
ταγμένας περιόδους τοῦ παντός, καὶ μὴ καθ' ἡμᾶς
πρῶτον ἢ τοὺς ὑφ' ἡμῶν γνωσθέντας τὰς ἐπιστήμας
σύστασιν λαβεῖν, ἀλλὰ καὶ ἐν ἄλλαις περιφοραῖς οὐδ'
εἰπεῖν ὁπόσαις ταῖς τε γενομέναις καὶ ταῖς αὖτις ἐσο-
15 μέναις ἐφανῆναί τε καὶ ἀφανισθῆναι πάλιν αὐτάς.
ἐπεὶ δὲ χρὴ τὰς ἀρχὰς καὶ τῶν τεχνῶν καὶ τῶν ἐπι-
στημῶν πρὸς τὴν παροῦσαν περίοδον σκοπεῖν, λέγο-
μεν, ὅτι παρ' Αἰγυπτίοις μὲν εὗρησθαι πρῶτον ἢ
γεωμετρίαν παρὰ τῶν πολλῶν ἰστόρηται, ἐκ τῆς τῶν
20 χωρίων ἀναμετρήσεως λαβοῦσα τὴν γένεσιν. ἀναγ-
καία γὰρ ἦν ἐκείνοις αὕτη διὰ τὴν ἄνοδον τοῦ Νεί-
λου τοὺς προσήκοντας ὅρους ἐκάστοις ἀφανίζον-
τος. καὶ θανμαστὸν οὐδὲν ἀπὸ τῆς χρείας ἄρξασθαι
τὴν εὕρεσιν καὶ ταύτης καὶ τῶν ἄλλων ἐπιστημῶν,
25 ἐπειδὴ πᾶν τὸ || ἐν γενέσει φερόμενον ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς

6 παντελῶς] ἢ supra ὡς postera manu M. 8 δητέον G.
9 εἶπε G. 10 ἀφικνεῖσθαι G, ἀφικνεῖσθαι C. 11 μὴ
om. G. 13 τὴν σύστασιν G. 14 τε om. G, add. C.
16 τὰς ἀρχὰς καὶ] καὶ τὰς ἀρχὰς G. || καὶ τῶν ἐπιστημῶν
om. G. 19 παρὰ πολλῶν G, A. || ἰστόρηται G, ἰστορεῖται A.
20 ἀναμετρήσεως G, A, παραμετρήσεως M, C. 21 αὕτη
G, A. 22 ἐκάστοις ἀφανίζοντος ὅρους G, A.

εἰς τὸ τέλειον πρόεισιν. ἀπὸ αἰσθήσεως οὖν εἰς λογισμόν καὶ ἀπὸ τούτου ἐπὶ νοῦν ἢ μετάβασις γένοιτο ἂν εἰκότως. ὥσπερ οὖν παρὰ τοῖς Φοῖνιξιν διὰ τὰς ἐμπορείας καὶ τὰ συναλλάγματα τὴν ἀρχὴν ἔλαβεν ἡ τῶν ἀριθμῶν ἀκριβὴς γνῶσις, οὕτω δὴ καὶ παρ' 5
 Αἴγυπτίοις ἡ γεωμετρία διὰ τὴν εἰρημένην αἰτίαν εὗρηται. Θαλῆς δὲ πρῶτον εἰς Αἴγυπτον ἐλθὼν μετήγαγεν εἰς τὴν Ἑλλάδα τὴν θεωρίαν ταύτην καὶ πολλὰ μὲν αὐτὸς εὗρεν, πολλῶν δὲ τὰς ἀρχὰς τοῖς μετ' αὐτὸν ὑφηγησάτο, τοῖς μὲν καθολικώτερον ἐπι- 10
 βάλλων, τοῖς δὲ αἰσθητικώτερον. μετὰ δὲ τοῦτον Μάμερκος [?] ὁ Στησιχόρου τοῦ ποιητοῦ ἀδελφός, ὃς ἐφαψάμενος τῆς περὶ γεωμετρίας σπουδῆς μνημονεύεται, καὶ Ἰππίας ὁ Ἡλεῖος ἰστορήσεν ὥς ἐπὶ γεωμετρίᾳ δόξαν αὐτοῦ λαβόντος. ἐπὶ δὲ τούτοις 15
 Πυθαγόρας τὴν περὶ αὐτὴν φιλοσοφίαν εἰς σχῆμα παιδείας ἐλευθέρου μετέστησεν, ἄνωθεν τὰς ἀρχὰς αὐτῆς ἐπισκοπούμενος καὶ αὐλῶς καὶ νοερῶς τὰ θεωρήματα διερευνώμενος, ὃς δὴ καὶ τὴν τῶν ἀλόγων πραγματείαν καὶ τὴν τῶν κοσμικῶν σχημάτων σύστα- 20
 σιν ἀνεῦρεν. μετὰ δὲ τοῦτον Ἀναξαγόρας ὁ Κλαζο-

1 πρὸς τὸ τέλειον *G, A*, εἰς τὸ τέλειον *C*. 2 τούτου] *tas* mutatum in τούτου vel prima manu vel primae proxima *M*, τῆς *G*. 'ex hac' (consideratione) *Z*, 'ab hac' (consideratione) *B*. || ἐπὶ νοῦν] asteriscum posuit *G*, ἐπὶ νοῦν *M, B₃, C*.

4 ἐμπορείας *G, A*. 5 παρ'] περὶ *G, A*. 12 ἀμερι (^o*rasura*) *M*; postera manus *μ* praeposuit, 'in' et *ι* in *κ* mutavit; Ἀμεριστος *B₃, G, A*, 'Mamercus' et in margine 'aliter Ameristus' *Z*, 'Ameristus' *B*; *H₂* (p. 253) Μαμέρτιος (μαρμέρτιος, μαρμέτιος). Ego correctorem codicis *M* sequor, cum apud Suidam sub voce Στησίχορος Stesichori frater Μαμερτίνος appelletur, quod nomen ex compendio nominis Μάμερκος ortum esse veri non dissimile est. 13 γεωμετρίας *G, A*, γεωμετρίαν *C*. 15 γεωμετρίαν *M, C*, γεωμετρίας *G*. 17 ἄνωθεν δὲ *C*. 19 'alii ἀναλόγων' *A*.

μένιος πολλῶν ἐφήψατο τῶν κατὰ γεωμετρίαν καὶ
 Οἰνοπίδης ὁ Χῖος, ὀλίγω νεώτερος ὢν Ἀναξαγόρου,
 ὦν καὶ ὁ Πλάτων ἐν τοῖς ἀντερασταῖς ἐμνημόνευσεν
 ὥς ἐπὶ τοῖς μαθήμασι δόξαν λαβόντων. ἐφ' οἷς Ἴππο-
 5 κράτης ὁ Χῖος ὁ τὸν τοῦ μηνίσκου τετραγωνισμόν
 εὗρων, καὶ Θεόδωρος ὁ Κυρηναιὸς ἐγένοντο περὶ
 γεωμετρίαν ἐπιφανεῖς. πρῶτος γὰρ ὁ Ἴπποκράτης τῶν
 μνημονευομένων καὶ στοιχεῖα συνέγραψεν. Πλάτων
 δ' ἐπὶ τούτοις γενόμενος μερίστην ἐποίησεν ἐπίδοσιν
 10 τὰ τε ἄλλα μαθήματα καὶ τὴν γεωμετρίαν λαβεῖν διὰ
 τὴν περὶ αὐτὰ σπουδὴν, ὅς που δηλὸς ἐστὶ καὶ τὰ
 συγγράμματα τοῖς μαθηματικοῖς λόγοις καταπυκνώσας
 καὶ πανταχοῦ τὸ περὶ αὐτὰ θαῦμα τῶν φιλοσοφίας
 ἀντεχομένων ἐπεγείρων. ἐν δὲ τούτῳ τῷ χρόνῳ καὶ
 15 Λεωδάμας ὁ Θάσιος ἦν καὶ Ἀρχύτας ὁ Ταραντῖνος
 καὶ Θεαίτητος ὁ Ἀθηναῖος, παρ' ὧν ἐπηυξήθη τὰ
 θεωρήματα καὶ προῆλθεν εἰς ἐπιστημονικωτέραν σύ-
 στασιν. Λεωδάμαντος δὲ νεώτερος ὁ Νεοκλείδης
 καὶ ὁ τούτου μαθητὴς Λέων, οἱ πολλὰ προσευπόρη-
 20 σαν τοῖς πρὸ αὐτῶν, ὥστε τὸν Λέοντα καὶ τὰ στοιχεῖα
 συνθεῖναι τῷ τε πλήθει καὶ τῇ χρεῖα τῶν δεικνυμέ-
 νων ἐπιμελέστερον, καὶ διορισμοὺς εὗρεῖν, πότε δυνα-

1 τῶν om. G, A. 2 Post Χῖος addidit G: ὁ τὴν τοῦ μη-
 νίσκου τετραγωνισμόν εὗρων καὶ Θεόδωρος ὁ Κυρηναιὸς, quae
 verba delenda notavit C. Ex sequentibus verbis falso huc ea
 esse illata vidit Eduardus Zeller in diatribe de Hermodoro
 Ephesio et Hermodoro Platonico. Marburgi MDCCCLIX. pag.
 12—13. || τοῦ Ἀναξαγόρου G, A. 3 Plato p. 132 A.
 9 τούτου G, A. 10 τὴν ante γεωμετρίαν om. M. 11 αὐτὴν
 G, A, αὐτὰ C. || ὅς που] ὅσπερ A. 13 θαυμαστὸν φιλοσο-
 φίας ἀντεχόμενον G, A, 'id quod circa ipsam mirabile est ex-
 citans in eos qui in philosophia repugnant' Z. 'excitando,
 quod in ipsis mirabile est, Philosophiamque attingit' B. θαυ-
 ματῶν φιλοσοφίας ἀντεχομένων B₃. 15 Λεοδάμος (λεοδάμας)
 H₂ p. 253. 19 προσεπόρισαν G, A. 22 διορισμόν G, A.

τόν ἐστι τὸ ζητούμενον πρόβλημα καὶ πότε ἀδύνατον.
 Εὐδόξος δὲ ὁ Κνίδιος, Λέοντος μὲν ὀλίγῳ νεώτερος,
 ἑταῖρος δὲ τῶν περὶ Πλάτωνα γενόμενος, πρῶτος ||
 τῶν καθόλου καλουμένων θεωρημάτων τὸ πλῆθος
 ἠΐξησεν καὶ ταῖς τρισὶν ἀναλογίαις ἄλλας τρεῖς προσ- 5
 ἔθηκεν καὶ τὰ περὶ τὴν τομὴν ἀρχὴν λαβόντα παρὰ
 Πλάτωνος εἰς πλῆθος προήγαγεν καὶ ταῖς ἀναλύσεσιν
 ἐπ' αὐτῶν χρησάμενος. Ἀμύκλας δὲ ὁ Ἡρακλεώτης,
 εἰς τῶν Πλάτωνος ἑταίρων καὶ Μέναιχμος ἀκροα-
 τῆς ὦν Εὐδόξου καὶ Πλάτωνι δὲ συγγεγονῶς καὶ ὁ 10
 ἀδελφὸς αὐτοῦ Δεινόστρατος ἔτι τελεωτέραν ἐποίη-
 σαν τὴν ὅλην γεωμετρίαν. Θεόδιος δὲ ὁ Μάγνης ἔν-
 τε τοῖς μαθήμασιν ἔδοξεν εἶναι διαφέρων καὶ κατὰ
 τὴν ἄλλην φιλοσοφίαν· καὶ γὰρ τὰ στοιχεῖα καλῶς συν-
 ἔταξεν καὶ πολλὰ τῶν ὀρικῶν [?] καθολικώτερα ἐποίη- 15
 σεν. καὶ μέντοι καὶ ὁ Κυζικηνὸς Ἀθήναιος κατὰ
 τοὺς αὐτοὺς γεγονῶς χρόνους καὶ ἐν τοῖς ἄλλοις μὲν
 μαθήμασι, μάλιστα δὲ κατὰ γεωμετρίαν ἐπιφανὴς ἐγέ-
 νετο. διῆγον οὖν οὗτοι μετ' ἀλλήλων ἐν Ἀκαδημίᾳ
 κοινὰς ποιούμενοι τὰς ζητήσεις. Ἐρμότιμος δὲ ὁ 20
 Κολοφώνιος τὰ ὑπ' Εὐδόξου προηυπορημένα καὶ
 Θεαιτήτου προήγαγεν ἐπὶ πλεον καὶ τῶν στοιχείων
 πολλὰ ἀνεῦρε καὶ τῶν τόπων τινὰ συνέγραψεν. Φί-
 λιππος δὲ ὁ Μενδαῖος, Πλάτωνος ὦν μαθητῆς καὶ

4 καλουμένων om. G, A. 9 μόναιχμος M. 15 μερικῶν M,
 sed με in rasura postera manus adscripsit; ὀρικῶν B₃, G, A, 'par-
 ticularia' Z, 'particularium' B. 16 ὁ κυζικηνὸς ἀθηναῖος,
 ^ supra αι rasura deleto, M, ὁ Κυζικῖνος (κυζικηνὸς B₃) ἀθηναῖος
 G, A, B₃, 'Cyzinus atheniensis' Z, 'Cyzicinus Atheniensis' B. Ar-
 ticulus ὁ ubique nomini adiectivo appositus ostendit mathema-
 ticum illum Athenaeum nominandum et ex urbe Cyzico ortum
 putandum esse. 18 καταφανῆς G, A, ἐπιφανῆς C.

19 Ἀκαδημεία G, A. 21 ὑπὲρ G. 24 μενταῖος, postera
 manu δ super τ scripto, M; μεταῖος G, Μεταῖος (Μεδμαῖος) A,

ὑπ' ἐκείνου προτραπείς εἰς τὰ μαθήματα, καὶ τὰς ζη-
 τήσεις ἐποιεῖτο κατὰ τὰς Πλάτωνος ὑφηγήσεις καὶ
 ταῦτα προύβαλλεν ἑαυτῷ, ὅσα ᾔετο τῇ Πλάτωνος φι-
 λοσοφίᾳ συντελεῖν. οἱ μὲν οὖν τὰς ἱστορίας ἀναγρά-
 5 ψαντες μέχρ' αὐτοῦ προάγουσι τὴν τῆς ἐπιστήμης
 ταύτης τελείωσιν. οὐ πόλυ δὲ τούτων νεώτερός ἐστιν
 Εὐκλείδης | ὁ τὰ στοιχεῖα συναγαγὼν καὶ πολλὰ
 μὲν τῶν Εὐδόξου συντάξας, πολλὰ δὲ τῶν Θεαιτήτου
 τελεωσάμενος, ἔτι δὲ τὰ μαλακώτερον δεικνύμενα τοῖς
 10 ἔμπροσθεν εἰς ἀνελέγκτους ἀποδείξεις ἀναγαγὼν. γέ-
 γονε δὲ οὗτος ὁ ἀνὴρ ἐπὶ τοῦ πρώτου Πτολεμαίου·
 καὶ γὰρ ὁ Ἀρχιμήδης ἐπιβαλὼν καὶ τῷ πρώτῳ μνη-
 μονεύει τοῦ Εὐκλείδου, καὶ μέντοι καὶ φασιν ὅτι
 Πτολεμαῖος ἤρετό ποτε αὐτόν, εἰ τίς ἐστιν περὶ γεω-
 15 μετρίας ὁδὸς συντομωτέρα τῆς στοιχειώσεως· ὁ δὲ
 ἀπεκρίνατο, μὴ εἶναι βασιλικὴν ἀτραπὸν ἐπὶ γεωμε-
 τρίᾳ. νεώτερος μὲν οὖν ἐστὶ τῶν περὶ Πλάτωνα,
 πρεσβύτερος δὲ Ἐρατοσθένης καὶ Ἀρχιμήδης. οὗτοι
 γὰρ σύγχρονοι ἀλλήλοις, ὥς πού φησιν Ἐρατοσθέ-
 20 νης. καὶ τῇ προαιρέσει δὲ Πλατωνικός ἐστὶ καὶ τῇ
 φιλοσοφίᾳ ταύτῃ οἰκεῖος, ὅθεν δὴ καὶ τῆς συμπάσης
 στοιχειώσεως τέλος προεστήσατο τὴν τῶν καλουμένων
 Πλατωνικῶν σχημάτων σύστασιν. πολλὰ μὲν οὖν καὶ
 ἄλλα τοῦ ἀνδρὸς τούτου μαθηματικὰ συγγράμματα ||

μενταῖος *B*₃, *C*. Nesselmann (p. 6 annot. 13) formam *Μεδμαῖος*
 veram putare mavult. 'maeteus' *Z*, 'Mendaeus' *B*. 11 Πτο-
 λεμαίου (πτολεμαίου) *H*₂ p. 253. 12 Ἀρχιμήδης καὶ ἐν τῷ
 πρώτῳ omisso ἐπιβαλὼν *G*, *A*, 'Archimedes quoque in libro
 primo' *Z*, 'Archimedes in primo et in aliis libris' *B*. *B*₃ con-
 sentit cum *M*. 13 Εὐκλείδους, omisso τοῦ, *G*, *A*. 14 εἴρετο
M, *C*. 15—16 ὁδὸς . . . γεωμετρίαν om. *G*, add. *C*, aliter
 lacunam explevit *A*. 18 πρεσβύτερος] ἀρχαιότερος *H*₂ p. 253.

19 ὥσπερ καὶ φησιν *G*, *A*.

θαυμαστῆς ἀκριβείας καὶ ἐπιστημονικῆς θεωρίας
 μεστὰ. τοιαῦτα γὰρ καὶ τὰ ὀπτικά καὶ τὰ κατοπτρικά,
 τοιαῦται δὲ καὶ αἱ κατὰ μουσικὴν στοιχειώσεις, ἔτι δὲ
 τὸ περὶ διαιρέσεων βιβλίον. διαφερόντως δ' ἂν τις
 αὐτὸν ἀγασθεῖη κατὰ τὴν γεωμετρικὴν στοιχείωσιν ⁵
 τῆς τάξεως ἕνεκα καὶ τῆς ἐκλογῆς τῶν πρὸς τὰ στοι-
 χεῖα πεποιημένων θεωρημάτων τε καὶ προβλημάτων.
 καὶ γὰρ οὐχ ὅσα ἐνεχώρει λέγειν ἀλλ' ὅσα στοιχειοῦν
 ἡδύνατο παρείληφεν, ἔτι δὲ τοῖς τῶν συλλογισμῶν
 παντοίους τρόπους, τοὺς μὲν ἀπὸ τῶν αἰτίων λαμβά- ¹⁰
 νοντας τὴν πίστιν, τοὺς δὲ ἀπὸ τεκμηρίων ὠρμημέ-
 νους, πάντας δὲ ἀνελέγκτους καὶ ἀκριβεῖς καὶ πρὸς
 ἐπιστήμην οἰκείους, πρὸς δὲ τούτοις τὰς μεθόδους
 ἀπάσας τὰς διαλεκτικὰς, τὴν μὲν διαιρετικὴν ἐν ταῖς
 εὐρέσεσι τῶν εἰδῶν, τὴν δὲ ὀριστικὴν ἐν τοῖς οὐσιώ- ¹⁵
 δεσι λόγοις, τὴν δὲ ἀποδεικτικὴν ἐν τοῖς ἀπὸ τῶν
 ἀρχῶν εἰς τὰ ζητούμενα μεταβάσεσι, τὴν δὲ ἀναλυτι-
 κὴν ἐν ταῖς ἀπὸ τῶν ζητουμένων ἐπὶ τὰς ἀρχὰς ἀνα-
 στροφαῖς. καὶ μὴν καὶ τὰ ποικίλα τῶν ἀντιστροφῶν
 εἶδη τῶν τε ἀπλουστέρων καὶ τῶν συνθετωτέρων ἱκα- ²⁰
 νῶς ἐστὶν ἐν τῇ πραγματείᾳ ταύτῃ διηκριβωμένα θεω-
 ρεῖν, καὶ τίνα μὲν ὅλα ὅλοις ἀντιστρέφειν δύναται,
 τίνα δὲ ὅλα μέρεσι καὶ ἀνάπαλιν, τίνα δὲ ὡς μέρος
 μέρεσιν. ἔτι δὲ λέγομεν τὴν συνέχειαν τῶν εὐρέσεων,
 τὴν οἰκονομίαν καὶ τὴν τάξιν τῶν τε προηγουμένων ²⁵
 καὶ τῶν ἐπομένων, τὴν δύναμιν, μεθ' ἧς ἕκαστα παρα-
 δίδωσιν. ἢ καὶ τὸ τυχόν προσθεῖς ἢ ἀφελὼν οὐκ ἐπι-
 στήμης λανθάνεις ἀποπεσὼν καὶ εἰς τὸ ἐναντίον ψεῦδος

15—17 τῶν εἰδῶν . . . μεταβάσεσι om. G, add. C.

22 Post ὅλοις ἂν addit M. 23—24 καὶ ἀνάπαλιν . . . μέρε-
 σιν om. G, add. C. 28 λανθάνει G, λανθάνεις C.

καὶ τὴν ἄγνοιαν ὑπενεχθεῖς; ἐπειδὴ δὲ πολλὰ φαν-
τάζεται μὲν ὡς τῆς ἀληθείας ἀντεχόμενα καὶ ταῖς ἐπι-
στημονικαῖς ἀρχαῖς ἀκολουθοῦντα, φέρεται δὲ εἰς τὴν
ἀπὸ τῶν ἀρχῶν πλάνην καὶ τοὺς ἐπιπολαιότερους
5 ἑξαπατᾶ, μεθόδους παραδέδωκεν καὶ τῆς τούτων δι-
ορατικῆς φρονήσεως, ἃς ἔχοντες γυμνάξειν μὲν δυνη-
σόμεθα τοὺς ἀρχομένους τῆς θεωρίας ταύτης πρὸς
τὴν εὐρεσιν τῶν παραλογισμῶν, ἀνεξαπάτητοι δὲ δια-
μένειν. καὶ τοῦτο δὴ τὸ σύγγραμμα, δι' οὗ τὴν παρα-
10 σκευὴν ἡμῖν ταύτην ἐντίθησι, Ψευδαρίων ἐπέγραψεν,
τρόπους τε αὐτῶν ποικίλους ἐν τάξει διαριθμησάμενος
καὶ καθ' ἕκαστον γυμνάσας ἡμῶν τὴν διάνοιαν παν-
τοίοις θεωρήμασι καὶ τῷ ψεύδει τὸ ἀληθὲς παραθεῖς
καὶ τῇ πείρᾳ τὸν ἔλεγχον τῆς ἀπάτης συναρμόσας.
15 τοῦτο μὲν οὖν τὸ βιβλίον καθαριστικόν ἐστι καὶ γυμνα-
στικόν, ἡ δὲ στοιχειώσις αὐτῆς τῆς ἐπιστημονικῆς
θεωρίας τῶν ἐν γεωμετρίας πραγμάτων ἀνέλεγκτον
ἔχει καὶ τελείαν ὑφήγησιν.

|| Τίς οὖν ὁ σκοπὸς τῆς πραγματείας ταύτης ἴσως
20 ἐρήσεται τις, ἐγὼ δὴ καὶ πρὸς τοῦτον εἴπομι ἄν, ὅτι
διοριστέον ἐστὶν τὴν πρόθεσιν κατὰ τε τὰ πράγματα,
περὶ ὧν αἱ ζητήσεις, καὶ κατὰ τὸν μανθάνοντα. καὶ
πρὸς μὲν αὐτὰ τὰ ὑποκείμενα βλέποντες λέγομεν, ὡς
ἄρα περὶ τῶν κοσμικῶν σχημάτων ἐστὶν ὁ σύμπας τῷ
25 γεωμέτρῳ λόγος, ἀρχόμενος μὲν ἀπὸ τῶν ἀπλῶν, τε-
λευτῶν δὲ εἰς τὴν ποικιλίαν τῆς τούτων συστάσεως,
καὶ χωρὶς μὲν ἕκαστα ὑφιστάς, ὁμοῦ δὲ τὰς εἰς τὴν

1 καὶ τὴν] ἢ G. || φαντάζει M, G. 5 τούτων om. A.
13 καὶ τῷ] τῷ δὲ G, A, καὶ τῷ C. 14 συναρμόσαντες G,
συναρμόσας C, A. 19 πραγματείας] θεωρίας τῷ ἐν γεωμετρίας
πραγμάτων G, πραγματείας C. 20 δὲ G, δὴ C. 26 τὴν om. G.

σφαῖραν αὐτῶν ἐγγραφὰς καὶ τοὺς λόγους οὓς ἔχει
 πρὸς ἄλληλα παραδιδούς. διὸ καὶ τῶν καθ' ἕκαστα
 βιβλίων τοὺς σκοποὺς τινες ἐπὶ τὸν κόσμον ἀναφέ-
 ρειν ἠξίωσαν καὶ τὴν χρεῖαν αὐτῶν, ἣν παρέχεται
 πρὸς τὴν τοῦ παντὶς θεωρίαν ἀνέγραψαν. πρὸς δὲ 5
 τὸν μανθάνοντα διοριζόμενοι τὸν σκοπὸν αὐτὸ τοῦτο,
 ὃ λέγεται, στοιχειῶσιν αὐτῷ προκεῖσθαι φήσομεν καὶ
 τελειῶσιν τῆς τῶν μανθανόντων διανοίας πρὸς τὴν
 σύμπασαν γεωμετρίαν. ἀπὸ γὰρ τούτων ὁρμώμενοι
 καὶ τὰ ἄλλα γινῶναι δυνησόμεθα τῆς ἐπιστήμης ταύ- 10
 τῆς μέρη, καὶ τὴν ποικιλίαν τὴν ἐν αὐτῇ περιλαβεῖν
 ἄνευ τούτων ἀδύνατον ἡμῖν ἔστιν καὶ ἄληπτος ἢ τῶν
 ἄλλων μάθησις. τὰ γὰρ ἀρχοειδέστατα καὶ ἀπλούστατα
 θεωρήματα καὶ συγγενέστατα ταῖς πρώταις ὑποθέσε-
 σιν ἐνταῦθα συνήθροισται τάξιν λαβόντα τὴν πρέπου- 15
 σαν καὶ αἱ τῶν ἄλλων ἀποδείξεις τούτοις ὡς γνωρι-
 μωτάταις χρῶνται καὶ ἀπὸ τούτων ὥρμηνται. καθάπερ
 δὴ καὶ ὁ Ἀρχιμήδης ἐν τοῖς περὶ σφαίρας καὶ κυ-
 λίνδρου καὶ Ἀπολλώνιος καὶ οἱ ἄλλοι πάντες φαί-
 νονται τοῖς ἐν αὐτῇ τῇ πραγματείᾳ δεδειγμένοις [ὥς] 20
 ἀρχαῖς ὁμολογουμέναις χρώμενοι.

Σκοπὸς μὲν οὖν οὗτος, στοιχειῶσαί τε πρὸς τὴν
 ὅλην ἐπιστήμην τοὺς μανθάνοντας καὶ τῶν κοσμικῶν
 σχημάτων διωρισμένους παραδοῦναι | συστάσεις. αὐτὸ
 δὲ τοῦτο τὸ τῆς στοιχειώσεως ὄνομα καὶ τὸ τοῦ στοι- 25
 χείου, παρ' ὃ καὶ ἡ στοιχειώσις, τίνα ἂν || ἔχοι λόγον;
 ἵνα δὴ καὶ περὶ τῆς ἐπιγραφῆς τι | ζητήσωμεν. τῶν

4 παρέσχετο G, παρέχετο C. 11 περιβαλεῖν, sed prima
 ut videtur manu mutatum in περιλαβεῖν M, περιβαλεῖν G,
 'comprehendere' B. 12 καὶ ἄνευ G. || ἀδύνατος G. || ἔστιν
 om. G. 19 φαίνονται om. G, A. 20 ὥς ego addidi; M, B₃, G,
 (Z) om., 'tamquam evidentibus' B. 27 γραφῆς G.

τοίνυν θεωρημάτων τὰ μὲν εἰώθασι στοιχεῖα καλεῖν,
 τὰ δὲ στοιχειώδη, τὰ δὲ ἔξω τῆς τούτων ἀφορίζεται
 δυνάμεως. στοιχεῖα μὲν οὖν ἐπονομάζονται, ὧν ἡ
 θεωρία διικνεῖται πρὸς τὴν τῶν ἄλλων ἐπιστήμην,
 5 καὶ ἀφ' ὧν παραγίνεται ἡμῖν τῶν ἐν αὐτοῖς ἀπόρων
 ἢ διάλυσις. ὥς γὰρ τῆς ἐγγραμμάτου φωνῆς εἰσιν
 ἀρχαὶ πρῶται καὶ ἀπλούσταται καὶ ἀδιαίρετοι, αἷς τὸ
 ὄνομα τῶν στοιχείων ἐπιφημίζομεν, καὶ πᾶσα λέξις
 ἐκ τούτων ὑφέστηκεν καὶ πᾶς λόγος, οὕτω δὲ καὶ τῆς
 10 ὅλης γεωμετρίας ἐστὶ τινὰ θεωρήματα προηγούμενα
 καὶ ἀρχῆς λόγον ἔχοντα πρὸς τὰ ἐφεξῆς καὶ διήκοντα
 διὰ πάντων καὶ παρεχόμενα πολλῶν ἀποδείξεις συμ-
 πτωμάτων, ἃ δὲ στοιχεῖα προσαγορεύουσι. στοι-
 χειώδη δ' ἐστὶν ὅσα διατείνει μὲν ἐπὶ πλείω καὶ τὸ
 15 ἀπλοῦν ἔχει καὶ τὸ χαρίεν, οὐκέτι μὴν καὶ τὴν τῶν
 στοιχείων [ἀξίαν] τῷ μὴ πρὸς πᾶσαν αὐτῶν τὴν ἐπι-
 στήμην κοινὴν εἶναι τὴν θεωρίαν, οἷον τοῖς τριγώνοις
 τὰς ἀπὸ τῶν γωνιῶν καθέτους ἐπὶ τὰς πλαγίας καθ'
 ἓν σημεῖον συμπίπτειν. ὅσα τε μήτε εἰς πλῆθος ἔχει
 20 διήκουσαν τὴν γνῶσιν μήτε αὖ γλαφυρόν τι προφαί-
 νει καὶ χαρίεν, ταῦτα καὶ τῆς τῶν στοιχειωδῶν ἔξω
 πίπτει δυνάμεως.

Πάλιν δὲ τὸ στοιχεῖον λέγεται διχῶς, ὥς φησὶν ὁ
 Μέναιχμος. καὶ γὰρ τὸ κατασκευάζον ἐστὶ τοῦ κατα-
 25 σκευαζομένου στοιχεῖον, ὥς τὸ πρῶτον παρ' Εὐκλείδῃ
 τοῦ δευτέρου, καὶ τοῦ πέμπτου τὸ τέταρτον. οὕτω
 δὲ καὶ ἀλλήλων εἶναι πολλὰ στοιχεῖα ῥηθήσεται· κατα-

3 ἐπονομάζεται G, A. p. 307.

12 περιεχόμενα A.

15 τὴν om. G, A. 16 ἀξίαν om. M, B₃, G, A; 'eiusdem ... dignitatis' B. Z οὐκέτι ... θεωρίαν non est interpretatus.

22 πίπτειν G, A.

25 στοιχεῖον om. G. || Εὐκλείδῃ M. Εὐκλείδει G. 27 δὴ G.

σκευάζεται γὰρ ἐξ ἀλλήλων. δέκνυνται γὰρ καὶ ἐκ τοῦ τέτρασιν ὀρθαῖς εἶναι ἴσας τὰς ἔξω τῶν εὐθυγράμμων γωνίας τὸ πλῆθος τῶν ἐντὸς ὀρθαῖς ἴσων καὶ ἀνάπαλιν ἐκ τούτου ἐκεῖνο. καὶ ἔοικεν λήμματι τὸ τοιοῦτο στοχεῖον. ἄλλως δὲ λέγεται στοιχεῖον, εἰς 5 ὃ ἀπλούστερον ὑπάρχον διακρίεται τὸ σύνθετον· οὕτως δὲ οὐ πᾶν ἐτι ῥηθῆσεται παντὸς στοιχεῖον, ἀλλὰ τὰ ἀρχοειδέστερα τῶν ἐν ἀποτελέσματος λόγῳ τεταγμένων, ὥσπερ τὰ αἰτήματα στοιχεῖα τῶν θεωρημάτων. κατὰ δὲ τοῦτο τοῦ στοιχείου τὸ σημαινόμενον καὶ τὰ 10 παρ' Εὐκλείδῃ στοιχεῖα συνετάχθη, τὰ μὲν τῆς περὶ τὰ ἐπίπεδα γεωμετρίας, τὰ δὲ τῆς στερεομετρίας. οὕτω δὲ καὶ ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς καὶ ἐν τοῖς ἀστρονομικοῖς στοιχειώσεις πολλοὶ συνέγραψαν.

Ἔστι δὲ τοῦτο χαλεπὸν καὶ τὸ ἐκλέξασθαι καὶ 15 τάξαι κατὰ τρόπον τὰ στοιχεῖα καθ' ἐκάστην ἐπιστήμην, || ἀφ' ὧν τὰ ἄλλα προάγεται πάντα καὶ εἰς ἃ τὰ ἄλλα ἀναλύεται. καὶ τῶν ἐπιχειρησάντων οἱ μὲν πλείω, οἱ δὲ ἐλάττω συναγαγεῖν ἠδυνήθησαν, καὶ οἱ μὲν βραχυτέrais ἀποδείξεσιν ἐχρήσαντο, οἱ δὲ εἰς μῆκος ἀπε- 20 ραντον ἐξέτειναν τὴν θεωρίαν, καὶ οἱ μὲν τὸν δι' ἀδυνάτου τρόπον ἐξέκλιναν, οἱ δὲ τὴν ἀναλογίαν, οἱ δὲ προκατασκευὰς ἐμηχανήσαντο πρὸς τοὺς ἀναιροῦντας τὰς ἀρχάς, καὶ ὅλως πολλοὶ τινες εὗρηνται τρό- 25 ποι τῆς στοιχειώσεως ἐκάστοις. δεῖ δὲ τὴν τοιαύτην πραγματείαν πᾶν μὲν ἀπεσκευάσθαι τὸ περιττόν —

3 ἴσων] δύο ἴσον G. 5 ἄλλως δὲ λέγεται στοιχεῖον om. G, add. C. 7 παντὸς] παν τὸ prima manu, et supra lineam παντὸς postera manu M, τὸ G. 8 ἀρχοειδέστερα G, ἀρχοειδέστερα C. || ἀποτελέσματι G. 11 Εὐκλείδους G. 12 τὰ δὲ τῆς στερεομετρίας om. G. || οὕτω δὲ G. 21 τὰς θεωρίας G, || τὸν ἀδύνατον G.

ἐμπόδιον γὰρ τοῦτο πρὸς τὴν μάθησιν — ἐκλέγειν
 δὲ τὰ συνέχοντα πάντα καὶ συνάγοντα τὸ προκείμενον
 — ἀνυσιμώτατον γὰρ τοῦτο πρὸς τὴν ἐπιστήμην —
 5 σαφηνείας δ' ἅμα καὶ συντομίας πολλὴν πεποιῆσθαι
 πρόνοιαν — τὰ γὰρ ἐναντία τούτων ἐπιθολοῖ τὴν
 διάνοιαν ἡμῶν — τῆς τε τῶν θεωρημάτων ἐν πέραςι
 καθολικοῖς περιλήψεως ἀντειλήφθαι — τὰ γὰρ εἰς
 τὰ μερικώτερα τεμαχίζοντα τὴν διδασκαλίαν δυσπερί-
 ληπτον ἀπεργάζεται τὴν γνῶσιν. κατὰ πάντας δὲ τού-
 10 τούς τοὺς τρόπους εὗροι τις ἂν τὴν Εὐκλείδου
 στοιχειώσιν τῶν ἄλλων διαφέρουσιν· τὸ μὲν γὰρ
 χρήσιμον αὐτῆς εἰς τὴν περὶ τῶν ἀρχικῶν σχημάτων
 συντελεῖ θεωρίαν, τὸ δὲ σαφὲς καὶ διηρθρωμένον ἢ
 ἀπὸ τῶν ἀπλουστέρων ἐπὶ τὰ ποικιλώτερα μετάβασις
 15 ἀπεργάζεται καὶ ἢ ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν καταβολὴ
 τῆς θεωρίας, τὸ δὲ καθολικὸν τῆς ἀποδείξεως ἢ διὰ
 τῶν πρώτων θεωρημάτων καὶ ἀρχοειδῶν ἐπὶ τὰ ζη-
 τούμενα μετάβασις. καὶ γὰρ ὅσα παραλιμπάνειν δοκεῖ,
 ἢ ταῖς αὐταῖς ἐφόδοις γίνεται γνώριμα [τοῖς εἰρημέ-
 20 νοις?], ὥσπερ ἢ σύστασις τοῦ σκαληνοῦ καὶ ἰσοσκε-
 λοῦς, ἢ ὡς ἀμήχανον εἰσάγοντα καὶ ἀπέραντον ποικι-
 λίαν ἀλλότρια τῆς τῶν στοιχείων ἐστὶν ἐκλογῆς, ὥσπερ
 τὰ περὶ τῶν ἀτάκτων ἀλόγων, ἃ ὁ Ἀπολλώνιος ἐπὶ
 πλέον ἐξεργάσατο, ἢ ὡς αἰτίων τῶν παραδεδομένων
 25 ἔχει τὴν σύστασιν, ὥσπερ τὰ εἶδη τῶν γωνιῶν τὰ

1 μάθησιν] ἐπιστήμην G. 3 ἀνυσιμώτατον C. 7 καθ-
 ολικῆς B₃, G, 'universalis comprehensionis' Z, 'universalem
 comprehensionem' B. 10 Εὐκλείδους G. 11 διαφοροῦσαν,
 é supra o prima fortasse manu M. 13 ἢ supra lineam M,
 om. G. 19 γνώριμα· τῶν ὥσπερ M, γνώριμα τῶν ὅσπερ B₃,
 γνώριμα, ὥσπερ G, 'nota: sicut' Z, 'cognita fiunt, ut' B. Veri-
 similius autem videtur excidisse τοῖς εἰρημένοις vel simile
 quid. 21 ὡς εἰς ἀμήχανον G. 24 παραδιδόμενων G.

πολλὰ καὶ τῶν γραμμῶν. ταῦτα γὰρ παραλέλειπται
μὲν καὶ παρ' ἄλλοις ἔτυχε λόγου πλείονος, ἔχει δὲ τὴν
γνώσιν ἀπὸ τῶν ἀπλῶν. τοσαῦτα περὶ τῆς ὅλης στοι-
χειώσεως εἴχομεν ἀναγράφειν.

Τὴν δὲ σύμπασαν οἰκονομίαν τῶν ἐν αὐτῇ λόγων ⁵
ᾧδε πως || ἀναδιδάξομεν. ἐπειδὴ τὴν ἐπιστήμην ταύ- W
την τὴν γεωμετρίαν ἐξ ὑποθέσεως εἶναί φαμεν καὶ
ἀπὸ ἀρχῶν ὠρισμένων τὰ ἐφεξῆς ἀποδεικνύναι —
μία γὰρ ἡ ἀνυπόθετος, αἱ δὲ ἄλλαι παρ' ἐκείνης ὑπο-
δέχονται τὰς ἀρχάς — ἀνάγκη δὴ πού τὸν τὴν ἐν ¹⁰
γεωμετρίᾳ στοιχειῶσιν συντάττοντα χωρὶς μὲν παρα-
δοῦναι τὰς ἀρχὰς τῆς ἐπιστήμης, χωρὶς δὲ τὰ ἀπὸ τῶν
ἀρχῶν συμπεράσματα, καὶ τῶν μὲν ἀρχῶν μὴ διδόν-
ναι λόγον, τῶν δὲ ἐπομένων ταῖς ἀρχαῖς. οὐδεμία
γὰρ ἐπιστήμη τὰς ἐαυτῆς ἀρχὰς ἀποδείκνυσιν, οὐδὲ ¹⁵
ποιεῖται λόγον περὶ αὐτῶν, ἀλλ' αὐτοπίστως ἔχει περὶ
αὐτάς, καὶ μᾶλλον εἰσιν αὐτῇ καταφανεῖς τῶν ἐφεξῆς.
καὶ τὰς μὲν οἶδεν δι' αὐτάς, τὰ δὲ μετὰ ταῦτα δι'
ἐκείνας. οὕτω γὰρ καὶ ὁ φυσιολόγος ἀπ' ἀρχῆς ὠρισ-
μένης προάγει τοὺς λόγους ὑποθέμενος εἶναι κίνησιν, ²⁰
καὶ ὁ ἱατρὸς καὶ τῶν ἄλλων ἐπιστημῶν [?] καὶ τεχνι-
τῶν ἕκαστος. εἰ δέ τις εἰς ταῦτόν συμφύρει τὰς τε
ἀρχὰς καὶ τὰ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν, οὗτος ἐπιταράττει τὴν
σύμπασαν γνώσιν καὶ συγκυκᾷ τὰ μηδὲν προσήκοντα
ἀλλήλοις. ἀρχὴ γὰρ καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς φύσει διώριστα ²⁵
ἀλλήλων.

Πρῶτον μὲν οὖν, ἅπερ ἔφην', ἔδει διαστείλασθαι

21 ἐπιστημῶν καὶ τεχνιτῶν ἐκάστας, altero α in ἐκάστας
in o rasura mutato, M; ἐπιστημῶν, καὶ τεχνῶν ὁ ἐκάστης ἐμ-
πειρος G, ἐπιστημῶν καὶ τεχνῶν τῶν ἐκάστης B₃, 'scientiarum
et artium unusquisque expertus' Z, 'scientiarum atque artium
uniuscuiusque peritus' B. ἐπιστήμων vel ἐπιστημόνων?

τάς τε ἀρχὰς καὶ τὰ ἐπόμενα ταῖς ἀρχαῖς, ὃ δὴ καὶ
 ποιεῖ ὁ Εὐκλείδης καθ' ἕκαστον ὡς εἰπεῖν βιβλίον
 καὶ πρὸ πάσης τῆς πραγματείας τὰς κοινὰς τῆς ἐπι-
 στήμης ταύτης ἀρχὰς ἐκτιθέμενος. ἔπειτα καὶ αὐτὰς
 5 διαιρεῖ τὰς κοινὰς ἀρχὰς εἰς τε τὰς ὑποθέσεις καὶ τὰ
 αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα. διαφέρει γὰρ ταῦτα πάντα
 ἀλλήλων καὶ οὐκ ἔστιν ταὐτὸ ἀξίωμα καὶ αἴτημα καὶ
 ὑπόθεσις, ὥς πού φησιν ὁ δαιμόνιος Ἀριστοτέλης,
 ἀλλ' ὅταν μὲν καὶ τῷ μανθάνοντι γνώριμον ἦ καὶ
 10 καθ' αὐτὸ πιστὸν τὸ παραλαμβανόμενον εἰς ἀρχῆς
 τάξιν, ἀξίωμα το τοιοῦτόν ἐστιν, οἷον τὸ τὰ τῷ αὐτῷ
 ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι. ὅταν δὲ μὴ ἔχῃ μὲν ἔν-
 νοιαν ὁ ἀκούων τοῦ λεγομένου τὴν αὐτόπιστον, τίθε-
 ται δὲ ὅμως καὶ συγχωρεῖ τῷ λαμβάνοντι, τὸ τοιοῦτον
 15 ὑπόθεσις ἐστὶ. τὸ γὰρ εἶναι τὸν κύκλον σχῆμα τοῖον
 κατὰ κοινὴν μὲν ἔννοιαν οὐ προειλήφμεν ἀδιδάκτως,
 ἀκούσαντες δὲ συγχωροῦμεν ἀποδείξεως χωρὶς. ὅταν
 δὲ αὖ καὶ ἄγνωστον ἦ τὸ λεγόμενον καὶ μὴ συγχω-
 ροῦντος τοῦ μανθάνοντος ὅμως λαμβάνηται, τηνι-
 20 καῦτα, φησὶν, αἴτημα τοῦτο καλοῦμεν, οἷον τὸ πάσας
 τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας εἶναι. δηλοῦσι δὲ οἱ περὶ τινος
 τῶν αἰτημάτων καταπραγματεύσασθαι σπουδάσαντες,
 ὡς ὑπὸ μηδενὸς αὐτόθεν συγχωρεῖσθαι δυναμένου.
 καὶ κατὰ μὲν τὴν Ἀριστοτέλους ὑφήγησιν τοῦτον

5 εἰς ἀξίωμα, ὑπόθεσιν, αἴτημα H_2 p. 275. 8 in mar-
 gine prima ut videtur manu: ἐν τῇ ἀποδεικτικῇ M . (vide
 Analyt. poster. I, 10, 5—8 ed. Weise). 10 τὸ ante παρα-
 λαμβανόμενον om. G . 11 in margine τί ἐστὶν ἀξίωμα M . || τὸ
 ante τὰ om. G , H_2 p. 255 et 276. 12 εἶναι om. H_2 . 13 πε-
 ρίεται H_2 p. 255, τίθεται p. 276; cf. H_1 p. 452. 14 ὁμοίως
 H_2 p. 276. 15 in margine τί ἐστὶν ὑπόθεσις M . || τοιόνδε
 H_2 p. 255 et 276. 16 προσειλήφμεν H_2 p. 276, περιείλη-
 φεν ἀδιδάκτος H_2 p. 255. 18 καὶ μὴ] ἢ μὴ H_2 p. 276.
 20 φησὶν ἢ αἴτημα M . 24 τοιοῦτον G .

συγγραμμάτων

1. 1. 1. 1. 1.

διώρισται τὸν τρόπον ἀξίωμα καὶ αἴτημα καὶ ὑπόθε-
σεις. || πολλάκις δὲ καὶ πάντα ταῦτα καλοῦσιν ὑποθέ-
σεις, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοᾶς ἀξίωμα πᾶσαν ἀπό-
φανσιν ἀπλήν, ὥστε κατὰ μὲν τούτους καὶ αἱ ὑποθέ-
σεις ἀξιώματα, κατὰ δὲ τοὺς ἐτέρους καὶ τὰ ἀξιώματα 5
ὑποθέσεις.

Πάλιν δ' αὖ τὰ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν εἰς προβλήματα
διαιρεῖται καὶ θεωρήματα, τὰ μὲν τὰς γενέσεις περι-
έχοντα τῶν σχημάτων καὶ τὰς τομὰς καὶ τὰς ἀφαιρέ-
σεις ἢ προσθέσεις καὶ ὅλως τὰ παθήματα τὰ γιγνόμενα 10
περὶ αὐτά, τὰ δὲ καθ' αὐτὰ συμβεβηκότα ἐκάστοις
δεικνύοντα. καθάπερ γὰρ αἱ ποιητικαὶ τῶν ἐπιστη-
μῶν θεωρίας μετέχουσιν, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ αἱ
θεωρητικαὶ τὰ προβλήματα ταῖς ποιήσεσιν ἀνάλογον
προσειλήφασιν. ἤδη δὲ τῶν παλαιῶν οἱ μὲν πάντα 15
θεωρήματα καλεῖν ἤξιώσαν, ὥς οἱ περὶ Σπεύσιππον
καὶ Ἀμφίνομον, ἡγούμενοι ταῖς θεωρητικαῖς ἐπι-
στήμασι οἰκειότεραν εἶναι τὴν τῶν θεωρημάτων προσ-
ηγορίαν ἢ τὴν τῶν προβλημάτων, ἄλλως τε καὶ περὶ
αἰδίων ποιουμέναις τοὺς λόγους. οὐ γὰρ ἐστὶ γένεσις 20
ἐν τοῖς αἰδίοις, ὥστε οὐδὲ τὸ πρόβλημα χώραν ἐπὶ
τούτων ἂν ἔχοι, γένεσιν ἐπαγγελλόμενον καὶ ποιήσιν

2 ταῦτα πάντα G. 3 ἀπόφασιν G. 7 ἀπὸ τῶν ἀρχῶν]
μετὰ τὰς ἀρχὰς H₂ p. 275.

7—8

αἱ ἀρχαί

μετὰ τὰς ἀρχὰς

ἀξίωμα

αἴτημα

πρόβλημα

θεώρημα

θέσεις

in margine inferiore prima ut videtur manu M. 10 προσθέ-
σεις M, G; 'adiunctiones' Z, 'additiones' B. 15 προσειλήφασιν
M, B₃, G; 'suscipiunt' Z, 'praeassumpsere' B. 18 οἰκειότερον
G, οἰκειότεραν C. 20 ποιουμέναις ex G, ποιούνται M, C.
21 χωρὶς G, χώραν C.

τοῦ μήπω πρότερον ὄντος, οἷον ἰσοπλεύρου τριγώνου
 σύστασιν, ἢ τετραγώνου δοθείσης εὐθείας ἀναγραφὴν,
 ἢ θέσιν εὐθείας πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ. ἄμεινον
 οὖν φασι λέγειν, ὅτι πάντα ταῦτά ἐστι, τὰς δὲ γενέ-
 5 σεις αὐτῶν οὐ ποιητικῶς ἀλλὰ γνωστικῶς ὁρῶμεν ὥς-
 ανεὶ γιγνόμενα λαμβάνοντες τὰ αἰεὶ ὄντα, ὥστε καὶ
 πάντα θεωρηματικῶς ἐροῦμεν ἀλλ' οὐ προβληματικῶς
 λαμβάνεσθαι. οἱ δὲ ἀνάπαλιν πάντα προβλήματα λέ-
 γειν ἐδικαίουν ὥς οἱ περὶ Μέναιχμον μαθηματικοί,
 10 τὴν δὲ προβολὴν εἶναι διττὴν· ὅτε μὲν πορίσασθαι
 τὸ ζητούμενον, ὅτε δὲ περιορισμένον λαβόντας ἰδεῖν
 ἢ τίς ἐστίν, ἢ ποῖόν τι, ἢ τί πέπονθεν, ἢ τίνας ἔχει
 πρὸς ἄλλο σχέσεις. καὶ λέγουσι μὲν ὁρθῶς ἀμφοτέ-
 ροι· καὶ γὰρ οἱ περὶ Σπεύσιππον καλῶς — οὐ γὰρ
 15 τοιαῦτά ἐστι τὰ προβλήματα γεωμετρίας, οἷα τὰ μη-
 χανικῆς· αἰσθητὰ γὰρ ταῦτα καὶ γένεσιν ἔχοντα καὶ
 παντοίαν μεταβολὴν — καὶ οἱ περὶ τὸν Μέναιχμον
 — οὐ γὰρ ἄνευ τῆς εἰς ὕλην προόδου καὶ αἱ τῶν
 θεωρημάτων εἰδὲν εὐρέσεις. λέγω δὲ ὕλην τὴν νοη-
 20 τήν. εἰς ἐκείνην οὖν οἱ λόγοι προϊόντες καὶ μορφοῦν-
 τες αὐτὴν εἰκότως δήπου ταῖς γενέσεσιν ἑοικέναι λέ-
 γονται. τὴν γὰρ τῆς διανοίας ἡμῶν κίνησιν καὶ τὴν
 προβολὴν τῶν ἐν αὐτῇ λόγων γένεσιν || τῶν ἐν φαν-
 τασίᾳ σχημάτων εἶναι φάμεν καὶ τῶν περὶ αὐτὰ
 25 παθημάτων. ἐκεῖ γὰρ αἱ συστάσεις καὶ αἱ τομαὶ καὶ
 αἱ θέσεις καὶ αἱ παραβολαὶ καὶ αἱ προσθέσεις καὶ αἱ

2 η ante τετραγώνου om. M. 3 εὐθείας πρὸς τῷ δο-
 θέντι σημείῳ ἢ ἀναγραφὴν ἢ θέσιν G, correxit C. 7 ὁροῦ-
 μεν G. 12 εἴ τις G, ἢ τίς C. || πόθεν G, πέπονθεν C.

26 προβολαὶ G, παραβολαὶ C. || προσθέσεις M, G, προσ-
 θέσεις C.

ἀφαιρέσεις, τὰ δὲ ἐν τῇ διανοίᾳ πάντα ἔστηκεν ἄνευ γενέσεως καὶ πάσης μεταβολῆς.

Ἔστι μὲν οὖν καὶ προβλήματα γεωμετρικὰ | καὶ θεωρήματα, διότι δὲ θεωρία τὸ πλεονάζον ἐστὶν ἐν αὐτῇ, ὥσπερ ἐπὶ μηχανικῆς ποιήσεις, καὶ τὰ προβλή- 5 ματα πάντα μετέχει θεωρίας, οὐ μὴν ἀνάπαλιν· ὅλως γὰρ αἱ ἀποδείξεις θεωρίας εἰσὶν ἔργον. πάντα δὲ τὰ ἐν γεωμετρίᾳ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς δι' ἀποδείξεως λαμβάνεται, ὥστε κοινότερον τὸ θεώρημα. οὐ πάντα δὲ τὰ θεωρήματα δεῖται τῶν προβλημάτων, ἀλλ' ἐστὶν 10 ἃ καὶ αὐτόθεν ἔχει τὴν ἀπόδειξιν τοῦ ζητουμένου. οἱ δὲ διορίζοντες τὸ θεώρημα τοῦ προβλήματός φασι πᾶν μὲν πρόβλημα ἐπιδέχεσθαι τῶν κατηγορουμένων τῆς ἐν αὐτῷ ὕλης, αὐτό τε ἕκαστον καὶ τὸ ἀντικείμενον, πᾶν δὲ θεώρημα αὐτὸ μὲν ἐπιδέχεσθαι τὸ κατ- 15 ηγορούμενον, οὐ μέντοι καὶ τὸ ἀντικείμενον. λέγω δὲ ὕλην μὲν αὐτῶν τὸ γένος, περὶ οὗ ἡ ζήτησις, οἷον τρίγωνον ἢ τετράγωνον ἢ κύκλον, σύμπτωμα δὲ κατηγορούμενον τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκός, οἷον ἴσον ἢ τομὴν ἢ θέσιν ἢ ἄλλο τι τοιοῦτον. ὅταν οὖν προ- 20 τεῖνῃ τις οὕτως, εἰς κύκλον ἐντεῖναι τρίγωνον ἰσόπλευρον, πρόβλημα λέγει. δυνατὸν γὰρ εἰς αὐτὸν ἐντεῖναι καὶ μὴ ἰσόπλευρον· καὶ πάλιν, ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης συστήσασθαι τρίγωνον ἰσόπλευρον, πρόβλημα τὸ τοιόνδε· δυνατὸν γὰρ συστή- 25 σασθαι καὶ μὴ ἰσόπλευρον. ὅταν δὲ τῶν ἰσοσκελεῶν ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει προτεῖνῃ τις, θεώρημα

1 ἀφορέσεις M. 15 αὐτὸ μὲν ἐπι- om. G. 24 ἐν-
στήσασθαι G, συστήσασθαι C. 25 στήσασθαι G, συστήσα-
σθαι C. 27 περὶ G, πρὸς C. 27 usque ad p. 80 2 προτεῖνῃ
τις . . . τῇ βάσει om. G.

φατέον αὐτὸν προτείνειν. οὐ γὰρ δυνατόν καὶ μὴ
 ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει τῶν ἰσοσκελῶν· ὥστε εἴ
 τις προβληματικῶς σχηματίσας εἴποι, εἰς ἡμικύκλιον
 ὀρθὴν ἐντείνει γωνίαν, ἀγεωμετρήτου δόξαν ἂν λάβοι.
 5 πᾶσα γὰρ ἡ ἐν ἡμικυκλίῳ ὀρθὴ ἐστίν. ἐφ' ὧν τοίνυν
 τὸ σύμπτωμα καθολικόν ἐστι καὶ πάσῃ τῇ ὕλῃ παρ-
 ομαρτοῦν, ταῦτα θεωρήματα λεκτέον, ἐφ' ὧν δὲ μὴ
 καθόλου μηδὲ τῷ ὑποκειμένῳ πάντως ἐπόμενον, πρό-
 βλημα τὸ τοιοῦτον θετέον. τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν πε-
 10 περασμένην δίχα τεμεῖν· καὶ γὰρ εἰς ἄνισα δυνατόν
 — πᾶσαν γωνίαν εὐθύγραμμον δίχα τεμεῖν· ἐστὶ γὰρ
 καὶ ἡ εἰς ἄνισα διαίρεσις — ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας
 ἀναγράψαι τετράγωνον· δυνατόν γὰρ καὶ μὴ τετρά-
 γωνον — || καὶ πάντα, ὅσα τοιαῦτα, τῆς τῶν προβλη-
 15 μάτων ἐστὶν τάξεως. οἱ δὲ περὶ Ζηνόδοτον τὸν
 προσήκοντα μὲν τῇ Οἶνοπίδου διαδοχῇ, τῶν μαθη-
 τῶν δὲ Ἀνδρωνος, διώριζον τὸ θεώρημα τοῦ προ-
 βλήματος, ἧ τὸ μὲν θεώρημα ζητεῖ, τί ἐστὶ τὸ σύμ-
 πτωμα τὸ κατηγορούμενον τῆς ἐν αὐτῷ ὕλης, τὸ δὲ
 20 πρόβλημα, τίνος ὄντος τί ἐστίν. ὅθεν καὶ οἱ περὶ
 τὸν Ποσειδώνιον τὸ μὲν ἀφωρίζοντο πρότασιν, καθ'
 ἣν ζητεῖται τὸ εἰ ἐστίν ἢ μὴ, τὸ δὲ πρόβλημα πρότα-
 σιν, ἐν ἧς ζητεῖται τί ἐστίν ἢ ποῖόν τι, καὶ τὴν μὲν
 θεωρητικὴν πρότασιν ἔλεγον δεῖν ἀποφαντικῶς σχη-
 25 ματίζειν, οἷον πᾶν τρίγωνον μείζους ἔχει τὰς δύο τῆς
 λοιπῆς, καὶ παντὸς ἰσοσκελοῦς αἰ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι,
 τὴν δὲ προβληματικὴν, ὥσπερ ζητοῦντας, εἰ ἐστὶν ἐπὶ

4 ἂν λάβοι] ἀναλάβοι M, G, ἀναλάβει C. 10 δίχα εἰς
 ἴσα G. 11 δίχα εἰς ἴσα G. 15 Ξενόδοτον G, 'Zenodotus'
 B, 'Zenodotum' Z. 17 διωρίζοντο mutatum a correctore in
 διώριζον τὸ M, διορίζονται τὸ G, διορίζοντο τὸ C. 26 παν-
 τὸς] πᾶσαι τοῦ G. 27 τὴν μὲν G, τὴν δὲ C.

τῆςδε τῆς εὐθείας συστήσασθαι τρίγωνον. διαφέρειν γάρ, ἢ ἀπλῶς τε καὶ ἀορίστως ζητεῖν, εἰ ἔστι πρὸς ὀρθὰς ἀπὸ τοῦδε τοῦ σημείου τῇδε [τῇ] εὐθείᾳ, ἢ τίς ἔστιν ἡ πρὸς ὀρθὰς θεωρεῖν.

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἔστι τις διαφορὰ τοῦ τε προβλήμα- 5
τος καὶ τοῦ θεωρήματος, δῆλον ἐκ τούτων, ὅτι δὲ καὶ ἡ Εὐκλείδου στοιχειώσεις ἔχει τὰ μὲν προβλήματα τὰ δὲ θεωρήματα, φανερόν ἐστι τοῦτο διὰ τῶν καθ' ἑκάστον καὶ αὐτοῦ προστιθέντος ἐπὶ τέλει τῶν δεικνυ-
μένων ὅπου μὲν τὸ „ὅπερ ἔδει ποιῆσαι“ ὅπου δὲ τὸ 10
„ὅπερ ἔδει δεῖξαι“, ὡς τῶν θεωρημάτων χαρακτηρι-
στικόν, καίτοι, καθάπερ εἵπομεν, οὔσης καὶ ἐν τοῖς προβλήμασιν ἀποδείξεως, ἀλλ' ὅμως, ὅπου μὲν καὶ ἡ ἀπόδειξις τῆς γενέσεως χάριν — ἵνα γὰρ δεῖξωμεν, ὅτι πεποιήται τὸ προταχθέν, τὴν ἀπόδειξιν παραλαμ- 15
βάνομεν — ὅπου δὲ αὐτὴ δι' ἑαυτὴν ἔστιν σπουδῆς ἀξία τὴν φύσιν τοῦ ζητουμένου παριστάνειν δυνα-
μένη. εὗροις δ' ἂν τὸν Εὐκλείδην τοτὲ μὲν συμ-
πλέκοντα τὰ θεωρήματα τοῖς προβλήμασι καὶ παρὰ μέρος αὐτοῖς χρώμενον, ὡς ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ, τοτὲ 20
δὲ πλεονάζοντα κατὰ τὰ ἕτερα. τὸ μὲν γὰρ τέταρτον ὅλον προβλημάτων ἔστι, τὸ δὲ πέμπτον θεωρημάτων.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων ἡμῖν εἰρήσθω· μετὰ δὲ ταῦτα τὸν σκοπὸν ἀφορισάμενοι τοῦ πρώτου βιβλίου || καὶ τὴν διαίρεσιν παραστήσαντες ἀρξώμεθα 25
τῆς περὶ τοὺς ὅρους πραγματείας. ἡ μὲν οὖν πρόθε-

2 ἡ ἔστι G. 3 τῇ δὲ M, G. || ἡτις ἔστιν G, ἡτις ἔστιν ἡ C.

11 ὡς om. G. 22 ὅτι τὸ Α βιβλίον τῶν στοιχείων ὅλον προβληματικόν ἐστιν. ὅτι τὸ Ε βιβλίον τῶν στοιχείων ὅλον θεωρηματικόν ἐστιν. in margine inferiore prima ut videtur manu adscriptum M.

σίς ἐστὶν ἐν τούτῳ τῷ βιβλίῳ τὰς ἀρχὰς παραδοῦναι
 τῆς τῶν εὐθυγράμμων θεωρίας. εἰ γὰρ καὶ φύσει
 κρείττων ὁ κύκλος καὶ ἡ περὶ αὐτὸν πραγματεία τῆς
 τῶν εὐθυγράμμων οὐσίας τε καὶ γνώσεως, ἀλλ' ἡμῖν
 5 προσήκουσα μᾶλλον ἡ περὶ τούτων διδασκαλία τοῖς
 ἀτελεστέροις καὶ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἐπὶ τὰ νοητὰ
 μεταγείναι τὴν διάνοιαν σπεύδουσιν. καὶ γὰρ τοῖς μὲν
 αἰσθητοῖς οἰκεία τὰ εὐθύγραμμα σχήματα, τοῖς δὲ
 νοητοῖς ὁ κύκλος, διότι δὴ τὸ μὲν ἀπλοῦν καὶ μονο-
 10 εἶδὲς καὶ ὠρισμένον προσήκει τῇ φύσει τῶν ὄντων,
 τὸ δὲ ποικίλον καὶ ἀορίστως ἀυξανόμενον τῷ πλήθει
 τῶν περιεχουσῶν πλευρῶν διαφέρει τοῖς αἰσθητοῖς.
 ἐν τούτῳ δὴ οὖν τῷ βιβλίῳ τὰ πρῶτιστα καὶ ἀρχο-
 εἰδέστατα σχήματα τῶν εὐθυγράμμων | παραδίδονται,
 15 τό τε τρίγωνον λέγω καὶ τὸ παραλληλόγραμμον· ἐν
 γὰρ τούτοις ὥς ἐν γένει περιέχεται καὶ τὰ αἷτια τῶν
 στοιχείων, τό τε ἰσοσκελὲς καὶ τὸ σκαληνὸν καὶ τὰ
 συνιστάμενα ἐκ τούτων, τό τε ἰσόπλευρον τρίγωνον
 καὶ τετράγωνον, ἀφ' ὧν τὰ σχήματα τῶν τεττάρων
 20 στοιχείων ἔσχεν τὴν σύστασιν. εὐρήσομεν οὖν καὶ
 ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ τετραγώνου γένεσιν, τοῦ μὲν
 ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας, τοῦ δὲ ἀπὸ τῆς δοθείσης.
 τὸ οὖν ἰσόπλευρον τρίγωνον προσεχὲς αἰτιὸν ἐστὶ
 τῶν τριῶν στοιχείων πυρός ἀέρος ὕδατος, τὸ δὲ τε-
 25 τράγωνον τῆς γῆς. συνήρτηται δὴ οὖν ὁ σκοπὸς τοῦ

3 κρείττον C. || αὐτοῦ G. 6 ἀτελεστέραν G. 23 usque ad
 p. 86, 17 προσεχὲς τριχῇ διαστὰν id est quattuor in co-
 dice M paginarum contextum om. B₃ et G, nec C quidquam de
 hac re annotavit. 23 τρίγωνον om. B₁. 25 Terrae an-
 nexum est. Ac demum convenit' B, 'terrae. Mun-
 dus igitur dependet' Z, τῇ γῇ συνήρτηται· δείται οὖν
 Kn. III.

πρώτου βιβλίου πάση τῇ πραγματείᾳ καὶ συντελεῖ
 πρὸς ὅλην τὴν τῶν κοσμικῶν στοιχείων θεωρίαν. ἔτι
 δὲ καὶ στοιχειοῦ τοὺς μανθάνοντας εἰς τὴν περὶ τῶν
 εὐθυγράμμων σχημάτων ἐπιστήμην τὰς πρώτας αὐτῶν
 ἀρχὰς καλῶς ἀνευρὼν καὶ δι' ἀκριβείας καταδήσα- 5
 μενος.

Διήρηται δὲ τὸ βιβλίον εἰς τρία μέγιστα τμή-
 ματα, καὶ τὸ μὲν πρῶτον τῶν τριγώνων τὰς γενέσεις
 καὶ τὰς ιδιότητας ἐμφανίζει κατὰ τε γωνίας καὶ πλευ-
 ρὰς καὶ ποιεῖται συγκρίσεις αὐτῶν πρὸς ἄλληλα καὶ 10
 ἕκαστα ἐφ' ἑαυτοῦ θεωρεῖ. καὶ γὰρ ἐν τριγώνον λα-
 βὼν ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν πλευρῶν ἐπισκοπεῖ τὰς γωνίας,
 ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν γωνιῶν τὰς πλευράς, ἰσότητός τε
 πέρι καὶ ἀνισότητος, καὶ δύο ὑποθέμενος τὰ αὐτὰ
 πάλιν διὰ ποικίλων εὗρίσκει. τὸ δὲ δεύτερον τὴν 15
 περὶ τῶν παραλληλογράμμων ἐξυφαίνει θεωρίαν, τὰς
 τε ιδιότητας τῶν παραλλήλων καὶ τὰς γενέσεις τῶν
 παραλληλογράμμων ἀναγράφον καὶ ἔτι τὰ συμπτώ-
 ματα τὰ ἐν αὐτοῖς ἀποδεικνύς. τὸ δὲ τρίτον τὴν
 κοινωνίαν τῶν τε τριγώνων καὶ τῶν παραλληλο- 20
 γράμμων || ἀναφαίνει, ἔν τε τοῖς συμπτώμασι καὶ ταῖς
 πρὸς ἄλληλα συγκρίσεσι. καὶ γὰρ τὰ ἐπὶ τῶν αὐτῶν
 βάσεων καὶ ἴσων τριγώνα ἢ παραλληλόγραμμα δείκνυ-
 ται τὰ αὐτὰ πεπονθότα, καὶ μετὰ συμπλοκῆς ἀμφοτέ-

1 πάσης τῆς πραγματείας B₁. 7 ss. In margine inferiore
 in M adscripta sunt haec:

ὅτι τριχῇ διαιρεῖται τὸ αἰ βιβλίον

εἰς τὴν τῶν τρι-
 γώνων γενέσιν

εἰς τὴν τῶν παραλ-
 ληλογράμμων θεω-
 ρίαν

εἰς τὴν τῶν τριγώ-
 νων τε καὶ παραλλη-
 λογράμμων κοινω-
 νίαν καὶ σύγκρισιν.

ρων ἐπὶ μιᾷς ὄντων βάσεως, καὶ πῶς ἂν γένοιτο ἴσον
 τριγώνῳ παραλληλόγραμμον, καὶ τέλος περὶ τῶν ἀνα-
 γραφομένων ἐν τοῖς ὀρθογωνιαίοις τριγώνοις τετρα-
 γώνων ἀπὸ τῶν πλευρῶν τίνα ἔχει λόγον τὸ ἀπὸ τῆς
 5 ὑποτεिनούσης τὴν ὀρθὴν πρὸς τὰ ἀπὸ τῶν περιεχου-
 σῶν αὐτήν. τοία δέ τις ἔστω καὶ ἡ πρόθεσις τοῦ πρώ-
 του βιβλίου τῆς στοιχειώσεως καὶ ἡ διαίρεσις.

Ἀρχὴν δὲ ποιούμενοι τῆς τῶν καθ' ἕκαστα ζητή-
 σεως προαγορεύομεν τοῖς ἐντευξομένοις, μὴ ταῦτα
 10 παρ' ἡμῶν ἀπαιτεῖν ὅσα διατεθρύλῃται τοῖς πρὸ ἡμῶν
 λημμάτια καὶ πτώσεις καὶ εἴ τι τοιοῦτο. τούτων μὲν
 γὰρ διακορεῖς ἐσμέν καὶ σπανίως αὐτῶν ἐφαψόμεθα.
 ὅσα δὲ πραγματειωδεστέραν ἔχει θεωρίαν καὶ συντελεῖ
 πρὸς τὴν ὅλην φιλοσοφίαν, τούτων προηγούμενην
 15 ποιησόμεθα τὴν ὑπόμνησιν, ζηλοῦντες τοὺς Πυθαγο-
 ρεῖους, οἷς πρόχειρον ἦν καὶ τοῦτο σύμβολον „σχᾶμα
 καὶ βᾶμα, ἀλλ' οὐ σχᾶμα καὶ τριῶβολον“ ἐνδεικνυμέ-
 νων, ὥς ἄρα δεῖ τὴν γεωμετρίαν ἐκείνην μεταδιώκειν,
 ἢ καθ' ἕκαστον θεώρημα βῆμα τίθησιν εἰς ἄνοδον
 20 καὶ ἀπαίρει τὴν ψυχὴν εἰς ὕψος, ἀλλ' οὐκ ἐν τοῖς αἰ-
 σθητοῖς καταβαίνειν ἀφίησιν καὶ τὴν σύνοικον τοῖς
 θνητοῖς χρεῖαν ἀποπληροῦν καὶ ταύτης στοχαζομένην
 τῆς ἐντεῦθεν περιαγωγῆς καταμελεῖν.

6—7 'Talis sit et Divisio' B. 'primi igitur libri elemen-
 tationis intentio et divisio est huiusmodi' Z. 13 πραγματι-
 ωδεστέραν M, πραγματοειδεστέραν B₁. 16 In margine supe-
 riore adscripta sunt in M haec: τί ἔλεγον οἱ Πυθαγόροι ἐπὶ
 τῆς γεωμετρίας· σχᾶμα καὶ βᾶμα ἀλλ' οὐ σχᾶμα καὶ τριῶβο-
 λον. 18 γεωμετρίαν] 'Philosophiam' B, 'geometriam' Z.
 21 καταμένειν B₁.

DEFINITIONES.

Def. I. Σημεῖόν ἐστὶν οὗ μέρος οὐθέν.

Ὅτι μὲν κατὰ τὴν ἀπὸ τῶν συνθετωτέρων ἐπὶ τὰ ἀπλούστερα μετάβασιν ὁ γεωμέτρης ἀνέδραμεν, ἐκ μὲν τοῦ τριχῇ διεστιῶτος εἰς τὴν τοῦτο περατουῖσαν ἐπιφάνειαν, ἐκ δὲ τῆς ἐπιφανείας εἰς τὸ ταύτης πέρας 5 τὴν γραμμὴν, ἐκ δὲ τῆς γραμμῆς εἰς τὸ πάσης διαστάσεως καθαρεῦον σημεῖον, εἴρηται πολλάκις καὶ παντὶ καταφανές. ἐπειδὴ δὲ τὰ πέρατα ταῦτα πολλαχοῦ μὲν διὰ || τὴν ἀπλότητα τῆς τῶν συνθέτων φύσεως εἶναι 10 δοκεῖ σεμνότερα, πολλαχοῦ δὲ συμβεβηκόσιν ἔοικεν ἐν τοῖς ὑφ' ἑαυτῶν περατουμένοις ἔχοντα τὴν ὑπαρξιν, διοριστέον τούτων ἐκάτερον, ἐν ποίοις γένεσι θεωρεῖται τῶν ὄντων. λέγω δὴ οὖν, ὅτι τὰ μὲν ἄϋλα καὶ ἐν χωριστοῖς ὑφ' ἑαυτῶν ἰδρυμένοις ἀεὶ τὴν τῶν ἀπλουστέρων 15 ὑπόστασιν ἀρχικωτέραν προεστήσατο τῶν συνθετωτέρων καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἐν τῷ νῶ καὶ ἐν τοῖς μέσοις

Ante primam definitionem octo lineis vacuis relictis tamquam propositi operis initium fit in *M* ornamentis rubris et inscriptione rubra: ἀρχὴ τοῦ κειμένου.

7 παντὶ] 'omnino' *B*, 'omnifariam' *Z*. 11 ἔχειν *M*, postera manus supra lineas scripsit οντα, 'obtinere' *Z*, 'cum . . . habeant existentiam' *B*.

διακόσμοις καὶ τοῖς ψυχικοῖς καὶ ἐν αὐταῖς ταῖς φύ-
 σεσι προσεχῶς ἐμπνεοῦσαι τὰ σώματα τῶν περατου-
 μένων τὰ περατοῦντα κατ' οὐσίαν ὑπερφέρει, καί
 ἐστὶν ἀμερέστερα καὶ ἐνοειδέστερα καὶ ἀρχικώτερα·
 5 τὸ γὰρ ἐν ἐν τοῖς αὐτοῖς εἶδεσι τοῦ πλήθους καὶ τὸ
 ἀμέριστον τοῦ πάντη προϋόντος καὶ τὸ ἀφορίζον τοῦ
 δεχομένου τὸν ὅρον ἀπ' ἄλλου τελειότερον. τὰ δ' αὖ
 ὕλης δεόμενα καὶ ἐν ἄλλοις ἐδραζόμενα καὶ τῆς ἐαν-
 τῶν οὐσίας ἐκστάντα καὶ σκιδνάμενα περὶ τὰ ὑποκεί-
 10 μενα καὶ τὴν ἔνωσιν ἐπέιδρακτον ἔχοντα τοὺς συνθε-
 τωτέρους λόγους ἔλαχεν τῶν ἀπλουστέρων. κατὰ
 τοῦτο τὰ ἐν φαντασίᾳ καὶ τῇ ὕλῃ τῶν φανταστῶν
 σχημάτων ἰνδαλλόμενα καὶ τὰ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ὑπὸ
 τῆς φύσεως ἀπογεννώμενα προηγουμένους ἔχει τοὺς
 15 τῶν περατουμένων λόγους, ἐπομένους δὲ τοὺς τῶν
 περατούντων καὶ οἷον ἐπεισοδιώδεις. ἵνα γὰρ τὸ τριχῇ
 διαστὰν μὴ εἰς ἀπειρον ἐκταθῇ μέγεθος ἢ κατὰ τὴν
 νόησιν ἢ κατὰ τὴν αἰσθησιν, δι' ἐπιφανείας παντα-
 χόθεν ἐπερατώθῃ, καὶ ἵνα μὴ τὸ ἐπίπεδον εἰς ἀορι-
 20 στίαν λάθῃ προελθόν, ἡ γραμμὴ περιέλαβεν αὐτὸ καὶ
 ὥρισεν ἐν αὐτῷ γενομένη, καὶ τὸ σημεῖον ὡσαύτως
 τὴν γραμμὴν, τῶν συνθέτων ἕνεκα τῶν ἀπλῶν ὑφιστα-
 μένων. καὶ γὰρ αὖ καὶ τοῦτο δῆλον, ὅτι ἐν μὲν τοῖς
 25 εἰσιν καὶ οὐκ ἐν τοῖς περατουμένοις, καὶ μένοντες,
 οἵπερ εἰσίν, ὑποστατικοὶ γίνονται τῶν δευτέρων, ἐν
 δὲ τοῖς ἀχωρίστοις ὕλης ἐπιδεδώκασιν ἑαυτοὺς τοῖς

14 προηγουμένως *M*, 'praeunte' *B*, 'praecipue' *Z*.

20 προέλαβεν *G*. 25—26 καὶ οὐκ . . . οἵπερ εἰσίν om. *G*,
 add. *C*. 26 ὑποστατικοὶ καὶ οὐ γίνονται *G*, καὶ οὐ de-
 levit *C*. 27 ὕλης om. *B*₃, *G*; 'In inseparabilibus vero Formis' *B*,
 'quae a materia inseparabilia sunt' *Z*.

περατουμένοις καὶ ἐν ἐκείνοις ἰδρύνθησαν καὶ οἶον
μέρη γεγόνασιν ἐκείνων καὶ ἀνεπλήσθησαν τῶν χειρό-
νων, ὅθεν δὴ καὶ τὸ ἀμερὲς ἐνταῦθα τῆς μεριστῆς
οὐσίας καὶ τὸ ἀπλατὲς πλάτους μετέσχευ καὶ τὴν ἐαυ-
τῶν ἀπλότητα καὶ τὸ εἰλικρινὲς οὐκ ἔτι τὰ περατοῦντα ⁵
φυλάξαι δεδύνηται. γενόμενα γὰρ ἐν ἄλλῳ συνηλ-
λοῖωται τῷ ὑποκειμένῳ. ἡ γὰρ ὕλη τὴν τούτων ἐπε-
θόλωσεν ἀκρίβειαν καὶ ὁ μὲν τοῦ ἐπιπέδου λόγος
βαθύνει τὸ ἐπίπεδον, ὁ δὲ τῆς γραμμῆς ἀμυδρώσας
τὴν ἐφ' ἐν διάστασιν πάντῃ γίνεται μεριστός, ὁ δὲ ¹⁰
τοῦ σημείου σωματοειδὴς ἀποτελεῖται καὶ || συνδιίστα-
ται τοῖς ἐφ' ἑαυτοῦ περατουμένοις. πάντες γὰρ εἰς
ὕλην ρεύσαντες, οἱ μὲν ἀπὸ διανοίας εἰς τὴν νοητὴν
οἱ δὲ ἀπὸ τῆς φύσεως εἰς τὴν αἰσθητήν, ἀνεπλήσθη-
σαν τῶν ὑποκειμένων καὶ τῆς αὐτῶν ἀπλότητος ἐξ- ¹⁵
έστησαν εἰς ἄλλοτρίας συνθέσεις τε καὶ διαστάσεις.
ἀλλὰ πῶς ἐν τῷ νῷ καὶ ἐν τῇ ψυχῇ πάντων ἀμερῶς
όντων καὶ ἀδιαστάτως ἐν τῇ ὕλῃ τὰ μὲν προηγουμέ-
νως ἐμερίσθη τὰ δὲ διὰ τὴν ἐκείνης φύσιν; ἢ καὶ
τοῖς αὐτοῖς εἶδεσι τάξεις ἐστὶ πρώτων τε καὶ μέσων ²⁰
καὶ τελευταίων, καὶ τὰ μὲν ἐνοειδέστερα τῶν εἰδῶν
ἐστὶ, τὰ δὲ πληθύνεται μᾶλλον, καὶ τὰ μὲν συνεσπει-
ραμένως ἔχει τὰς ἑαυτῶν δυνάμεις, τὰ δὲ εἰς διάστασιν
σπευδούσας, καὶ τὰ μὲν πρὸς τοῦ πέρατός ἐστι, τὰ δὲ
πρὸς τῆς ἀπειρίας; εἰ γὰρ καὶ πάντα μετέχει τῶν δύο ²⁵

4 καὶ τὴν] κατὰ τὴν G. 6 γενόμενα] κινούμενον G, γενόμενον C. 7 Post ὑποκειμένῳ repetit M verba: καὶ τὴν ἑαυτῶν ἀπλότητα καὶ τὸ εἰλικρινὲς οὐκ ἔτι τὰ περατοῦντα φυλάξαι δεδύνηται. || ἀπεθόλωσεν G. 13—14 In margine M: τὴν φαντασίαν λέγει. 14 ἀνεπλήσθησαν εἰς τὴν τῶν G. 19 ἐκείνων M, sed supra ὧν compendium syllabae ης, ἐκείνων B₃, G, 'eius' B, 'illorum' Z. 22 πληθύνεται G, πληθύεται C. 25 τὰς ἀπειρίας M, C, 'Infinitati' B, 'in infinitatem' Z.

τούτων ἀρχῶν, ἀλλὰ τὰ μὲν τῆς ἐτέρας ἐστὶν ἔκγονα
 καὶ πλεόν ταύτης μετείληχεν, τὰ δὲ τῆς λοιπῆς. τὸ
 μὲν οὖν σημεῖον ἀμερὲς ἐκεῖ πάντα, εἰ καὶ κατὰ τὸ
 πέρας ὑφέστηκεν, ἔχει δὲ τὴν ἄπειρον δύναμιν κρυ-
 5 φίως, καθ' ἣν καὶ γεννᾷ πάντα τὰ διαστήματα. καὶ
 ἡ πρόοδος τῶν διαστημάτων πάντων οὐκ ἐξελλίττει τὴν
 ἄπειρον ἐκείνου δύναμιν, τὸ δὲ σῶμα καὶ ὁ τοῦ σώ-
 ματος λόγος τῆς ἀπείρου μειζόνως μετέχει φύσεως,
 διὸ καὶ τῶν ἀλλαχόθεν περατουμένων ἐστὶν καὶ τῶν
 10 ἐπ' ἄπειρον διαιρετῶν κατὰ πάσας τὰς διαστάσεις.
 τὰ δ' αὖ μεταξὺ τούτων κατὰ τὴν τῶν ἄκρων ἀπό-
 στασιν ἢ τῶν κατὰ τὸ πέρας ἐστὶ πλεοναζόντων ἢ
 τῶν τῆς ἀπειρίας ἀπολελυμένων. διὸ καὶ περατοῖ
 καὶ περατοῦται, καθ' ὅσον μὲν ἐκ τοῦ περατος ὑφ-
 15 ἔστηκεν ἄλλα δυνάμενα περατοῦν, καθ' ὅσον δ' αὖ
 μετέχει τῆς ἀπειρίας ὀρίζεσθαι παρ' ἄλλων δεόμενα.
 πέρας οὖν καὶ τὸ σημεῖον ὑπάρχον ἐν τῇ μεθέξει τὴν
 οἰκείαν διαφυλάττει δύναμιν, ἔχον δὲ τὴν ἀπειρίαν
 κρυφίως καὶ πανταχοῦ παρεῖναι τοῖς ὑφ' ἑαυτοῦ
 20 περατουμένοις ἐπειγόμενον ἀπειραχῶς ἐστὶν ἐν αὐτοῖς,
 καὶ ἐπεὶ δύναμις ἦν ἐκεῖ τὸ ἄπειρον γεννητικὴ τῶν
 διαστατῶν, δυνάμει γέγονεν ἐν τοῖς μετέχουσιν. καὶ
 γὰρ ἡ ἀπειρία παρ' ἐκείνοις μὲν, τοῖς νοητοῖς λέγω,
 πρωτογενὲς ἦν αἰτία καὶ γόνιμος τῶν ὅλων δυνάμεις,
 25 ἐν δὲ τοῖς ἐνύλοις ἀτελής καὶ δυνάμει μόνον οὔσα τὰ
 πάντα. καὶ ὥς συνελόντι φάναι τὰ δι' ἀπλότητα καὶ
 ἀμέρειαν ἐν ταῖς ἀρχαῖς ὑπεριδρυμένα τῶν εἰδῶν ἐν
 ταῖς μεθέξεσι φυλάττει μὲν ὥς πέφυκε τὴν ἑαυτῶν

11 ὑπόστασιν G, ἀπόστασιν C.

15 ἀλλὰ G, ἄλλα C.

17 μεγέθει C.

19 κρυφίαν C.

20 ἑαυτοῖς C.

27 ὑπερ-

ιδρυμένη G, ὑπεριδρυμένα C.

ιδιότητα, καταδεέστερα δὲ τῶν συνθετωτέρων γενόμενα λόγων. καὶ γὰρ ἡ ὕλη τούτων τρανέστερον μετέχειν δύναται καὶ πρὸς ταῦτα μᾶλλον ἢ πρὸς ἀπλουστάτας τῶν ὄντων αἰτίας παρεσκευάζεται. || διὸ τῶν μὲν ἐξηρημένων ἀρχῶν ἵχνη κάτεισιν εἰς αὐτήν, τῶν 5 δὲ δευτέρων καὶ τρίτων αἱ μεταδόσεις ἐναργέστεραι προφαίνονται. μᾶλλον οὖν μετέσχε τῆς τοῦ σώματος αἰτίας ἢ τῆς τοῦ ἐπιπέδου, καὶ ταύτης μᾶλλον ἢ τοῦ εἶδους τῆς γραμμῆς, καὶ τούτου μειζόνως ἢ τοῦ πάντα περατοῦντος ταῦτα σημείου καὶ συνέχοντος. ὁ γὰρ 10 τοῦ σημείου λόγος πάσης ταύτης ἐξηγεῖται τῆς σειρᾶς καὶ πάντα ἐνοῖ τὰ μεριστὰ καὶ συνέχει καὶ ὀρίζει τὰς προόδους αὐτῶν καὶ παράγει πάντα καὶ περιλαμβάνει πανταχόθεν. διὸ καὶ ἐν ταῖς εἰκόσιν ἄλλα μὲν ἄλλων πέρατα, πάντων δὲ τὸ σημεῖον. ὅτι δὲ οὐ δεῖ νομί- 15 ξειν κατ' ἐπίνοιαν ψιλήν ὑφεστάναι τὰ τοιαῦτα πέρατα, λέγω | τῶν σωμάτων, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοᾶς ὑπέλαβον, ἀλλ' εἶναί τινας φύσεις ἐν τοῖς οὖσι τοιασδε καὶ λόγους αὐτῶν προεστάναι δημιουργικούς, ἀναμνησθεῖν ἂν εἰς τὸν ὅλον κόσμον ἀποβλέψαν- 20 τες καὶ τὰς ἐν αὐτῷ περιφορὰς καὶ τὰ κέντρα τῶν περιφορῶν καὶ τοὺς δι' ὧν αὐτῶν διήκοντας ἄξονας. τὰ τε γὰρ κέντρα κατ' ἐνέργειαν ὑφέστηκε συνεκτικὰ τῶν σφαιρῶν ὑπάρχοντα καὶ ἐνίζοντα τὰς διαστάσεις αὐτῶν καὶ σφίγγοντα τὰς δυνάμεις τὰς ἐν αὐταῖς καὶ 25 συνερείδοντα πρὸς ἑαυτά, καὶ οἱ ἄξονες συνελίσσουσιν αὐτὰς καὶ περιάγουσιν, αὐτοὶ μονίμως ἡδρασμένοι, καὶ περὶ ἑαυτοὺς ἀνακνκλοῦσιν. καὶ μὴν καὶ οἱ πόλοι

4 παρασκευάσθαι G, παρεσκευάσθαι C. 7 σώματος M, B₃, σχήματος G, 'Corporis' B, Z. 9 τοῦτο μειζόνως ἢ M. 23 συνεκτικὰ C. 25 τὰς ante ἐν αὐταῖς om. G, add. C. 27 ἰδρυμένοι G.

τῶν σφαιρῶν καὶ αὐτοὺς τοὺς ἄξονας ἀφορίζοντες
καὶ τὰς ὅλας περιφορὰς ἀφ' ἑαυτῶν συνέχοντες πῶς
οὐχὶ δηλοῦσιν ἐναργῶς, ὅτι τὰ σημεῖα δημιουργικὰς
ἔχει καὶ συνεκτικὰς δυνάμεις καὶ τελειωτικὰς τῶν
5 διεστώτων πάντων ἐνώσεώς τε χορηγοὺς καὶ τῆς ἀπαύ-
στου κινήσεως; ὅθεν δὴ καὶ ὁ Πλάτων ἀδαμαντί-
νην αὐτῶν τὴν ὑπόστασιν εἶναί φησιν, τὸ ἄτρεπτον
καὶ διαιωνίζον καὶ μόνιμον καὶ ὡσαύτως ἔχον τῆς
οὐσίας αὐτῶν ἐνδεικνύμενος. τὸν τε ἄτρακτον ὅλον
10 περὶ αὐτὰ κινεῖσθαι φησιν καὶ περιχορεύειν αὐτῶν
τὴν ἔνωσιν. ἄλλοι δὲ ἀπορρητότεροι λόγοι καὶ τὸν
δημιουργὸν ἐφ'esτάναι τῷ κόσμῳ λέγουσιν τοῖς πόλοις
ἐποχούμενον καὶ δι' ἔρωτος θείου τοῦ πᾶν ἐπιστρέ-
φοντα πρὸς ἑαυτόν. οἱ δέ γε Πυθαγόρειοι τὸν μὲν
15 πόλον σφραγίδα τῆς Ῥέας ἀποκαλεῖν ἡξίουں ὡς τῆς
ζωογόνου θεότητος ἄρρητον καὶ δραστήριον δύναμιν
εἰς τὸ πᾶν διὰ τούτου προιεμένης, τὸ δὲ κέντρον Ζα-
νὸς φυλακὴν, διότι δημιουργικὴν φρουρὰν ὁ Ζεὺς
τοῖς κόλποις ἐντιθεὶς τοῦ κόσμου περὶ τὸ μέδον αὐ-
20 τὴν σταθερῶς ἡδρασεν. τοῦ γὰρ κέντρου μένοντος
καὶ τὸ πᾶν ἀσάλευτον ἔχει τὴν διακόσμησιν καὶ ἅπαν-
στον τὴν περιφορὰν, καὶ μένει πάντα φυλάττοντα
τὴν ἑαυτῶν τάξιν ἀμετάστατον, οἳ τε πολοκράτορες
θεοὶ συναγωγὸν τῶν διηρημένων καὶ ἐνοποιὸν τῶν
25 πεπληθυσμένων κεκλήρωται δύναμιν, καὶ οἱ τοὺς ||
ἄξονας λαχόντες συνελάνουσι τὰς περιφορὰς καὶ

2 ἄλλας G, ὅλας C. 5 ἀπαύστου om. G, ἀπαντοῦ M,
ἀπ' αὐτοῦ C, 'incessabilis' B, 'indessant' Z. 13 ἐπιστρέ-
φοντες G. 15 ὡς τὴν τῆς G. 16 ζωγόνου C. 17 τοῦ-
των G, per haec B. || ξηνός G. 23 ἀμετάστον M, ἀμετά-
στατοι C. || πολοκράτορες C, 'qui Polis assistant' B, 'polo
dominantes' Z.

δαιωνίως ἀνακυκλοῦσι. καὶ εἴ με δεῖ τοῦμὸν εἰπεῖν, τὰ μὲν κέντρα πασῶν τῶν σφαιρῶν καὶ οἱ πόλοι σύμβολα τῶν ἰσχυρῶν εἰσι θεῶν τὸ ἄγνωστον ἐκείνων καὶ ἐνωτικὸν ἀπεικονισμένοι σύνθημα, οἱ δὲ ἄξονες τὰς συνοχὰς τῶν ὅλων διακόσμων ἀποτυποῦνται καὶ 5 αὐτοὶ συνεκτικοὶ τῶν ἐγκοσμίων εἰσιν ὁλοτήτων καὶ τῶν περιόδων, ὥσπερ ἐκεῖνα τῶν νοερῶν, αὐταὶ δὲ αἱ σφαῖραι τῶν τελεσιουργῶν θεῶν εἰκόνες εἰσὶν ἀρχὴν τέλει συνάπτουσαι καὶ πάντων σχημάτων ἀπλότητι καὶ ὁμοιότητι καὶ τελειότητι διαφέρουσαι. 10

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλέον προηγούμεν εἰς ἐνδειξιν τῆς τῶν ἀμερῶν καὶ ὅλως τῶν ἐν τῷ κόσμῳ περᾶτων δυνάμεως, καὶ ὅτι ταῦτα καθόσον εἰκόνα φέρει τῶν πρώτων καὶ ἀρχικωτάτων αἰτίων μεγίστην ἐν τῷ παντὶ κεκλήρωται τάξιν. οὐ γὰρ τοιαῦτα πέρατά 15 ἔστιν τὰ κέντρα καὶ οἱ πόλοι, οἷα τὰ τῶν περατουμένων, ἀλλὰ κατ' ἐνέργειαν ἴδρυνται καὶ ὑπαρξιν ἔχει καὶ δύνανμιν αὐτοτελῇ καὶ διήκουσαν διὰ πάντων τῶν μεριστῶν. οἱ δὲ πολλοὶ τὰ ἐν τοῖς περατουμένοις αὐτοῖς ἀτελεῶς ὑφεστηκότα θεωροῦντες ἀμυδρὰν αὐτῶν 20 οἶονται τὴν ὑπόστασιν εἶναι καὶ οἱ μὲν κατ' ἐπίνοιαν μόνην χωρίζεσθαί φασιν αὐτὰ τῶν αἰσθητῶν, οἱ δὲ μηδὲ ἀλλαχοῦ πού τὴν οὐσίαν ἔχειν ἢ ἐν ταῖς ἡμετέραις ἐπινοίαις. ἐπεὶ δὲ ἔστι μὲν καὶ ἐν τῇ νοερᾷ φύσει τὰ εἶδη τούτων πάντων, ἔστι δὲ καὶ ἐν τοῖς ψυχι- 25 κοῖς διακόσμοις, ἔστι δὲ καὶ ἐν τῇ φύσει καὶ ἐν τοῖς σώμασιν ἐσχάτως, νοήσωμεν, ὅπως κατὰ τὴν ἐν αὐτοῖς τάξιν καὶ τὴν ὑπόστασιν ἔλαχεν ἐν τοῖς γένεσιν τῶν

13 δυνάμεων G. 14 τὴν μεγίστην G. 22 αὐτὰ φασιν G. 25 τούτων πάντων] πάντων om. G, τούτων om. C, 'horum omnium' Z, B. 27 ἐσχάτοις G, ἐσχάτως C.

ὄντων. καὶ πάντα μὲν ἐν νῶ προουφέστηκεν, ἀλλ'
 ἀμερίστως καὶ ἐνοειδῶς, ὥστε πάντα καθ' ἐν εἶδος
 ὑφεστάναι κατὰ τὸν τοῦ σημείου λόγον κρυφίως ἔχοντα
 καὶ ἀμερῶς [πάντα] — πάντα δὲ ἐν ταῖς ψυχαῖς, ἀλλὰ
 5 κατὰ τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος
 ἐκ τῶν εὐθειῶν καὶ τῶν περιφερῶν γραμμῶν ὑπεστή-
 σατο τὴν ψυχὴν· καὶ γὰρ τῶν κύκλων ἕκαστος γραμμὴ
 ἐστὶ μόνον — πάντα δὲ ἐν ταῖς φύσεσιν, ἀλλὰ κατὰ
 τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον. διὸ καὶ ὁ Πλάτων τοὺς
 10 φυσικοὺς λόγους τοὺς ὑποστατικοὺς τῶν σωμάτων διὰ
 τῶν ἐπιπέδων ἡξίου δηλοῦν, καὶ ἡ τῶν σωμάτων εἰς
 τὰ ἐπίπεδα ἀνάλυσις ἐπὶ τὴν αἰτίαν ἡμᾶς περιῆγε τὴν
 προσεχῇ τῶν φαινομένων — πάντα μὲν καὶ ἐν τοῖς
 σώμασιν, ἀλλὰ σωματοειδῶς κατὰ τὴν μεριστὴν φύσιν
 15 τῶν σωμάτων, πάντων ἐν αὐτοῖς ὑφεστώτων τῶν
 εἰδῶν. πάντα ἄρα πανταχοῦ καὶ ἕκαστα κατὰ τὴν
 οἰκεῖαν τάξιν ἐκφαίνεται καὶ ἡ ἐξαλλαγὴ παρὰ τὴν
 ἐπικρατοῦσαν δύναμιν, καὶ πανταχοῦ μὲν τὸ σημεῖον
 ἀμερὲς καὶ τῶν μεριστῶν διαφέρει ἀπλότητι, κατὰ δὲ
 20 τὴν ὑφ᾽ ἑσιν τῶν ὄντων || καὶ τοῦτο τὴν ἐξηρημένην
 ἔλαχεν τῶν μεριστῶν ὑπόστασιν καὶ ὅπου μὲν παντε-
 λῶς αὐτῶν ὑπερίδρυσται κατὰ τὴν τῆς αἰτίας ὑπεροχὴν,
 ὅπου δὲ συντέτακται αὐτοῖς, ὅπου δὲ ἐπεισοδιώδη τὴν
 ὑπαρξιν ἐν αὐτοῖς ἐκλῇ | ῥώσατο καὶ οἶον καταπινό-
 25 μενον ὑπὸ τοῦ μερισμοῦ τῶν ἐσχάτων ἐκλύει τὴν οἰ-
 κεῖαν ἀμέρειαν. καθάπερ οὖν ἡ μονὰς ἄλλη μὲν ἡ
 γεννητικὴ τῶν ἀριθμῶν, ἄλλη δὲ ὡς ὕλη τοῖς ἀριθμοῖς

3 κατὰ τὸν] καὶ τὸν M , B_3 , G ; in M in margine adscripta
 sunt: γρ. κατὰ τὸν τοῦ σημείου λόγον κρυφίως ὄντα καὶ ἀμερῶς,
 'iuxta Signi rationem' B , Z . || κρυφίον ὄντα B_3 , G , 'quae occulte
 existet' B , 'latenter . . . existentia' Z . 4 ἀμερῶς ἔχοντα C .

16 ἕκαστον G .

19 τὸ μεριστὸν G .

26 ἐπιμερείαν G .

ὑπεστρωμένη, καὶ ἀρχὴ μὲν ἑκατέρω καὶ οὐχ ὅπερ ἀριθμός, ἄλλον δὲ τρόπον ἀρχὴ καὶ ἄλλον — κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ σημεῖον οὗ μὲν ὑποστατικόν ἐστι τῶν μεγεθῶν, οὗ δὲ ἄλλως ἀρχὴ καὶ οὐ κατα τὴν γεννητικὴν αἰτίαν.

5

Ἄρ' οὖν τὸ σημεῖον μόνον ἀμερές; ἢ καὶ τὸ νῦν τοιοῦτον ἐν χρόνῳ καὶ ἡ μονὰς ἐν τοῖς ἀριθμοῖς; ἢ τῷ μὲν φιλοσόφῳ περὶ πάντων ποιουμένῳ τῶν ὄντων λόγους πάντα μὲν τὰ ὁπωσοῦν μεριστὰ προσήκει θεωρεῖν, πάσας δὲ τὰς τῶν ἀμερῶν ὑποστάσεις τὰς τούτων 10 ἀρχικάς, τῷ δὲ τῶν καθ' ἕκαστα ἐπιστήμονι ἀπὸ τινων ὠρισμένων ἀρχῶν προσάγοντι τὴν θεωρίαν καὶ μέχρις ἐκείνων ἀνατρέχοντι, τὰς δὲ προόδους τῶν ὄντων οὐ περιοραζομένῳ, ταύτην μόνην ἐπιβάλλει καὶ σκοπεῖν καὶ παραδιδόναι τὴν ἀμερῇ φύσιν; ἢ ταῖς αὐτοῦ δια- 15 φέρει πρωτίσταις ἀρχαῖς καὶ ταύτην ὁρᾷ τὴν ἀπλότητα τὴν τῶν ὑποκειμένων αὐτῷ γνωστῶν ἐξηγουμένην; μόνον οὖν τὸ σημεῖον ἀμερές κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ὕλην καὶ ἡ μονὰς κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν, καὶ ὁ τοῦ σημείου λόγος, εἰ καὶ πρὸς ἄλλον ἀτελής, ἀλλὰ 20 πρὸς γε τὴν παροῦσαν ἐπιστήμην τέλειος, ἐπεὶ καὶ ὁ ἰατρὸς στοιχεῖα τῶν σωμάτων πῦρ καὶ ὕδωρ λέγει καὶ τὰ τούτοις ὅμοια. καὶ ἡ ἀνάλυσις αὐτῶν μέχρι τούτων. ἀλλ' ὅ γε φυσικὸς ἐπ' ἄλλα μέτεισι τὰ τούτων ἀπλούστερα καὶ ὁ μὲν ὀρίζεται στοιχεῖον τὸ πρὸς αἰ- 25 σθησιν ἀπλοῦν ὁ δὲ τὸ πρὸς τὸν λόγον ἀπλοῦν, καὶ ἑκάτερος ὁρθῶς πρὸς γε τὴν οἰκείαν ἐπιστήμην. μὴ

2 ἀρχὴ om. G. 3—4 οὗ μὲν . . . οὗ δὲ G, οὗ μὲν . . . οὗ δὲ C. 10 τῶν ἀμερῶν M, τῶν μερῶν B₃, G, 'partium' B, 'impartibilium' Z. 14 ἐπιβάλλειν G. 16 ὁρᾷ G, ὁρᾷ C. 20 ἄλλον M, B₃, G, ἄλλ' C, 'apud alium' B, 'ad aliud' Z. 23 ἢ om. G.

τοίνυν μηδὲ τὸν ὄρον τοῦ σημείου διημαρτῆσθαι νομίζωμεν μηδὲ ἀτελῇ θώμεθα αὐτὸν εἶναι. πρὸς γὰρ τὴν γεωμετρικὴν ὕλην καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς ταύτης ἱκανῶς ἀποδέδοται. μόνον γὰρ οὐχὶ λέγει σαφῶς, ὅτι τὸ ἀμε-
 5 ρὲς κατ' ἐμὲ σημεῖόν ἐστι καὶ ἡ ἐμὴ ἀρχή, καὶ τὸ ἀπλούστατον οὐδὲν ἄλλο ἐστὶν ἢ τοῦτο, καὶ οὕτω προσήκει τοῦ γεωμέτρου λέγοντος ἀκούειν.

Ὁ μὲν οὖν Εὐκλείδης διὰ τῆς ἀποφάσεως τῶν μεριστῶν ἐσήμηνεν ἡμῖν τὴν ἀρχὴν πάσης τῆς ὑπο-
 10 κειμένης αὐτῷ φύσεως εἰς θεωρίαν. καὶ γὰρ οἱ ἀποφαιτικοὶ λόγοι προσήκουσι ταῖς ἀρχαῖς, ὥς ὁ Παρμενίδης ἡμᾶς ἀναδιδάσκει τὴν τε πρωτίστην αἰτίαν καὶ τὴν ἐσχάτην διὰ μόνων τῶν ἀποφάσεων παραδούς. πᾶσα γὰρ ἀρχὴ τῶν ἀπ' αὐτῆς καθ' ἑτέραν οὐσίαν
 15 ὑφέστηκεν καὶ αἱ τούτων ἀποφάσεις τὴν ἐκείνης ἡμῖν δηλοῦσιν || ἰδιότητα. τὸ γὰρ αἷτιον μὲν τούτων, οὐδὲν δὲ τούτων ὑπάρχον, ὧν αἷτιόν ἐστι, γνώριμον πῶς γίνεται διὰ τοῦ τρόπου τούτου τῆς διδασκαλίας.

Ἴσως δ' ἂν τις ἀπορήσειεν, πῶς πάντα μορφωτι-
 20 κῶς καὶ μεριστῶς τῆς φαντασίας δεχομένης ἀμερές τι σημεῖον ὁ γεωμέτρης ἐν αὐτῇ θεωρεῖ. μὴ γὰρ ὅτι τοὺς ἐν διανοίᾳ λόγους, ἀλλὰ καὶ τὰς τῶν νοερῶν καὶ θείων εἰδῶν ἐμφάσεις ἡ φαντασία κατὰ τὴν οἰκείαν δέχεται φύσιν, τῶν μὲν ἀμόρφων μορφὰς τῶν δὲ
 25 ἀσχηματίστων σχήματα προτείνουσα. πρὸς δὲ ταύτην τὴν ἀπορίαν λέγομεν, ὅτι τῆς φανταστικῆς κινήσεως τὸ εἶδος οὔτε μεριστόν ἐστι μόνον οὔτε ἀμερίστον,

2 τὴν om. G. 4 ἀποδέδεικται G. 9 μερῶν G, μεριστῶν C. || τὴν om. G. 11 ὅπερ Μενίδης G, ὁ παρμενίδης C.
 15 αἱ om. G, add. C. || ἐκείνων G. 20 ἀμερές τὸ H₂ p. 275. 22 καὶ τὰς] τοὺς G. 25 ἀσχημάτων G. 26 λέγωμεν G.

ἀλλ' ἐκ τοῦ ἀμερίστου πρόεισιν εἰς τὸ μεριστὸν καὶ
ἐκ τοῦ ἀμόρφου εἰς τὸ μεμορφωμένον. εἴτε γὰρ με-
ριστὴ μόνον ἦν, οὐκ ἂν τοὺς πολλοὺς τύπους τῶν
εἰδῶν ἐν ἐαυτῇ σῶζειν ἡδύνατο τῶν ἐπεισιόντων ἀμυ-
δρύντων τοὺς πρὸ αὐτῶν, καθότι τῶν σωμάτων οὐδὲν 5
ἅμα καὶ κατὰ τὸ αὐτὸ πολλοῖς κατέχεται σχήμασιν,
ἀλλὰ διὰ τῶν δευτέρων ἀφανίζεται τὰ πρότερα, εἴτε
ἀμέριστος, τῆς διανοίας οὐκ ἂν ἦν καταδεεστέρα καὶ
τῆς ἐν ἀμερεῖ πάντα θεωρούσης ψυχῆς, οὐδ' ἂν μορ-
φωτικῶς ἐποιεῖτο τὰς ἐνεργείας. ἀνάγκη δὴ οὖν αὐτὴν 10
ἄρχεσθαι μὲν ἐκ τοῦ ἀμεροῦς κατὰ τὴν κίνησιν καὶ
προβάλλειν ἐκεῖθεν τὸ συνεσπειραμένον εἶδος ἐκάστου
τῶν εἰς αὐτὴν ἡκόντων γνωστῶν, ἀπολήγειν δὲ εἰς
μορφήν καὶ σχῆμα καὶ διάστασιν. εἰ τοίνυν τοιαύτην
ἔλαχεν φύσιν, ἔστι πῶς ἐν αὐτῇ καὶ τὸ ἀμέριστον, καὶ 15
κατ' ἐκεῖνο τὴν οὐσίαν ἔχειν μάλιστα τὸ σημεῖον
λεκτέον. καὶ γὰρ τὸ τῆς γραμμῆς εἶδος κατ' ἐκεῖνο
συνηρημένως ἐστὶν ἐν αὐτῇ. διττὴν οὖν συνέχουσα
δύναμιν, ἀμέριστον καὶ μεριστήν, ἔχει καὶ τὸ σημεῖον
ἀμερῶς καὶ τὰ διαστήματα μεριστῶς.

20

Ἐπεὶ δὲ καὶ οἱ Πυθαγόρειοι το σημεῖον ἀφορί-
ζονται μονάδα προσλαβοῦσαν θέσιν, σκεπτέον τί ποτε
νοοῦντες λέγουσιν. ὅτι μὲν οὖν οἱ ἀριθμοὶ τῶν μεγε-
θῶν ἀνλότεροι καὶ καθαρώτεροι, καὶ ὅτι τῶν ἀριθμῶν
ἡ ἀρχὴ τῆς τῶν μεγεθῶν ἐστὶν ἀπλουστέρα, παντὶ 25
καταφανές. ἀλλ' ὅταν λέγωσι τὴν μὲν μονάδα θέσιν

2 μορφοῦμενον *G*, μεμορφωμένον *H*₁ p. 452, *H*₂ p. 275. ||
εἴτε] εἰ *H*₂ p. 275. 4 (ἀμυδρῶς τῶν) *H*₂. 9 μορφωτικῶς *H*₂.

11 ἀμερῶς *G*. 12 συνεσπαρμένον *G*. *B*₃ = *M*. 'consatam conspersamve', in margine autem 'convolutam' *B*, 'conspersam' *Z*.

15 ἔλαχον *C* et *M* prima manu, postera ε supra o scripsit.

18 συνηρημένον *G*. 26 ὅτε *G*, ὅταν *C*.

ἔχουσιν, ἐνδείκνυσθαι μοι δοκοῦσιν, ὥς ἄρα ἡ μὲν
 μονὰς καὶ ὁ ἀριθμὸς ἐν δόξῃ τὴν ὑπόστασιν κέκτῃται,
 λέγω δὲ τὸν μοναδικὸν ἀριθμὸν. διὸ καὶ τῶν ἀριθ-
 μῶν ἕκαστος εἰς ἐστίν, οἷον ὁ πέντε καὶ ὁ ἐπτά, καὶ
 5 οὐ πολλοὶ καθ' ἑκάστην ψυχὴν, καὶ σχήματος καὶ μορ-
 φῆς ἐπεισοδιώδους καθαρεύουσι. τὸ δὲ σημεῖον ἐν
 φαντασίᾳ προτείνεται καὶ οἷον ἐν τόπῳ γέγονεν, καὶ
 ἐνυλὸν ἐστὶ κατὰ τὴν νοητὴν ὕλην. ἄθετος οὖν ἡ
 μονὰς ὥς ἄνλος καὶ παντὸς ἔξω διαστήματος καὶ τό-
 10 πον. || Θέσιν δὲ ἔχει τὸ σημεῖον ὥς ἐν τοῖς φαντασίας
 κόλποις ἰνδαλλόμενον καὶ ἐνυλον. διὰ δὲ τὴν κοινω-
 νίαν τῶν ἀρχῶν καὶ ἡ μονὰς στιγμῆς ἀπλουστερα.
 κατὰ γὰρ τὴν θέσιν ἐπλεόνασεν ἡ στιγμή τῆς μονά-
 δος, αἱ δὲ προσθέσεις ἐν τοῖς ἀσωμάτοις ὑφέσεις ἀπο-
 15 τελοῦσι τῶν τὰς προσθήκας δεχομένων.

Def. II. Γραμμὴ δὲ μῆκος ἀπλατές.

Δευτέραν ἔχει τὴν τάξιν ἡ γραμμὴ, καθόσον το
 πρώτιστόν ἐστι διάστημα καὶ ἀπλούστατον, ὅπερ ὁ
 γεωμέτρης μῆκος ἐκάλεσε προσθεῖς τὸ ἀπλατές, ἐπειδὴ
 20 καὶ ἡ γραμμὴ πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν ἀρχῆς ἔχει λόγον.
 τὸ μὲν γὰρ σημεῖον ὥς πάντων ἀρχὴν τῶν μεγεθῶν
 διὰ μόνης τῆς ἀποφάσεως ἐδίδαξεν, τὴν δὲ γραμμὴν
 τῇ μὲν καταφατικῶς, τῇ δὲ ἀποφατικῶς. ἐστὶ μὲν γὰρ
 μῆκος, καὶ τούτῳ τῆς τοῦ σημείου πλεονάζει ἀμερείας,

1 Post ἔχουσιν addit G: σημεῖον εἶναι. 5 οἱ G, οὐ C. ||

Supra ψυχὴν in M scriptum est compendium $\overset{\circ}{\rho}$ (εἶδος?).

10 δὲ ἔχει] ἔχον H, p. 261. 14 προσθέσεις G, προσθέ-
 σεις C. 17 τὴν om. G.

ἀπλατῆς δὲ ὡς τῶν ἄλλων καθαρεύουσα διαστάσεων.
 πᾶν γὰρ δὴ τὸ ἀπλατὲς καὶ ἀβαθές ἐστίν, οὐ μὴν ἀνά-
 παλιν. ἀφελὼν οὖν τὸ πλάτος ἔχει καὶ τὸ βάθος
 συνανηρημένον, διόπερ οὐδὲ προσέθηκεν, ὅτι καὶ ἀβα-
 θές, ὡς ἐπόμενον τῇ τοῦ ἀπλατοῦς ἐννοίᾳ. 5

Ἀφορίζονται δὲ αὐτὴν καὶ κατ' ἄλλας μεθόδους,
 οἱ μὲν ῥύσιν σημείου λέγοντες, οἱ δὲ μέγεθος ἐφ' ἐν
 διαστατόν. ἀλλ' οὗτος μὲν ὁ ὅρος τέλειός ἐστιν τὴν
 οὐσίαν σημαίνων τῆς γραμμῆς, ὁ δὲ σημείου ῥύσιν
 εἰπὼν ἔοικεν ἀπὸ τῆς αἰτίας αὐτὴν τῆς γεννητικῆς 10
 δηλοῦν καὶ οὐ πᾶσαν γραμμὴν ἀλλὰ τὴν ἄνυλον παρ-
 ῖστησι· ταύτην γὰρ ὑφίστησι τὸ σημεῖον ἀμερὲς ὑπάρ-
 χον, ὑπάρξεως δὲ τοῖς μεριστοῖς αἴτιον ὄν. ἡ δὲ ῥύσις
 τὴν πρόοδον ἐνδείκνυται καὶ τὴν γόνιμον δύναμιν,
 τὴν ἐπὶ πᾶσαν διάστασιν φθάνουσαν καὶ οὐκ ἐλαττου- 15
 μένην, τὴν αὐτὴν μὲν ἐστῶσαν, πᾶσι δὲ τοῖς μεριστοῖς
 τὴν οὐσίαν παρεχομένην.

Ἄλλὰ ταῦτα μὲν γνώριμα παντί, ἀναμνήσωμεν δὲ
 ἡμᾶς αὐτοὺς τῶν Πυθαγορικωτέρων λόγων, οἳ τὸ μὲν
 σημεῖον ἀνάλογον τίθενται μονάδι, τὴν δὲ γραμμὴν 20
 δυάδι, τὴν δὲ ἐπιφάνειαν τῇ τριάδι καὶ τὸ στερεὸν
 τῇ τετράδι. καίτοι γε ὡς διαστατὰ || λαμβάνοντες μο-
 ναδικὴν μὲν εὐρήσομεν τὴν γραμμὴν, δυαδικὴν δὲ τὴν
 ἐπιφάνειαν, τριαδικὸν δὲ τὸ στερεόν, ὅθεν καὶ ὁ Ἀρι-
 στοτέλης τὸ σῶμα τῇ τριάδι φησὶν τετελειῶσθαι. 25
 καὶ θαυμαστὸν οὐδὲν τὸ μὲν σημεῖον διὰ τὴν ἀμέ-
 ρειαν πρῶτως οἰκειῶσθαι τῇ μονάδι, τὰ δὲ μετὰ τὸ
 σημεῖον ὑφεστάναι μὲν κατὰ τοὺς ἀπὸ μονάδος ἀριθ-

19 μὲν] μέσον G, μὲν C.

20 τίθεται H₂ p. 261.21—24 καὶ τὸ στερεὸν . . . τριαδικὸν om. G. 24 τὸ δὲ στε-
 ρεὸν τετράδι. ὅθεν G.

μους καὶ τούτων σώζειν τὸν λόγον πρὸς τὸ σημεῖον,
 ὃν ἐκεῖνοι πρὸς τὴν μονάδα, μετέχειν δὲ ἕκαστον τοῦ
 προσεχῶς ὑπὲρ αὐτόν, καὶ ταύτην ἔχειν τὴν ἀξίαν
 πρὸς τὸ ἐγγὺς καὶ τὸ ἐφεξῆς, ἣν ἐκεῖνο πρὸς ἑαυτό·
 5 λέγω δὲ οἷον τὴν γραμμὴν δυάδος μὲν ἔχειν τάξιν
 πρὸς τὸ σημεῖον, μονάδος δὲ πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν,
 καὶ ταύτην τριάδος μὲν πρὸς τὸ σημεῖον καὶ τὴν γραμ-
 μὴν, δυάδος δὲ πρὸς τὸ στερεόν, καὶ διὰ τοῦτο τὸ
 σῶμα πρὸς μὲν τὸ σημεῖον εἶναι τετραδικόν, πρὸς δὲ
 10 τὴν γραμμὴν τριαδικόν. ἔχει μὲν οὖν ἡ διάταξις ἑκα-
 τέρα λόγον, ἀρχοειδεστέρα δὲ ἡ τῶν Πυθαγορείων,
 ἄνωθεν ὠρμημένη καὶ τῇ φύσει τῶν ὄντων ἐπομένη.
 τὸ μὲν γὰρ σημεῖον διττόν· ἡ γὰρ καθ' αὐτό ἐστιν ἡ
 ἐν τῇ γραμμῇ, καὶ ὥς πέρας ὃν μόνον καὶ ἐν οὔτε ὅλον
 15 οὔτε μέρη ἔχον μιμεῖται τὴν ἀκρότητα τῶν ὄντων καὶ
 διὰ τοῦτο καὶ ἀνάλογον τέτακται τῇ μονάδι. καὶ γὰρ
 ἡ μονὰς ἐκεῖ πρῶτον, ὅπου πατρικὴ μονὰς ἐστι, φησὶ
 τὸ λόγιον. ἡ δὲ γραμμὴ πρώτη μὲν ἔχουσα μέρη καὶ
 ὅλον, οὔσα δὲ καὶ μοναδικὴ διὰ τὸ ἐφ' ἐν διαστατόν,
 20 καὶ δυαδικὴ διὰ τὴν πρόοδον — εἴτε γὰρ ἄπειρος, με-
 τέχει τῆς ἀορίστου δυάδος, εἴτε πεπερασμένη, δυοῖν
 αὐτῇ δεῖ περάτων, καὶ τὸ πόθεν ποῖ πρὸς τὸν ἀπ'
 αὐτῆς [?] — διὰ ταῦτα τοίνυν τὴν ὁλότητα μιμεῖται καὶ

1 τοῦτον G. 2 οἷον G, ὃν C. || μετέχον δὲ ἕκαστον G,
 μετέχει δὲ ἕκαστον C, B₃=M, 'participare' B, 'particeps est' Z.

3 προσεχούς ὑπὲρ αὐτοῦ G. || ἔχει C. 5—7 δυάδος μὲν ...
 καὶ τὴν γραμμὴν om. G. 8 δὲ post δυάδος om. G.

14 τῇ om. G. || ἐν οὔτε] † ἐνοῦται H₂ p. 261. 15 οὔτε μέρη
 ἔχον om. H₂ p. 261. || τὴν ἀκροτήτην τῶν ὄντων φύσιν G,
 τὴν ἀκρότητα τῶν ὄντων C. 22 περάτων] περὶ αὐτῶν G. ||
 ποῖ] καὶ τὸ ποῖ B₃, G, 'Unde et Quo' B, Z. || πρὸς τὸν ἀπ' αὐτῆς
 aut non invenit aut non interpretatus est B, 'ad eum qui ab
 ipsa' Z; conicias: πρῶτον ἐπ' αὐτῆς, nisi forte exciderunt
 aliquot verba.

τὴν τάξιν ἐκείνην, ἣ καὶ ταναῇ μονὰς ἐστὶν καὶ δύο
γεννᾷ. καὶ γὰρ αὕτη τὴν τε εἰς μῆκος ἔκτασιν προ-
βέβληται καὶ τὸ ταναὸν διαστατῶς καὶ τὸ ἐφ' ἓν καὶ
τὴν τῆς δυάδος μετουσίαν. ἣ δὲ ἐπιφάνεια τριάς οὖσα
καὶ δυὰς καὶ τῶν πρώτων σχημάτων ὑποδοχὴ καὶ μορ- 5
φὴν καὶ εἶδος λαβοῦσα πρώτη τῇ περατούσῃ μὲν τὰ
ὄντα πρώτως καὶ τριαδικῇ φύσει, διαιρουσῇ δὲ αὐτὴν
δυάδι πῶς προσέοικεν. τὸ δ' αὖ στερεὸν τριχῇ δια-
στὰν καὶ κατὰ τὴν τετράδα τὴν τῶν λόγων πάντων
περιληπτικὴν ἀφορισθὲν εἰς ἐκείνην ἀναφέρεται τὴν 10
διακόσμησιν, ἀφ' ἧς καὶ ἡ τῶν σωματικῶν κόσμων
ἐκφαίνεται διάκρισις καὶ ἡ εἰς τρία τῶν ὅλων διαίρε-
σις, μετὰ τῆς τετραδικῆς ιδιότητος, τοῦτο δὲ ἐστὶ
μετὰ τῆς γεννητικῆς καὶ θηλυπρεποῦς.

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλέον ἐξεργάζεσθαι δυνατόν. 15
τὴν δ' αὖ γραμμὴν δευτέραν οὖσαν καὶ κατὰ τὴν
πρώτην ἀπὸ τοῦ ἀμεροῦς κίνησιν ὑποστᾶσαν εἰκότως
καὶ ὁ τῶν Πυθαγορείων λόγος ἐκάλει δυαδικήν.
ὅτι δὲ καὶ τὸ σημεῖον || μετὰ τὴν μονάδα καὶ ἡ γραμμὴ
μετὰ τὴν δυάδα καὶ ἡ ἐπιφάνεια μετὰ τὴν τριάδα δη- 20
λοῖται καὶ ὁ Παρμενίδης τοῦ ἐνὸς ἀποφάσκων τὰ
πολλὰ πρῶτον, εἶτα τὸ ὅλον· εἰ δὲ τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ
ὅλου, καὶ ὁ ἀριθμὸς πρὸ τοῦ συνεχοῦς καὶ ἡ δυὰς πρὸ
τῆς γραμμῆς καὶ ἡ μονὰς | πρὸ τοῦ σημείου. καὶ γὰρ

1 ἡ καὶ ταναῇ] ἡ καὶ ταναῇ *M, B₃*, * ἡ *G*, ἡ καὶ ταναῇ
ἡ *C*, 'Quae etiam porrecta est' *B*, 'vel unitas etiam extensa
est' *Z*. 2 ἔκτασιν *G*. 3 καὶ τὴν] Postera manus in *M* super
καὶ τὴν adscripsit κατὰ. 5 μορφῇ *M, B₃*, 'formam' *B, Z* καὶ
μορφῇ καὶ εἶδος λαβοῦσα aut non invenit aut omisit.

11 ὑφ' ἧς *G*. 14 τῆς ante γεννητικῆς om *G*, add. *C*.

17 ὑποστάσεως *G*, ὑποστᾶσαν *C*. 20 κατὰ τὴν δυάδα *G*.

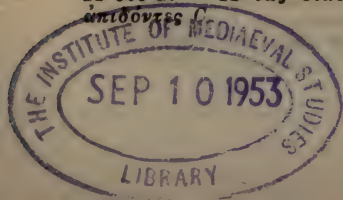
21 Παρμενίδης *M*. 22 πρῶτος *G*, πρῶτον *C*.

τὸ μὲν „οὐ πολλὰ“ τῇ μονάδι προσήκει τῇ γεννώσῃ
τὸ πλῆθος ὑφιστάντι. καὶ γὰρ τοῦτο μέρος
ἔχειν λέγεται.

Τοσαῦτα περὶ τῆς γραμμῆς εἰρήσθω κατὰ τας
5 θεωρικωτέρας ἐπιβολάς. ἀποδεξώμεθα δὲ καὶ τοὺς
περὶ Ἀπολλώνιον λέγοντας, ὅτι γραμμῆς ἔννοιαν
μὲν ἔχομεν, ὅταν τὰ μήκη μόνον ἢ τῶν ὁδῶν ἢ τῶν
τοίχων ἀναμετρεῖν κελεύωμεν· οὐ γὰρ προσποιούμεθα
τότε τὸ πλάτος, ἀλλὰ τὴν ἐφ' ἑν διάστασιν ἀναλογι-
10 ζόμεθα, καθάπερ δὴ καὶ ὅταν χωρία μετροῶμεν, τὴν
ἐπιφάνειαν ὁρῶμεν, ὅταν δὲ φρέατα, τὸ στερεόν.
πάσας γὰρ ὁμοῦ τὰς διαστάσεις συλλαβόντες ἀποφαι-
νόμεθα τοσόνδε εἶναι τὸ διάστημα τοῦ φρέατος κατὰ
τε μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος. αἰσθησιν δὲ αὐτῆς
15 λάβοιμεν ἂν ἀπιδόντες εἰς τοὺς διορισμοὺς τῶν πεφω-
τισμένων τόπων ἀπὸ τῶν ἐσκιασμένων καὶ ἐπὶ τῆς
σελήνης καὶ ἐπὶ τῆς γῆς. τοῦτο γὰρ τὸ μέσον κατὰ
μὲν πλάτος ἀδιάστατόν ἐστι, μῆκος δὲ ἔχει τὸ συμ-
παρεκτεινόμενον τῷ φωτὶ καὶ τῇ σκιᾷ.

2 Ante ὑφιστάντι (ὑφεστάντι *M*, *B*₃, *G*) exciderunt aliquot
verba velut: τὸ δὲ οὔτε ὅλον οὔτε μέρος τῷ σημείῳ τῷ τὸ
πάντη διαστατόν. In *M* in margine postera manu adscripta
sunt: τῇ δὲ γραμμῇ τὸ οὐχ ὅλον τῇ τὸ ὅλον et ὑφεστάντι
mutatum est in ὑφιστάση. *B* interpretatur: 'Puncto autem
'non totum' Totum producenti'; 'huic vero totum, utpote to-
tum constituenti' *Z*. || καὶ γὰρ τοῦ μέρους *G*, καὶ γὰρ τοῦτο
μέρος *B*₃, *C*; 'nullam enim partem' *B*, sed in margine: 'hoc nam-
que', 'id enim partem' *Z*. 6. 7 μὲν ἔννοιαν *G*. 7 ὅτε *G*.
8 στοιχείων *G*. || κελεύομεν *M*, *G*. 9 Post πλάτος addit *G*.
καὶ βάθος. *B*₃ = *M*. 'Latitudinem tunc, Crassitiemque' *B*,
'latitudinem' *Z*. 10 ὅτε *G*. || μετροῦμεν *G*, μετροῶμεν *C*.
11 ὅτε *G*. 12 τὰς διαστάσεις ὁμοῦ *G*. 15 ἐπιδόντες *G*,

ἀπιδόντες *C*



Def. III. Γραμμῆς δὲ πέρατα σημεία.

Πᾶν τὸ σύνθετον ἀπὸ τοῦ ἀπλοῦ καὶ πᾶν τὸ με-
 ριστὸν ἀπὸ τοῦ ἀμερίστου καταδέχεται τὸν ὅρον. καὶ
 τούτων εἰκόνες ἐν ταῖς ἀρχαῖς προτείνονται τῶν μα-
 θημάτων. ὅταν γὰρ καὶ τὴν γραμμὴν ὑπὸ τῶν ση- 5
 μείων περατοῦσθαι λέγῃ, δηλὸς ἐστὶν αὐτὴν καθ'
 αὐτὴν ἄπειρον ποιῶν, ὥς ἂν διὰ τὴν οἰκείαν πρόοδον
 οὐκ ἔχουσιν πέρας. ὥσπερ οὖν ἡ δυάς ἀπὸ τῆς μο-
 νάδος ὁρίζεται καὶ τὴν ἄσχετον ἐαυτῆς τόλμαν περα-
 τοῖ κρατουμένη παρ' ἐκείνης, οὕτω δὴ καὶ ἡ γραμμὴ 10
 τοῖς σημείοις ὁρίζεται. δυοειδὴς γὰρ οὕσα καίτοι τοῦ
 σημείου, μονάδος ἔχοντος λόγον, μετέχει δυαδικῶς.
 ἀλλ' ἐν μὲν τοῖς φανταστοῖς καὶ τοῖς αἰσθητοῖς αὐτὰ
 τὰ σημεία τὰ ἐν τῇ γραμμῇ περατοῖ τὴν γραμμὴν, ἐν
 δὲ τοῖς αὐλοῖς εἴδεσι προὔφεσθηκε μὲν ὁ ἀμέριστος 15
 τοῦ σημείου λόγος, προϊὼν δ' ἐκεῖθεν αὐτὸς ὁ πρῶ-
 τιστος ἐαυτὸν || διαστήσας καὶ κινούμενος καὶ ῥέων
 ἐπ' ἄπειρον καὶ τὴν ἀόριστον δυάδα μιμούμενος κρα-
 τεῖται μὲν ὑπὸ τῆς ἰδίας ἀρχῆς, ἐνίζεται δὲ ὑπ' αὐτῆς
 καὶ περιλαμβάνεται πανταχόθεν. ἄπειρος οὖν ἅμα καὶ 20
 πεπερασμένος ἐστί, κατὰ μὲν τὴν ἐαυτοῦ πρόοδον
 ἄπειρος, κατὰ δὲ τὴν τῆς αἰτίας τῆς περατοειδοῦς
 μέθεξιν πεπερασμένος. ἐαυτῷ γὰρ προελθὼν τῇ ἐκεί-
 νης περιοχῇ κενράτῃται καὶ ὁρίζεται κατὰ τὴν ἐκεί-
 νης ἔνωσιν. ὅθεν δὴ καὶ ἐν ταῖς εἰκόσι τὰ σημεία τὸ 25

5 ἀπὸ C.

8 ἔχουσα G.

9 τόλμην G, τόλμαν C.

10 δὴ om. G, add. C. || Post γραμμὴ add. G παρ' ἐκείνης,
 del. C.

15 μὲν om. G, προὔφεσθη μὲν C.

17 ῥέων G,
 ῥέον C.

πέρας καὶ τὴν ἀρχὴν καταλαμβάνοντα τῆς γραμμῆς
 ὁρίζειν αὐτὴν λέγεται. ἐκεῖ μὲν οὖν ἐστὶ τὸ πέρασ
 ἐξηρημένον τοῦ περατουμένου, ἐνταῦθα δὲ διττόν· ἐν
 αὐτῷ γὰρ ὑφέστηκε τῷ περατουμένῳ. καὶ τοῦτο φέ-
 5 ροι ἂν ἐνδειξιν θαυμαστὴν τοῦ τὰ εἶδη μένοντα μὲν
 ἐφ' ἑαυτῶν κατ' αἰτίαν προηγεῖσθαι τῶν μετεχόντων,
 ἐπιδόντα δὲ ἐκείνοις ἑαυτὰ κατὰ τὴν ἐκείνων ιδιό-
 τητα τὴν ὑπόστασιν λαμβάνειν, συμπληθνόμενα αὐτοῖς
 καὶ συμμεριζόμενα καὶ ἀπολαύοντα τῆς τῶν ὑποκει-
 10 μένων διαιρέσεως.

Καὶ μὴν καὶ τοῦτο δεῖ προειληφέναι περὶ τῆς
 γραμμῆς, ὅτι τριχῶς αὐτῇ χρῆται ὁ γεωμέτρης. καὶ
 γὰρ ὡς ἐφ' ἑκάτερα πεπερασμένη, ὡς τὸ ἐπὶ τῆς δο-
 θεΐσης εὐθείας πεπερασμένης τρίγωνον ἰσόπλευρον
 15 συστήσασθαι, καὶ ὡς τῇ μὲν ἀπείρῳ, τῇ δὲ πεπερα-
 σμένη, ὡς ἐπ' ἐκείνου τοῦ προβλήματος „ἐκ τριῶν
 εὐθειῶν, αἵ εἰσιν ἴσαι τρισὶ ταῖς δοθεῖσαις εὐθείαις,
 τρίγωνον συστήσασθαι“. ἐν γὰρ τῇ κατασκευῇ φησιν
 „ἐκκείσθω τις εὐθεῖα ἐπὶ θάτερα μὲν πεπερασμένη,
 20 ἐπὶ θάτερα δὲ ἄπειρος“ τριχῶς οὖν ἡ γραμμὴ
 λαμβάνεται παρ' αὐτῷ.

Πρὸς δὴ τούτοις ἀρκεῖνο ἐπιστάσεως ἄξιον ὃν μὴ
 παραδράμωμεν. πῶς γὰρ εἴρηται γραμμῆς πέρατα

8 συμπληθνόμενα G. 9 ἀπολαβόντα G, ἀπολαύοντα C.
 18 Post συστήσασθαι add. G: καὶ ὡς τῇ μὲν ἀπείρῳ,
 del. C. 20 Post ἄπειρος maior est lacuna. In M in margine
 adscripta sunt postera manu: καὶ ὡς ἐπὶ θάτερα ἀπείρῳ ὡς τὸ
 τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄπειρον δίχα τεμεῖν. B₃ = G. Apud
 Barocium legitur: 'Et ut ex utraque parte infinita: ut in illo
 Problemate, quod inquit, Super datam rectam Lineam infini-
 tam a dato Signo, quod in ea non sit, Perpendicularem rectam
 Lineam deducere.' 'et est aliquando ea linea quae in utraque
 parte infinita est: sicut est illud: datam rectam lineam infini-
 tam bifariam secare' Z. 23 παραδέδωκεν G, παραδράμωμεν C.

σημεῖα, καὶ ποίας γραμμῆς; οὔτε γὰρ τῆς ἀπείρου
οὔτε πάσης τῆς πεπερασμένης· ἔστι γὰρ τις γραμμὴ
καὶ πεπερασμένη καὶ οὐκ ἔχουσα πέρατα σημεῖα. τοι-
αύτη γὰρ ἡ κυκλικὴ αὐτὴ εἰς ἑαυτὴν συννεύουσα καὶ
οὐ σημείοις χρωμένη πέρασιν ὥς ἡ εὐθεῖα· τοιαύτη ⁵
καὶ ἡ τοῦ θυρεοῦ. μὴ ποτε οὖν τὴν γραμμὴν ὁρᾶν
δεῖ καθόσον ἐστὶ γραμμὴ. λάβοιμεν γὰρ ἄν καὶ περι-
φέρειάν τινα περατουμένην ὑπὸ σημείων καὶ μέρος
τῆς τοῦ θυρεοῦ γραμμῆς ὡσαύτως ἔχον πέρατα ση-
μεῖα. πᾶσα δὲ ἡ τοῦ κύκλου καὶ τοῦ θυρεοῦ καὶ ἄλ- ¹⁰
λην ιδιότητα προσείληφεν, καθ' ἣν οὐ μόνον γραμμὴ
ἐστὶν ἀλλὰ καὶ σχήματος ἀποτελεστική. εἰ μὲν οὖν
γραμμαὶ ἄμφω, πέρατα ἔχουσι σημεῖα, εἰ δὲ σχημάτων
ποιητικὰ τοιῶνδε, συννεύουσιν εἰς αὐτάς. εἰ δὲ καὶ
γραφομένας αὐτάς νοήσεις, εὗροις ἄν ὅπῃ περατοῦν- ¹⁵
ται ὑπὸ σημείων, γεγραμμένας δὲ λαβὼν καὶ τέλος
ἀρχῇ συνάψας || οὐκέτι θεωρῆσαι δύνασθαι τὰ πέρατα
αὐτῶν.

Def. III. Εὐθεῖα γραμμὴ ἐστὶν, ἥτις ἐξ ἴσου
τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις κεῖται.

20

| Ὁ μὲν Πλάτων τῆς γραμμῆς δύο τὰ ἀπλούστατα
καὶ ἀρχοειδέστατα θέμενος εἶδη, τὴν τε εὐθεῖαν καὶ

3 πέρατος G. 6 καὶ post τοιαύτη om. G, add. C. || θυ-
ραιου G. 7 δεῖν G. || γὰρ om. G. || καὶ post ἄν om. G.
9 θυραιου G. 10 θυραιου G. || ἄλλον G, ἄλλην C.
12. 13 εἰ μὲν ... εἰ δὲ] αἰ μὲν ... αἰ δὲ G, ἡ οὖν ... ἡ
δὲ C. In M postera manu super εἰ utroque loco scriptum
est ἡ. 13 πέρατος G. 14 ποιητικαὶ G. || πρὸς G, εἰς C. ||
αὐτάς G. 19 ἐφ' ἑαυτοῖς prima manu M; postea compen-
dium syllabae τοῖς rasura mutatum est. ὑφ' ἑαυτοῖς G.
21 Πλάτων] Phileb. 51, C. 22 ἡδη G, εἶδη C.

τὴν περιφερῆ, τὰ ἄλλα πάντα κατὰ μίξιν ἐκ τούτων
 ὑφίστησιν, ὅσα τε ἐλικοειδῇ λέγεται τῶν μὲν ἐπιπέ-
 δων τῶν δὲ περὶ τὰ στερεὰ τὴν ὑπόστασιν δεχομένων,
 καὶ ὅσα κατὰ τὰς τομὰς τῶν στερεῶν ὑφίσταται εἶδη
 5 καμπύλων γραμμῶν. καὶ ἔοικεν τὸ μὲν σημεῖον εἰκόνα
 φέρειν, εἰ θέμις εἰπεῖν, τοῦ ἐνὸς κατὰ τὸν Πλάτωνα.
 καὶ γὰρ τοῦτο μέρος οὐδὲν ἔχει, ὥσπερ καὶ ἐκεῖνος
 δείκνυσιν ἐν Παρμενίδῃ. ἐπεὶ δὲ μετὰ τὸ ἐν τρεῖς
 εἶδιν ὑποστάσεις, τὸ πέρας, τὸ ἄπειρον, τὸ μικτόν,
 10 διὰ τούτων ὑφίσταται τὰ τε τῶν γραμμῶν εἶδη καὶ
 τὰ τῶν γωνιῶν καὶ τῶν σχημάτων· καὶ τῷ μὲν πέρατι
 ἀνάλογον ἡ περιφέρεια καὶ ἡ περιφερόγραμμος γωνία
 καὶ ὁ κύκλος ἐν ἐπιπέδοις καὶ ἡ σφαῖρα ἐν στερεοῖς,
 τῇ δὲ ἀπειρίᾳ τὸ εὐθύ κατὰ πάντα ταῦτα — διήκει
 15 γὰρ διὰ πάντων οἰκείως ἐκασταχοῦ φανταζόμενον —
 τὸ δὲ μικτόν τὸ ἐν ἅπασιν τούτοις τῷ ἐκεῖ μικτῷ. καὶ
 γὰρ γραμμαὶ μικταὶ εἰσιν ὥς αἱ ἑλικες, καὶ γωνίαι
 ὥς ἡ τοῦ ἡμικυκλίου καὶ ἡ κερατοειδῆς, καὶ σχήματα
 ἐπίπεδα μὲν τὰ τμήματα καὶ αἱ ἀψίδες, στερεὰ δὲ
 20 κῶνοι καὶ κύλινδροι καὶ τὰ τοιαῦτα. τὸ ἄρα πέρας
 καὶ ἄπειρον καὶ μικτόν ἐστιν ἐν τούτοις ἅπασιν. καὶ
 μέντοι καὶ ὁ Ἀριστοτέλης τὴν αὐτὴν ἔχει τῷ Πλά-
 τῶνι διάνοιαν. πᾶν γὰρ εἶδος γραμμῆς εὐθύ φησὶν
 ἐστὶν ἢ περιφερὲς ἢ μικτόν ἐκ τούτων. διὸ καὶ κινή-
 25 σεις τρεῖς, ἡ μὲν ἐπ' εὐθείας, ἡ δὲ κύκλῳ, ἡ δὲ μικτή.
 Διαμφισβητοῦσι δέ τινες πρὸς τὴν διαίρεσιν ταύ-
 την καὶ φασὶ μὴ δύο μόνας εἶναι τὰς ἀπλᾶς γραμμάς,

5 σημείου G, σημείον C. 7 ἐκεῖνο M. 8 Παρμενίδῃ] 137, C. D. 11 τὰ om. H₂ p. 273. 16 πᾶσι G, H₂. 18 κε-
 ρατώδης G. 20 κύλινδρος M. 21 πᾶσι H₂. 23 φησιν
 εἶναι G. || φησὶν] de Coelo I, 2.

ἀλλὰ καὶ τρίτην ἄλλην, τὴν περὶ τὸν κύλινδρον ἑλικά
 γραφομένην, ὅταν εὐθείας κινουμένης περὶ τὴν ἐπι-
 φάνειαν τοῦ κυλίνδρου σημείου ὁμοταχῶς ἐπ' αὐτῆς
 κινῆται. γίνεται γὰρ ἑλιξ, ἧς ὁμοιομερῶς πάντα τὰ
 μέρη πᾶσιν ἐφαρμόζει, καθάπερ Ἀπολλώνιος ἐν τῷ 5
 περὶ τοῦ κοχλίου γράμματι δείκνυσιν. καὶ τοῦτο τὸ
 πάθος μόνη πέπονθεν ἐλίκων αὕτη. καὶ γὰρ τῆς ἐπι-
 πέδου τὰ μόρια ἀνόμοια ἀλλήλοις καὶ τῆς περὶ τὸν
 κῶνον γραφομένης καὶ τῆς περὶ τὴν σφαῖραν. μόνη ||
 δὲ ὁμοιομερῆς ἡ κυλινδρική, καθάπερ δὴ καὶ ἡ εὐθεῖα 10
 καὶ ἡ περιφερὴς γραμμὴ. μήποτε οὖν τρεῖς εἰσιν αἱ
 ἀπλατ γραμμαὶ καὶ οὐ δύο μόνον;

Πρὸς δὴ ταύτην τὴν ἀπορίαν ἀπαντησόμεθα λέ-
 γοντες, ὁμοιομερῇ μὲν εἶναι τὴν ἑλικά ταύτην, ὥς καὶ
 Ἀπολλώνιος δέδειχεν, ἀπλῆν δὲ οὐδαμῶς. οὐ γὰρ 15
 ταῦτόν εἶναι τό τε ὁμοιομερὲς καὶ τὸ ἀπλοῦν, ἐπεὶ
 καὶ τῶν φύσει συνεστῶτων ὁμοιομερῆς μὲν ὁ χρυσὸς
 καὶ ὁ ἄργυρος, ἀπλᾶ δὲ ταῦτα οὐκέτι. δηλοῦν δὲ τῆς
 κυλινδρικῆς ἑλικος τὴν μίξιν τὴν ἐκ τῶν ἀπλῶν καὶ
 αὐτὴν τὴν γένεσιν. γεννᾶται γὰρ τῆς μὲν εὐθείας 20
 κύκλῳ κινουμένης περὶ τὸν ἄξονα τοῦ κυλίνδρου,
 τοῦ δὲ σημείου φερομένου ἐπὶ τῆς εὐθείας. δύο τοί-
 νυν κινήσεις αἱ ἀπλατ τὴν ὑπόστασιν αὐτῇ παρέσχον,
 ὥστε τῶν μικτῶν ἐστὶ γραμμῶν καὶ οὐ τῶν ἀπλῶν.
 τὸ γὰρ ἐξ ἀνομοίων ὑποστάν οὐχ ἀπλοῦν ἐστὶν ἀλλὰ 25
 καὶ μικτόν, καὶ ὁρθῶς ὁ Γεμῖνος ἐκ πλειόνων μὲν

3 In margine in *M* adscriptum est: γένεσις κυλινδρικῆς ἑλικος. 4 κινεῖται *M*, *G*, corr. *Kn. I.* || ἧς] ἡ *M*, *G*, corr. *Kn. I.* 8. 9 τοῖς . . . γραφομένοις καὶ τοῖς *C.* 10 καὶ ante ἡ κυλινδρική addidit *G*, del. *C.* 13 δὲ *G*, δὴ *C.* || ἀπαντησόμεθα *G.* 16 τε om. *G.* 17 ὁμοιομερῇ *G.* 18 οὐκέτι ταῦτα *G.* 23 αὐτὴ *G*, αὐτῇ *C.*

κινήσεων καὶ τῶν ἀπλῶν τινα γραμμῶν ὑφίστασθαι
 διδοὺς οὐ μέντοι πᾶσαν εἶναι τὴν τοιαύτην μικτήν,
 ἀλλὰ τὴν ἐξ ἀνομοίων. καὶ γὰρ εἰ τετράγωνον νοή-
 σειας καὶ δύο κινήσεις, τὴν μὲν κατὰ τὸ μῆκος, τὴν
 5 δὲ κατὰ τὸ πλάτος γινομένην, ἰσοταχεῖς, ὑποστήσεται
 ἡ διαγώνιος, εὐθεῖα οὕσα· καὶ οὐ διὰ τοῦτο ἡ εὐθεῖα
 μικτή· οὐ γὰρ προηγείται τις αὐτῆς ἑτέρα γραμμὴ
 κατὰ ἀπλὴν ὑφισταμένη κίνησιν, ὥς τῆς κυλινδρικής
 ἐλέγομεν ἑλικος. ἀλλ' οὐδὲ εἴ τις ἐν ὀρθῇ γωνίᾳ
 10 νοήσειεν ὑποβιβαζομένην εὐθεῖαν καὶ τῇ διχοτομίᾳ
 κύκλον γράφουσιν, διὰ τοῦτο ἡ κυκλικὴ γραμμὴ κατὰ
 μίξιν ὑφέστηκεν· τῆς γὰρ οὕτω κινουμένης τὰ μὲν
 πέρατα ὁμαλῶς κινούμενα εὐθυγραφεῖ, ἡ δὲ διχοτομία
 ἀνωμάλως φερομένη κυκλογραφεῖ, τὰ δὲ ἄλλα σημεῖα
 15 γράφει τὴν ἑλλειψιν, ὥστε τῇ ἀνωμαλίᾳ τῆς κατὰ τὴν
 διχοτομίαν φορᾶς ἐπηκολούθησεν ἡ γένεσις τῆς κυκλι-
 κῆς γραμμῆς παρὰ τὸ δεδόσθαι ἐν τῇ ὀρθῇ γωνίᾳ
 τὴν καταβιβαζομένην εὐθεῖαν, ἀλλὰ μὴ κατὰ φύσιν
 κινεῖσθαι.

20 Ταῦτα μὲν οὖν περὶ τούτων. δόξειε δ' ἂν ἀμφο-
 τέρων οὐσῶν ἀπλῶν τῶν γραμμῶν, τῆς εὐθείας καὶ
 τῆς περιφεροῦς, ἀπλουστέρα μᾶλλον ἢ εὐθεῖα εἶναι.
 ἐν ταύτῃ μὲν γὰρ οὐδὲ κατ' ἐπίνοιάν ἐστιν ἀνομοιότης,
 ἐπὶ δὲ τῆς περιφεροῦς τὸ κοῖλον καὶ κυρτὸν ἑτεροίω-
 25 σιν ἐμφαίνει. καὶ ἡ μὲν εὐθεῖα τὴν περιφέρειαν οὐ
 συνεισάγει κατὰ τὴν ἐπίνοιαν, ἡ δὲ περίφερεια τὴν

5 ἰσοταχῶς G. 8 ὑφισταμένην G, ὑφισταμένης Kn. I.

9 γωνίαν G. 13 ὀρθογραφεῖ C. 14 ἀνωμάλως om. G,
 add. C. 15 In M in margine adscriptum est: γένεσις ἐλλεί-
 ψεως. 16 ἐπηκολούθησεν M, G. 22 τῆς ante περιφεροῦς
 om. M. || ἡ ante εὐθεῖα om. M. 26 συνάγει G, συν-
 εισάγει C.

εὐθείαν, εἰ καὶ μὴ κατὰ τὴν γένεσιν, ἀλλὰ κατὰ τὴν
 πρὸς τὸ κέντρον σχέδιν. τί οὖν, εἰ λέγοι τις καὶ τὴν
 περιφέρειαν δεῖσθαι τῆς εὐθείας εἰς τὴν ὑπόστασιν;
 εἰ γὰρ εὐθείας πεπερασμένης θάτερον μὲν || τῶν
 περάτων μένοι, θάτερον δὲ κινοῖτο, γράψει κύκλον,⁵
 κέντρον δὲ αὐτοῦ τὸ μένον τῆς | εὐθείας πέρας. ἢ τὸ
 γράφον τὸν κύκλον τὸ σημεῖόν ἐστι περὶ τὸ μένον
 φερόμενον, οὐχ ἡ εὐθεῖα; τὴν γὰρ ἀπόστασιν αὕτη
 μόνον ἀφορίζει, τὴν δὲ κυκλικὴν γραμμὴν τὸ σημεῖον
 ὑφίστησι κινούμενον κυκλικῶς.

10

Τούτων μὲν οὖν ἅλως. ἔοικεν δὲ ἡ μὲν περιφέρεια
 πρὸς τοῦ πέρατος εἶναι καὶ τοῦτον ἔχειν τὸν λόγον
 πρὸς τὰς ἄλλας γραμμάς, ὃν πρὸς πάντα τὰ ὄντα τὸ
 πέρας — καὶ γὰρ ὥριστα καὶ σχῆμα ἀποτελεῖ μόνη
 τῶν ἀπλῶν — ἡ δὲ εὐθεῖα πρὸς τῆς ἀπειρίας· ἐπ’¹⁵
 ἀπειρον οὖν ἐκβαλλομένη οὐδὲ παύεται. καὶ ὥς ἐκ
 πέρατος καὶ ἀπείρου τὰ ἄλλα πάντα, οὕτως ἐκ τοῦ περι-
 φεροῦς καὶ τοῦ εὐθέως πᾶν τὸ μικτὸν τῶν γραμμῶν
 γένος τῶν τε ἐπιπέδων καὶ τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς. καὶ
 διὰ ταύτην τὴν αἰτίαν καὶ ἡ ψυχὴ τό τε εὐθὺ καὶ τὸ²⁰
 περιφερὲς κατ’ οὐσίαν ἐν αὐτῇ προεῖληφεν, ἵνα πᾶσαν
 τὴν ἐν τῷ κόσμῳ τοῦ ἀπείρου συστοιχίαν καὶ πᾶσαν
 τὴν περιττοιδῆ κατευθύνῃ φύσιν, τῷ μὲν εὐθεῖ
 τὴν πρόοδον αὐτῶν ὑφιστάσῃ, τῷ δὲ περιφερεῖ τὴν

2 χύσιν G. 6 ἢ M, G, ἢ Kn. I. 7 τὸ ante σημεῖον
 om. G. 11 τοῦτο C. 14 ἀποτελεῖ C. 21 ἐν αὐτῇ G,
 ἐν αὐτῇ M, ἐαυτῆς (ἐαυτοῖς) H₂ p. 273. 22 συστοιχεῖαν G.
 23 περατοειδῆ G (περὶ τῷ ἥδει, περὶ τῷ εἶδει), H₂
 p. 273. ‘superfluam’ Z. ‘Finis’ B. || κατευθύνει G, καθ-
 ευθύνῃ C, κατευθύνῃ (κατευθύνει) H₁ p. 452, H₂. || τῷ
 μὲν εὐθὺ G, τὸ μὲν εὐθὺ C. 24 ὑφιστᾷ G, (ὑφιστά-
 σαν) H₂.

ὑποστροφὴν, καὶ τῷ μὲν εἰς πλῆθος αὐτὰ προάγουσα,
 τῷ δὲ εἰς ἓν πάντα συνάγουσα. καὶ οὐχ ἡ ψυχὴ μόνον,
 ἀλλὰ καὶ ὁ τὴν ψυχὴν ὑποστήσας καὶ ταύτας αὐτῇ
 τὰς δυνάμεις παραδοὺς ἀμφοτέρων ἔχει τὰς πρωτοϋ-
 5 γοὺς αἰτίας ἐν ἑαυτῷ. τῶν γὰρ ὄντων ἀπάντων ἀρ-
 χὴν καὶ μέσα καὶ τέλη προειληφὼς εὐθείας περαίνει
 κατὰ φύσιν περιπορευόμενος, φησὶν ὁ Πλάτων. καὶ
 γὰρ ἐπὶ πάντα πρόεισι ταῖς προνοητικαῖς ἐνεργείαις
 καὶ πρὸς ἑαυτὸν ἐπέστραπται μένων ἐν τῷ ἑαυτοῦ
 10 κατὰ τρόπον ἥθει, φησὶν ὁ Τίμαιος. σύμβολον δὲ ἡ
 μὲν εὐθεῖα τῆς ἀπαρεγκλίτου προνοίας καὶ ἀδιαστρό-
 φου καὶ ἀχράντου καὶ ἀνεκλείπτου καὶ παντοδυνάμου
 καὶ πᾶσι παρούσης, ἡ δὲ περιφέρεια καὶ τὸ περι-
 πορεύεσθαι τῆς εἰς ἑαυτὴν συννευούσης ἐνεργείας καὶ
 15 πρὸς ἑαυτὴν συνελιττομένης καὶ καθ' ἓν νοερὸν πέρας
 τῶν ὅλων ἐπικρατούσης. δύο δὲ ταύτας ὁ δημιουργι-
 κὸς νοῦς ἐν ἑαυτῷ προστησάμενος ἀρχάς, τὸ εὐθὺ καὶ
 τὸ περιφερές, δύο μονάδας προήγαγεν ἀφ' ἑαυτοῦ,
 τὴν μὲν κατὰ τὸ περιφερές ἐνεργοῦσαν καὶ τῶν νοε-
 20 ρῶν οὐσιῶν τελεσιουργόν, τὴν δὲ κατὰ τὸ εὐθὺ καὶ
 τοῖς αἰσθητοῖς τὴν γένεσιν παρεχομένην. ἐπειδὴ δὲ

1 ἐπιστροφὴν *G, H₂*. || καὶ τὸ μὲν *C*. 2 τῷ δὲ εἰς
 ἓν . . . συνάγουσα om. *M*. 4 ἀμφοτέρως *G*, ἀμφοτέρων (ἀμ-
 φότερον) *H₁* p. 452, *H₂*. 6 εὐθείας] Apud Platonem (*Le-
 ges* IV, p. 716, A) legitur εὐθεῖαν et εὐθεῖα. 7 περι-
 πορευόμενος] περιφερόμενος scribendum esse putat Schelling,
 opp. omn. II, 3, p. 275. 8 πρόσεισι *M*. 8. 9 ταῖς ἐνεργειαῖς

καὶ πρὸ ἑαυτὸν ὑπέστραπται *G*, corr. *C*. 9 μένων] μέν *M*,
 μὲν *G*, μένων *Kn. I* (ἔμενεν *Tim.* 42, E). 13 περιπορεύεσθαι]
 περιφέρεσθαι *H₁* p. 453, *H₂* p. 274. 14. 15 συννευούσης . . .
 πρὸς ἑαυτὴν om. *G*, συννεύσεως *M*, συννευούσης (συννεύσεως)
H₁ *H₂*. 17 νοῦς om. *M, G, B, Z*, add. *H₁* *H₂*. 18 τὸ ante
 περιφερές om. *M*. || παρήγαγε *M, G, H₂*, 'produxit' *B*, 'con-
 stituit' *Z*. || ἐφ' *M*, (ἐφ' ἑαυτὸν, ἐφ' αὐτόν) *H₂*.

ἡ ψυχὴ μέση τῶν νοερῶν ἐστὶν καὶ τῶν αἰσθητῶν, καθόσον μὲν συνάπτει τῇ νοερᾷ φύσει, κατὰ κύκλον ἐνεργεῖ, καθόσον δὲ τοῖς αἰσθητοῖς ἐπιστατεῖ, κατὰ τὸ εὐθὺ ποιεῖται τὴν πρόνοιαν.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς πρὸς τὰ ὄντα τούτων τῶν ⁵ εἰδῶν ὁμοιότητος· τὸν δὲ τῆς εὐθείας ὁρισμὸν ὁ μὲν Εὐκλείδης τοῦτον ἀποδέδωκεν, ὃν καὶ παρεθέμεθα, καὶ δηλοῖ διὰ τούτου μόνην τὴν εὐθεῖαν || ἴσον κατέχειν διάστημα τῷ μεταξὺ τῶν ἐπ' αὐτῆς σημείων. ὅσον γὰρ ἀπέχει θάτερον τῶν σημείων θατέρου, το- ¹⁰ σοῦτον τὸ μέγεθος τῆς εὐθείας τῆς ὑπ' αὐτῶν περατουμένης. καὶ τοῦτό ἐστὶν τὸ ἐξ ἴσου κεῖσθαι τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις. εἰ δὲ ἐπὶ τῆς περιφερείας ἢ καὶ ἄλλης τινὸς γραμμῆς δύο σημεῖα λάβοις, τὸ μεταξὺ τούτων ἀπολαμβανόμενον διάστημα τῆς γραμμῆς μετ- ¹⁵ ξὸν ἐστὶ τῆς ἀποστάσεως αὐτῶν. καὶ πᾶσα γραμμὴ τοῦτο πεπονθυῖα φαίνεται πλὴν τῆς εὐθείας. διὸ καὶ κατὰ κοινὴν ἔννοιαν τοὺς μὲν ἐπ' εὐθείας ὁδεύοντας τὴν ἀναγκαίαν μόνην πορεύεσθαι φασιν καὶ οἱ πολλοί, τοὺς δὲ μὴ ἐπ' εὐθείας πλεῖον τῆς ἀναγκαίας. ²⁰ ὁ δὲ Πλάτων ἀφορίζει τὴν εὐθεῖαν γραμμὴν, ἥς τὰ μέσα τοῖς ἄκροις ἐπιπροσθεῖ. καὶ γὰρ τοῦτο τὰ μὲν ἐπ' εὐθείας ἀλλήλοις κείμενα πᾶσχειν ἀναγκαῖον, τὰ δ' ἐπὶ κύκλου περιφερείας ἢ ἄλλης διαστάσεως οὐκ ἀναγκαῖον. ὅθεν δὴ καὶ οἱ ἀστρολογικοὶ φασὶ τότε ²⁵

1 ἐστὶ τῶν νοερῶν *H*₂ p. 272. 5 τούτων τῶν] τῶν ὄντων *G*, corr. *C*, (τούτου τῶν) *H*₂ p. 453. 8 διὰ τοῦτον *G*, διὰ τούτου *C*. 9 τὸ μεταξὺ *G*. 13 ἑαυτοῖς *C*. || ἐπὶ] περὶ *G*. 17. 18 διὸ καὶ . . . ἐπ' εὐθείας om. *G*. 18 καὶ ὁδεύοντας *G*. 19 ἀναγκαίαν *M, C*, ἀναγκαῖον *G*, ἀναγκαίαν ὁδὸν *Kn. I*. || πορεύεσθαι κατὰ τὴν εὐθεῖαν φασὶ *G*. 21 Plato, Parmen. p. 137, E. || ἥς] εἰς *M*, sed postera manus ἥς supra εἰς scripsit; οἷς *G*.

τὸν ἥλιον ἐκλείπειν, ὅταν ἐπὶ μιᾷς εὐθείας γένηται
αὐτός τε καὶ ἡ σελήνη καὶ τὸ ὄμμα τὸ ἡμέτερον. τότε
γὰρ ὑπὸ τῆς σελήνης ἐπιπροσθεῖσθαι μέσης αὐτοῦ
καὶ ἡμῶν γενομένης. καὶ ἴσως ἐνδειξιν ἂν φέροι τὸ
5 πάθος τῆς εὐθείας τοῦ καὶ ἐν τοῖς οὖσι κατὰ τὰς
προόδους τὰς ἀπὸ τῶν αἰτιῶν τὰ μέσα διαιρετικά γί-
νεσθαι τῆς τῶν ἄκρων ὑποστάσεως καὶ τῆς πρὸς ἄλ-
ληλα αὐτῶν κοινωνίας. ὥσπερ δὴ κατὰ τὰς ἐπιστρο-
φὰς συνελίττει καὶ τὰ ἀφ' ἑαυτῶν πρὸς τὰς ἀρχικὰς
10 διεστιῶτα αἰτίας. ὁ δ' αὖ Ἀρχιμήδης τὴν εὐθεῖαν
ὥρισато γραμμὴν ἐλαχίστην τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα
ἔχουσῶν. διότι γάρ, ὡς ὁ Εὐκλείδιος λόγος φησίν,
ἐξ ἴσου κεῖται τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις, διὰ τοῦτο
ἐλαχίστη ἐστὶν τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν. εἰ γὰρ
15 εἴη τις ἐλάττων, οὐκ ἐξ ἴσου κείσεται τοῖς πέρασιν
ἑαυτῆς. καὶ μὴν καὶ οἱ ἄλλοι πάντες ὀρισμοὶ τῆς
εὐθείας εἰς τὰς αὐτὰς ἐννοίας ἐμπίπτουσιν· οἷον ὅτι
ἐπ' ἄκρον ἐστὶ τεταμένη γραμμὴ· καὶ ὅτι μέρος μὲν
οὐκ ἔστιν αὐτῆς ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ, μέρος δὲ
20 ἐν τῷ μετεωροτέρῳ· καὶ ὅτι πάντα αὐτῆς τὰ μέρη
πᾶσιν ὁμοίως ἐφαρμόζει· καὶ ὅτι ἡ τῶν περάτων με-
νόντων καὶ αὐτὴ μένουσα· καὶ ὅτι ἡ μετὰ τῆς ὁμο-
ειδοῦς | μιᾷς σχῆμα μὴ ἀποτελοῦσα. πάντα γὰρ ταῦτα
τὴν ιδιότητα σημαίνει τῆς εὐθείας, ἣν ἔχει τῷ τε
25 ἀπλῇ εἶναι καὶ μίαν ἔχειν πρόοδον ἐλαχίστην τῶν ἀπὸ
τοῦ περάτος ἐπὶ θάτερον πέρας.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν ὀρισμῶν τῆς εὐθείας

3 αὐτοῦ τε καὶ G. 7 ἀποστάσεως G, ὑποστάσεως C.
8 κατὰ] καὶ G, κατὰ C. 10 διεστιῶτα om. M, C. 13 ἐφ'
ἑαυτὴν C. 18 ἐπ' ἄκρων G, ἐπ' ἄκρον C. || τεταμένη G. ||
γραμμὴ om. G, add. C. 23 μία G, μιᾷς C. 24 τότε G. || τό
τε ἀπλῇ Kn. I. 25 Post ἐλαχίστην ἡ add. M.

γραμμῆς· διαιρεῖ δ' αὖ τὴν γραμμὴν ὁ Γεμῖνος πρῶτον μὲν εἰς τὴν ἀσύνθετον καὶ τὴν σύνθετον — καλεῖ δὲ σύνθετον τὴν κεκλασμένην καὶ γωνίαν ποιοῦσαν — ἔπειτα τὴν σύνθετον εἰς τε τὴν σχηματοποιούσαν καὶ τὴν ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλομένην, σχῆμα λέγων ποιεῖν 5 τὴν κυκλικήν, τὴν τοῦ θυρεοῦ, τὴν κιττοειδῆ, μὴ ποιεῖν δὲ τὴν τοῦ ὀρθογωνίου κῶνου τομήν, τὴν τοῦ ἀμβλυγωνίου, τὴν κορχοειδῆ, || τὴν εὐθειάν, πάσας τὰς τοιαύτας. καὶ πάλιν κατ' ἄλλον τρόπον τῆς ἀσυνθέτου γραμμῆς τὴν μὲν ἀπλὴν εἶναι, τὴν δὲ μικτήν, καὶ τῆς 10 ἀπλῆς τὴν μὲν σχῆμα ποιεῖν ὡς τὴν κυκλικήν, τὴν δὲ ὀρίστον εἶναι ὡς τὴν εὐθειάν, τῆς δὲ μικτῆς τὴν μὲν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εἶναι, τὴν δὲ ἐν τοῖς στερεοῖς, καὶ τῆς ἐν ἐπιπέδοις τὴν μὲν ἐν αὐτῇ συμπίπτειν ὡς τὴν κιττοειδῆ, τὴν δ' ἐπ' ἄπειρον ἐκβάλλεσθαι, τῆς δὲ ἐν 15 στερεοῖς τὴν μὲν κατὰ τὰς τομὰς ἐπινοεῖσθαι τῶν στερεῶν, τὴν δὲ περὶ τὰ στερεὰ ὑφίστασθαι. τὴν μὲν γὰρ ἔλिका τὴν περὶ σφαῖραν ἢ κῶνον περὶ τὰ στερεὰ ὑφεστάναι, τὰς δὲ κωνικάς τομὰς ἢ τὰς σπειρικὰς ἀπὸ τοιαύδε τομῆς γεννᾶσθαι τῶν στερεῶν. ἐπινενο- 20 ῖσθαι δὲ ταύτας τὰς τομὰς τὰς μὲν ὑπὸ Μεναιχμοῦ τὰς κωνικάς, ὃ καὶ Ἐρατοσθένης ἱστορῶν λέγει· Μὴ δὲ Μεναιχιμίους κωνοτομεῖν τριάδας· τὰς δὲ ὑπὸ Περσέως, ὃς καὶ τὸ ἐπίγραμμα ἐποίησεν ἐπὶ τῇ εὐρέσει

25

4 ἔπειτα . . . σχηματοποιούσαν om. G, add. C. 6 τὴν κυκλικήν] κυκλικὸν M, C, κυκλικήν G; τὴν ego addidi. 'Circularem' (sc. lineam) B, 'circulosam' Z. || θυραιοῦ G.

7 κῶνον om. G, add. C. 12 Post εἶναι add. G: τὴν δὲ μικτήν, delendum notavit C. || ὡς] εἰς C. 17 περὶ] ἐπὶ G. || τὰς στερεὰς M, C. Postera manus in M utroque loco α super ας scripsit. 17. 18 τὰ στερεὰ . . . κῶνον περὶ om. G, add. C.

20 τῆς τοιαύδε G, τῆς del. C. || ἐπινοεῖσθαι G.

Τρεῖς γραμμάς ἐπὶ πέντε τομαῖς εὐρῶν [ἐλικώδεις]
Περσεὺς τῶνδ' ἔνεκεν δαίμονας ἱλάσατο.

αἱ μὲν δὴ τρεῖς τομαὶ τῶν κώνων εἰσὶν παραβολὴ καὶ
ὑπερβολὴ καὶ ἔλλειψις, τῶν δὲ σπειρικῶν τομῶν ἡ μὲν
5 ἐστὶν ἐμπεπλεγμένη, εἰκνύα τῇ τοῦ ἵππου πέδῃ, ἡ δὲ
κατὰ τὰ μέσα πλατύνεται, ἐξ ἑκατέρου δὲ ἀπολήγει
μέρους, ἡ δὲ παραμήκης οὖσα τῷ μὲν μέσῳ διαστή-
ματι ἐλάττονι χρῆται, εὐρύνεται δὲ ἐφ' ἑκάτερα. τῶν
δὲ ἄλλων μίξεων τὸ πλῆθος ἀπέραντόν ἐστιν· καὶ γὰρ
10 στερεῶν σχημάτων πλῆθος ἐστὶν ἄπειρον καὶ τομαὶ
αὐτῶν συνίστανται πολυειδεῖς. οὐ γὰρ εὐθεῖα μὲν
κατὰ κύκλον κινουμένη ποιεῖ τινα ἐπιφάνειαν, οὐχὶ
δὲ καὶ αἱ κωνικαὶ γραμμαὶ καὶ αἱ κογχοειδεῖς καὶ
αὐταὶ αἱ περιφέρεται. παντοίως οὖν ταῦτα τὰ στερεὰ
15 τεμνόμενα ποικίλα δείκνυσιν εἶδη γραμμῶν.

Τῶν δὲ περὶ τὰ στερεὰ συνισταμένων γραμμῶν
αἱ μὲν εἰσιν ὁμοιομερεῖς, ὥς αἱ περὶ τὸν κύλινδρον
ἑλικες, αἱ δὲ ἀνομοιομερεῖς, ὥσπερ αἱ ἄλλαι πᾶσαι.
συνάγεται οὖν ἐκ τούτων τῶν διαιρέσεων, ὥς αἱ τρεῖς
20 μόναι γραμμαὶ ὁμοιομερεῖς εἰσιν, ἡ εὐθεῖα, ἡ κυκλικὴ
καὶ ἡ κυλινδρική ἑλιξ. δύο μὲν ἐν ἐπιπέδῳ ἀπλαῖ,
μία δὲ μικτὴ περὶ στερεῶ. καὶ τοῦτο ἀποδείκνυσιν
ἐναργῶς ὁ Γεμῖνος προαποδείξας, ὅτι, ἂν πρὸς ὁμοιο-

1 τομαῖς Z. || εὐρῶν τὰς σπειρικὰς λέγων M, C, Z, εὐρῶν
τὰς * σπειρικὰς B₃, G, εὐρῶν ἐλικώδεις Kn. I u. III p. 6. 'spi-
ricas cum invenisset' B. 2 ἔνεκα G. 6 ἀπολήγει G, ἀπο-
λογεῖ M, C. 10 τομαὶ] τὰ μὲν G, τὸ μὲν C. 11 πολυειδῆ G,
πολυειδεῖς C. 12 κύκλου M, C; 'circulariter' B, 'circu-
lose' Z. || τινα om. G. 13 αἱ et ante κωνικαὶ et ante κογχο-
ειδεῖς om. G, add. C. 14 ταῦτα om. G. 17 περὶ] ἐπὶ G.
22 τὸ στερεόν G, στερεῶ C. 23 προαποδείξας G, πρὸς
ἀποδείξας C.

μερῇ γραμμὴν ἀπὸ τοῦ σημείου δύο εὐθεῖαι προσ-
 εκβληθῶσιν ἴσας πρὸς αὐτὴν ποιοῦσαι γωνίας, ἴσαι
 εἶσιν. καὶ ληπτέον ἐκ τῶν ἐκείνου τοῖς φιλομαθέσι
 τὰς ἀποδείξεις, ἐπεὶ καὶ τὰς γενέσεις τῶν σπειρικῶν
 γραμμῶν καὶ τῶν κορχοειδῶν || καὶ τῶν κισσοειδῶν 5
 παραδίδωσιν. ἡμεῖς δὲ τὰς μὲν ἐπωνυμίας αὐτῶν καὶ
 τὰς διαιρέσεις ἱστορήσομεν εἰς τὴν περὶ αὐτῶν ζήτη-
 σιν ἐγείροντες τοὺς εὐφυεῖς, τὸ δὲ περὶ τὴν ἐκάστων
 ζήτησιν τοὺς λόγους ἀκριβοῦν ἐν τοῖς παροῦσιν ἡγού-
 μεθα περιεργον εἶναι, τοῦ γεωμέτρου τὰς ἀπλᾶς καὶ 10
 ἀρχοειδεῖς ἡμῖν ἐνταῦθα μόνας γραμμὰς ἐκφήναντος,
 τὴν μὲν εὐθεῖαν κατὰ τὸν προκείμενον ὁρισμόν, τὴν
 δὲ περιφέρειαν κατὰ τὴν ἀπόδοσιν τοῦ κύκλου. τότε
 γὰρ ἔρεῖ τὴν γραμμὴν τὴν περατοῦσαν τὸν κύκλον
 εἶναι περιφέρειαν. μικτῆς δὲ γραμμῆς οὐδαμοῦ μέ- 15
 νηται. καίτοι γωνίας οἶδε μικτάς, ὥσπερ τὴν τῶν
 ἡμικυκλίων καὶ τὴν κερατοειδῆ, καὶ σχήματα ἐπίπεδα
 μικτά, [τὰ τμήματα] καὶ τοὺς τομέας, καὶ στερεά, τοὺς
 κώνους καὶ κυλίνδρους. τῶν μὲν οὖν ἄλλων ἐκάστου
 τὰ τρία παραδίδωσιν εἶδη, τῶν δὲ γραμμῶν τὰ δύο 20
 μόνον, τὸ εὐθὺ καὶ περιφερές, ἡγούμενος δεῖν ἐν τοῖς
 περὶ τῶν ἀπλῶν λόγοις τὰ ἀπλᾶ παραλαμβάνειν εἶδη.
 πάντα γὰρ τὰ ἄλλα συνθετώτερα τῶν γραμμῶν. ἐπό-
 μενοι δὲ οἷν καὶ ἡμεῖς τῷ γεωμέτρῳ στήσωμεν ἐπὶ
 τῶν ἀπλῶν γραμμῶν τὴν διάρθρωσιν αὐτῶν. 25

1 ἀπὸ τοῦ *M*, *G*, 'ab uno signo' *B*, 'a signo' *Z*, ἀφ' ἐνὸς
Kn. I. 8 ἐκάστου *G*. 13 περιφερῆ *G*. 15 γραμμῆς
 om. *G*. || οὐδέπω *G*, οὐδαμοῦ *C*. 16 τοῦ ἡμικυκλίου *Kn. I.*
 18 τὰ τμήματα, quae om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*), addidit *Kn. I.* 'Segmenta
 s. atque Sectores' *B*. || στερεῶν *G*. 21 ἡγούμενος δεῖν] δεῖ
 γὰρ *G*, *B*₃ = *M*, 'cum arbitraretur opus esse' *B*, 'arbitratus' *Z*.
 25 διόρθωσιν *G*.

Def. V. Ἐπιφάνεια δέ ἐστιν ὁ μῆκος καὶ
πλάτος μόνον ἔχει.

Μετὰ τὸ σημεῖον καὶ τὴν γραμμὴν ἡ ἐπιφάνεια
τέτακται διχῇ διαστᾶσα κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος,
5 ἀβαθὴς δὲ μείνασα καὶ ταύτῃ τοῦ τριχῇ διαστάντος
ἀπλουστέραν ἔχουσα φύσιν. διὸ καὶ ὁ γεωμέτρης τὸ
μόνον προσέθηκε τοῖς δύο διαστήμασιν ὥς ἂν τῆς
τρίτης διαστάσεως οὐκ οὔσης ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ, καὶ
ἐστι καὶ τοῦτο τῇ ἀποφάσει τοῦ βάθους ἴσον | δυνά-
10 μενον, ἵνα κἀνταῦθα τὴν μὲν ὑπεροχὴν τῆς ἐπιφανείας
τὴν κατὰ ἀπλότητα πρὸς τὸ στερεὸν σημαίνῃ διὰ τῆς
ἀποφάσεως ἢ τῆς ἰσοδυναμούσης τῇ ἀποφάσει προσ-
θήκης, τὴν δὲ ὕφεσιν τὴν πρὸς τὰ πρὸ αὐτῆς διὰ τῶν
καταφάσεων.

15 Ἄλλοι δὲ πέρας αὐτὴν ὠρίσαντο σώματος ταύτον
πῶς λέγοντες — τὸ γὰρ περατοῦν τοῦ περατουμένου
μιᾷ λείπεται διαστάσει — οἱ δὲ μέγεθος διχῇ διαστα-
τόν, οἱ δὲ ἄλλως, ὅπως οὖν σχηματίζοντες τὴν ἀπόδο-
σιν σημαίνοντες ταύτον.

20 Τῆς δὲ ἐπιφανείας ἔννοιαν μὲν ἔχειν ἡμᾶς φασιν,
ὅταν τὰ χωρία μετροῶμεν καὶ τοὺς ὅρους αὐτῶν ἀφο-
ρίζωμεν κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος, αἰσθησιν δὲ τινα
λαμβάνειν || εἰς τὰς σκιὰς ἀποβλέποντας· αὐταὶ γὰρ
ἀβαθεῖς οὔσαι διὰ τὸ μὴ δύνασθαι χωρεῖν εἰς τὸ κάτω
25 τῆς γῆς πλάτος ἔχουσι μόνον καὶ μῆκος. οἱ δὲ γε

4 διαστᾶσα om. G. 5 ἀβαθὴς G. || αὐτὴ G, ταύτῃ C. ||
διαπαντὸς G, διαστάντος C. 11 σημαίνῃ G. 13 πρὸς τὰ
delenda notavit C. 14 καταστάσεων G, καταφάσεων C.
18 ἄλλοι G. || σχηματίζονται G, σχηματίζοντες C. 20 φη-
σιν C. 22 τε om. G, add. C. 23 ἀποβλέποντες G.

Πυθαγόρειοι τῇ τριάδι προσήκειν ἔλεγον αὐτήν, διότι δὴ τὰ ἐπ' αὐτῆς σχήματα πάντα πρωτίστην αἰτίαν ἔχει τὴν τριάδα. ὁ μὲν γὰρ κύκλος, ὅς ἐστιν ἀρχὴ τῶν περιφερομένων, ἐν κρυφίῳ ἔχει τὸ τριαδικὸν τῷ κέντρῳ τῇ διαστάσει τῇ περιφερείᾳ· τὸ δὲ τρίγωνον 5 ἀπάντων ἡγεμονοῦν τῶν εὐθυγράμμων παντί που δῆλον, ὅτι τῇ τριάδι κατέχεται καὶ κατ' ἐκείνην μεμόρφωται.

Def. VI. Ἐπιφανείας δὲ πέρατα γραμμαί.

Καὶ ἀπὸ τούτων ὡς εἰκόνων ληπτέον ὅτι πᾶν τὸ 10 προσεχῶς ἐκάστου τῶν ὄντων ἀπλούστερον τὸν ὅρον ἐπάγει καὶ τὸ πέρας ἐκάστῳ. καὶ γὰρ ψυχὴ τὴν τῆς φύσεως ἐνέργειαν ἀφορίζει καὶ τελειοῖ καὶ φύσις τὴν τῶν σωμάτων κίνησιν, καὶ πρὸ τούτων νοῦς μετρεῖ τὰς περιόδους τῆς ψυχῆς καὶ αὐτοῦ τοῦ νοῦ τὴν ζωὴν 15 τὸ ἐν. πάντων γὰρ ἐκεῖνο μέτρον. ὥσπερ δὴ καὶ ἐν τούτοις ὀρίζεται μὲν τὸ στερεὸν ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας, ὀρίζεται δὲ καὶ ἡ ἐπιφάνεια ὑπὸ τῆς γραμμῆς καὶ αὕτη ὑπὸ τοῦ σημείου· πάντων γὰρ ἐκεῖνο πέρας. ἐν μὲν οὖν τοῖς αὐλοῖς εἶδεσι καὶ ἀμερέσει λόγοις ἡ 20 γραμμὴ, μονοειδὴς ὑπάρχουσα κατὰ τὴν πρόοδον, τὴν τῆς ἐπιφανείας ποικίλην κίνησιν περατοῖ καὶ συνέχει,

2 πρώτην (πρὸς τὴν) H_1 p. 453, H_2 p. 261. || αἰτίαν om. G , add. C . 3 ἔχειν C . || ὅς om. G , add. C . 4 Super περιφερομένων in M postera manu scripsit γραμμῶν. || καὶ ἐγκρυφίως G , ἐν κρυφίῳ C , H_1 H_2 . || τῷ τριαδικῷ G , τὸ τριαδικὸν C , H_1 H_2 . 7 τῇ om. G . 10 πῶς G , πᾶν C . 14 ἀσωμάτων C ; 'Corporum' B , Z . 16 ἐκείνων G . 18 δὴ καὶ G , δὲ καὶ C . || ἡ om. G . 19 αὐτὴ M . 21—22 κατὰ τὴν πρόοδον . . . περατοῖ] καὶ τ. πρ. τ. τ. ἐπ. κατὰ π. κ. π. postera manus in M ; 'in Superficie progressu varium motum terminat' B , 'iuxta progressum: varium superficie motum terminat' Z .

καὶ τὴν ἀπειρίαν αὐτῆς ἐνίξει προσεχῶς, ἐν δὲ ταῖς εἰκόσιν αὐτοῦ τοῦ περατουμένου τὸ περατοῦν γεγρονὸς οὕτως αὐτῷ δίδωσι τὸν ὅρον.

Εἰ δέ τις ἐπιζητοίη κἀνταῦθα, πῶς πάσης ἐπιφανείας ⁵ πέρατα γραμμαί, μὴ δὲ τῆς πεπερασμένης πάσης — ἡ γὰρ ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας πεπέρασται μὲν, οὐχ ὑπὸ γραμμῶν δέ, ἀλλ' αὐτὴ ὑφ' αὐτῆς — ἐροῦμεν, ὅτι τὴν ἐπιφάνειαν, καθόσον ἐστὶ διχῇ διαστατή, λαβόντες εὐρήσομεν ὑπὸ γραμμῶν ὀριζομένην κατὰ τε ¹⁰ τὸ μῆκος καὶ τὸ πλάτος, εἰ δὲ τὴν σφαιρικὴν θεωροῖμεν ἐσχηματισμένην αὐτὴν καὶ προσλαβοῦσαν ἄλλην ποιότητα, λαμβάνομεν καὶ πέρας ἀρχῇ συνάψασαν καὶ ἐκ τῶν δύο περάτων ἐν ποιήσασαν, καὶ τοῦτο δυνάμει μόνον ἐν ὑπάρχον καὶ οὐ κατ' ἐνέργειαν.

¹⁵ || Def. VII. Ἐπίπεδος ἐπιφανεία ἐστίν, ἥτις ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ' αὐτῆς εὐθείαις κεῖται.

Τοῖς μὲν παλαιότεροις τῶν φιλοσόφων οὐκ ἐδόκει τῆς ἐπιφανείας εἶδος τίθεσθαι τὸ ἐπίπεδον, ἀλλ' ὥς ταὐτὸ ἐκάτερον παραλαμβάνειν εἰς παράστασιν τοῦ ²⁰ διχῇ διαστάντος μεγέθους. οὕτω γὰρ καὶ ὁ θεῖος Πλάτων τὴν γεωμετρίαν τῶν ἐπιπέδων ἔφατο θεωρητικὴν εἶναι, πρὸς τὴν στερεομετρίαν αὐτὴν ἀντιδιαίρων ὥς ἂν τῆς αὐτῆς οὔσης τῷ ἐπιπέδῳ τῆς ἐπιφανείας· καὶ ὁ δαιμόνιος Ἀριστοτέλης ὡσαύτως. ²⁵ Εὐκλείδης δὲ καὶ οἱ μετ' αὐτὸν γένος μὲν ποιούσι τὴν ἐπιφάνειαν, εἶδος δὲ τὸ ἐπίπεδον ὥς τῆς γραμμῆς

4 ἐπιζητήσκειν G. 5 αἱ γραμμαί G. || Post πάσης οὔσαι add. G, del. C. 7 ἡ ἐροῦμεν G, C del. ἡ. 10 θεωρήσομεν G. 12 συνάψαν M.

τὴν εὐθείαν. διὸ καὶ τὸ ἐπίπεδον χωρὶς ἀφορίζεται
 τῆς ἐπιφανείας κατὰ τὸ ἀνάλογον τῇ εὐθείᾳ· καὶ γὰρ
 ἐκείνην ἴσην εἶναι τῷ μεταξὺ διαστήματι τῶν σημείων
 ἔλεγεν καὶ ταύτην ὁμοίως δυεῖν εὐθειῶν ἐκκειμένων
 ἴσον κατέχειν τόπον τῷ μεταξὺ τῶν εὐθειῶν. αὕτη 5
 γὰρ ἐστὶν ἡ ἐξ ἴσου κειμένη ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς εὐθείαις,
 ἣν καὶ ἕτεροι, τὸ αὐτὸ δηλοῦντες, ἐπ' ἄκρον τεταμέ-
 νην εἰρήκασιν, οἱ δὲ ἥς πᾶσι τοῖς μέρεσιν εὐθεῖα
 ἐφαρμόζει. φαῖεν δὲ ἄν τινες αὐτὴν καὶ ἐλαχίστην
 τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν ἐπιφανειῶν, καὶ ἥς τὰ 10
 μέσα τοῖς ἄκροις ἐπιπροσθεῖ, καὶ πάντας τοὺς τῆς
 εὐθείας ὅρους καὶ εἰς τὴν ἐπίπεδον ἐπιφάνειαν τὸ
 γένος μόνον ἐξαλλάττοντες δυνήσονται μεταφέρειν.
 τὸ γὰρ εὐθὺ τοῦτο καὶ περιφερὲς καὶ τὸ μικτόν ἀπὸ
 τῶν γραμμῶν ἀρξάμενα διατείνει μέχρι τῶν στερεῶν, 15
 ὥς εἴπομεν. ἔστι γὰρ καὶ ἐν ἐπιφανείαις καὶ ἐν στε-
 ρεοῖς κατὰ τὸ ἀνάλογον. διὸ καὶ ὁ Παρμενίδης πᾶν
 σχῆμά φησιν ἢ εὐθὺ εἶναι ἢ περιφερὲς ἢ μικτόν. εἶπερ
 οὖν ἐθέλοις τὸ εὐθὺ θεωρεῖν ἐν ἐπιφανείαις, λάβε τὸ
 ἐπίπεδον, ᾧ ἐφαρμόζει παντοίως ἡ εὐθεῖα, εἰ δὲ τὸ 20
 περιφερές, τὴν σφαιρικὴν ἐπιφάνειαν, εἰ δὲ τὸ μικτόν,
 τὴν κυλινδρικὴν ἢ κωνικὴν ἢ τινα τοιαύτην. δεῖ δέ,
 φησὶν ὁ Γεμῖνος, μικτῆς λεγομένης γραμμῆς, μικτῆς
 δὲ καὶ ἐπιφανείας εἰδέναι τὸν τρόπον τῆς μίξεως ὄντα
 διάφορον. οὔτε γὰρ κατὰ σύνθεσιν ἢ μίξις ἐπὶ τῶν 25

3 εἶναι ἴσην G. 4 δυῶν G, δυεῖν C. 4—5 ἐκκει-
 μένων . . . τῶν εὐθειῶν om. G, add. C. 5 τὸ μεταξὺ C.
 6 ἡ om. G. 7 ἄκρω G, ἄκρον C. 8 ἣν G, ἥς C.
 17 Παρμενείδης M. 18 σχῆμα G, σχῆμα C. 25 Post σύν-
 θεσιν addit μόνον G, 'tantum' B, 'dumtaxat' Z; at vide infra:
 ἐν δὲ ταῖς ἐπιφανείαις ἡ μίξις οὔτε κατὰ σύνθεσιν οὔτε κατὰ
 σύγχυσιν. B₃ = M.

γραμμῶν, οὔτε κατὰ κρᾶσιν. ἡ γὰρ ἔλιξ μικτή ἐστίν
 καὶ οὐκ ἔστι μέρος | μὲν αὐτῆς εὐθύ, μέρος δὲ περι-
 φερὲς ὥσπερ τῶν κατὰ σύνθεσιν μικτῶν, οἷδὲ τεμνο-
 μένη πως ἡ ἔλιξ ἔμφασιν παρέχεται τῶν ἀπλῶν, ὅπερ
 5 ὑπομένει τὰ μεμιγμένα κατὰ κρᾶσιν, ἀλλ' ἐστὶν ἐν
 αὐτῇ συνεφθαρμένα τὰ ἄκρα καὶ συγκεχυμένα, ὥστε
 τοῦτό γε || Θεόδωρος ὁ μαθηματικὸς οὐκ ὀρθῶς κρᾶ-
 σιν ἐπὶ τῶν γραμμῶν παραλαμβάνει. ἐν δὲ ταῖς ἐπι-
 φανείαις ἡ μίξις οὔτε κατὰ σύνθεσιν οὔτε κατὰ σύγχυ-
 10 σιν, ἀλλὰ μᾶλλον κατὰ τινὰ κρᾶσιν. νοήσαντες γὰρ
 κύκλον ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ καὶ σημεῖον μετέω-
 ρον καὶ ἀπὸ τοῦ σημείου προσεκβάλλοντες εὐθεῖαν τῇ
 τοῦ κύκλου περιφερείᾳ καὶ περιελίξαντες αὐτὴν ποιή-
 σομεν κωνικὴν ἐπιφάνειαν μικτὴν οὖσαν, καὶ πάλιν
 15 τέμνοντες αὐτὴν ἀναλύσομεν εἰς τὰ ἀπλᾶ. διὰ μὲν
 γὰρ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν ἄγοντες τὴν τομὴν
 ποιήσομεν τρίγωνον, παρὰ δὲ τὴν βάσιν ἄγοντες τὴν
 τομὴν ποιήσομεν τὸ τέμνον ἐπίπεδον κυκλικόν. τῶν
 δὲ γραμμῶν ἡ ἰδέα τὸν τρόπον τῆς μίξεως οὐ δείκνυ-
 20 σιν ὄντα κατὰ κρᾶσιν· οὐδὲ γὰρ ἀναπέμπει ἡμᾶς εἰς
 τὴν τῶν στοιχείων ἀπλὴν φύσιν. αἱ δὲ ἐπιφάνειαι
 τεμνόμεναι εὐθύς ἐμφαίνουσιν καὶ δι' ὁποίων εἰσὶ
 γεγονυῖαι γραμμῶν.

Ὁ μὲν οὖν τρόπος τῆς μίξεως διάφορος ἐπὶ τε
 25 γραμμῶν, ὡς εἴρηται, καὶ ἐπιφανειῶν. ὥσπερ δὲ ἐν
 ταῖς γραμμαῖς ἦσαν ἀπλαῖ τινες, ἥτε εὐθεῖα καὶ ἡ
 περιφερὴς — τούτων γὰρ καὶ οἱ πολλοὶ προλήψεις

7 οὐκ ὀρθῶς om. G; 'non recte' B, 'haud recte' Z.

8 παραλαμβάνειν M. 13 ποιήσωμεν M. G. 15 ἀναλύσω-
 μεν G. 16 ἄγοντες εἰς τὴν G. 17—18 τρίγωνον . . .
 ποιήσομεν om. G. 18 ποιήσωμεν τὸ τέμνον M. || τέμνον G,
 τέμνον C. 24 οὖν om. G, add. C. 27 προσλήψεις G.

ἔχουσιν ἀδιδάκτους, τῶν δὲ μικτῶν τὰ εἶδη τεχνικω-
 τέρας ἐδεῖτο κατανοήσεως — οὕτω δὴ καὶ τῶν ἐν
 ταῖς ἐπιφανείαις στοιχειωδεστάτων, τῆς ἐπιπέδου καὶ
 τῆς σφαιρικῆς, αὐτόθεν τὰς ἐννοίας ἔχομεν, τῶν δὲ
 κατὰ μίξιν ὑφισταμένων ἢ ἐπιστήμη καὶ ὁ ταύτης ⁵
 λόγος ἀνευρίσκει τὴν ποικιλίαν. ὃ δὲ ἐστὶ θαυμαστὸν
 ἐν ταύταις, ὅτι καὶ ἀπὸ κυκλικῆς μίξης γίνεται πολ-
 λάκις τῆς ἐπιφανείας κατὰ τὴν γένεσιν, ὃ δὲ συμβαί-
 νειν φαμέν κατὰ τὴν σπειρικὴν ἐπιφάνειαν· κατὰ γὰρ
 κύκλου νοεῖται στροφὴν ὀρθοῦ διαμένοντος καὶ στρε- ¹⁰
 φομένου περὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον, ὃ μὴ ἐστὶ κέντρον τοῦ
 κύκλου, διὸ καὶ τριχῶς ἢ σπείρα γίνεται, ἥ γὰρ ἐπὶ
 τῆς περιφερείας ἐστὶ τὸ κέντρον ἢ ἐντὸς ἢ ἐκτός. καὶ
 εἰ μὲν ἐπὶ τῆς περιφερείας ἐστὶ τὸ κέντρον, γίνεται
 σπείρα συνεχῆς, εἰ δὲ ἐντός, ἢ ἐμπεπλεγμένη, εἰ δὲ ¹⁵
 ἐκτός, ἢ διεχῆς. καὶ τρεῖς αἱ σπειρικαὶ τομαὶ κατὰ
 τὰς τρεῖς ταύτας διαφοράς. πᾶσα δὲ ὅμως σπείρα καί-
 τοι μιᾶς οὔσης καὶ κυκλικῆς τῆς κινήσεως μικτὴ ἐστὶ.
 γίνονται δὲ ἐπιφάνειαι μικταὶ καὶ ἀπὸ τῶν ἀπλῶν,
 ὥς εἴπαμεν, γραμμῶν τοιῶσδε κινουμένων καὶ ἀπὸ ²⁰
 τῶν μικτῶν. αἱ γοῦν κινητικαὶ γραμμαὶ τρεῖς οὔσαι
 τέτταρας ποιοῦσιν ἐπιφανείας μικτάς, ἃς καλοῦσι κω-
 νοειδεῖς. ἀπὸ μὲν γὰρ τῆς παραβολῆς στροφομένης
 περὶ τὸν ἄξονα γίνεται τὸ ὀρθογώνιον κωνοειδές,
 ἀπὸ δὲ τῆς ἐλλείψεως τὰ καλούμενα σφαιροειδῆ, εἰ ²⁵
 μὲν περὶ τὸν μείζονα τῶν ἀξόνων ἢ στροφὴ γένοιτο,

4 αὐτόθι G.

7 τῆς κυκλικῆς G.

8 συμβαίνει C.

10 κύκλον M, C.

11 In M in margine adscriptum est: ση-

μεῖον. 13 καὶ ἡ μὲν M.

15 ἢ et ante ἐμπεπλεγμένη et

ante διεχῆς om. G.

16 καὶ τρεῖς . . . τομαὶ om. G.

17 τὰς om. G.

20 εἴπομεν G. || καὶ ἀπὸ τῶν κινουμένων G,

quae delenda censet C.

τὸ ἐπίμηκες, εἰ δὲ περὶ τὸν ἐλάσσονα, τὸ ἐπίπλατυ,
 ἀπὸ δὲ τῆς ὑπερβολῆς ἄλλο κωνοειδές. δεῖ δὲ εἰδέναι,
 ὅτι ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν γραμμῶν εἰς ἔννοιαν ἐρχόμεθα
 τῶν ἐπιφανειῶν, ποτὲ δὲ ἀνάπαλιν. ἀπὸ γὰρ τῶν
 5 κωνικῶν καὶ σπειρικῶν ἐπιφανειῶν προσεπενοήσαμεν
 τὰς τε κωνικὰς καὶ τὰς σπειρικὰς || γραμμάς.

Καὶ μὴν καὶ τοῦτο δεῖ προειληφθαι περὶ τε γραμ-
 μῶν καὶ ἐπιφανειῶν διαφοράς, ὅτι γραμμαὶ μὲν εἰσι
 τρεῖς ὁμοιομερεῖς, ὥσπερ ἤδη προείπομεν, ἐπιφάνειαι
 10 δὲ δύο μόνον, ἐπίπεδος καὶ σφαιρική, οὐκέτι δὲ καὶ
 ἡ κυλινδρική. οὐ γὰρ πάντα πᾶσιν ἐφαρμόττειν δύ-
 νатаι τὰ μέρη τῆς κυλινδρικῆς ἐπιφανείας.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις ἡμῶν
 εἰρησθῶ διαφορῶν, ὧν μίαν ὁ γεωμέτρης ἐκλεξάμενος,
 15 τὴν ἐπίπεδον, ταύτην ὠρίσατο, καὶ ὥς ἐπὶ ταύτης
 ὑποκειμένης θεωρήσει τὰ τε σχήματα καὶ τὰ τούτων
 πάθη. καὶ γὰρ εὐπορώτερος ὁ λόγος αὐτῷ γίνεται
 μᾶλλον ἢ ἐπ' ἄλλης ἐπιφανείας. καὶ γὰρ εὐθείας καὶ
 κύκλους καὶ ἑλικας ἐπὶ ταύτης νοεῖν δυνατόν, καὶ το-
 20 μὰς κύκλων καὶ εὐθειῶν καὶ ἀφὰς καὶ παραβολὰς καὶ
 γωνιῶν παντοίων συστάσεις. ἐπὶ δὲ τῶν ἄλλων ἐπι-
 φανειῶν οὐ πάντα ταῦτα δύναται θεωρηθῆναι. ἐπὶ
 γὰρ τῆς σφαιρικῆς πῶς ἂν εὐθεῖαν λάβοις ἢ εὐθύ-
 γραμμον γωνίαν, ἐπὶ δὲ τῆς κωνικῆς ἢ κυλινδρικῆς
 25 πῶς ἂν κύκλων τομὰς ἢ εὐθειῶν θεωρήσεις; εἰκότως
 οὖν καὶ ὠρίσατο ταύτην τὴν ἐπιφάνειαν, καὶ ἐπ' αὐτῆς

2 ἄλλο κωνοειδές] ἄλλοκωνοειδές *B*₃, ἑλυνκωνοειδές *G*, ἄλλο-
 κωνοειδές *C*. 'Obtusangulum Conoides' *B*, 'heliconoides' *Z*.

5 προσεπενοήσαμεν *G*, προσεπινοήσαμεν *M*, *C*. 8 καὶ διαφο-
 ρὰς *C*. 11 παντάπασιν *G*. 16 τε om. *G*. 18 ἄλλον *M*.

ἄλλας *G*, ἄλλης *C*. 20 εὐθειῶν] ἐπιφανειῶν *G*, εὐθειῶν *C*.

25 κύκλων τομὰς] ἢ κύκλων *G*.

πάντα ἐκτιθέμενος πραγματεύεται. καὶ γὰρ τὴν πραγματείαν ἐντεῦθεν ἐπίπεδον προσείρηκεν καὶ οὕτω δεῖ νοεῖν τὸ μὲν ἐπίπεδον οἶον προβεβλημένον καὶ πρὸ ὁμμάτων κείμενον, πάντα δὲ ὥς ἐπὶ τούτῳ τὴν διανοίαν γράφουσιν, τῆς μὲν φαντασίας οἶον ἐπιπέδῳ 5 κατόπτρῳ προσεικασμένης, τῶν δὲ ἐν διανοίᾳ λόγων τὰς ἑαυτῶν ἐμφάσεις εἰς ἐκεῖνο καταπεμπόντων.

Def. VIII. Ἐπίπεδος δὲ γωνία ἐστὶν ἡ ἐν ἐπιπέδῳ δύο γραμμῶν ἀπτομένων ἀλλή|λων καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κειμένων πρὸς ἀλλήλας τῶν 10 γραμμῶν κλίσεις.

Τὴν γωνίαν οἱ μὲν τῶν παλαιῶν ἐν τῇ τοῦ πρὸς τι κατηγορίᾳ τάττοντες κλίσιν εἰρήκασιν ἢ γραμμῶν εἶναι πρὸς ἀλλήλας κεκλιμένων ἢ ἐπιπέδων, οἱ δὲ ἐν τῇ ποιότητι καὶ ταύτην περιλαμβάνοντες, ὥς τὸ εὐθὺν 15 καὶ τὸ καμπύλον πάθος τοιόνδε λέγουσιν ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ, οἱ δὲ εἰς ποσότητα ἀναφέροντες ἐπιφάνειαν ἢ στερεὸν αὐτὴν εἶναι συγχωροῦσι. διαιρεῖται γὰρ ἡ μὲν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις ὑπὸ γραμμῆς, ἡ δὲ ἐν τοῖς στερεοῖς ὑπὸ ἐπιφανείας. τὸ δὲ ὑπὸ τούτων, φασὶ, 20 διαιρούμενον οὐκ ἄλλο τί ἐστὶν ἢ μέγεθος καὶ τοῦτο οὐ γραμμικόν — ἡ γὰρ γραμμὴ ὑπὸ σημείου διαιρεῖται —, λείπεται οὖν αὐτὴν ἢ ἐπιφάνειαν ἢ στερεὸν || εἶναι. ἀλλ' εἰ μέγεθος, πάντα δὲ τὰ ὁμογενῆ μεγέθη πεπερασμένα ὄντα λόγον ἔχει πρὸς ἀλλήλα, καὶ αἱ 25

2 προσήρηκεν C. 7 ἐννοίας G, ἐμφάσεις C. 12 παλαιῶν] γραμμῶν G, παλαιῶν B₃, C, 'veterum Philosophorum' B, 'Ex veteribus' Z. || τοῦ] τῶν G. 17 ποιότητα G, ποσότητα C. 24 εἰ μὲν μέγεθος G.

γωνίαι πᾶσαι αἱ ὁμογενεῖς ἡγούν αἱ ἐν ἐπιφανείαις
 λόγον πρὸς ἀλλήλας ἔξουσιν, ὥστε καὶ ἡ κερατοειδὴς
 πρὸς τὴν εὐθύγραμμον. τὰ δὲ λόγον ἔχοντα πρὸς
 ἀλλήλα δύναται ἀλλήλων ὑπερέχειν πολλαπλασιαζό-
 5 μενα. ὑπερέξει ἄρα ποτὲ καὶ ἡ κερατοειδὴς τὴν εὐθύ-
 γραμμον, ὅπερ ἀδύνατον. δείκνυνται γὰρ ὅτι πάσης
 ἐστὶν ἐλάττων εὐθυγράμμου. καὶ μὴν καὶ εἰ ποιότης
 μόνον ἐστὶν ὡς ἡ θερμότης καὶ ἡ ψυχρότης, πῶς εἰς
 ἴσα διαιρετὴ ἐστίν; οὐ γὰρ παρ' ἐλαττον ταῖς γωνίαις
 10 ὑπάρχει τὸ ἴσον καὶ ἄνισον ἢ τοῖς μεγέθεσιν, καὶ
 ὅλως τὸ διαιρετὸν ὁμοίως ἐκατέροις καθ' αὐτὸ συμ-
 βέβηκεν. εἰ δὲ οἷς ταῦτα καθ' αὐτὸ ὑπάρχει ποσὰ
 ἅττα ἐστὶ καὶ οὐ ποιότητες, καὶ αἱ γωνίαι ποιότητες
 δῆλον ὅτι οὐκ ἂν εἶεν· τῆς γὰρ ποιότητος τὸ μᾶλλον
 15 καὶ ἥττον οἰκεῖα πάθη καὶ οὐ τὸ ἴσον καὶ ἄνισον.
 ἔδει τοίνυν μὴ λέγειν ἀνίσους γωνίας καὶ τὴν μὲν
 μείζονα τὴν δὲ ἐλάσσονα, ἀλλ' ἀνομοίους καὶ τὴν μὲν
 μᾶλλον γωνίαν, τὴν δὲ ἥσσον. ταῦτα δὲ ὅτι τῆς τῶν
 μαθημάτων ὑπάρξεως ἐστὶν ἀλλότρια, παντί που κατα-
 20 φανές. πᾶσα γὰρ γωνία τὸν αὐτὸν ἐπιδέχεται λόγον
 καὶ οὐχὶ ἡ μὲν ἐστὶ γωνία μᾶλλον ἢ δὲ ἥσσον. τὸ δὲ
 τρίτον, εἰ κλίσις ἐστὶν ἡ γωνία καὶ ὅλως τῶν πρὸς τι,
 συμβήσεται μιᾶς οὔσης κλίσεως μίαν εἶναι καὶ γωνίαν
 ἀλλ' οὐ πλείους. εἰ γὰρ μηδέν ἐστὶν ἄλλο παρὰ τὴν
 25 σχέσιν τῶν γραμμῶν ἢ τῶν ἐπιπέδων, τίς μηχανὴ
 μίαν μὲν εἶναι τὴν σχέσιν, πλείους δὲ γωνίας; εἰ

1 εἰ γοῦν G, ἥ in M in rasura est scriptum. 2 ὥστε
 om. G. 6 δείκνυνται] μὴ δύναται G; μὴ delendum not. C.

10 ἢ om. G, in M prima ut videtur manu intra lineas
 est scriptum. 13 ἄλλα G, ἅττα C. 15 In M in margine
 adscriptum est ἥσσον. 26 τὴν σχέσιν τῶν γραμμῶν ἢ τῶν
 ἐπιπέδων, πλείους δὲ τὰς γωνίας G.

τοῖνυν νοήσεως κῶνον τῷ διὰ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν
 βάσιν τριγώνῳ τετμημένον ἐν τῷ ἡμικωνίῳ κατὰ τὴν
 κορυφὴν μίαν μὲν θεωρήσεις κλίσιν τῶν γραμμῶν τῶν
 τοῦ τριγώνου, δύο δὲ ἀφεστώσας γωνίας, τὴν μὲν
 ἐπίπεδον, τὴν αὐτοῦ τοῦ τριγώνου, τὴν δὲ ἐπὶ τῆς 5
 μικτῆς ἐπιφανείας τοῦ κῶνου, περιεχομένην δὲ ἑκατέ-
 ραν ὑπὸ τῶν προειρημένων δυεῖν γραμμῶν. οὐκ
 ἄρα ἡ τούτων σχέσις ἐποίει τὴν γωνίαν, ἀλλὰ μὴν
 ἀναγκαῖον αὐτὴν ἢ ποιότητα λέγειν, ἢ ποσόν, ἢ τῶν
 πρὸς τι. τὰ μὲν γὰρ σχήματα ποιότητες, οἱ δὲ λόγοι 10
 τούτων πρὸς ἄλληλα τῶν πρὸς τι. δεῖ τοῖνυν καὶ
 τὴν γωνίαν ὑφ' ἐν τι τούτων ἀνάγεσθαι τῶν τριῶν
 γενῶν.

Τοιούτων δὲ τῶν ἀπόρων ὄντων καὶ τοῦ μὲν
 Εὐκλείδου κλίσιν λέγοντος τὴν γωνίαν, τοῦ δὲ 15
 Ἀπολλωνίου συναγωγὴν ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ πρὸς
 ἐνὶ σημείῳ ὑπὸ κεκλασμένη γραμμῇ ἢ ἐπιφανείᾳ —
 δοκεῖ γὰρ οὗτος καθόλου πᾶσαν ἀφορίζεσθαι γω-
 νίαν —, λεκτέον ἡμῖν ἐπομένοις τῷ ἡμετέρῳ || καθ-
 ηγεμόνι, τὴν γωνίαν μηδὲν μὲν εἶναι τῶν εἰρημένων 20
 αὐτὸ καθ' αὐτό, διὰ δὲ τῆς πάντων τούτων συνδρο-
 μῆς ἔχειν τὴν ὑπόστασιν, καὶ διὰ τοῦτο τὴν ἀπορίαν
 ποιῆσαι τοῖς εἰς ἐν τι ῥέψασιν. ἔστιν δὲ οὐχ ἡ γωνία
 μόνη τοιοῦτον, ἀλλὰ καὶ τὸ τρίγωνον· μέτεστι μὲν
 γὰρ αὐτῷ ποσότητος καὶ ἴσον λέγεται καὶ ἄνισον, οἷον 25
 ὕλης τάξιν ἔχον πρὸς αὐτό, πάρεστι δὲ αὐτῷ καὶ ἡ
 κατὰ τὸ σχῆμα ποιότης, ὁπόθεν καὶ ὅμοια τρίγωνα

5 αὐτὴν C. 17 ὑποκεκλασμένη G, 'sub Linea . . . re-
 fracta' B, 'ex linea . . . fracta' Z. 18 τὴν γωνίαν G.
 20 μηδενὶ C. 23 τοῖς om. G; in M intra lineas est scriptum
 prima ut videtur manu. || οὐχὶ γωνία G. 26 πρὸς αὐτὰ G,
 πρὸς αὐτό C. || δὲ] γὰρ G, δὲ C.

λέγεται καὶ ἴσα, τὸ μὲν ἀπ' ἄλλης ἔχοντα κατηγορίας,
 τὸ δὲ ἀπ' ἄλλης. οὕτω τοίνυν καὶ ἡ γωνία πάντως
 μὲν δεῖται τῆς ἐν τῷ μεγέθει ποσότητος ὑποκειμένης,
 δεῖται δὲ καὶ ποιότητος, καθ' ἣν οἶον μορφὴν οἰκεῖαν
 5 ἔχει καὶ χαρακτηῖρα τῆς ὑπάρξεως, δεῖται δὲ καὶ τῆς
 σχέσεως τῶν ἀφοριζουσῶν αὐτὴν γραμμῶν ἢ τῶν
 περιεχόντων ἐπιπέδων. καὶ τὸ ἐκ πάντων ἐστὶν ἡ
 γωνία καὶ οὐχ ἓν τι τούτων, καὶ διαιρετὴ μὲν ἐστὶ
 καὶ ἰσότητος δεκτικὴ καὶ ἀνισότητος κατὰ τὸ ἐν αὐτῇ
 10 ποσόν, οὐκ ἀναγκάζεται δὲ τὸν λόγον ἐπιδέχεσθαι τῶν
 ὁμογενῶν μεγεθῶν διὰ τὸ καὶ ποιότητα ἰδιάζουσας
 ἔχειν, καθ' ἣν ἀσύμβλητοι πολλάκις εἰσὶν γωνίαι ἄλ-
 λαι ἄλλαις, οὐδὲ μίαν ἀποτελεῖν τὴν γωνίαν, εἰ μία ἡ
 κλίσις, ἐπειδὴ καὶ τὸ μεταξὺ τῶν κεκλιμένων ποσόν
 15 συμπληροῖ τὴν οὐσίαν αὐτῆς. εἰ δὴ πρὸς τούτους
 ἀποβλέπομεν τοὺς διορισμούς, καὶ τὰ ἄπορα διαλύ-
 σουμεν καὶ τὴν ιδιότητα τῆς γωνίας εὐρήσομεν συνα-
 γωγὴν μὲν οὐκ οὖσαν, ὥς | περ καὶ ὁ Ἀπολλώνιος
 φησιν, ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ, συμπληροῦντων δὲ καὶ
 20 τούτων τὴν οὐσίαν αὐτῆς, αὐτὴν δὲ τὴν συνηγμέ-
 νην ἐπιφάνειαν πρὸς τῷ σημείῳ καὶ περιεχομένην
 ὑπὸ τῶν κεκλιμένων γραμμῶν ἢ τῆς μιᾶς γραμμῆς
 πρὸς αὐτὴν κεκλιμένης, καὶ αὐτὸ τὸ συνηγμένον στε-
 ρεὸν ὑπὸ ἐπιπέδοις πρὸς ἄλληλα κεκλιμένοις, ἵνα τὸ

1 ἐπ' ἄλλης ἔχον G, corr. C. 3 τῆς ἐν τῷ . . . ὑποκει-
 μένης, δεῖται om. G, add. C. 4 δὴ καὶ G. || ποιότητα G,
 ποιότητος C. 13 ἡ μία ἔκκλισις G, εἰ μία ἡ κλίσις C.

16 διορισμούς G; in M supra lineam prima ut videtur manus di-
 addidit. || ἀκαιρα G, ἄπορα C. 18 ὁ om. G, add. C.

19 δὲ om. G, in M supra lineam prima manu videtur esse ad-
 ditum. 20 συνηγμένην G et M, sed in M γ supra μ est

scriptum prima vel primae proxima manu; 'collectam' B, 'an-
 nexam' Z. 23 συνηγμένον G; 'collectum' B, om. Z.

πεποιωμένον ποσὸν καὶ ὑπὸ τοιαῦδε σχέσει συνιστά-
μενον αὐτὴν ἀφορίζῃ, καὶ οὔτε ἡ ποσότης καθ' αὐτὴν
οὔτε ἡ ποιότης μόνον οὔτε ἡ σχέσις.

Τοσαῦτα περὶ τῆς τῶν γωνιῶν ὑποστάσεως εἰρή-
σθω κοινὴν προλαμβάνοντα θεωρίαν ἀπάσης γωνίας 5
πρὸ τῆς τῶν εἰδῶν αὐτῆς διαιρέσεως. τριῶν δὲ δο-
ξῶν οὐσῶν περὶ τῆς γωνίας Εὐδημος μὲν ὁ περι-
πατητικὸς βιβλίον περὶ γωνίας γράψας ποιότητα αὐτὴν
εἶναι συνεχώρησεν. γένεσιν γὰρ γωνίας ἐπινοῶν οὐκ
ἄλλην εἶναί φησιν ἢ τὴν κλάσιν τῶν γραμμῶν — εἰ 10
δὲ ἡ εὐθύτης ποιότης καὶ ἡ κλάσις ποιότης — ἐν
ποιότητι οὖν ἔχουσιν αὐτὴν τὴν γένεσιν πάντως εἶναι
ποιότητα. Εὐκλείδης δὲ καὶ ὅσοι κλίσιν εἰρήκασιν
ἐν τοῖς πρὸς τι καταλέγουσι. ποσότητα δὲ εἰρήκασιν
αὐτήν, ὅσοι φασὶ τὸ πρῶτον διάστημα ὑπὸ τὸ ση- 15
μεῖον εἶναι τὴν γωνίαν, ὧν καὶ ὁ Πλούταρχος ἐστίν,
εἰς τὴν αὐτὴν δόξαν συνωθῶν καὶ τὸν Ἀπολλώ-
νιον. δεῖ γὰρ εἶναί τι, φησὶ, διάστημα πρῶτον ὑπὸ
τὴν κλάσιν τῶν περιεχουσῶν γραμμῶν ἢ ἐπιφανειῶν,
καίτοι γε συνεχοῦς ὄντος τοῦ ὑπὸ τὸ σημεῖον δια- 20
στήματος ἀδύνατον τὸ πρῶτον λαβεῖν. ἐπ' ἄπειρον
γὰρ πᾶν διάστημα διαιρετόν. πρὸς τῷ καὶ ἐὰν ὁπωσ-
οῦν ἀφορίσωμεν τὸ πρῶτον καὶ δι' ἐκείνου εὐθεῖαν
ἀγάγωμεν, γίνεσθαι τρίγωνον, ἀλλ' οὐ μίαν γωνίαν.
Κάρπος δὲ ὁ Ἀντιοχεὺς ποσὸν μὲν εἶναί φησι τὴν 25

1 πεποιημένον *G* et *M*, sed in *M* ω supra η est scriptum
prima vel primae proxima manu; 'formatum' *B*, om. *Z*.

2 ἀφορίζει *C* et *M* prima manu; eadem autem vel paulo postera
ei in η mutavit. 2. 3 καθ' αὐτὴν οὔτε ἡ ποιότης om. *G*.

4 ὑποφάσεως *G*, ὑποστάσεως *C*. 5 προσλαμβάνοντα *G*. || πά-
σης *G*. 6 πρὸς *C*. 9 συνεχώρησεν *C*. 10 κλίσιν *G*,

κλάσιν *C*. 12 οὖν om. *G*, add. *C*. 14 ποσότητα δὲ λέγου-
σιν *G*. 22 πρὸς τὸ *C*. 23 εὐθεῖαν] γωνίαν *G*.

γωνίαν καὶ διάστημα τῶν περιεχουσῶν αὐτὴν γραμμῶν ἢ ἐπιφανειῶν. καὶ ἐφ' ἔν διεστῶς τοῦτο, μὴ μέντοι διὰ τοῦτο γραμμὴν εἶναι τὴν γωνίαν. οὐ γὰρ πᾶν τὸ ἐφ' ἔν διαστατὸν ὑπάρχειν γραμμὴν. τοῦτο δὲ
 5 πάντων παραδοξότατον, εἰ ἔστιν τι μέγεθος ἐφ' ἔν διαστατὸν ἔξω γραμμῆς.

Ἀλλὰ τούτων μὲν ἄδην, τῶν δὲ γωνιῶν τὰς μὲν ἐν ἐπιφανείαις συνίστασθαι λεκτέον, τὰς δὲ ἐν στερεοῖς, καὶ τῶν ἐν ἐπιφανείαις τὰς μὲν ἐν ταῖς ἀπλαῖς,
 10 τὰς δὲ ἐν ταῖς μικταῖς. καὶ γὰρ ἐν τῇ κυλινδρικῇ ἐπιφανείᾳ γένοιτο ἂν γωνία καὶ ἐν τῇ κωνικῇ καὶ ἐν τῇ σφαιρικῇ καὶ ἐν τῇ ἐπιπέδῳ. τῶν δὲ ἐν ταῖς ἀπλαῖς ἐπιφανείαις αἱ μὲν ἐν ταῖς σφαιρिकाῖς, αἱ δὲ ἐν ταῖς ἐπιπέδοις ἔχουσι τὴν σύστασιν. ποιεῖ γὰρ γωνίας
 15 καὶ ὁ ζωδιακὸς τέμνων ἰσημερινὸν δύο κατὰ κορυφὰς τῶν τεμνουσῶν περιφερειῶν. καὶ εἰσὶν ἐπὶ σφαιρικῆς ἐπιφανείας αἱ τοιαίδε γωνίαι. τῶν δὲ ἐν τοῖς ἐπιπέδοις αἱ μὲν ὑπὸ ἀπλῶν περιέχονται γραμμῶν, αἱ δὲ ὑπὸ μικτῶν, αἱ δὲ ὑπὸ ἀμφοτέρων. ἐν γὰρ τῷ θυρεῷ
 20 περιέχεται γωνία ὑπὸ τε τοῦ ἄξονος καὶ τῆς τοῦ θυρεοῦ γραμμῆς. ἀλλὰ τούτων ἡ μὲν μικτὴ ἔστιν, ἡ δὲ ἀπλῇ· καὶ εἰ τέμνοι κύκλος θυρεόν, ἔσται ἡ ὑπὸ τε περιφερείας καὶ τῆς ἐλλείψεως περιεχομένη γωνία. ὅταν δὲ αἱ κισσοειδεῖς γραμμαὶ συννεύουσai πρὸς ἔν
 25 σημεῖον ὥσπερ τὰ τοῦ κισσοῦ φύλλα — καὶ γὰρ τὴν ἐπωνυμίαν ἐκεῖθεν ἔσχον — ποιῶσιν γωνίαν, ὑπὸ μικτῶν ἢ τοιαύτῃ δῆπου περιέχεται γραμμῶν· καὶ

9 ἐν post μὲν om. G, add. C. 13 ἐν τοῖς ἐπιπέδοις M.
 15 ὁ om. G. || εἰς δύο G; B₃ = M, 'in duas' B, 'in binas partes' Z. || κορυφὰς G, κορυφῆς M, C. 19 θυρεῖον G.
 20 θυραιον G. 22 τέμνοι G, τέμνη C. || θυρεῖον C. || ἡ om. G.
 27 ὑπὸ γραμμῶν G.

ὅταν ἡ ἱπποπέδη, μία τῶν σπειρικῶν οὖσα, τὰ (?)
 πρὸς ἄλλην ποιῇ γωνίαν, καὶ ταύτην μικτὰ γραμμαὶ
 περιέχουσιν. αἱ δὲ ὑπὸ εὐθείας καὶ περιφερείας ὑπὸ
 ἀπλῶν περιέχονται γραμμῶν. τούτων δ' αὖ πάλιν αἱ
 μὲν ὑπὸ ὁμοειδῶν περιλαμβάνονται. καὶ γὰρ δύο 5
 περιφέρειαι τέμνουσαι ἀλλήλας ἢ ἐφαπτόμεναι ποιοῦσι
 γωνίας, καὶ αὗται τρισσάς· ἢ γὰρ ἀμφικύρτους, ὅταν
 ἐκτὸς ἢ τὰ κυρτὰ τῶν περιφερειῶν, ἢ ἀμφοίκιλους, ||
 ὅταν ἀμφοτέρα τὰ κοῖλα ἐκτὸς ὑπάρχη, ἃς καλοῦσι
 ξυστροειδεῖς, ἢ μικτὰς ἀπὸ κυρτῆς καὶ κοίλης, ὥσπερ 10
 τὰς τῶν μηνίσκων. καὶ μὴν καὶ ὑπὸ εὐθείας καὶ
 περιφερείας περιέχονται γωνίαι διχῶς· ἢ γὰρ ἰπὸ
 εὐθείας καὶ κυρτῆς περιφερείας, ὡς ἡ τοῦ ἡμικυκλίου,
 ἢ ὑπὸ εὐθείας καὶ κοίλης ὡς ἡ κερατοειδής. αἱ δὲ
 ὑπὸ δυεῖν εὐθειῶν περιεχόμεναι πᾶσαι εὐθύγραμμοι 15
 κληθήσονται τριττὴν ἔχουσαι καὶ αὗται διαφοράν.

Ταύτας τοίνυν ἀπάσας τὰς ἐν ἐπιπέδοις ἐπιφα-
 νείαις συνισταμένας ὁ γεωμέτρης ἐν τούτοις ἀφορίζε-
 ται, κοινὸν ὄνομα θέμενος αὐταῖς τὸ τῆς ἐπιπέδου
 γωνίας, καὶ τὸ μὲν γένος αὐτῶν κλίσιν εἰπών, τὸν 20
 δὲ τόπον τὸ ἐπίπεδον — καὶ γὰρ αἱ γωνίαι θέσιν
 ἔχουσιν — τὴν δὲ γένεσιν, ὅτι δύο εἶναι δεῖ γραμ-
 μὰς καὶ οὐ τρεῖς τοῦλάχιστον, ὥσπερ ἐπὶ τῆς στερεᾶς,
 καὶ ταύτας ὁμιλεῖν ἀλλήλαις καὶ ὁμιλούσας μὴ κεῖσθαι

1 ὅτε G. || τὰ] τὴν G, τὰ B₃, C. Fortasse pro οὖσα τὰ νεύ-
 ούσα vel simile aliquod verbum fuit scriptum; 'proclinata' B,
 'et' Z. 3 εὐθείαις M. || περιφερούς G. 9 ὅτε G. || ὑπάρ-
 χει G. 10 ὑπὸ G, ἀπὸ C. 11 τὰς] τὰ G. || καὶ ante περι-
 φερείας om. G, add. C. 13 κυρτῆς] κοίλης B₃, G, 'cava' B,
 'curva' Z. Vide supra: ἀμφικύρτους, ὅταν ἐκτὸς ἢ τὰ κυρτὰ.
 14 κοίλης] κυρτῆς B₃, G, 'convexa' B, 'cava' Z. 16 τρί-
 τὴν M. || αὐταὶ G. 17 ἐπιφανείας M, B₃, G; 'in Planis Super-
 ficiebus' B, 'superficies in planis' Z.

ἐπ' εὐθείας, ἵνα κλάσις εἴη καὶ περιοχὴ τῶν γραμμῶν,
 ἀλλὰ μὴ ἔκτασις μόνον καθ' ἐν διάστημα. δοκεῖ δὲ
 ὁ λόγος οὗτος πρῶτον μὲν ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς οὐ
 συγχωρεῖν ἀποτελεῖσθαι γωνίαν — καίτοιγε ἡ κισσο-
 5 ειδῆς μία οὕσα ποιεῖ γωνίαν καὶ ἡ ἵπποπέδη. τὴν
 γὰρ ὅλην κισσοειδῆ καλοῦμεν ἀλλ' οὐ τὰ μέρη αὐτῶν,
 ἵνα λέγῃ τις, ὅτι ταῦτα ποιεῖ τὴν γωνίαν συννεύοντα,
 καὶ | τὴν ὅλην σπειρικὴν, ἀλλ' οὐ τὰ μέρη. τοίνυν
 ἐκατέρω μίᾳ τυγχάνουσα ποιεῖ γωνίαν αὐτὴ πρὸς
 10 ἑαυτήν, οὐ πρὸς ἄλλην — ἔπειτα κλίσιν ἀφοριζόμενος
 τὴν γωνίαν πλημμελεῖν — πῶς γὰρ μιᾶς οὕσης κλί-
 σεως δύο ἔσονται γωνίαί; πῶς δὲ ἴσας καὶ ἀνίσους
 εἶναι γωνίας λέγομεν, καὶ ὅσα ἄλλα πρὸς ταύτην εἶωθεν
 ὑποφέρεσθαι τὴν δόξαν; — τρίτον δὲ παρέλκειν ἐπὶ
 15 τινων γωνιῶν τὸ καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κεῖσθαι, οἷον
 ἐπὶ τῶν περιφερογραμμῶν· καὶ γὰρ ἄνευ τούτου τέ-
 λειος ὁ ὁρισμός. ἡ γὰρ πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν
 τούτων κλίσις ποιήσῃ τὴν γωνίαν· τὴν ἀρχὴν γὰρ
 οὐδὲ ἐπ' εὐθείας κεῖσθαι τὰς περιφερεῖς δυνατόν.
 20 τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς ἀποδόσεως τῆς Εὐκλείδου
 λέγειν ἔχομεν, τὰ μὲν ἀφερμεύοντες αὐτήν, τὰ δὲ ἐπ-
 αφοροῦντες πρὸς αὐτήν.

Def. IX. Ὅταν δὲ αἱ τὴν γωνίαν περιέχουσαι
 γραμμαὶ εὐθεῖαι ᾧσιν, εὐθύγραμμος ἡ γωνία
 25 καλεῖται.

Τὴν γωνίαν σύμβολον εἶναί φαμεν καὶ εἰκόνα
 τῆς συνοχῆς || τῆς ἐν τοῖς θείοις γένεσι καὶ τῆς συν-

2 ἔκτασις G. 21 ἀπαποροῦντες G, ἐπαποροῦντες C.
 22 πρὸς αὐτήν om. G, add. C. 27 συνεχούς G, συνοχῆς C. ||
 τῆς ἐν τοῖς] τῶν (τοῖς) ἐν τοῖς H₂ p. 263.

αγωγοῦ τάξεως τῶν διηρημένων εἰς ἓν καὶ τῶν με-
ριστῶν εἰς τὸ ἄμερὲς καὶ τῶν πολλῶν εἰς συνδετικήν
κοινωνίαν. δεσμὸς γὰρ γίνεται καὶ αὕτη τῶν πολλῶν
γραμμῶν καὶ ἐπιπέδων, καὶ συναγωγὸς τοῦ μεγέθους
εἰς τὸ ἄμερὲς τῶν σημείων, καὶ συνεκτικὴ παντὸς τοῦ ⁵
κατ' αὐτὴν ὑφισταμένου σχήματος. διὸ καὶ τὰ λόγια
τὰς γωνιακὰς συμβολὰς τῶν σχημάτων συνοχηίδας
ἀποκαλεῖ, καθόσον εἰκόνα φέρουσι τῶν συνοχικῶν
ἐνώσεων καὶ τῶν συζεύξεων τῶν θείων, καθ' ἃς τὰ
διεστῶτα συνάπτουσιν ἀλλήλοις. αἱ μὲν οὖν ἐν ταῖς ¹⁰
ἐπιφανείαις γωνίαὶ ἀϋλωτέρας αὐτῶν καὶ ἀπλουστέρας
ἀποτυποῦνται καὶ τελειότερας ἐνώσεις, αἱ δὲ ἐν τοῖς
στερεοῖς τὰς προϋούσας μέχρη τῶν ἐσχάτων καὶ τοῖς
διεσπασμένοις κοινωνίαν καὶ τοῖς πάντῃ μεριστοῖς
ὁμοφυῇ σύνταξιν παρεχομένας. τῶν δὲ ἐν ταῖς ἐπι- ¹⁵
φανείαις αἱ μὲν τὰς πρώτας αὐτῶν καὶ ἀμίκτους, αἱ
δὲ τὰς τῆς ἀπειρίας συνεκτικὰς τῶν ἐν αὐταῖς προ-
όδων ἀπεικονίζονται, καὶ αἱ μὲν τὰς τῶν νοερῶν εἰδῶν
ἐνοποιοῦσιν, αἱ δὲ τὰς τῶν αἰσθητῶν λόγων, αἱ δὲ
τὰς τῶν μεταξὺ τούτων συνδετικὰς. αἱ μὲν οὖν περι- ²⁰
φερόγραμμοι γωνίαὶ μιμοῦνται τὰς συνελιττούσας
αἰτίας τὴν νοερὰν ποικιλίαν εἰς ἑνωσιν — νοῦ γὰρ

2 συνδετικήν H_2 . 3 αὕτη M, G , αὕτη H_2 . 4 τῶ
μεγέθει H_1 p. 453, H_2 p. 263. 5 τοῦ om. H_2 . 7 γωνιακὰς
 G, H_2 , κωνιακὰς C . 11 ἀπ' ἀϋλωτέρας M, B_3, G ; 'magis imma-
teriales' B , 'ab . . . immateriali' Z . 12 ἀποτυποῦνται] ἀπεικά-
ζουσι (ἀποκαλοῦσι) H_1, H_2 . || ἐνώσεως M, B_3, G , ἐνώσεις H_1, H_2 ;
'uniones' B , 'unione' Z . 13 τὰς om. H_2 . || προσιούσας M, C ,
προϋούσας (προιοῦσαι, προσιούσας) H_2 . 15 ὁμοφυῇ H_2 .
17 αὐτοῖς M, G , αὐταῖς H_1, H_2 . 18 ἀπεικάζονται G . || νεω-
ρῶν G . 19 ἐνοποιοῦσαι M , εἰδοποιούσας G , ἐνδοποιοῦσαι C ,
ἐνοποιοῦσιν H_1, H_2 . 20 (συνεκτικὰς H_1, H_2). 21 μιμοῦνται
γωνίαὶ H_1, H_2 .

καὶ νοερῶν εἰδῶν αἱ περιφέρειαὶ συννεύειν ἐπειγόμε-
ναι πρὸς ἑαυτὰς εἰκόνες — αἱ δὲ εὐθύγραμμοι τὰς
τῶν αἰσθητῶν προϋσταμένας καὶ τὴν σύνδεσιν τῶν ἐν
τούτοις λόγων παρεχομένας, αἱ δὲ μικταὶ τὰς τε κοι-
5 νωνίας τῶν τε αἰσθητῶν καὶ τῶν νοερῶν εἰδῶν κατὰ
μίαν ἔνωσιν ἀσάλευτον φυλαττούσας.

Δεῖ δὴ πρὸς ταῦτα τὰ παραδείγματα ἀποβλέπον-
τας καὶ τῶν καθ' ἕκαστα τὰς αἰτίας ἀποδιδόναι. καὶ
γὰρ παρὰ τοῖς Πυθαγορείοις εὐρήσομεν ἄλλας γω-
10 νίας ἄλλοις θεοῖς ἀνακειμένας, ὥσπερ καὶ ὁ Φιλό-
λαος πεποίηκε τοῖς μὲν τὴν τριγωνικὴν γωνίαν τοῖς
δὲ τὴν τετραγωνικὴν ἀφιερώσας, καὶ ἄλλας ἄλλοις
καὶ τὴν αὐτὴν πλείοσι θεοῖς καὶ τῷ αὐτῷ πλείους,
κατὰ τὰς διαφόρους ἐν αὐτῷ δυνάμεις ἀνείς. πρὸς ἃ
15 μοι δοκεῖ καὶ ὁ Ἀθηναῖος (?) φιλόσοφος ἀφορῶν κατὰ
τὸ τρίγωνον τὸ δημιουργικὸν τὸ πάσης πρωτοουργοῦ
αἰτίου τῆς τῶν στοιχείων διακοσμήσεως ἄλλους μὲν
ὑποστήσας θεοὺς κατὰ τὰς πλευράς, ἄλλους δὲ κατὰ
τὰς γωνίας, τοὺς μὲν προόδου καὶ δυνάμεως χο-
20 ρηγούς, τοὺς δὲ τῆς συζεύξεως τῶν ὅλων καὶ τῆς εἰς ἐν
πάλιν τῶν προελθόντων συναγωγῆς.

Ταῦτα μὲν οὖν εἰς τὴν τῶν ὄντων ἡμᾶς περιάγει
θεωρίαν· εἰ δὲ ἐνταῦθα αἱ γραμμαὶ περιέχουν λέγον-
ται τὴν γωνίαν, θαυμαστὸν οὐδέν· τὸ γὰρ ἐν τούτοις
25 ἐν καὶ τὸ ἀμέριστον ἐπεισοδιῶδές ἐστιν. ἐν δὲ τοῖς

1 συννεύσειν (σύννευσιν) *H*₂ p. 264. || ἐπιγομέναι *C*.

4 παρεχομένας *H*₂. 8 τὰς om. *G*. 13 τῷ αὐτῷ] τῶν αὐτῶν
M, *B*₃, *G*; in *M* postera manus utroque loco o supra ω scripsit.
'eidemque Deo' *B*, 'eidem' *Z*. 14 διαφόρους ἐν αὐτῷ] δια-
φορὰς *G*. *B*₃ = *M*. 'iuxta diversas quae in ipso sunt poten-
tias' *B*, 'iuxta diversas ipsius potestates' *Z*. 15 Ἀσιναῖος *G*
et *M* prima manu. 18 ὑποστήναι *G*. 19 δυνάμεων *M*.
20 ζεύξεως *G*, συζεύξεως *C*. 25 ἀχώριστον *G*, ἀμέριστον *C*.

θεοῖς καὶ τοῖς ὄντως οὖσι προηγείται τῶν πολλῶν καὶ διηρημένων τὸ ὅλον καὶ ἀμέριστον ἀγαθόν.

|| Def. X.—XII. Ὅταν δὲ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα τὰς ἐφεξῆς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, ὀρθὴ ἑκατέρω τῶν ἴσων γωνιῶν ἐστι, καὶ 5 ἢ ἐφ' ἐστῆκεν γράμμη κάθετος καλεῖται, ἐφ' ἣν ἐφέστηκεν ἀμβλεῖα γωνία ἐστὶν ἢ μείζων ὀρθῆς, ὀξεῖα δὲ ἢ ἐλάσσων ὀρθῆς.

Ταῦτά ἐστι τὰ τριπλᾶ τῶν γωνιῶν εἶδη, περὶ ὧν καὶ ὁ ἐν τῇ πολιτείᾳ Σωκράτης φησὶν, ἐξ ὑποθέσεως 10 παρὰ τοῖς γεωμέτραις λαμβανομένων τῆς εὐθυγράμμου κατὰ τὴν εἰς τὰ εἶδη διαίρεσιν ταύτας ὑφιστάσης τὰς γωνίας, τὴν ὀρθήν, τὴν ἀμβλεῖαν, τὴν ὀξεῖαν, τῆς μὲν κατὰ τὸ ἴσον καὶ τὸ ταῦτόν καὶ ὅμοιον ἀφωρισμένης, τῶν δὲ κατὰ τὸ μείζον καὶ ἐλάσσον καὶ ὅλως τὸ 15 ἄνισον καὶ τὴν ἐτερότητα καὶ τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον ἀορίστως ὑφισταμένων. οἱ μὲν οὖν πολλοὶ γεωμέτραι τῆς διαίρεσεως ταύτης οὐκ ἔχουσιν ἀποδιδόναι λόγον, ἀλλ' ὑποθέσει χρῶνται καὶ ταύτῃ, τρεῖς εἶναι γωνίας. ἐπειδὴ δὲ τὴν αἰτίαν αὐτοὺς ἀνερωτήσωμεν, οὐ φασὶ 20 χρῆναι ταῦτα παρ' αὐτῶν | ἀπαιτεῖν. οἱ δὲ Πυθαγορικοὶ τῆς τριπλῆς διανομῆς ἐπὶ τὰς ἀρχὰς ἀναφέροντες τὴν λύσιν οὐκ ἀποροῦσιν αἰτίας ἀποδιδόναι καὶ ταύτης τῆς διαφορᾶς τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν. ἐπειδὴ γὰρ τῶν ἀρχῶν ἢ μὲν κατὰ τὸ πέρας ὑφέστηκεν 25

3 Ὅτε G. || εὐθείας G. 5 ποιεῖ G. 9 Αὐτά G, ταῦτα C. 11 λαμβανομένην τὴν εὐθύγραμμον G, corr. C. 12 καὶ κατὰ G. || ταύτης G. || ὑφιστάσας G, ὑφιστάσης C. 14 καὶ τὸ] καὶ κατὰ G, καὶ τὸ C. 20 ἐρωτήσωμεν G, ἐρωτήσωμεν C.

καὶ ἐστὶν ὅρου καὶ ταυτότητος αἰτία τοῖς ἀποτελέσμασι
καὶ ἰσότητος καὶ πάσης τῆς ἀμείνουσιν συστοιχείας,
ἣ δὲ ἄπειρόν ἐστι καὶ δίδωσι τὴν ἐπ' ἄπειρον πρό-
οδον καὶ αὖξισιν καὶ μείωσιν καὶ ἀνισότητα καὶ παν-
5 τοίαν ἐτερότητα τοῖς γεννωμένοις ἀφ' ἑαυτῆς, καὶ
ὅλως ἐξηγεῖται τῆς καταδεστέρας σειρᾶς· εἰκότως δὴ
διὰ ταῦτα καὶ τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν κατ' ἐκείνας
ὑφισταμένων ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ πέρατος ἦκων λόγος τὴν
ὀρθὴν ἀπετέλεσεν γωνίαν μίαν ἰσότητι κρατουμένην
10 καὶ ὁμοιότητι πρὸς πᾶσαν ὀρθὴν καὶ ὠρισμένην αἰ-
καὶ τὴν αὐτὴν ἐστῶσαν καὶ μήτε αὖξισιν μήτε μείωσιν
ἐπιδεχομένην, ὁ δὲ ἀπὸ τῆς ἀπειρίας δεύτερος ὢν καὶ
δυαδικὸς καὶ γωνίας ἀνέφηκε διπλᾶς περὶ τὴν ὀρθὴν
ἀνισότητι διηρημένης κατὰ τὸ μείζον καὶ ἔλασσον ||
15 καὶ κατὰ τὸ μᾶλλον καὶ ἥσσον ἀπέραντον ἐχούσας
κίνησιν τῆς μὲν ἀμβλυνομένης μᾶλλον καὶ ἥττον, τῆς
δὲ ὀξυνομένης. διὰ δὴ ταῦτα καὶ τῶν θείων δια-
κόσμων καὶ τῶν μερικωτέρων δυνάμεων τὰς μὲν ὀρ-
θὰς γωνίας εἰς τοὺς ἀχράντους ἀναπέμπουσιν ὥς τῆς
20 ἀκλίτου προνοίας τῶν δευτέρων αἰτίους — τὸ γὰρ
ὀρθὸν καὶ τὸ ἀκλινὲς πρὸς τὰ χεῖρονα καὶ ἄτρεπτον
ἐκείνοις προσήκει τοῖς θείοις — τὰς δὲ ἀμβλείας καὶ
ὀξείας τοῖς τῆς προόδου καὶ τοῖς τῆς κινήσεως καὶ
τῆς ποικιλίας τῶν δυνάμεων χορηγοῖς ἀνεῖσθαι λέ-
25 γουσι· τό τε γὰρ ἀμβλὺ τῆς ἐπὶ πᾶν ἀπλουμένης τῶν
εἰδῶν ἐκτάσεώς ἐστὶν εἰκὼν, καὶ τὸ ὅξυ τῆς διαιρετικῆς

3 ἄπειρος G.

14 ἀνισότης M.

17 δὲ G, δὴ C, δὲ

(δὴ) H_2 p. 257.

19 ἀποπέμπουσι G, ἀναπέμπουσι C.

20 αἰτίας C. 21 τὸ χεῖρον H_2 p. 257. 22 τοῖς ante θείοιςom. G. || θεοῖς M, G, θείοις H_1 p. 453, H_2 p. 257.

24 ἀνῆσθαι C.

25 ἐπίπαν G.

26 ἐκτάσεως M, G, ἐκ-

τάσεως H_2 p. 258.

καὶ κινητικῆς τῶν ὅλων αἰτίας ἀφομοίωσιν ἔλαχεν.
καὶ μὴν καὶ ἐν αὐτοῖς τοῖς οὖσιν τῇ μὲν οὐσίᾳ ἡ
ὀρθότης τὸν αὐτὸν ὅρον τοῦ εἶναι φυλάττουσα προσ-
έοικε, τοῖς δὲ συμβεβηκόσιν ἢ τε ἀμβλεῖα καὶ ἡ ὀξεῖα.
ταῦτα γὰρ δέχεται τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον καὶ ἀορίστως ⁵
μεταβάλλοντα οὐδέποτε παύεται. ὀρθῶς ἄρα καὶ τῇ
ψυχῇ παρακελεύονται τὴν κἀθοδὸν τὴν εἰς γένεσιν
ποιεῖσθαι κατὰ τὸ ἀκλινὲς τοῦτο τῆς ὀρθῆς γωνίας
εἶδος μὴ ῥεπούσῃ πρὸς τάδε μᾶλλον ἢ τάδε, μηδὲ
προσπασχούσῃ μᾶλλον ἄλλοις καὶ ἥττον. ὁ γὰρ τῆς ¹⁰
συμπαθείας μερισμὸς εἰς τὴν ἐνυλον αὐτὴν κατάγει
πλημμέλειαν καὶ τὴν ἀοριστίαν. σύμβολον οὖν καὶ ἡ
κἀθετός ἐστιν ἀρρεψίας, καθαρότητος, ἀχράντου δυ-
νάμεως, ἀκλινούς, πάντων τῶν τοιούτων. ἐστὶ δὲ καὶ
μέτρον θείου καὶ νοεροῦ σύμβολον. διὰ γὰρ καθέτων ¹⁵
καὶ τὰ ὕψη τῶν σχημάτων ἀναμετροῦμεν καὶ τῇ πρὸς
τὴν ὀρθὴν ἀναφορᾷ τὰς ἄλλας εὐθυγράμμους γωνίας
ὀρίζομεν αὐτὰς ἀφ' ἐαυτῶν ἀορίστους οὕσας. ἐν
ὑπερβολῇ γὰρ καὶ ἐλλείψει θεωροῦνται. τούτων δὲ
ἐκατέρω καθ' αὐτὴν ἀπέραντός ἐστι. διὸ καὶ τὴν ἀρε- ²⁰
τὴν κατὰ τὴν ὀρθότητά φασιν ἐστάναι, τὴν δὲ κακίαν
κατὰ τὴν ἀοριστίαν τῆς ἀμβλείας καὶ ὀξείας ὑφίστα-
σθαι καὶ μερίζεσθαι τὰς ἐνδείας καὶ ὑπερβολὰς καὶ

2 καὶ μὲν *M*. 3 τῶν αὐτὸν *M*. 4 ἥτε ἀμβλεῖα καὶ
ἡ ὀξεῖα] 'Obtusius, atque Acutus' et in praefatione 'Hebetudo,
atque Acumen' *B*, 'the obtuse and acute' *T*. || καὶ ὀξεῖα,
omisso ἡ *M*, *H*₂ p. 258. 5 τὸ ἥττον *H*₂. 6 οὐποτε *G*,
οὐδέποτε *C*, *H*₂. 10 ἄλλων *B*₃, *G*. 'alia magis alia minus
affectando' *B*, 'magis et minus quam alii patientis' *Z*.
11 συμπαθείας *G*. 14 καὶ ἀκλινούς *G*. 15 καθέτων *M*, *G*,
καθέτων *H*₁ p. 453, *H*₂ p. 258. 18 ἐφ' ἐαυτῶν *H*₁ p. 454,
*H*₂ p. 258. || ὡς ἐν ὑπερβολῇ *G*, ὡς delendum notavit *C*.
19 θεωροῦντες *G*. 21 φησιν *M*, *C*; 'dicunt' *B*, *Z*. 22 Post
ὀξείας additum est τῶν γωνιῶν in *H*₁ p. 254, *H*₂ p. 271.

τῷ μᾶλλον καὶ ἥττον δεικνύναι τὴν ἐαυτῆς ἀμετρίαν. τελειότητος ἄρα καὶ ἀκλινοῦς ἐνεργείας καὶ ὄρου νοεροῦ καὶ πέρατος καὶ τῶν τούτοις ὁμοίων εἰκόνα θησόμεθα τὴν ὀρθότητα τῶν εὐθύγραμμων γωνιῶν.
 5 τὴν δὲ ἀμβλεῖαν καὶ ὀξεῖαν ἀορίστου κινήσεως καὶ ἀσχέτου προόδου καὶ διαιρέσεως καὶ μερισμοῦ καὶ ὅλως ἀπειρίας.

Τοσαῦτα περὶ τούτων. δεῖ δὲ τοῖς ὀρισμοῖς τῆς τε ἀμβλείας καὶ ὀξείας προστιθέναι τὸ γένος. ἐστὶ γὰρ
 10 ἑκατέρω εὐθύγραμμος, ἡ μὲν μείζων ὀρθῆς, ἡ δὲ ἐλάσσων. ἀλλ' οὐχ ἀπλῶς ἡ ἐλάσσων ὀρθῆς ὀξεῖά ἐστι. καὶ γὰρ ἡ κερατοειδὴς πάσης ἐστὶν ὀρθῆς ἐλάσσων, ὅπου γε καὶ ὀξείας, ἀλλ' οὐκ ὀξεῖα, καὶ ἡ τοῦ ἡμικυκλίου πάσης ὀρθῆς ὡσαύτως ἐλάσσων, ἀλλ' οὐκ
 15 ἔστιν ὀξεῖα. τὸ δὲ αἴτιον, ὅτι καὶ μικταί εἰσι || καὶ οὐκ εὐθύγραμμοι. καὶ μὲν δὴ καὶ τῶν περιφερογράμμων πολλὰ μείζους ἂν φανεῖεν ὀρθῶν, ἀλλ' οὐκ εἰδὼν ἀμβλεῖαι διὰ τοῦτο. δεῖ γὰρ εὐθύγραμμον εἶναι τὴν ἀμβλεῖαν. τοῦτό τε οὖν ἐπισημαίνομαι καὶ ὅτι τὴν
 20 ὀρθὴν ἀφορίσασθαι προθέμενος ἔλαβεν εὐθεῖαν ἐπίτινος εὐθείας ἐστῶσαν καὶ ποιοῦσαν ἴσας ἀλλήλαις τὰς ἐφεξῆς, τὴν δὲ ἀμβλεῖαν καὶ τὴν ὀξεῖαν οὐκέτι λαβὼν εὐθεῖαν ἐπὶ θάτερα κεκλιμένην ἀποδίδωσιν, ἀλλ' ἐκ τῆς πρὸς τὴν ὀρθὴν ἀναφορᾶς. μέτρον γὰρ
 25 αὕτη καὶ τῶν μὴ ὀρθῶν, ὥσπερ ἡ ἰσότης καὶ τῶν ἀνίσων. αἱ δὲ ἐπὶ θάτερα ἐγκεκλιμέναι ἄπειροι ἦσαν καὶ οὐ μίᾳ μόνον, ὥσπερ ἡ κάθετος. ἐπὶ δὲ τούτοις

6 ὀρισμοῦ *G*, μερισμοῦ *C*, *H*₁ p. 454 (μετροσημοῦ), *H*₂ p. 271. 8 τῆς] τὰς *M*. 13 ὅπου γε καὶ ὀξεῖα *M*.

15 καὶ ante μικταί om. *G*. 16 καὶ post μὲν δὴ om. *G*. || περιφερομένων *C*. 19 ἐπισημαίνομεν *G*. 24 μέτρον *C*.

25 αὕτῃ *G*. || ἡ om. *G*.

το γωνίας εἶπεῖν „ἀλλήλαις ἴσας“ τῆς γεωμετρικῆς ἀκριβείας εἶναι τίθεμαι. δυνατόν γὰρ ἂν ἦν καὶ ἴσας εἶναι γωνίαις ἄλλαις καὶ μὴ ὀρθὰς ἀλλήλαις. διὸ ἴσας οὐσας ἀναγκαῖον εἶναι ὀρθάς. καὶ τὸ „ἐφεξῆς“ προσ-
 τεθὲν οὐ φαίνεται μοι παρέλκειν, ὥς γε [?] οὐ καλῶς ⁵
 τισιν ἔδοξεν, ἀλλ' ἐνδείκνυσθαι τὸν λόγον τῆς ὀρθό-
 τητος. διὰ τοῦτο γὰρ ὀρθὴ ἑκατέρα τῶν γωνιῶν, ὅτι
 ἐφεξῆς οὐσαι ἴσαι εἰσί, τῆς ἐφεστώσης εὐθείας διὰ
 τὴν ἀρρεψίαν ἐπὶ θάτερα τῆς ἰσότητος ἀμφοτέραις
 καὶ τῆς ὀρθότητος ἑκατέρᾳ γενομένης αἰτίας. οὐχ ¹⁰
 ἀπλῶς οὖν ἢ πρὸς ἀλλήλας ἰσότης ἀλλ' ἢ ἐφεξῆς θέσις
 μετὰ τῆς ἰσότητος αἰτία τῆς τῶν γωνιῶν ὀρθότητος.

Ἐπὶ πᾶσι δὲ οὖν ἀξιῶ μεμνησθαι τῆς τοῦ στοι-
 χειωτοῦ κἀνταῦθα προθέσεως, ὅτι περὶ τῶν ἐν ἐνὶ
 ἐπιπέδῳ συνισταμένων ποιεῖται τὸν λόγον, ὥστε οὐδὲ ¹⁵
 καθέτου πάσης οὗτος ὁ ὅρος ἐστίν, ἀλλὰ τῆς ἐν τῷ
 αὐτῷ ἐπιπέδῳ. τὴν | δὲ στερεὰν λεγομένην οὐκ ἦν
 καιρὸς ἀφορίζεσθαι νῦν. ὥσπερ οὖν τὴν ἐπίπεδον
 ὥρισατο γωνίαν, οὕτω καὶ κάθετον τὴν τοιαύτην, ἐπεὶ
 ἢ γε στερεὰ κάθετος οὐ πρὸς μίαν μόνον εὐθεῖαν ²⁰
 ὀφείλει ποιεῖν ὀρθὰς γωνίας, ἀλλὰ πρὸς πάσας τὰς
 ἀπομένους αὐτῆς καὶ οὐσας ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπι-
 πέδῳ. τοῦτο γὰρ ἴδιον ἐκείνης.

2 τίθεμεν G. || συνετὸν G, δυνατόν C. 3 ἄλλαις] ἀλλή-
 λαις G, ἄλλαις C. || ἀλλήλαις om. G. 3—4 διὸ ἴσας ... ὀρθάς
 om. G. 5 παρέλκον G. || ὥς γε] ὥστε M, B₃, G, 'ut' B, 'sicut' Z.
 6 ἐνδείκνυται G, ἐνδείκνυσθαι C. 7—12 διὰ τοῦτο
 γὰρ ... γωνιῶν ὀρθότητος om. G, add. C. 9 θατέρως M, C.
 10 ἑκατέρα M, C; 'utrique' B; Z διὰ τοῦτο γὰρ ... ὀρ-
 θότητος om. 11 ἢ ante πρὸς om. C. || ἢ ante ἐφεξῆς om. M.
 13 ἐπὶ πάσῃ M, 'In omnibus' Z, 'praeter haec omnia' B.
 15 ἐπιπέδων G. 18 ὅπερ C. 20 ἢ τε G, ἢ γε C.

Def. XIII. Ὅρος ἐστὶν ὃ τινός ἐστι πέρας.

Τὸν ὅρον οὐ πρὸς πάντα ἀναφέρειν δεῖ τὰ μεγέθη
 — καὶ γὰρ γραμμῆς || ὅρος ἐστὶ καὶ πέρας — ἀλλὰ
 πρὸς τὰ χωρία τὰ ἐν ἐπιφανείαις καὶ τὰ στερεά. νῦν
 5 γὰρ ὅρον καλεῖ τὴν περιοχὴν τὴν ἀφορίζουσαν ἕκαστον
 χωρίον, καὶ πέρας ἀφορίζεται τοῦτον τὸν τρόπον οὐχ
 ὥς τὸ σημεῖον λέγεται πέρας γραμμῆς, ἀλλ' ὥς τὸ
 περικλεῖον καὶ περιεῖργον ἀπὸ τῶν περικειμένων. ἐστὶ
 δὲ τὸ ὄνομα οἰκεῖον τῇ ἐξ ἀρχῆς γεωμετρίας, καθ' ἣν
 10 τὰ χωρία ἐμέτρουν καὶ τοὺς ὅρους αὐτῶν ἐφύλαττον
 ἀσυγχύτους, ἀφ' ἧς καὶ τῆς ἐπιστήμης ταύτης εἰς
 ἐπίνοιαν ἦλθον. τὴν τοίνυν περιοχὴν τὴν ἔξωθεν
 ὅρον καλέσας ὁ στοιχειωτὴς εἰκότως αὐτὴν καὶ πέρας
 ἀφωρίσατο τῶν χωρίων. διὰ γὰρ ταύτης ἕκαστον τῶν
 15 περιεχομένων περατοῦται. λέγω δὲ οἶον ἐπὶ τοῦ
 κύκλου τὴν μὲν περιφέρειαν ὅρον καὶ πέρας, αὐτὸ δὲ
 τὸ ἐπίπεδόν τι χωρίον. καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων ὁσαύτως.

Def. XIV. Σχήμά ἐστι τὸ ὑπό τινος ἢ τινων
 ὅρων περιεχόμενον.

20 Ἐπειδὴ τὸ σχῆμα λέγεται πολλαχῶς καὶ κατ' εἶδη
 διάφορα διαιρεῖται, δεῖ πρῶτον τὰς διαφορὰς αὐτοῦ
 θεωρήσαντας οὕτω ἐπὶ τοῦ προκειμένου σχήματος ἐν
 τῷ ἱρισμῷ διελθεῖν. ἐστὶ μὲν οὖν τι σχῆμα καὶ κατὰ
 τροπὴν ὑφιστάμενον καὶ ἀπὸ πάθους ἐγγινόμενον

7. 8 τὸ περιεῖργον καὶ περικλεῖον G. 8 ἐπὶ G, ἀπὸ C. || ἔτι
 G, ἐστὶ C. 9 τῆς ἐξ ἀρχῆς γεωμετρίας C. 18 ἐστὶ τὸ]
 ἐστὶν G. 22 θεωρήσαντος G, θεωρήσαντας C. 23 τι om. G,
 add. C. 24 γιγνομένων G, ἐγγιγνομένων C.

πληττομένων ἢ διαιρουμένων ἢ ἀφαιρουμένων ἢ προσ-
 θήκας δεχομένων ἢ ἀλλοιουμένων τῶν σχηματιζομένων
 ἢ ἄλλα παθήματα ποικίλα πασχόντων. ἔστι δὲ καὶ
 ἀπὸ τέχνης οἷον πλαστικῆς ἢ ἀνδριαντοποιητικῆς ἀπο-
 γεννώμενον κατὰ τὸν ἐν τῇ τέχνῃ προυπάρχοντα λό- 5
 γον, τῆς μὲν τέχνης προβαλλούσης τὸ εἶδος, τῆς δὲ
 ὕλης δεχομένης τὴν μορφήν καὶ τὸ κάλλος καὶ τὴν
 εὐσχημοσύνην ἐκείθεν. ἔστι δὲ τούτων ἔτι σεμνότερα
 καὶ διαπρεπέστερα σχήματα, φύσεως δημιουργήματα,
 τὰ μὲν ἐν τοῖς ὑπὸ σελήνην στοιχείοις συνεκτικὰ τῶν 10
 ἐν αὐτοῖς λόγων, τὰ δὲ κατ' οὐρανὸν τὰς τε δυνάμεις
 αὐτῶν ἀφορίζοντα καὶ τὰς κινήσεις. καὶ γὰρ καθ'
 ἑαυτὰ καὶ πρὸς ἄλληλα τὰ οὐράνια σώματα πολλήν
 καὶ θαυμαστὴν προτείνει σχημάτων ποικιλίαν καὶ ἄλ-
 λοτε ἄλλας δείκνυσι μορφὰς εἰκόνα φερούσας τῶν 15
 νοερῶν εἰδῶν, καὶ ταῖς εὐρύθμοις ἑαυτῶν χορείαις
 ἀπογράφεται τὰς ἀσωμάτων καὶ αὐλούς τῶν σχημά-
 των δυνάμεις. - ἔστι δ' αὖ καὶ τούτων ἐπέκεινα κάλλει
 καθαρώτατα καὶ τελειότατα τὰ σχήματα τῶν ψυχῶν ||
 ζωῆς ὄντα μεστὰ καὶ αὐτοκίνητα προὔφεστιῶτα τῶν 20
 ἑτεροκινήτων καὶ αὐλως καὶ ἀδιαστάτως ὄντα πρὸ
 τῶν διαστατῶν καὶ ἐνύλων, περὶ ὧν καὶ ὁ Τίμαιος
 ἡμᾶς ἀνεδίδαξε τὸ δημιουργικὸν καὶ οὐσιῶδες σχῆμα
 τῶν ψυχῶν ἀναπλώσας. ἔστι γε μὴν καὶ τῶν ψυχι-
 κῶν σχημάτων τὰ νοερὰ πολὺ θειότερα πάντα μὲν ὑπερ- 25
 έχοντα τῶν μεριστῶν οὐσιῶν, πάντῃ δὲ διαλάμποντα

3 πάθη G. 4 ἀπὸ τῆς τέχνης G; τῆς delendum not. C.

6 προλαβούσης G, προβαλλούσης C. 8 σεμνότερον G,
σεμνότερα C. 9 διαπρεπέστατα C. 12 αὐτῶν G, 'ipso-

rum' B, Z. 17 ἀσωμάτων G, ἀσώματα C. 18 κάλλη G.

19 καθαρώτατα C. 23 ἀνεδείδαξεν G, ἀνεδίδαξεν C.

26 διαλείποντα G, διαλάμποντα C.

τῷ ἀμερίστῳ καὶ νοερῷ φωτί, γόνιμα δὲ καὶ δραστήρια
 καὶ τελεσιουργὰ τῶν ὅλων καὶ πᾶσιν ἐξ ἴσου παρόντα
 καὶ ἐν αὐτοῖς μονίμως ἐστῶτα καὶ τοῖς μὲν ψυχικοῖς
 σχήμασι τὴν ἔνωσιν ἐπάγοντα, τῶν δὲ αἰσθητῶν τὴν
 5 παράλλαξιν εἰς τὸν οἰκεῖον ὅρον ἀνακαλούμενα. ἔστιν
 δ' ἄρα καὶ τούτων ἀπάντων ἐξηρημένα τὰ τέλεια καὶ
 ἐνοειδῆ καὶ ἄγνωστα καὶ ἄφραστα σχήματα τῶν θεῶν,
 ἐποχούμενα μὲν τοῖς νοεροῖς σχήμασι, περατοῦντα δὲ
 ἠνωμένως τὰ ὅλα σχήματα, συνεχόντα δὲ τὰ πάντα
 10 τοῖς ἑαυτῶν ἐνιαίοις ὅροις, ὧν καὶ ἡ θεωργία τὰς
 ιδιότητας ἀποτυπουμένη τοῖς τῶν θεῶν ἀγάλμασιν
 ἄλλα ἄλλοις περιβάλλει σχήματα. καὶ τὰ μὲν διὰ τῶν
 χαρακτήρων ἀρρήτως ἀπεικάζεται — καὶ γὰρ οὗτοι
 τὰς ἀγνώστους δυνάμεις τῶν θεῶν ἐκφαίνουσιν —
 15 τὰ δὲ διὰ τῶν μορφωμάτων καὶ τῶν τύπων ἀπομι-
 μεῖται, τὰ μὲν ἐστῶτα τὰ δὲ καθήμενα ποιοῦσα καὶ
 τὰ μὲν καρδιοειδῆ τὰ δὲ σφαιροειδῆ τὰ δὲ ἄλλως
 σχηματιζόμενα καὶ τὰ μὲν ἀπλᾶ τὰ δὲ σύνθετα ἐκ
 πλειόνων μορφῶν καὶ τὰ μὲν σεμνὰ τὰ δὲ ἥμερα καὶ
 20 τὸ ἴλεον προτείνοντα τῶν θεῶν τὰ δὲ βλοσυρὰ κατα-
 σκευάζουσα σύμβολά τε ἄλλα ἄλλοις προσάγουσα κατὰ
 τὴν πρὸς τοὺς θεοὺς ἀνήκουσαν συγγένειαν. ἄνωθεν
 ἄρα τὸ σχῆμα ἀρχόμενον ἀπ' αὐτῶν τῶν θεῶν δια-
 τείνει μέχρι τῶν ἐσχάτων καὶ τούτοις ἐμφανταζόμενον
 25 ἀπὸ τῶν πρωτίστων αἰτίων. δεῖ γὰρ πρὸ τῶν ἀτε-
 λῶν ὑφεστάναι τὰ τέλεια καὶ τῶν ἐν ἄλλοις ὄντων
 τὰ ἐφ' ἑαυτῶν ἰδρυμένα καὶ τῶν ἀναπεπλησμένων

3 μὲν om. G. 13 καὶ γὰρ καὶ οὗτοι C. 20 τὸ ἴλεον G,
 τὸ ἴλεον C. || τὸν θεόν C. 24 ἐμφανιζόμενον G, ἐμφαν-
 ταζόμενον C. 26 ἐφιστάναι G, ὑφεστάναι C. 27 ὑφ' G,
 ἐφ' C.

τῆς ἑαυτῶν στερήσεως τὰ τὴν οἰκεῖαν φύσιν εἰλικρινῇ διασώζοντα.

Τὰ μὲν οὖν ἔνυλα σχήματα με|τέχει τῆς ὑλικῆς ἀσχημοσύνης καὶ οὐκ ἔχει τὴν προσήκουσαν αὐτοῖς καθαρότητα, τὰ δὲ οὐράνια μεριστά ἐστι καὶ ἐν ἄλλοις 5 ὑφέστηκε, τὰ δὲ ψυχικὰ διαιρέσεως καὶ ποικιλίας μετέειληφεν καὶ ἀνελίξεως παντοίας, τὰ δὲ νοερά μετὰ τῆς ἐνώσεως ἔχει τὴν εἰς πλῆθος πρόοδον, αὐτὰ δὲ τὰ τῶν θεῶν καὶ ἀπόλυτα καὶ ἐνοειδῇ καὶ ἀπλᾷ καὶ γεννητικὰ πρὸ τῶν ὅλων ὑφέστηκεν, ἐν ἑαυτοῖς πᾶσαν 10 ἔχοντα τὴν τελειότητα καὶ ἀφ' ἑαυτῶν τοῖς πᾶσι προτείνοντα τὴν τελεσιουργίαν τῶν εἰδῶν. οὐκ ἄρα ἡμεῖς ἀνεξόμεθα τῶν πολλῶν λεγόντων, ὅτι τὰ αἰσθητὰ σχήματα προσθέσεις καὶ ἀφαιρέσεις καὶ ἀλλοιώσεις τινὲς ἀπογεννῶσιν. οὐ γὰρ ἂν αἱ κινήσεις ἀτελεῖς οὔσαι 15 τὴν ἀρχικὴν αἰτίαν καὶ πρωτουργὸν ἔχοιεν τῶν ἀποτελεσμάτων, οὐδ' ἂν ἐκ τῶν ἐναντίων τὰ αὐτὰ πολλάκις ἀποτελοῖτο σχήματα — καὶ γὰρ ἐκ προσθέσεως γένοιτο ἂν καὶ ἀφαιρέσεως ἢ αὐτὴ μορφή — ἀλλὰ ταῦτα θησόμεθα δουλεύειν ἄλλοις εἰς τὴν γένεσιν, καὶ 20 τὸ τέλος αὐτοῖς ἀπ' ἄλλων τῶν προηγουμένων αἰτιῶν ἀφορίζεσθαι φήσομεν. οὐδ' ἄρα τὰ μὲν ἄνυλα σχήματα ἀνυπόστατά ἐστι, τὰ δὲ ἐν τῇ ὕλῃ μόνον ὑφέστηκεν, ὥς πού φασί τινες, ἀλλ' οὐδ' ὥς ἕτεροι λέγουσιν, ἐστι μὲν ἔξω τῆς ὕλης, κατ' ἐπίνοιαν δὲ μόνην καὶ κατὰ 25 ἀφαίρεσιν ἔχει τὴν ὑπόστασιν. ποῦ γὰρ ἡ ἀκρίβεια

4 αὐτῆς C. 'sibi' B, 'eis' Z. 10 αὐτοῖς G. 13 τῶν πολλῶν λεγόντων] Democriti hanc opinionem fuisse adnotat B in margine. 14 ἀφορέσεις M. || τινὰς G, τινὲς C. 18 ἀποτελεῖται M, ἀποτελεῖτο G. || προσθέσεως M. 19 καὶ ἀφαιρέσεως om. M. 21 ἀπ' ἄλλων αὐτοῖς G. 22 ἄνυλα] ἄλλα G. 25 μόνον G.

καὶ τὸ κάλλος καὶ ἡ τάξις ἡ τῶν σχημάτων ἐν τοῖς ἐξ
 ἀφαιρέσεως σώζεσθαι δύναται; τοιαῦτα μὲν γὰρ ὄντα,
 οἷα τὰ αἰσθητά, πάμπολυ τῆς ἀνελέγκτου καὶ εἰλικρι-
 νοῦς ἀκριβείας ἀπολείπεται, προσλαμβάνοντα δὲ τὸ
 5 ἀκριβὲς καὶ τὸ τεταγμένον καὶ τὸ τέλειον πόθεν ταῦτα
 προσλήψεται; ἢ γὰρ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν — ἀλλ' οὐκ
 ἦν ἐν ἐκείνοις — ἢ ἀπὸ τῶν νοητῶν (ἐστίν;) — ἀλλὰ
 τελειότερον ἐν ἐκείνοις — τὸ γὰρ ἀπὸ τοῦ μὴ ὄντος
 λέγειν πάντων ἀδυνατώτατόν ἐστιν. οὐ γάρ που τὰ
 10 μὲν ἀτελῇ παρήγαγεν ἡ φύσις, τὰ δὲ τέλεια ἀννυπόστατα
 ἀφῆκεν, οὐδὲ θέμις τὴν ἡμετέραν ψυχὴν ἀκριβέστερα
 καὶ τελειότερα καὶ μᾶλλον τεταγμένα τοῦ νοῦ καὶ τῶν
 θεῶν ἀπογεννᾶν. εἰσὶν ἄρα πρὸ τῶν αἰσθητῶν οἱ
 αὐτοκίνητοι λόγοι τῶν σχημάτων καὶ οἱ νοεροὶ καὶ
 15 θεῖοι καὶ ἡμεῖς ἀνακινούμεθα μὲν ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν,
 προβάλλομεν δὲ τοὺς ἔνδον λόγους, εἰκόνας ἄλλων
 ὄντας, καὶ διὰ τούτων τὰ μὲν αἰσθητὰ παραδειγματι-
 κῶς, τὰ δὲ νοερά καὶ θεῖα γινώσκομεν εἰκονικῶς.
 ἀναπλούμενοι γὰρ οἱ ἐν ἡμῖν λόγοι τὰς μορφὰς τῶν
 20 θεῶν ἐπιδεικνύουσι καὶ τὰ ἐνοειδῆ τῶν ὅλων πέρατα,
 δι' ὧν ἀρρήτως εἰς ἑαυτοὺς ἐπιστρέφουσι πάντα καὶ
 συνέχουσιν ἐν ἑαυτοῖς. ἐν μὲν οὖν τοῖς θεοῖς καὶ
 γνῶσις ἐστὶν ὑπερφυῆς τῶν ὅλων σχημάτων καὶ δύ-
 ναμις γεννητικὴ καὶ ὑποστατικὴ τῶν δευτέρων ἀπάν-
 25 των, ἐν δὲ ταῖς φύσεσι ποιητικὴν μὲν ἔχει τῶν φαινο-
 μένων τὰ σχήματα δύναμιν, γνώσεως δὲ καὶ τῆς
 νοερᾶς εἰδήσεως παρήρηται, ἐν δὲ ταῖς μερικαῖς ψυχαῖς

3 ἀνελέκτου C. 7—8 ἢ ἀπὸ τῶν νοητῶν . . . ἐκείνοις
 om. G. 10 ἀννυπόστατον M; postera manus α super on
 scripsit. 12 καὶ ante μᾶλλον om. G, add. C. 27 μερικαῖς
 om. G; 'particularibus' B, Z.

ἡ μὲν αὔλος νόησις ἐστὶ καὶ ἡ αὐτενέργητος γυνῶσις,
 ἡ δὲ γόνιμος αἰτία καὶ δραστήριος οὐκ ἐστὶν. ὥσπερ
 οὖν ἡ φύσις ποιητικῶς τῶν αἰσθητῶν σχημάτων προ-
 ἐσθηκεν, οὕτως ἡ ψυχὴ κατὰ τὸ γνωστικὸν ἐνεργοῦσα
 προβάλλει περὶ τὴν φαντασίαν ὥσπερ εἰς κάτοπτρον ⁵
 τοὺς τῶν σχημάτων λόγους, ἡ δ' ἐν εἰδώλοις αὐτὰ
 δεχομένη καὶ ἐμφάσεις ἔχουσα τῶν ἔνδον ὄντων διὰ
 τούτων τῇ ψυχῇ παρέχεται τὴν εἰς τὸ εἶσω στροφὴν
 καὶ πρὸς ἑαυτὴν τὴν ἀπὸ τῶν εἰδώλων || ἐνέργειαν·
 οἷον εἴ τις ἑαυτὸν ὁρῶν ἐν κατόπτρῳ καὶ θαυμάσας ¹⁰
 τὴν τῆς φύσεως δύναμιν καὶ τὴν ἑαυτοῦ μορφὴν ἑαυ-
 τὸν ἰδεῖν θελήσειεν καὶ λάβοι δύναμιν τοιαύτην, ὥστε
 ὅλως ὁρῶν καὶ ὁρατὸν ἀποτελεσθῆναι. καὶ γὰρ ψυχὴ
 τοῦτον τὸν τρόπον ἔξω ἑαυτῆς εἰς φαντασίαν βλέ-
 πουσα καὶ ἐσκιαγραφημένα σχήματα θεωμένη καὶ τὸ ¹⁵
 κάλλος αὐτῶν ἐκπλαγεῖσα καὶ τὴν τάξιν ἄγεται τοὺς
 ἑαυτῆς λόγους, ἀφ' ὧν καὶ ταῦτα, καὶ ἀγασθεῖσα τὸ
 μὲν τούτων κάλλος ὡς ἐν εἰδώλοις φερόμενον ἀφίησι,
 ζητεῖ δὲ τὸ ἑαυτῆς, καὶ εἰς τὸ εἶσω παρελθεῖν ἐθέλει,
 καὶ τὸν κύκλον ἐκεῖ καὶ τὸ τρίγωνον ἰδεῖν, καὶ πάντα ²⁰
 ἄμερῶς καὶ ἐν ἀλλήλοις πάντα, καὶ ἐν (?) γενέσθαι
 πρὸς τὰ ὁρώμενα, καὶ συμπτύξαι τὸ πλῆθος, καὶ τὰ
 ἐν τοῖς ἀγγείοις τῶν θεῶν καὶ ἀδύτοις κρύφια καὶ
 ἄρρητα σχήματα θεάσασθαι καὶ ἐκφῆναι τὴν ἀκαλλώ-
 πιστον τῶν θεῶν εὐμορφίαν καὶ κύκλον ἰδεῖν κέντρον ²⁵

11 ἑαυτὸν om. G.

12 τελέσεις G, τελήσεις C.

14 αὐτῆς G.

15 ἐν σκία(sic)γραφημένῳ σχήματι G, ἐσκια-

γραφημένῳ σχήματι C.

16 ἄγεται G, ἄγεται C.

21 ἐν

γενέσθαι] ἐγγενέσθαι M, B₃, G, sed super ἐγ scripsit in M

postera manus ἐν; 'sesequae obiectis inserere' B, 'innasci ad

ea, quae spectantur' Z.

23 αἰτίοις G, ἀγγείοις C.

24 καλ-

λώπιστον C.

παντὸς ἀμερέστερον καὶ τρίγωνον ἀδιάστατον καὶ τῶν
 ἄλλων ἕκαστον εἰς ἔνωσιν γνωστὸν ἀνῆκον. ἐστὶν δὲ
 οὖν τὸ μὲν αὐτοκίνητον σχῆμα πρὸ τοῦ ἑτεροκινήτου,
 τὸ δὲ ἀμέριστον πρὸ τοῦ αὐτοκινήτου, τὸ δὲ ἐνὶ ταύ-
 5 τὸν πρὸ τοῦ ἀμερίστου. πάντα γὰρ εἰς τὰς ἐνάδας
 ἀνίοντα τελευτᾷ, καὶ γὰρ πᾶσιν ἐκεῖθεν ἢ εἰς τὸ εἶναι
 πάροδος.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν κατὰ τὸ Πυθαγόρειον ἀρέσκον
 ἐμυκύνουμεν, ὁ δὲ γεωμέτρης τὸ ἐν τῇ φαντασίᾳ σχῆμα
 10 θεωρῶν καὶ τοῦτο πρῶτως ὀριζόμενος, εἰ καὶ τοῖς
 αἰσθητοῖς ὁ λόγος ἐφαρμόττει δευτέρως, τὸ ὑπό τινος
 ἢ τινων ὅρων περιεχόμενόν φησιν εἶναι τὸ σχῆμα.
 σὺν ὕλῃ γὰρ ἤδη λαβὼν αὐτὸ καὶ ὡς διαστατὸν φαν-
 ταζόμενον εἰκότως πεπερασμένον καὶ ὠρισμένον ἀπο-
 15 καλεῖ. πᾶν γὰρ τὸ ὕλην ἔχον ἢ νοητὴν ἢ αἰσθητὴν
 ἀλλαχόθεν ἔχει τὸν ὅρον καὶ οὐκ αὐτὸ πέρας ἐστίν,
 ἀλλὰ πεπερασμένον, οὐ δὲ ἑαυτοῦ ὅρος, ἀλλ' ἄλλο μὲν
 ἐν αὐτῷ τὸ ὀρίζον, ἄλλο δὲ τὸ ὀριζόμενον, οὐδὲ ἐν
 αὐτῷ ἐστίν, ἀλλὰ ὑπ' αὐτοῦ περιέχεται. τῷ γὰρ |
 20 ποσῷ συμφύεται καὶ μετ' ἐκείνου συννυφίσταται καὶ
 γίνεται αὐτῷ ὑποκείμενον τὸ ποσόν. λόγος δὲ ἐκείνου
 καὶ μορφή τὸ σχῆμα καὶ εἶδος. περατοῖ γὰρ αὐτὸ καὶ
 χαρακτῆρα καὶ ὅρον αὐτῷ τοιόνδε προστίθησιν, ἢ
 ἀπλοῦν ἢ σύνθετον. ἐπεὶ γὰρ καὶ αὐτὸ τὴν τοῦ πέρα-
 25 τος καὶ ἀπείρου δυοειδῆ πρόοδον ἐν τοῖς οἰκείοις

3 ἑτέρου κινήτου *M*. 4 τὸ δὲ ἐναιτὸν *B*₃, *G*, τὸ δὲ ἐναιαν-
 τὸν *C*, τὸ δὲ ἐνὶ αὐτὸν *M*, quod postera manus correxīt in τῷ
 δὲ ἐνὶ ταύτῳ; 'quae (figura) vero Uni eadem est' *B*, 'quod
 sic uni idem est' *Z*. 11 ἐφαρμόττει, δευτέρως τὸ *G*.
 13 ἤδη] εἶδη *G*. 14 καὶ ὠρισμένον om. *G*, *C*. 14—17 ἀπο-
 καλεῖ . . . ἀλλὰ πεπερασμένον om. *G*, add. *C*. 18 τὸ ante
 ὀριζόμενον om. *G*, add. *C*. 25 οἰκείοις] ἰδίους *G*.

εἶδεσι προτείνει, καθάπερ δὴ καὶ ὁ τῆς γωνίας λόγος, τὸν μὲν ἓνα ὅρον καὶ τὸ ἀπλοῦν εἶδος ἐπάγει τοῖς ὑφ' ἑαυτοῦ περιεχομένοις κατὰ τὸ πέρασ, τοὺς δὲ πολλοὺς κατὰ τὴν ἀπειρίαν. || καὶ διὰ τοῦτο πᾶν τὸ ἐσχηματισμένον ἢ ἐνὸς ὅρου μετείληφεν ἢ πλειόνων. ὁ μὲν οὖν 5
 Εὐκλείδης τὸ ἐσχηματισμένον σχῆμα καλῶν καὶ τὸ ἐνυλον καὶ τῷ ποσῷ συννύαρχον περιεχόμενον εἰκότως αὐτὸ προσείρηκεν, ὁ δὲ Ποσειδώνιος πέρασ συγκλείον ἀφορίζειται τὸ σχῆμα τὸν λόγον τοῦ σχήματος χωρίζων τῆς ποσότητος καὶ αἷτιον αὐτὸν εἶναι τιθέμε- 10
 νος τοῦ ὠρίσθαι καὶ πεπεράσθαι καὶ τῆς περιοχῆς. τὸ γὰρ κλείον ἕτερόν ἐστι τοῦ συγκλειομένου καὶ τὸ πέρασ τοῦ πεπερασμένου, καὶ δοκεῖ πως ὁ μὲν εἰς τὸν ἔξωθεν περικείμενον ὅρον ἀποβλέπειν, ὁ δὲ εἰς ὅλον τὸ ὑποκείμενον, ὥστε τὸν κύκλον ὁ μὲν ἐρεῖ καθ' 15
 ὅλον τὸ ἐπίπεδον εἶναι σχῆμα καὶ τὴν ἔξω περιοχὴν, ὁ δὲ κατὰ τὴν περιφέρειαν. ἐνδείκνυται δὲ ὁ μὲν ὅτι τὸ ἐσχηματισμένον ἀφορίζειται καὶ σὺν τῷ ὑποκειμένῳ θεωρούμενον, ὁ δὲ ὅτι τὸν λόγον τοῦ σχήματος αὐτὸν τὸν περατοῦντα καὶ συγκλείοντα τὸ ποσὸν ἐμφανίζειν 20
 ἐθέλει. εἰ δέ τις λογικὸς ἀνὴρ καὶ κομψὸς αἰτιῶτο τὸν Εὐκλείδιον λόγον ὡς ἀπὸ τῶν εἰδῶν τὸ γένος ἀφοριζόμενον — τὸ γὰρ ὑφ' ἐνὸς ὅρου περιεχόμενον καὶ τὸ ὑπὸ πλειόνων εἶδη τοῦ σχήματος — λεκτέον ἂν εἴη πρὸς αὐτόν, ὅτι κατὰ γένη τὰς δυνάμεις προ- 25

5—6 ἢ ἐνὸς . . . ἐσχηματισμένον om. G, add. C. 7 πο-
 σὸν C. 8 αὐτὸ προσείρηκεν εἰκότως C. 12 κύκλον G,
 κλείον C. 13. 14 εἰς τὸ ἔξω G. 17 ἐνδείκνυται (εἰδείκνυ-
 ται B₃) δεόμενόν τι M, B₃, ἐνδείκνυται. καὶ ὁ μὲν τοι G;
 'ostendit. et alter quidem' B. 'indicat. et hic quidem' Z.
 19 ὅτι non interpretati sunt nec Z nec B. 22 τὸν Εὐκλείδιον
 λόγων M, τὸν Εὐκλείδους λόγον G. 25 κατὰ γένη] καὶ τὰ
 γένη G.

εἰληφεν τῶν εἰδῶν ἐν ἑαυτοῖς. καὶ ὅταν ἀπὸ τῶν
 δυνάμεων τῶν ἐν τοῖς γένεσιν ἐθέλωσιν αὐτὰ σαφῆ
 ποιεῖν, οἱ παλαιοὶ δοκοῦσι μὲν ἀπὸ τῶν εἰδῶν ἐπιχει-
 ρεῖν, κατὰ δὲ τὸ ἀληθὲς αὐτὰ ἀφ' ἑαυτῶν ἀναδιδά-
 5 σκουσι καὶ τῶν ἐν αὐτοῖς δυνάμεων.

Ὁ τοίνυν λόγος τοῦ σχήματος εἷς ὢν περιέχει τὰς
 τῶν πολλῶν σχημάτων διαφορότητας κατὰ τὸ πέρασ
 τὸ ἐν αὐτῷ καὶ τὸ ἄπειρον, καὶ ὁ τοῦτον ὀριζόμενος
 οὐκ ἂν ἄτοπος εἴη διὰ τοῦ ὀρισμοῦ τὰς διαφορὰς τῶν
 10 ἐν αὐτῷ δυνάμεων περιλαμβάνων. ἀλλὰ πόθεν πρό-
 εῖσιν ὁ τοῦ σχήματος λόγος καὶ ἀπὸ ποίων αἰτίων
 τελειοῦται; λέγω δὴ, ὅτι πρῶτον μὲν ἐκ τοῦ πέρατος
 ὑφίσταται καὶ τοῦ ἀπείρου καὶ τοῦ ἐκ τούτων με-
 μιγμένου, διὸ καὶ αὐτὸς τὰ μὲν ἀπογεννᾷ κατὰ τὸ
 15 πέρασ τῶν εἰδῶν, τὰ δὲ κατὰ τὸ ἄπειρον, τὰ δὲ κατὰ
 τὸ μικτόν, τοῖς μὲν περιφερέσι τὴν τοῦ πέρατος ἰδέαν
 ἐπάγων, τοῖς δὲ εὐθυγράμμοις τὴν τοῦ ἀπείρου, τοῖς
 δὲ ἐκ τούτων τὴν τοῦ μικτοῦ. δεύτερον δὲ ἀπὸ τῆς
 ὁλότητος τελειοῦται τῆς εἰς τὰ ἀνόμοια μέρη διακρίνο-
 20 μένης, ὅθεν δὴ καὶ αὐτὸς ἐκάστω τῶν εἰδῶν ἐπιφέρει
 τὸ ὅλον, καὶ τῶν σχημάτων ἕκαστον εἰς διάφορα αὐ-
 τῶν εἶδη τέμνεται. καὶ γὰρ ὁ κύκλος εἰς ἀνόμοια τῷ
 λόγῳ καὶ ἕκαστον τῶν εὐθυγράμμων διαιρετόν ἐστιν,
 ὃ καὶ αὐτὸς ὁ στοιχειωτὴς ἐν ταῖς διαιρέσεσι πραγμα-
 25 τεύεται τὸ μὲν εἰς ὅμοια τὰ δοθέντα σχήματα διαιρῶν,
 τὸ δὲ εἰς ἀνόμοια. τρίτον ἀπὸ τοῦ παντελοῦς πλήθους
 δυναμοῦται καὶ διὰ τοῦτο παντοίας μορφὰς προτείνει

1 καὶ ὅτε G, καὶ ὅταν C. 7 διαφορὰς C. 12 λέγει
 M, B₃, G; sed in M postera manus ω super ei scripsit; 'Dico' B,
 'Ait' Z. 13 ὑφίστασθαι G. 18 τὴν ante τοῦ μικτοῦ om. G,
 add. C. 26 τὸ δὲ εἰς ἀνόμοια om. M, B₃.

καὶ γεννᾷ πολυειδεῖς λόγους τῶν σχημάτων καὶ ἐαυτὸν
ἐξελίττων οὐ παύεται, μέχρις ἂν εἰς ἔσχατον προέλθῃ
καὶ πᾶσαν ἐκφήνῃ τὴν ποικιλίαν τῶν εἰδῶν. καὶ
ὥσπερ ἐκεῖ τὸ ἐν τῷ ὄντι καὶ τὸ ὄν ἐν τῷ ἐνὶ δείκνυ-
ται συννυπάρχον, οὕτω δὴ καὶ αὐτὸς ἐν τοῖς εὐθύ- 5
γράμμοις τὰ περιφερῇ καὶ ἀνάπαλιν τὰ εὐθύγραμμα
ἐν τοῖς περιφερέσι συνειλιγμένα δείκνυσσι, καὶ τὴν
ὅλην ἐαυτοῦ φύσιν καθ' ἕκαστον οἰκείως προτείνει
πάντα τε ταῦτα ἐν πᾶσιν, ὅταν καὶ τὸ ὅλον ἐν τε πᾶσιν
ὁμοῦ καὶ ἐκάστω χωρὶς. ταύτην δ' οὖν τὴν δύναμιν 10
ἀπ' ἐκείνης ἔχει τῆς τάξεως. τέταρτον ἀπὸ τοῦ πρώ-
του τῶν ἀριθμῶν ὑποδέχεται τὰ μέτρα τῆς προόδου
τῶν εἰδῶν, ὅθεν καὶ ὑφίστησι πάντα κατ' ἀριθμούς,
τὰ μὲν ἀπλουστέρους, τὰ δὲ συνθετωτέρους. τρίγωνα
γὰρ καὶ τετράγωνα καὶ πεντάγωνα καὶ πάντα τὰ πο- 15
λύγωνα συμπρόεισι ταῖς ἐπ' ἄπειρον τῶν ἀριθμῶν
ἐξαλλαγαῖς. διὰ ποίαν δ' αἰτίαν τοῦτο γίνεται, τοῖς
μὲν πολλοῖς ἄγνωστον, τοῖς δὲ εἰδόσι, ποῦ μὲν ἀριθμός,
ποῦ δὲ τὸ σχῆμα, καταφανὴς ὁ τῆς αἰτίας ἀπολογισμός.
πέμπτον ἀπ' ἄλλης ὁλότητος δευτέρας καὶ εἰς ὁμόχροα 20
διαιρουμένης πληροῦται τῆς εἰς ὅμοια διαιρέσεως τῶν
εἰδῶν, καθ' ἣν καὶ ὁ τριγωνικὸς λόγος εἰς τρίγωνα
καὶ ὁ τετραγωνικὸς εἰς τὰ τετράγωνα διαιρεῖται. καὶ
τοῦτο τὸ ὅπερ ἔφην καὶ ἐν ταῖς εἰκόσι γυμναζόμενοι
ποιοῦμεν, πολὺ πρότερον ἐν ταῖς ἀρχαῖς προουφειστηκόσ. 25

4 ἐν post ἐν om M. 8 οἰκείαν C; in M vestigia
εἰκαίως videntur tradere, 'proprie' B, Z. 9 ὅταν] ὄντα C,
'quandoquidem' B, 'quoniam' Z. 10 δ' ante οὖν om. G,
add. C. 12 ἀποδέχεται G. 14 συνθετωτέρους G. 15 καὶ
γὰρ M. 18 εἰδός G, εἰδόσι C. 20 ἐπ' M, G; in M postera
manus super ε scripsit α. || δευτέρα M, G; in M postera ma-
nus supra adscripsit σ. 21 καταιρουμένης G, διαιρουμένης C. ||
τὰ ante ὅμοια add. G, del. C. 23 τὰ ante τετράγωνα om. G.

Εἰς δὴ ταύτας ἀποβλέποντες τὰς ἀποδόσεις πολλὰ
 δυνάμεθα περὶ τῶν σχημάτων αἰτιολογεῖν εἰς τὰς ἀρ-
 χὰς ἀναγόμενοι τὰς πρὸ αὐτῶν, καὶ τὸ μὲν ἐν κοινό-
 τερον σχῆμα τοιαύτην ἔλαχε τάξιν καὶ ἀπὸ τοσούτωι
 5 αἰτιῶν παραδέχεται τὴν τελεσιουργίαν, ἐντεῦθεν δὲ
 προίεσι ἐπὶ τὰ γένη τῶν θεῶν καὶ κατ' ἄλλας ιδέας
 ἄλλοις ἀπονέμεται καὶ πρὸς ἄλλους ἐνεργεῖ τοῖς μὲν
 τὰ ἀπλούστερα, τοῖς δὲ τὰ ἐκ τούτων ἀποδιδόναι σχή-
 ματα, καὶ τοῖς μὲν τὰ | πρωτουργὰ καὶ ἐν ταῖς ἐπι-
 10 φανεῖαις ἀπογεννώμενα, τοῖς δὲ τῶν στερεῶν ἐπιβαί-
 νουσιν ὄγκων τὰ προσήκοντα τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς
 σχημάτων ἀφορίζον, πάντων μὲν ἐν πᾶσιν ὄντων —
 αἱ γὰρ τῶν θεῶν μορφαὶ παντελεῖς εἰσι καὶ πλήρεις
 τῶν ὄλων δυνάμεων — ἀλλὰ τῆς ιδιότητος ἄλλῳ κατ'
 15 ἄλλο προβεβλημένης. ὁ μὲν γὰρ κυκλικῶς ἔχει πάντα,
 ὁ δὲ τριγωνικῶς, ὁ δὲ τετραγωνικῶς, καὶ ἐπὶ τῶν στε-
 ρεῶν ὡσαύτως.

|| Def. XV. XVI. Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον
 ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον, πρὸς ἣν ἀφ'
 20 ἐνὸς σημείου τῶν ἐντὸς τοῦ σχήματος κειμέ-
 νων πᾶσαι αἱ προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶ. κέντρον δὲ τοῦ κύκλου τὸ ση-
 μεῖον καλεῖται.

Τὸ πρῶτιστον καὶ ἀπλούστατον τῶν σχημάτων
 25 καὶ τελειότατον ὁ κύκλος ἐστί. τῶν μὲν γὰρ στερεῶν

8 τὰ post τοῖς μὲν et τοῖς δὲ om. G, add. C. 10 ἀπο-
 βαίνουσιν C. 12 παντι G, πᾶσι C. 14 ἄλλῳ] ἄλλων G,
 ἄλλο B₃, C, 'aliud' B, 'alteri' Z. 15 κυκλικῶς C. 16 ὁ δὲ
 τριγωνικῶς, ὁ δὲ τετραγωνικῶς om. G, add. C. || καὶ ἐπὶ τῶν
 στερεῶν del. C. 22 τὸ om. G.

πάντων ὑπερφέρει τῷ ἐν ἀπλουστέρα τάξει τὴν ὑπαρ-
 ξιν ἔχειν, τῶν δὲ ἐν τοῖς ἐπιπέδοις ὑφισταμένων τῇ
 ὁμοιότητι καὶ ταυτότητι τὴν ὑπεροχὴν ἔλαχεν. καὶ
 ἔστιν ἀνάλογον τῷ πέρατι καὶ τῇ μονάδι καὶ ὅλως τῇ
 ἀμείνονι συστοιχία. διὸ καὶ τῶν ἐγκοσμίων καὶ τῶν 5
 ὑπερκοσμίων τὰς διαιρέσεις ποιούμενος ἀεὶ τῆς θειο-
 τέρας φύσεως εὐρήσεις ὄντα τὸν κύκλον. εἰ μὲν γὰρ
 εἰς οὐρανὸν καὶ γένεσιν διαιροῖς τὸ πᾶν, τῷ μὲν
 οὐρανῷ τὸ κυκλικὸν εἶδος ἀποδώσεις, τῇ δὲ γενέσει
 τὸ εὐθύ. καὶ γὰρ ὅσον ἔστιν ἐν τοῖς γεννητοῖς κυκλι- 10
 κὸν ἐν τε ταῖς μεταβολαῖς καὶ τοῖς σχήμασιν, ἄνωθεν
 ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ καθήκει. διὰ γὰρ τὴν ἐκείνου κυκλο-
 φορίαν ἡ γένεσις ἀνακυκλεῖται πρὸς ἑαυτὴν καὶ τὴν
 ἀνίδρυτον παράλλαξιν εἰς τεταγμένην ἀνάγει περίοδον,
 — εἰ δὲ εἰς ψυχὴν καὶ νοῦν τὰ ἀσώματα διακρίνοις, 15
 νοερὸν μὲν ἂν εἴποις εἶναι τὸν κύκλον, ψυχικὸν δὲ τὸ
 εὐθύ. διὸ καὶ ἡ ψυχὴ κατὰ τὴν πρὸς νοῦν ἐπιστρο-
 φὴν κατὰ κύκλον περιάγεσθαι λέγεται. καὶ ὅπερ ἡ
 γένεσις πρὸς τὸν οὐρανόν, τοῦτο ἡ ψυχὴ πρὸς τὸν
 νοῦν. κύκλῳ γὰρ κινεῖται (φησὶν ὅτι νοῦν μιμεῖται?). 20
 ἡ δὲ γένεσις τῆς ψυχῆς· τὸ γὰρ ἄλλοτε ἐν ἄλλοις εἶδεσι
 γίνεσθαι ψυχῆς ἴδιον, — εἰ δὲ εἰς σῶμα καὶ ψυχὴν
 ἐθέλοις διαιρεῖν, πᾶν μὲν τὸ σωματικὸν τῆς τοῦ εὐθέως
 μερίδος θήσεις, πᾶν δὲ τὸ ψυχικὸν τῆς τοῦ κύκλου
 ταυτότητος καὶ ὁμοιότητος μετέχειν. τὸ μὲν γὰρ σύν- 25
 θετόν ἐστι καὶ ποικίλον ταῖς δυνάμεσιν, ὥσπερ τὰ
 εὐθύγραμμα σχήματα, τὸ δὲ ἀπλοῦν καὶ νοερόν, αὐτο-
 κίνητον καὶ αὐτενέργητον, πρὸς ἑαυτὸ ἐστραμμένον

5 συστοιχία M, G. 8 διαιρεῖς G. 13 καὶ τὸ G, καὶ
 τὴν C. 17—19 ἐπιστροφήν . . . πρὸς τὸν νοῦν om. G, add. C.

καὶ περὶ αὐτὸ ἐνεργοῦν, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος διὰ τῶν εὐθυγράμμων ὑποστήσας τὰ στοιχεῖα τοῦ παντὸς τὴν κατὰ κύκλον αὐτοῖς κίνησιν καὶ διαμόρφωσιν ἐκ τῆς ἐποχουμένης τῷ κόσμῳ δέδωκε ψυχῆς.

- 5 Ἄλλ' ὅτι μὲν πανταχοῦ τὸ πρωτεῖον ὁ κύκλος ἔλα-
 χεν ὡς πρὸς τὰ ἄλλα σχήματα, δῆλον ἐκ τῶν προειρη-
 μένων, δεῖ δὲ καὶ τὴν πᾶσαν αὐτοῦ σειρὰν θεωρεῖν
 ἄνωθεν ἀρχομένην καὶ τελευτῶσαν ἄχρι τῶν ἐσχάτων
 καὶ πάντα τελειοῦσαν κατὰ τὴν ἐπιτηδειότητα τῶν δε-
 10 χομένων αὐτοῦ τὴν μετουσίαν. τοῖς μὲν οὖν θεοῖς
 ἐπιστροφὴν καὶ ἔνωσιν παρέχεται πρὸς τὰς ἑαυτῶν
 αἰτίας καὶ τὸ μένειν ἐν ἑαυτοῖς καὶ μὴ ἐξίστασθαι τῆς
 οἰκείας μακαριότητος, τὰς μὲν ἄκρας αὐτῶν || ἐνώσεις
 ὡς κέντρα προστησάμενος ἐφετὰ τοῖς δευτέροις, τὰ δὲ
 15 πλήθη τῶν ἐν αὐτοῖς δυνάμεων περὶ ἐκεῖνα σταθερῶς
 ἰδρύων καὶ διὰ τὴν ἐκείνων ἀπλότητα συνέχων, ταῖς
 δὲ νοεραῖς οὐσίαις τὸ πρὸς ἑαυτὰς ἐνεργεῖν διαιωνίως,
 παρέχων καὶ παρ' ἑαυτῶν πληροῦσθαι τῆς γνώσεως
 ἐν ἑαυταῖς τε συνηρηκέναι τὰ νοητὰ καὶ ἀφ' ἑαυτῶν
 20 τὰς νοήσεις τελειοῦν. πᾶς γὰρ νοῦς καὶ τὸ νοητὸν
 ἑαυτῷ προτείνει, καὶ τοῦτο μὲν ὡς κέντρον ἔστιν τῷ
 νῷ, ὁ δὲ νοῦς συνέχει περὶ αὐτὸ καὶ ἐρᾷ καὶ ἐνίσχεται
 πρὸς αὐτὸ ταῖς νοεραῖς ὅλαις πανταχόθεν ἐνεργείαις.
 ταῖς δὲ ψυχαῖς ἐπιλάμπει τὸ αὐτόζωον, τὸ αὐτοκίνη-
 25 τον, τὸ πρὸς νοῦν ἐστράφθαι καὶ περιχορεύειν τὸν

1 αὐτὸ] αὐτὸν *M*, αὐτὸ *G*. 5 πανταχοῦ delendum no-
 tavit *C*. || πρῶτον *G*, πρωτεῖον *C*. 11 τὰς] αὐτὰς *G*, τὰς *C*.
 18 ἑαυτῷ *G*, ἑαυτῶν *C*. 20 τελείας *G*, τελειοῦν *C*. ||
 καὶ post νοῦς om. *G*. 21 προστείνει *M*. 23 παρ' ἑαυτὸ *M*,
 παρ' ἑαυτῷ *G*, πρὸς αὐτὸ *H*₂ p. 264. || ἐργείαις *M*. 24 αὐτὸ
 ζῶν *M*, αὐτόζῶν *G*, αὐτόζωον (αὐτὸ ζῶον) *H*₂. 25 τὸ ante
 πρὸς νοῦν om. *G*.

νοῦν, τὸ ἀποκαθίστασθαι κατὰ τὰς οἰκείας περιόδους ἀνελιπτούσας τοῦ νοῦ τὴν ἀμέρειαν. πάλιν γὰρ αἱ μὲν νοεραὶ τάξεις ὥσπερ τὰ κέντρα τὴν ὑπεροχὴν ἔξουσιν πρὸς τὰς ψυχάς, αἱ δὲ ψυχαὶ περὶ αὐτὰς κατὰ κύκλον ἐνεργήσουσι. καὶ γὰρ πᾶσα ψυχὴ κατὰ μὲν 5 τὸ νοερὸν ἑαυτῆς καὶ αὐτὸ τὸ ἐν τὸ ἀκρότατον κεκέντρῳται, κατὰ δὲ τὸ πλῆθος κυκλικῶς περιπορεύεται, περιπτύξασθαι ποθοῦσα τὸν ἑαυτῆς νοῦν, — τοῖς δὲ οὐρανίοις σώμασιν τὴν πρὸς τὸν νοῦν ἀφομοίωσιν, τὴν ὁμοιότητα, τὴν ὁμαλότητα, τὴν ἐν πέραςι τῶν 10 ὄλων περιοχὴν, τὰς ἐν μέτροις ὠρισμένοις ἀνακυκλήσεις, τὴν αἰδίον ὑπόστασιν, τὸ ἄναρχον καὶ ἀτελεύτητον, ἅπαντα τὰ τοιαῦτα, — τοῖς δὲ ὑπὸ σελήνην στοιχείοις τὴν περίοδον τὴν ἐν ταῖς μεταβολαῖς, τὴν πρὸς τὸν οὐρανὸν ἀπεικασίαν, τὸ ἐν τοῖς γεννητοῖς ἀγένητον 15 καὶ ἐν τοῖς κινουμένοις ἐστὼς καὶ ἐν τοῖς μεριστοῖς ὠρισμένον· πάντα γὰρ αἰεὶ ἔστι διὰ τὸν κύκλον τῆς γενέσεως· καὶ τὸ ἰσοκρατὲς ἐν πᾶσι διὰ τὴν ἀνταπόδοσιν τῆς φθορᾶς. εἰ γὰρ μὴ ἀνέκαμψεν ἡ γένεσις, ταχὺ ἂν ἡ τάξις αὐτῶν διελύθη καὶ ἡ σύμπασα δια- 20 κόσμησις, — τοῖς δ' αὖ ζώοις καὶ φυτοῖς τὴν ἐν ταῖς ἀπογεννήσεσιν ὁμοιότητα ἐνδίδωσιν. ἔκ τε γὰρ τῶν σπερμάτων ταῦτα γίνεται | καὶ σπέρματα ἐκ τούτων, γένεσις τε ἐξ ἀλλήλων ἀποτελεῖται καὶ ἀνακύκλησις ἀπὸ τε τοῦ ἀτελοῦς ἐπὶ τὸ τέλειον καὶ ἔμπαλιν, ἵνα 25 καὶ φθίσις ἢ μετὰ τῆς γενέσεως, — τοῖς δὲ γε παρὰ φύσιν λεγομένοις τάξιν ἐπιτίθῃσιν καὶ τὴν ἀοριστίαν

5 ἐνεργοῦσι G. 7 κυκλωτικῶς H₂ p. 264. 13 τὰ ante τοιαῦτα om. G, add. C. 15 γεννητοῖς M. 18 γενήσεως M. 20 διεληλύθη M. 23 ταῦτά M. || σπέρμα C. 25 τοῦ ante ἀτελοῦς om. G, add. C. || ἐπὶ] εἰς G, ἐπὶ C.

αὐτῶν εἰς ὄρον περιάγει καὶ διακοσμεῖ, καὶ ταῦτα
 δεόντως τοῖς τελευταίοις ἔχνεσι τῶν ἑαυτοῦ δυνάμεων·
 διὸ καὶ κατὰ ἀριθμοὺς ὠρισμένους ἀνακυκλεῖται καὶ
 οὐ φοραὶ μόνον ἀλλὰ καὶ ἀφορίαι κατὰ τὰς περιτροπὰς
 5 ὑφίστανται τῶν κύκλων, ὥς ὁ τῶν μουσῶν λόγος,
 καὶ πάντα τὰ κακὰ εἰ καὶ ἀπέρριπται τῶν θεῶν εἰς
 τὸν θνητῶν τόπον, ἀλλὰ περιπολεῖ καὶ ταῦτα, φησὶν
 ὁ Σωκράτης, καὶ μέτεστι καὶ τούτοις τῆς κυκλικῆς
 περιόδου καὶ || τάξεως, ἵνα μηδὲν ἄκρατον ἢ κακόν,
 10 μηδὲ ἔρημον τῶν θεῶν, ἀλλ' ἡ τελεσιουργὸς πρόνοια
 τῶν ὅλων καὶ τὴν ἀπέραντον τῶν κακῶν ποικιλίαν εἰς
 ὄρον περιάγῃ καὶ τάξιν τὴν αὐτοῖς πρέπουσαν.

Πάντα ἄρα διακεκόσμηκεν ἡμῖν ὁ κύκλος ἄχρι
 τῶν μεταδόσεων τῶν τελευταίων καὶ οὐδὲν ἄμοιρον
 15 ἀφῆκεν τῆς ἑαυτοῦ μεταδόσεως, κάλλος καὶ ὁμοιότητα
 καὶ εἰδοποιῖαν καὶ τελειότητα χορηγῶν. διὸ καὶ ἐν
 τοῖς ἀριθμοῖς τὰ μέσα κέντρα συνέχει τῆς προόδου
 συμπάσης τῶν ἀριθμῶν, τῆς ἀπὸ μονάδος ἄχρι δεκά-
 δος ἀνελιττομένης. ἡ γὰρ πεμπτὰς καὶ ἡ ἐξὰς ἐκ πάν-
 20 των τὴν κυκλικὴν ἐπιδείκνυνται δύναμιν ἐν τοῖς ἀφ'
 ἑαυτῶν προόδοις εἰς αὐτὰς πάλιν ἐπιστρεφόμεναι.
 πολλαπλασιαζόμεναι γὰρ εἰς αὐτὰς καταλήγουσι. προ-

4 φοραῖ *M.* || ἀφορίαι] αἱ φοραὶ *M*, quod postera manus
 mutavit in ἀφορίαι. 7 τὸν θνητὸν τόπον *M*, τὸν τῶν θνη-
 τῶν τόπον *B*₃, *G*, 'Mortaliū locum' *B*, 'locum mortaliū' *Z*.

9 καὶ ante τάξεως om. *G*, add. *C*. || ἢ καὶ κακόν *B*₃, *G*
 et *M*, sed in *M* puncta supra καὶ addita sunt; 'malumque sit'
B, 'et malum' *Z*. 10 προνοία *M*. 12 περιάγει *G*, περι-
 άγη *B*₃, 'redigat' *B*, 'circumducit' *Z*. 13 διακόσμησεν *G*.

15 ἑαυτοῦ μεταδόσεως] μετὰ αὐτοῦ διαδώσεως *C*. 17 συν-
 έχει] συντρέχει *B*₃, *G*, 'continet' *B*, 'concurrunt' et in margine
 'aliter continent' *Z*. 19 ἀνελισσομένης *G*, ἀνελιπομένης *M*,
 sed postera manus σο super πο scripsit. 20 ἐπιδείκνυνται
M, *G*. 21 αὐτὰς *M*, *G*. 22 αὐτὰς *M*, *G*. || καταλύουσι *G*.

όδον μὲν οὖν ὁ πολλαπλασιασμός εἰκόν, εἰς πλῆθος ἐκτεινόμενος, ἐπιστροφῆς δὲ ἢ εἰς τὸ αὐτὸ κατάληξις εἶδος. τὸ δὲ συναμφοτέρου ἢ κυκλικὴ παρέχεται δύναμις ἀνεγείρουσα μὲν ἀπὸ τοῦ μένοντος οἶον κέντρον τὰς γεννητικὰς αἰτίας τοῦ πλήθους, συνελίσσουσα δὲ 5 μετὰ τὰς ἀπογεννήσεις ἐπὶ τὰ αἷτια τὸ πλῆθος. δύο τοίνυν ἀριθμοὶ τὸ μέσον πάντων κατέχουσι τὴν ιδιότητα, καὶ ὁ μὲν παντὸς ἡγεῖται τοῦ ἐπιστρεπτικοῦ γένους τῶν ἀρρένων καὶ τῆς περιτοῦ φύσεως, ὁ δὲ πᾶν τὸ θῆλυ καὶ ἄρτιον καὶ τῆς γονίμου σειρᾶς ἀνα- 10 καλεῖται πρὸς τὰς οἰκείας ἀρχὰς κατὰ τὴν κυκλικὴν δύναμιν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν μέχρι τούτων διαπεπεράνθω, τὴν δὲ μαθηματικὴν ἀπόδοσιν τοῦ κύκλου θεωρήσομεν εἰς πέρας ἀκριβείας ἡκουσαν. σχῆμα μὲν οὖν αὐτὸν ἔθετο 15 διότι δὴ πεπεράσται καὶ περιέχεται πανταχόθεν ὑφ' ἐνὸς ὅρου καὶ οὐκ ἔστι τῆς ἀπείρου φύσεως, ἀλλὰ τῷ πέρατι σύστοιχος, καὶ ἐπίπεδον δὲ αὐτῷ, καθόσον τῶν σχημάτων ἢ ἐν ἐπιφανείαις ὁρωμένων ἢ ἐν στερεοῖς, ὁ κύκλος τῶν ἐπιπέδων ἐστὶ τὸ πρῶτιστον, ἀπλότῃ 20 μὲν τῶν στερεῶν ὑπερφέρων, μονάδος δὲ πρὸς τὰ ἐπίπεδα λόγον ἔχων, ὑπὸ μιᾶς δὲ γραμμῆς περιεχόμενον, ὥς τῷ ἐνὶ προσήκοντα καὶ κατὰ τὸ ἐν ἀφορίζομενον, τὴν δὲ ποικιλίαν τῶν περικειμένων ἔξωθεν

4 κέντρον G, κέντρον C.

5 αἰτίας om. G, add. C.

6 ἀπογενέσεις G. 8 ἐπιστρεπτικῶς C. 10 ἄρτι G, ἄρτίον C. || τὰς γονίμους σειρὰς M postera manu. 11 οἰκείας om. G, add. C.

14 θεωρήσωμεν G. 14. 15 εἰς παρακριβείας M, postera manus παρ in πέρας mutavit; εἰς πᾶν ἀκριβείας B₃, G; 'accuratam undequaque' B, 'ad certitudinis limitem' Z.

20 ἐστὶ] ἐπὶ G, ἐστὶ C. 21 τὸ στερεὸν ὑπερφέρον, μονάδι G. || πρὸς om. G, add. C. 22 Post περιεχόμενον addit G πρὸς δὲ ταύτην τὴν γραμμὴν ἴσας ἔχον τὰς πάσας, quae verba delet C.

ὄρων οὐ παραδεχόμενον, πρὸς δὲ ταύτην τὴν γραμ-
 μὴν ἴσας ἔχοντα πάσας τὰς ἀφ' ἐνὸς σημείου τῶν
 ἐντὸς αὐτοῦ κειμένων, διότι καὶ τῶν ὑπὸ μιᾶς ὀριζο-
 μένων γραμμῆς τὰ μὲν ἐκ μέσου πάσας ἴσας ἔχει, τὰ
 5 δὲ οὐ πάσας. καὶ γὰρ ἡ ἔλλειψις ὑπὸ μιᾶς περιέχεται
 γραμμῆς, ἀλλ' οὐ πᾶσαι αἱ πρὸς αὐτὴν ἀπὸ τοῦ κέν-
 τρου ἴσαι εἰσὶν, ἀλλὰ δύο μόνον, καὶ τὸ ἀπολαμβανό-
 μενον ἐπίπεδον ὑπὸ τῆς κισσοειδοῦς γραμμῆς μίαν
 ἔχει τὴν περιέχουσαν, ἀλλ' οὐκέτι κέντρον ἐστὶν ἐπ'
 10 αὐτῆς καὶ ἀπὸ τούτου πᾶσαι ἴσαι. ἐπειδὴ δὲ τὸ κέν-
 τρον ἐν τῷ κύκλῳ πάντως ἐν ἐστὶ σημεῖον — πλείω
 γὰρ ἐνὸς οὐκ ἐστὶ κέντρα — || διὰ τοῦτο προσέθηκε
 τὸ ἀφ' ἐνὸς σημείου τὰς πρὸς τὸν ὄρον τοῦ κύκλου
 προσπιπτούσας ἴσας εἶναι γραμμάς. ἅπειρα μὲν γὰρ
 15 ἐντὸς αὐτοῦ σημεῖα, τῶν δὲ ἀπείρων ἐν μόνον τὴν
 τοῦ κέντρου δύναμιν ἔχει. καὶ ἐπειδὴ τὸ ἐν τοῦτο
 σημεῖον, ἀφ' οὗ πᾶσαι αἱ τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ
 προσπίπτουσαι ἴσαι εἰσὶν, ἢ ἐντὸς ἐστὶ τοῦ κύκλου ἢ
 ἐκτός — καὶ γὰρ ἕκαστος κύκλος ἔχει πόλον, ἀφ' οὗ
 20 αἱ ἐπὶ τὴν περιφέρειαν ἀγόμεναι ἴσαι τυγχάνουσιν
 οὔσαι — διὰ τοῦτο προσέθηκεν τὸ τῶν ἐντὸς τοῦ
 σχήματος κειμένων σημείων καὶ οὐδὲ τοῦτο μάτην
 πεποίηκεν, τὸ κέντρον μόνον λαμβάνων, ἀλλ' οὐ τὸν
 πόλον. ἐπεὶ περ ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ πάντα θεωρεῖν ἐθέλει,
 25 ὁ δὲ πόλος τοῦ ὑποκειμένου ἐπιπέδου μετεωρότερός
 ἐστὶν, ἀναγκαίως ἄρα καὶ ἐπὶ τέλει προσέθηκεν, ὅτι
 τοῦτο τὸ σημεῖον, ὃ δὴ κεῖται μὲν ἐντὸς τοῦ κύκλου,
 πᾶσαι δὲ αἱ ἀπ' αὐτοῦ προσπίπτουσαι πρὸς τὴν περι-

2 ἔχων τὰς πάσας G.
 καίους C.

25 ἐπικειμένου G.

26 ἀναγ-

φέρειαν ἴσαι εἰσίν, κέντρον ἐστὶ τοῦ κύκλου· δύο γὰρ
 μόνα σημεῖα τοιαῦτά ἐστιν, ὁ πόλος καὶ τὸ κέντρον,
 ἀλλ' ὁ μὲν ἐκτὸς τοῦ ἐπιπέδου, τὸ δὲ ἐντός· οἷον εἰ
 νοήσεως γνώμονα κατὰ τὸ κέντρον ἐστῶτα τοῦ κύκλου,
 τὸ ἄκρον αὐτοῦ τὸ ἄνω πόλος ἐστὶ. πᾶσαι γὰρ αἱ 5
 ἀπ' αὐτοῦ φερόμεναι ἐπὶ τὴν τοῦ κύκλου περιφέρειαν
 ἴσαι ἀλλήλαις ἀποδείκνυνται. κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ
 ἐν τῷ κώνῳ ἢ τοῦ παντὸς κορυφῇ πόλος ἐστὶ τοῦ
 κατὰ τὴν βάσιν κύκλου.

Διωρίζεται οὖν ἐνταῦθα, τί μὲν ὁ κύκλος ἐστὶ, τί 10
 δὲ τὸ κέντρον καὶ ἢ ἐν τῷ κύκλῳ τιθεμένη περιφέρεια,
 τί δὲ τὸ ὅλον σχῆμα· πάλιν οὖν ἐκ τούτων εἰς τὴν |
 τῶν παραδειγμάτων ἀναδράμωμεν θεωρίαν καὶ νοήσω-
 μεν ἐν ἐκείνοις τὸ μὲν κέντρον ἐκασταχοῦ κατὰ τὴν
 ἐνιαίαν καὶ ἀμέριστον καὶ μόνιμον ὑπεροχὴν, τὰς δὲ 15
 ἀπὸ τοῦ κέντρου διαστάσεις τὰς ἀπὸ τοῦ ἐνὸς προ-
 ὁδους εἰς πλῆθος ἄπειρον κατὰ τὴν δύναμιν, τὴν δὲ
 περιφέρειαν τοῦ κύκλου κατὰ τὴν ἐπιστροφὴν τῶν
 προελθόντων τὴν ἐπὶ τὸ κέντρον, καθ' ἣν ἐλίσσεται
 τὰ πλήθη τῶν δυνάμεων εἰς τὴν ἑαυτῶν ἔνωσιν καὶ 20
 πάντα εἰς ἐκείνην σπεύδει καὶ περὶ ἐκείνην ἐνεργεῖν
 ἐφίεται, καὶ ὥσπερ ἐν τῷ κύκλῳ πάντα ἅμα ἐστὶ τὸ
 κέντρον, αἱ διαστάσεις, ἢ ἐκτὸς περιφέρεια, οὕτω δὴ
 καὶ ἐν ἐκείνοις οὐ τὰ μὲν προνάρχει κατὰ χρόνον
 τὰ δὲ ἐπιγίνεται, ἀλλὰ ὁμοῦ μὲν πάντα, καὶ ἢ μονὴ 25
 καὶ ἢ πρόοδος καὶ ἢ ἐπιστροφή. διαφέρει δὲ ταῦτα
 ἐκείνων τῷ τὰ μὲν ἀδιαιρέτως εἶναι καὶ ἀδιαστάτως,
 τὰ δὲ διηρημένως, ἀλλαχοῦ μὲν τὸ κέντρον, ἀλλαχοῦ

7 καὶ om. G, add. C.
 ante ἅμα om. G.

11 ἢ om. G, add. C.

22 πάντα

δὲ τὰς ἐκ τοῦ κέντρον γραμμάς, ἀλλαχοῦ δὲ τὴν ἐκτὸς
 περιφέρειαν τὸν κύκλον ὀρίζουσιν, ἐκεῖ δὲ ἐν ἐνὶ
 πάντα, καὶ τὸ (?) οἶον κέντρον λάβης, ἐν τούτῳ πάντα
 εὐρήσεις, καὶ τὴν δισταμένην ἀπὸ τούτου πρόοδον,
 5 καὶ ταύτην ἔχουσιν τὰ πάντα, καὶ τὴν ἐπιστροφὴν,
 ὡσαύτως. πάντ' οὖν ἐν ἀλλήλοις ἰδὼν καὶ τὴν ἀπὸ
 τῆς διαστάσεως ἐλάττωσιν || ἀφελὼν καὶ τὴν θέσιν
 ταύτην, περὶ ἣν ὁ μερισμός, ἀφανίσας εὐρήσεις τὸν
 ὄντως ὄντα κύκλον αὐτὸν ἐν ἑαυτῷ προϊόντα καὶ ὀρί-
 10 ζοντα ἑαυτὸν καὶ ἐνεργοῦντα πρὸς ἑαυτόν, ἔν τε ὄντα
 καὶ πολλά, μένοντα καὶ προϊόντα καὶ ἐπιστρέφοντα,
 καὶ τὸ μὲν ἀμερέστατον ἑαυτοῦ καὶ ἐνικώτατον ἰδρύ-
 οντα σταθερῶς, πάντη δὲ ἀπὸ τούτου κινούμενον
 κατὰ τὸ εὐθὺ καὶ τὴν ἀπειρίαν τὴν ἐν αὐτῷ, συνελισ-
 15 σόμενον δὲ εἰς τὸ ἐν ἀφ' ἑαυτοῦ καὶ διὰ τῆς ὁμοιότη-
 τος καὶ ταυτότητος ἀνεγειρόμενον εἰς τὸ ἀμερές τῆς
 ἑαυτοῦ φύσεως καὶ τὸ κεκρυμμένον ἐν αὐτῷ τοῦ ἐνός,
 ὃ δὴ καὶ ἐγκολπισάμενος καὶ περιθέων ὁμοιοῦται πρὸς
 αὐτὸ καὶ τῷ ἑαυτοῦ πλήθει. καὶ γὰρ τὸ ἐπιστρέφον
 20 μιμεῖται τὸ μείναν, καὶ τὸ περιφερές οἶον κέντρον
 ἔστι διαστὰν καὶ συνεύει πρὸς αὐτὸ κέντρον θῆναι
 σπεῦδον καὶ ἐν πρὸς ἐκεῖνο γενέσθαι, καὶ ἀφ' οὗ τὴν
 ἀρχὴν ἔσχεν ἡ πρόοδος, εἰς τοῦτο περατῶσαι τὴν ἐπι-
 στροφὴν. τοιοῦτον γὰρ πανταχοῦ τὸ κέντρον ἐν ἑφε-
 25 τοῦ τάξει προτεταγμένον τοῖς περὶ αὐτὸ τὴν ὑπόστασιν
 λαχοῦσιν καὶ πασῶν ἀρχηγὸν τῶν πεπληθυσμένων
 προόδων, ὃ καὶ τὸ μαθηματικὸν κέντρον ἀποτυπῶνται,

3 λάβοις G. 5 καὶ ταύτην] καὶν ταύτην M, καὶν ταύτη B₃, G.
 'in hoc quoque habebis' B, 'hunc etiam' Z. 9 ἐν αὐτῷ M, G,
 ἐν ἑαυτῷ C. 10 τὰ πρὸς ἑαυτόν G. 12 ἀμέριστον C.
 20 μείον G, μείναν C. 26 πληθυσμένων G. 27 ἀποτυπῶσαι C.

πάσας τὰς ἀφ' ἑαυτοῦ πρὸς τὴν περιφέρειαν γραμμὰς
περατοῦν καὶ τὴν ἰσότητα αὐταῖς εἰκόνα τῆς οἰκείας
ἐνώσεως παρέχον. οὕτω δὲ καὶ τὰ λόγια τὸ κέντρον
ἀφορίζεται

κέντρον, ἀφ' οὗ πᾶσαι μέχρ' ἄντυγος ἴσαι ἔασιν. 5

Ἄλλ' ὥς μὲν τῆς διαστάσεως ἀρχὴ τῶν γραμμῶν
τῷ „ἀφ' οὗ“ σημαίνεται, ὥς δὲ μέσον τῆς περιφερείας
τῷ „πρὸς ὃ“. πρὸς γὰρ τὸ κέντρον αὕτη συνάγεται
κατὰ πᾶσαν ἑαυτήν. εἰ δὲ δεῖ καὶ τὴν αἰτίαν εἰπεῖν
τὴν πρώτην, καθ' ἣν ἀνεφάνη τὸ κυκλικὸν σχῆμα καὶ 10
ἐτελειώθη, τὴν ἀκροτάτην ἂν εἴποιμι τάξιν τῶν νοη-
τῶν. τὸ μὲν γὰρ κέντρον τῇ τοῦ πέρατος αἰτία προσ-
έοικεν, αἱ δὲ ἀπὸ τούτου γραμμαὶ καὶ τῷ πλήθει
ἄπειροι καὶ τῷ μεγέθει, ὅσον ἐφ' ἑαυταῖς, τὴν ἀπειρίαν
ἀποτυπῶνται, ἡ δὲ περατοῦσα τὴν τούτων ἀόριστον 15
ἔκτασιν γραμμὴ καὶ πάλιν εἰς τὸ κέντρον συνάγουσα
αὐτὴν τῷ ἐκ τούτων ὑποστάντι κρυφίῳ διακόσμῳ [ὥμοί-
ωται?], ὃν καὶ Ὀρφεὺς κατὰ κύκλον φησὶ φέρεσθαι

τὸ δ' ἀπειρέσιον κατὰ κύκλον
ἀτρύτως ἐφορεῖτο 20

περὶ γὰρ τὸ νοητὸν κινούμενον νοητῶς καὶ οἶον κέν-
τρον ἐκεῖνο τῆς ἑαυτοῦ φορᾶς ἔχον εἰκότως λέγεται
κυκλικῶς ἐνεργεῖν. διὸ καὶ ἀπὸ τούτου πρόεισιν ὁ
τριαδικὸς θεός, || καὶ τῆς τῶν εὐθυγράμμων σχημάτων
προόδου τὴν πρωτίστην αἰτίαν ἐν ἑαυτῷ περιλαβών. 25
ἐντεῦθεν γὰρ αὐτῷ καὶ τὴν προσηγορίαν ἔθεντο οἱ

5 ἂν τυχὸν G, ἂν τυγὸς C.

8 πρόσω C.

11 ἂν om. G.

14 ἑαυτῆς G, ἑαυταῖς C.

16 ἔκτασιν G.

17 κρυ-

φίᾳ G, κρυφίῳ C.

23 τούτων G.

25 αὐτῷ G.

σοφοὶ καὶ τῶν θεολογικῶν οἱ μυστικώτατοι. πρώ-
 στον δὲ καὶ τῶν εὐθυγράμμων τὸ τρίγωνον. ἀναφαί-
 νεται μὲν οὖν τὰ σχήματα πρώτως ἐν ταῖς ἐφεξῆς
 διακοσμήσεσιν τῶν θεῶν, ὑφίσταται δὲ κατὰ τὰς ἐν
 5 τοῖς νοητοῖς προυπαρχούσας κρυφίους αἰτίας.

Def. XVII. Διάμετρος δὲ τοῦ κύκλου ἐστὶν
 εὐθεϊά τις διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένη καὶ περα-
 τουμένη ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς τοῦ
 κύκλου περιφερείας, ἥτις καὶ δίχα τέμνει τὸν
 10 κύκλον.

Σαφῶς ἐδήλωσεν αὐτὸς ὁ στοιχειωτής, ὅτι οὐ
 πᾶσαν ὀρίζεται διάμετρον, ἀλλὰ τὴν κυκλικήν, ἐπεὶ
 καὶ τετραγώνων ἔστι διάμετρος καὶ ὅλως παραλληλο-
 γράμμων, ἔστι δὲ καὶ σφαίρας ἐν τοῖς στερεοῖς σχή-
 15 μασιν. ἀλλ' ἐπὶ μὲν τούτων καὶ διαγώνιος προσαγο-
 ρεύεται, ἐπὶ δὲ τῆς σφαίρας καὶ ἄξων καλεῖται, διάμε-
 τρος δὲ μόνως ἐπὶ τῶν κύκλων, ἐπεὶ καὶ τῆς ἐλλείψεως
 ἄξονα λέγειν εἰώθασι καὶ τοῦ κυλίνδρου καὶ τοῦ
 κώνου, τοῦ δὲ κύκλου διάμετρον ἰδίως. αὕτη τοίνυν
 20 εὐθεῖα μὲν ἔστι τῷ γένει, πολλῶν | δὲ οὐσῶν εὐθειῶν
 ἐν τῷ κύκλῳ καθάπερ καὶ σημείων (?). ἀπείρων μὲν
 οὖν ὥσπερ ἓν τι τῶν σημείων τὸ κέντρον ἐστίν, οὕτω
 δὴ καὶ ἡ διάμετρος αὕτη καλεῖται μόνον ἢ διὰ τοῦ

1 ἡ μυστικωτάτη *M*, 'maxime arcani' *B*, 'mystici' *Z*.
 5 κρυφίως *G*. 9 δίχα τέμνει] διατέμνει *G*. 17 μόνον *G*.

21 Inter σημείων et ἀπείρων excidisse puto aliquot verba,
 cum male cohaereant quae nunc leguntur. Barocius σημείων
 ἀπείρων coniungit et omisso μὲν οὖν interpretatur: 'veluti
 infinitis etiam Signis, quemadmodum unum' cet. 'quemadmo-
 dum etiam signa infinita. sicut unum' *Z*. $B_3 = M$ et *G*.

22 οὖν om. *G*, add. *C*. 23 ἡ ante διάμετρος om. *G*.

κέντρου χωροῦσα καὶ μήτε ἐντὸς ἀπολήγουσα τῆς περι-
 φερείας μήτε ὑπερβαίνουσα τὸν ταύτης ὅρον, ἀλλὰ
 περατουμένη ὑπ' αὐτῆς ἐφ' ἐκάτερα. καὶ ταῦτα μὲν
 τὴν γένεσιν ἐπιδείκνυσιν αὐτῆς, τὸ δὲ ἐπὶ τέλει προσ-
 τεθέν, ὅτι καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον, τὴν ἰδίαν ⁵
 αὐτῆς εἰς τὸν κύκλον ἐνέργειαν δηλοῖ παρὰ πάσας
 τὰς ἄλλας εὐθείας τὰς διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένους μὴ
 δὲ περατουμένους ὑπὸ τῆς περιφερείας ἐφ' ἐκάτερα
 τὰ μέρη.

Τὸ μὲν οὖν διχοτομεῖσθαι τὸν κύκλον ὑπὸ τῆς ¹⁰
 διαμέτρου πρῶτον Θαλῆν ἐκεῖνον ἀποδείξαι φασιν,
 αἰτία δὲ τῆς διχοτομίας ἡ τῆς εὐθείας ἀπαρέγκλιτος
 διὰ τοῦ κέντρου χώρησις. φερομένη γὰρ διὰ τοῦ μέ-
 σου καὶ ἀεὶ φυλάττουσα τὴν αὐτὴν κίνησιν ἀρρεπῇ
 πρὸς τὰ ἀμφοτέρω κατὰ πάντα ἐαυτῆς τὰ μέρη τὸ ἴσον ¹⁵
 ἐπ' ἀμφοτέρω ἀφαιρεῖ πρὸς τὴν τοῦ κύκλου περι-
 φέρειαν. εἰ δὲ καὶ διὰ μαθηματικῆς ἐφόδου δεικνύειν
 αὐτὸ ἐθέλοις, νόησον ἡγμένην τὴν διάμετρον καὶ θά-
 τερον τοῦ κύκλου μέρος ἐπὶ τὸ λοιπὸν συναρμοζόμενον.
 εἰ γὰρ μὴ ἔστιν ἴσον, ἢ ἐντὸς πεσεῖται ἢ || ἐκτός· ὅπο- ²⁰
 τέρως δ' ἂν ἔχη, συμβήσεται τὴν ἐλάσσονα εὐθεῖαν
 ἴσην εἶναι τῇ μείζονι· πᾶσαι γὰρ αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου
 πρὸς τὴν περιφέρειαν ἴσαι. ἔσται οὖν καὶ ἡ πρὸς τὴν
 ἐκτὸς τῇ πρὸς τὴν ἐντὸς ἴση. τοῦτο δὲ ἀδύνατον.

6 αὐτοῦ *M, G*; in *M* postera manus *ης super ou* scripsit.

15 πρὸς τὰ ἀμφοτέρω] πρὸς τὰ ἐρρεπώτερα *M*, πρὸς τὰ
 ἀρρεπώτερα *B, G*; 'ad alterutram partem' *B*, 'in
 proclivia' *Z*. 18 ἐθέλεις *G*. 18—22 In mar-
 gine inferiore addita est in *M* haec figura:

20 ποιεῖ *G*, ποιεῖται *M*, sed postera manus
 supra adscripsit πεσεῖται.

21 ἔχει *G*.

23 ἔστιν *G*. || καὶ om. *G*.



ἐφαρμόξει ἄρα, ὥστε ἴσα ἐστίν. δίχα ἄρα ἡ διάμετρος
 τέμνει τὸν κύκλον. ἀλλ' εἰ μιᾶς οὐσῆς διαμέτρου δύο
 ἡμικύκλια γίνεται, ἅπειροι δὲ διάμετροι διὰ τοῦ κέν-
 τρου ἄγονται, συμβήσεται διπλάσια τῶν ἀπειρῶν εἶναι
 5 κατ' ἀριθμόν. ταῦτα γὰρ ἀποροῦσί τινες πρὸς τὴν
 ἐπ' ἅπειρον τομὴν τῶν μεγεθῶν, ἡμεῖς δὲ λέγομεν,
 ὅτι τέμνεται μὲν ἐπ' ἅπειρον τὸ μέγεθος οὐκ εἰς
 ἅπειρα δέ. τοῦτο μὲν γὰρ ἐνεργείᾳ ποιεῖ τὰ ἅπειρα,
 τὸ δὲ δυνάμει μόνον, καὶ τὸ μὲν οὐσίαν τῷ ἀπείρῳ
 10 δίδωσι, τὸ δὲ γένεσιν μόνην. ἅμα οὖν μιᾷ διαμέτρῳ
 δύο ἡμικύκλια καὶ αἱ διάμετροι οὐδέποτε ἅπειροι ἔσυν-
 ται, εἰ καὶ ἐπ' ἅπειρον ληφθήσονται, ὥστε οὐδέποτε
 ἔσται διπλάσια τῶν ἀπειρῶν, ἀλλὰ τὰ γινόμενα αἰεὶ
 διπλάσια τῶν πεπερασμένων ἐστὶ διπλάσια. αἰεὶ γὰρ
 15 αἱ ληφθεῖσαι διάμετροι πεπερασμέναι κατ' ἀριθμόν
 εἰσι. καὶ πῶς γὰρ οὐ μέλει πᾶν μέγεθος πεπερασμέ-
 νας ἔχειν διαιρέσεις τοῦ ἀριθμοῦ πρὸ τῶν μεγεθῶν
 ὄντος καὶ πάσας αὐτῶν τὰς τομὰς ἀφορίζοντος καὶ
 προκαταλαμβάνοντος τὴν ἀπειρίαν καὶ αἰεὶ τὰ ὑφιστά-
 20 μενα περατοῦντος;

Def. XVIII. XIX. Ἡμικύκλιον δέ ἐστὶ τὸ περι-
 εχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῆς διαμέτρου καὶ
 τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῆς περιφερείας.
 κέντρον δὲ τοῦ ἡμικυκλίου τὸ αὐτό, ὃ καὶ τοῦ
 25 κύκλου ἐστίν.

Ἀπὸ μὲν τοῦ ὁρισμοῦ τοῦ κύκλου τὴν τοῦ κέν-
 τρου φύσιν ἀνεῦρεν πάντων τῶν ἄλλων ἐν τῷ κύκλῳ

1 ὥστε . . . δίχα ἄρα om. G. || Post διάμετρος G καὶ addit.
 5 πρὸς om. G. 16 μένει G. 23 ἀπ' αὐτῆς M. 26 Ἐπὶ G.

σημείων διαφέρουσιν, ἀπὸ δὲ τοῦ κέντρου τὴν διά-
 μετρον ἀφωρίσατο καὶ τῶν ἄλλων εὐθειῶν τῶν ἐντὸς
 τοῦ κύκλου γραφομένων διέκρινεν, ἀπὸ δὲ τῆς δια-
 μέτρου τὸ ἡμικύκλιον ὅτι ποτέ ἐστιν ἀναδιδάσκει καὶ
 ὅτι ὑπὸ δύο ὄρων περιέχεται καὶ τούτων ἀεὶ διαφε- 5
 ρόντων, εὐθείας καὶ περιφερείας, καὶ ὅτι ἡ εὐθεῖα
 οὐχ ἡ τυχοῦσά ἐστιν, ἀλλ' ἡ τοῦ κύκλου διάμετρος,
 ἐπεὶ καὶ τὸ ἔλασσον τμήμα τοῦ ἡμικυκλίου καὶ τὸ μεῖ-
 ζον ὑπ' εὐθείας περιέχεται καὶ περιφερείας. ἀλλ' οὐκ
 ἐστιν ἡμικύκλια ταῦτα τῷ μὴ διὰ τοῦ κέντρου γεγο- 10
 νέναι τὴν τοῦ κύκλου διαίρεσιν.

Πάντα μὲν τὰ τοιαύδε σχήματα || δυοειδῆ ἐστιν,
 ὥσπερ ὁ κύκλος μοναδικός, καὶ ἐξ ἀνομοίων ὑφέστηκε.
 πᾶν γὰρ τὸ ὑπὸ δύο ὄρων περιεχόμενον ἢ ὑπὸ δύο
 περιφερειῶν περιέχεται, ὥσπερ τὸ μηνοειδές, ἢ ὑπὸ 15
 εὐθείας καὶ περιφερείας, ὥς τὰ εἰρημένα σχήματα,
 ἢ ὑπὸ δύο μικτῶν γραμμῶν, ὥς εἰ δύο ἐλλείψεις τέ-
 μνοιεν ἀλλήλας — τὰ γὰρ μεταξὺ αὐτῶν ἀπολαμβα-
 νόμενον περιέξουσι σημεῖον — ἢ ὑπὸ μικτῆς καὶ
 περιφερείας, ὥς ὅταν τέμνη κύκλος ἐλλείψιν, ἢ ὑπὸ 20
 μικτῆς καὶ εὐθείας, ὥς τὸ ἡμισυ τῆς ἐλλείψεως. τὸ
 τοίνυν ἡμικύκλιον ἐξ ἀνομοίων ἐστίν, ἀλλὰ τῶν ἀπλῶν
 καὶ τούτων κατὰ παράθεσιν ὁμιλούντων ἀλλήλοις.
 πρὶν οὖν ὁ λόγος ἀφορίσῃται τὰ τριαδικὰ τῶν σχημά-
 των, εἰκότως ἐπὶ τὸ δυοειδές ἦλθεν μετὰ τὸν κύκλον. 25

1 σημεῖον *M*. || διαφέρουσιν] In *M* prima vel primae
 proxima manus in margine adscripsit διαφερόντων. 14 δύο
 ante ὄρων om. *M*, *B*₃, *G*, (*Z*); 'a duobus terminis' *B*. Postera
 manus in *M* ἢ ante ὄρων addidit. || ἢ post περιεχόμενον om. *M*;
 postera manus ἢ addidit. 15 μονοειδές *G*, μηνοειδές *C*.
 19 καὶ post μικτῆς om. *G*. 20—21 περιφερείας . . . μικτῆς
 om. *G*. 24 οὖν om. *G*. || ἀφορήσεται *G*.

δύο μὲν γὰρ εὐθεῖαι χωρίον οὐκ ἂν ποτε περιλάβοιεν, εὐθεῖα δὲ καὶ περιφέρεια δύνανται, καὶ δύο περιφέρεια ὡσαύτως, ἢ γωνίας ποιοῦσαι, ὡς ἐπὶ τοῦ μηνοειδοῦς σχήματος, ἢ καὶ ἀγώνιον ἀποτελοῦσαι σχῆμα, 5 ὡς εἰ νοήσεις κύκλους ὁμοκέντρους. τὸ γὰρ μέσον ἀμφοτέρων ἀπολαμβάνομενον χωρίον ὑπὸ δύο περιφερειῶν περιέχεται, τῆς μὲν ἐντὸς οὕσης, τῆς δὲ ἐκτός, καὶ γωνία οὐ γίνεται, οὐ γὰρ τέμνουσιν ἀλλήλας ὡς ἐν τῷ μηνοειδεῖ καὶ τῷ ἀμφικύρτῳ σχήματι.

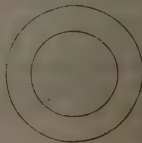
10 Καὶ μὲν δὴ καὶ ὅτι τὸ αὐτὸ τοῦ ἡμικυκλίου κέντρον ἐστὶν ὅπερ καὶ τοῦ κύκλου φανερόν. | ἡ γὰρ διάμετρος ἐφ' ἑαυτῆς ἔχουσα τὸ κέντρον συμπληροῖ τὸ ἡμικύκλιον καὶ ἀπὸ τούτου πᾶσαι αἱ πρὸς τὴν περιφέρειαν ἴσαι. μέρος γὰρ καὶ αὕτη τοῦ κύκλου. πρὸς 15 πάντα δὲ τὰ μέρη τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας ἴσαι προσπίπτουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου. ἐν ἄρα τὸ κέντρον ἐστὶν τοῦ ἡμικυκλίου καὶ τοῦ κύκλου. καὶ ἐπισημαντέον, ὅτι μόνον τοῦτο τῶν σχημάτων ἐπὶ τῆς περιμέτρου τὸ κέντρον ἔχει, λέγω δὲ τῶν ἐπιπέδων σχημάτων, ὥστε συναγάγοις ἂν ὅτι τὸ κέντρον τρεῖς ἔχει 20 τόπους, ἢ γὰρ ἐντὸς τοῦ σχήματος ὥσπερ ἐπὶ τοῦ κύκλου, ἢ ἐπὶ τῆς περιμέτρου ὡς ἐπὶ τοῦ ἡμικυκλίου, ἢ ἐκτός ὡς ἐπὶ τινων κωνικῶν γραμμῶν.

Τὸ δ' οὖν ἡμικύκλιον ταῦτ' ἔχει τῷ κύκλῳ κέν-

2 Ante δύνανται in *M* δύο additum est, quod Barocii quoque interpretatio reddit: 'duo possunt comprehendere spatia.' *G* et *Z* δύο om.

4—5 In *M* additae sunt in margine figurae hae:

9 τῷ ante ἀμφικύρτῳ om. *G*. 14—15 μέρος γὰρ . . . ἴσαι om. *G*, add. *C*. 20 συναγάγοις *G*, συνάγεις *C*. 21 τόπους *M*, *G*; in *M* ο supra οο scriptum est manu postera; 'locos' *B*, *Z*. 23 τινων] τῶν *G*, τινῶν *C*.



τρον. τί οὖν ἐνδείκνυται τοῦτο καὶ ποίων εἰκόνα
φέρει πραγμάτων; ἢ ὅτι τὰ μὴ τελείως ἀποφοιτήσαντα
τῶν πρώτων, ἀλλὰ μετέχοντά πως αὐτῶν ὁμόκεντρα
αὐτοῖς εἶναι δύναται καὶ τῶν αὐτῶν αἰτίων μετειλη-
φέναι; διχῇ γὰρ καὶ τὸ ἡμικύκλιον κοινωνεῖ τῷ κύκλῳ,⁵
κατὰ τε τὴν διάμετρον καὶ τὴν περιφέρειαν. διὸ καὶ
τὸ κέντρον αὐτοῖς κοινόν. καὶ ἴσως εἰκοίαι ἂν τὸ ἡμι-
κύκλιον ταῖς δευτέραις τάξεσι μετὰ τὰς ἀπλουστάτας ||
ἀρχὰς καὶ μετεχούσαις ἐκείνων καὶν διὰ τὴν συγγέ-
νειαν τὴν πρὸς ἐκείνας, εἰ καὶ ἀτελῶς καὶ ἐξ ἡμισείας,¹⁰
ἀλλ' ἐπὶ τὸ ὄν καὶ πρῶτον αὐτῶν αἴτιον ἀναγο-
μέναις.

Def. XX—XXIII. Σχήματα εὐθύγραμμά ἐστι τὰ
ὑπὸ εὐθειῶν γραμμῶν περιεχόμενα· τρίπλευρα
μὲν τὰ ὑπὸ τριῶν, τετράπλευρα δὲ τὰ ὑπὸ τεσσ-¹⁵
σάρων, πολύπλευρα δὲ τὰ ὑπὸ πλειόνων ἢ τεσσ-
σάρων πλευρῶν περιεχόμενα.

Μετὰ τὸ μοναδικὸν σχῆμα καὶ ἀρχῆς λόγον ἐπ-
έχον πρὸς πάντα τὰ σχήματα καὶ τὸ δυοειδὲς ἡμι-
κύκλιον ἢ κατὰ τοὺς ἀριθμοὺς ἐπ' ἄπειρον πρόοδος²⁰
παραδίδεται τῶν εὐθυγράμμων σχημάτων. διὰ γὰρ
τοῦτο καὶ τοῦ ἡμικυκλίου μνήμη γέγονεν ὥς κατὰ
τοὺς ὅρους πῇ μὲν τῷ κύκλῳ κοινωνοῦντος πῇ δὲ τοῖς
εὐθυγράμμοις, ὥσπερ καὶ ἡ δυὰς μέση μονάδος ἐστὶ
καὶ ἀριθμοῦ. ἡ μὲν γὰρ μονὰς συντιθεμένη πλέον²⁵
ποιεῖ ἢ πολλαπλασιαζομένη, ὁ δὲ ἀριθμὸς ἀνάπαλιν

4 δύναται om. G, add. C. 6. 7 καὶ τὴν περιφέρειαν
κέντρον om. G; C addit καὶ τὴν περιφέρειαν.

πολλαπλασιαζόμενος μᾶλλον ἢ συντιθέμενος, ἥ δὲ δυὰς ἴσον ἔκ τε τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τοῦ ἐφ' ἑαυτὴν ἀποτελεῖ καὶ τῆς συνθέσεως. ὥς οὖν αὕτη μεσότης ἐστὶ μονάδος καὶ πλήθους, οὕτω καὶ τὸ ἡμικύκλιον κατὰ
 5 μὲν τὴν βάσιν κοινωνεῖ τοῖς εὐθυγράμμοις, κατὰ δὲ τὴν περιφέρειαν τῷ κύκλῳ. πρόεισι δὲ εὐτάκτως τὰ εὐθύγραμμα κατὰ τὸν ἀπὸ τριάδος ἀριθμὸν ἐπ' ἀπειρον. διὸ καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐντεῦθεν ἤρξατο. τρί-
 10 πλευρα γὰρ φησιν καὶ τετράπλευρα καὶ ἐφεξῆς τῷ κοινῷ ὀνόματι καλούμενα πολύπλευρα. ἐστὶ μὲν γὰρ καὶ τὰ τρίπλευρα πολύπλευρα, ἀλλὰ καὶ ἰδίαν ἔχει προσηγορίαν μετὰ τῆς κοινῆς, ἐπὶ δὲ τῶν ἄλλων παρακολουθεῖν τῇ εἰς ἀπειρον προόδῳ τῶν ἀριθμῶν ἀσθενήσαντες τὴν κοινὴν προσηγορίαν ἠγαπήσαμεν. τρι-
 15 πλεύρων δὲ καὶ τετραπλεύρων μόνον πεποιήται μνήμην, ἐπεὶ καὶ τῶν ἀριθμῶν οἱ πρώτιστοι τριάς καὶ τετράς, ὁ μὲν ἐν τοῖς περιττοῖς ἀκράτως ὢν περισσός, ὁ δὲ ἐν τοῖς ἀρτίοις ἀρτιώτατος. ἐκάτερος οὖν αὐτῷ παρείληπται πρὸς τὴν τῶν εὐθυγράμμων γένεσιν εἰς
 20 ἔνδειξιν τῆς κατὰ πάντας αὐτῶν τοὺς ἀριθμοὺς ὑποστάσεως, ἀρτίους τε καὶ περισσοὺς. καὶ μέντοι καὶ διότι περὶ τούτων ὥς στοιχειωδεστάτων ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ διδάξει, τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων, εἰκότως μέχρι τούτων ἔστησε τὴν ἰδίαν ἀπαρίθμησιν,
 25 τὰ δὲ ἄλλα πάντα κοινῷ περιέλαβεν ὀνόματι πολύπλευρα καλέσας.

Ταῦτα περὶ τούτων, || πάλιν δὲ ἄνωθεν ρητέον,

1 μονὰς G, δυὰς C. 2 τε om. G, add. C. || ἀφ' C.

10—11 ἐστὶ μὲν . . . πολύπλευρα om. G, add. C. 15 μό-
 νων G. 17 ἀκράτος B₃, G, 'purus' B, Z. 18 ἀρτιώτατος G,
 ἀρτιώτατος C. 19 παρήλειπται G. 20 κατὰ] μετὰ C.

22 στοιχειωδεστάτον G.

ὅτι τῶν ἐπιπέδων σχημάτων τὰ μὲν ὑπὸ ἀπλῶν περι-
 ἔχεται γραμμῶν, τὰ δὲ ὑπὸ μικτῶν, τὰ δὲ ὑπ' ἀμφο-
 τέρων, καὶ τῶν ὑπὸ ἀπλῶν περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ
 τῶν ὁμοειδῶν ὥς τὰ εὐθύγραμμά, τὰ δὲ ὑπὸ τῶν
 ἀνομοειδῶν ὥς τὰ ἡμικύκλια καὶ τὰ τμήματα καὶ αἱ 5
 ἀψίδες, αἳ εἰσιν ἡμικυκλίων ἐλάσσονες, καὶ τῶν ὑπὸ
 ὁμοιοειδῶν περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ κυκλικῆς περι-
 ἔχεται γραμμῆς, τὰ δὲ ὑπὸ εὐθείας, τῶν δὲ ὑπὸ κυκλι-
 κῆς γραμμῆς περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς
 περιέχεται, τὰ δὲ ὑπὸ δύο, τὰ δὲ ὑπὸ πλήθους. ὑπὸ 10
 μιᾶς μὲν ὁ κύκλος αὐτός, ὑπὸ δυεῖν δὲ τὰ ἀγώνια,
 ὥς ἡ στεφάνη ἢ ὑπὸ τῶν ὁμοκέντρων κύκλων ὀριζο-
 μένη, τὰ δὲ γεγωνιωμένα, ὥς ὁ μηνίσκος, ὑπὸ πλει-
 ούνων δὲ ἢ δυεῖν ἐπ' ἀπειρον. καὶ γὰρ ὑπὸ τριῶν καὶ
 τεσσάρων περιφερειῶν καὶ ἐξῆς περιέχεται τινα σχή- 15
 ματα. ἐὰν γ' οὖν τρεῖς κύκλοι ἐφάπτονται ἀλλήλων,
 ἀπολαμβάνουσιν τι χωρίον τρίπλευρον ὑπὸ τριῶν
 περιφερειῶν ὀριζόμενον, ἐὰν δὲ τέτταρες, ὑπὸ τεττά-
 ρων, καὶ ἐφεξῆς ὡσαύτως. τῶν δὲ ὑπὸ εὐθειῶν περι-
 εχομένων τὰ μὲν ὑπὸ τριῶν περιέχεται, τὰ δὲ ὑπὸ 20
 πλειόνων. οὔτε γὰρ ὑπὸ δύο εὐθειῶν περιέχεται χω-
 ρίον, οὔτε πολλῶν πλέον ὑπὸ μιᾶς, ὥστε πᾶν μὲν χω-
 ρίον ὑπὸ ἐνὸς ὅρου περιεχόμενον ἢ δυεῖν τῶν μικτῶν
 ἐστίν ἢ τῶν περιφερογράμμων· καὶ μικτῶν διχῶς,

3 τῶν ὑπὸ τῶν ἀπλῶν G. 11 δυοῖν G. 14 δυοῖν G.
 17 τὸ χωρίον G, τι χωρίον C. 20—21 τὰ δὲ ὑπὸ πλειόνων
 . . . περιέχεται om. M, B₃, G, Z, in M autem postera manus
 haec verba addidit in margine; eademque manus sequens ver-
 bum χωρίον, quod in M, B₃, G legitur, in χωρίον mutandum
 notavit. 'aliae vero a quatuor, aliae autem a pluribus com-
 prehenduntur' B. 22 Verbi πλέον primae tres litterae in M
 sunt deletae. || πᾶν μὲν χωρίον M. 23 δυοῖν G. 24 καὶ
 ὥς G, καὶ C.

ἢ ὅτι μικταὶ γραμμαὶ περιέχουσιν αὐτό, ὥς τὸ ὑπὸ
 τῆς κιττοειδοῦς ἀπολαμβανόμενον, ἢ ὅτι | ἀνομοιο-
 ειδεῖς, ὥς καὶ τὴν ἀψίδα. διχῶς γὰρ ἢ μίξις ἢ κατὰ
 παράθεσιν ἢ κατὰ σύγχυσιν. οὐ πᾶν δὲ τρίπλευρον
 5 ἢ τετράπλευρον εὐθύγραμμόν ἐστι, καὶ γὰρ ἐκ περι-
 φερειῶν γένοιτο ἂν τοσοῦτος πλευρῶν ἀριθμός.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς τῶν ἐπιπέδων σχημάτων
 διαιρέσεως. ὅτι δὲ τὸ εὐθὺν προόδου σύμβολόν ἐστι
 καὶ κινήσεως καὶ ἀπειρίας καὶ ὅτι ταῖς γεννητικαῖς
 10 τάξεσιν ὥκειώται τῶν θεῶν καὶ ἑτεροποιοῖς καὶ τῆς
 μεταβολῆς καὶ κινήσεως αἰτίαις, εἴρηται καὶ πρότερον.
 καὶ τοίνυν καὶ τὰ εὐθύγραμμα σχήματα τούτοις ὥκει-
 ωται τοῖς θεοῖς τοῖς τῆς γονίμου ποιήσεως πρωταρ-
 χοῦσι τῆς ἐπίπαν προόδου τῶν εἰδῶν. διὸ καὶ ἡ
 15 γένεσις κατὰ ταῦτα κεκόσμηται διαφερόντως καὶ τὴν
 οὐσίαν ἐκ τούτων ἔλαχεν ὥς ἐν κινήσει καὶ μεταβολῇ
 τὴν ὑπόστασιν ἔχουσα.

|| Def. XXIII—XXIX. Τῶν δὲ τριπλεύρων σχη-
 μάτων ἰσόπλευρον μὲν τρίγωνόν ἐστι τὸ τὰς
 20 τρεῖς ἴσας ἔχον πλευράς, ἰσοσκελὲς δὲ τὸ δύο
 μόνον ἴσας ἔχον πλευράς, σκαληνὸν δὲ τὸ τὰς
 τρεῖς ἀνίσους ἔχον. ἔτι δὲ τῶν τριπλεύρων
 σχημάτων ὀρθογώνιον μὲν τρίγωνόν ἐστι τὸ
 μίαν ἔχον ὀρθὴν γωνίαν, ἀμβλυγώνιον δὲ τὸ
 25 μίαν ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν, ὀξυγώνιον δὲ τὸ
 τὰς τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

Ἡ τῶν τριγώνων διαίρεσις ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν γω-
 νιῶν ἔχει τὴν ἀρχήν, ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν πλευρῶν.

10 οἰκειώται M, οἰκειοῦται G. 11 αἰτίας M, G, αἰτίαις
 B₃, C, 'autoribus' B, 'causae' Z. 12 οἰκειώται G. 14 τῆς]
 τοῖς C. || διὸ om. G. 27 Ἡ om. G.

ἡγεῖται μὲν ἡ ἀπὸ τῶν πλευρῶν ὡς γνώριμος, ἔπεται
 δὲ ἡ ἀπὸ τῶν γωνιῶν ὡς ἰδιάζουσα, ἐπειδὴ καὶ αἱ
 τρεῖς αὐταὶ γωνίαι τοῖς εὐθυγράμμοις μόνοις προσ-
 ἡκουσι σχήμασιν, ὀρθὴ καὶ ἀμβλεία καὶ ὀξεῖα, ἰσότης
 δὲ καὶ ἀνισότης τῶν πλευρῶν ἐστὶ δήπου καὶ ἐν τοῖς 5
 μὴ εὐθυγράμμοις σχήμασι. λέγει τοίνυν, ὅτι τῶν τρι-
 γώνων τὰ μὲν ἰσοπλευρὰ ἐστὶ, τὰ δὲ ἰσοσκελῆ, τὰ δὲ
 σκαληνὰ — ἡ γὰρ πᾶσας ἴσας ἔχει τὰς πλευράς, ἡ
 πᾶσας ἀνίσους, ἡ δύο μόνας ἴσας — καὶ πάλιν ὅτι
 τῶν τριγώνων τὰ μὲν ἐστὶν ὀρθογώνια, τὰ δὲ ἀμβλυ- 10
 γώνια, τὰ δὲ ὀξυγώνια. καὶ τὸ μὲν ὀρθογώνιον ὀρί-
 ζεται τὸ μίαν ἔχον ὀρθὴν γωνίαν, ὥσπερ καὶ τὸ ἀμ-
 βλυγώνιον, — πλείους γὰρ μιᾶς ἢ ὀρθᾶς ἔχειν ἢ
 ἀμβλείας τὸ τρίγωνον ἀδύνατον — τὸ δὲ ὀξυγώνιον,
 ὃ ἂν πᾶσας ὀξείας ἔχῃ. οὐ γὰρ ἀρκεῖ κἀνταῦθα τὸ 15
 μίαν ἔχειν ὀξεῖαν, οὕτω γὰρ ἂν ὀξυγώνια ἅπαντα ἦν
 τὰ τρίγωνα. πᾶν γὰρ τρίγωνον τὰς δύο γωνίας ἔχει
 πάντως ὀξείας, τὰς δὲ τρεῖς ὀξείας τὸ ὀξυγώνιον μό-
 νον. δοκεῖ δέ μοι καὶ πρὸς ἐκείνο μόνον ἀπιδὼν ὁ
 στοιχειωτὴς χωρὶς μὲν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ποιήσασθαι 20
 τὴν διαίρεσιν, χωρὶς δὲ ἀπὸ τῶν πλευρῶν, ὅτι μὴ πᾶν
 τρίγωνον καὶ τρίπλευρον. ἐστὶ γὰρ τρίγωνα τετρά-
 πλευρα, καλούμενα παρ' αὐτοῖς [?] ἀκιδοειδῆ, παρὰ
 δὲ τῷ Ζηνοδώρῳ κοιλογώνια. νόησον γὰρ ἐν τι
 τῶν τριπλεύρων || καὶ ἐπὶ μιᾶς πλευρᾶς δύο συστάσας 25

1 μὲν om. M. || τὸ ἀπὸ τῶν πλευρῶν ὡς γνώριμον G.
 8 ἔχει τὰς πλευρὰς ἴσας G. 10 ἐστὶν om. G. 10—11 τὰ
 δὲ ἀμβλυγώνια . . . ὀξυγώνια om. G, add C. 15—17 ὃ ἂν . . .
 πᾶν γὰρ τρίγωνον om. G, add. C. 23 παρ' αὐτοῖς M, B₃, G,
 om. Z, 'a Mathematicis ipsis' B. Ego coniecero παρ' ἄλλοις
 esse scribendum. 25 τριπλεύρων] πλευρῶν G. || συστήσας G,
 συστάσας C.

ἐντὸς εὐθείας· περιέχεται ἄρα τι χωρίον ὑπὸ τε τῶν
ἐκτὸς [δύο πλευρῶν καὶ τῶν ἐντὸς δύο, ἔχει δὲ μίαν
τε γωνίαν τὴν ὑπὸ τῶν ἐκτὸς] περιεχομένην καὶ δύο
τὰς ὑπὸ τούτων καὶ τῶν ἐντὸς πρὸς τοῖς πέρασι, καθ'
5 ἃ συνάπτονται, περιεχομένας. τρίγωνον ἄρα ἐστὶ τὸ
τοιόνδε σχῆμα τετράπλευρον. οὐκ ἄρα ὃ ἂν τρεῖς
εὐρωμεν ἔχον γωνίας ἢ ὀξείας, ἢ μίαν ὀρθήν, ἢ ἀμ-
βλεῖαν μίαν, εὐθὺς καὶ τρίπλευρον εὐρήκαμεν καὶ ἢ
ἰσόπλευρον ἢ τῶν ἄλλων τριπλεύρων. εἴη γὰρ ἂν που
10 καὶ τετράπλευρον. οὕτω δ' ἂν εὖροις τετράγωνα
πλείους ἔχοντα τῶν τεττάρων πλευρῶν, καὶ δεῖ μὴ
προχείρως ἀπὸ τοῦ πλήθους τῶν γωνιῶν ἀποφαίνε-
σθαι περὶ τοῦ ἀριθμοῦ τῶν πλευρῶν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν περὶ τούτων· οἱ δὲ Πυθαγό-
15 ρειοι τὸ μὲν τρίγωνον ἀπλῶς ἀρχὴν γενέσεως εἶναι
φασὶ καὶ τῆς τῶν γεννητῶν εἰδοποιίας. διὸ καὶ τοὺς
λόγους τοὺς φυσικοὺς καὶ τῆς τῶν στοιχείων δημιουρ-
γίας τριγωνικοὺς εἶναι φησιν ὁ Τίμαιος· καὶ γὰρ
τριχῇ διίστανται καὶ συναγωγοὶ τῶν πάντη μεριστῶν
20 εἰσι καὶ πολυμεταβόλων, τῆς τε ἀπειρίας ἀναπίμπλαν-
ται τῆς ὑλικῆς καὶ τοὺς συνδέσμους λυτοὺς προϊσταν-
ται τῶν ἐνύλων σωμάτων. ὥσπερ δὴ καὶ τὰ τρίγωνα
περιέχονται μὲν ὑπὸ εὐθειῶν, γωνίας δὲ ἔχει τὰς τὸ
πλήθος τῶν γραμμῶν συνάγουσας καὶ κοινωνίαν
25 ἐπίκτητον αὐταῖς καὶ συναφὴν παρεχόμενας. εἰκότως

2—3 δύο πλευρῶν . . . ἐκτὸς om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*), addidi ego ex coniectura. 'quod ab externis et internis rectis comprehenditur Lineis, tresque habet Angulos, unum quidem, qui ab externis continetur' *B*. 3 περιεχόμενον *M*, *B*₃, *G*. 6 ὃ ἂν] ἔάν *G*, ὃ ἔάν *M*, *C*. 9 τριπλεύρων delendum notavit *C*. 17 τοῦ φυσικοῦ, καὶ *B*₃, *G*, τοῦ φυσικοῦ αἱ *M*, quod prima vel primae proxima manus mutavit in τοὺς φυσικοὺς καὶ. 'naturales' *B*, *Z*. 20 ἀναπίμπλαται *M*. 22 τὰ om. *G*.

ἄρα καὶ ὁ Φιλόλαος τὴν τοῦ τριγώνου γωνίαν τέτ-
 ταρσιν ἀνέθηκεν θεοῖς, Κρόνῳ καὶ Ἄιδῃ καὶ Ἄρεϊ καὶ
 Διονύσῳ, πᾶσαν τὴν τετραμερῇ τῶν στοιχείων δια-
 κόσμῃσιν τὴν ἄνωθεν ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ καθήκουσαν
 εἶτε ἀπὸ τῶν τεττάρων τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων ἐν ⁵
 τούτοις περιλαβών. ὁ μὲν γὰρ Κρόνος πᾶσαν ὑφίστησι
 τὴν ὑγρὰν καὶ ψυχρὰν οὐσίαν, ὁ δὲ Ἄρης πᾶσαν τὴν
 ἔμπυρον φύσιν, καὶ ὁ μὲν Ἄιδης τὴν χθονίαν ὅλην
 συνέχει ζώην, ὁ δὲ Διόνυσος τὴν ὑγρὰν καὶ θερμὴν
 ἐπιτροπεύει γένεσιν, ἧς καὶ ὁ οἶνος σύμβολον ὑγρὸς ¹⁰
 ὢν καὶ θερμός. πάντες δὲ οὗτοι κατὰ μὲν τὰς εἰς
 τὰ δεύτερα ποιήσεις διεστήκασιν, ἥντωνται δὲ ἀλλήλοις.
 διὲ καὶ κατὰ μίαν αὐτῶν γωνίαν συνάγει τὴν ἔνωσιν
 ὁ Φιλόλαος. εἰ δὲ καὶ αἱ τῶν τριγώνων διαφοραὶ
 συνεργοῦσι πρὸς τὴν γένεσιν, εἰκότως ἂν ὁμολογοῖτο ¹⁵
 τὸ τρίγωνον ἀρχηγὸν εἶναι τῆς τῶν ὑπὸ σελήνην
 συστάσεως. ἡ μὲν γὰρ ὀρθὴ γωνία τὴν οὐσίαν αὐτοῖς
 παρέχεται καὶ τὸ μέτρον ἀφορίζει τοῦ εἶναι, καὶ ὁ τοῦ
 ὀρθογωνίου τριγώνου λόγος οὐσιοποιός ἐστι τῶν γε-
 νητῶν στοιχείων, | ἡ δὲ ἀμβλεῖα τὴν ἐπίπαν διάστα- ²⁰
 σιν αὐτοῖς ἐνδίδωσι, || καὶ ὁ τοῦ ἀμβλυγωνίου λόγος
 εἰς μέγεθος αὔξει καὶ παντοίαν ἔκτασιν τὰ εἶδη
 τὰ ἐνυλὰ, ἡ δὲ ὀξεῖα γωνία διαιρετὴν αὐτὴν ἀπο-
 τελεῖ τὴν φύσιν, καὶ ὁ τοῦ ὀξυγωνίου λόγος ἐπ’
 ἄπειρον αὐτοῖς τὰς διαιρέσεις παρασκευάζει γενέ- ²⁵
 σθαι. ἀπλῶς δὲ ὁ τριγωνικὸς λόγος οὐσίαν διαστα-

8 ἔκπυρον *G*, ἔμπυρον *C*. 10 σύμβολος *G*. 13 διὸ καὶ]
 διότι *G*. 14 αἱ om. *M*, *G*; in *M* αἱ supra καὶ scriptum est
 postera manu. 15 ὁμολογοῖ τὸ *M*, ὁμολογοῖτο, omisso τὸ, *G*;
 ‘fatendum erit’ *Z*; ‘fatebimur’ *B*. 17 στάσεως *G*. 19 γεννη-
 τῶν *M*. 21 αὐτοῖς om. *G*, add. *C*. 22 ἔκτασιν *M*, *G*.
 23 Ante αὐτὴν *G* add. φύσιν, quod delendum not. *C*.

τὴν καὶ πάντα μεριστὴν ὑφίστησι τὴν τῶν ἐνύλων
σωμάτων.

Τοσαῦτα μὲν περὶ τῶν τριγώνων εἶχομεν θεωρεῖν,
ἐκ δὲ τούτων λάβοις ἂν τῶν διαιρέσεων καὶ ὅτι τὰ
5 εἶδη πάντα τῶν τριγώνων ἑπτὰ ἐστὶ καὶ οὔτε πλείω
οὔτε ἐλάττω. τὸ μὲν ἰσόπλευρον ἓν ἐστὶ μόνον ὀξυγώ-
νιον ὑπάρχον, τῶν δὲ λοιπῶν ἐκάτερον τριπλοῦν. καὶ
γὰρ τὸ ἰσοσκελὲς ἢ ὀρθογώνιον ἐστὶν ἢ ἀμβλυγώνιον
ἢ ὀξυγώνιον, καὶ τὸ σκαληνὸν ὡσαύτως τὴν τριττὴν
15 ἔχει ταύτην διαφοράν. εἰ οὖν ταῦτα μὲν τριχῶς τὰ
δὲ ἰσόπλευρα μοναχῶς, ἑπτὰ τὰ πάντα τῶν τριγώνων
εἶδη λεγέσθω. λάβοις δ' ἂν καὶ κατὰ τὴν τῶν πλευ-
ρῶν διαίρεσιν τὴν τῶν τριγώνων πρὸς τὰ ὄντα ἀνα-
λογίαν. τὸ μὲν γὰρ ἰσόπλευρον κατὰ πάντα ἰσότητι
15 καὶ ἀπλότητι κρατούμενον συγγενές ἐστὶ ταῖς θείαις
ψυχαῖς — μέτρον γὰρ ἐστὶ καὶ τῶν ἀνίσων ἢ ἰσότης,
ὥσπερ καὶ τὸ θεῖον πάντων τῶν δευτέρων — τὸ δὲ
ἰσοσκελὲς τοῖς κρείττοσι γένεσι τοῖς κατευθύνουσι τὴν
ἐνυλον φύσιν, ὧν τὸ μὲν πλεον κεκράτηται τῷ μέτρῳ,
20 τὰ δὲ τελευταῖα τῆς ἀνισότητος ἐφάπτεται καὶ τῆς
ἀμετρίας τῆς ὑλικῆς — καὶ γὰρ τῶν ἰσοσκελῶν αἱ
μὲν δύο ἴσαι, ἡ δὲ βάσις ἄνισος — τὸ δὲ σκαληνὸν
ταῖς μερισταῖς ζωαῖς, αἱ πανταχόθεν χωλεύουσι καὶ
σκάζουσιν εἰς τὴν γένεσιν φερόμεναι καὶ ἀναπιμπλά-
25 μεναι τῆς ὕλης.

6 ἓν ἐστὶ μόνον] μονοειδῶς H_2 p. 264. 9 ὡσαύτως]
ὁμοίως H_2 p. 264. || τρίτην G . 10 εἰ οὖν τὰ μὲν G .
14 ἰσότητα C . 20 ταὶ τῆς μὲν ἀμετρίας M . 24 σκάζουσιν]
κατασκευάζουσιν G .

Def. XXX—XXXIII. Τῶν δὲ τετραπλεύρων σχη-
μάτων τετράγωνον μὲν ἐστίν, ὃ ἐστὶν ἰσόπλευ-
ρόν τε καὶ ὀρθογώνιον, ἑτερόμηκες δὲ τὸ
ὀρθογώνιον μὲν, οὐκ ἰσόπλευρον δέ, ῥόμβος
δέ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, οὐκ ὀρθογώνιον δέ, 5
ῥομβοειδὲς δὲ τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε
καὶ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ οὔτε ἰσό-
πλευρον οὔτε ὀρθογώνιον. τὰ δὲ παρὰ ταῦτα
τετράπλευρα τραπέζια καλεῖσθω.

|| Τὴν τῶν τετραπλεύρων διαίρεσιν εἰς δύο ποι- 10
εῖσθαι χρὴ τὴν πρώτην καὶ τὰ μὲν αὐτῶν παραλληλό-
γραμμα λέγειν, τὰ δὲ οὐ παραλληλόγραμμα, τῶν δὲ
παραλληλογράμων τὰ μὲν καὶ ὀρθογώνια καὶ ἰσό-
πλευρα, ὥς τὰ τετράγωνα, τὰ δὲ οὐδέτερα τούτων, ὥς
τὰ ῥομβοειδῆ, τὰ δὲ ὀρθογώνια μὲν, οὐκ ἰσόπλευρα 15
δέ, ὥς τὰ ἑτερομήκη, τὰ δὲ ἔμπαλιν ἰσόπλευρα μὲν,
οὐκ ὀρθογώνια δέ, ὥς τοὺς ῥόμβους. ἢ γὰρ ἀμφοτέρω
ἔχειν ἀναγκαῖον τὴν ἰσότητα τῶν πλευρῶν καὶ τὴν
ὀρθότητα τῶν γωνιῶν, ἢ οὐδέτερον, ἢ τὸ ἕτερον, καὶ
τοῦτο διχῶς, ὥστε τετραχῶς ὑφίστασθαι τὸ παραλλη- 20


2 ὃ ἐστίν om. G.


3 τὸ om. G.


20 ὑφίσταται G,


ὑφίστασθαι C. In margine additae sunt in M hae descri-
ptiones:

ἐπὶ αὐτὰ εἶδη
τετράγωνον

α ἰσόπλευρον 

β ἑτερόμηκες 


γ ῥόμβος 

δ ῥομβοειδὲς 

λόγραμμον. τῶν δὲ μὴ παραλληλογράμμων τὰ μὲν
 δύο μόνον ἔχει παραλλήλους, οὐκ ἔτι δὲ καὶ τὰς λοι-
 πὰς, τὰ δὲ οὐδ' ὅλως ἔχει τῶν πλευρῶν τινὰς παραλ-
 λήλους. καὶ τὰ μὲν καλεῖται τραπέζια, τὰ δὲ τραπε-
 5 ζοειδῆ. τῶν δὲ τραπεζίων τὰ μὲν ἴσας ἔχει τὰς συν-
 απτούσας παραλλήλους ταύτας, τὰ δὲ ἀνίσους. καὶ
 καλεῖται τὰ μὲν ἰσοσκελῆ τραπέζια, τὰ δὲ σκαληνὰ
 τραπέζια. τὸ ἄρα τετράπλευρον ἑπταχῶς ἡμῖν ὑπο-
 στήσεται. τὸ μὲν γάρ ἐστι τετράγωνον, τὸ δὲ ἑτερό-
 10 μηκες, τὸ δὲ ῥόμβος, τὸ δὲ ῥομβοειδές, τὸ δὲ τρα-
 πέζιον ἰσοσκελές, τὸ δὲ σκαληνὸν τραπέζιον, τὸ δὲ
 τραπεζοειδές.

Ἀλλ' ὁ μὲν Ποσειδώνιος τελείαν εἰς ταῦτα πε-
 ποίηται τὴν τῶν τετραπλεύρων εὐθυγράμμων τομὴν
 15 ἑπτὰ καὶ τούτων τὰ εἶδη θέμενος, ὥσπερ δὴ καὶ τῶν

ε̄ τραπέζιον

ἰσοσκελές 


ς̄ τραπέζιον


σκαληνὸν  (sic)



ξ̄ τραπεζο




ειδές. 

τῶν τετραπλεύρων

Τὰ μὲν παραλληλόγραμμα  τὰ δὲ οὐ παραλληλόγραμμα

τὰ μὲν ὀρθογώνια  τὰ δὲ οὐκ ὀρθογώνια τὰ μὲν ἔχει μόνας

τὰ μὲν ἰσόπλευρα  τὰ δὲ ἑτερομήκη παραλλήλους  τὰ

ῥόμβοι  ῥομβοειδῆ ἰσοσκελῆ  σκαληνὰ  δὲ οὐδ' ὅλως
 τραπέζια τραπέζια ἔχει παραλλή-
 λους ὡς τὰ
 τραπεζοειδῆ.

11 ἰσοσκελές, . . . τραπέζιον om. G, add. C. 12 τραπε-
 ζονδές G, τραπεζοειδές C.

τριγώνων, ὁ δὲ Εὐκλείδης εἰς μὲν παραλληλόγραμμα
 καὶ μὴ παραλληλόγραμμα διαιρεῖν οὐκ ἡδύνατο μήτε
 περὶ τῶν παραλλήλων εἰπών, μήτε περὶ αὐτοῦ τοῦ
 παραλληλογράμμου διδάξας ἡμᾶς. τὰ δὲ τραπέζια
 πάντα καὶ τὰ τραπεζοειδῆ κοινῶ προσείρηκεν ὀνόματι ⁵
 τραπέζια, περιγράφων αὐτὰ τῶν τεττάρων ἐκείνων,
 οἷς ἐπαληθεύει τὸ τῶν παραλληλογράμμων ἴδιον, τοῦτο
 δέ ἐστι τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ γωνίας ἴσας
 ἔχειν. καὶ γὰρ τὸ τετράγωνον καὶ τὸ ἑτερόμηκες καὶ
 ὁ ῥόμβος ἔχει τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ γωνίας ¹⁰
 ἴσας, αὐτὸς δὲ ἐπὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς μόνον τοῦτο προσ-
 ἔθηκεν, ἵνα μὴ διὰ ψιλῶν αὐτὸ παραστήσῃ τῶν ἀπο-
 φάσεων, οὔτε ἰσόπλευρον οὔτε ὀρθογώνιον εἰπών. ἐφ'
 ὧν γὰρ ἰδιαζόντων ἀποροῦμεν λόγων χρήσασθαι τοῖς
 κοίνοις ἀναγκαῖον. ὅτι δὲ πάντων ἐστὶ τοῦτο κοινὸν ¹⁵
 τῶν παραλληλογράμμων αὐτοῦ δεικνύντος ἀκουσό-
 μεθα. ἔοικεν δὲ καὶ ὁ ῥόμβος σαλευθὲν εἶναι τετράγω-
 νον καὶ τὸ ῥομβοειδὲς κεινημένον ἑτερόμηκες. διὸ
 κατὰ τὰς πλευρὰς οὐ διέστηκε ταῦτα ἐκείνων, κατὰ
 δὲ τὰς τῶν γωνιῶν ἀμβλύτητας καὶ ὀξύτητας, ἐκείνων ²⁰
 ὀρθογώνιων ὄντων. ἐὰν γὰρ νοήσῃς τὸ τετράγωνον ||
 ἢ τὸ ἑτερόμηκες κατὰ τὰς ἀπεναντίας γωνίας διελκό-
 μενον, εὐρήσεις ταύτας μὲν συναγομένας καὶ ὀξείας
 γινομένας, τὰς δὲ λοιπὰς δισταμένας καὶ ἀμβλείας
 ἀναφαινομένας, | καὶ ἔοικεν καὶ τὸ ὄνομα τῷ ῥόμβῳ ²⁵

2 καὶ μὴ παραλληλόγραμμα om. G, add. C. 5 πάντα
 om. G, add. C. || τὰ τραπεζοειδῆ] τετραπεζοειδῆ C. 6 περι-
 γράφων] 'circumscribens inter' Z, 'describens ad ... differen-
 tiam' B; = secernens ab? || τεττάρων] τετραγώνων G, τεττά-
 ρων C. 7 ἐπαληθεύειν ὁ M. 10 ἐπ' ἐναντίον G, ἀπ'
 ἐναντίον C. 18 κεινημένον] εἶναι G, κεινημένον C.
 22 διελόμενον G, διελκόμενον C. 23—25 καὶ ὀξείας ...
 ἀναφαινομένας om. G.

κεῖσθαι ἀπὸ τῆς κινήσεως. καὶ γὰρ τὸ τετράγωνον εἰ νοήσεως ῥομβούμενον, φανεῖται σοι κατὰ τὰς γωνίας παρῆννεγμένον, ὥσπερ δὴ καὶ ὁ κύκλος ῥομβούμενος ἔλλειψις φαίνεται.

- 5 Περὶ δὲ αὐτοῦ τοῦ τετραγώνου ζητήσεως, διὰ τί ταύτην ἔσχε τὴν προσηγορίαν καὶ οὐχ, ὥσπερ τὸ τρίγωνον κοινόν ἐστι πᾶσι καὶ τοῖς μὴ ἰσογωνίοις μηδὲ ἰσοπλεύροις, καὶ τὸ πεντάγωνον ὡσαύτως, οὕτω καὶ τὸ τετράγωνον λέγεσθαι δύναται καὶ κατὰ τῶν
10 ἄλλων τετραπλεύρων. αὐτὸς γοῦν ὁ γεωμέτρης ἐπ' ἐκείνων προστίθησι „τρίγωνον ἰσόπλευρον“ ἢ „πεντάγωνον, ὃ ἐστὶν ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον“, ὡς δυναμένων τούτων καὶ μὴ τοιούτων εἶναι. τὸ δὲ τετράγωνον ῥηθὲν εὐθύς τὸ ἰσόπλευρον αὐτῷ δηλοῖ καὶ
15 ὀρθογώνιον. λόγος δὲ τούτου ὅδε. μόνον τὸ τετράγωνον εὐθύς χωρίον καὶ κατὰ τὰς πλευρὰς ἔχει τὸ ἄριστον καὶ κατὰ τὰς γωνίας. ἐκάστη γὰρ αὐτῶν ὀρθή ἐστι τὸ μέτρον ἀπολαβοῦσα τῶν γωνιῶν τὸ μήτε ἐπίτασιν μήτε ἄνεσιν ἐπιδεχόμενον. κατ' ἀμφοτέρα
20 οὖν πλεονεκτοῦν εἰκότως ἔσχε τὴν κοινὴν ἐπωνυμίαν. τὸ δὲ τρίγωνον κἂν ἴσας ἔχῃ τὰς γωνίας, ἀλλὰ ὀξείας πάσας καὶ τὸ πεντάγωνον ἀμβλείας πάσας. εἰκότως ἄρα τὸ τετράγωνον ἰσότητι πλευρῶν καὶ ὀρθότητι γωνιῶν συμπεπληρωμένον μόνον ἐκ πάντων τετρα-
25 πλεύρων ταύτης τῆς προσηγορίας ἔτυχεν. τοῖς γὰρ

1 κεῖσθαι om. G, add. C. 11—12 ἢ πεντάγωνον ... ἰσόπλευρον om. G. 13 τοιούτων] ποιούντων M, C.

14 αὐτὸ G. 17 ἄριστον M, B₃, G; sed in M o rasura est deletum. 'Terminatum' et in margine 'optimum' B, 'affinitatem' Z.

18 κέντρον G, μέτρον C. 19 ἀμφοτέρων G. 20 πλεονεκτούσης M, πλεονεκτοῦσα B₃, G, 'praestans' B, 'excedens' Z.

21 οὐκ ἴσας ἔχει γωνίας καὶ G, quae corr. C. 25 ἔτυχεν] ἔλαχεν C.

ὑπερέχουσι τῶν εἰδῶν τὸ τοῦ ὅλου πολλάκις ἐπιφημίζομεν ὄνομα. δοκεῖ δὲ καὶ τοῖς Πυθαγορείοις τοῦτο διαφερόντως τῶν τετραπλεύρων εἰκόνα φέρειν τῆς θείας οὐσίας. τὴν τε γὰρ ἄχραντον τάξιν διὰ τούτου μάλιστα σημαίνουνσιν — ἥ τε γὰρ ὁρθότης τὸ ἄκλιτον ⁵ καὶ ἡ ἰσότης τὴν μόνιμον δύναμιν ἀπομιμεῖται. κίνησις γὰρ ἀνισότητος ἔκγονος, στάσις δὲ ἰσότητος· οἱ τοίνυν τῆς σταθερᾶς ἰδρύσεως αἵτιοι τοῖς ὅλοις καὶ τῆς ἀχράντου καὶ ἀκλίτου δυνάμεως εἰκότως διὰ τοῦ τετραγωνικοῦ σχήματος ὥς ἀπ' εἰκόνης ἐμφαίνονται ¹⁰ — καὶ πρὸς τούτοις ὁ Φιλόλαος κατ' ἄλλην ἐπιβολὴν τὴν τοῦ τετραγώνου γωνίαν Ῥέας καὶ Δήμητρος καὶ Ἑστίας ἀποκαλεῖ· διότι γὰρ τὴν γῆν τὸ τετράγωνον ὑφίστησι καὶ στοιχεῖόν ἐστιν αὐτῆς προσεχές, ὥς παρὰ τοῦ Τιμαίου μεμαθήκαμεν, ἀπὸ δὲ πασῶν τού- ¹⁵ των τῶν θειαινῶν ἀπορροίας ἡ γῆ δέχεται καὶ γονίμους δυνάμεις, εἰκότως τὴν || τοῦ τετραγώνου γωνίαν ἀνῆκεν ταύταις ταῖς ζωογόνοις θεαῖς. καὶ γὰρ Ἑστίαν καλοῦσι τὴν γῆν καὶ Δήμητρόα τινες, καὶ τῆς ὅλης Ῥέας αὐτὴν μετέχειν φασί, καὶ πάντα ἐστὶν ἐν αὐτῇ ²⁰ τὰ γεννητικὰ αἷτια χθονίως. τὴν τοίνυν μίαν ἔνωσιν τῶν θείων τούτων γενῶν τὴν τετραγωνικὴν φησι γωνίαν περιέχειν. ἀπεικάζουσι δὲ καὶ πρὸς τὴν σύμπασαν ἀρετὴν τὸ τετράγωνον ὥς ἔχον τέτταρας ὁρθάς, τελείαν ἐκάστην, ἥπερ δὴ καὶ τὰς ἀρετὰς λέγομεν ²⁵

3 διαφερόντων C. || τῆς om. G, add. C. 4 διὰ τοῦτο M.

6 ἡ ante ἰσότης om. M. || μιμεῖται H₂ p. 272. 8 στερεᾶς G, σταθερᾶς C. || τῆς ὅλης G. 10 ἐμφαίνεται G.

11 τοῦτον G, τούτοις C. || κατὰ τὴν ἄλλην G. 16 θεῶν G.

20 Ῥέας G, 'Rhea' B, 'influxus' Z. 21 γεννητὰ G, γεννητικὰ C. || αἷτια. χθονίως τοίνυν B₃, G, 'causas. Terrestri igitur' B, 'causae ... resident. unam siquidem ... unionem in terra' Z. 25 ἥπερ M, C. || λέγωμεν M.

ἐκάστην τελείαν καὶ αὐτάρκη καὶ μέτρον καὶ ὄρον
 ζωῆς, καὶ πάσας μεσότητας ἀμβλείας καὶ ὀξείας. δεῖ
 δὲ μὴ λανθάνειν, ὅπως τὴν μὲν τριγωνικὴν γωνίαν
 ὁ Φιλόλαος τέτταρσιν ἀνῆκεν θεοῖς, τὴν δὲ τετρα-
 5 γωνικὴν τρισίν, ἐνδεικνύμενος αὐτῶν τὴν δι' ἀλλή-
 λων χώρησιν καὶ τὴν ἐν πᾶσι πάντων κοινωνίαν τῶν
 τε περισσῶν ἐν τοῖς ἀρτίοις καὶ τῶν ἀρτίων ἐν τοῖς
 περισσοῖς. τριάς οὖν τετραδικὴ [καὶ τετράς τριαδική]
 τῶν τε γονίμων μετέχουσιν καὶ ποιητικῶν ἀγαθῶν
 10 τὴν ὅλην συνέχουσι τῶν γενητῶν διακόσμησιν. ἀφ'
 ὧν ἡ δυωδεκάς εἰς μίαν μονάδα τὴν τοῦ Διὸς ἀρχὴν
 ἀνατείνεται. τὴν γὰρ τοῦ δωδεκαγώνου γωνίαν Διὸς
 εἶναί φησιν ὁ Φιλόλαος, ὥς κατὰ μίαν ἔνωσιν τοῦ
 Διὸς ὅλον συνέχοντος τὸν τῆς δυωδεκάδος ἀριθμόν.
 15 ἡγεῖται γὰρ καὶ παρὰ τῷ Πλάτῳ δυωδεκάδος ὁ Ζεὺς
 καὶ ἀπολύτως ἐπιτροπεύει τὸ πᾶν.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν τετραπλεύρων εἶχομεν λέ-
 γειν τὴν τε τοῦ στοιχειωτοῦ διάνοιαν ἐμφανίζοντες καὶ
 πρὸς τὰς θεωρικωτέρας ἐπιβολὰς ἀφορμὰς διδόντες
 20 τοῖς τῶν νοητῶν καὶ ἀφανῶν οὐσιῶν τῆς γνώσεως
 ἐφιεμένοις.

1 ἄμετρον *M, G*; in *M* ἄ rasura est deletum, 5 διάλλη-
 λον *G*. 8 τριάς οὖν καὶ τετραδικὴ *B₃, G*. || καὶ τετράς τρια-
 δικὴ om. *M, B₃, G*; 'Quaternariusque Triadicus' *B*, 'Trinitas
 igitur et quaternitas' *Z*. 9 ποιητικῶν *G*. 11 δυωδεκάς *G*,
 δωδεκάς *C*. 18 τοῦ om. *G*.

Def. XXXV. Παράλληλοι εὐθεῖαι εἰσιν, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὔσαι καὶ ἐκβαλλόμεναι εἰς ἄπειρον ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ μηδέτερα συμπίπτουσιν ἀλλήλαις.

Τίνα μὲν στοιχεῖα τῶν παραλλήλων καὶ τίσι γνω- 5
ρίζονται συμπτώμασιν ἐν τοῖς μετὰ ταῦτα μαθησόμεθα,
τίνες δέ εἰσιν αἱ παράλληλοι εὐθεῖαι διὰ τούτων ἀφο-
ρίζεται τῶν ῥημάτων. δεῖ τοίνυν αὐτάς, φησὶν, ἐν τε
ἐνὶ ἐπιπέδῳ εἶναι καὶ ἐκβαλλομένας ἐφ' ἐκάτερα τὰ
μέρη μὴ συμπίπτειν ἀλλήλαις ἀλλ' ἐκβάλλεσθαι εἰς 10
ἄπειρον. καὶ γὰρ αἱ μὴ παράλληλοι μέχρι τινὸς ἐκ-
βαλλόμεναι μείναιεν ἂν ἀσύμπτωτοι, || τὸ δὲ εἰς ἄπει-
ρον ἐκβαλλομένας μὴ συμπίπτειν χαρακτηρίζει τὰς
παραλλήλους καὶ οὐδὲ τοῦτο ἀπλῶς ἀλλὰ τὸ ἐφ' ἐκά-
τερα ἐκβάλλεσθαι ἐπ' ἄπειρον καὶ μὴ συμπίπτειν. καὶ 15
γὰρ τῶν μὴ παραλλήλων δυνατόν κατὰ θάτερα μὲν
τὴν ἐκβολὴν ἐπ' ἄπειρον γενέσθαι, κατὰ τὰ λοιπὰ δὲ
οὐ. συννεύουσαι γὰρ ἐπὶ τάδε τὰ μέρη, | πλέον ἀφ-
ίστανται ἀλλήλων κατὰ τὰ ἕτερα. τὸ δὲ αἴτιον, ὅτι
δύο εὐθεῖαι περιέχειν οὐ δύνανται τι χωρίον. εἰ δὲ 20
κατὰ ἀμφοτέρα συννεύσαιεν, τοῦτο συμβήσεται. καὶ
μέντοι καὶ τὸ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ εἶναι τὰς εὐθείας
ὀρθῶς προσείληπται. εἰ γὰρ ἡ μὲν εἴη ἐν τῷ ὑποκει-
μένῳ, ἡ δὲ ἐν μετεώρῳ κατὰ πᾶσαν θέσιν ἀσύμπτωτοί
εἰσιν ἀλλήλαις καὶ οὐ διὰ τοῦτο παράλληλοί εἰσιν. 25

3 τὰ om. G. 6 ἐν τούτοις M, G. 13 χαρακτηρίζειν G.

14 παραλλήλοις M. 15 συμπιπτόν G, συμπίπτειν C.

16 γὰρ om. M. || τῶν] τούτων G. 21 τοῦτο μὴ συμβήσε-

ται G, μὴ delendum not. C. 23 προσείληπται B₃, G, 'insuper

acceptum fuit' B, 'assumptum est' Z. 24 ἐν τῷ μετεώρῳ G.

25 καὶ διὰ τοῦτο παράλληλοι οὐκ εἰσὶν G.

ἐν οὖν ἔστω τὸ ἐπίπεδον καὶ ἐκβαλλέσθωσαν ἐπ' ἄπειρον κατὰ ἀμφοτέρω καὶ συμπιπτέωσαν ἀλλήλαις κατὰ μηδέτερα. τούτων γὰρ ὑπαρχόντων ἔδονται παράλληλοι εὐθεῖαι.

- 5 Καὶ ὁ μὲν Εὐκλείδης τοῦτον ὀρίζειται τὸν τρόπον τὰς παραλλήλους εὐθείας, ὁ δὲ Ποσειδώνιος, παράλληλοι, φησὶν, εἰσὶν αἱ μήτε συνεύουσαι μήτε ἀπονεύουσαι ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ, ἀλλ' ἴσας ἔχουσαι πάσας τὰς καθέτους τὰς ἀγομένας ἀπὸ τῶν τῆς ἐτέρας σημείων ἐπὶ τὴν λοιπὴν. ὅσαι δ' ἂν ἐλάττους αἰ ποιῶσι τὰς καθέτους συνεύουσιν ἀλλήλαις· ἡ γὰρ κάθετος τὰ τε ὕψη τῶν χωρίων καὶ τὰ διαστήματα τῶν γραμμῶν ὀρίζειν δύναται. διόπερ ἴσων μὲν τῶν καθέτων οὐσῶν ἴσα τὰ διαστήματα τῶν εὐθειῶν, μειζόνων
10 δὲ καὶ ἐλαττόνων γινομένων καὶ ἡ ἀπόστασις ἐλάσσοῦται καὶ συνεύουσιν ἀλλήλαις, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ κάθετοι ἐλάσσονες.

- Δεῖ δὲ εἰδέναι, ὅτι τὸ ἀσύμπτωτον οὐ πάντως παραλλήλους ποιεῖ τὰς γραμμάς — καὶ γὰρ τῶν ὁμο-
20 κέντρων κύκλων αἱ περιφέρειαι οὐ συμπίπτουσιν — ἀλλὰ δεῖ καὶ ἐπ' ἄπειρον αὐτὰς ἐκβάλλεσθαι. τοῦτο δὲ οὐ μόναις ὑπάρχει ταῖς εὐθείαις, ἀλλὰ καὶ ἄλλαις γραμμαῖς. δυνατόν γὰρ νοῆσαι τεταγμένας ἑλικας περὶ εὐθείας γραφομένας, αἵτινες συνεκβαλλόμεναι
25 ταῖς εὐθείαις εἰς ἄπειρον οὐδέποτε συμπίπτουσι. ταῦτα μὲν οὖν παρὰ (?) τούτων ὀρθῶς Γεμῖνος διεῖλεν ἐξ ἀρχῆς, ὅτι τῶν γραμμῶν αἱ μὲν εἰσιν ὠρισμένα καὶ

1 ἐκβαλλέτωσαν G. 2 ἀμφοτέρον G, ἀμφοτέρα C.
10 αἰ om. G. 15 γενομένων G, γινομένων C. 20 οὐ om. M, sed postera manu additum est intra lineas. 26 Γεμῖνος ὀρθῶς παρὰ τούτων G, περὶ τούτων ὀρθῶς Γεμῖνος B₃, 'ex his' B, 'praeter hos' Z. 27 μὲν εἰσιν αἱ μὲν G.

σχῆμα περιέχουσιν, ὥς ὁ κύκλος καὶ ἡ τῆς ἐλλείψεως γραμμὴ καὶ ἡ κισσοειδῆς καὶ ἄλλαι παμπληθεῖς, αἱ δὲ ἀόριστοι καὶ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι, ὥς ἡ εὐθεῖα καὶ ἡ τοῦ ὀρθογωνίου κώνου τομὴ καὶ ἡ τοῦ ἀμβλυγωνίου καὶ ἡ κογχοειδῆς. πάλιν δὲ αὐτῶν εἰς ἄπειρον ⁵ ἐκβαλλομένων αἱ μὲν οὐδὲν σχῆμα περιλαμβάνουσιν, ὥς ἡ εὐθεῖα καὶ αἱ κωνικαὶ τομαὶ αἱ εἰρημέναι, αἱ δὲ συνελθούσαι τε καὶ ποιήσασαι σχῆμα ἐπ' ἄπειρον τὸ λοιπὸν ἐκφέρονται. || τούτων δὲ αἱ μὲν εἰσιν ἀσύμπτωτοι αἱ, ὅπως ποτ' ἂν ἐκβληθῶσιν, μὴ συμπίπτουσαι, ¹⁰ συμπτῶται δὲ αἱ ποτε συμπεσοίμεναι. τῶν δὲ ἀσύμπτῶτων αἱ μὲν ἐν ἐνὶ εἰσιν ἀλλήλαις ἐπιπέδῳ, αἱ δὲ οὐ. τῶν δὲ ἀσύμπτῶτων καὶ ἐν ἐνὶ οὐσῶν ἐπιπέδῳ αἱ μὲν ἴσον ἀεὶ διάστημα ἀφεστήκασιν ἀλλήλων, αἱ δὲ μειοῦσιν ἀεὶ τὸ διάστημα, ὥς ὑπερβολὴ πρὸς τὴν ¹⁵ εὐθεῖαν καὶ ἡ κογχοειδῆς πρὸς τὴν εὐθεῖαν. αὗται γὰρ ἀεὶ ἐλασσουμένου τοῦ διαστήματος ἀεὶ ἀσύμπτωτοί εἰσιν καὶ συνεύουσι μὲν ἀλλήλαις, οὐδέποτε δὲ συνεύουσι παντελῶς, ὃ καὶ παραδοξότατόν ἐστιν ἐν γεωμετρίᾳ θεώρημα δεικνύον σύνευσιν τινῶν γραμμῶν ²⁰ ἀσύνευστον. τῶν δὲ ἴσον ἀεὶ ἀπεχουσῶν διάστημα αἱ εἰσιν εὐθεῖαι μηδέποτε ἐλασσον ποιοῦσαι τὸ μεταξὺ αὐτῶν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παράλληλοί εἰσιν.

Τοσαῦτα καὶ ἀπὸ τῆς Γεμίνου φιλοκαλίας εἰς τὴν τῶν προκειμένων ἐξηγήσιν ἀνελεξάμεθα. 25

1 ἐκλείψεως M. 5 δὲ αὖ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι G.
 8 ποιήσασθαι G. 14 ἀνεστήκασιν G, ἀφεστήκασιν C.
 16 καὶ ἡ κογχοειδῆς πρὸς τὴν εὐθεῖαν om. G, add. C, omisso autem ἡ. 17 ἐλασσουμέναι C. 25 G addit in fine: Τέλος τοῦ δευτέρου.

PETITA ET AXIOMATA.

| || Τῶν γεωμετρικῶν ἀρχῶν τριχῇ διηρημένων εἰς
 τε ὑποθέσεις·καὶ αἰτήματα καὶ ἀξιώματα τὴν μὲν πρὸς
 ἀλλήλας τούτων διαφορὰν ἐν τοῖς πρόσθεν γεγραμμέ-
 νοις παραδεδώκαμεν, περὶ δὲ αἰτήματος καὶ ἀξιώματος
 5 ἰδίᾳ προκείμενῳ νυνὶ διελεῖν ἀκριβέστερον, ἅτε δὴ
 καὶ περὶ αὐτῶν ἡμῖν ὄντος ἐνταῦθα τοῦ λόγου προ-
 ηγουμένως. τὰς γὰρ ὑποθέσεις καὶ τοὺς καλουμένους
 ὅρους ἐν τοῖς προειρημένοις ἐσκέμμεθα.

Κοινὸν μὲν οὖν ἐστὶ τοῖς τε ἀξιώμασι καὶ τοῖς
 10 αἰτήμασι τὸ μὴ προσδεῖσθαι τινος ἀποδείξεως μηδὲ
 γεωμετρικῶν πίστεων, ἀλλ' ὥς γνώριμα λαμβάνεσθαι
 καὶ ἀρχὰς ταῦτα γίνεσθαι τῶν ἐφεξῆς. διέστηκεν δὲ
 ἀπ' ἀλλήλων, ἥ καὶ τὰ θεωρήματα τῶν προβλημάτων
 διώρισταί. καθάπερ γὰρ ἐν μὲν τοῖς θεωρήμασι τὶ
 15 ἀκόλουθον ἰδεῖν καὶ γινῶναι τοῖς ὑποκειμένοις προτι-

πρόκλου λυκίου πλατωνικοῦ διαδοχῶ εἰς τὸ πρῶτον
 εὐκλείδου στοιχεῖον· λ' β. *M*; at in margine Ὶ. ΠΡΟΚΛΟΥ
 ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν εὐκλείδους
 ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΤΡΙΤΟΝ. *G*.

3 ἄλληλα *G*. 4 In *M* adscriptum est in margine: περὶ
 αἰτήματος. 5 προσκείμενῳ *G*. 9 In *M* adscriptum est in
 margine: κοινωνία καὶ διαφορὰ ἀξιώματος καὶ αἰτήματος.
 11 γεωμετρικῶν πίστεων *M*, quod postera manus correxit in γεω-
 μετρικῶν πίστεων. γεωμετρικῆς πίστεως *B*₃, *G*, 'Geometrica
 fide' *B*, *Z*. 13 ἥ *M*.

θέμεθα, ἐν δὲ τοῖς προβλήμασι πορίσασθαι καὶ ποιῆσαι
 τι προσταττόμεθα, κατὰ ταῦτα δὴ καὶ ἐν μὲν τοῖς
 ἀξιώμασι ταῦτα λαμβάνεται, ὅσα αὐτόθεν εἰς γνῶσιν
 ἐστὶ καταφανῆ καὶ πρόχειρα ταῖς ἀδιδάκτοις ἡμῶν ἐν-
 νοίαις, ἐν δὲ τοῖς αἰτήμασι ταῦτα ζητοῦμεν λαβεῖν, 5
 ὅσα ἐστὶν εὐπόριστα καὶ εὐμήχανα, τῆς διανοίας οὐ
 καμνούσης περὶ τὴν λῆψιν αὐτῶν, οὐδὲ ποικιλίας
 δεόμενα οὐδὲ κατασκευῆς. γνῶσις ἄρα ἐναργῆς καὶ
 ἀναπόδεικτος καὶ λῆψις ἀκατάσκευος διορίζουσι τὰ τε
 αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα, ὥσπερ καὶ γνῶσις ἀπο- 10
 δεικτικὴ καὶ λῆψις τῶν ζητουμένων μετὰ παρασκευῆς
 τὰ θεωρήματα τῶν προβλημάτων διέκρινεν. δεῖ γὰρ
 δὴ πανταχοῦ τὰς ἀρχὰς τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς διαφέρειν
 τῇ ἀπλότητι, τῷ ἀναποδείκτῳ, τῷ αὐτοπίστῳ. καθόλου
 γάρ, φησὶν ὁ Σπεύσιππος, ὧν ἡ διάνοια τὴν θήραν 15
 ποιεῖται τὰ μὲν οὐδεμίαν ποικίλην ποιησαμένη δι-
 ἐξοδον προβάλλει καὶ προευτρεπίζει πρὸς τὴν μέλλου-
 σαν || ζήτησιν καὶ ἔχει τούτων ἐναργεστέραν ἐπαφὴν
 μᾶλλον ἢ τῶν ὁρατῶν ἢ ὄψις, τὰ δὲ ἐκ τοῦ εὐθέως
 αἴρειν ἀδυνατοῦσα κατὰ μετάβασιν ἐπ' ἐκεῖνα δια- 20
 βαίνουσα κατὰ τὸ ἀκόλουθον αὐτῶν ἐπιχειρεῖ ποι-
 εῖσθαι τὴν θήραν. οἷον τὸ μὲν ἀπὸ σημείου γραμμὴν
 εὐθεῖαν ἐπὶ σημεῖον ἀγαγεῖν ὥς πρόχειρον λαμβάνει
 καὶ εὐπόριστον. τῇ γὰρ ὁμαλῇ φύσει τοῦ σημείου
 συγκινουμένη καὶ συμπροιοῦσα τῷ μηδαμοῦ μᾶλλον 25

2 κατὰ] καὶ G, κατὰ C. 3 αὐτόθι G. || φύσιν C.
 7 λείψιν G. 12 προέκρινε G, διέκρινε C. 15 θήραν],
 θεωρίαν G, θᾶραν B₃, 'venatur' B, 'inspectiones' Z. 20 ἀπ'
 ἐκεῖνων G, ἐπ' ἐκεῖνα C. || διαβάλλουσα M, cui postera manus
 supra addidit διαβαίνουσα. 21 καὶ τὸ ἀκόλουθον G. || ἐπι-
 χειρεῖσθαι G, ἐπιχειρεῖ ποιεῖσθαι C. 25 συγκειμένη G. ||
 προιοῦσα G, συμπροιοῦσα C.

καὶ ἦτιον ἀπονεύειν εἰς τὸ ἕτερον καταντᾶ σημεῖον.
 πάλιν εὐθείας τὸ μὲν τῶν περάτων μένον, τὸ δὲ περὶ
 αὐτὸ κινούμενον ἀπραγματεύτως γέγραφεν τὸν κύκλον.
 εἰ δέ τις ἔλिका μονόστροφον γράφειν ἐθέλῃσειεν, ποι-
 5 κλωτέρας δεῖται μηχανῆς — καὶ γὰρ κινήσεις ποι-
 κίλαι γεννῶσιν αὐτήν — καὶ εἴ τις τρίγωνον ἰσόπλευ-
 ρον συστήσασθαι, κἀνταῦθα δεήσεται μεθόδου τινὸς
 εἰς τὴν τοῦ τριγώνου σύστασιν. ἐρεῖ γὰρ ὁ γεωμετρι-
 κὸς νοῦς, ὅτι νοήσας εὐθεῖαν κατὰ μὲν θάτερον τῶν
 10 περάτων μένουσαν κατὰ δὲ θάτερον κινουμένην περὶ
 ἐκεῖνο καὶ σημεῖον ἀπὸ τοῦ μένοντος ἐπ' αὐτῆς κινού-
 μενον γέγραφα τὴν μονόστροφον ἔλिका· ἅμα γὰρ καὶ
 τὸ πέρασ τῆς εὐθείας κυκλογραφοῦν καὶ τὸ σημεῖον
 ἐπὶ τῆς εὐθείας κινούμενον εἰς ταὐτὸ καταστάντα καὶ
 15 συμπεσόντα ποιεῖ μοι τὴν τοιαύτην ἔλिका. καὶ πάλιν
 κύκλους ἴσους γράψας καὶ ἀπὸ τῆς κοινῆς τομῆς εἰς
 τὰ κέντρα τῶν κύκλων ἐπιζεύξας καὶ ἀπὸ θατέρου
 τῶν κέντρων ἐπὶ θάτερον εὐθεῖαν ἀγαγὼν ἔξω τὸ
 ἰσόπλευρον τρίγωνον. πολλοῦ ἄρα δεῖ ταῦτα δι'
 20 ἀπλῆς ἐπιβολῆς ἀποτελεῖσθαι καὶ τῆς πρώτης ἐπι-
 νοίας. ἀγαπήμην γὰρ ἀκολουθοῦντες αὐτῶν ταῖς
 γενέσεσι.

Τὸ μὲν οὖν ῥᾶον τὰ τοιαῦτα πορίζεσθαι ἢ καὶ
 χαλεπώτερον, καὶ ἢ διὰ πλειόνων δεικνυσθαι μέσων
 25 ἢ δι' ἐλαττόνων παρὰ τὰς ἑξῆς γίνεται τῶν μεταχει-

1 καταντᾶ] κατὰ ταῦτα G. 2 μένον τὸ δὲ] μόνον G.
 3 ἀπραγματεύτως om. G, add. C. 9 νοῦς G. 12—14
 γέγραφα . . . κινούμενον om. G. 14 καταστήσαντα M, G;
 sed in M postera manus puncta supra ης addidit. 16 ὅσους G,
 ἴσους C. 18 θατέραν M. 20 ὑποτελεῖσθαι G, ἀποτελεῖ-
 σθαι C. 21 ἀγαπῶ μὲν G, ἀγαπῶν μὲν C. 25 ἑξῆς G,
 ἑξῆς C. || γίνεσθαι M, C, 'evenit' B, om. Z.

ριζομένων, τὸ δὲ ὅλως ἀποδείξεως δεῖσθαι καὶ κατασκευῆς παρὰ τὴν ιδιότητα τῶν ζητούμενων τῆς τῶν αἰτημάτων καὶ ἀξιωμάτων ἐναργείας ἀπολειπομένην. ἄμφω μὲν οὖν τὸ ἀπλοῖν ἔχειν δεῖ καὶ εὐληπτον, τότε αἶτημα λέγω καὶ τὸ ἀξίωμα, ἀλλὰ τὸ μὲν αἶτημα ⁵ προστάττει ἡμῖν μηχανήσασθαι καὶ πορίσασθαι τινα ὕλην εἰς συμπτώματος ἀπόδοσιν ἀπλὴν ἔχουσιν καὶ εἰπετῇ τὴν λῆψιν, τὸ δὲ ἀξίωμα συμβεβηκός τι καθ' αὐτὸ λέγειν γνώριμον αὐτόθεν τοῖς ἀκούουσιν, ὥσπερ καὶ τὸ θερμὸν εἶναι τὸ πῦρ ἢ ἄλλο τι τῶν περιφανε- ¹⁰ στάτων, ἐφ' ὧν τοῖς ἀποροῦντας ἢ αἰσθήσεως ἢ κολλάσεως δεῖσθαι λέγομεν, ὥστε ὁμογενὲς μὲν τὸ αἶτημα τῷ ἀξιώματι, διαφέρουν δὲ αὐτοῦ τὸν εἰρημένον τρόπον. ἐκάτερον γάρ | ἐστὶν ἀρχὴ ἀναπόδεικτος, ἀλλὰ τὸ μὲν ὠδί, τὸ δὲ ἄλλως, καθάπερ εἵπομεν. 15

Ἦδη δὲ οἱ μὲν πάντα αἰτήματα || καλεῖν ἀξιούσιν, ὥσπερ καὶ προβλήματα τὰ ζητούμενα πάντα. καὶ γὰρ ὁ Ἀρχιμήδης τῶν ἀνισορροπιῶν ἀρχόμενος: „Αἰτούμεθα, φησί, τὰ ἴσα βάρη ἀπὸ τῶν ἴσων μηχανῶν ἰσορροπεῖν.“ καίτοι τοῦτο μᾶλλον ἀξίωμα ἢ τις ²⁰ προσείποι. οἱ δὲ πάντα ἀξιώματα προσαγορεύουσιν, ὥσπερ δὴ καὶ θεωρήματα πάντα τὰ ἀποδείξεως δεόμενα. κατὰ τὴν αὐτὴν γὰρ ὥς ἔοικεν ἀναλογίαν ἀπὸ τῶν ιδίων ἐπὶ τὰ κοινὰ μεταβεβήκασιν ὀνόματα. δι-

1 δεῖσθαι] χρῆσθαι G (χρῆσθαι καὶ κατασκευῆς δεῖσθαι), H₁ p. 454. 3 ἐναργείας G, H₂ p. 258, ἐναργείας C. || ἀπολειπομένων G, 'quae . . . deficit' B, 'repudiantium' Z. 5 λέγων G, λέγω C, H₁ p. 454, H₂ p. 258. 6 προστάττειν M, C, 'imperat' B, 'praecipit' Z. 7 συμπτώσιν G, συμπτώματος C, συμπτωμάτων H₁ p. 454, H₂ p. 258. || ὑπόδοσιν H₁, ἀπόδοσιν H₂. 8 καθ' αὐτὸ G, καταντὸ M, καθ' αὐτὸ (καὶ ταῦτό) H₂ p. 258. 11 ἐφ' ὧν καὶ τοὺς G. 20 καὶ τοιοῦτο G. 21 προσείποι] εἵποι G.

ἐσθηκεν δὲ ὁμῶς ὥσπερ πρόβλημα θεωρήματος οὕτως
καὶ αἴτημα ἀξιώματος, εἰ καὶ ἀμφοτέρω ἀναπόδεικτά
ἐστι, καὶ τὸ μὲν ὡς εὐπόριστον λαμβάνεται, τὸ δὲ ὡς
εὐγνωστον ὁμολογεῖται.

5 Γεμῖνος μὲν οὖν κατὰ τοῦτον τὸν λόγον τὰ
αἰτήματα διαιρεῖ τῶν ἀξιωμάτων, ἄλλοι δ' ἂν φαῖεν,
ὅτι τὰ μὲν ἴδια τῆς γεωμετρικῆς ἐστὶν ὕλης, τὰ δὲ
κοινὰ πάσης τῆς περὶ τὸ ποσὸν καὶ πηλίκον θεωρίας.
τὸ μὲν γὰρ τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας εἶναι καὶ πᾶσαν
10 εὐθείαν πεπερασμένην ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν ὁ γεω-
μέτρης οἶδεν, τὸ δὲ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα
εἶναι κοινὴ ἐστὶν ἔννοια καὶ ὃ τε ἀριθμητικὸς αὐτῇ
χρηται καὶ ἕκαστος τῶν ἐπιστημόνων ἐφαρμοζὼν τῇ
ἑαυτοῦ ὕλῃ τὸ κοινόν. ὁ δὲ Ἀριστοτέλης, ὡς πού
15 καὶ πρότερον εἶπομεν, αἰτημά φησιν ἀποδεικτὸν ὅν
καὶ μὴ συγχωρούμενον ὑπὸ τοῦ ἀκούοντος ὁμῶς ἀρ-
χὴν λαμβάνεσθαι, τὸ δὲ ἀξίωμα ἀναπόδεικτον ὑπάρ-
χειν καθ' αὐτὸ καὶ πάντας ἂν ὁμολογῆσαι κατὰ διάθε-
σιν, εἰ καὶ λόγου ἕνεκα τινὲς διαμφισβητοῖεν πρὸς
20 αὐτό.

Τριῶν δὲ τούτων ὄντων διορισμῶν κατὰ μὲν τὸν
πρῶτον, ὅς τῷ πορίσασθαι καὶ τῷ γινῶναι μόνον τὸ
αἴτημα διίστησι τοῦ ἀξιώματος, δηλὸν ὅτι τὸ πᾶσας
ὀρθὰς ἴσας εἶναι τὰς γωνίας οὐκ ἐστὶν αἴτημα, οὐδὲ
25 τὸ πέμπτον τὸ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθειά τις ἐμπί-
πτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο

8 ποικίλον G, ποιλίκον C. 14 ὥπου M; postera manus
σ addidit; ὥσπερ G, 'ut' B, 'sicut' Z. 15 ἀποδεικτικόν G.

21 δὲ G. 22 ὅς] ὡς M, G; in M postera manus ὅς super
ὡς scripsit. || τὸ πορίσασθαι καὶ τὸ γινῶναι C. 24 εἶναι
ἴσας G. || In M adscriptum est in margine: ὅτι τὸ δ καὶ ε
οὐκ ἐστὶν αἴτημα.

ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, ἐκβαλλομένης τὰς εὐθείας
 συμπύπτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἶσιν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσ-
 σονες. ταῦτα γὰρ οὐκ εἰς κατασκευὴν λαμβάνεται
 οὐδὲ πορίσασθαι τι ἀξιοῖ, ἀλλὰ σύμπτωμά τι δηλοῖ
 ταῖς ὀρθαῖς γωνίαις συννύπαρχον καὶ ταῖς ἀπ' ἐλασ- 5
 σόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομέναις. κατὰ δὲ τὸν δεύ-
 τερον οὐκ ἔστι ἀξίωμα τὸ δύο εὐθείας χωρίου μὴ
 περιέχειν, ὃ καὶ νῦν τινες ὡς ἀξίωμα προσγράφουσι.
 καὶ γὰρ τοῦτο τῆς γεωμετρικῆς ὕλης ἐστίν, ὥσπερ τὸ πά-
 σας τὰς ὀρθὰς || ἴσας εἶναι γωνίας, κατὰ δὲ τὸν τρίτον 10
 τὸν Ἀριστοτελικὸν πάντα μὲν, ὅσα δι' ἀποδείξεως
 πιστοῦνται τινος, ἔστι αἰτήματα, ὅσα δὲ ἀναπόδεικτά
 ἐστίν, ἀξιώματα. μάτην οὖν τῶν ἀξιωματῶν Ἀπολ-
 λώνιος ἐπεχείρησεν ἀποδείξεις παραδιδόναι. ὀρθῶς
 γὰρ καὶ ὁ Γεμῖνος ἐπέστησεν, ὅτι οἱ μὲν καὶ τῶν 15
 ἀναποδείκτων ἀποδείξεις ἐπενόησαν καὶ ἀπὸ ἀγνω-
 στοτέρων μέσων τὰ γνώριμα πᾶσιν κατασκευάζειν
 ἐπεχείρησαν — ὃ δὴ πέπονθεν ὁ Ἀπολλώνιος δει-
 κνύναι βουλόμενος ὅτι ἀληθὲς τὸ ἀξίωμα τὸ λέγον τὰ
 τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι — οἱ δὲ καὶ τὰ 20
 ἀποδείξεως δεόμενα ἐν τοῖς ἀναποδείκτοις προσειλή-
 φασιν, ὡς αὐτὸς Εὐκλείδης τό τε πέμπτον αἶτημα
 καὶ τὸ τέταρτον. καὶ γὰρ τοῦτό τινες ὡς ἀμφίβολον
 ἀποδείξεως δεῖσθαι φασί. καὶ πῶς γὰρ οὐ γελοῖον,
 ὦν τὰ ἀντίστροφα θεωρήματά ἐστιν ἀποδεικτά, ταῦτα 25
 ὡς ἀναπόδεικτα προστάττειν. ὅτι γὰρ τῶν συμπι-
 πουσῶν εὐθειῶν αἱ ἐντὸς ἐλάσσους εἰσὶ δυεῖν ὀρθαῖν,
 αὐτὸς ὁ Εὐκλείδης δείκνυσιν ἐν ἐκείνῳ τῷ θεωρή-

ΠΡΟ

1 ποιεῖ C. 6 ἐκβαλλομένην C. 15 καὶ post οἱ μὲν
 om. G. 25 ἀποδεικτικά G, ἀναποδεικτικά C. 26 προς-
 ἀπτει C. 27 ἐκτὸς G, ἐντὸς C.

ματι „παντὸς τριγώνου αἱ δύο γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν πάντῃ μεταλαμβανόμεναι.“ ἀλλὰ καὶ ὅτι οὐ πάντως ἢ τῇ ὀρθῇ ἴση ὀρθή ἐστι δείκνυται σαφῶς· οὐκ ἄρα ἀναπόδεικτα τὰ τούτοις ἀντιστρέφοντα εἶναι
 5 συγχωρητέον, φησὶν ὁ Γεμῖνος. ἔοικεν οὖν κατὰ τὴν τούτου διάταξιν τρία μὲν εἶναι αἰτήματα, τὰ δὲ λοιπὰ δύο δεῖσθαι τῆς ἀποδεικτικῆς ἐπιστήμης, αὐτά τε καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα αὐτοῖς, ἐν δὲ τοῖς ἀξιώμασι τὸ δύο εὐθείας χωρίον μὴ περιέχειν προσκειῖσθαι περιττῶς,
 10 εἴπερ δι' ἀποδείξεως ἔχοι τὸ πιστόν.

Περὶ μὲν οὖν τῆς διαφορᾶς τῶν αἰτημάτων καὶ ἀξιωμάτων τοσαῦτα, πάλιν δὲ αὖ τῶν ἀξιωμάτων τὰ μὲν ἐστὶν ἀριθμητικῆς ἴδια, τὰ δὲ γεωμετρίας, τὰ δὲ κοινὰ αὐταῖς ἀμφοτέραις. τὸ μὲν γὰρ πάντα ἀριθμὸν
 15 ὑπὸ μονάδος μετρεῖσθαι ἀξίωμα ἀριθμητικόν ἐστι, τὸ δὲ „αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἐφαρμόζουσιν ἀλλήλαις“ καὶ τὸ πᾶν μέγεθος ἐπ' ἄπειρον εἶναι διαιρετὸν ἀξιώματα γεωμετρικά ἐστιν, τὸ δὲ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι, καὶ ὅσα τοιαῦτα, κοινὰ ἐστὶν ἀμφοῖν. χρῆ-
 20 ται δὲ ἑκάτερα καὶ τούτοις ἐφ' ὅσον τὸ ὑποκείμενον ἀπαιτεῖ, οἷον ἢ μὲν γεωμετρία ἐπὶ μεγεθῶν, ἢ δὲ ἀριθμητικὴ ἐπ' ἀριθμῶν. ὥσαύτως δὲ καὶ τῶν αἰτημάτων τὰ μὲν ἴδια τῶν || ἐπιστημῶν ἐστὶν, τὰ δὲ κοινὰ τὸ μὲν γὰρ διελεῖν τὸν ἀριθμὸν εἰς τὰ ἐλάχιστα μέρη
 25 τῆς ἀριθμητικῆς ἴδιον ἂν φαίης αἶτημα, τὸ δὲ πᾶσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην ἐπ' εὐθείας ἐκβαλεῖν τῆς γεωμετρίας, τὸ δὲ εἰς ἄπειρον αὔξειν τὸ ποσὸν κοινὸν ἀμφοτέρων. καὶ γὰρ ὁ ἀριθμὸς καὶ τὸ μέγεθος τοῦτο δύναται πάσχειν.

3 παντὸς C. 4 τὰ ante τούτοις om. M, G, in M postera manus addidit. || εἶναι om G. 12 αὐτῶν G. 17 διαιρετὴν G.

Pet. I—III. Ἡτιήσθω ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ
 πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν καὶ
 πεπερασμένην εὐθεῖαν | κατὰ τὸ συνεχὲς ἐπ'
 εὐθείας ἐκβαλεῖν καὶ παντὶ κέντρῳ καὶ δια-
 στήματι κύκλον γράψαι. 5

Ταῦτα τὰ τρία καὶ ἐναργείας ἕνεκα καὶ τοῦ πορί-
 σασθαί τι προστάττειν ἡμῖν ἐν τοῖς αἰτήμασιν ἐξ
 ἀνάγκης ταχθήσεται κατὰ γε τὸν Γεμῖνον. τὸ μὲν γὰρ
 ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν γραμ-
 μὴν ἀγαγεῖν ἐπόμενόν ἐστι τῷ ῥύσιν εἶναι τοῦ σημείου 10
 τὴν γραμμὴν καὶ τὴν εὐθεῖαν ὁμαλὴν καὶ ἀπαρέγκλι-
 τον ῥύσιν. νοήσαντες οὖν τὸ σημεῖον κινούμενον τὴν
 ὁμαλὴν καὶ ἐλαχίστην κίνησιν ἐπὶ θάτερον σημεῖον
 καταντήσομεν, καὶ τὸ πρῶτον αἶτημα γέγονεν οὐδὲν
 ποικίλον ἡμῶν ἐπινενοηκότων. εἰ δὲ δὴ τῆς εὐθείας 15
 σημείῳ περατουμένης ὡσαύτως νοήσαιμεν τὸ πέρασ
 αὐτῆς κινούμενον τὴν ἐλαχίστην καὶ ὁμαλὴν κίνησιν,
 ἔσται τὸ δεύτερον αἶτημα πορισθὲν ἀπὸ εὐμηχάνου
 καὶ ἀπλῆς ἐπιβολῆς. εἰ δὲ αὖ μένουσαν μὲν τὴν πε-
 περασμένην εὐθεῖαν κατὰ θάτερον, κινουμένην δὲ 20
 περὶ τὸ μένον κατὰ τὸ λοιπόν, τὸ τρίτον ἂν εἴη γένος.
 κέντρον μὲν γὰρ ἔσται τὸ μένον σημεῖον, διάστημα
 δὲ ἡ εὐθεῖα. ὅση γὰρ ἂν αὕτη τυγχάνῃ, τοσοῦτο
 ἔσται τὸ ἀπόστημα τοῦ κέντρου πρὸς πάντα τὰ μέρη
 τῆς περιφερείας. εἰ δέ τις ἀποροίῃ, πῶς κινήσεις ἐπ- 25
 εἰσάγομεν τοῖς γεωμετροῦσι ἀκινήτοις οὖσιν, πῶς δὲ

1 ἡτιήσθω M, G.

6 ἐναργείας G, ἐναργείας C.

14 καταντήσομεν G. 15 δεῖ G, δὴ C. 18 ἔστι C. 21 καὶ
 τὸ λοιπόν C. 22 γὰρ ἔστι G. 23 τοσοῦτον ἔστι G.

26 γεωμετρικοῖς G, γεωμετροῦσι C.

τὰ ἀμερῇ κινουμένον — ταῦτα γὰρ ἀδύνατα εἶναι παν-
 τελῶς — ἀξιόσομεν αὐτὸν μὴ παντάπασιν δυσχεραί-
 νειν μεμνημένον τῶν ἐν ἀρχῇ προαποδεδειγμένων, ὥς
 ἄρα περὶ τῶν ἐν φαντασίᾳ κειμένων οἱ λόγοι γράφου-
 5 σιν ἐκεῖ πάντα τὰ τῆς διανοίας εἰκόνας ὧν ἔχει λόγων.
 τὸ γὰρ ἄγραφον γραμματεῖον οὗτος ἦν ὁ τελευταῖος
 νοῦς καὶ παθητικός. ἀλλ' οὐδὲν ἡμῖν ὁ λόγος οὗτος.
 ὁ γὰρ τοι νοῦς ὁ τὰ εἶδη δεχόμενος ἀλλαχόθεν διὰ
 κινήσεως αὐτὰ δέχεται. τὴν δὲ κίνησιν μὴ τοι σωμα-
 10 τικὴν ἀλλὰ φανταστικὴν νοήσωμεν καὶ τὰ ἀμερῇ τὰς
 μὲν σωματικὰς κινήσεις κινεῖσθαι μὴ συγχωρῶμεν τὰς
 δὲ αὐτὰ φανταστικὰς διεξόδους ὑπομένειν. καὶ γὰρ ὁ
 νοῦς ἀμερῆς ὧν κινεῖται καὶ οὐ τοπικῶς καὶ ἡ φαν-
 τασία κατὰ τὸ ἐαυτῆς || ἀμερὲς ἔχει κίνησιν ἰδίαν.
 15 ἡμεῖς δὲ εἰς τὰς σωματικὰς κινήσεις ἀποβλέποντες
 ἀπογινώσκουμεν τῶν ἐν τοῖς ἀδιαστάτοις κινήσεων. τοῦ
 μὲν οὖν σωματικοῦ τόπου καὶ τῶν ἔξω κινήσεων τὰ
 ἀμερῇ καθαρῶς κινήσεως δὲ ἄλλο εἶδος καὶ τόπος
 ἄλλος ἐπ' αὐτῶν θεωρεῖται ταῖς κινήσεσι σύστοιχος,
 20 ἐπεὶ καὶ θέσιν ἔχειν τὸ σημεῖον ἐν τῇ φαντασίᾳ λέγο-
 μεν καὶ οὐ ζητοῦμεν, πῶς ἀμερὲς ἐστὶ δύναται μένειν
 τὸ κινούμενόν που καὶ περιεχόμενον ὑπὸ τοῦ τόπου.
 τόπος γὰρ τῶν μὲν διαστατῶν διαστατός ἐστι, τῶν δὲ
 ἀμερῶν ἀδιάστατος. ἄλλα οὖν τὰ ἰδίως τῶν γεωμε-
 25 τρητῶν εἶδη καὶ ἄλλα τὰ ἀπ' ἐκείνων ὑφιστάμενα, καὶ
 ἄλλη τῶν σωματῶν κινήσεις, ἄλλη τῶν ἐν φαντασίᾳ

2 δυσχαιρένην M. 3 τὸν M. 5 πάσας τὰς G, πάντα τὰ B₃,
 πάντα τὰς C, 'omnes' B, Z. || ὥς B₃. || λόγων B₃, λόγον G, λόγῳ C,
 'rationem' B, Z. 9 τὴν μὲν G, τὴν δὲ C. 11 μὲν om. G, add. C.

16 διαστήμασι G, διαστατοῖς C. 18 τῆς κινήσεως C.
 20 τὸ om. G. 22 κινούμενον] 'movetur', et in margine 'iacet' B,
 'motum' Z. 24 γεωμετρικῶν G. 26 ἡ κίνησις, καὶ ἄλλη G.

νοουμένων, καὶ ἄλλος ὁ τῶν διαστατῶν τόπος, ἄλλος ὁ τῶν ἀμερῶν. καὶ χορὴ ταῦτα διελομένους μὴ συγγεῖν μηδὲ ἐπιταράττειν τῶν πραγμάτων τὰς οὐσίας.

Ἔοικεν μὴν τῶν τριῶν τούτων αἰτημάτων τὸ μὲν πρῶτον ἐν εἰκόσιν ἡμῖν ἐμφανίζειν, ὅπως τὰ ὄντα ⁵ περιέχεται ἐν τοῖς αὐτῶν αἰτίοις ἀμερεστέροις οὐσι καὶ ὀρίζεται ἀπ' αὐτῶν, καὶ ὅτι καὶ πρὶν ὑποστῇ πανταχόθεν ὑπ' ἐκείνων περιείληπται — καὶ γὰρ ἡ εὐθεΐα τῶν σημείων ὄντων ἐπὶ θάτερον ἀπὸ θατέρου ἐπιζεύγνυται καὶ περατοῦται ὑπ' αὐτῶν καὶ μεταξὺ αὐτῶν ¹⁰ ἀπείληπται — τὸ δὲ δεύτερον, ὅπως τὰ ὄντα ἐχόμενα τῶν οἰκείων ἀρχῶν πρόεισιν ἐπὶ πάντα τὴν τε πρὸς ἐκεῖνα συνέχειαν φυλάττοντα καὶ μὴ ἀποσπώμενα ἀπ' αὐτῶν, ἀλλὰ διὰ τὴν ἀπειροδύναμον αἰτίαν πάντῃ ἐπειγόμενα χωρεῖν, τὸ δὲ τρίτον, ὅπως τὰ προελθόντα ¹⁵ πάλιν ἐπιστρέφεται πρὸς τὰς οἰκείας ἀρχάς. ἡ γὰρ τοῦ κινουμένου περὶ τὸ μένον στροφὴ τὸν κύκλον ἀπογεννωῶσα μιμεῖται τὴν κατὰ κύκλον ἐπάνοδον.

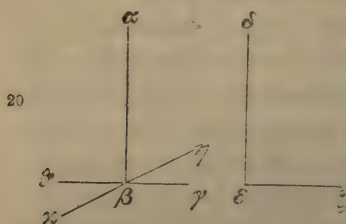
Δεῖ δὲ εἰδέναι, ὅτι τὸ ἐπ' ἀπειρον ἐκβάλλεσθαι οὐ πάσαις ὑπάρχει γραμμαῖς· οὔτε γὰρ τῇ κυκλικῇ οὔτε τῇ ²⁰ κισσοειδεῖ οὔτε ὅλως ταῖς σχηματογραφούσαις, ἀλλ' οὐδὲ ταῖς μὴ ποιούσαις σχῆμα. οὐδὲ γὰρ ἡ μονόστροφος ἔλιξ ἐπ' ἀπειρον ἐκβάλλεται — μεταξὺ γὰρ δύο σημείων ἔχει τὴν σύστασιν — οὐδὲ τῶν ἄλλων οὐδεμία γραμμῶν τῶν οὕτω γεννωμένων. ἀλλ' οὐδὲ ἀπὸ παντὸς σημείου ²⁵ δυνατὸν ἐπὶ πᾶν πᾶσαν ἐπιζευγνύναι γραμμὴν· οὐ γὰρ πᾶσα μεταξὺ πάντων σημείων ὑφίστασθαι δύναται.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων· ἐπὶ δὲ τὰ ἐξῆς ἴωμεν.

4 μὴν] μὲν G. || αἰτημάτων τούτων G. 6 ἀμερίστοις G.
 11 ἔχομεν G, ἐχόμενα C. 12 ἐπὶ πάντῃ τε M. 17 μέσον C.
 26 ἐπὶ πᾶν πᾶσαν om. G. || πᾶν om. M.

Pet. III. Καὶ πάσας τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις εἶναι.

|| Τοῦτο εἰ μὲν ὥς ἐναργὲς καὶ μὴ δεόμενον ἀποδείξεως συγχωροῦμεν, αἴτημα μὲν οὐκ ἔστιν κατὰ τὸν
 5 Γεμῖνον, ἀξίωμα δέ. συμβεβηκὸς γάρ τι καθ' αὐτὸ λέγει ταῖς ὀρθαῖς, ἀλλ' οὐ πορίσασθαι [τι] δι' ἀπλῆς ἐπινοίας ἀξιοῦ. ἀλλ' οὐδὲ κατὰ τὴν Ἀριστοτέλους διαίρεσιν αἴτημά ἐστι. τὸ γὰρ αἴτημα κατ' ἐκείνον δεῖται ἀποδείξεως τινός. εἰ δὲ ἀποδεικτὸν αὐτὸ φαῖμεν
 10 εἶναι καὶ ζητοῦμεν αὐτοῦ τὴν ἀπόδειξιν, οὐδ' ὥς κατὰ τὸν Γεμῖνον ἐν τοῖς αἰτήμασι ταχθήσεται. προφαίνεται μὲν οὖν καὶ κατὰ τὰς κοινὰς ἡμῶν ἐπινοίας ἡ τῶν ὀρθῶν ἰσότης, μονάδος δὲ ἔχουσα λόγον ἢ ὄρου πρὸς τὴν ἐπ' ἄπειρον αὐξήσιν καὶ ἐλάττωσιν τῶν ἐφ'
 15 ἑκάτερα γωνιῶν ἴση ἐστὶ πρὸς πᾶσαν ὀρθήν. καὶ γὰρ τὴν πρώτην οὕτως ὑπεστήσαμεν | τὴν ὀρθήν, ἴσας



20

τὰς ἐφ' ἑκάτερα γωνίας ποιήσαντες τῆς ἐφεστώσης εὐθείας, πρὸς ἣν ἐφ-έστηκεν. εἰ δὲ δεῖ καὶ ἀπόδειξιν αὐτοῦ παραθέσθαι γραμμικὴν, ἔστωσαν δύο ὀρθαὶ αἱ ὑπὸ αβγ καὶ ὑπὸ δεζ. λέγω

25 δὴ ὅτι ἴσαι εἰσὶν. εἰ γὰρ μή, ἡ ἑτέρα μείζων. ἔστω ἡ πρὸς τὸ β. ἐφαρμοζομένης ἄρα τῆς δε ἐπὶ τὴν αβ ἡ

6 τι ego addidi, 'nihil' B, 'quod . . . exquiri nequeat' Z. || διὰ πολλῆς B₃, G. 7 ἀξιοῦ M, et supra οὐ postera manu οἱ, ἀξιοῦν B₃, G, 'iubens' B, om. Z. 9 φαμέν M, G. 14 τῶν] πρὸς G, τῶν C. 16 ἐπιστήσαμεν G, ἐπεστήσαμεν C. 20 δεῖ] δὴ M. 24 καὶ αἱ ὑπὸ δεζ G. 25 ἡ ἑτέρα αὐτῶν μείζων G.

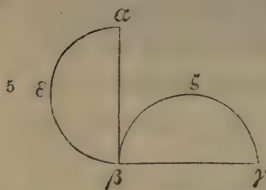
εξ ἐντὸς πεσεῖται, πιστεύω ὡς ἡ βη, καὶ ἐκβεβλήσθω
 ἡ βγ ἐπὶ τὸ θ. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ αβγ, ὀρθὴ καὶ
 ἡ ὑπὸ αβθ καὶ ἴσαι ἀλλήλαις — ἔχομεν γὰρ ἐν τοῖς
 ὅροις ὅτι ἡ ὀρθὴ γωνία ἴση τῇ ἐφεξῆς — ἡ ἄρα ὑπὸ
 αβθ μείζων τῆς ὑπὸ αβγ. πάλιν ἐκβεβλήσθω ἡ βη ⁵
 ἐπὶ τὸ κ. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ αβη, καὶ ἡ ἐφεξῆς
 ὀρθὴ διὰ ταῦτα καὶ ἴση τῇ ὑπὸ αβη. ἡ ἄρα ὑπὸ αβκ
 ἴση τῇ ὑπὸ αβη, ὥστε ἡ ὑπὸ αβθ ἐλάσσων τῆς ὑπὸ
 αβη, ἀλλὰ μείζων, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἐστὶν
 ὀρθὴ μείζων ὀρθῆς.

10

Τοῦτο μὲν οὖν καὶ ἄλλοις δέδεικται τῶν ἐξηγη-
 τῶν καὶ οὐ πολλῆς ἐδεῖτο πραγματείας, ὁ δὲ Πάππος
 ἐπέστησεν ἡμᾶς ὀρθῶς, ὅτι τὸ ἀντίστροφον οὐκέτι
 ἀληθές, τὸ τὴν ἴσην τῇ ὀρθῇ γωνίαν ἐκ παντὸς εἶναι
 ὀρθήν, ἀλλ' εἰ μὲν εὐθύγραμμος εἴη, πάντως ὀρθήν ¹⁵
 εἶναι, δύνασθαι δὲ καὶ περιφερόγραμμον || γωνίαν
 ἴσην ὀρθῇ δειχθῆναι, καὶ δῆλον, ὡς οὐκέτι τὴν τοι-
 αύτην ὀρθήν (εἶναι δύνασθαι?) προσαγορεύσομεν. κατὰ
 γὰρ τὴν τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν τομὴν τὴν ὀρθήν
 ἐλαμβάνομεν ὑφιστάντες αὐτὴν ὑπὸ εὐθείας ἐφεστῶ- ²⁰
 σης ἀκλινῶς πρὸς τὴν ὑποκειμένην, ὥστε ἡ ἴση τῇ
 ὀρθῇ οὐ πάντως ὀρθὴ ἐστίν, εἴπερ μηδὲ εὐθύγραμμος.
 νενοήσθωσαν οὖν εὐθεῖαι δύο ἴσαι αἱ αβ βγ ποιοῦσαι

1 πιστεύω] πιπτεύω B₃, G, 'Cadat' B, Z. 2 ἡ ὑπὸ αβγ,
 ὀρθὴ καὶ om G. 7. 8 ἡ ἄρα ... αβη om. G. 9 ἀλλὰ καὶ
 μείζων G. 14 γωνία G. 17 ὀρθῇ] ὀρθήν C. 18 προσαγο-
 ρεύσομεν M. 20 ὑφεστῶσης G, ἐφεστῶσης C. 22 ὀρθὴ
 ἐστίν] ἴση τῇ ὀρθῇ ἐστίν G, quod correxit C.

τὴν πρὸς τὸ β ὀρθήν, καὶ ἕστωσαν ἴσα καὶ ἐπ' αὐτῶν
ἡμικύκλια κέντρῳ καὶ διαστήματι γραφέντα τὰ $\alpha\epsilon\beta$

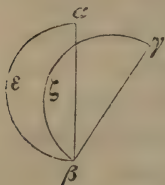


5

$\beta\zeta\gamma$. ἐπεὶ οὖν ἴσα τὰ ἡμικύκλια,
ἐφαρμόσει ἀλλήλοις, καὶ ἴση ἡ
ὑπὸ $\epsilon\beta\alpha$ γωνία τῇ ὑπὸ $\zeta\beta\gamma$.
κοινὴ προσκείμεθω ἡ λοιπὴ ἡ
ὑπὸ $\alpha\beta\zeta$. ὅλη ἄρα ἡ ὀρθὴ ἴση
ἐστὶ τῇ μηννοειδεῖ τῇ ὑπὸ $\epsilon\beta\zeta$.

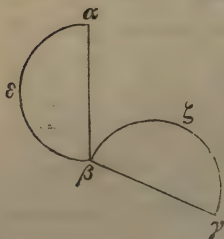
καὶ ὅμως οὐκ ἔστιν ἡ μηννοειδὴς ὀρθή. τῷ δὲ αὐτῷ

10 τρόπῳ καὶ ἀμβλείας οὔσης ἢ ὀξείας τῆς ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$



15

δειχθήσεται αὐτῇ ἴση γωνία ἢ μη-
νοειδὴς. τοῦτο γάρ ἐστὶ τὸ εἶδος
τῶν περιφερογράμμων γωνιῶν τὸ
συμβιβαζόμενον ταῖς εὐθυγράμμους·
πλὴν τό γε τοσοῦτον ἰστέον· ἐπὶ
μὲν τῆς ὀρθῆς καὶ τῆς ἀμβλείας προσ-
θεῖναι δεῖ τὴν μεταξὺ γωνίαν τῆς



20

$\alpha\beta$ εὐθείας καὶ $\beta\zeta$ περιφερείας,
ἐπὶ δὲ τῆς ὀξείας ἀφελεῖν. ἡ
γὰρ $\alpha\beta$ εὐθεῖα τέμνει τὴν $\beta\zeta$
περιφέρειαν. ἐκκείσθω οὖν ἑκα-
τέρας τῶν ὑποθέσεων τὰ δια-
γράμματα.

1 τὸ $\beta\gamma$ M. || ἕστωσαν ἴσαι M, B₃, G; B alterum hoc ἴσαι,

Z prius ἴσαι omisit. 2. 3 $\alpha\beta$ $\beta\zeta$ M. 8 μηννοειδεῖ] 'Cornicu-
lari' B, qui etiam infra vocem μηννοειδὴς voce Cornicularis
reddit; 'lunullae' Z. 20 τέμνει M.

Ταῦτα μὲν οὖν ἀναγεγράφθω δεικνύντα καὶ ὅτι
 πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ καὶ ὅτι οὐ πάντως
 ἡ τῇ ὀρθῇ ἴση ὀρθή ἐστίν. εἰ γὰρ μηδὲ εὐθύγραμμος
 εἴη, πῶς ἂν ὀρθὴν τις εἴποι τὴν τοιαύτην;

Φανερόν δὲ καὶ ἐκ τοῦδε τοῦ αἰτήματος, ὅτι ἡ 5
 ὀρθότης τῆς γωνίας τῇ ἰσότητι συγγενής ἐστίν, ὥσπερ
 ἡ ὀξύτης καὶ ἀμβλύτης τῇ ἀνισότητι. καὶ γὰρ ἐστίν
 ἡ μὲν ὀρθότης αὐτῇ τῇ ἰσότητι σύστοιχος — ἀμφο-
 τεραι γὰρ ὑπὸ τὸ πέρας, ὥσπερ δὴ καὶ ἡ ὁμοιότης —
 ἡ δὲ ὀξύτης καὶ ἀμβλύτης τῇ ἀνισότητι, καθάπερ καὶ 10
 ἡ ἀνομοιότης· ἀπειρίας γὰρ ἔκγονοι πᾶσαι. || διὸ καὶ
 οἱ μὲν τὸ ποσὸν ὁρῶντες τῶν γωνιῶν τὴν ὀρθὴν ἴσην
 τῇ ὀρθῇ λέγουσιν, οἱ δὲ τὸ ποιὸν ὁμοίαν. ὅπερ γὰρ
 ἐστίν ἐν ποσοῖς ἡ ἰσότης τοῦτο ἐν τοῖς ποιοῖς ἡ
 ὁμοιότης. 15

Pet. V. Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπί-
 πτουςα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας
 δύο ὀρθῶν ἐλάττονας ποιῇ, ἐκβαλλομένας τὰς
 εὐθείας ἐπ' ἄπειρον συμπίπτειν, ἐφ' ἃ μέρη
 εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλλάττονες. 20

Τοῦτο καὶ παντελῶς διαγράφειν χρή τῶν αἰτη-
 μάτων· θεωρημα γὰρ ἐστίν, πολλὰς μὲν ἀπορίας ἐπι-
 δεχόμενον, ἃς καὶ ὁ Πτολεμαῖος ἐν τινὶ βιβλίῳ δια-
 λῦσαι πρὸνθετο, πολλῶν δὲ εἰς ἀπόδειξιν δεόμενον
 καὶ ὄρων καὶ θεωρημάτων. καὶ τό γε ἀντιστρέφον 25

6 συγγενές G, συγγενής H₁ p. 454, H₂ p. 257.

13 ὁμοίως G.

14 ἡ et ante ἰσότης et ante ὁμοιότης om.

H₂ p. 257.

16 Καὶ om. G. || συμπίπτουσιν M.

19 ἐπ'

om. M.

20 δύο om. G.

23 Πτολεμαῖος G.

24 δεομέ-

νων G, δεόμενον C. 25 καίτοι γε ἀντιστρέφων G.

καὶ ὁ Εὐκλείδης ὡς θεώρημα δείκνυσιν. ἴσως δὲ ἄν
 τινες ἀπατῶμενοι καὶ τοῦτο τάττειν ἐν τοῖς αἰτήμασιν
 ἀξιῶσαι, ὡς διὰ τὴν ἐλάττωσιν τῶν δύο ὀρθῶν
 αὐτόθεν τὴν πίστιν παρεχόμενον τῆς τῶν εὐθειῶν
 5 συνενύσεως καὶ συμπτώσεως. πρὸς οὓς ὁ Γεμῖνος
 ὀρθῶς ἀπήντησε λέγων ὅτι παρ' αὐτῶν ἐμάθομεν τῶν
 τῆς ἐπιστήμης ταύτης ἡγεμόνων μὴ πάνυ προσέχειν
 τὸν νοῦν ταῖς πιθαναῖς φαντασίαις εἰς τὴν τῶν λό-
 γων τῶν ἐν γεωμετρῷ παραδοχὴν. ὅμοιον γὰρ φησι
 10 καὶ Ἀριστοτέλης ῥητορικὸν ἀποδείξεις ἀπαιτεῖν καὶ
 γεωμέτρον πιθανολογοῦντος ἀνέχεσθαι, καὶ ὁ παρὰ
 τῷ Πλάτῳ Σιμμίας, ὅτι „τοῖς ἐκ τῶν εἰκότων τὰς
 ἀποδείξεις ποιούμενοις σύνοιδα οὓσιν ἀλαξόσι“. κἀν-
 ταῦθα τοίνυν τὸ μὲν ἡλαττωμένων τῶν ὀρθῶν συ-
 15 νεύειν τὰς εὐθείας ἀληθὲς καὶ ἀναγκαῖον, τὸ δὲ συ-
 νενοῦσας ἐπὶ πλεόν ἐν τῷ ἐκβάλλεσθαι συμπεσεῖσθαι
 ποτε πιθανόν, ἀλλ' οὐκ ἀναγκαῖον, εἰ μὴ τις ἀπο-
 δείξειεν λόγος, ὅτι ἐπὶ τῶν εὐθειῶν τοῦτο ἀληθές. τὸ
 γὰρ εἶναί τινος γραμμὰς συνιούσας μὲν ἐπ' ἄπειρον,
 20 ἀσυμπτῶτους δὲ ὑπαρχούσας, καίτοι δοκοῦν ἀπίθανον
 εἶναι καὶ παράδοξον, ὅμως ἀληθές ἐστι καὶ πεφώραται
 ἐπ' ἄλλων εἰδῶν τῆς γραμμῆς. μήποτε οὖν τοῦτο καὶ
 ἐπὶ τῶν εὐθειῶν δυνατόν, ὅπερ ἐπ' ἐκείνων τῶν γραμ-
 μῶν; ἔως γὰρ ἂν δι' ἀποδείξεως αὐτὸ καταδησώ-
 25 μεθα, περισπᾷ τὴν φαντασίαν τὰ ἐπ' ἄλλων δεικνύ-
 μενα γραμμῶν. εἰ δὲ καὶ οἱ διαμφισβητοῦντες λόγοι
 πρὸς τὴν σύμπτωσιν || πολὺν τὸ πληκτικὸν ἔχοιεν, πῶς
 οὐχὶ πολλῷ πλεόν ἂν τὸ πιθανὸν τοῦτο καὶ τὸ ἄλογον
 ἐκβάλλοιμεν τῆς ἡμετέρας παραδοχῆς;

3 ἀξιῶσαι ἂν G, ἀξιῶσιν ἂν M. 12 Συμμίας G. Phaedo
 92, D. 26 ἀμφισβητοῦντες G. 29 ἐκβάλλοιμεν G.

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἀπόδειξιν χρὴ ζητεῖν τοῦ προκειμένου θεωρήματος δῆλον ἐκ τούτων, καὶ ὅτι τῆς τῶν αἰτημάτων ἐστὶν ἀλλότριον ἰδιότητος, πῶς δὲ ἀποδεικτέον αὐτὸ καὶ διὰ ποίων λόγων ἀναιρετέον τὰς πρὸς αὐτὸ φερομένας ἐνστάσεις, τηρικαῦτα λεκτέον, ἥνίκα ἂν καὶ ὁ στοιχειωτὴς αὐτοῦ μέλλῃ ποιεῖσθαι μνήμην ὥς ἐναργεῖ προσχωρῶμενος. τότε γὰρ ἀναγκαῖον αὐτοῦ δεῖξαι τὴν ἐνάργειαν οὐκ ἀναποδείκτως προφαινομένην ἀλλὰ δι' ἀποδείξεων γνώριμον γιγνομένην.

Axiom. I—V. Τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ¹⁰ ἐστὶν ἴσα, καὶ ἐὰν ἴσα ἴσοις προστεθῇ, τὰ ὅλα ἴσα ἐστίν, καὶ ἐὰν ἴσων ἀφαιρεθῇ, τὰ καταλειπόμενα ἴσα ἐστίν, καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζον, καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Ταῦτ' ἐστὶ τὰ κατὰ πάντας ἀναπόδεικτα καλού- ¹⁵ μενα ἀξιώματα, καθόσον ὑπὸ πάντων οὕτως ἔχειν ἀξιοῦται, καὶ διαμφισβητεῖ καὶ πρὸς ταῦτα οὐδεὶς. πολλάκις μὲν γὰρ καὶ τὰς προτάσεις ἀπλῶς ἀξιώματα καλοῦσιν, ὅποιαί ποτε ἂν ὦσιν εἴτε ἄμεσοι κυρίως εἴτε καὶ δεομεναί τινος ὑπομνήσεως, καὶ οἱ γε ἀπὸ ²⁰

6 ἂν om. G. || μέλει G. || ποιήσασθαι G. 7 ἐναργῆ C. ἑαυτοῦ G, αὐτοῦ C. 8 ἐνάργειαν G, ἐνάργειαν C. || προφερομένην G, προφαινομένην C. 10 In M in margine adscriptum est: περὶ ἀξιωμαίων ἥτοι κοινῶν ἐννοιῶν. 12 ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ G. 13—14 καὶ ἐὰν ἀνίστοις ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἐστὶν ἄνισα, καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν, καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίση ἴσα ἀλλήλοις ἐστί, καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζόν ἐστιν, καὶ δύο εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσι. G et B, sed contra auctoris sententiam paulo infra propositam. 15 Ταῦτά ἐστι G. 17 καὶ post διαμφισβητεῖ om. G.

τῆς Στοᾶς ἅπαντα λόγον ἀπλοῦν ἀποφαντικὸν ἀξίωμα
 προσαγορεύειν εἰώθασιν. καὶ ὅταν διαλεκτικὰς ἡμῖν
 γράφωσι τέχνας περὶ ἀξιωμάτων, τοῦτο διὰ τῶν ἐπι-
 γραμμάτων δηλοῦν ἐθέλουσιν. ἀκριβέστερον δέ τινες
 5 ἀπὸ τῶν ἄλλων προτάσεων διακρίνοντας τὸ ἀξίωμα
 τὴν ἄμεσον καὶ αὐτόπιστον δι' ἐνάργειαν πρότασιν
 οὕτως ὀνομάζουσιν, ὥσπερ καὶ ὁ Ἀριστοτέλης καὶ
 οἱ γεωμέτραι λέγουσιν. ταῦτόν γάρ ἐστιν κατὰ τού-
 τος ἀξίωμα καὶ ἐννοία || κοινή. πολλοῦ ἄρα δεήσο-
 10 μεν ἡμεῖς τὸν γεωμέτρην Ἀπολλώνιον ἐπαινεῖν, ὃς
 καὶ τῶν ἀξιωμάτων ὥς οἶεται γέγραφεν ἀποδείξεις,
 ἀπεναντίας Εὐκλείδῃ φερόμενος. ὁ μὲν γάρ καὶ τὸ
 ἀποδεικτὸν ἐν τοῖς αἰτήμασι κατηρίθμησεν, ὁ δὲ καὶ
 τῶν ἀναποδείκτων ἐπεχείρησεν ἀποδείξεις εὐρίσκειν.
 15 ἦν δὲ ἄρα διωρισμένα ταῦτα ἀπ' ἀλλήλων τῇ φύσει
 καὶ τῶν ἐπιστημῶν διαφέρουν τὸ γένος τῶν τε περὶ
 τὰς ἀμέσους προτάσεις καὶ πάντῃ δι' ἐνάργειαν προσ-
 πιπτούσας καὶ τῶν ταῖς ἀποδείξεσι χρωμένων, αἱ τὰς
 ἀρχὰς ἀπ' ἐκείνων λαμβάνουσι καὶ λαβοῦσαι χρῶνται
 20 πρὸς τὰ οἰκεία συμπεράσματα δεόντως. ὅτι δὲ καὶ
 ἡ ἀπόδειξις, ἣν ὁ Ἀπολλώνιος εὐρηκέναι πέπεισται
 τοῦ πρώτου τῶν ἀξιωμάτων, οὐδὲν μᾶλλον ἔχει τὸ
 μέσον τοῦ συμπεράσματος γνωριμότερον, εἰ μὴ καὶ
 πλέον ἀμφισβητούμενον, μάθοι τις ἂν ἐπιβλέψας εἰς
 25 αὐτὴν καὶ σμικρόν. „ἔστω γάρ, φησὶ, τὸ α τῷ β ἴσον,

1 ἀποφαντικὸν] καταφαντικὸν G. 2 ὅτε G, ὅταν C.
 3 τέχνας γράφωσι G. || τοῦτο διὰ τῶν ἐπιγραμμάτων
 om. G. 4 ἐθέλωσιν G. 6 ἐνάργειαν G, ἐνάργειαν C.
 9 δὲ ἄρα G. 10 ὃς] ὥς M. 12 Εὐκλείδει G. || τὸ
 om. G. 13 ἀποδεικτικὸν G. 21 ὁ om. G. 22 τὸν
 μέσον M.

τοῦτο δὲ τῷ $\bar{\gamma}$, λέγω ὅτι καὶ τὸ $\bar{\alpha}$ τῷ $\bar{\gamma}$ ἴσον. ἐπεὶ
 γὰρ τὸ $\bar{\alpha}$ τῷ β ἴσον τὸν αὐτὸν αὐτῷ κατέχει τόπον,
 καὶ ἐπεὶ τὸ β τῷ $\bar{\gamma}$ ἴσον, τὸν αὐτὸν καὶ
 τούτῳ κατέχει τόπον. καὶ τὸ $\bar{\alpha}$ ἄρα τῷ $\bar{\gamma}$
 τὸν αὐτὸν κατέχει τόπον. ἴσα ἄρα ἐστίν.“
 ἐν δὴ τούτοις δύο προλαβεῖν ἀναγκαῖον,
 ἐν μὲν ὅτι τὰ τὸν αὐτὸν κατέχοντα τόπον
 ἀλλήλοις ἴσα ἐστίν, ἕτερον δὲ ὅτι τὰ τῷ
 αὐτῷ τὸν αὐτὸν κατέχοντα τόπον καὶ ἀλλήλοις τὸν
 αὐτὸν κατέχει τόπον. ταῦτα δὲ ὅτι πολλῷ ἀσαφέστερα 10
 τοῦ προτεθέντος ἀξιώματος ἐναργές· πῶς γὰρ τὰ τὸν
 αὐτὸν ἐκπληροῦντα τόπον ἴσα ἐστίν; καθ’ ὅλα ἢ κατὰ
 μέρος ἢ κατὰ σχηματισμὸν λόγου; διὸ καὶ οὐκ ἔστι
 παντελῶς εὐπαράδεκτον τὸ μεταβαίνειν ἐπὶ τὸν τόπον,
 ὅς ἐστιν ἀγνωστότερος ἡμῖν τῶν ἐν τόπῳ ὄντων. χα- 15
 λεπὴ γοῦν καὶ ἡ εὗρεσις τῆς οὐσίας καὶ ἀμφισβητήσι-
 μος. ἴν’ οὖν μὴ μακρογορῶμεν, πάντα ἀξιώματα ὡς
 ἄμεσα καὶ αὐτοφανῆ παραδοτέον, γνώριμα ἀφ’ ἐαν-
 τῶν ὄντα καὶ πιστά. ὁ γὰρ τοῖς φανερωτάτοις ἀπό-
 δειξιν προσάγων οὐ βεβαιοῖ τὴν περὶ αὐτῶν ἀλήθειαν, 20
 ἀλλ’ ἐλαττοῖ τὴν ἐνάργειαν, ἣν ἔχομεν ἐν ταῖς ἀδι-
 δάκτοις προλήψεσιν.

Τοῦτό τε δὴ περὶ τῶν ἀξιωμάτων προληπτέον
 κριτήριον τῆς ιδιότητος αὐτῶν, καὶ ὅτι πάντα τοῦ
 κοινοῦ γένους ἐστὶ τῶν μαθημάτων. οὐ γὰρ μό- 25
 νον μεγέθεσιν ἐπαληθεύει τούτων ἕκαστον, ἀλλὰ καὶ

2 αὐτῷ om. G, add. C. 3—4 καὶ ἐπεὶ τὸ ... τούτῳ
 κατέχει τόπον om. G. 4 τὸ ἄρα $\bar{\alpha}$ M, G. 11 προθέν-
 τος G, προτεθέντος C. 14 εὐπαράδεκτέον M, G; in M autem
 ε ante on rasura est deletum. 16 οὖν G. 25—26 οὐ μό-
 νον λέγεται μεγέθεσιν ἀληθεύειν G, οὐ γὰρ μόνον λέγεται
 μεγέθεσιν ἐπαληθεύειν B₃, ‘et non solum in Magnitudini-

ἀριθμοῖς καὶ κινήσει καὶ χρόνοις. καὶ τοῦτο ἀναγκάως. τὸ γὰρ ἴσον καὶ ἄνισον καὶ τὸ ὅλον καὶ τὸ μέρος || καὶ τὸ μείζον καὶ τὸ ἔλασσον κοινὰ καὶ τῶν διηρημένων ἐστὶ ποσῶν καὶ τῶν συνεχῶν. ἥ τε οὖν
 5 περὶ τοὺς χρόνους θεωρία δεῖται πάντων τούτων ὡς ἐναργῶν καὶ ἡ περὶ τὰς κινήσεις καὶ ἡ περὶ τοὺς ἀριθμοὺς καὶ τὰ μεγέθη, καὶ ἐπὶ πάντων ἀληθές, καὶ τὸ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι καὶ τῶν λοιπῶν, ὅπερ ἂν λάβωμεν. κοινοῖς δὲ οὗσιν ἕκαστος
 10 χρῆται κατὰ τὴν οἰκεῖαν ὕλην, ἐφ' ὅσον αὐτὴ ἀπαιτεῖ, καὶ ὁ μὲν ὡς ἐπὶ μεγεθῶν, ὁ δὲ ὡς ἐπ' ἀριθμῶν, ὁ δὲ ὡς ἐπὶ χρόνων αὐτῷ προσχρῆται. καὶ οὕτως ἴδια γίνεται τὰ συμπεράσματα καθ' ἑκάστην ἐπιστήμην καὶ ἢ τὰ ἀξιώματα κοινά.

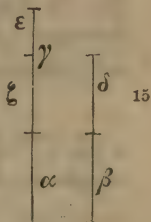
15 Καὶ μὴν καὶ τὸν | ἀριθμὸν αὐτῶν οὔτε εἰς ἐλάχιστον δεῖ συναιρεῖν, ὡς Ἡρῶν ποιεῖ τρία μόνον ἐκθέμενος — ἀξίωμα γὰρ καὶ ὅτι τὸ ὅλον τοῦ μέρους μείζον, καὶ ὁ γεωμέτρης πολλαχοῦ καὶ τοῦτο παραλαμβάνει πρὸς τὰς ἀποδείξεις, καὶ ὅτι τὰ ἐφαρμό-
 20 ζοντα ἴσα· καὶ γὰρ τοῦτο εὐθύς ἐν τῷ τετάρτῳ συντελέσει πρὸς τὸ ζητούμενον — οὔτε αὖ προστιθέναι ἄλλα ἐπ' ἄλλοις, ὧν τὰ μὲν ἐστὶν ἴδια τῆς γεωμετρικῆς ὕλης, ὡς δύο εὐθείας χωρίον μὴ περιέχειν, καίτοι τῶν ἀξιωμάτων τοῦ κοινοῦ γένους ὄντων, ὡς εἵπομεν,
 25 τὰ δὲ ἔπεται τοῖς ἐκκειμένοις, οἷον τὸ ἴσα εἶναι τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια. τοῦτο γὰρ ἀκολουθεῖ τῷ ἂν ἴσοις ἴσα προστεθῇ τὰ ὅλα ἴσα εἶναι. τὰ γὰρ ἴσον τῷ

bus . . . verificari dicitur' B, 'verum esse dicitur' Z. 8 τῷ om. M. 11 ὁ δὲ ὡς ἐπ' ἀριθμῶν om. G. 15 αὐτὸν G, αὐτῶν C. 17 καὶ ante ὁ om. G. 18 προσλαμβάνει G.

25 εἶναι post διπλάσια posuit G, quod corr. C. 27 τὰ γὰρ ἴσα G, ἢ ἰσότης C. 28 ἴσα εἶναι G, ἴσα εἶναι C.

ἡμίσει προσλαβύντα αὐτὸ τὸ ἥμισυ διπλάσια γίνεται τοῦ αὐτοῦ καὶ ἴσα ἀλλήλοις διὰ τὴν ἴσην προστεθήκην. καὶ κατὰ τοῦτον τὸν λόγον οὐ τὰ διπλάσια μόνον, ἀλλὰ καὶ τὰ τριπλάσια καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ πολλαπλάσια πάντα ἴσα φανήσεται. 5

Τοῖτοις δὲ τοῖς ἀξιώμασιν ὁ Πάππος συναναγράφεσθαι φησιν ὅτι καὶ ἂν ἴσοις ἄνισα προστεθῇ, ἢ τῶν ὅλων ὑπεροχὴ ἴση ἐστὶν τῇ τῶν προστεθέντων, καὶ ἀνάπαλιν, ἐὰν ἀνίσοις ἴσα προστεθῇ, ἢ τῶν ὅλων ὑπεροχὴ ἴση ἐστὶ τῇ τῶν ἐξ ἀρχῆς. καὶ ἐστὶ καὶ ταῦτα 10 προφανῆ μὲν ἀφ' ἑαυτῶν, δείκνυνται δὲ ὁμῶς τοῦτον τὸν τρόπον. ἔστω ἴσα τὰ $\overline{\alpha}$ $\overline{\beta}$, καὶ προσκείσθω αὐτοῖς ἄνισα τὰ $\overline{\gamma}$ $\overline{\delta}$, μείζον δὲ τὸ $\overline{\gamma}$ τοῦ $\overline{\delta}$ τῷ $\overline{\epsilon}$, [†] ἐπεὶ οὖν τὸ $\overline{\alpha}$ τῷ $\overline{\beta}$ ἴσον καὶ τὸ $\overline{\zeta}$ τῷ $\overline{\delta}$, τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ τῷ $\overline{\beta\delta}$ ἴσον. ἐὰν γὰρ ἴσοις ἴσα προστεθῇ, τὰ ὅλα ἴσα. [†] τὸ ἄρα $\overline{\gamma\alpha}$ τοῦ $\overline{\beta\delta}$ τῷ $\overline{\epsilon}$ μόνῳ ὑπερέχει, ὥς καὶ τὸ $\overline{\gamma}$ μόνον ὑπερέχεν τοῦ $\overline{\delta}$. πάλιν ἄνισα τὰ $\overline{\gamma}$ $\overline{\delta}$ καὶ προσκείσθω ἴσα τὰ $\overline{\alpha}$ $\overline{\beta}$, καὶ ἔστω τοῦ $\overline{\gamma}$ πρὸς τὸ $\overline{\delta}$ ὑπεροχὴ τὸ $\overline{\epsilon}$. || ἐπεὶ οὖν τὸ $\overline{\alpha}$ τῷ $\overline{\beta}$ ἴσον 20



7 ἴσοις ἴσα G. 9 ἀνίσας ἴσοις G, ἀνίσοις ἴσας C. || In M adscriptum est in margine: τὸ ἄνισα οὐκ πρὸς ἄλληλα ἀκουστέον ἀλλὰ πρὸς τὰ, πρὸς ἃ προστίθεται. 13 τὰ $\overline{\delta}$ $\overline{\gamma}$ M. || δὲ τοι $\overline{\gamma}$ G, δὲ τὸ $\overline{\gamma}$ C. || τῷ $\overline{\epsilon}$] τοῦ $\overline{\epsilon}$ B₃. || Post τῷ $\overline{\epsilon}$ addit B 'reliquum vero sit f', quod, cum ex diagrammate possit intelligi, haud scio an de suo B adiecerit. 15. 16 ἴσα ἴσοις G. 16 Ante τὸ ἄρα equidem puto excidisse: μείζον δὲ τὸ $\overline{\alpha\gamma}$ τοῦ $\overline{\alpha\zeta}$ τῷ $\overline{\epsilon}$. || $\overline{\gamma\alpha}$] $\overline{\gamma\delta}$ M, G. 20 τοῦ $\overline{\epsilon}$ C. || Post τὸ $\overline{\epsilon}$ addit B 'reliquum vero f'.

καὶ ^{†?} τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ ἴσον τῷ $\overline{\beta\delta}$, ὅλον ἄρα τὸ $\overline{\alpha\gamma}$ τοῦ $\overline{\beta\delta}$ τῷ $\overline{\varepsilon}$ μόνῳ ὑπερέχει, ὥ καὶ τὸ $\overline{\gamma}$ τοῦ $\overline{\delta}$.

Ταῦτα οὖν ἔπεται τοῖς προειρημένοις ἀξιώμασι καὶ εἰκότως ἐν τοῖς πλείστοις ἀντιγράφοις παραλείπεται, ὅσα δὲ ἄλλα τούτοις προστίθῃσιν, προεῖληπται διὰ τῶν ὄρων καὶ ἐκείνοις ἀκόλουθα, οἷον ὅτι πάντα τοῦ ἐπιπέδου τὰ μέρη καὶ τῆς εὐθείας ἀλλήλοις ἐφαρμόττει — τὰ γὰρ εἰς ἄκρον τεταμένα τοιαύτην ἔχει φύσιν — καὶ ὅτι γραμμὴν μὲν διαιρεῖ σημεῖον, ἐπιφάνειαν δὲ γραμμή, στερεὸν δὲ ἐπιφάνεια — πάντα γὰρ διαιρεῖται τούτοις, ὑφ' ὧν καὶ περατοῦνται προσεχῶς — καὶ ὅτι τὸ ἄπειρον ἐν τοῖς μεγέθεσιν ἐστὶν καὶ τῇ προσθέσει καὶ τῇ ἐπικαθαιρέσει, δυνάμει δὲ ἐκάτερον· πᾶν γὰρ συνεχὲς ἐπ' ἄπειρον διαιρετόν ἐστι καὶ ἀνζητόν.

1 Inter καὶ et τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ excidisse videtur τὸ $\overline{\xi}$ τῷ $\overline{\delta}$; B addit 'f ipsi d'. 6 ἀκολουθεῖ G, ἀκόλουθον B₃, 'consequuntur' B, 'sequuntur' Z. 8 τεταγμένα G, τεταμένα C.

PROPOSITIONUM PARS PRIOR.

Ἄλλ' ἐπεὶ καὶ ταῦτα συνεκεφαλαιωσάμεθα, τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς λοιπῶν τὴν ἐπίσκεψιν ποιησόμεθα· μέχρι γὰρ τούτων αἱ ἀρχαί. τῶν δὲ πρὸς γεωμετρίαν ἐνστάντων οἱ μὲν πλεῖστοι πρὸς τὰς ἀρχὰς ἠπόρησαν ἀνυπόστατα τὰ μέρη δεικνύναι σπουδάσαντες — ὧν καὶ ⁵ οἱ λόγοι διατεθρύληνται, τῶν μὲν καὶ πᾶσαν ἐπιστήμην ἀναιρουντων καὶ ὥσπερ πολεμίων καρπούς ἐξ ἀλλοτρίας χώρας καὶ γονίμου τῆς φιλοσοφίας ἀφανίζόντων ὥσπερ τῶν Ἐφεκτικῶν, τῶν δὲ τὰς γεωμετρικὰς μόνας ἀρχὰς ἀνατρέπειν προθεμένων, ὥσπερ ¹⁰ τῶν Ἐπικουρείων — οἱ δὲ ἤδη καὶ ταῖς ἀρχαῖς ἐπιτρέψαντες οὐ φασὶ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς ἀποδείκνυσθαι, μὴ συγχωρηθέντος αὐτοῖς καὶ ἄλλου τινός, ὃ μὴ προείληπται ἐν ταῖς ἀρχαῖς. τοῦτον γὰρ τὸν τρόπον τῆς ἀντιρρήσεως μετήλθεν Ζήνων ὁ Σιδώνιος μὲν, ¹⁵

1 συνεκεφαλαιωσάμεθα *M*, συνεκεφαλαιωσόμεθα *G*.
 2 λοιπὸν *M*, *B*₃, λοιπὴν *G*, 'reliquum est ut' *B*, 'id quod est reliquum' *Z*. 4 ἐνστάσεων *M*, *B*₃, *G*, 'Eorum, qui instant' *B*, 'Ex his qui . . . obiciant' *Z*. 5 τὰ μέρη] 'partes' et in margine 'terminos' *B*, 'partes' *Z*. 6—7 In *M* in margine adscriptum est: *C*. διὰ τ (σημαίνει διὰ τούτου τοὺς?) ἀνατρέποντας τὴν γεωμετρίαν. 9 Ἐφεκτικῶν] 'Pyrrhonorum Philosophorum' *B*, 'Ephestici' *Z*. || δὲ om. *M*, delendum not. *C*. 10 In *M* postera manus ὥσπερ delendum not. et καὶ add. 12 ἐπιτρέψαντες *G*, ἐπιτρέψαντες *C*. 15 ἀντειρήσεως *G*, ἀντιρρήσεως *C*.

τῆς δὲ Ἐπικούρου μετασχὼν αἰρέσεως, πρὸς ὃν καὶ ὁ Ποσειδώνιος ὅλον γέγραφε βιβλίον δεικνὺς σαθρὰν αὐτοῦ πᾶσαν τὴν ἐπίνοιαν.

Ἀλλ' αἱ μὲν ὑπὲρ τῶν ἀρχῶν ἀντιλογίαι μετρίως ἡμῖν διὰ τῶν ἔμπροσθεν ἡνύσθησαν, τὴν δὲ τοῦ Ζήνωνος ἐπιβολὴν μικρὸν ὕστερον ἐπισκεψόμεθα. νυνὶ δὲ ἀναλαβόντες ἐπὶ βραχὺ τὸν τῶν θεωρημάτων καὶ προβλημάτων λόγον καὶ περὶ τῆς διαφορᾶς αὐτῶν καὶ τῶν ἐκατέρου μερῶν καὶ τῶν ἐν αὐτοῖς ὀικαιρέσεων ἐπὶ τὴν ἐξηγήσιν τραπώμεθα τῶν δεικνυμένων ὑπὸ τοῦ στοιχειωτοῦ, τὰ μὲν γλαφυρώτερα τῶν εἰς αὐτὰ γεγραμμένων τοῖς παλαιοῖς ἀναλεγόμενοι καὶ τὴν ἀπέραντον αὐτῶν πολυλογίαν συντέμνοντες, τὰ δὲ || τεχνικώτερα καὶ μεθόδων ἐπιστημονικῶν ἐχόμενα παραδιδόντες, τῇ τῶν πραγμάτων ἐπεξεργασίᾳ πλεον ἁπονέμοντες ἢ τῇ ποικιλίᾳ τῶν πτώσεων καὶ τῶν λημμάτων, οἷς ὥς τὸ πολὺ τοὺς νεαροπρεπεῖς ἐπιτρέχοντας ὀρώμεν.

Prop. I, probl. I. Ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης τρίγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι.

Τῆς ἐπιστήμης πάσης διττῆς οὔσης καὶ τῆς μὲν περὶ τὰς ἀμέσους προτάσεις ἀσχολουμένης, τῆς δὲ περὶ

1 μετέχων *G*, μετασχὼν *C*. 4 ἀντιλογίαι] 'causae' et in margine 'sermones' *B*, 'rationes' ... accusantes' *Z*.

5 ἡνώθησαν *B*₃, *G*, 'in unum coactae atque inter se coniunctae sunt' *B*, 'dictae sunt' *Z*. 7 τὸν] τὴν (ἐπιβολήν) *A*, p. 308.

8 λόγων *M*, *G*. || τῆς om. *G*, *A*. 11 ταῦτα *G*, *A*.

16 τῶν ἀντὶ λημμάτων om. *G*, *A*. 17 πολὺ νεαροπρεπῶς *G*, πολὺ τοὺς νεαροπρεπεῖς *C*, πολὺ νεαροπρεπεῖς *A*. || ἐπιτρέχοντες *C*.

19 In *M* adscriptum est in margine α̃ θεωρημα.

20 τὸ ἰσόπλευρον *G*.

τὰ ἐξ ἐκείνων δεικνύμενα καὶ ποριζόμενα καὶ ὅλως
περὶ τὰ ἀκόλουθα ταῖς ἀρχαῖς ἐξελιττούσης τὴν ἑαυτῆς
πραγματείαν, αὕτη πάλιν ἐν τοῖς γεωμετροῦ τοῖς λόγοις
διεῖλεν ἑαυτὴν εἰς τε τὴν τῶν προβλημάτων ἀπεργα-
σίαν καὶ τὴν τῶν θεωρημάτων εὗρεσιν, προβλήματα 5
μὲν καλέσασα, ἐν οἷς τὰ μὴ ὄντα πω πορίσασθαι προ-
τίθεται καὶ εἰς ἐμφανὲς παραγαγεῖν καὶ προσμηχανή-
σασθαι, θεωρήματα δέ, ἐν οἷς τὸ ὑπάρχον ἢ μὴ ὑπάρ-
χον ἰδεῖν καὶ γνῶναι καὶ ἀποδείξαι προαιρεῖται. τὰ
μὲν γὰρ γενέσεις καὶ θέσεις καὶ παραβολάς, ἀναγρα- 10
φὰς καὶ περιγραφὰς καὶ ἐναρμόσεις καὶ ἐπαφὰς καὶ
ὅσα τοιαῦτα ὑποστήσασθαι παρακελεύεται, τὰ δὲ τὰ
συμπτώματα καὶ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα τοῖς ὑπο-
κειμένοις τῇ γεωμετρίᾳ πιέσαι | καὶ καταδήσασθαι
σπεύδει διὰ τῶν ἀποδείξεων. περὶ ὧν γε μὴν ζη- 15
τήσεις γενέσθαι δυνατόν, περὶ τούτων πάντων ἡ γεω-
μετρία ποιεῖται τὸν λόγον, τὰ μὲν εἰς τὰ προβλήματα
ἀναφέρουσα, τὰ δὲ εἰς τὰ θεωρήματα. καὶ γὰρ τὸ τί
ἔστι ζητεῖ, καὶ τοῦτο διχῶς, ἢ γὰρ τὸν λόγον ζητεῖ
καὶ τὴν νόησιν, ἢ τὴν οἰσίαν αὐτὴν τοῦ ὑποκειμένου. 20
λέγω δὲ οἷον ὅταν ζητῇ, τίς ἡ ὁμοιομερὴς γραμμὴ.
τοῦτο γὰρ ζητοῦσα ἢ τὸν ὅρον εὗρεῖν ἐθέλει τῆς τοι-
αύτης γραμμῆς, ὅτι ὁμοιομερὴς ἔστι γραμμὴ ἢ πάντα
τὰ μέρη παῖσιν ἐφαρμόζοντα ἔχουσα, ἢ αὐτὰ τὰ εἶδη
τῶν ὁμοιομερῶν γραμμῶν λαβεῖν, οἷον ὅτι ἢ εὐθεΐα 25

3 γεωμετρικοῖς G. 6 πῶς G, πω C. || προστίθεται G.

7 παραγαγεῖν G. 10 γὰρ om. G, add. C. 11 καὶ ἐναρμό-

σεις καὶ ἐπαφὰς om. G. 13 τὰ ante καθ' αὐτὰ om. G.

15 γὰρ μὴν om. G. 19 In M adscriptum est in margine τὸν

ὀρισμὸν. 20 τὴν νόησιν ἢ τὴν νόησιν καὶ τὴν οἰσίαν G;

C καὶ in ἡ mutavit. 21 δὴ G, δὲ C. || οἷον om. G. || τίς ἢ]

τις, εἰ G. || ἡ γραμμὴ G. 23 ἔστιν ἡ G.

ἐστίν, ἢ περιφερέης, ἢ περὶ κύλινδρον ἔλιξ. καὶ πρὸς
 τούτῳ || τὸ εἶ ἐστίν αὐτὸ καθ' αὐτὸ ζητεῖ — καὶ τοῦτο
 μάλιστα ἐν τοῖς διορισμοῖς ἐξετάζουσα, εἰ ἀδύνατον
 τὸ διὰ τοῦτο ζητούμενον ἢ δυνατόν, καὶ μέχρι τίνος
 5 ἐγγχωρεῖ καὶ ποσαχῶς — καὶ μὴν καὶ τὸ ὁποῖόν τί
 ἐστίν· ὅταν γὰρ τὰ καθ' αὐτὰ συμβεβηκότα τῷ τρι-
 γώνῳ καὶ τῷ κύκλῳ καὶ ταῖς παραλλήλοις ἐπισκοπῇ,
 δῆλον ὅτι τὸ ὁποῖόν ἐστίν ἐνταῦθα ζητεῖ.

Τὴν γε μὴν αἰτίαν καὶ τὸ διὰ τί πολλοῖς μὲν
 10 ἔδοξεν ἢ γεωμετρία μὴ θεωρεῖν — ταύτης γὰρ ἐστὶ καὶ
 ὁ Ἀμφίνομος τῆς δόξης Ἀριστοτέλους κατάρξαν-
 τος — εὗροι δ' ἄν τις, φησὶν ὁ Γεμῖνος, καὶ τὴν
 τούτου ζήτησιν ἐν γεωμετρίας. πῶς γὰρ οὐχὶ γεωμέ-
 τρου τὸ ζητῆσαι, δι' ἣν αἰτίαν ἐν μὲν τοῖς κύκλοις
 15 ἄπειρα πολυγώνια ἐγγράφεται ἰσόπλευρα, ἐν δὲ ταῖς
 σφαίραις οὐκέτι πολύεδρα σχήματα ἰσόπλευρα καὶ ἰσο-
 γώνια καὶ ἐξ ὁμοίων ἐπιπέδων συγκείμενα δυνατόν
 ἐγγράφειν ἄπειρα; τίνος γὰρ ἂν εἴη τοῦτο καὶ ζητῆσαι
 καὶ εὑρεῖν ἢ τοῦ γεωμέτρου; ὅταν μὲν οὖν ὁ συλλο-
 20 γισμὸς ἢ δι' ἀδυνάτου τοῖς γεωμέτραις, ἀγαπῶσι τὸ
 σύμπτωμα μόνον εὑρεῖν, ὅταν δὲ διὰ προηγουμένης
 ἀποδείξεως, τότε πάλιν, εἰ μὲν ἐπὶ μέρους αἱ ἀποδεί-
 ξεις γίννοιντο, οὕτω δῆλον τὸ αἷτιον, εἰ δὲ καθ'
 ὅλον καὶ ἐπὶ πάντων τῶν ὁμοίων, εὐθύς καὶ τὸ διὰ
 25 τί γίννεται καταφανές.

1 πρὸ τούτου postera manu in *M* super πρὸς τούτῳ; in
 margine adscriptum est τὴν οὐσίαν τοῦ πράγματος. πρὸς
 τούτῳ *B*₃, *G*. 'ante hoc' *B*, 'insuper' *Z*. 9 διότι *M*, *G*,
 'propter quid' *B*, causam' *Z*. 11—13 In *M* adscriptum est in
 margine: οἷον ὅταν λέγῃ ἐν τοῖς τόποις οὐ δὴ γὰρ ἐν ταῖς
 ἐπιστημονικαῖς ἀρχαῖς ἐπιζητεῖ τὸ διὰ τί. 16 ἰσόπλευρα
 ἰσογώνια *G*. 19 ὅτε *G*. 24 διότι *M*, *G*.

Περὶ μὲν οὖν τῶν ζητουμένων τοσαῦτα· πᾶν δὲ πρόβλημα καὶ πᾶν θεώρημα τὸ ἐκ τελείων τῶν ἑαυτοῦ μερῶν συμπεπληρωμένον βούλεται πάντα ταῦτα ἔχειν ἐν ἑαυτῷ· πρότασιν, ἐκθεσιν, διορισμόν, κατασκευήν, ἀπόδειξιν, συμπέρασμα. τούτων δὲ ἡ μὲν πρότασις ⁵ λέγει, τίνας δεδομένου τί τὸ ζητούμενόν ἐστίν. ἡ γὰρ τελεία πρότασις ἐξ ἀμφοτέρων ἐστίν. ἡ δ' ἐκθεσις αὐτὸ καθ' αὐτὸ τὸ δεδομένον ἀποδιαλαβοῦσα προ-
ευτρεπίζει τῇ ζητήσει. ὁ δὲ διορισμὸς χωρὶς τὸ ζητού-
μενον, ὅτι ποτέ ἐστίν, διασαφεῖ. ἡ δὲ κατασκευὴ τὰ ¹⁰ ἐλλείποντα τῷ δεδομένῳ πρὸς τὴν τοῦ ζητουμένου θή-
ραν προστίθησιν. ἡ δὲ ἀπόδειξις ἐπιστημονικῶς ἀπὸ
τῶν ὁμολογηθέντων συνάγει τὸ προκείμενον. τὸ δὲ
συμπέρασμα πάλιν ἐπὶ τὴν πρότασιν ἀναστρέφει βε-
βαιοῦν τὸ δεδειγμένον. καὶ τὰ μὲν σύμπαντα μέρη ¹⁵
τῶν τε προβλημάτων καὶ τῶν θεωρημάτων ἐστὶ το-
σαῦτα· τὰ δὲ ἀναγκαιότατα καὶ ἐν πᾶσιν ὑπάρχοντα
πρότασις καὶ ἀπόδειξις καὶ συμπέρασμα. δεῖ γὰρ καὶ
προειδέναι τὸ ζητούμενον καὶ δείκνυσθαι τοῦτο διὰ
τῶν μέσων καὶ συνάγεσθαι τὸ δεδειγμένον. καὶ τού- ²⁰
των τῶν τριῶν ἐκλείπειν τι τῶν ἀδυνάτων ἐστίν. τὰ
δὲ λοιπὰ πολλαχοῦ μὲν παραλαμβάνεται, πολλαχοῦ δὲ
καὶ οὐδεμίαν παρέχοντα χρεῖαν παραλείπεται. διο-
ρισμὸς τε γὰρ καὶ ἐκθεσις οὐκ ἔστιν ἐν ἐκείνῳ τῷ

1 ζητημάτων G. 3 πεπληρωμένον (πεπληρωμένων) H₂ p. 259. 6 διδομένον G, δεδομένου H₁ p. 454, H₂ p. 259.

10 τὰ εἰωθότα M, B₃, G; in M autem adscriptum est in margine manu primae proxima γρ. τὰ ἐλλείποντα, 'familiaria' Z, ἐλ-
λείποντα (ἐκλείποντα) H₁ H₂. 'quae ... desunt' B. 11 δι-
δομένῳ M, G, δεδομένῳ H₁ H₂. || θήραν] αἰτίαν H₁ H₂.

12 ἀπὸ] ἐκ H₂. 16 τῶν ante θεωρημάτων om. G. || τοσαῦτα]
ταῦτα H₂. 20 τῷ δεδειγμένῳ (δεδεγμένῳ) H₁ H₂.

22. 23 καὶ post δὲ om. G. 23 ὥς ante οὐδεμίαν additum
est in H₁ H₂.

προβλήματι ἰσοσκελὲς τρίγωνον συστήσασθαι ἔχον
 ἑκατέραν τῶν πρὸς τῇ βάσει διπλασίαν τῆς λοιπῆς, ||
 κατασκευὴ δὲ ἐν πλείστοις πάνυ θεωρήμασιν οὐκ ἔστι
 τῆς ἐκθέσεως ἀποχρώσεως ἄνευ προσθήκης ἄλλης ἐκ
 5 τῶν δεδομένων δεῖξαι τὸ προκείμενον. πότε οὖν ἐκ-
 λιμπάνειν τὴν ἐκθεσὶν φάμεν; ὅταν ἐν τῇ προτάσει
 μηδὲν ἢ δεδομένον, ὅτι ἡ πρότασις διήρηται ὡς ἐπίπαν
 εἰς δεδομένον καὶ ζητούμενον. οὐ μὲν τοῦτο αἰετὶ γίνε-
 ται, ἀλλ' ἐνίοτε μόνον λέγει τὸ ζητούμενον, ὃ δεῖ
 10 γινῶναι ἢ πορίσασθαι, ὡς ἐπὶ τοῦ προειρημένου προ-
 βλήματος. οὐ γὰρ προλέγει, τίνος δεδομένου δεῖ
 συστήσασθαι τὸ ἰσοσκελὲς ἔχον ἑκατέραν τῶν ἴσων
 διπλασίαν τῆς λοιπῆς, ἀλλ' ὅτι δεῖ πορίσασθαι. καὶ
 γίνεται μὲν πάνταυθα ἐκ προγινωσκομένων ἢ τοῦ
 15 προκειμένου λήψις. καὶ γὰρ τί τὸ ἰσοσκελὲς καὶ τί τὸ
 ἴσον ἢ διπλάσιον εἰδότες τυγχάνομεν. τοῦτο δὲ ἀπά-
 σης διανοητικῆς μαθήσεως ἰδιὸν φησιν Ἀριστοτέλης.
 ὑπόκειται δὲ ὅμως οὐδὲν ἡμῖν ὥσπερ ἐπ' ἄλλων προ-
 βλημάτων, οἷον ὅταν λέγῃ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πε-
 20 περασμένην δίχα τεμεῖν. ἐνταῦθα γὰρ εὐθεῖα δέδο-
 ται, προσταττόμεθα δὲ αὐτὴν δίχα διελεῖν, καὶ διώρι-
 σται, τί μὲν τὸ δεδομένον χωρὶς, τί δὲ τὸ ζητούμενον.
 ὅταν μὲν οὖν ἡ πρότασις ἀμφοτέρω ἔχῃ, τότε καὶ
 διορισμὸς εὐρίσκεται καὶ ἐκθεσις, ὅταν δὲ ἐκλείπῃ τὸ
 25 δεδομένον, ἐκλιμπάνει καὶ ταῦτα. ἡ γὰρ ἐκθεσις

1 προβλήματι] Eucl. IV, 10. 4 ἐκθέσεως] 'Expositione'
 et in margine 'Demonstratione' B, 'expositio' Z. 5 ἐκλει-
 πάνειν G, ἐκλιμπάνειν C. || In M in margine legitur: ση.
 πότε ἐκλιμπάνει ἢ ἐκθεσις. 7 διαιρεῖται H_1 , p. 454, H_2
 p. 265. 19 ὅτε λέγει G. (Eucl. I, 10). 23 ἔχῃ] σχῇ
 H_1 H_2 . 24 ἐλλείπη H_1 H_2 . 25 ἐκλειπάνει G, ἐκλιμ-
 πάνει H_1 H_2 .

τοῦ δεδομένου ἐστὶν καὶ ὁ διορισμός. ἔσται γὰρ ὁ αὐτὸς τῇ προτάσει. τί γὰρ ἄλλο ἂν εἴποις διοριζόμενος ἐπὶ τοῦ προορηθέντος προβλήματος, | ἢ ὅτι δεῖ εὐρεῖν ἰσοσκελὲς τοιόνδε; τοῦτο δ' ἦν ἡ πρότασις. ἔαν ἄρα ἡ πρότασις μὴ ἔχη τὸ μὲν δεδομένον, τὸ δὲ 3 ζητούμενον, ἡ μὲν ἔκθεσις σιωπᾷται τῷ μὴ εἶναι τὸ δεδομένον, ὁ δὲ διορισμός παραλείπεται, ἵνα μὴ ὁ αὐτὸς γένηται τῇ προτάσει. πολλὰ δ' ἂν εὔροις καὶ ἄλλα τοιαῦτα προβλήματα καὶ μάλιστα ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς καὶ ἐν τῷ δεκάτῳ εὐρεῖν δύο εὐθείας δυ- 10 νάμει συμμέτρους μέσον περιεχούσας καὶ πάντα ὅσα τοιαῦτα.

Πᾶν γε μὴν τὸ δεδομένον καθ' ἓνα τούτων δίδο-
ται τῶν τρόπων, ἢ θέσει, ἢ λόγῳ, ἢ μεγέθει, ἢ εἶδει.
τὸ μὲν γὰρ σημεῖον θέσει δίδοται μόνον, γραμμὴ δὲ 15
καὶ τὰ ἄλλα πᾶσιν. ὅταν γὰρ λέγωμεν τὴν δοθεῖσαν
γωνίαν εὐθύγραμμον, τὸ εἶδος λέγομεν, ὅποιον δέδο-
ται τῆς γωνίας, ὅτι εὐθύγραμμον, ἵνα μὴ ζητῶμεν
διὰ τῶν αὐτῶν μεθόδων καὶ τὴν περιφερόγραμμον
δίχα τεμεῖν. ὅταν δὲ ὅτι δύο δοθεῖσῶν εὐθειῶν 20
ἀνίσῳν ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσην ἀφελεῖν.
τῷ μεγέθει δέδοται. τὸ γὰρ μείζον καὶ ἐλάσσον καὶ
τὸ πεπερασμένον καὶ ἄπειρον τοῦ μεγέθους ἐστὶν ἴδια
κατηγορήματα. ὅταν δὲ λέγωμεν ὅτι ἔαν τέσσαρα

1—6 τοῦ δεδομένου . . . ἡ μὲν ἔκθεσις bis redditum est in G. 3 προορηθέντος] προβληθέντος H_2 p. 265. 4 τοιοῦτον primo, τοῦτο altero loco G, τοῦτο H_1 p. 454. 10 ἐν τῷ δεκάτῳ] Prop. XXIX, quae tamen non δύο εὐθείας sed μέσας iubet inveniri. 13 In M in margine adscriptum est: ὅτι τὸ δεδομένον ἢ θέσει ἢ λόγῳ ἢ μεγέθει ἢ εἶδει. || δέδοται H_2 p. 269. 15 δέδοται H_2 . 16 ὅτε G. 17—18 τὸ εἶδος . . . εὐθύγραμμον bis legitur in M, et in margine εἶδει. 20 ὅτε G, ὅταν C, H_1 . || εὐθειῶν δοθεῖσῶν G. 22 τῷ μεγέθει. δέδοται γὰρ τὸ μείζον M. 24 M in margine λόγῳ.

μεγέθη ἀνάλογον ἤ, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἔσται, δέδοται ὁ αὐτὸς || λόγος ἐν τοῖς τέτρασιν μεγέθεσιν. ὅταν δὲ πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ χοῆ τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσην εὐθεῖαν θέσθαι, τότε τῇ θέσει δέδοται τὸ
 5 σημεῖον. διὸ καὶ τῆς θέσεως διαφόρου δυναμένης εἶναι καὶ ἡ κατασκευὴ ποικιλίαν ἐπιδέχεται. δίδεται γὰρ τὸ σημεῖον ἢ ἔξω τῆς εὐθείας ἢ ἐπὶ τῆς εὐθείας καὶ ἐπ' ἄκρων τῆς εὐθείας ἢ ἐν τῷ μεταξὺ τῶν περάτων αὐτῆς. τετραχῶς οὖν τοῦ δεδομένου λαμβανο-
 10 μένου δῆλον ὅτι καὶ ἡ ἑκθεσις γίνεται τετραχῶς. ἐνίστε δὲ καὶ δύο συμπλέκει τρόπους καὶ τρεῖς.

Τὴν δὲ λεγομένην ἀπόδειξιν ὅτε μὲν καὶ τὰ ἴδια τῆς ἀποδείξεως ἔχουσιν εὐρήσομεν ἀπὸ τῶν ὁρισμῶν μέσων τὸ ζητούμενον δεικνύουσιν — αὕτη γὰρ ἀπο-
 15 δείξεως τελειότης — ὅτε δὲ ἐκ τεκμηρίων ἐπιχειροῦσαν. καὶ δεῖ μὴ λανθάνειν. πανταχοῦ μὲν γὰρ τὸ ἀναγκαῖον ἔχουσιν οἱ γεωμετρικοὶ λόγοι διὰ τὴν ὑποκειμένην ὕλην, οὐ πανταχοῦ δὲ περαίνονται διὰ τῶν ἀποδεικτικῶν μεθόδων. ὅταν γὰρ διὰ τοῦ τὴν ἐκτὸς
 20 τοῦ τριγώνου γωνίαν ἴσην εἶναι δύο ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίας δεικνύηται τὸ τρίγωνον ἴσας ἔχον τὰς ἐντὸς τρεῖς γωνίας δυσὶν ὀρθαῖς, πῶς ἀπ' αἰτίας ἢ ἀπόδειξις αὕτη, πῶς δὲ οὐχὶ τεκμηρίον ἔστι τὸ μέσον; καὶ γὰρ μήπω τῆς ἐκτὸς οὔσης γωνίας αἱ ἐντὸς οὔσαι
 25 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. ἔστι γὰρ τὸ τρίγωνον καὶ τῆς πλευρᾶς μὴ ἐκβεβλημένης. ὅταν δὲ διὰ τῆς τῶν κύκλων περιγραφῆς τὸ συσταθὲν τρίγωνον ἰσόπλευρον

2 τέτρασι G. 3 M in margine θέσει. || ὅτε G. || χοῆ M, G. 6 δέχεται G, ἐπιδέχεται C. || δέδοται G, δίδεται C.

9 αὐτῆς] τῆς τῆς M. || παραλαμβανομένου G. 10 γένηται G, γίνεται C, H₁ p. 454, H₂ p. 270. 21 ἀπεναντίας G. || δειγννται G, δεικνύηται C.

δεικνύηται, ἀπ' αἰτίας ἢ ἐπιβολὴ γίνεται. τὴν γὰρ ὁμοιότητα καὶ ἰσότητα τῶν κύκλων τῆς τοῦ τριγώνου κατὰ τὰς πλευρὰς ἰσότητος αἰτιασόμεθα.

Τό γε μὴν συμπέρασμα διπλοῦν εἰσθᾶσι ποιεῖσθαι ⁵τινα τρόπον· καὶ γὰρ ὥς ἐπὶ τοῦ δεδομένου δεῖξαντες καὶ ὥς καθόλου συνάγουσιν ἀνατρέχοντες ἀπὸ τοῦ μερικοῦ συμπεράσματος ἐπὶ τὸ καθόλου. διότι γὰρ οὐ προσχρῶνται τῇ ιδιότητι τῶν ὑποκειμένων, ἀλλὰ πρὸ ὁμμάτων ποιούμενοι τὸ δεδομένον γράφουσι τὴν γωνίαν ἢ τὴν εὐθεΐαν, ταύτὸν ἡγοῦνται τὸ ἐπὶ ¹⁰ταύτης συναγόμενον καὶ ἐπὶ τοῦ ὁμοίου συμπεπεράνθαι παντός. μεταβαίνουσι μὲν οὖν ἐπὶ τὸ καθόλου, ἵνα μὴ μερικὸν ὑπολάβωμεν εἶναι τὸ συμπέρασμα. εὐλόγως δὲ μεταβαίνουσιν, ἐπειδὴ τοῖς ἐκτεθεισιν, οὐχ ἢ ταῦτά ἐστιν, ἀλλ' ἢ τοῖς ἄλλοις ὅμοια, χρῶνται πρὸς ¹⁵τὴν ἀπόδειξιν. οὐ γὰρ ἢ τοσὴδε ἐστὶν ἢ ἐκκειμένη γωνία, ταύτῃ τὴν διχοτομίαν ποιοῦμαι, ἀλλ' ἢ μόνον εὐθύγραμμος. ἔστι δὲ τὸ μὲν τοσόνδε τῆς ἐκκειμένης ἴδιον, τὸ δὲ εὐθύγραμμον πασῶν τῶν εὐθυγράμμων κοινόν. ἔστω γὰρ ἡ δεδομένη ἢ ὀρθή. εἰ μὲν οὖν τῇ ²⁰ἀποδείξει τὴν ὀρθότητα παρελάμβανον, οὐκ ἡδυνάμην ^{περ'} ἐπὶ πᾶν τὸ εἶδος τῆς εὐθυγράμμου μεταβαίνειν, εἰ δὲ τὸ μὲν ὀρθὸν αὐτῆς οὐ προσποιοῦμαι, || τὸ δὲ εὐθύγραμμον σκοπῶ μόνον, ὁμοίως ὁ λόγος ἐφαρμόσει καὶ παρὰ ταῖς εὐθυγράμμοις γωνίαις.

25

1 δεικνύηται] δείκνυται M, C. || δεικνύηται . . . ἐπιβολὴ om. G. 3 κατὰ τὰς πλευρὰς om. G. 5 τινα om. G. 6 συνάγουσαι G, συνάγουσιν C. || ἀνατρέχοντος M. 8 προσδέχονται G, προσχρῶνται C. 14 ἐκτεθεισιν G, ἐκτεθεισιν C. 17 ταύτην C. 18 εὐθύγραμμον G, εὐθύγραμμος C. || τοσόνδε] ποσόν G. 19 δὲ post τὸ om. G, add. C.

Ταῦτα δὲ πάντα τὰ προειρημένα σκεψώμεθα ἐπὶ τοῦ πρώτου τούτου προβλήματος. ὅτι μὲν γὰρ πρόβλημά ἐστι δῆλον. ἐπιτάττει γὰρ ἡμῖν τριγώνου μηχανήσασθαι γένεσιν ἰσοπλεύρου. συνέστηκεν δὲ ἡ ἐν
 5 τούτῳ πρότασις ἐκ τε τοῦ δεδομένου καὶ τοῦ ζητούμενου. δέδοται μὲν γὰρ εὐθεία πεπερασμένη, ζητεῖται δέ, πῶς ἂν ἐπ' αὐτῆς συσταίῃ τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον, καὶ ἡγείται τὸ δεδομένον, ἔπεται δὲ τὸ ζητούμενον, ἵνα καὶ συνημμένον πλέξης, εἴ ἐστιν εὐθεία πε-
 10 περασμένη, δυνατόν ἐπ' αὐτῆς συστήσασθαι τρίγωνον ἰσόπλευρον. οὔτε γὰρ μὴ εὐθείας οὔσης συσταίῃ ἂν τρίγωνον — ὑπὸ γὰρ εὐθειῶν περιέχεται γραμμῶν — οὔτε μὴ πεπερασμένης· οὐ γὰρ δύναται γωνία γενέσθαι [εἰ μὴ] πρὸς ἐνὶ σημείῳ· τῆς δὲ ἀπείρου
 15 πέρας σημεῖον οὐκ ἔστιν.

Μετὰ δὲ τὴν πρότασιν ἐξῆς ἡ ἔκθεσις· Ἐστω ἡ δοθεῖσα εὐθεία πεπερασμένη ἥδε. καὶ ὁρᾷς ὅτι το δεδομένον αὐτὸ λέγει μόνον ἡ ἔκθεσις, οὐ προσποιησομένη τὸ ζητούμενον. καὶ ἐπὶ ταύτῃ ὁ διορισμός·
 20 Δεῖ δὴ ἐπὶ τῆς ἐκτεθείσης πεπερασμένης εὐθείας τρίγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι. τρόπον τινὰ προσεχείας ἐστὶν αἷτιος ὁ διορισμός. προσεχεστέρους γὰρ ἡμᾶς ποιεῖ πρὸς τὴν ἀπόδειξιν ἀναφωνῶν τὸ ζητούμενον, ὥσπερ ἡ ἔκθεσις εὐμαθεστέρους ἀπεργάζεται
 25 πρὸ ὁμμάτων ποιουμένη τὸ δεδομένον. μετὰ δὲ τὸν

1 In *M* ἄρ in margine est adscriptum.

5 δεδομένου *G*.

7 τρίγωνον om. *G*.

9 ἡ εὐθεία *C*.

14 εἰ μὴ] Hoc

vel simile quid videtur excidisse. In *M* postera manus super πρὸς ἐνὶ scripsit χωρὶς. *B*₃ = *G*. 'nisi in uno fiat Signo' *B*, om. *Z*.

15 πέραση ἔστι σημεῖον *G*, πέρας οὐκ ἔστι σημεῖον *C*.

17 ὥδε *G*.

διορισμὸν ἢ κατασκευή· Κέντρῳ μὲν τῷ ἑτέρῳ πέρατι
 τῆς εὐθείας διαστήματι δὲ τῷ λοιπῷ γεγράφθω κύκλος,
 καὶ πάλιν κέντρῳ μὲν τῷ πρότερον [διαστήματι], δια-
 στήματι δὲ τῷ κέντρῳ γεγράφθω κύκλος, καὶ ἀπὸ τοῦ
 κοίνου σημείου τῆς τῶν κύκλων τομῆς ἐπὶ τὰ πέρατα 5
 τῆς εὐθείας ἐπεξεύχθωσαν εὐθεῖαι. καὶ ὁρᾷς ὅτι πρὸς
 τὴν κατασκευὴν χρῶμαι τοῖς αἰτήμασιν, τῷ τε ἀπὶ
 παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν γραμμὴν
 ἀγαγεῖν καὶ τῷ κέντρῳ καὶ διαστήματι κύκλον γράψαι.
 καθόλου γὰρ τὰ μὲν αἰτήματα συντελεῖ ταῖς κατα- 10
 σκευαῖς, τὰ δὲ ἀξιώματα ταῖς ἀποδείξεσιν. ἐφεξῆς οὖν
 ἢ ἀποδείξεις· Ἐπειδὴ θάτερον σημεῖον τῶν ἐπὶ τῆς
 δοθείσης εὐθείας κέντρον ἐστὶν τοῦ περιέχοντος αὐτὸ
 κύκλου, ἴση ἐστὶν ἢ ἐπὶ τὴν κοινὴν τομὴν τῇ δοθείσῃ
 εὐθείᾳ. διὰ ταῦτα δὴ καὶ ἐπεὶ τὸ λοιπὸν σημεῖον τῶν 15
 ἐπὶ τῆς δοθείσης τοῦ περιέχοντος αὐτὸ κύκλου κέν-
 τρον ἐστίν, ἴση ἐστὶν ἢ ἐπὶ τὴν κοινὴν τομὴν τῶν
 κύκλων τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ. καὶ τούτων ὑπόμνησις
 ἀπὸ τοῦ ὁρισμοῦ τοῦ κύκλου, ὃς ἔλεγεν ἴσας εἶναι τὰς
 ἐκ τοῦ κέντρου πάσας. ἑκατέρα ἄρα τῇ αὐτῇ ἐστὶν 20
 ἴση. τὰ δὲ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα || διὰ τὸ $\bar{\alpha}$
 ἀξιῶμα. αἱ τρεῖς ἄρα ἴσαι. συνέστη ἄρα ἐπὶ ταύτης
 τῆς εὐθείας ἰσοπλευρον τρίγωνον. τοῦτο μὲν τὸ πρό-
 τερον συμπέρασμα τῇ ἐκθέσει ἐπόμενον· ἐπὶ δὲ τούτῳ

2 εὐθείας] ἑτέρας *M, B₃, G*, 'rectae Lineae' *B, Z*. 3—4
 κέντρῳ μὲν τῷ πρότερον, διαστήματι δὲ τῷ κέντρῳ *M, B₃*, μὲν
 τῷ κέντρῳ τῷ πρότερον, διαστήματι δὲ τῷ κέντρῳ *G*, 'Centro
 quidem reliquo, intervallo autem eo, quod prius Centrum erat' *B*,
 'centro quidem reliquo, intervallo vero cetero' *Z*. 8 ἐπὶ πᾶν
 σημεῖον om. *G*. 9 τῷ διαστήματι *G*. 11 ἀξιώματα *H₂*
p. 271, κοινὰ ἔννοια *H₂ p. 274*. 15 ἐπεὶ] ἐπὶ *M*.
 20 ἐκ κέντρου *G*. 21 $\bar{\alpha}$ om. *M, G*. 'primum' *B*, 'ex com-
 muni intelligentia' *Z*. 23 πρῶτον *G*, πρότερον *C*.

τὸ καθόλου· Ἐπὶ τῆς δοθείσης ἄρα εὐθείας τρίγωνον
 ἰσόπλευρον συνέσθη. κὰν γὰρ τὴν διπλασίαν τῆς νῦν
 ἔκτεθείσης ποιήσης δεδομένην, αἱ αὐταὶ κατασκευαὶ
 καὶ ἀποδείξεις ἀρμόσουσιν, κὰν τριπλασίαν κὰν ἄλ-
 5 λην ὅπωςοῦν μείζονα ταύτης ἢ ἐλάσσονα λάβῃς. τού-
 τοις δὲ προσέθηκεν τὸ ὅπερ ἔδει ποιῆσαι, δεικνὺς
 ὅτι τὸ συμπέρασμα προβληματικόν. καὶ γὰρ ἐπὶ τῶν
 θεωρημάτων προστίθῃσι τὸ ὅπερ ἔδει δεῖξαι. τὰ μὲν
 γὰρ ποιήσιν ἐπαγγέλλεται τις, τὰ δὲ δεῖξιν καὶ εὗρε-
 10 σιν ὄντος. ὅλως μὲν οὖν ἐπάγει ταῦτα τοῖς συμπε-
 ράσμασιν ἐνδεικνύμενος, ὅτι τὰ τῆς προτάσεως γέγο-
 νεν, καὶ τέλος ἀρχῇ συνάπτων καὶ μιμούμενος τὸν
 ἀνελιχθέντα νοῦν καὶ πάλιν εἰς τὴν ἀρχὴν ἐπιστρέ-
 φοντα. οὐ ταυτόν δέ, ἀλλ' ὅτε μὲν τὸ ὅπερ ἔδει ποι-
 15 ῆσαι, ὅτε δὲ τὸ ὅπερ ἔδει δεῖξαι διὰ τὴν τῶν προβλη-
 μάτων πρὸς τὰ θεωρήματα διαφοράν.

Ἡμεῖς μὲν οὖν ἐφ' ἐνὸς τοῦ πρώτου προβλήματος
 ἐγυμνάσαμεν πάντα ταῦτα καὶ σαφῇ πεποιήκαμεν. δεῖ
 δὲ τοὺς ἀκούοντας καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ταῦτα ζητεῖν,
 20 τίνα μὲν παραλαμβάνεται, τίνα δὲ παραλείπεται τῶν
 κεφαλαίων καὶ ποσαχῶς τὸ δεδομένον δέδοται, καὶ
 ἀπὸ ποίων ἀρχῶν ἢ τὰς κατασκευὰς ἢ τὰς ἀποδείξεις
 λαμβάνομεν. ἢ γὰρ τούτων συνοπτικὴ θεωρία γυμνα-
 σίαν οὐκ ὀλίγην ἐμποιεῖ καὶ μελέτην τῶν ἐν γεω-
 25 μετρίας λόγων. ἀλλ' ἐπειδὴ καὶ ταῦτα διώρισται, φέρε
 καὶ περὶ τῶν συνηρημένων τούτοις βραχέα διέλθω-
 μεν, τί λῆμμα, τί πτώσις, τί πόρισμα, τί ἐνστασις, τί
 ἀπαγωγή.

4 ἀρμόζουσι G. 17 ἀφ' G, ἐφ' C. 21 δίδοται M.
 26 καὶ post φέρε om. G, add. C. || βραχίον G. 27 In M in
 margine legitur: τί λῆμμα.

Τὸ μὲν οὖν λῆμμα πολλάκις καὶ κατὰ πάσης προ-
τάσεως εἰς κατασκευὴν ἄλλου λαμβανομένης κατηγο-
ροῦσιν, ἐκ τοσῶνδε λημμάτων αὐτοῖς τὴν ἀπόδειξιν
γεγονέναι φάσκοντες. ἰδίως δὲ τὸ ἐν τοῖς γεωμετρο-
μένοις λῆμμα πρότασις ἐστὶ δεομένη πίστεως. ὅταν ⁵
γὰρ ἢ περὶ τὴν κατασκευὴν ἢ περὶ τὴν ἀπόδειξιν λά-
βωμέν τι τῶν μὴ δεδειγμένων ἀλλὰ λόγου δεομένων,
τότε τὸ ληφθὲν ὡς ἀμφίβολον καθ' αὐτὸ ζητήσεως
ἀξιόσαντες λῆμμα αὐτὸ προσαγορεύομεν τοῦ αἰτήμα-
τος καὶ ἀξιώματος διαφέρων τῷ ἀποδεικτὸν ὑπάρχειν, ¹⁰
ἐκείνων ἄνευ ἀποδείξεως εἰς πίστιν ἄλλων αὐτόθεν
παραλαμβανομένων. περὶ δὲ τὴν εὕρεσιν τῶν λημ-
μάτων τὸ μὲν ἄριστον τῆς διανοίας ἐστὶ πρὸς τοῦτο
ἐπιτηδειότης. πολλοὺς γὰρ ἔστιν ἰδεῖν ὅξεῖς περὶ τὰς
λύσεις || καὶ οὐ μεθόδοις τοῦτο ποιοῦντας, ὥσπερ καὶ ¹⁵
ὁ καθ' ἡμᾶς Κράτιστος ἱκανὸς μὲν ἦν θηρᾶσαι τὸ
ζητούμενον ἐκ πρώτων καὶ ἐλαχίστων ὡς δυνατόν.
ἐχρήσατο δὲ τῇ φύσει πρὸς τὴν εὕρεσιν. μέθοδοι δὲ
ὅμως παραδίδονται, καλλίστη μὲν ἡ διὰ τῆς ἀναλύ-
σεως ἐπ' ἀρχὴν ὁμολογουμένην ἀνάγουσα τὸ ζητούμε- ²⁰
νον, ἣν καὶ ὁ Πλάτων ὡς φασὶν Λεωδάμαντι
παραδέδωκεν, ἀφ' ἧς καὶ ἐκεῖνος πολλῶν κατὰ γεω-
μετρίαν εὕρετῆς ἰστόρηται γενέσθαι. δευτέρα δὲ ἡ
διαμετρική, κατ' ἄρθρα μὲν διαμετροῦσα τὸ προκειμένον
γένος, ἀφορμὴν δὲ τῇ ἀποδείξει παρεχομένη διὰ τῆς ²⁵
τῶν ἄλλων ἀναιρέσεως τῆς τοῦ προκειμένου κατα-
σκευῆς, ἣν καὶ αὐτὴν ὁ Πλάτων ἐξύμνησεν ὡς πάσαις

2 ἄλλων G. 3 ἀπόδοσιν B₃, G, 'demonstrationem' B, 'as-
signationem' Z. 4 τὸ om. G. 6 λαμβάνωμεν G.

10 τῷ ἀποδεικτικῷ G, τὸ ἀποδεικτικὸν C. 11 αὐτόθι G.

22 παρέδωκεν G.

ταῖς ἐπιστήμας ἐπίκουρον γινομένην. τρίτη δὲ ἡ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς οὐκ αὐτὸ δεικνύσα τὸ ζητούμενον αὐτόθεν, ἀλλὰ τὸ ἀντικείμενον ἐλέγχουσα καὶ κατὰ συμβεβηκὸς τὸ ἀληθὲς εὐρίσκουσα.

5 Τὸ μὲν οὖν λῆμμα τοιαύτην ἔχει θεωρίαν, ἡ δὲ πτώσις διαφόρους τῆς κατασκευῆς τρόπους ἐπαγγέλλεται καὶ θέσεων ἐξαλλαγὴν τῶν σημείων μετατιθεμένων ἢ τῶν γραμμῶν ἢ τῶν ἐπιπέδων ἢ τῶν στερεῶν. καὶ ὅλως πᾶσα αὐτῆς ἡ ποικιλία περὶ τὴν
10 καταγραφὴν ὁράται, διὸ καὶ πτώσις ἀποκαλεῖται μετάθεσις οὕσα τῆς κατασκευῆς.

Τὸ δὲ πόρισμα λέγεται μὲν καὶ ἐπὶ προβλημάτων τινῶν, οἷον τὰ Εὐκλείδη γεγραμμένα πορίσματα. λέγεται δὲ ἰδίως, ὅταν ἐκ τῶν ἀποδεδειγμένων ἄλλο
15 τι συναναφανῇ θεώρημα μὴ προθεμένων ἡμῶν, ὃ καὶ διὰ τοῦτο πόρισμα κεκλήκασιν, ὥσπερ τι κέρδος ὃν τῆς ἐπιστημονικῆς ἀποδείξεως πάρεργον.

Ἡ δὲ ἔνστασις κωλύει τὴν ὅλην ἀτραπὸν τοῦ λόγου ἥτοι πρὸς τὴν κατασκευὴν ἢ πρὸς τὴν ἀπόδειξιν ἀπαντῶσα, καὶ οὐχ ὥσπερ τὴν πτῶσιν προθέμενον ἀναγκαῖον ἐπιδεικνύναι τὴν πρότασιν ἐπαληθεύουσαν, οὕτω καὶ τὴν ἔνστασιν, ἀλλὰ ἀνελεῖν δεῖ τὴν ἔνστασιν καὶ δεῖξαι τὸν χρώμενον αὐτῇ ψευδόμενον.

Ἡ δὲ ἀπαγωγὴ μετάβασις ἐστὶν ἀπ' ἄλλου προ-

1 γενομένην G. 2—3 ζητοῦσα τὸ δεικνύμενον αὐτόθεν G.

6 M in margine τί πτώσις 7 θέσεως G, θέσεων C.

9 ἡ αὐτῆς G. 10 καταστροφὴν C, 'descriptionem' B, Z.

12 M in margine τί πόρισμα. 13 Εὐκλείδει G. 15 συναναφανῇ G, συναποφανῇ N. p. 437. 18 M in margine τί ἔνστασις.

20 προθέμενον] προσιέμενον G, προσέμενον C, 'qui Casum proponit' B, 'casum, propositum' Z. 21 ἀποδεικνύναι G.

22 καὶ post οὕτω om. G. 23 χρόνον G.

24 M in margine τί ἀπαγωγή.

βλήματος ἢ θεωρήματος ἐπ' ἄλλο, οὐ γνωσθέντος ἢ πορισθέντος καὶ τὸ προκείμενον ἔσται καταφανές, οἷον ὥσπερ καὶ τοῦ διπλασιασμοῦ τοῦ κύβου ζητηθέντος μετέθεσαν τὴν ζήτησιν εἰς ἄλλο, ᾧ τοῦτο ἔπεται, τὴν εὗρεσιν τῶν δύο μέσων, καὶ τὸ λοιπὸν ἐξήτουν, πῶς ἂν δύο δοθεισῶν εὐθειῶν δύο μέσαι ἀνάλογον εὗρε-
 θείεν. πρῶτον δέ φασι τῶν ἀπορουμένων διαγραμ-
 μάτων τὴν ἀπαγωγὴν ποιήσασθαι Ἰπποκράτην τὸν Χῖον, ὃς καὶ μηνίσκον ἐτετραγώνισε καὶ ἄλλα πολλὰ κατὰ γεωμετρίαν εὗρεν εὐφυῆς περὶ τὰ διαγράμματα 10
 εἴπερ τις ἄλλος γενόμενος.

Τοιαῦτα καὶ περὶ τούτων· ἐπὶ δὲ τὸ προκείμενον ἐπανέλθωμεν πρόβλημα.

Τὸ μὲν οὖν ἰσόπλευρον || τρίγωνον ὅτι κάλλιστον ἐν τοῖς τριγώνοις καὶ τῷ κύκλῳ συγγενέστατον τῷ 15
 πάσας ἰσας ἔχοντι τὰς ἐκ τοῦ κέντρου καὶ μίαν καὶ ἀπλὴν τὴν ἔξωθεν αὐτὸ ὀρίζουσαν γραμμὴν παντὶ καταφανές. εἰοικεν δὲ ἡ τῶν δύο κύκλων περίληψις, καὶ τούτων ἐκ μέρους ἑκατέρου — οὐ γὰρ εἰς ὅλον ἑκάτερον ἐγγέγραπται, ἀλλ' εἰς τὸ ἕκτον ἑκατέρου — 20
 δηλοῦν ὡς ἐν εἰκόσιν, ὅπως καὶ τὰ προελθόντα ἀπὸ τῶν ἀρχῶν τὸ τέλειον καὶ τὸ ταῦτόν καὶ τὸ ἴσον ἀπ' ἐκείνων καταδέχεται. κατὰ γὰρ τοῦτον τὸν τρόπον καὶ τὰ ἐπ' εὐθείας κινούμενα κύκλῳ περιάγεται διὰ τῆς αἰὲς γενεσίας, καὶ αἱ ψυχαὶ μεταβατικὰς ἔχουσαι 25
 νοήσεις διὰ τῶν ἀποκαταστάσεων καὶ τῶν περιόδων

2 ἔστι G. 7 φησὶ C. || ἀπορουμένων διαγραμμάτων] 'quum descriptiones sunt ambiguae' Z, 'praedictorum titulo-
 rum' B. $B_3 = M$, G. || διαγραμμάτων] δύο γραμμάτων C.

9 ἐτετραγώνησε M, C. 17 αὐτὸν M, G. 20 ἕκτον] ἐκ τῶν G.

26 νοήσεις] κινήσεις G, $B_3 = M$. 'motus' et in margine 'Intelligentias' B, 'intelligentias' Z.

ἀπεικονίζουσι τὴν ἀμετάβατον ἐνέργειαν τοῦ νοῦ.
 λέγεται δὲ καὶ ὑπὲρ δύο νοῶν ἡ ζωογόνος πηγὴ περι-
 ἔχεσθαι τῶν ψυχῶν. εἰ τοίνυν ὁ μὲν κύκλος εἰκὼν
 ἐστὶ τῆς νοερᾶς οὐσίας, τὸ δὲ τρίγωνον τῆς πρωτί-
 5 στης ψυχῆς διὰ τε τὴν ἰσότητα καὶ τὴν ὁμοιότητα
 τῶν γωνιῶν καὶ πλευρῶν, εἰκότως ἂν καὶ τοῦτο διὰ
 τῶν κύκλων ἐν αὐτοῖς μέσον ἀπολαμβάνομενον ἰσό-
 πλευρον ἀποδεικνύοιτο. εἰ δὲ καὶ πᾶσα ψυχὴ προέσιν
 ἀπὸ νοῦ καὶ ἐπιστρέφει πρὸς νοῦν καὶ μετέχει τοῦ
 10 νοῦ δυναδικῶς, εἴ ἂν ἔχοι καὶ ταύτῃ τὸ τρίγω-
 νον τῆς τριφυνοῦς τῶν ψυχῶν ὑποστάσεως σύμβολον
 ὃν ὑπὸ δυεῖν κύκλων περιληφθὲν λαμβάνειν τὴν
 γένεσιν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν ὥς ἐξ εἰκόνων ἡμᾶς ἀναμιμνη-
 15 σκέτω τῆς τῶν πραγμάτων φύσεως. ἐπειδὴ δέ τινες
 πρὸς τὴν τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου σύστασιν ἐνέστη-
 σαν οἰόμενοι τὴν ὅλην γεωμετρίαν διελέγχειν βραχέα
 καὶ πρὸς τούτους ἀπαντήσομεν. λέγει δὲ Ζήνων
 ἐκεῖνος, οὗ καὶ πρότερον ἐμνήσθην, ὅτι, κἂν ταῖς
 20 ἀρχαῖς τις ἐπιτρέψῃ τῶν γεωμετρῶν, οὐκ ἂν συσταίῃ
 τὰ ἐφεξῆς, μὴ συγχωρηθέντος αὐτοῖς ὅτι δύο εὐθειῶν
 τὰ αὐτὰ τμήματα οὐκ ἔστιν. εἰ γὰρ τοῦτο μὴ δοθείη,
 τὸ ἰσόπλευρον οὐ δείκνυται τρίγωνον. ἔστω γὰρ φη-
 σιν ἡ $\overline{\alpha\beta}$ εὐθεῖα, ἐφ' ἧς δεῖ συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευ-

5 Post ἰσότητα additum est καὶ τιμιότητα in H_2 p. 270.

7 μέσων M .

10 διαδικῶς G , δυναδικῶς C .

12 δυοῖν

κύκλοι G . || ὑπολειφθὲν C .

14 ἐκείνων G , εἰκόνων C .

16 ἀνέστησαν G , ἐνέστησαν C .

18 πρὸς τούτοις M .

|| ἀπαν-

τήσομεν G .

20 ἐπιστρέφει G , ἐπιτρέφει C .

23—24 τὸ

ἰσόπλευρον . . . συστήσασθαι om. G , add. C .

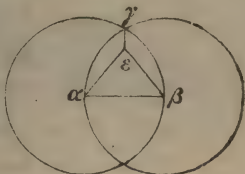
23 δείκνυ-

ται]

‘constitueretur’ et in margine ‘ostenderetur’ B , ‘osten-

ditur’ Z .

ρον τριγώνον. καταγεγράφθωσαν οἱ κύκλοι καὶ ἀπὸ
τῆς κοινῆς αὐτῶν τομῆς ἐπεζεύχθωσαν αἱ γεα γεβ
κοινὸν ἔχουσαι τὸ γε τμήμα.
συμβαίνει τοίνυν τὰς μὲν ἀπὸ
τῆς κοινῆς τομῆς ἴσας εἶναι τῇ
αβ τῇ δοθείσῃ, οὐκέτι δὲ τὰς
τοῦ τριγώνου ἴσας, ἀλλὰ ἐλάσ-

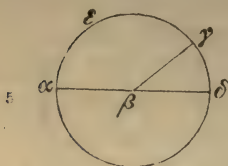


σονας τὰς δύο | τῆς αβ. τούτου
δὲ μὴ συστάντος οὐδ' ἂν τὰ ἐφεξῆς ἔτι σύστασιν λά-
βοι. μήποτε οὖν, φησὶν ὁ Ζήνων, καὶ τῶν ἀρχῶν 10
δοθεισῶν οὐχὶ ἔπεται τὰ ἐξῆς, εἰ μὴ καὶ τοῦτο προ-
ληφθεῖν τὸ μήτε περιφερῶν μήτε εὐθειῶν εἶναι τμή-
ματα κοινά.

Πρὸς δὴ ταῦτα ρητέον πρῶτον μὲν, ὅτι τοῦτο
τρόπον τινὰ προείληπται ἐν ταῖς ἀρχαῖς τὸ δύο εὐ- 15
θειῶν μὴ εἶναι τμήμα κοινόν — καὶ γὰρ ὁ τῆς εὐθείας
ὁρισμὸς τοῦτο εἶχεν, εἶπερ εὐθεῖά ἐστὶν ἡ ἐξ ἴσου κει-
μένη τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις. τὸ γὰρ ἴσον εἶναι τὸ
διάστημα τῶν σημείων τῇ εὐθείᾳ μίαν ποιεῖ τὴν συν-
άπτουσαν αὐτὰ καὶ ἐλαχίστην, ὥστε, εἴ τις αὐτὴν κατὰ 20
μέρος ἐφαρμόσοι, καὶ κατὰ λοιπὸν μέρος ἐφαρμόττειν.
ἐπ' ἄκρον γὰρ τεταμένη διὰ τὸ ἐλαχίστην εἶναι ὅλη
ἐπὶ ὅλην πίπτειν ἀναγκασθήσεται — καὶ δὴ καὶ ὅτι
ἐν τοῖς αἰτήμασι τοῦτο προδήλως εἴληπται. τὸ γὰρ
καὶ πεπερασμένην εὐθεῖαν ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν δεῖ- 25
κνύει σαφῶς, ὅτι μίαν εἶναι δεῖ τὴν ἐκβαλλομένην
καὶ κατὰ μίαν κίνησιν ἐκβάλλεσθαι. εἰ δὲ δεῖ καὶ

3-8 In *M* triangulum aequilaterum est depictum et ε infra
 γ positum. 15 τὸ] τῶν *G*. 18 ἑαυτοῖς *M*. 21 ἐφαρμόσ-
σοι *G*. 22 ἐπ' ἄκρων *M*. 27 κατὰ τὴν μίαν *G*.

ὥσπερ λήμματος τούτου λαβεῖν ἀπόδειξιν, ἔστω, εἰ
 δυνατόν, ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τμήμα κοινὸν τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ τῆς $\overline{\alpha\delta}$, καὶ



κέντρον μὲν τῷ β, διαστήματι δὲ τῷ
 $\overline{\beta\alpha}$ γεγράφθω κύκλος ὁ $\overline{\alpha\gamma\delta}$. ἐπεὶ
 οὖν εὐθεῖα ἔστι διὰ τοῦ κέντρου ἡ
 $\overline{\alpha\beta\gamma}$, ἡμικύκλιόν ἐστι τὸ $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$, καὶ
 ἐπεὶ εὐθεῖα διὰ τοῦ κέντρου ἡ

$\overline{\alpha\beta\delta}$, ἡμικύκλιον τὸ $\overline{\alpha\epsilon\delta}$. ἴσα ἄρα ἀλλήλοις τὰ $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$
 $\overline{\alpha\epsilon\delta}$ ὅπερ ἀδύνατον.

- 10 Πρὸς δὲ ταύτην τὴν ἀπόδειξιν ὁ Ζήνων εἶποι
 ἄν, ὅτι καὶ τὸ τὴν διάμετρον δίχα τέμνειν τὸν κύκλον
 ἀποδέδεικται προλαβόντων ἡμῶν, ὅτι οὐκ ἔστι δύο
 περιφερειῶν ἐν τμήμα κοινόν. | οὕτω γὰρ ἐλαμβάνο-
 15 μεν τὴν ἑτέραν ἐπὶ τὴν ἑτέραν ἐφαρμόττειν τῶν περι-
 φερειῶν, ἢ μὴ ἐφαρμόττουσαν ἐκτὸς πίπτειν ἢ ἐντός.
 κωλύει δέ, φησὶν, οὐδὲν μὴ ὅλην ἐφαρμόζειν πρὸς
 ὅλην, ἀλλὰ κατὰ τι μέρος. ἕως δ' ἂν μὴ ἀποδεικνύηται
 τὸ τὴν διάμετρον δίχα τέμνειν τὸν κύκλον οὐδὲ τὸ
 προκείμενον δειχθήσεται.

- 20 Πρὸς ταῦτα καὶ ὁ Ποσειδώνιος ὀρθῶς ἀπήντη-
 σεν ἐπισκώψας τὸν δορυμὲν Ἐπίκουρον ὡς οὐ συν-
 ειδότα, καὶν κατὰ μέρος μὴ ἐφαρμόττωσιν αἱ περι-
 φέρειαι, || προχωροῦσαν τὴν ἀπόδειξιν· καθ' ὃ γὰρ

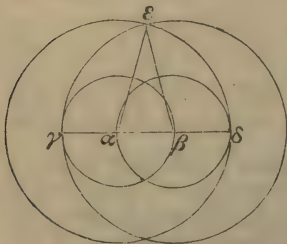
1 τοῦτο M, C. 2 καὶ ante κέντρον om. M. 4 βᾱ] βδ G,
 $\overline{\alpha\beta}$ C. 6 ἔστι ante τὸ $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$ om. G, add. C. 8 τὰ $\overline{\alpha\beta\gamma}$
 $\overline{\alpha\beta\delta}$ M, G. 10 δὲ G, δὴ C. 14 τὴν post ἐλαμβάνομεν
 om. G, add. C. 15 ἔξω G, ἐντός C. 21 ὡς συ συνειδότα M,
 ὡς συνειδότα G, 'tanquam conscium' B, 'utpote cognoscentem' Z.

Ζήνωνα συκοφαντεῖν τοὺς ἐφ' ἑαυτοῦ γεωμέτρως ὡς
 μοχθηροῦ ἀποδείξει χρωμένους· εἶναι δέ τινα καὶ ὑπὲρ
 ταύτης λόγον εἰπεῖν. ἐπεὶ γὰρ ἐστὶ τις πάντως ἐκατέρα
 τῶν εὐθειῶν πρὸς ὀρθάς — πᾶσαι γὰρ δύο εὐθεῖαι
 5 δύνανται ποιεῖν ὀρθήν. καὶ τοῦτο προειλήφαμεν ὀρι-
 ζόμενοι τὴν ὀρθήν. παρὰ γὰρ τὴν τοιάνδε κλίσιν
 μόνην ὑφίστανομεν τὴν ὀρθήν — ἔστω ἥδε τυχὸν ἣν
 ἀνεστήσαμεν. πρὸς τὸ καὶ αὐτὸν τὸν Ἐπίκουρον
 συγχωρεῖν καὶ τοὺς ἄλλους φιλοσόφους πολλὰ μὲν
 10 δυνατὰ πολλὰ δὲ καὶ τῆς ἀδυνατοῦ ὕλης ὑποτίθεσθαι
 τῆς τοῦ ἀκολουθοῦ ἔνεκα θεωρίας.

|| Τοσαῦτα περὶ τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου. δεῖ δὲ
 καὶ τὰ λοιπὰ συστήσασθαι καὶ πρότερον τὸ ἰσοσκελές.

ἔστω οὖν ἡ $\alpha\beta$, ἐφ' ἧς δεῖ συστήσασθαι τὸ ἰσοσκελές.

15



20

καὶ γεγραφθῶσαν κύκλοι
 ὡς ἐπὶ τοῦ ἰσοπλεύρου καὶ
 ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκότερα ἡ
 $\alpha\beta$ ἐπὶ τὰ γ δ σημεία. ἴσα
 ἄρα ἡ $\gamma\beta$ τῇ $\alpha\delta$. κέντρῳ
 οὖν τῷ β , διαστήματι δὲ
 τῷ $\gamma\beta$ γεγραφθῶ κύκλος ὁ

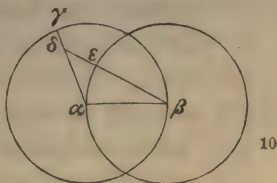
$\gamma\epsilon$, καὶ πάλιν κέντρῳ τῷ α , διαστήματι δὲ τῷ $\delta\alpha$ ὁ δὲ
 κύκλος. καὶ ἀπὸ τοῦ ϵ , καθ' ὃ τέμνουσιν ἀλλήλους
 οἱ κύκλοι ἐπὶ τὰ α β σημεία ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\epsilon\alpha$ $\epsilon\beta$.

25 ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ μὲν $\epsilon\alpha$ τῇ $\alpha\delta$, ἡ δὲ $\epsilon\beta$ $\beta\gamma$, ἴση δὲ ἡ

1 ἄφ' G, ἐφ' C. 5 προειλήφαμεν M, G, 'praeassumpsi-
 mus' B, 'praecepimus' Z. 6 τοιανύτην C. 10 ὑποθέσθαι G.
 17 ἐκατέρως G, ἐφ' ἐκότερα C.

$\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$, ἴση καὶ ἡ $\overline{\varepsilon\alpha}$ τῇ $\overline{\varepsilon\beta}$. ἀλλὰ καὶ μείζους τῆς $\overline{\alpha\beta}$. ἰσοσκελὲς ἄρα ἐστὶν τὸ $\overline{\alpha\beta\epsilon}$ τρίγωνον, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Ἀλλὰ δὴ προστετάχθω σκαληνὸν συστήσασθαι τρίγωνον ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας τῆς $\overline{\alpha\beta}$. καὶ γε- 5
γράφθωσαν οἱ κύκλοι κέντροις καὶ διαστήμασιν ὡς ἐπὶ τῶν πρότερον. καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τοῦ κέντρον ἔχοντος τὸ $\overline{\alpha}$ σημεῖον τὸ $\overline{\gamma}$ καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\alpha\gamma}$, καὶ ἐπὶ ταύτῃ σημεῖον τὸ $\overline{\delta}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\delta\beta}$. ἐπεὶ οὖν κέντρον τὸ $\overline{\alpha}$, ἴση δὲ ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$, μείζων ἄρα ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῆς $\overline{\alpha\delta}$. κέντρον δὲ καὶ τὸ $\overline{\beta}$. ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ $\overline{\varepsilon\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$. μείζων ἄρα ἡ $\overline{\delta\beta}$ τῆς $\overline{\beta\alpha}$. ἡ δὲ $\overline{\beta\alpha}$ τῆς $\overline{\alpha\delta}$ μείζων. αἱ τρεῖς ἄρα $\overline{\delta\beta}$ $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\delta}$ 15 ἄνισοί εἰσιν· σκαληνὸν ἄρα τὸ τρίγωνόν ἐστιν, ὥστε συνεστάθῃ τὰ τρία τρίγωνα.



10

Ταῦτα μὲν οὖν πολυθρόλυτα, τὸ δὲ ἐν τούτοις γλαφυρόν, ὅτι τὸ μὲν ἰσόπλευρον πανταχόθεν ἴσον ὄν μοναχῶς συνίσταται, τὸ δὲ ἰσοσκελὲς ἐν δύο μόναις 20 πλευραῖς ἰσότητα ἔχων διχῶς συνίσταται· ἡ γὰρ δοθεῖσα εὐθεῖα ἢ ἐλάσσων ἐστὶν ἀμφοτέρων τῶν ἴσων,

2 ἐστὶν om. G, add. C. 6—11 Figuram bis in M descriptam cum priore coniunxit B mutata tamen constructione.

10—11 καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\alpha\gamma}$. . . τὸ $\overline{\delta}$ om. G, add. C; 'et protendatur recta Linea af, producatique ad g Signum' B.

13 τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ G, τῆς $\overline{\alpha\delta}$ C. 18 οὖν om. G. || πολυθρόλληται G, πολυθρόλλητα C. 21 ἰσότητα . . . συνίσταται om. G, add. C.

ὥς ἡμεῖς ἐποιήσαμεν, ἢ μείζων ἀμφοτέρων, τὸ δὲ σκα-
ληνὸν πάντῃ ἄνισον ὃν τριχῶς συνίσταται· ἢ γὰρ
δοθεῖσα ἢ μεγίστη ἐστίν, ἢ ἐλαχίστη τῶν τριῶν, ἢ τῆς
μὲν μείζων, τῆς δὲ ἐλάσσων. καὶ ἔξεστιν ἐκάστην
5 ἐαυτῷ ἢ προτείναντα ἢ συστείλαντα τῶν ὑποθέσεων
γυμνάζεσθαι· ἡμῖν δὲ ἀρκεῖτω τὰ ἐκκείμενα.

Καθόλου δὲ θεωρήσομεν, ὅτι τῶν προβλημάτων
τὰ μὲν μοναχῶς γίνεται, τὰ δὲ πλεοναχῶς, τὰ δὲ
ἀπειραχῶς. λέγεται δὲ, ὥς φησὶν Ἀμφίνομος, τὰ
10 μὲν μοναχῶς συνιστάμενα [τεταγμένα], τὰ δὲ πλεονα-
χῶς || καὶ κατὰ ἀριθμὸν ὠρισμένον μέσα, τὰ δὲ ἀπείρα-
χῶς ποικιλλόμενα ἄτακτα. πῶς μὲν οὖν μοναχῶς ἢ
πλεοναχῶς συσταίῃ ἂν προβλήματα, δῆλον ἐπὶ τῶν
εἰρημένων τριγώνων. τὸ μὲν γὰρ ἰσόπλευρον μοναχῶς,
15 τῶν δὲ λοιπῶν τὸ μὲν διχῶς συνίσταται, τὸ δὲ τρι-
χῶς. ἀπειραχῶς δὲ τὰ τοιαῦτα προβλήματα γένοιτο
ἂν· τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν εἰς τρία ἀνάλογα.
εἰ μὲν γὰρ εἰς διπλάσιον λόγον τμηθεῖη καὶ τὸ ἀπὸ
τῆς ἐλάσσονος παρὰ τὴν μείζονα παραβληθεῖη ἔλλειπον
20 εἶδει τετραγώνῳ, ἔσται εἰς τρία ἴσα τετμημένη. εἰ δὲ |
τὸ μείζον τμήμα τοῦ ἐλάσσονος εἴῃ μείζον ἢ διπλάσιον
ἢ τριπλάσιον καὶ παραβληθεῖη τῷ ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονος

3 δοθεῖσα εὐθεῖα *G*. 4 αὐτῶν *G*, ἐαυτῶν *C*. 8 Post
γίνεται (γίνεται) additum est τὰ δὲ διχῶς in *H*₁ p. 454,
*H*₂ p. 259. 10 τεταγμένα om. *M*, *B*₃, *G*; 'ordinata' *B*;
excidisse verbum est manifestum. In *G* adscripsit *C* in mar-
gine: 'additae hic fuerant dictiones quaedam, mihi (?) non
apparebat quid significaret'. *Z* nihil videtur desideravisse.
11 ὠρισμένον] συνιστάμενον *G*, ὠρισμένον *C*. 17 τέμνειν
(τέμνον) *H*₂ p. 260. || εἰς τὰ τρία *G*. || ἀναλόγως *H*₂ p. 260
(ἀνάλογα *H*₁ p. 454?). 19 παραβληθῇ *M*, *G*. 20 τετρά-
γωνος *G*, τετραγώνῳ *C*. || ἔστιν *G*. 21 'maius quam duplum,
utputa triplum' *B*; equidem cum *Z* vertendum puto 'vel tri-
plum.' 22 τῷ] τὸ *G*.

ἴσον παρὰ τὴν μείζονα ἔλλειπον εἶδει τετραγώνῳ,
ἔσται εἰς ἄνισα τρία ἀνάλογον τετμημένη. ἐπεὶ οὖν
ἀπειραχῶς ἂν εἰς δύο τμηθεῖη, ὧν τὸ μείζον [τοῦ
ἐλάσσονος μείζον] ἔστιν ἢ διπλάσιον ἢ τριπλάσιον —
ἐπ' ἀπειρον γὰρ ὁ πολλαπλάσιος πρόεισι λόγος — 5
ἀπειραχῶς καὶ εἰς τρία ἀνάλογα τμηθήσεται.

Δεῖ δὲ εἰδέναι καὶ ὅτι τὸ πρόβλημα λέγεται πλεο-
ναχῶς. καὶ γὰρ πᾶν τὸ προτεινόμενον πρόβλημα
καλεῖται, εἴτε μαθήσεως ἕνεκα προτείνοντο εἴτε καὶ
ποιήσεως. ἰδίως δὲ ἐν τοῖς μαθήμασι καλεῖται πρό- 10
βλημα τὸ προτεινόμενον εἰς ποιήσιν τὴν θεωρητικὴν.
καὶ γὰρ τὸ ποιοῦμενον ἐν τούτοις τέλος ἔχει τὴν θεω-
ρίαν· καὶ πολλάκις μὲν καὶ τῶν ἀδυνάτων τινὰ προ-
βλήματα καλοῦσιν, ἰδιώτερον δὲ τὸ δυνατόν καὶ μήτε
πλεονάζον μήτε ἔλλειπον ἔχει τὴν ἐπωνυμίαν ταύτην. 15
ἔστιν δὲ πλεονάζον μὲν τὸ τοιόνδε τρίγωνον ἰσόπλευ-
ρον συστήσασθαι ἔχον τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ διμοίρου
ὀρθῆς. τοῦτο γὰρ παρέλκει καὶ περιττῶς πρόσκειται.
παντὶ γὰρ ὑπάρχει τῷ ἰσοπλεύρῳ τριγώνῳ. τῶν δὲ
πλεοναζόντων ὅσα μὲν ἀσυμβάτοις πλεονάζει συμ- 20
πτώμασι καὶ ἀνυπάρκτοις ἀδύνατα ταῦτα προσαγορεύ-
ουσιν, ὅσα δὲ συμβαίνειν δυναμένοις μείζονα ἢ προ-
βλήματα ταῦτα καλοῦσιν. ἔλλειπὲς δὲ ἔστι πρόβλημα,
ὃ καλεῖται ἔλασσον ἢ πρόβλημα, τὸ προσθήκης ἄλλης
δεόμενον, ἵνα ἐκ τῆς ἀοριστίας εἰς τάξιν καὶ ὅρον 25

1 τετραγώνος G, τετραγώνῳ C. 2 ἔστιν G. 3 τμη-
θεῖς G, τμηθεῖη C. || τοῦ ἐλάσσονος μεῖζον om. M, B₃, G.
4 'aut duplum aut triplum' Z, 'vel duplum vel triplum' B;
ego verterim 'quam duplum vel triplum' ut supra. 17 ἔχοντι
τῆς G, ἔχον τῇ C. 20 ἀσυμβάντοις G. 22 συμβαίνει M. || ἢ
om. G, B, Z, add. B₃, C; in M evanuit quidem ἢ una cum littera
π proximi verbi, sed spatium adest duabus litteris sufficiens.
24 ὃ καλεῖται . . . πρόβλημα om. G.

- ἐπιστημονικὸν ἀχθῆ· οἶον εἰ λέγοι τις ἰσοσκελὲς συν-
στήσασθαι τρίγωνον. ἔλλειπὲς γὰρ τοῦτο καὶ ἀοριστῶ-
δες καὶ δεῖ τοῦ προσθήσοντος, ὅποιον ἰσοσκελὲς, τὸ
ἔχον μείζονα τὴν βάσιν ἢ τὸ ἐλάσσονα ἔχον τῶν ἴσων
ἑκατέρας, καὶ πότερον τὸ ἔχον τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ
γωνίαν διπλὴν ἑκατέρας τῶν πρὸς τῇ βάσει, οἶον τὸ
ἡμιτετράγωνον, ἢ τὸ ἔχον ἑκατέραν τῶν πρὸς τῇ βά-
σει || τῆς πρὸς τῇ κορυφῇ διπλὴν ἢ κατ' ἄλλον τινὰ
λόγον τὰς γωνίας ταύτας ἔχον, τριπλάσιον ἢ τετρα-
10 πλάσιον. δυνατόν γὰρ ἀπειραχῶς ποικίλλειν. φανε-
ρὸν οὖν ἐκ τούτων, ὅτι τὰ κυρίως λεγόμενα προβλή-
ματα βούλεται τὴν ἀοριστίαν διαφεύγειν καὶ μὴ εἶναι
τῶν ἀπειραχῶς γινομένων. λέγεται δὲ ὅμως ἀκεῖνα
προβλήματα διὰ τὴν ὁμωνυμίαν τοῦ προβλήματος.
15 τὸ δὲ πρῶτιστον πρόβλημα τῶν στοιχείων καὶ ταύτῃ
πλεονεκτεῖ τῷ μῆτε πλεονάζον εἶναι μῆτε ἔλλειπὲς μῆτε
ἀόριστον καὶ πολλαχῶς ἢ ἀπειραχῶς συνιστάμενον.
ἔδει γὰρ τοιοῦτον εἶναι τὸ τῶν ἄλλων στοιχεῖον
ἐσόμενον.

- 20 Prop. II, probl. II. Πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ τῇ
δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσην εὐθεῖαν θέσθαι.

Τῶν προβλημάτων τὰ μὲν ἄπτωτά ἐστιν, τὰ δὲ
πολύπτωτα, ὥσπερ καὶ τῶν θεωρημάτων. ὅσα μὲν
οὖν τὴν αὐτὴν δύναμιν ἔχει διὰ πλειόνων πεφοιτη-

1 ταχθῆ C. 4 ἔχον τῶν] ἐχόντων G. $B_3 = M.$ || ἴσας G,
ἴσον C. $B_3 = M.$ Forsitan exciderit post ἴσων πλευρῶν. 'utro-
que aequalium Laterum, B, Z. 6—8 ἑκατέρας τῶν ... διπλὴν
om. G, add C sed omissis verbis, οἶον τὸ ... τῇ βάσει. 9 τρώ-
πον G, λόγον C. 12 διαφυγεῖν H_1 p. 455, H_2 p. 270.

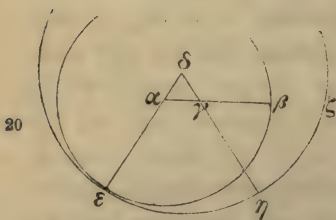
20 In M in margine: β πρόβλημα.

κυῖαν διαγραμμάτων καὶ τὰς θέσεις ἐξαλλάττοντα τὸν
 αὐτὸν φυλάττει τῆς ἀποδείξεως τρόπον, ταῦτα λέγεται
 πτώσεις ἔχειν. ὅσα δὲ κατὰ μίαν θέσιν καὶ κατα-
 σκευὴν μίαν προκόπτει, ταῦτα ἄπτωτά ἐστιν. ἀπλῶς
 γὰρ ἡ πτώσις περὶ τὴν κατασκευὴν ὁρᾶται καὶ τῶν 5
 θεωρημάτων καὶ τῶν προβλημάτων. ἐστὶν οὖν τὸ β
 πρόβλημα πολύπτωτον, δέδοται δὲ ἐν αὐτῷ τὸ μὲν
 σημεῖον τῇ θέσει — ταύτῃ γὰρ καὶ δίδοται μόνον —
 ἡ δὲ εὐθεία τῷ τε εἶδει — οὐ γὰρ ἀπλῶς ἐστὶ γραμμὴ,
 ἀλλὰ τοιάδε — καὶ τῇ θέσει. ζητεῖται δὲ ταύτῃ τῇ 10
 εὐθείᾳ ἴσην θέσθαι πρὸς τῷ σημείῳ, ὅπου ποτ' ἂν ἡ
 τοῦτο κείμενον. πρόδηλον δὲ ὅτι πάντως ἐν τῷ ὑπο-
 κειμένῳ ἐπιπέδῳ τὸ σημεῖόν ἐστιν, ἐν ᾧ καὶ ἡ εὐθεία
 καὶ οὐκ ἐν μετεωροτέρῳ. πᾶσι γὰρ τοῖς τῶν ἐπιπέδων
 προβλήμασιν καὶ θεωρήμασιν ἐν ἐπίπεδον ὑποκεισθαι 15
 χρὴ νομίζειν. εἰ δέ τις ἀποροίῃ, πῶς τῇ δοθείσῃ
 εὐθείᾳ θέσθαι ἴσην παρακελεύεται — τί γὰρ, εἰ ἄπει-
 ρος δέδοται; τὸ γὰρ δοθὲν τοῦτο καὶ ἐπὶ τὴν πεπε-
 ρασμένην φέρει καὶ ἐπὶ τὴν ἄπειρον· σημαίνει γὰρ
 τὸ ἐκκείμενον πᾶν καὶ || ὑποβεβλημένον ἡμῖν εἰς τὴν 20
 ξήτησιν. δηλοῖ δὲ καὶ αὐτὸς ὅτε μὲν λέγων, ἐπὶ τῆς
 δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης συστήσασθαι τρίγων-
 ον ἰσόπλευρον, ὅτε δὲ ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν
 ἄπειρον κάθετον ἀγαγεῖν — εἴ τις οὖν ταῦτα διαπο-
 ροίῃ, λεκτέον ὅτι τὴν ἴσην τῇ δοθείσῃ πρὸς τῷ 25
 θέντι σημείῳ θέσθαι παρακελεύσάμενος πῶς οὐχὶ δῆ-
 λόν σοι πεποίηκεν αὐτόθεν, ὅτι ἡ δοθεῖσα πεπέρασται;
 πάντως γὰρ ἡ πρὸς τῷ σημείῳ τεθησομένη πεπέρασται

2 λόγον G, τρόπον C, H₁ p. 455, H₂ p. 270. 3 πτώσιν G,
 πτώσιν (πτώσις, πτώσεις) H₂ p. 270. 9 ἡ τε M. 10 δὲ
 ταύτῃ] γὰρ ταῦτα G. 24 ἀποροίῃ G, διαποροίῃ C.

κατ' αὐτὸ τὸ σημείον, ὥστε πολλῶ πρότερον ἐκείνη πεπέρασται, ἢ ἔστιν ἴση ἢ τιθεμένη. ἅμα τε οὖν εἶπεν πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ καὶ ἀμφοτέρως περατοῖ τὰς εὐθείας καὶ τὴν δοθεῖσαν καὶ ἦν ἐκείνη τίθησιν ἴσην.

- 5 Ὅτι δὲ αἱ πτώσεις τούτου τοῦ προβλήματος γίνονται παρὰ τὴν τοῦ σημείου διάφορον θέσιν, δῆλον. ἢ γὰρ ἔξω κεῖται τὸ δοθὲν σημεῖον τῆς δοθείσης εὐθείας ἢ ἐπ' αὐτῆς, καὶ εἰ ἐπ' αὐτῆς, ἢ τῶν περάτων αὐτῆς ἔσται θάτερον ἢ ἐν τῷ μεταξὺ κείσεται τῶν
10 ἄκρων, καὶ εἰ ἔξω αὐτῆς, ἢ ἐκ πλαγίου, ὥστε τὴν ἀπ' αὐτοῦ πρὸς τὸ πέρας τῆς εὐθείας ἐπιξευγνυμένην γωνίαν ποιεῖν ἢ ἐπ' εὐθείας | τῇ δεδομένη, ὥστε ἐκβαλλομένην αὐτὴν ἐπὶ τὸ σημεῖον πίπτειν. ὁ μὲν οὖν γεωμέτρης ἔλαβεν τὸ σημεῖον ἔξω κείμενον καὶ ἐκ
15 πλαγίου, γυμνασίας δὲ ἔνεκα πάσας ληπτέον τὰς θέσεις, ὧν ἡμεῖς ἐκθησόμεθα τὴν δυσκολωτέραν. ἔστω



γὰρ ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα ἢ αβ καὶ τὸ σημεῖον τὸ δοθὲν τὸ γ κείμενον ἐπ' αὐτῆς ἐν τῷ μεταξὺ τῶν περάτων, καὶ γερονέτω τὰ αὐτὰ τῷ στοιχείῳ, τρίγωνον ἰσόπλευρον ἐπὶ τῆς γα τὸ

- δγα, καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ δγ δα, καὶ κέντρῳ τῷ
25 α, διαστήματι δὲ τῷ αβ κύκλος ὁ βε, καὶ πάλιν

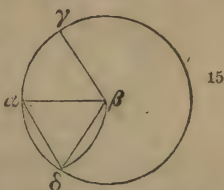
2 ἢ ἔστιν ἴση τῇ τιθεμένη B₃, G. 'quae ei, quae ponitur, aequalis existit' B, 'quae positae rectae linea est aequalis' Z.

12 ἐπ' εὐθείαν G. 13—14 πίπτειν . . . τὸ σημεῖον om. G, add. C. 15 Post πλαγίου addit G συμπίπτειν, quod delendum not. C. 21 τὰ αὐτὰ τῷ στοιχείῳ om. B₃, G, Z, 'iuxta

Elementi doctrinam' B. 25 Post αβ C addit γεγράφθω.

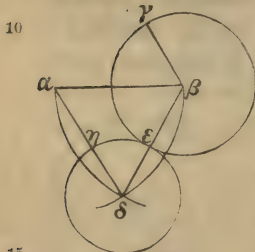
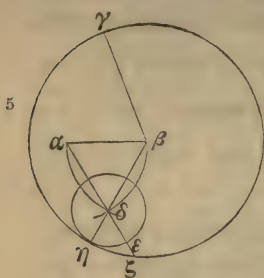
κέντρῳ τῷ δ , διαστήματι δὲ τῷ $\delta\epsilon$ κύκλος ὁ $\epsilon\zeta$. ἐπεὶ οὖν κέντρον τὸ α , ἴση ἡ $\beta\alpha$ τῇ $\alpha\epsilon$. καὶ διὰ τὰ αὐτὰ ἴση ἡ $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\eta$, ὦν ἡ $\delta\gamma$ τῇ $\delta\alpha$ ἴση — τρίγωνον γὰρ ἰσόπλευρον τὸ $\delta\alpha\gamma$ — λοιπὴ ἄρα ἡ $\alpha\epsilon$ τῇ $\gamma\eta$ ἴση ἐστίν. ἦν δὲ ἡ $\alpha\epsilon$ τῇ $\alpha\beta$ ἴση, ὥς δέδεικται. καὶ ἡ $\gamma\eta$ 5 ἄρα ἴση τῇ $\alpha\beta$. πρὸς τῷ δοθέντι ἄρα σημείῳ τῷ γ ἴση ἡ $\gamma\eta$ ἐτέθη τῇ $\alpha\beta$.

Ὡς μὲν οὖν πρὸς τὴν τοῦ σημείου θέσιν τοσαῦται γίνονται πτώσεις, ὥς δὲ πρὸς τὴν τοῦ τριγώνου τοῦ ἰσοπλεύρου σύστασιν καὶ τὰς τῶν πλευρῶν ἐκβολὰς 10 καὶ τὰς τῶν κύκλων γραφὰς ἔτι πόλλω πλείους. || εἰλήφθω γὰρ ὥς ἐν τῷ στοιχείῳ τὸ α σημεῖον καὶ ἡ $\beta\gamma$ εὐθεῖα, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\beta\alpha$. τρίγωνον οὖν ἐπ' αὐτὴν ἰσόπλευρον μὴ συνεστιάτω ἄνω ἔχον τὴν κορυφὴν διὰ τὸ μὴ εἶναι τόπιον, ἀλλὰ κάτω καὶ ἔστω τὸ $\alpha\delta\beta$. οὐκ-οὖν ἦτοι ἴση ἡ $\alpha\delta$ τῇ $\beta\gamma$ ἢ μεί-ζων ἢ ἐλάσσων. εἰ μὲν οὖν ἴση, γέγονεν τὸ προ-ταχθέν, εἰ δὲ ἐλάσσων, κέντρῳ τῷ β , διάστηματι δὲ 20



3 $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\zeta$ G , $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\eta$ C . 4 $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 5 ἦν δὲ καὶ C . || $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 7 $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 12 στοιχείῳ τούτῳ σημεῖον τὸ α G , στοιχείῳ τὸ σημεῖον M , C , 'sicut in elemento signum α ' Z , 'in hoc Elemento Signum α ' B , quem fugit voce στοιχείῳ primi problematis figuram significari. Hinc factum est ut et in figuris et in contextu iusto plura mutaret. 13 καὶ ante ἐπεξεύχθω om. G , add. C . 13—17 Figura in M et Z est omissa. B alia ratione eam construxit. 20 usque ad p. 226 9 Hunc locum B bis interpretatus est, primum in contextu, iterum in margine.

τῷ βγ κύκλος γεγράφθω καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ $\overline{\alpha\delta}$
 $\overline{\beta\delta}$ ἐπὶ τὰ ηξ, καὶ κέντρῳ τῷ δ, διαστήματι δὲ τῷ δη



15

κύκλος γεγράφθω. τεμεῖ ἄρα τὴν δα ὁ ηε. ἐπεὶ οὖν τὸ δ

κύκλος γεγράφθω ὁ ηε. ἐπεὶ
οὖν ἴση ἡ δη τῇ δε, ἐκ κέν-
τροῦ γάρ, ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ
 $\overline{\delta\beta}$, ἰσόπλευρον γάρ· ὅλη ἄρα
ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ ὅλη τῇ $\overline{\beta\eta}$ ἴση· ἀλλ' ἡ
 $\overline{\beta\eta}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ ἴση, ἐκ κέντροῦ γάρ·
ἡ ἄρα $\overline{\alpha\epsilon}$ ἴση τῇ $\overline{\beta\gamma}$, ὅπερ ἔδει

ποιῆσαι. εἰ δὲ μείζων ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῆς
 $\overline{\beta\gamma}$ — τοῦτο γάρ ὑπόλοιπον —
κέντρῳ τῷ β, διαστήματι δὲ τῷ
 $\overline{\beta\gamma}$ κύκλος γεγράφθω. τεμεῖ ἄρα
τὴν $\overline{\delta\beta}$ ὁ γε κύκλος. πάλιν
κέντρῳ δ, διαστήματι δὲ δε κύ-

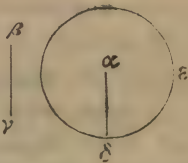
1 καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ $\overline{\alpha\delta}$ $\overline{\beta\delta}$ om. G, add. C excepto καί.

2 ηξ] 'eg' in margine 'gb' B. 3 ὁ ηε om. M et B in
margine, ὁ δε G, 'ge' B in contextu. 5—7 ἡ $\overline{\alpha\delta}$. . . ἴση·
ἀλλὰ om. G, add. C. 6 ἰσόπλευρον γάρ] In contextu addit B
'adb Triangulum'. || ὅλη ἄρα . . . τῇ $\overline{\beta\eta}$] 'reliqua igitur ae,
reliquae bg' B in contextu. 13 τέμνει G. 14 ὁ γε] ὁ ξε M,
ὁ εξ G, ἡ ξε C, 'ec' B, qui punctum e sumit in altera parte
circuli ec, linea db ultra b producta. 15 δ] α M, C. || δε]
αε M, C. 16 τεμεῖ . . . ὁ ηε. om. B. || τέμνει G.
16 τὸ α M, C.

κέντρον τοῦ $\overline{\eta\epsilon}$, ἴση ἢ $\overline{\eta\delta}$ τῇ $\overline{\delta\epsilon}$. ἦν δὲ καὶ ἡ $\overline{\delta\alpha}$ τῇ $\overline{\delta\beta}$ ἴση· λοιπὴ ἄρα ἡ $\overline{\alpha\eta}$ ἴση τῇ $\overline{\beta\epsilon}$. ἀλλὰ ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\beta\gamma}$. ἐκ κέντρου γὰρ εἰσιν ἀμφοτέραι· ἡ ἄρα $\overline{\alpha\eta}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\beta\gamma}$ καὶ κεῖται πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι. πολλῶν δὲ καὶ ἐτέρων πτώσεων οὕτων ἀρκεῖ 5 καὶ ταύτας πρὸς τὸ παρὸν ἀναγράψασθαι· καὶ γὰρ ἀπὸ τούτων δυνατὸν καὶ περὶ τὰς ἄλλας γυμνάσασθαι τοῖς ζητητικωτέροις.

Ἦδη δέ τινες ἀφελόντες τὴν τοῦ στοιχείου τούτου κατασκευὴν καὶ ποικιλίαν εἰρήκασιν οὕτως· ἔστω τὸ 10

$\overline{\alpha}$ τὸ δοθὲν σημεῖον, ἡ δὲ $\overline{\beta\gamma}$ ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα καὶ κέντρῳ μὲν τῷ $\overline{\alpha}$ διαστήματι δὲ τοσούτῳ, ὅση ἐστὶν ἡ $\overline{\beta\gamma}$, κύκλος γεγράφθω ὁ $\overline{\epsilon\delta}$ καὶ προσεκβεβλήσθω τις εὐθεῖα ἀπὸ τοῦ



15

$\overline{\alpha}$ ἐπὶ τὴν περιφέρειαν ἡ $\overline{\alpha\delta}$. αὕτη ἄρα ἴση τῇ $\overline{\beta\gamma}$. τοσαύτη γὰρ ἦν ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ὅση ἡ $\overline{\beta\gamma}$, || καὶ γέγονεν τὸ ἐπιταχθέν. εἴ τις οὖν ταῦτα λέγοι, τὸ ἐν ἀρχῇ αἰτεῖται. ὅταν γὰρ λέγῃ κεντρῷ τὸ $\overline{\alpha}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\beta\gamma}$ γράφεσθαι τὸν $\overline{\epsilon\delta}$ κύκλον, ἴσην ἔλαβεν ἤδη 20 τρόπον τινὰ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ κειμένην πέρατι, καὶ φυλάττον τὸ αἶτημα τοῦ διαστήματος τοῦτο μὲν ἐποίει κέντρον, τῷ δὲ ἔγραψεν τὸν κύκλον, ἐνταῦθα δὲ ἄλλο

1 ἡ $\overline{\eta\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\delta\epsilon}$ M, C, ἡ $\overline{\eta\alpha}$ τῇ $\overline{\eta\epsilon}$ G. 6 ταῦτα G.

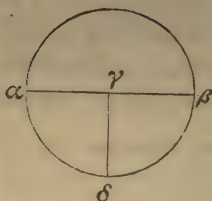
8 ζητητικωτέροις G. 20—21 γράφεσθαι ... τῇ $\overline{\beta\gamma}$ om. G, add. C. 22 φυλάττων G, φυλάττων C, 'servans petitio' B, 'servans postulatum' Z. || ἐποίη κέντρον, τὸ δὲ C.

μὲν τὸ κέντρον, ἀλλαχοῦ δὲ τὸ διάστημα τοῦ κύκλου.
πάντη ἄρα τὸν τρόπον τοῦτον τῆς ἀποδείξεως οὐ
προσθησόμεθα.

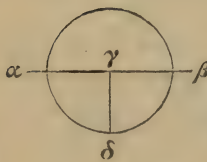
Prop. III, probl. III. Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν
5 ἀνίσων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσην
ἀφελεῖν.

Τρίτον πρόβλημα τοῦτο δεδομένας μὲν ἔχον δύο
εὐθείας κατὰ τὸ μέγεθος ἀνίσους, προστάττον δὲ ἀφε-
λεῖν ἀπὸ τῆς μείζονος ἴσην τῇ ἐλάσσονι. ἔστι δὲ καὶ
10 τοῦτο πολύπτωτον. αἰ γὰρ δοθεῖσαι ἄνισοι εὐθεῖαι
ἢ διεσπᾶσιν ἀπ' ἀλλήλων, ὥς παρὰ τῷ στοιχειωτῇ,
ἢ καθ' ἓν πέρασ συνάπτονται, ἢ τέμνουσιν ἀλλήλας,
ἢ ἡ ἑτέρα κατὰ τὸ πέρασ ἑαυτῆς τέμνει τὴν ἑτέραν,
καὶ τοῦτο διχῶς, ἢ γὰρ ἡ μείζων τὴν ἐλάσσων, ἢ ἡ
15 ἐλάσσων τὴν μείζονα. ἀλλ' εἰ μὲν καθ' ἓν συν-
άπτοντο πέρασ, δήλη ἡ ἀπόδειξις. τῷ γὰρ κοινῷ πέ-
ρατι κέντρῳ χρησάμενος διαστήματι δὲ τῇ ἐλάσσονι
τῶν εὐθειῶν γράψεις κύκλον καὶ τὴν μείζονα τεμεῖς
καὶ ἀφαιρήσεις ἴσην τῇ ἐλάσσονι. ὅσον γὰρ τῆς μεί-
20 ζονος ὁ κύκλος ἐντὸς ἀποτεμένεται, τοσοῦτον ἴσον ἔσται
τῇ ἐλάσσονι. εἰ δὲ ἡ ἑτέρα τέμνοι τὴν ἑτέραν κατὰ
τὸ ἑαυτῆς πέρασ, ἥτοι ἡ μείζων τὴν ἐλάσσονα τέμνει
ἢ ἀνάπαλιν, καὶ εἰ ἀλλήλας τέμνουσιν, ἢ εἰς ἴσα τέμνον-

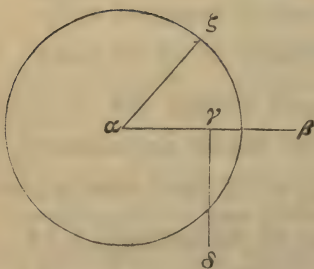
2 τὸν τρόπον τοῦτον] Veri non dissimile est τῷ τρόπῳ
τούτῳ fuisse scriptum. $B_3 = M, G.$ 3 προσθησόμεθα] 'appro-
babitimus' et in margine 'conciliabitimus' B., 'admittimus' Z.
9 ἴση G, ἴσην C. 12—13 συνάπτονται . . . τὸ πέρασ om. G,
add. C. 20 ἔστι G. 21 τέμνει G. 22 ἡ om. G. || τέμνειν C.
τέμει M. 23 ἀλλήλαις τέμνειν G.



5



10



15

πρότερον τεμνέτω κατὰ τὸ μέσον·
 οὐκοῦν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσειά ἐστι τῆς
 $\overline{\alpha\beta}$ καὶ ἴση ἢ $\overline{\alpha\gamma}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ
 ἐλάσσων τῆς ἡμισείας· καὶ κέν-
 τρω τῷ $\overline{\gamma}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\gamma\delta}$
 γράψας κύκλον ἀφαιρήσεις ἀπὸ
 τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ μείζων
 τῆς ἡμισείας· καὶ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ ση-
 μείω θέμενος ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὴν
 $\overline{\alpha\zeta}$ καὶ γράψας κύκλον κέντρῳ
 τῷ $\overline{\alpha}$ διαστήματι τῷ $\overline{\alpha\zeta}$
 ἀφαιρήσεις ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$
 ἴσην τῇ $\overline{\alpha\zeta}$, τουτέστιν
 τῇ $\overline{\gamma\delta}$.

Εἰ δὲ μὴ κατὰ τὸ μέ-
 σον τέμνει τὴν $\overline{\alpha\beta}$ ἢ $\overline{\gamma\delta}$,
 ἔστω ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ τῆς ἡμισείας
 αὐτῆς μείζων. εἰ τοίνυν ἡ
 $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσειά ἐστιν τῆς

1—4 Figuram om. B.

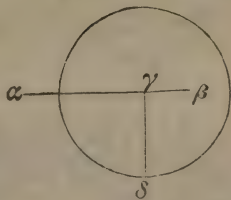
2 $\overline{\gamma\alpha}$ M.

5—8 Figuram om.

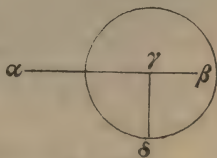
M, Z. 6 διαγράφας G, γράψας C. 7 $\overline{\alpha\beta}$ G, $\overline{\alpha\gamma}$ C. || τὴν
 $\overline{\gamma\delta}$ G.

17—18 ἔσται ἡ $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσεια αὐτῆς, ἢ μεί-
 ζων, ἢ ἴση, ἢ ἐλάσσων G (Z), ἔσται ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῆς ἡμισείας
 αὐτῆς κ. τ. λ. B₃, C. 'erit cd aut ipsius medietas, aut medietate
 maior, aut minor' B. 17 ἡ $\overline{\gamma\alpha}$] ἡ $\overline{\gamma\delta}$ M.

$\overline{\alpha\beta}$ ἢ ἐλάσσων, κέντρῳ χρησά-
μενος τῷ γ , διαστήματι δὲ τῷ
 $\overline{\gamma\delta}$ ἀφαιρήσεις ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσην
τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ μείζων ἐστὶ τῆς
ἡμισείας τῆς $\overline{\alpha\beta}$ ἢ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ
ἦτοι ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ — καὶ γέγονεν
τὸ προσταχθέν — ἢ || καὶ ταύ-
της μείζων — καὶ πάλιν πρὸς
τῷ α θέμενος ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὰ
αὐτὰ ποιήσεις· κέντρῳ γὰρ τῷ



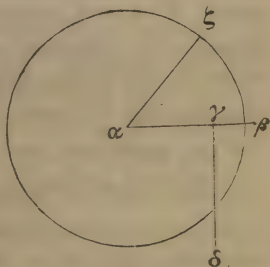
5



10

α διαστήματι δὲ τῷ $\xi\alpha$
γράφεις κύκλον ἀφαιροῦν-
τα ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ ἴσην τῇ
 $\overline{\alpha\xi}$, τουτέστιν τῇ $\overline{\gamma\delta}$.

Εἰ δὲ τέμνοιεν ἀλλή-
λας ὥς αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\alpha\beta}$, κέντρῳ
τῷ β , διαστήματι δὲ τῷ
 $\overline{\beta\alpha}$ κύκλος γεγράφθω ὁ $\overline{\alpha\xi}$



15

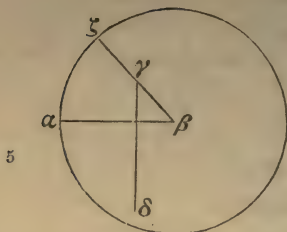
καὶ ἐπιξενχθεῖσα ἡ $\overline{\beta\gamma}$ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ ξ . ἐπεὶ οὖν

1—9 Figuram priorem om. M , Z , cum sequente coniunxit B .

3 ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴσην G 4—6 ἢ μείζων ἐστὶ ...
τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ om. B_3 , G , B , Z . Sed recte se habent haec verba, etsi
structura est solutio. Potest enim circulus etiam describi
centro γ distantia $\gamma\delta$, si haec maior est dimidia linea $\alpha\beta$, sed
minor linea $\alpha\gamma$ vel huic aequalis. 5 τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ M . 6 τῇ

$\overline{\alpha\beta}$ M . 9 τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὴν $\overline{\alpha\xi}$ B_3 , G , 'ipsam af ipsi cd' B , Z .

11 δὲ om. G . 15 ἀλλήλαις M . 19 ἐπὶ τῷ ξ G ,
ἐπὶ τὸ ξ C .



δύο εὐθεῖαι εἰσιν ἄνισοι ἡ
 $\overline{βξ}$ καὶ ἡ $\overline{γδ}$, καὶ ἡ $\overline{γδ}$ κατὰ
 τὸ πέρας ἐαυτῆς τέμνει τὴν
 $\overline{βξ}$, δυνατόν ἴσην ποιῆσαι τῇ
 $\overline{βξ}$ ἀπὸ τῆς $\overline{βδ}$ (?). δέδεικται
 γὰρ ἀμφοτέρω. δυνατόν ἄρα
 καὶ τῇ $\overline{αβ}$ ἴσην ἀφελεῖν ἀπὸ

τῆς $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{γδ}$ (?). ἡ γὰρ $\overline{αβ}$ καὶ ἡ $\overline{βξ}$ ἴσαι ἀλλή-
 λαις εἰσίν.

- 10 Ἡμεῖς μὲν οὖν ἐκ διαιρέσεως λαβόντες τὰς πτώ-
 σεις ἐπιδείξαι τὴν ποικιλίαν αὐτῶν ἐπειράθημεν. θαυ-
 μαστὴ δὲ ἡ τοῦ στοιχειωτοῦ ἀπόδειξις· πάσαις γὰρ
 ἐκείνῃ ταῖς εἰρημέναις κατασκευαῖς ἐφαρμόττει, καὶ
 δυνατόν ἐπὶ πάσης θέσεως πρὸς τῷ πέρατι τῆς μείζο-
 15 νος ἴσην τῇ ἐλάσσονι θέντι γράφειν τῷ αὐτῷ πέρατι
 κέντρῳ χρώμενον καὶ διαστήματι τῇ θέσει κύκλον,
 ὃς ἀπὸ τοῦ μείζονος ἴσην ἀφαιρήσει τῇ ἐλάσσονι,

2 αἱ $\overline{βξ}$ $\overline{γδ}$ G. 2 Alterum καὶ ἡ $\overline{γδ}$ om. M. 4—5 δυ-
 νατὸν ἴσην ποιῆσαι τῇ $\overline{βξ}$ ἀπὸ τῆς $\overline{γδ}$ B_3 , G, 'possibile est ab
 ipsa cd ipsi bf aequalem facere' B, eadem fere Z. Excidis-
 aliquot verba manifestum ex verbo ἀμφοτέρω. Fortasse scrip-
 ptum fuit: δυνατόν ἴσην ποιῆσαι τῇ $\overline{βξ}$ ἐπὶ τῆς $\overline{γδ}$ ἢ ἀφε-
 λειν ἴσην τῇ $\overline{γδ}$ ἀπὸ τῆς $\overline{βξ}$. 6—8 δυνατόν ἄρα καὶ τῇ
 $\overline{αβ}$ ἴσην ἀφελεῖν ἀπὸ τῆς $\overline{γδ}$ B_3 , G. 'Fieri igitur potest, ut
 ipsi quoque ab ab ipsa cd aequalis abscindatur' B_2 , eadem
 fere Z. Ego coniecerim: δυνατόν ἄρα καὶ τῇ $\overline{αβ}$ ἴσην ἀφε-
 λειν ἀπὸ τῆς $\overline{γδ}$ καὶ ἀπὸ τῆς $\overline{αβ}$ ἴσην τῇ $\overline{γδ}$. 12 γὰρ
 om. G. 13 ἐφαρμόττουςα B_3 , G, 'congruens' B, 'cum congrua
 sit' Z. 15—17 τῇ ἐλάσσονι . . . μείζονος ἴσην om. G,
 add. C.

εἴτε τέμνοιεν ἀλλήλῃας, εἴτε ἡ ἑτέρα τὴν ἑτέραν, εἴθ' ὁπωσοῦν ἄλλως ἔχοιεν θέσεως.

Prop. III, theor. I. Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρῳ, ἔχει δὲ καὶ γωνίαν γωνία ἴσην τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων πλευρῶν περιεχομένην, καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσην ἔξει καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἴσον ἔσται καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται, ὅφ' ἄς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

10

Τοῦτο πρῶτον θεώρημα ἐν τῇ στοιχειώσει παρελήφμεν, τὰ δὲ πρὸ τούτου πάντα προβληματικὰ ἦν, τὸ μὲν πρῶτον || περὶ τὴν τῶν τριγώνων γένεσιν πραγματευόμενον, τὸ δὲ δεύτερον καὶ τρίτον ἴσην εὐθείαν ἄλλην ἄλλη πορίσασθαι προτιθέμενα, καὶ τούτων τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ οὐκ ἴσου τὴν ἴσην ὑφίστατο, τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ ἀνίσου κατὰ ἀφαίρεσιν τὸ ἴσον εὗρισκεν. τῆς οὖν ἰσοτήτος, ἣ τὸ πρῶτιστόν ἐστιν ἐν τῷ ποσῷ σύμπτωμα, πεπορισμένης κατὰ τε τὸ τρίγωνον καὶ εὐθείας, τοῦτο πρῶτον ὅπερ ἐξεθέμεθα θεώρημα παραδίδωσιν ἐπ' ἐκείνοις. καὶ πῶς γὰρ ἔμελλεν μὴ υποστήσας τὰ τρίγωνα μηδὲ πορισάμενος τὴν γένεσιν

20

1 εἰ τέμνοιεν ἀλλήλῃας G. 2 G addit in margine: 'Hic desunt versus circiter 14'; et C adnotat, postquam supra ommissa addidit: 'nihil aliud erat, sequebatur ἔαν ut hic, sed continuo in eadem linea, et non apparebat defectus'. 3 τὰς om. M.

4 ταῖς δυσὶ πλευραῖς om. M, G, add. C excepto ταῖς. 9 M in margine: α θεώρημα. 12 τούτων G. || προβλήματα G, 'Problemata' B, Z. B₃ = M. 15—17 M in margine: ση. τί λέγει ἐνθάδε ὁ φιλόσοφος. 19 περιπορευομένης G, πεπορισμένης C. 20 τοῦτο τὸ πρῶτον G, C del. τὸ.

- αὐτῶν περὶ τῶν καθ' αὐτὸ συμβεβηκότων αὐτοῖς διδάσκειν καὶ γωνιῶν τῶν ἐν αὐτοῖς ἰσότητος καὶ πλευρῶν, πῶς δὲ ἂν ἔλαβεν πλευρὰς ἴσας πλευραῖς καὶ εὐθείας ἄλλαις εὐθείαις μὴ τοῦτο διαπραγματευ-
- 5 σάμενος προβληματικῶς καὶ μηχανησάμενος τὴν τῶν ἴσων εὐθειῶν εὕρεσιν; λεγέτω γὰρ εἰ τύχοι πρὸς αὐτῆς ἐκείνων ποιήσεως, ὅτι ἐὰν δύο τρίγωνα τόδε τι τὸ σύμπτωμα ἔχῃ, ἔξει καὶ τόδε πάντως. ἄρα οὖν οὐ ῥᾶδιον παντὶ πρὸς αὐτὸν ἀπαντᾶν· ἴσμεν γὰρ ὅλως,
- 10 εἰ συνίστασθαι δύναται τρίγωνον; ἐπαγέτω δὲ καὶ ὅτι καὶ τὰ δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ἴσας ἔχῃ ταῖς δύο πλευραῖς — οὐκ ἂν τις καὶ πρὸς τοῦτο διηπόρησεν, μήποτε οὐδὲ δυνατὸν εὐθείας ἀλλήλαις ἴσας εἶναι; καὶ μάλιστα ἐπὶ τῶν γεωμετρίας εἰδῶν, ἐν οἷς
- 15 οὐ πάντως ἀνισότητος οὔσης καὶ ἰσότης ἐστίν. μαθησόμεθα γοῦν ὅτι ἡ κερατοειδὴς αἰὲς ἀνισος τῇ ὀξείᾳ καὶ οὐδέποτε ἴση, καὶ ἡ τοῦ ἡμικυκλίου ὡσαύτως. καὶ ἡ μετάβασις ἀπὸ τοῦ μείζονος ἐπὶ τὸ ἔλασσον οὐ πάντως διὰ τοῦ ἴσου γίνεται.
- 20 Ταῦτα τοίνυν ὁ στοιχειωτὴς προαναιρῶν καὶ τῶν τριγώνων τὴν σύστασιν παραδέδωκεν — κοινὴ γάρ ἐστι τῶν τριῶν εἰδῶν — καὶ τὰς τῶν ἴσων εὐθειῶν γενέσεις καὶ ταύτας διττάς, τὴν μὲν γὰρ μὴ οὔσαν

4 ἀλλήλαις *C*, in *M* ἀλλήλαις mutatum est in ἄλλαις prima fortasse manu. || διαπραγματευόμενος *G*. 5 προβληματικῶς καὶ μηχανησάμενος om. *G*, add. *C*. 9 οὐκ ἴσμεν *B*, *G* (*Z*), 'ipsi occurrere, quod neque omnino scimus' et in margine 'ipsi occurrere? neque enim omnino scimus' *B*; in *M* postera manus in margine addidit: ὅτι οὐδὲ. 10 εἰ συνίσταται τρίγωνον *G*, 'si Triangulum constitui potest' et in margine 'an Triangulum constitutum sit' *B*, 'num quod triangulum constitui possit' *Z*. 12 ταῖς om. *G*, add. *C*. || διηπόρησεν *G*, διηπόρησεν *C*, 21 κοινὸν *G*, κοινὴ *C*.

ὅλως ὑφίστησι, τὴν δὲ ἀπὸ τῆς ἀνίσου κατὰ ἀφαίρεσιν
 πορίζεται. καὶ τούτοις εἰκότως ἐπιφέρει τὸ θεώρημα,
 δι' οὗ δείκνυται, πῶς τὰ τρίγωνα τὰ ἔχοντα δύο πλευ-
 ρὰς δύο πλευραῖς ἴσας, ἑκατέραν ἑκατέρα καὶ τὴν
 γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχομέ- 5
 νην ἀναφαίνεται καὶ τὴν βάσιν ἴσην ἔχοντα τῇ βάσει
 καὶ τὸ ἐμβαδὸν τῷ ἐμβαδῷ καὶ τὰς λοιπὰς γωνίας
 ταῖς λοιπαῖς ἴσας. τρία γάρ ἐστι τὰ δεικνύμενα, δύο
 δὲ τὰ διδόμενα περὶ τὰ τρίγωνα. δέδοται μὲν οὖν
 δύο πλευρῶν ἰσότης καὶ δύο πλευραὶ — καὶ δῆλον 10
 ὅτι τῷ λόγῳ δέδοται — καὶ γωνίας αὖ τῆς ὑπὸ τῶν
 ἴσων περιεχομένης πρὸς γωνίαν ἰσότης. ζητεῖται δὲ
 τρία, ἡ τῆς βάσεως πρὸς τὴν βάσιν ἰσότης | ἡ τοῦ
 τριγώνου πρὸς τὸ τρίγωνον ἡ τῶν λοιπῶν γωνιῶν
 πρὸς τὰς λοιπὰς. ἐπειδὴ δὲ δυνατόν ἦν τὰς μὲν δύο 15
 πλευρὰς ἴσας ἔχειν ταῖς δύο || πλευραῖς, οὐ μέντοι τὸ
 θεώρημα ἀληθεύειν τῷ μὴ εἶναι ἑκατέραν ἑκατέρα
 ἴσην, ἀλλὰ ἅμα ἀμφοτέρας, διὰ τοῦτο προσέθηκεν ἐν
 τοῖς δεδομένοις τὸ ἴσας εἶναι τὰς πλευρὰς οὐχ ἀπλῶς,
 ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρα. εἰ γὰρ ἔτυχεν τῶν τριγώνων 20
 ἰσότερον ἔχον τὴν μὲν τῶν πλευρῶν τριῶν μονάδων,
 τὴν δὲ τεττάρων, τὸ δὲ ὑπόλοιπον τὴν μὲν πέντε, τὴν
 δὲ δυεῖν, ὁρθῆς οὔσης τῆς ὑπὸ τούτων περιεχομένης
 γωνίας, ἦσαν μὲν ἂν αἱ δύο ἅμα πλευραὶ ταῖς δύο
 ἴσαι — ἐπὶ γὰρ καὶ αὗται καὶ ἐκείναι — οὐκ 25
 ἐδείκνυτο δὲ ἴσον τῷ τριγώνῳ τὸ τρίγωνον· ὅπου
 μὲν γὰρ τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶν ἕξ, ὅπου δὲ πέντε, καὶ τὸ

11 αὐτῆς *G*, et *M* prima manu; αὐ del. not. *C*. 13—14
 ἡ — ἡ — ἡ] ἡ — ἡ — καὶ ἡ *G*, ἡ — ἡ — ἡ *M* postera manu.
 15 πρὸς τὰς λοιπὰς γωνίας *G*. 20 Figuras duorum triangu-
 lorum addit *B*, *Z*. 21 ἔχειν *G*, ἔχον *C*.

τοῦδε αἴτιον, ὅτι οὐχὶ καὶ ἑκατέρω ἴση ἐστὶν ἑκατέρω.
 πολλοὶ γοῦν ἐν διανομαῖς τισι χωρίων τοῦτο μὴ παρα-
 φυλάξαντες τὸ μείζον λαβόντες χωρίον δικαίων ἀπη-
 νέγκαντο δόξαν ὡς τὸ ἴσον ἐλόμενοι δια τὸ συναμφο-
 5 τέρας τὰς περιεχοῦσας ἴσας εἶναι συναμφοτέραις. δεῖ
 τοίνυν καὶ ἑκατέραν ἑκατέρω λαμβάνειν ἴσην καί, ὅπου
 ἂν ὁ στοιχειωτὴς τοῦτο προστιθῇ, ἐπισημαίνεσθαι ὡς
 οὐ μάρτην προστίθῃσιν· ἐπεὶ καὶ περὶ τῆς τῶν γωνιῶν
 ἰσότητος τῶν δεδομένων ἴσων διαλεγόμενος προσέθη-
 10 κεν τὸ τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχομένην, ἵνα μὴ ἀδιορί-
 στως ῥηθέντος τῶν πρὸς τὴν βάσιν τινὰς λάβωμεν
 γωνιῶν. καὶ μὴν καὶ τὴν βάσιν ἐπὶ τῶν τριγώνων,
 μηδεμιᾶς μὲν πω προσονομασμένης, τὴν πρὸς τῇ ὅψει
 κειμένην πλευρᾶν, τῶν δὲ δυεῖν ἤδη προειλημμένων,
 15 ἐξ ἀνάγκης τὴν λοιπὴν εἶναι βάσιν ὑποθετέον. διὸ
 καὶ ἐνταῦθα ὁ στοιχειωτὴς τὰς δύο προλαβὼν ἴσας
 ταῖς δύο πλευραῖς τὰς ὑπολοίπους βάσεις τῶν τριγώ-
 νων ἐκάλεσεν. τρίγωνον δὲ αὐτὸ ἴσον τριγώνῳ λέγεται
 τηνικαῦτα, ἡνίκα ἂν τὸ ἐμβαδὸν αὐτῶν ἴσον ᾖ. δυ-
 20 νατὸν γὰρ τῶν περιμέτρων ἴσων ὑπαρχουσῶν διὰ
 τὴν ἀνισότητα τῶν γωνιῶν καὶ τὰ ἐμβαδὰ ἄνισα εἶναι.
 καλῶ δὲ ἐμβαδὸν αὐτὸ τὸ χωρίον τὸ ὑπὸ τῶν τοῦ
 τριγώνου πλευρῶν ἀπολαμβανόμενον, ὥσπερ δὴ περὶ
 μέτρον τὴν συγκειμένην || γραμμὴν ἐκ τριῶν τριγωνι-
 25 κῶν πλευρῶν. ἄλλο οὖν ἑκάτερον καὶ δεῖ μετὰ τῆς
 τῶν περιμέτρων ἰσότητος κατὰ μίαν πλευρᾶν καὶ τὰς

1 τοῦδε] τούτου G. τὸ ante τοῦδε del. not. C. || ἴση
 ἐστὶν om. G. || ἑκατέρω del. not. C. 3 τῶν τὸ μείζον λα-
 βόντων G, corr. C. 10 περιεχομένων G, περιεχομένην C.
 13 πεπροσονομασμένης G, πω προσονομασμένης C, πω πρὸς
 ὄνομασμένης M. 18 τριγώνῳ ἴσον G. 21 ἰσότητα C.
 23 δὴ καὶ G, δὴ C. 24 γωνικῶν G.

γωνίας ἴσας εἶναι, εἰ μέλλοι καὶ τὸ ἐμβαδὸν εἶναι τῷ
ἐμβαδῷ ἴσον. συμβαίνει δὲ ἐπὶ τινων καὶ τῶν ἐμβα-
δῶν ἴσων ὄντων ἀνίσους εἶναι τὰς περιμέτρους καὶ
τῶν περιμέτρων ἴσων οὐσῶν ἄνισα τὰ ἐμβαδά. δυ-
εῖν γοῦν ὄντων τριγώνων ἰσοσκελῶν, ὧν ἑκάτερον ⁵
ἔχει τὰς ἴσας πλευρὰς ἀπὸ πέντε μονάδων, τῶν δὲ βά-
σεων τὸ μὲν ὀκτώ, τὸ δὲ ἕξ· τούτων ὁ μὲν ἄπειρος
γεωμετρίας εἶποι ἂν μείζον εἶναι τὸ ἔχον ὀκτὼ τὴν
βάσιν. πᾶσα γὰρ ἔσται ἡ περίμετρος ὀκτωκαίδεκα.
ὁ δ' αὖ γεωμετρικὸς εἶποι ἂν ὅτι ἑκατέρου τὸ ἐμβα- ¹⁰
δὸν ἔστι δώδεκα. καὶ ταῦτα ἀποδείξει κάθ' ἕνα ἀγα-
γὼν ἐν ἑκατέρῳ τῶν τριγώνων ἀπὸ τῆς κορυφῆς καὶ
ποιήσας ταύτην ἐπὶ θατέρῳ μέρει τῶν τῆς βάσεως
τμημάτων. ἔστιν δὲ ὥσπερ ἔφην καὶ τῶν περιμέτρων
ἰσαζομένων ἄνισα εἶναι τὰ χωρία. καὶ ἤδη τινὲς κοι- ¹⁵
νωνοὺς ἑαυτῶν ἐν διανομαῖς χωρίων παρεκρούσαντο
διὰ τῆς κατὰ τὴν περίμετρον ἰσότητος μείζον λαβόντες
χωρίον.

Βάσις δὲ αὖ ἴση λέγεται εἶναι βάσει καὶ ὅλως
εὐθείᾳ ἴση ἐστὶν ἄλλη εὐθεία, ἐπειδὴν αὐτῶν τὰ πέ- ²⁰
ρατα συναπτόμενα ὅλην ὅλη ποιήσῃ ἐφαρμοῖσαι. πᾶσα
μὲν γὰρ εὐθεία ἐπὶ πᾶσαν ἐφαρμοττεῖ. τῶν δὲ ἴσων
καὶ κατὰ τὰ πέρατα γίνεται ἡ ἐφαρμογή. γωνία δὲ
ἴση γωνία λέγεται ἡ εὐθύγραμμος τῇ εὐθυγράμμῳ, ὅταν
μιας τῶν περιεχουσῶν τὴν ἑτέραν πλευρῶν τιθεμένης ²⁵

3 καὶ post εἶναι add. G. 5 Figuras triangulorum addit
B, Z et in M postera manus in margine. 7 τὸν μὲν — τὸ
δὲ] τὴν μὲν — τὴν δὲ G. 10 αὖ om. G, add. C. 17 τὴν
om. G. 22 ἐπὶ πάσης G, ἐπὶ πᾶσαν C. 23 κατὰ πέρατα M.
24 ὅτε G, ὅταν C. 25 πλευρῶν] πλευρὰν M, G, πλεν-
ρὰς B, C, 'ex lateribus' Z, 'Laterum' B. || περιτιθεμένης G,
τιθεμένης C.

ἐπὶ μίαν τῶν τῆς ἐτέρας καὶ ἡ λοιπὴ τῇ λοιπῇ ἐφαρ-
 μόξῃ. ὅταν δὲ ἡ λοιπὴ ἔξω πίπτῃ τῆς λοιπῆς, μείζων
 ἐστὶν ἡ γωνία, ἥς ἡ πλευρὰ ἔξω πέπτωκεν, ὅταν δὲ
 ἐντός, ἐλάσσων. ὅπου μὲν γὰρ περιλαμβάνει τὴν
 5 ἐτέραν, ὅπου δὲ περιλαμβάνεται ὑπ' αὐτῆς. τὴν δὲ
 ἰσότητα τῶν γωνιῶν ληψόμεθα κατὰ τὴν ἐφάρμοσιν
 τῶν πλευρῶν ἐπὶ τῶν εὐθυγράμμων καὶ ἐπὶ τῶν ἄλ-
 λων τῶν ὁμοειδῶν, οἷον τῶν μῆνοειδῶν, τῶν || ξυστρο-
 ειδῶν, τῶν ἀμφικύρτων, ἐπεὶ δυνατόν καὶ ἴσας εἶναι
 10 καὶ μὴ ἐφαρμοττεῖν ἀλλήλαις τὰς πλευράς. ἴση γὰρ
 ἐστὶν ἡ ὀρθὴ μῆνοειδεῖ τινὶ γωνία, καὶ ἀδύνατον
 ἐφαρμοῖσαι ταῖς εὐθείαις τὰς περιφερείας. ἔτι τοίνυν
 ἐκεῖνο προληπτέον, ὅτι ὑποτείνειν λέγονται γωνίας
 αἱ πλευραὶ αἱ κατ' ἀντικρὺν κείμεναι. πᾶσα γὰρ τρι-
 15 γωνικὴ γωνία περιέχεται μὲν ὑπὸ δύο τῶν τοῦ τρι-
 γώνου πλευρῶν, ὑποτείνεται δὲ ὑπὸ τῆς λοιπῆς. διὸ
 καὶ ὁ γεωμέτρης τῷ καὶ τὰς γωνίας ἴσας εἶναι προσ-
 ἔθηκεν τὸ ὅφ' ἃς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουνουσιν, ἵνα
 μὴ νομίσωμεν ἀδιάφορον εἶναι οἷαν ποτὲ γωνίαν λα-
 20 βεῖν καὶ ταύτην ἴσην εἰπεῖν τῇ τυχούσῃ τῶν λοιπῶν
 δύο τοῦ τριγώνου γωνιῶν. ἀλλὰ ἴσας λέγωμεν, ἃς
 ὑποτείνουνουσιν αἱ ἴσαι πλευραί. καὶ μὴν τῶν ἴσων πλευ-
 ρῶν ἡ μὲν ὑποτείνει τὴν ἐτέραν, ἡ δὲ μία τῶν περι-
 εχουσῶν τὴν λοιπὴν.

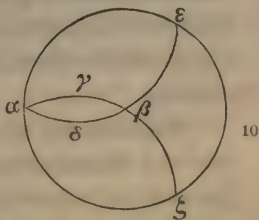
25 Πρὸς μὲν οὖν τὴν σαφήνειαν τοῦ θεωρήματος
 τοσαῦτα προειλήφθω, πρὸς δὲ τὴν ἀπόδειξιν ἐκεῖνο

1 τῇ λοιπῇ om. M. 3 ὅτε G, ὅταν C. 9 καὶ μὴ
 ἴσας M, καὶ ἴσας G. 15 τῶν τοῦ τριγώνου] τριγώνων M.

19 οἷαν δὴποτε G. 20 τῇ χούσῃ M. 26 προειλήφθω]
 θεωρήσθω G, προειλήφθω B₃, C. 'Haec . . ad . . . inspectionem
 . . sint satis' Z, 'considerentur' et in margine 'praeassuman-
 tur' B. || ἀπόδειξιν] ὑπόνοιαν G, ἀπόδειξιν B₃, C, 'demonstra-

προλάβωμεν, ὅτι δύο | εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσι.
 τοῦτο γὰρ ὡς ὁμολογούμενον ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν.
 εἰ γὰρ τὰ πέρατα, φησὶν, ἐφαρμόσει τῶν βάσεων ἀλ-
 λήλοις, ἐφαρμόσουσι καὶ αἱ βάσεις, εἰ δὲ μή, δύο
 εὐθεῖαι χωρίον περιέξουσιν. πόθεν οὖν, ὅτι τοῦτο 5
 ἀδύνατον; ἐστῶσαν δύο εὐθεῖαι περιέχουσαι χωρίον

αἱ $\overline{αγβ}$ $\overline{αδβ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω-
 σαν ἐπ' ἄπειρον. καὶ κέντρῳ
 τῷ $\overline{β}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{αβ}$ γε-
 γράφθω κύκλος ὁ $\overline{αεξ}$. ἐπεὶ οὖν
 διάμετρος ἡ $\overline{αγβξ}$, ἡμίσεια τῆς
 περιφερείας ἐστὶν ἡ $\overline{αεξ}$. πάλιν



ἐπεὶ διάμετρος ἡ $\overline{αδβε}$, ἡμίσεια τῆς τοῦ κύκλου περι-
 φερείας ἐστὶν ἡ $\overline{αε}$. [περιφέρεται] ἄρα ἴσαι εἰσὶν αἱ
 $\overline{αε}$ $\overline{αεξ}$, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δύο εὐθεῖαι χωρίον 15
 περιέχουσιν, ὃ καὶ ὁ στοιχειωτῆς εἰδὼς ἐν τῷ πρώτῳ
 τῶν αἰτημάτων ἔλεγεν, ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν
 σημεῖον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν, ὡς ἂν μιᾶς ἀεὶ
 δυναμένης εὐθείας ἐπιζευγνύναι τὰ δύο σημεῖα καὶ
 οὐ δυεῖν. περιφέρεται μὲν γὰρ πλείους ἐπιζευγνύουσιν 20
 καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ἐπὶ τὰ ἐναντία. οὕτω γὰρ
 καὶ τὰ πέρατα τῆς διαμέτρου ἐπιζεύγνυται διὰ δύο

tionem' Z, 'adversarii obiectionem', in margine 'Demonstra-
 tionem' B. 4 ἐφαρμόζουσι G. 10 κύκλος ὁ $\overline{αεξ}$ γε-

γράφθω G. 12 $\overline{αβξ}$ G, et M prima manu. 14 ἡ $\overline{αβε}$ G. ||

περιφέρεται add. Kn. II. 15 ἡ $\overline{αε}$ $\overline{αβξ}$ M prima manu,

ἡ $\overline{αβε}$, $\overline{αβξ}$ G, αἱ $\overline{αε}$ $\overline{αεξ}$ Kn. II. 19 ἐπιζευγνῦσθαι G,

ἐπιζευγνύουσι C. || τὰ δύο σημεῖα . . . ἐπιζευγνύουσι om. G.

22 ζεύγνυται G.

μὲν περιφερειῶν, μιᾷς δὲ εὐθείας. δυνατόν δὲ καὶ ἐκτὸς τῶν ἡμικυκλίων καὶ ἐντὸς ἀπείρου γραῖαι περιφερείας || ἐπιξεννυούσας τὰ δοθέντα σημεῖα. τὸ δὲ αἴτιον, ὅτι ἡ εὐθεῖα ἐλαχίστη ἐστὶν τῶν τὰ αὐτὰ
 5 πέρατα ἔχουσῶν. ἐν δὲ πανταχοῦ τὸ ἐλάχιστον καὶ αἰ μῆτρον γίνεται τῶν ἄλλων. ὥσπερ οὖν ἡ ὀρθὴ μία οὖσα μῆτρον γίνεται τῆς ἀπειρίας τῶν ἄλλων γωνιῶν — διὰ γὰρ ταύτης κἀκείνας εὐρίσκομεν — οὕτω καὶ ἡ εὐθεῖα συντελεῖ πρὸς τὴν καταμέτρησιν τῶν μὴ
 10 εὐθειῶν.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων· ὅτι δὲ ἡ σύμπασα τοῦτου τοῦ θεωρήματος ἀπόδειξις ἀπὸ κοινῶν ἐννοιῶν ἡρτηται καὶ ὥς αὐτοφυῆς ἐστὶ καὶ ἀπ' αὐτῆς ὠρμημένη τῆς τῶν ὑποθέσεων ἐναργείας παντὶ καταφανές.
 15 διότι μὲν γὰρ ἴσαι εἰσὶν αἱ δύο πλευραὶ ταῖς δυσὶν, ἑκατέρα ἑκατέρᾳ, ἐφαρμόζουσιν ἀλλήλαις, διότι δὲ αἱ ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχόμεναι γωνίαί ἴσαι, καὶ αὗται ἐφαρμόττουσι. τῆς δὲ γωνίας ἐπὶ τὴν γωνίαν ἀρμοζούσης καὶ τῶν πλευρῶν ἐπὶ τὰς πλευρὰς ἐφαρμόσει
 20 καὶ τὰ πέρατα κάτω τῶν πλευρῶν, εἰ δὲ ταῦτα, καὶ ἡ βάσις ἐφαρμόσει τῇ βάσει, εἰ δὲ αἱ τρεῖς ταῖς τρισί, καὶ ὅλον τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ καὶ πάντα πᾶσιν. ἡ ἄρα ἰσότης ἐν ὁμοειδέσιν ὀφθεῖσα τῆς ὅλης ἀποδείξεως αἰτία ἀνεφάνη. δύο γὰρ ἐστὶν ἐνταῦθα ἀξιώματα
 25 συνεκτικὰ τῆς συμπάσης μεθόδου τοῦ προκειμένου θεωρήματος, ἐν μὲν ὅτι τὰ ἐφαρμόζοντα ἴσα ἀλλήλοις — τοῦτο ἀπλῶς ἀληθές καὶ οὐδὲ ἐνὸς προσδιορισμοῦ

6 τῆς ἀπειρίας τῶν ἄλλων G, τῆς ἀπειρίας del. not. C. ||
 ἡ om. G. 9 μὴ om. G, add. C. 14 ἐναργείας G.
 18 ἐφαρμόζουσι G. 22 πάντα πᾶσιν ἴσα G. 27 προ-
 διορισμοῦ G.

δεόμενον, ὃ χρῆται ὁ στοιχειωτῆς ἐπὶ τε τῆς βάσεως καὶ τοῦ ἑμβαδοῦ καὶ τῶν λοιπῶν γωνιῶν· ταῦτα γὰρ φησιν, διότι ἐφαρμόζει, ἴσα ἐστίν — ἕτερον δὲ ὅτι τὰ ἴσα ἐφαρμόζει ἀλλήλοις — τοῦτο δὲ οὐκ ἐπὶ πάντων ἀληθές, ἀλλ' ἐπὶ τῶν ὁμοειδῶν. ὁμοειδῆ δὲ λέγω⁵ οἶον εὐθεῖαν εὐθείαν καὶ περιφέρειαν περιφερείαν τοῦ αὐτοῦ κύκλου καὶ γωνίας γωνίαις ὑπὸ ὁμοίων ὁμοίως κειμένων περιεχομέναις. τούτων δὲ ὅτι τὰ δεδομένα ἴσα, ἐφαρμόζει ἀλλήλοις· ὥστε εἶναι συνελόντι φάναι τὴν πᾶσαν ἀπόδειξιν τοιαύτην· δέδοται ἴσα τὰδε¹⁰ τοῖσδε, πλευραὶ δύο δυσὶ καὶ γωνίαι αἱ ὑπ' αὐτῶν περιεχόμεναι, καὶ ἐφαρμόττει ἀλλήλοις ταῦτα. εἰ δὲ ταῦτα ἐφαρμόττει ἀλλήλοις, καὶ ἡ βᾶσις τῇ βάσει καὶ πάντα πᾶσιν· εἰ δὲ ἐφαρμόττει ταῦτα, καὶ ἴσα ἐστίν· εἰ ἄρα δέδοται ἴσα τὰδε τοῖσδε, συναποδείκνυνται καὶ¹⁵ ὅτι πάντα πᾶσιν ἴσα. καὶ οὗτος πρῶτος ἀναφαίνεται τρόπος τῆς γνώσεως τῶν ἴσων πάντη τριγώνων.

Ἀλλὰ περὶ μὲν τῆς ὅλης ἀποδείξεως τοσαῦτα· Κάριπος δὲ ὁ μηχανικὸς ἐν τῇ || ἀστρολογικῇ πραγματείᾳ τὸν περὶ τῶν προβλημάτων καὶ θεωρημάτων²⁰ λόγον ἀνακινήσας — εἰ μὲν κατὰ καιρὸν ἢ μή, παρ-εἰσθῶ πρὸς τὸ παρόν — ἑμβαλὼν δὲ ὅμως εἰς τὴν

3—4 ἴσα ἐστίν ... ἐφαρμόζει om. G. 5 δὲ ταῦτα λέγω G, 'haec dico' B, 'haec ... esse dico' Z. $B_3 = M$. 6 εὐθεῖα G, 'recta Linea' B, 'rectam lineam' Z. || καὶ ante περιφέρειαν om. G. $B_3 = M$. || περιφέρεια G, 'Circumferentia' B, 'circumferentiam' Z. 7—8 γωνίας γωνίαις ... περιεχομέναις ego scripsi; γωνίαι ... περιεχόμεναι M, B_3 , G, 'Anguli, qui comprehensi sunt' B, 'anguli ... comprehensi' Z. 8 τούτων δὲ M, B_3 , G, 'Horum autem dico' B, 'Horum autem' Z. 11 πλευραῖς C. 12—13 εἰ δὲ ... ἀλλήλοις om. G, add. C. 14 πᾶσα πᾶσιν G, corr. C. 18 ἄλλης G, ὅλης B_3 , C, 'tota' et in margine 'Simplici' B, 'tota' Z. 21 ἢ μή, παρ-εἰσθῶ] '(inquit) ... non praetereatur' B, 'accedat' Z. $B_3 = M$, G.

τούτων διάκρισιν τῇ τάξει πρότερον τὸ προβληματικὸν γένος εἶναί φησι τῶν θεωρημάτων. τὰ γὰρ ὑποκείμενα, περὶ [ἃ] τὰ συμπτώματα ζητεῖται, διὰ τῶν προβλημάτων ἀνευρίσκεσθαι. καὶ τοῦ μὲν προβλήματος
 5 τὴν πρότασιν ἀπλὴν εἶναι καὶ πάσης ἐντέχνου συνέσεως ἀπροσδεᾶ — τόδε γὰρ τι φανερώς ποιῆσαι παρακελεύεται· συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον, ἢ δύο δοθεισῶν εὐθειῶν τῇ ἐλάσσονι ἀπὸ τῆς μείζονος ἴσην ἀφελεῖν. τί γὰρ τούτων ἀσαφεῖς καὶ περι-
 10 ειργασμένον; — τοῦ δὲ θεωρήματος ἐργώδη καὶ πολλῆς δεομένην ἀκριβείας καὶ ἐπιστημονικῆς κρίσεως, ἵνα μήτε πλεονάζουσα φαίνεται μήτ' ἐλλείπουσα τῆς ἀληθείας, οἷον δὴ καὶ τοῦτο πρῶτιστον ὃν τῶν θεωρημάτων. καὶ ἐπὶ μὲν τῶν προβλημάτων μία τις ἔστιν
 15 ὁδὸς ἣ διὰ τῆς ἀναλύσεως εὕρημένη κοινή, καθ' ἣν προϊόντες δυνάμεθα κατορθοῦν. οὕτω γὰρ τὰ ἀσαφέστερα θηράται τῶν προβλημάτων. ἐπὶ δὲ τῶν θεωρημάτων δύσληπτος ἡ μεταχείρησις, ὥς μέχρις ἡμῶν, φησί, μηδένα δύνασθαι κοινήν παραδοῦναι μέθοδον
 20 τῆς τούτων εὕρεσεως, ὥστε καὶ διὰ τὴν ῥασιτώνην ἀπλούστερον ἂν εἴη τὸ προβληματικὸν γένος. τούτων δὲ διωρισμένων „Διὰ ταῦτα ἄρα, φησί, καὶ ἐν τῇ στοιχειώσει τὰ προβλήματα προηγείται τῶν θεωρημάτων, καὶ ἀπὸ τούτων ἡ στοιχειώσις ἄρχεται, καὶ τὸ
 25 πρῶτον θεώρημα τέταρτόν ἐστι κατὰ τὴν τάξιν, οὗ

3 περὶ τὰ συμπτώματα *M*, πρὸ τῶν συμπτωμάτων *B*₃, *G*, περὶ τῶν συμπτωμάτων *C*, 'subiecta in quibus accidentia resident' *Z*, 'Subiecta enim prius quam Symptomata ... inveniri quaeruntur' *B*. Ego ἃ post περὶ addiderim. 4 εὐρίσκεσθαι *C*. 5 συναίσεως *C*. 7 ἰσόπλευρον] ἴσον *M*, *G*; corr. *Kn. II*. 9 περιεργασμένον *G*, περιηργασμένον *C*. 16 σαφέστερα *M*, *B*₃, *G*, 'faciliora' *B*. *Z* καὶ ἐπὶ μὲν ... θηράται τῶν προβλημάτων om.

διότι τὸ πέμπτον ἐξ αὐτῶν δείκνυται, ἀλλ' ὅτι, καὶ εἰ
 μηδὲν τῶν πρὸ αὐτοῦ δεῖται πρὸς τὴν ἀπόδειξιν, ἔδει
 πρωτεύειν ἐκεῖνα, διότι προβλήματα ἦν, τοῦτο δὲ θεω-
 ρημα. παντελῶς γὰρ ἐπὶ τούτου ταῖς κοιναῖς ἐννοαῖαις |
 χρῆται καὶ τρόπον τινὰ τὸ αὐτὸ τρίγωνον ἐν διαφο- 5
 ροῖς λαμβάνει τόποις κείμενον. καὶ γὰρ ἡ ἐφαρμογὴ
 καὶ ἡ ἀπὸ ταύτης ἰσότης δεικνυμένη παντάπασι
 ἔχεται τῆς αἰσθητῆς καὶ ἐναργοῦς ὑπολήψεως. ἀλλ'
 ὅμως καὶ τοιαύτης οὔσης τῆς τοῦ πρώτου θεωρήματος
 ἀποδείξεως εἰκότως προηγήσατο τὰ προβλήματα. διότι 10
 καθόλου τὴν προηγουμένην ἐκεῖνα τάξιν ἔλαχεν.“

Καὶ ἴσως τῇ μὲν τάξει τὰ προβλήματα πρὸ τῶν
 θεωρημάτων ἐστὶ καὶ μάλιστα τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὰ
 αἰσθητὰ στρεφομένων τεχνῶν ἀνιούσιν || ἐπὶ θεωρίαν.
 τῇ δὲ ἀξίᾳ τὰ θεωρήματα προυπάρχει τῶν¹⁵ προβλη-
 μάτων. καὶ ἔοικεν ἡ ὅλη γεωμετρία, καθ' ὃ μὲν συν-
 ἄπτει ταῖς πολλαῖς τεχναῖς, ἐνεργεῖν προβληματικῶς,
 καθ' ὃ δὲ τῇ πρώτῃ ἐπιστήμῃ γειτνιά, θεωρηματικῶς
 ἀνάγεσθαι ἀπὸ τῶν προβλημάτων ἐπὶ τὰ θεωρήματα,
 ἀπὸ δευτέρων ἐπὶ πρῶτα καὶ [ἐκ] τεχνικωτέρων εἰς ἐπι- 20
 στημονικώτερα. μάταιον οὖν τὸν Γεμῖνον αἰτιᾶσθαι
 ὥς τὸ θεωρημα τελειότερον εἶναι τοῦ προβλήματος
 λέγοντα. καὶ γὰρ αὐτὸς ὁ Κάρπος τοῖς προβλήμασι
 τὸ προηγέσθαι κατὰ τὴν τάξιν ἀποδέδωκεν, ὃ δὲ Γε-
 μῖνος κατὰ τὴν τελειότεραν ἀξίαν. καὶ μὴν καὶ περὶ 25
 τοῦ τετάρτου θεωρήματος εἴπομεν, ὅπως τρόπον τινὰ
 δεῖται τῶν πρὸ αὐτοῦ προβλημάτων, ἐν οἷς καὶ τῶν
 τριγώνων τὰς γενέσεις καὶ τῆς ἰσότητος τὴν εὗρεσιν
 ἐμάθομεν.

4 ἐπὶ τούτοις G. 5 ἐν διαφοροῖς del. not. C. 18 θεω-
 ρητικῶς G. 20 ἐκ om. M, G. || εἰς om. G, add. C. 24 τὸ om. G.

Προκείσθω δὲ νῦν καὶ ὅτι ὥς μὲν ἐν θεωρήμασιν ἀπλούστατόν ἐστι καὶ ἀρχοειδέστατον. ἀπ' αὐτῶν γὰρ ὥς εἰπεῖν μόνων αὐτοφυῶς δείκνυνται τῶν πρώτων ἐννοιῶν. σύμπτωμα δέ τι περὶ τὰ τρίγωνα φαινόμε-
 5 νον τὰ ἔχοντα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δι' οὗς πλευραῖς ἴσας καὶ τὰς ὑπ' αὐτῶν περιεχομένας γωνίας ἀποδεικνύον εἰκότως μετὰ τὰ προβλήματα τέτακται, δι' ὧν τὰ ὑποκείμενα τῷ συμπτώματι τούτῳ καὶ ὅλως τὰ δεδομένα κατεσκευάζεται.

10 Prop. V, theor. II. Τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι εἰσίν· καὶ προσεκβληθεῖσιν τῶν ἴσων εὐθειῶν αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι εἰσὶ.

Τῶν θεωρημάτων τὰ μὲν ἐστὶν ἀπλᾶ, τὰ δὲ σύν-
 15 θετα. λέγω δὲ ἀπλᾶ μὲν, ὅσα κατὰ τὰς ὑποθέσεις καὶ κατὰ τὰ συμπεράσματα ἀδιαίρετά ἐστιν, ἐν ἔχοντα τὸ δεδομένον καὶ τὸ ζητούμενον ἓν· οἷον εἰ οὕτως ἔλεγεν ὁ στοιχειωτής· πᾶν τρίγωνον ἰσοσκελὲς ἴσας ἔχει τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας — σύνθετα δὲ τὰ ἐκ
 20 πλειόνων ἢ τὰς ὑποθέσεις ἔχοντα συγκειμένας ἢ τὰ συμπεράσματα τῆς ὑποθέσεως οὔσης ἀπλῆς ἢ καὶ ἀμφοτέρω. καὶ τούτων τὰ μὲν ἐστὶ συμπεπλεγμένα, τὰ δὲ ἀσύμπλεκτα. ἐστὶ δὲ ἀσύμπλεκτα μὲν, ὅσα σύνθετα ὄντα μὴ δύναται διαιρεῖσθαι εἰς ἀπλᾶ θεωρή-
 25 ματα, ὥσπερ τὸ τέταρτον. ἐν ἐκείνῳ γὰρ καὶ τὸ δεδομένον σύγκειται καὶ τὸ ἐπόμενον, ἀλλ' οὐ δύναται

6 ἀποδείκνυνται G, ἀποδεικνύον C. 9 κατασκευάζεται G.

16 διαιρετά M. 24 θεωρεῖσθαι G, διαιρεῖσθαι in G in margine alia manu quam C.

διαιρεθῆναι τὸ δεδομένον εἰς ἀπλᾶ καὶ ποιήσασθαι
 θεωρήματα. οὐ γάρ, ἐὰν ἴσας ἔχη μόνας τὰς πλευρὰς
 τὰ τρίγωνα ἢ μόνην τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίαν, συμ-
 βαίνει τὰ λοιπὰ. συμπεπλεγμένα δέ, ὅσα διαιρεῖται
 εἰς ἀπλᾶ, οἷον ἐκεῖνο τὸ θεωρήμα· τὰ τρίγωνα καὶ 5
 τὰ παραλληλόγραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα τὸν
 αὐτὸν ἔχει λόγον ταῖς βάσεσι. δυνατόν || γὰρ καὶ
 διελόντα εἰπεῖν· τὰ τρίγωνα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος
 τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον ταῖς βάσεσι, καὶ ἐπὶ τῶν παραλ-
 ληλογράμμων ὁμοίως. πάντων δὲ τῶν συνθέτων τὰ 10
 μὲν κατὰ τὸ συμπέρασμα συντίθεται ἀπὸ τῆς αὐτῆς
 ὑποθέσεως ὀρμηθέντα, τὰ δὲ κατὰ τὰς ὑποθέσεις ἔχει
 τὴν σύνθεσιν καὶ τὸ αὐτὸ πάσαις ἐπάγει συμπέρασμα,
 τὰ δὲ κατὰ τὸ συμπέρασμα καὶ τὰς ὑποθέσεις συν-
 θετά ἐστι. κατὰ μὲν οὖν τὸ συμπέρασμα ἐνταῦθα (?) 15
 σύνθεσις ἐστίν. ἐπὶ τούτου γὰρ τοῦ θεωρήματος τρία
 ἐστὶ τὰ συναγόμενα· ὅτι αἱ βάσεις ἴσαι, ὅτι τὰ τρί-
 γωνα ἴσα, ὅτι αἱ λοιπαὶ γωνίαι ἴσαι, ὅφ' ἄς αἱ ἴσαι
 πλευραὶ ὑποτείνουσιν — κατὰ δὲ τὰς ὑποθέσεις ἐπὶ
 τοῦ κοινοῦ τῶν τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων 20
 θεωρήματος, τῶν ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντων — κατ'
 ἀμφοτέρω δὲ ὥς ἐπ' ἐκείνου· αἱ διαμέτροι τῶν κύκλων
 καὶ τῶν ἑλλείψεων τὰ τε χωρία διχᾶ διαιροῦσι καὶ τὰς
 περιεχούσας τὰ χωρία γραμμάς. τῶν δὲ συμπεπλεγμέ-
 νων τὰ μὲν ἐστὶ καθολικά, τὰ δὲ ἐκ τῶν ἐπὶ μέρους 25
 συνάγει τὸ καθόλου. ἐὰν γὰρ εἴπωμεν, ὅτι ἡ διάμε-
 τρος τὸν κύκλον καὶ τὴν ἑλλειψιν καὶ τὰ παραλληλό-

1 θεωρηθεῖναι G, διαιρεθῆναι C. 2 μόνας om. G, add. C.

5 Eucl. VI, 1. 15 Pro ἐνταῦθα conicias: ἐν τῷ δ' i. e. ἐν τῷ τε-
 τάρτῳ. 'hic' B, 'hoc vero in loco' Z. $R_3 = M, G$. 21 θεωρημά-
 των C. || καὶ κατ' G, καὶ del. not. C. 25 μέρος G. 26 εἴπομεν M.

γραμμα διαιρεῖ, ἕκαστον μὲν τῶν συμπεπλεγμένων οἱ καθόλου λαμβάνομεν, τὸ δὲ ἐκ πάντων καθόλου ποι-
οῦμεν, ἐὰν δὲ εἴπωμεν· ἐν κύκλῳ πᾶσαι αἱ διὰ τοῦ
κέντρου διχοτομοῦσιν ἀλλήλας καὶ τὰς τῶν τμημάτων
5 πάντων γωνίας ἴσας ποιοῦσι, καθόλου λέγομεν. ἐπὶ
γούν τῆς ἐλλείψεως οὔτε πᾶσαι αἱ τῶν τμημάτων γω-
νίαι ἴσαι εἰσίν, ἀλλὰ μόνων τῶν ὑπὸ τοῦ ἄξονος γινο-
μένων. ὅλως δὲ τὰς συνθέσεις ταύτας ἐμηχανήσαντο
οἱ γεωμέτραι διὰ τε τὴν συντομίαν καὶ διὰ τὰς ἀνα-
10 λύσεις. πολλὰ γὰρ ἀσύνθετα μὲν ὄντα οὐκ ἀναλύεται,
συντεθέντα δὲ μόνως εὐοδίαν παρέχει πρὸς τὴν ἐπὶ
τὰς ἀρχὰς ἀνάλυσιν.

Τούτων δὴ προτεθεωρημένων τὸ πέμπτον θε-
ώρημα σύνθετον πάντως ῥητέον καὶ κατ' ἀμφοτέρω
15 σύνθετον, κατὰ τε τὸ δεδομένον καὶ κατὰ τὸ ζητού-
μενον, ἃ καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐνδεικνύμενος ἐν ὃν αὐτὸ
ἐμέρισεν καὶ χωρὶς ἐκάτερα παρέθετο τὰ διδόμενα καὶ
τὰ ζητούμενα, τῶν ἰσοσκελῶν εἰπὼν αἱ πρὸς τῇ βάσει
ἴσαι, καὶ πάλιν ἐξῆς· καὶ προσεκβληθεῖσιν τῶν ἴσων
20 αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσαι. οὐ γὰρ δύο δεῖ νομίζειν εἶναι
θεωρήματα, ἀλλ' ἓν, σύνθετον δὲ ὃν καὶ κατὰ τὸ δε-
δομένον καὶ κατὰ τὸ ζητούμενον. καὶ τῶν συγκει-
μένων ἐκάτερον τέλειον καὶ ἀληθές, διὸ καὶ ἡ ἀνά-
λυσις ἀληθὴς ἀφ' ἐκατέρου. εἴτε γὰρ αἱ πρὸς τῇ
25 βάσει ἴσαι, ἰσοσκελὲς τὸ τρίγωνον, εἴτε αἱ ὑπὸ τὴν

1 διαιρεῖ *M.* || μὲν om. *G.* 'unumquodque ... Complexo-
rum' et in margine 'Unamquamque ... Complexi partem' *B.*
'unumquodque ex complexis' *Z.* 7 μόνον *G.* 'sed soli eorum'
et in margine 'Sed eorum tantum' *B.* 'sed earum tantum' *Z.*
 $B_3 = M.$ 11 σύνθετα *G.* || εὐοδίας *G.* 13 προτεθεωρηθέν-
των *G.* corr. *C.* 16 ὃ *G.* ἃ $B_3, C.$ 'quod' et in margine 'quae' *B.*
'quod' *Z.* 17 τὰ δεδομένα καὶ ζητούμενα *G.* 19 ἴσαι post
βάσει om. *G.* add. *C.* 24 ἐφ' ἐκατέρου *G.*

βάσιν, ἴσαι εὐθεΐαι προσεκβέβληνται καὶ τὸ || τριγώνον
 ἰσοσκελές. ἀλλ' ὁ στοιχειωτὴς πρὸς μὲν τὸ τὰς πρὸς
 τῇ βάσει γωνίας ἴσας εἶναι ποιήσεται τὴν ἀντιστροφὴν,
 πρὸς δὲ τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας οὐκέτι. καίτοι
 καὶ τοῦτο ἀληθές. 5

Τούτου μὲν οὖν τὴν αἰτίαν ὕστερον λέξομεν, νῦν
 δὲ ἐκεῖνο πρῶτον ζητήσωμεν, δι' ἣν αἰτίαν ὅλως
 τοῦτο προσαπέδειξεν τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας εἶναι.
 οὐδαμῶς γὰρ τούτῳ χρήσεται πρὸς ἄλλων ἢ κατα-
 σκευὴν ἢ ἀπόδειξιν προβλημάτων ἢ θεωρημάτων. 10
 ἄχρηστον οὖν ἐσόμενον τί ἔδει παρεμβάλλειν τῷ θε-
 ωρήματι τούτῳ; ῥητέον δὲ πρὸς ταύτην τὴν ζήτησιν,
 ὅτι καὶ εἰ μηδαμοῦ χρῆσθαι μέλλοι τῷ καὶ τὰς ὑπὸ
 τὴν βάσιν τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας εἶναι, ἀλλὰ
 πρὸς γε τὰς τῶν ἐνστάσεων ἀνατροπὰς καὶ τὰς διαλύ- 15
 σεις τῶν ἀντιπιπτόντων τοῖς θεωρήμασιν ἔσται τοῦτο
 χρήσιμον. ἐπιστημονικὸν δὲ καὶ τεχνικὸν προοικονο-
 μεῖσθαι τὰς λύσεις τῶν μαχομένων τοῖς ῥηθῆσεσθαι
 μέλλουσι καὶ τῶν ἀπαντήσεων προκαταβάλλεσθαι τὰς
 ἀφορμὰς, ἵνα μὴ μόνον αἱ τῶν ἀληθῶν ἀποδείξεις 20
 διὰ τῶν προαποδεδειγμένων, ἀλλὰ καὶ οἱ τοῦ ψεύδους
 ἔλεγχοι δι' ἐκείνων γίνονται. καὶ λάβοις ἂν καὶ ἐκ
 τούτου πρὸς ῥητορικὴν ὄφελος τῆς ἐν γεωμετρίας τά-
 ξεως. ὁ γὰρ καὶ ἐν ἐκείνοις τοῖς λόγοις τοῦτο δυνά-
 μενος ποιῆσαι καὶ προιδεῖν τὰ μαχόμενα τοῖς ἐφεξῆς 25
 κεφαλαίοις καὶ πρὸ τῆς ἐκείνων μεταχειρήσεως ὥς δὴ

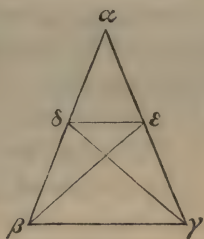
1 προβέβληνται G, προσεκβέβληνται C. 2 πρὸς τῇ βάσει
 om. M. 4 πρὸς δὲ τὰς omisso τὸ G. 7 ὅλως om. G,
 add. C. 16 ἔστι C. 22—23 'ex hoc quoque in Geometria
 ordine' et in margine 'ex hoc quoque eius qui in Geometria
 est ordinis' B, 'ex hoc ordine geometrico' Z. B₃ = M, G.
 26 ὁ δὲ G, B₃, M, sed in M postera manus adscripsit ὥς, '(quod
 sane praeter propositum est)' B, 'quod aliis otiosum videtur' Z.

πάρεργον ἄλλοις προηγουμένοις συγκατασκευάσαι τὰς
 λύσεις αὐτῶν, οὗτος ἀσφαλεστάτην ἂν μάλιστα μέθ-
 οδον προίσταιτο τῶν ἀγώνων. τοῦτο τοίνυν καὶ ὁ
 στοιχειωτῆς ἔργῳ διδάσκων ἡμᾶς πρὸ τῶν θεωρημά-
 5 των, οἷς τὰ ἀντιπίπτοντα διαλύσομεν τῷ νῦν δεικνυ-
 μένῳ χρώμενοι, συναποδείκνυσιν τὸ καὶ τὰς ὑπὸ τὴν
 βάσιν τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας εἶναι καὶ προεντρε-
 πίζει τὸν τοῦ ψεύδους ἐπ' ἐκείνων ἔλεγχον. ἔσται δὲ
 προιοῦσιν δῆλον ὅτι καὶ ἐπὶ τοῦ ἐβδόμου θεωρήματος
 10 καὶ ἐπὶ τοῦ ἐνάτου τὰς φερομένας ἐνστάσεις ἀπὸ τού-
 του διαλύσομεν. ἐκ δὲ τούτου φανερὸν καὶ δι' ἣν
 αἰτίαν οὐκ ἀντέστρεψεν καὶ ἀπὸ τούτου τὸ ἕκτον, ὥς
 οὐδὲ τούτου προηγουμένην ἔχοντος χρεῖαν, ἀλλὰ κατὰ
 συμβεβηκὸς ἡμῖν πρὸς τὴν ὅλην ἐπιστήμην συν-
 15 τελοῦντος.

Εἰ δέ τις ἡμᾶς ἀπαιτοίη καὶ μὴ προσεκβάλλοντας
 τὰς ἴσας εὐθείας ἀποδεικνύναι τῶν ἰσοσκελῶν ἴσας
 τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας — οὐ γὰρ χρῆναι διὰ τῶν
 ὑπὸ τὴν βάσιν ἀποδεικνύναι καὶ ταύτας ἴσας — τρώ-
 20 πον τινὰ μεταθέντες τὴν κατασκευὴν καὶ τὰς ἔξω ποι-
 ήσαντες ἐντὸς τοῦ ἰσοσκελοῦς δείξομεν τὸ προκείμενον.
 ἔστω γὰρ ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ καὶ εἰλήφθω σημεῖον τυ-
 χὸν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$, καὶ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$ ἴση τῇ $\overline{αδ}$ ἡ
 $\overline{αε}$ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{βε}$ $\overline{δγ}$ $\overline{δε}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ

1 κατασκευάσαι G, συγκατασκευάσαι C. 5 τῶν νῦν
 δεικνυμένων G, corr. C. 9 προιοῦσα G, προιοῦσαν M,
 postera autem manus i super α scripsit. 11 τούτων G, τού-
 του C. 12 ἀντέστρεψεν G. 14 συντελοῦν G, συντελοῦν-
 τος C. 16 προσυμβάλλοντας G, προσεκβάλλοντας C.
 17 εὐθείας ἴσας G. 19 τῇ βάσει G, τὴν βάσιν C. 23 τῇ
 $\overline{αβ}$ $\overline{αε}$ G, τῇ $\overline{αδ}$ ἡ $\overline{αε}$ C. 24 $\overline{δε}$ om. M, G. 'de' B, Z.

$\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\parallel \overline{\alpha\epsilon}$ καὶ γωνία ἡ $\overline{\alpha}$ κοινή,
 ἔσται καὶ ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ ἴση τῇ $\overline{\delta\gamma}$ καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς
 λοιπαῖς, ὥστε ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\epsilon}$ τῇ ὑπὸ
 $\overline{\alpha\gamma\delta}$ ἴση ἐστίν. πάλιν ἐπεὶ ἡ $\overline{\delta\beta}$
 ἴση τῇ $\overline{\epsilon\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\delta\gamma}$ καὶ γω-
 νία ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\beta\epsilon}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\gamma\delta}$ ἴση,
 καὶ ἡ $\overline{\delta\epsilon}$ βάσις κοινή, καὶ πάντα
 ἴσα πᾶσιν, ὥστε ἡ μὲν ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\beta}$
 ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\gamma}$, ἡ δὲ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\beta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\gamma}$. ἐπεὶ
 οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\beta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\gamma}$, ὧν ἀφήρηνται ἴσαι 10
 αἱ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\beta}$ $\overline{\epsilon\delta\gamma}$, λοιπαὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{\beta\delta\gamma}$ $\overline{\gamma\epsilon\beta}$ ἴσαι
 εἰσίν. εἰσὶν δὲ καὶ αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$ πλευραὶ ἴσαι ταῖς $\overline{\gamma\epsilon}$ $\overline{\epsilon\beta}$
 ἑκατέρω καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ κοινὴ βάσις, καὶ πάντα ἄρα
 πᾶσιν, ὥστε καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ὑφ' ἃς αἱ ἴσαι
 πλευραὶ ὑποτείνουσιν, ἴσαι εἰσίν. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\beta\gamma}$ 15
 τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\gamma\beta}$. ὑποτείνει γὰρ τὴν μὲν ὑπὸ $\overline{\delta\beta\gamma}$ ἡ $\overline{\delta\gamma}$,
 τὴν δὲ ὑπὸ $\overline{\epsilon\gamma\beta}$ ἡ $\overline{\epsilon\beta}$. τῶν ἄρα ἰσοσκελῶν αἱ πρὸς
 τῇ βάσει ἴσαι καὶ μὴ προσεκβληθεῖσιν τῶν ἴσων
 εὐθειῶν.



5

10

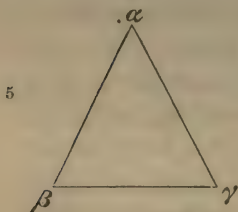
15

20

Ἔτι δὲ συντομώτερον ἀποδείκνυσιν ὁ Πάππος 20
 μηδεμιᾶς προσθήκης δεηθεὶς οὕτως· ἔστω τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$

9—10 ἐπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\beta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\gamma}$ G, corr. C.
 18 παρεκβληθεῖσιν G, προσεκβληθεῖσιν C. 21 δεόμενος G,
 δεηθεὶς B, C, 'quippe qui . . . indiguit' et in margine 'indi-
 gens' B, 'nulla adiectione assumpta' Z.

ἰσοσκελὲς καὶ ἴση ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$. νοήσωμεν οὖν τοῦτο
τὸ ἐν ὧς δύο τρίγωνα, καὶ λέγωμεν οὕτως· ἐπεὶ ἐστι



καὶ ἡ $\overline{\alpha\beta}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῇ
 $\overline{\alpha\beta}$, δύο αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσαι δυσὶ ταῖς
 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ ἴση τῇ
ὑπὸ $\overline{\gamma\alpha\beta}$, ἡ αὐτὴ γάρ, ἐστὶν ἄρα
καὶ πάντα πᾶσιν ἴσα, ἡ μὲν $\beta\gamma$
τῇ $\beta\gamma$, τὸ δὲ $\alpha\beta\gamma$ τρίγωνον τῷ

$\alpha\beta\gamma$, ἡ δὲ ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$ τῇ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$ καὶ ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$ τῇ
10 ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$ γωνία· ὑπὸ γὰρ ταύτας αἱ ἴσαι πλευραὶ
ὑποτείνουσιν αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ · τῶν ἄρα ἰσοσκελῶν αἱ πρὸς
τῇ βάσει ἴσαι. καὶ ἔοικεν τὸν τρόπον τοῦτον τῆς ἀπο-
δείξεως εὐρεῖν κατανοήσας ὅτι καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐπὶ
τοῦ τετάρτου θεωρήματος ἐνώσας || τὰ δύο τρίγωνα
15 καὶ ἐφαρμόσας ἀλλήλοις καὶ ἐκ δυοῖν ἐν ἀποτελέσας
οὕτως αὐτῶν τὴν ἰσότητα τὴν κατὰ πάντα τεθέαται.
κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ἡμᾶς δυνατὸν ἐν τῷ ἐνὶ
τούτῳ παρὰ τὴν λῆψιν τὰ δύο τρίγωνα θεωροῦντας
ἀποδεικνύναι τὴν ἰσότητα τῶν πρὸς τῇ βάσει γωνιῶν.

20 Τῷ μὲν οὖν Θαλῇ τῷ παλαιῷ πολλῶν τε ἄλλων
εὐρέ|σεως ἕνεκα καὶ τοῦδε τοῦ θεωρήματος χάρις.
λέγεται γὰρ δὴ πρῶτος ἐκεῖνος ἐπιστῆσαι καὶ εἰπεῖν,
ὧς ἄρα παντὸς ἰσοσκελοῦς αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι

2 ἐπεὶ ἐστὶν ἡ $\overline{\alpha\beta}$ G. 4 δύο δὴ αἱ $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\beta}$ G.

8 τῷ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τριγώνῳ C. 9 $\overline{\alpha\beta\gamma}$... $\overline{\alpha\beta\gamma}$... $\overline{\alpha\beta\gamma}$... $\overline{\alpha\beta\gamma}$ G.

10—11 ὑπὸ γὰρ ... $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ om. G. 16 αὐτῶν μὲν ἰσό-
τητα G. 19 τὴν βάσιν C.

ἴσαι εἰσίν, ἀρχαῖκώτερον δὲ τὰς ἴσας ὁμοίας προσ-
 ειρηκέναι. μειζόνως δὲ ἂν τις ἀγασθείη τῶν νεωτέρων
 τοὺς ἀποδείξαντας ἔτι καθολικώτερον — ὧν ἔστι καὶ
 Γεμῖνος — τὰς ἀφ' ἐνὸς σημείου προσπιπτούσας
 εὐθείας ἴσας ἐπὶ μίαν ὁμοιομερῆ γραμμὴν ἴσας γω- 5
 νίας ποιούσας, ὥστ' εἴτε εὐθεῖαν ἔχοι βάσιν εἴτε περι-
 φέρειαν εἴτε ἔλικα κυλινδρικήν, ἴσας αὐτῶν εἶναι τὰς
 πρὸς τῇ βάσει γωνίας. τούτῳ γὰρ ὁ Γεμῖνος τῷ θεω-
 ρήματι χρώμενος δείκνυσιν, ὅτι μόναι τρεῖς εἰσι γραμ-
 μαὶ καὶ οὐ πλείους αἱ ὁμοιομερεῖς εὐθεῖα καὶ περι- 10
 φερῆς καὶ ἡ περὶ κύλινδρον ἔλιξ. καὶ τοῦτό ἐστι τὸ
 κυρίως καθόλου ὃ πρῶτον τὸ σύμπτωμα ὑπάρχει,
 καθάπερ δὴ καὶ τὸ τὰς δύο τῆς λοιπῆς μείζους ἔχειν
 τριγώνῳ παντὶ δειχθήσεται καθ' αὐτὸ ὑπάρχον. οὐκ
 ἔστιν ἄρα καθόλου τοῦ ἰσοσκελοῦς, εἰ καὶ παντὶ αὐτῷ 15
 ὑπάρχει τὸ τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας ἴσας ἔχειν, ἀλλὰ
 τῶν πρὸς ὁμοιομερῆ γραμμὴν προσπιπτουσῶν εὐθειῶν.
 ἐκείναις γὰρ πρώτως ὑπάρχει τὸ ἴσας ὑποτείνειν
 γωνίας.

Prop. VI, theor. III. Ἐὰν τριγώνου αἱ δύο γω- 20
 νίαι ἴσαι ᾤσιν καὶ αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας
 ὑποτείνουσαι πλευρὰὶ ἴσαι εἰσίν.

Τοῦτο τὸ θεώρημα δύο ταῦτα ἐπεδείξατο πρώτι-
 στον τῶν θεωρημάτων τὴν τε ἀντιστροφὴν καὶ τὴν

1 δὲ post ἀρχαῖκώτερον om. G, add. C. 3 ὥς ἔστι G.
 5 ἐπὶ μιᾷ ὁμοιομεροῦς γραμμῇ G, corr. C. 6 ποιῆσαι G,
 ποιούσας C. || ἔχει G. 10 ἡ εὐθεῖα καὶ ἡ G, utrumque ἡ
 del. not. C. 18 ὑπάρχειν M. 20—22 M in margine: γ' θεώ-
 ρημα ἢ πρόβλημα. 23 πρώτιστα B, G, 'in primis' B, 'quae ...
 praecipua sunt' Z.

εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγὴν. ἀντιστρέφει μὲν γὰρ τῷ πρὸ αὐτοῦ θεωρήματι, δείκνυται δὲ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς. δεῖ δὲ περὶ ἀμφοτέρων εἰπεῖν, ὅσα πρὸς τὴν παροῦσάν ἐστι πραγματεῖαν οἰκεῖα.

- 5 Λέγεται τοίνυν ἡ ἀντιστροφή παρὰ τοῖς γεωμέτραις ἡ μὲν προηγουμένως καὶ κυρίως, ὅταν τὰ συμπεράσματα καὶ τὰς ὑποθέσεις ἀλλήλων ἀντιμεταλαμβάνη τὰ θεωρήματα, καὶ τὸ μὲν τοῦ προτέρου συμπεέρασμα ὑπόθεσις ἐν τῷ δευτέρῳ γίνηται, ἡ δὲ
10 ὑπόθεσις || ὡς συμπέρασμα ἐπάγεται· οἷον τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι — ὑπόθεσις μὲν τὸ ἰσοσκελὲς ἐνταῦθα τρίγωνον, συμπέρασμα δὲ ἡ τῶν πρὸς τῇ βάσει γωνιῶν ἰσότης — καὶ ὧν αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι, ταῦτα ἰσοσκελῆ, ὃ δὴ καὶ
15 τὸ ἕκτον λέγει θεώρημα, ὑπόθεσιν μὲν ποιησάμενον τὸ ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας, συμπέρασμα δὲ τὴν ἰσότητα τῶν πλευρῶν τῶν ὑποτείνουσῶν τὰς ἴσας ἐκείνας γωνίας. ἡ δὲ ἐστὶν ἀντιστροφή κατὰ μόνην τὴν ποιὰν τῶν συγκειμένων ἐναλλαγὴν. ἐὰν γὰρ
20 ἡ θεώρημα σύνθετον ἀπὸ πλειόνων ὑποθέσεων ἀρχόμενον καὶ λῆγον εἰς τι συμπέρασμα, λαβόντες τὸ συμπέρασμα καὶ μίαν τῶν ὑποθέσεων συμπέρασμα ποιοῦνται μίαν τῶν ὑποθέσεων ἢ καὶ πλείους. καὶ κατὰ

8 προβλήματα G, θεωρήματα C. 9 γίνεταί G.

10 ἐπάγεται M, G. 11 πρὸς τὴν βάσιν H₂ p. 271. 13 πρὸς τὴν βάσιν M, G. || καὶ ὧν . . . ἴσαι om. G. 14 ταῦτα ἰσοσκελῆ] τὰ ἰσοσκελῆ ἐστὶν G. 17 Alterum τῶν om. G.

18 ἐστὶν om. G. 19 ποιὰν M, ποιὰν G, ποιικίλιαν Kn. II,

‘quandam’ B, om. Z. 19—22 M in margine: β εἶδος ἀντιστροφῆς κατὰ μόνην τὴν ποιὰν τῶν συγκειμένων ἐναλλαγὴν.

21 εἰς τὸ G. || λαβόν τε M, C, ‘assumentes’ Z, ‘accipientes’ B. B₃ = G. 22—23 συμπέρασμα . . . ὑποθέσεων om. G (Z),

add. C. 22 ποιοῦνται] ‘inferimus’ et in margine ‘faciunt’ B.

23 ἢ καὶ πλείους B in contextu cum priore μίαν τῶν ὑπο-

τοῦτον τὸν τρόπον τῷ τετάρτῳ θεωρήματι τὸ ὄγδοον ἀντιστρέψει. τὸ μὲν γὰρ φησιν ὑπὸ ἴσας πλευρὰς καὶ γωνίας βάσεις ἴσαι ὑποτείνουσι, τὰ δὲ ἐπ' ἴσων βάσεων ἴσαι πλευραὶ κείμεναι γωνίας ἴσας περιέχουσιν, ὧν τὸ μὲν ἐπὶ ἴσων βάσεων συμπεράσμα ἦν τοῦ προ-⁵ τέρου, τὸ δὲ ἴσαι πλευραὶ κείμεναι μία τῶν ἐν ἐκείνῳ προειλημμένων ὑποθέσεων. δύο δὲ τούτων οὐσῶν ἀντιστροφῶν ἡ μὲν προηγουμένη μονοειδής ἐστι καὶ ὠρισμένη, ἡ δὲ ἑτέρα ποικίλη καὶ εἰς ἀριθμὸν πρόεισι πολὺν θεωρημάτων καὶ οὐκ ἐν ἐνὶ ἀντιστρέφουσα ἀλλ' ¹⁰ ἐν πολλοῖς διὰ τὸ πλῆθος τῶν ἐν τοῖς συνθέτοις θεωρήμασιν ὑποθέσεων. πολλάκις δὲ καὶ τῷ ἀπὸ δυεῖν [ἢ πλειόνων] ὑποθέσεων ἀρχομένῳ ἐν ἀντιστρέφοντι, ὅταν αἱ ὑποθέσεις μὴ πᾶσαι ὧσιν ὠρισμένα ἀλλ' ἐνταῦθα ἀοριστώδεις. 15

Δεῖ δὲ ἐφιστάνειν καὶ ἐν τούτοις, ὅτι πολλαὶ ἀντιστροφὰί γίνονται ψευδεῖς καὶ οὐκ εἰςὶ κυρίως ἀντιστροφαι· οἷον πᾶς ἐξάγωνος ἀριθμὸς τρίγωνός ἐστιν, ἀλλ' οὐκ ἔτι ἀληθές, ὅτι πᾶς τρίγωνος ἐξάγωνός ἐστιν. αἴτιον δὲ ὅτι τὸ μὲν ἐστὶ κοινότερον, τὸ δὲ μερικώτε- ²⁰

θέσεων coniungit, in margine cum altero. $B_3 = M, G.$ 1 τῷ τετάρτῳ] τῷ δ' M in margine. 2 ἀντιστρέφει G , ἀντιστρέψει $C.$

3 ὑποτείνουσαι $C.$ || ὑπὸ τῶν ἴσων G , ἐπὶ τῶν ἴσων $C.$ 6 μιὰν G , μία $C.$ 7 οὐσῶν] ἴσων M , sed postera manus οὐ super ἰ scripsit. 9 ἡ δὲ] καὶ δὲ G , ἡ δὲ $C.$ 10 πολὺν $C.$

10—11 'non in uno sed in multis' et in margine 'non unum uni sed unum multis' B , 'neque unum cum uno convertit; sed in multis' $Z.$ $B_3 = M, G.$ 11 διὰ] 'propter' et in margine 'iuxta' B , 'ob' $Z.$ 12—13 πολλάκις . . . ὑποθέσεων om. $G.$

12 καὶ τὸ $M.$ 13 ἢ πλειόνων ego addidi, ut sit de quo πᾶσαι possit dici. Nec tamen locus videtur esse sanus, cum ἐν minime congruat cum voce ἐνταῦθα. || ἀρχομένων $B_3, G.$ || ἐναντιστροφόμενον B_3, G , ἐν ἀντιστροφόμενον M , sed postera manus puncta posuit super ον. 19 ἀλλ οὐκ . . . ἐστιν om. G , add. $C.$ || ἔτι ἐπαληθές $M.$

ρον καὶ κατὰ παντὸς λέγεται μόνον θατέρου θάτερον.
 ἐφ' ὧν δὲ τὸ πρῶτως ὑπάρχον καὶ τὸ ἢ αὐτὸ λαμ-
 βάνεται, ἐπ' ἐκείνων καὶ ἀντιστροφὴ παρακολουθεῖ.
 καὶ ταῦτα οὐδὲ τοὺς περὶ τὸν Μέναιχμον καὶ Ἀμ-
 5 φίνομον λέληθεν μαθηματικούς.

Αὐτῶν δὲ τῶν ἀντιστροφόντων θεωρημάτων τὰ
 μὲν εἰδῶθαισι καλεῖν προηγοίμενα, τὰ δὲ ἀντίστροφα.
 ὅταν μὲν γὰρ ὑποθέμενοί τι γένος ἀποδεικνύωσι τὸ
 περὶ αὐτὸ σύμπτωμα, προηγούμενον τοῦτο λέγουσιν,
 10 ὅταν δὲ ἀνάπαλιν ὑπόθεσιν μὲν ποιῶνται τὸ σύμ-
 πτωμα, || συμπέρασμα δὲ τὸ γένος, ᾧ τοῦτο συμβέβη-
 κεν, ἀντίστροφον τὸ τοιόνδε προσαγορεύουσι. πᾶν
 ἰσοσκελὲς τρίγωνον ἴσας ἔχει τὰς πρὸς τῇ βάσει, τοῦτο
 προηγούμενον — ἰπόκειται γὰρ τὸ τῇ φύσει προηγού-
 15 μενον, λέγω δὴ τὸ γένος αὐτὸ τὸ ἰσοσκελὲς τρίγωνον
 — πᾶν τρίγωνον δύο γωνίας ἴσας ἔχον καὶ τὰς ὑπο-
 τεινούσας πλευρὰς ἴσας ἔχει καὶ ἐστὶν ἰσοσκελές, τοῦτο
 ἀντιστρέφον. ἐναλλάττει γὰρ τὸ ὑποκείμενον καὶ τὸ
 τούτου πάθος, καὶ τὸ μὲν ὑποτίθῃσι, τὸ δὲ ἀπὸ τού-
 20 του δείκνυσι.

Τοσαῦτα περὶ τῶν γεωμετρικῶν ἀντιστροφῶν
 εἴχομεν λέγειν. αἱ δὲ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγὰι πάντως
 μὲν εἰς ἀδύνατον τελευτῶσιν ἐναργές, καὶ οὗ τὸ ἀντι-
 κείμενον ὁμολόγηται, συμβαίνει δὲ τὰς μὲν αὐτῶν
 25 ἐπὶ τὰ μαχόμενα ταῖς κοιναῖς ἐννοίαις ἥτοι αἰτήμασιν |
 ἢ ταῖς ὑποθέσεσι τελευτᾶν, τὰς δὲ ἐπὶ τὰ τοῖς προ-
 αποδεδειγμένοις ἀντιφάσκοντα. τὸ μὲν γὰρ ἔκτον

1 μόνον λέγεται G. 3 ἢ ἀντιστροφὴ G. 12 οἶον
 πᾶν G, οἶον del. not. C. 16 ἔχον ἴσας G. 22—24
 M in margine: ση. τὴν εἰς ἀδύνατον δεῖξιν τὴν παρὰ τοῖς
 γεωμέτραις.

τοῦτο θεώρημα τὸ συμβαῖνον ἀδύνατον ἐπιδείκνυσι
διὰ τὸ κοινὴν ἔννοιαν ἀνατρέπειν τὴν τὸ ὅλον τοῦ
μέρους μεῖζον λέγουσαν, τὸ δὲ ὄγδοον καταντᾷ μὲν
εἰς ἀδύνατον, ἀλλ' οὐ κοινῆς ἐννοίας ἀνατρεπτικόν,
ἀλλὰ τοῦ δεδειγμένου διὰ τοῦ ἐβδόμου θεωρήματος. ⁵
ὃ γὰρ ἀπέφησεν τὸ ἐβδομον, τοῦτο ἐκεῖνο δείκνυσι
καταφασκόμενον τοῖς μὴ συγχωροῦσι τὸ ζητούμενον.

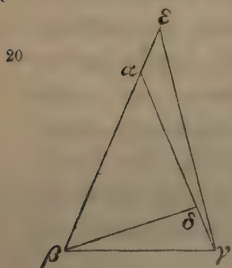
Πᾶσά γε μὴν εἰς τὸ ἀδύνατον ἀπαγωγὴ λαβοῦσα
τῷ ζητούμενῳ τὸ μαχόμενον καὶ τοῦτο ὑποθεμένη πρό-
εισιν, ἕως ἂν εἰς ὁμολογούμενον ἄτοπον καταντίσῃ ¹⁰
καὶ δι' ἐκεῖνο τὴν ὑπόθεσιν ἀνελούσα βεβαιώσῃται
τὸ ἐξ ἀρχῆς ζητούμενον. ὅλως γὰρ εἰδέναι χρὴ ὅτι
πᾶσαι αἱ μαθηματικαὶ πίστεις ἢ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν εἰσιν
ἢ ἐπὶ τὰς ἀρχάς, ὥς πού φησι καὶ ὁ Πορφύριος. καὶ
αἱ μὲν ἀπὸ τῶν ἀρχῶν διτταὶ καὶ αὐταὶ τυγχάνουσιν, ¹⁵
ἢ γὰρ ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν ὥρμηται καὶ τῆς
ἐναργείας μόνης τῆς αὐτοπίστου, ἢ ἀπὸ τῶν προδε-
δειγμένων· αἱ δὲ ἐπὶ τὰς ἀρχάς ἢ θετικαὶ τῶν ἀρχῶν
εἰσιν ἢ ἀναιρετικά. ἀλλὰ θετικά μὲν οὔσαι τῶν ἀρ-
χῶν ἀναλύσεις καλοῦνται, καὶ ταύταις αἱ συνθέσεις ²⁰
ἀντίκεινται — δυνατὸν γὰρ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν ἐκείνων
προελθεῖν εὐτάκτως ἐπὶ τὸ ζητούμενον, καὶ τοῦτό
ἐστὶν ἡ σύνθεσις — ἀναιρετικά δὲ οὔσαι εἰς ἀδύνα-
τον ἀπαγωγὰι προσαγορεύονται. τὸ γὰρ τῶν ὁμολο-
γημένων τι καὶ ἐναργῶν ἀνατρέψαι ταύτης ἔργον τῆς ²⁵
ἐφόδου. καὶ ἐστὶ καὶ ἐπὶ ταύτης συλλογισμὸς τις,

6 ἀπέφηνε G, ἀπέφησε C. 8 εἰς ἀδύνατον G, εἰς τὸ
ἀδύνατον C. 9 τοῦτο ὑποθέμενον (τοῦ ὑποθεμένου) H₂
p. 255. 11 δι' ἐκεῖνο M, H₂ p. 255, δι' ἐκείνου G.
14 ὥς πού] ὥσπερ H₂ 15 αὐταὶ H₂. 17 ἐναργείας G, H₂. ||
ἀπίστου G, αὐτοπίστου C, H₁ p. 455. 22 προσελθεῖν H₂
p. 255. 26 καὶ ἐστὶν ἐπὶ G, H₂ p. 256.

ἀλλ' οὐχ ὁ αὐτὸς ὥσπερ ἐπὶ τῆς ἀναλύσεως. ἐν γὰρ
ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς ἡ πλοκὴ κατὰ τὸ δεύ-
τερόν ἐστιν τῶν ὑποθετικῶν, οἷον εἰ μὴ εἰσιν τῶν
ἴσας ἐχόντων γωνίας τριγώνων αἱ ὑποτείνουσαι πλεν-
5 ραὶ τὰς ἴσας γωνίας || ἴσαι, τὸ ὅλον ἴσον ἐστὶν τῷ
μέρει· ἀλλὰ τοῦτο ἀδύνατον· εἰδὼν ἄρα τῶν ἴσας
ἐχόντων δύο γωνίας τριγώνων αἱ ὑποτείνουσαι πλεν-
ραὶ τὰς ἴσας γωνίας καὶ αὐταὶ ἴσαι.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς παρὰ τοῖς γεωμέτραις εἰς
10 τὸ ἀδύνατον ἀπαγωγῆς· χρῆται δέ, ὅπερ ἔφαμεν, ὁ
στοιχειωτῆς τῇ μὲν ἀντιστροφῇ κατὰ τὴν πρότασιν, τὸ
συμπέρασμα τοῦ πέμπτου θεωρήματος ὡς δεδομένον
λαβὼν καὶ τὴν ὑπόθεσιν τὴν ἐκείνου προστιθεὶς ὡς
ζητούμενον, τῇ δὲ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῇ περὶ τε τὴν
15 κατασκευὴν καὶ τὴν ἀπόδειξιν. εἰ δέ τινες ἐνίσταντο

λέγοντες ὅτι τὸν τῇ $\alpha\beta$ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ ἴσην ἀφαιροῦντα
οὐ δεῖ πρὸς τῷ γ ποιέσθαι τὴν ἀφαίρεσιν, ἀλλὰ πρὸς
τῷ α , θέμενοι καὶ ταύτην τὴν ὑπόθεσιν εἰς τὸ αὐτὸ
καταντήσομεν ἀδύνατον. ἔστω γὰρ



20

25

ἴση ἢ $\alpha\delta$ τῇ $\alpha\beta$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ
 $\beta\alpha$ καὶ κείσθω ἴση ἢ $\alpha\epsilon$ τῇ $\delta\gamma$.
ὅλη ἄρα ἡ $\beta\epsilon$ ἴση τῇ $\alpha\gamma$. καὶ ἐπε-
ξεύχθω ἡ $\epsilon\gamma$. ἐπεὶ οὖν ἡ $\alpha\gamma$ ἴση
τῇ $\beta\epsilon$, κοινὴ δὲ ἡ $\beta\gamma$, δύο δυεῖν
ἴσαι, καὶ ἡ πρὸς τῷ β γωνία ἴση

τῇ ὑπο $\alpha\gamma\beta$ — οὕτω γὰρ κεῖται — καὶ πάντα ἄρα

2 τὸν δεύτερον M.

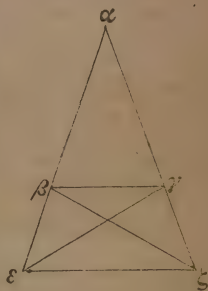
15 ἀνίστανται G.

20 ἡ $\alpha\beta$ τῇ $\alpha\delta$ G, corr. C.22 Post τῇ $\alpha\gamma$ addit G: κοινὴ δὲ ἡ $\beta\gamma$.

πᾶσιν ἴσα διὰ τὸ τέταρτον, ὥστε καὶ τὸ $\overline{\epsilon\beta\gamma}$ τριγώνου
τῷ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τριγώνῳ ἴσον, τὸ ὅλον τῷ μέρει, ὅπερ ἀδύ-
νατον.

Ἄλλ' ἐπεὶ καὶ τοῦτο δῆλον, ἐπόμενόν ἐστι καὶ τὸ
λοιπὸν δεῖξαι τῆς ἀντιστροφῆς. ὁ μὲν γὰρ στοιχειωτῆς 5
πρὸς μέρος ἀντέστρεψεν τοῦ πέμπτου θεωρήματος
ὅλον τὸ ἕκτον. δεῖ δὲ καὶ τὴν λοιπὴν ἀντιστροφήν
προσθεῖναι. αὕτη δέ ἐστιν ἡ λαμβάνουσα μὲν ὡς
ὑπόθεσιν τὸ εἶναι τριγώνου τινὸς τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν
γωνίας ἴσας, δεικνύουσα δὲ ἰσοσκελὲς τὸ τρίγωνον. 10

ἔστω τοῖνυν τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τρίγωνον καὶ
ἐκβεβλήσθωσαν αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ
ἔστωσαν αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσαι.
λέγω ὅτι ἰσοσκελὲς ἐστιν τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$.
εἰλήφθω γὰρ ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\epsilon}$ σημεῖον
τὸ ϵ καὶ ἴση τῇ $\overline{\beta\epsilon}$ ἢ $\overline{\gamma\zeta}$ καὶ ἐπε-
ξεύχθωσαν αἱ $\overline{\epsilon\gamma}$ $\overline{\beta\zeta}$ $\overline{\epsilon\zeta}$. ἐπεὶ
οὖν ἴση ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\gamma\zeta}$, κοινὴ ἡ $\overline{\beta\gamma}$,



15

δύο δυσὲν ἴσαι, καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\beta\gamma}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\gamma\beta}$
γωνία ἴση, καὶ γὰρ ὑπὸ τὴν βάσιν, καὶ πάντα ἄρα 20
πᾶσιν διὰ τὸ τέταρτον. ἴση ἄρα καὶ ἡ $\overline{\epsilon\gamma}$ βάσει τῇ $\overline{\zeta\beta}$
καὶ ἡ ὑπὸ $\parallel \overline{\beta\epsilon\gamma}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\beta}$ ἴση καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\beta\zeta}$ τῇ

2 τὸ ante ὅλον om. G, add. C. 8 ἡ ante λαμβάνουσα
om. G, add. C. 9 ὑπὸ τῇ βάσει M, G. 11 ἔστω ... τρί-

γωνον om. M. || $\overline{\alpha\gamma\beta}$ G, $\overline{\alpha\beta\gamma}$ C. 12 Post 'ab, ac' B addit:

'ad Signa d g', 'ab in e et ac in f' Z. 16 τὸ $\overline{\beta}$ G.

19 20. τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\gamma\beta}$ γωνία ἴση] ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\gamma\beta}$ G.

ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$, ὑπὸ γὰρ αὐτὰς αἰ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνου-
 σιν. ἦν δὲ καὶ ὅλη ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\beta\gamma}$ ὅλη τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\gamma\beta}$ ἴση,
 ἀφ' ὧν ἡ ὑπὸ $\overline{\zeta\beta\gamma}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\gamma\beta}$, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\overline{\epsilon\beta\zeta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\gamma\epsilon}$. ἐστὶν δὲ ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση καὶ ἡ
 5 $\overline{\beta\zeta}$ τῇ $\overline{\epsilon\gamma}$ καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν καὶ πάντα ἄρα
 πᾶσιν ἴσα, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\epsilon\zeta}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\epsilon}$ ἴση, ὥστε
 καὶ ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ τῇ $\overline{\alpha\zeta}$ ἴση δι' αὐτὸ τὸ ἕκτον — δέδεικται
 γάρ — ἀφ' ὧν ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση — οὕτως γὰρ ἀφ-
 ῆρηται — λοιπὴ ἄρα ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ ἴση. ἰσοσκελὲς
 10 ἄρα ἐστὶν τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τρίγωνον. εἴν τε ἄρα τὰς δύο γω-
 νίας ἴσας ἔχη, ἰσοσκελὲς ἐστίν, εἴν τε τῶν πλευρῶν
 ἐκβληθεῖσιν τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας ἔχη, καὶ οὕτως
 ἰσοσκελὲς ἐστὶ τὸ δοθὲν τρίγωνον.

Τί οὖν αἴτιον, δι' ὃ οὐκ ἀντέστρεψεν ὁ στοι-
 15 χειωτῆς καὶ τὸ λοιπὸν μέρος; ἢ ὅτι καὶ ἐπὶ τοῦ πέμ-
 πτου θεωρήματος τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίας ἴσας
 εἶναι πάρεργον ἦν, ἄλλαν ἕνεκα ἀπόρων διαλύσεως
 ἐκβεβλημένον, τὸ δὲ τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσων οὐσῶν
 ἰσοσκελὲς εἶναι τρίγωνον οὔτε πρὸς ἀπόδειξιν προ-
 20 ηγουμένην οὔτε πρὸς διάλυσιν αὐτῷ συντελεῖ τῶν
 ζητουμένων πρὸς τῷ καὶ διὰ τῶν ἐξῆς θεωρημάτων
 ἀποφαίνεσθαι τοῦτο καὶ ἁπορμας αὐτῷ ἀκκεῖνα παρ-
 ἔχειν τοῦ τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν γωνιῶν ἴσων οὐσῶν

3 ἀφ' om. M, G. || λοιπὴ δὲ ἄρα G. 5 περιέχουσιν G.

11—12 ἰσοσκελὲς . . . ἔχη om. G, add. C. 16 ὑπὸ τῇ βάσει
 M, G. 17 διαλύσεων G. 18—20 ἴσων οὐσῶν . . . αὐτῷ
 om. G, add. C. 20 τῷ ζητουμένῳ G, corr. C. 21 καὶ ante
 διὰ om. G, add. C. 22 τοῦ τῷ αὐτῷ M. || ὑπὸ τῇ βάσει
 M, C, ἀπὸ τῇν βάσει G.

δείκνυσθαι καὶ τὸ τρίγωνον ἰσοσκελές; εἰ γὰρ εὐθεία
 πᾶσα ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα καὶ ποιούσα δύο γωνίας
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ, τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν γωνιῶν
 δεδομένων ἴσων καὶ αἱ πρὸς τῇ βάσει | πάντως ἴσαι
 ἔσονται, τούτων δὲ ἴσων οὐσῶν καὶ αἱ ὑποτείνουσαι 5
 αὐτὰς ἴσαι. τούτῳ τοίνυν χρώμενος ἐν πάσῃ τῇ στοι-
 χειώσει ἡδύνατο λαμβάνειν ὅτι τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν
 ἴσων οὐσῶν τὸ τρίγωνον ἰσοσκελές ἐστίν· εἴπερ ἐδεῖτο
 καὶ τούτου πρὸς τινων θεωρημάτων || ἀπόδειξιν. οὐ
 γὰρ μετὰ πολλὰ φανήσεται δεικνύμενον ὅτι, ἐὰν εὐ- 10
 θεία ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα γωνίας ποιῇ, ἥτοι δύο ὀρθὰς
 ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ. καὶ τὰ μὲν πρὸ τούτου
 οὐδὲν δεῖ τῆς ἀντιστροφῆς ταύτης, τὰ δὲ ἑξῆς, εἰ
 δέοιτο, διὰ τούτου τὴν πίστιν ἔξει τοῦ θεωρήματος.

Prop. VII, theor. III. Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας 15
 δύο ταῖς αὐταῖς εὐθείαις ἄλλαι δύο εὐθεῖαι
 ἴσαι οὐ σταθεύουσιν· ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν πρὸς
 ἄλλῃ καὶ ἄλλῃ σημείω ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ
 αὐτὰ πέρατα ἔχουσιν ταῖς ἐξ ἀρχῆς εὐθείαις.

Ἐστὶ μὲν τὸ θεωρήμα τοῦτο σπάνιον τι πεποιηθὸς 20
 καὶ οὐ πάνυ ταῖς ἐπιστημονικαῖς προτάσεσιν εὐδαίμων.
 τὸ γὰρ ἀποφατικῶς σχηματίζεσθαι καὶ μὴ καταφατι-
 κῶς οὐ σφόδρα αὐταῖς οἰκεῖον. τὰ γοῦν πολλὰ κατα-
 φάσεις εἶδιν αἱ προτάσεις τῶν τε γεωμετρικῶν καὶ
 τῶν ἀριθμητικῶν θεωρημάτων. αἵτιον δέ, ὅς φησὶν 25

1 δεικνυσθαι δὲ τὸ τρίγωνον M. 3 δύο ὀρθαῖς M.
 ὑπὸ τῇ βάσει M, G. 5—6 ἔσονται . . . αὐτὰς ἴσαι om. G.
 add. C. 8 εἰπεῖν G, εἴπερ C. 11 ἐπ' εὐθείαν G, ἐπ'
 εὐθείαν C. || ἥτοι] ἢ G, ἥτοι C. 15 M in the margin: 5 θεω-
 ρημα. 18 καὶ ἄλλῃ om. M.

Ἀριστοτέλης, ὅτι τὸ καθόλου καταφατικὸν ταῖς ἐπιστήμαις ἐστὶ μάλιστα προσῆκον ὥς ἀνταρκέστερον καὶ μηδὲν τῆς ἀποφάσεως προσδεόμενον, τὸ δὲ καθόλου ἀποφατικὸν δεῖται καὶ τῆς καταφάσεως, εἰ μέλλοι
 5 δεικνυσθαι. ἄνευ γὰρ καταφάσεως οὔτε ἀπόδειξις ἐστίν, οὔτε συλλογισμὸς οὐδεὶς, καὶ διὰ τοῦτο αἱ ἀποδεικτικαὶ τῶν ἐπιστημῶν τὰ μὲν πλεῖστα καταφατικὰ δεικνύουσι, σπανίως δὲ χρῶνται καὶ τοῖς ἀποφατικοῖς συμπεράσμασι.

- 10 Θανμαστῆς δὲ ἀκριβείας ἐστὶν ἡ πρότασις τοῦ θεωρήματος πλήρης καὶ πάσαις ἡσφάλισται ταῖς προσθήκαις, δι' ὧν ἀνέλεγκτος ἀποτετέλεσται καὶ ἀναμφισβήτητος τοῖς συκοφαντεῖν ἐπιχειροῦσι. πρῶτον μὲν γὰρ τὸ ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας εἴληπται, ἵνα
 15 μὴ ἐπ' ἄλλης δύο δυσὶν ἴσας δεικνύωμεν ἑκατέραν ἑκατέρα καὶ παραλογιζώμεθα τοὺς τῇ προτάσει χρωμένους. ἔπειτα μιᾶς εὐθείας οὔσης οὐ φησὶν ἐπὶ ταύτην συσταθῆσθαι τὰς δύο ταῖς δυσὶν ἴσας οὐχ ἀπλῶς — τοῦτο γὰρ δυνατὸν — ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρα.
 20 τί γὰρ θανμαστὸν ἀμφοτέρας ἀμφοτέραις ἴσας λαβεῖν τῶν ἐπισυνισταμένων, τὴν μὲν ἐκτείναντα, τὴν δὲ συστείλαντα· ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρα φησὶν ἀδύνατον.

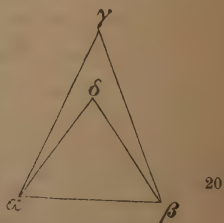
4 τῆς καταφάσεως] καταφάσεων H_2 p. 270. || εἰ μέλλοι] μέλλον H_2 . 5 δεικνυσθαι H_2 ; in B_3 et G omissa sunt verba εἰ μέλλοι δεικνυσθαι, in M conglutinatione litterae post δ sunt oblatae; 'ostendi' B , Z . || ἄνευ γὰρ καταφάσεως] om. B_3 . ἐκ γὰρ τῶν ἀποφατικῶν μόνον G (de suo?), 'nam ex negantibus tantum' et in margine 'nam sine affirmatione' B , 'nam sine affirmatione' Z . || οὐδ' . . . οὐδὲ omisso οὐδεὶς H_2 . 15 ἀπ' ἄλλης G , ἐπ' ἄλλοις C . 16 παραλογιζόμεθα C . || τοὺς om. G , add. C . || χρώμενοι G , χρωμένους B_3 , C , 'Propositioneque utentes circumveniamus' B , 'eos qui . . . utuntur decipiamus' Z . 17 φασὶν M , φασιν G , $\varphi\eta$ B_3 , 'inquit' B , 'dicunt' Z . 18 συστήσασθαι G . || οὐχ om. G . 22 ἑκατέρας ἑκατέραις G , ἑκατέραν ἑκατέραις M , C .

τρίτον προστίθῃσιν τὸ πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ ση-
 μείῳ. τί γάρ, εἴ τις ταῖς προϋφεστώσαις δύο ποιήσας
 ἴσας ἄλλας δύο καὶ ἑκατέραν ἑκατέρα ἐφαρμόσειεν
 ταύτας ἐκείναις καὶ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τῷ κορυ-
 φοῦντι τὰς ὑποκειμένας εὐθείας καὶ ταύτας συστή- 5
 σαιτο; πάντως γὰρ ἴδων οὕσων τῶν εὐθειῶν καὶ τὰ
 πέρατα ἐφαρμόσει. || τέταρτον τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.
 τί γάρ, εἰ μιᾶς εὐθείας ὑποκειμένης τὰς μὲν ἐπὶ τὸ
 ἕτερον αὐτῆς μέρος ποιήσαιμεν τῶν εὐθειῶν, τὰς δὲ
 ἐπὶ τὸ ἕτερον, ὥστε τὴν εὐθεῖαν κοινὴν εἶναι βάσιν 10
 τριγώνων δυεῖν τὰς κορυφὰς ἀντικειμένας ἔχοντων;
 ἵνα οὖν μὴ τοῦτο παθόντες τὴν αὐτῶν ἀπάτην ἐπὶ
 τὸν στοιχειωτὴν μεταγάρωμεν προσέθηκεν τὸ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ μέρη. πέμπτον ἐπήνεγκε τὸ τὰ αὐτὰ πέρατα
 ἔχουσαι ταῖς ἐξ ἀρχῆς εὐθείαις. καὶ γὰρ ἦν δυ- 15
 νατὸν ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας δύο δυσὶν ἴσας ἑκατέραν
 ἑκατέρα συστήσασθαι πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ σημείῳ ἐπὶ
 τὰ αὐτὰ μέρη ὅλη τῇ εὐθείᾳ χρησάμενον καὶ ἐπὶ ταύ-
 της τὰς δύο συνισταίντα, τῶν συνισταμένων οὐ τὰ
 αὐτὰ πέρατα ἐκείναις ἔχουσιν ἀλλὰ ἕτερα. ἐὰν γοῦν 20
 νοήσωμεν ἐν τετραγώνῳ δύο διαγωνίους ἐπὶ μιᾶς τῶν
 τοῦ τετραγώνου πλευρῶν, ἔσονται δύο δυσὶν ἴσαι,
 πλευρὰ καὶ διάμετρος τῇ παραλλήλῳ πλευρᾷ καὶ τῇ
 ἑτέρᾳ διαμέτρῳ, ἀλλ' οὐχ αἱ ἴσαι τὰ αὐτὰ πέρατα
 ἔξουσιν· οὔτε γὰρ αἱ παράλληλοι οὔτε αἱ διαμέτροι 25
 τὰ αὐτὰ ἔξουσιν ἀλλήλαις, αὗται δὲ ἦσαν ἴσαι.

8 μὲν om. G, add. C. 12 αὐτῶν M, G. 13 ἐπεγάρω-
 μεν G, ἐπαγάγωμεν C. 15 ἐξ αὐτῆς M. 19 τὰ δύο G,
 'duas' B, 'duo consistentia' Z. B₃ = M. 20 ἐὰν οὖν M,
 ἐὰν γὰρ B₃, G, 'si enim' B, 'nam si' Z. 22. 23 ἴσαι πλευ-
 ραί, M. 26 τὰ αὐτὰ πέρατα ἔξουσιν ἀλλήλοις G.

ἄρα μείζων || ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\delta\gamma}$ τῆς ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$. ἀλλ' ἐπειδὴ
 πάλιν ἴση ἡ $\overline{\delta\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\beta}$, ἴσαι καὶ αἱ | πρὸς τῇ βάσει ἡ
 ὑπὸ $\overline{\beta\delta\gamma}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$, ἡ αὐτὴ ἄρα καὶ μείζων πολλῶ
 καὶ ἴση, ὅπερ ἀδύνατον. καὶ τοῦτο ἦν ἄρα, ὅπερ ἐξ-
 ηγούμενοι τὸ πέμπτον ἐλέγομεν ὅτι τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν 5
 γωνίας ἴσας ἀλλήλαις εἶναι, καὶ εἰ μὴ πρὸς τὰς ἀπο-
 δεῖξεις τῶν ἐξῆς θεωρημάτων, ἀλλὰ πρὸς γε τὰς τῶν
 ἐνστάσεων διαλύσεις ἔσται χρήσιμον. καὶ γὰρ νῦν
 τὴν ἐνστασιν διηλέγξαμεν λαβόντες ὅτι τῶν $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$
 ἴσων οὐσῶν ἔσονται καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\gamma\delta}$ $\overline{\zeta\delta\gamma}$ γωνίαι ἴσαι. 10
 φανήσεται δὲ ὡσαύτως καὶ ἐπ' ἄλλων θεωρημάτων
 ἡμῖν τοῦτο συντελοῦν εἰς τὰς τῶν ἀπορουμένων δια-
 λύσεις.

Εἰ δὲ λέγοι τις ὅτι ἔστωσαν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας
 ταῖς $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$ ἴσαι αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\beta\gamma}$, ὧν ἡ μὲν $\overline{\beta\gamma}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ 15
 ἡ δὲ $\overline{\beta\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\delta}$ πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ
 σημείῳ τῷ $\overline{\alpha}$ καὶ τῷ $\overline{\beta}$, τὰ αὐτὰ
 πέρατα ἔχουσαι ταῖς $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$ τὸ $\overline{\gamma}$ καὶ
 τὸ $\overline{\delta}$ σημεῖον, τί ἐροῦμεν πρὸς τοῦ-
 τον τὸν λόγον; ἢ ὅτι δεῖ καὶ τὰς ἐξ
 ἀρχῆς εὐθείας ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας
 συνεστάναι καὶ τὰς ταύταις ἴσας ἐπὶ τῆς αὐτῆς συν-
 ἵστασθαι τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας; οὕτως γὰρ καὶ ὁ στοι-
 χιωτὴς ἐν τῇ προτάσει λέγει. αἱ δὲ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ $\overline{\alpha\delta}$ εὐθεῖαι



1 $\overline{\beta\gamma\delta}$] $\overline{\zeta\delta\gamma}$ M. 5 ὑπὸ τῇ βάσει M, G. 8 ἐστὶ G.
 15 ὧν ἡ μὲν $\overline{\beta\gamma}$ ἴση om. M. 21 $\overline{\alpha\delta}$ G.

οὐκ εἰσὶν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας, ἀλλὰ πρὸς τινι σημείῳ
 τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας τὴν σύστασιν ἔσχον καὶ οὐκ ἐπ' αὐτῆς,
 ὥστε ἄλλαι μὲν εἰσιν αἱ ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας, οἷον αἱ
 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\gamma\beta}$ καὶ αἱ $\overline{\alpha\delta}$ $\overline{\delta\beta}$, καὶ ἄλλαι αἱ ἐξ ἀρχῆς εὐθεῖαι
 5 καὶ αἱ ταύταις ἴσαι, δέον πως τὰς συνισταμένας
 εὐθείας ἴσας ταύταις εἶναι, αἱ ἦσαν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$
 εὐθείας.

Τοσαῦτα καὶ πρὸς ταύτην εἰρήσθω τὴν ζήτησιν·
 ὅτι δὲ τὸ θεωρήμα τοῦτο δέδεικται παρὰ τῷ στοι-
 10 χιωτῇ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς καὶ ὅτι τὸ
 ἀδύνατον μάχεται πρὸς κοινὴν ἔννοιαν τὴν λέγουσαν
 τὸ ὅλον τοῦ μέρους μείζον καὶ τὸ αὐτὸ μείζον καὶ
 ἴσον εἶναι ἀδύνατον, πρόδηλον. ἔοικεν δὲ εἶναι τοῦτο
 τὸ θεωρήμα λῆμμα προλαμβανόμενον τοῦ ὀγδόου
 15 θεωρήματος. || εἰς γὰρ τὴν ἀπόδειξιν ἐκείνου συντελεῖ
 καὶ οὔτε στοιχεῖόν ἐστιν ἀπλῶς οὔτε στοιχειῶδες. οὐ
 γὰρ ἐπὶ πολλὰ διατείνει τὴν ἑαυτοῦ χρείαν. σπανιω-
 τάτην γοῦν αὐτοῦ παρὰ τῷ γεωμέτρῃ τὴν χρῆσιν
 εὐρήσομεν.

1 σημείω] σημειώσει M. 3 $\overline{\alpha\beta}$ om. G, add. C. 5 καὶ
 αἱ ταύταις ἴσαι] 'quaeque ipsis aequales constitui debent' et
 in margine 'quaeque ipsis aequales sunt' B, 'quae ... his
 aequales assumptae sunt' Z. || δέον πως] δεόντως M, G, δέον-
 τως B₃. 'cum tamen opus sit' B, 'oportune' Z. 6 7. ἴσας
 ταύταις $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας om. G, add. C. 8 τοσαῦτα καὶ πρὸς
 ταῦτα καὶ πρὸς ταύτην G. 15 εἰ γὰρ εἰς G. || συντελεῖν M.

Prop. VIII, theor. V. Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ ἑκατέραν ἑκατέρα καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσην, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην ἔξει τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην.

5

Τὸ ὄγδοον θεωρημα ἀντίστροφον μὲν ἐστὶ τοῦ τετάρτου, οὐ κατὰ τὴν προηγουμένην ἀντιστροφὴν ληφθέν — οὐ γὰρ ὅλην τὴν ὑπόθεσιν ἐκείνου ποιεῖται συμπέρασμα καὶ ὅλον τὸ συμπέρασμα ὑπόθεσιν — ἀλλὰ τὸ μὲν τῆς ὑποθέσεως τοῦ τετάρτου τὸ δὲ 10 τῶν ἐκείνῳ ζητουμένων συμπλέκον δείκνυσιν ἓν τι τῶν ἐκεῖ δεδομένων. τὸ μὲν γὰρ τὰς δύο πλευρὰς ἴσας εἶναι ταῖς δύο πλευραῖς ὑπόθεσις ἐστὶν ἐν ἀμφοτέραις, τὸ δὲ τὴν βάσιν ἴσην τῇ βάσει ἐν ἐκείνῳ μὲν τῶν ζητουμένων ἦν, ἐν δὲ τούτῳ δέδοται. τὸ δὲ 15 τὴν γωνίαν ἴσην τῇ γωνίᾳ δεδομένον μὲν ἐν ἐκείνῳ, ζητούμενον δὲ ἐν τούτῳ· μόνη τοίνυν ἡ ἐναλλαγὴ τῶν δεδομένων καὶ ζητουμένων ποιεῖ τὴν ἀντιστροφὴν. εἰ δέ τις ἐπιποθοίη μαθεῖν τὴν αἰτίαν, δι' ἣν ὄγδοον τέτακται καὶ οὐ μετὰ τὸ τέταρτον εὐθύς ὥς 20 ἀντίστροφον ἐκείνῳ, καθάπερ δὴ μετὰ τὸ πέμπτον τὸ ἕκτον ἀντίστροφον ὃν τοῦ πέμπτου — καὶ γὰρ τὰ πλεῖστα τῶν ἀντιστροφόντων ἔπεται τοῖς προηγουμένοις καὶ ἐπ' αὐτοῖς ἀμέσως δείκνυνται — λεκτέον ὅτι τοῦ μὲν ἐβδόμου τὸ ὄγδοον ἐδεῖτο. δείκνυνται γὰρ 25 διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς. τὸ δὲ ἀδύνατον, ὅτι

1 Min in margine: ἡ θεωρημα. 3. 4 τῇ γωνίᾳ τὴν γωνίαν G.

6 μὲν om. G. 13 ἐν om. G. 15 ἐν τούτῳ δὲ G.

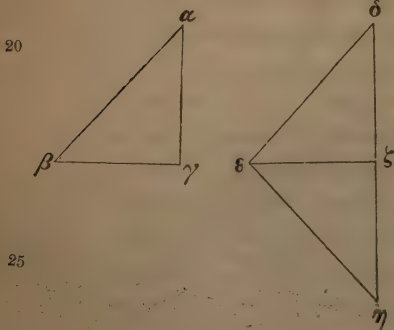
21 ἀντίστροφον ἐκείνῳ . . . τὸ ἕκτον om. G. 22 ἀντίστροφως ὃν τὸ πέμπτον G, corr. C.

τοιούτον ἐστίν, ἀπὸ τοῦ ἐβδόμου γνώριμον γίνεται. τοῦτο δ' αὖ πάλιν εἰς τὴν ἀπόδειξιν ἐδείκτο τοῦ πέμπτου. προείληπται τοίνυν ἀναγκαίως καὶ τὸ ἑβδόμον καὶ τὸ πέμπτον τοῦ δεικνυμένου νυνὶ θεωρήματος.

5 ἐπειδὴ δὲ καὶ τὸ ἀντίστροφον τῷ πέμπτῳ ῥᾷδιον εἶχεν καὶ ἀπὸ τῶν πρώτων τὴν ἀπόδειξιν, εἰκότως εὐθὺς μετὰ τὸ πέμπτον ἐτάχθη διὰ τε τὴν πρὸς ἐκεῖνο συγγένειαν καὶ ὅτι διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς δεικνύμενον ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν ἐλέγχει τὸ ἀδύ-
 10 νατον, καὶ οὐχ ὥς τὸ ὄγδοον ἀπ' ἄλλου θεωρήματος. ἐναργέστερα γὰρ εἰς ἕλεγχον τὰ ταῖς κοιναῖς ἐννοίαις μαχόμενα τῶν τοῖς θεωρήμασιν ἀντιφασκομένων. ταῦτα γὰρ || διὰ ἀποδείξεως εἴληπται, ἐκείνων δὲ ἡ γνώσις κρείττων ἀποδείξεως.

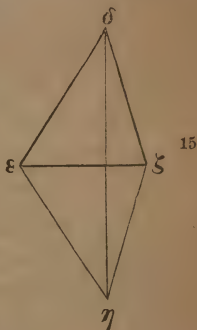
15 Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτὴς διὰ τοῦ προαποδειχθέντος ἐβδόμου θεωρήματος τὸ προκείμενον δεικνυσιν, οἱ δὲ περὶ Φίλων α μηδὲν τούτου προσδεηθέντες φασὶν ἀπο-

δείξειν τὸ ὄγδοον. ἐννοήσθω γάρ, φασίν, δύο τριγώνων ὄντων τοῦ $\overline{αβγ}$ καὶ δεξ καὶ ἔχόντων δύο πλευρὰς δυσὶν ἴσας καὶ τὴν $\overline{βγ}$ βάσιν τῇ ἐξ ἐφαρμοζομένην τὴν βάσιν τῇ βάσει καὶ τιθέμενον τὸ $\overline{αβγ}$



1 ἐστίν om. G, add. C. 12 τοῖς τῶν M, G. 17 προσδεηθέντες G, προσδεηθέντες C. || ἀπόδειξιν M. 19 ἐννοήσθωσαν G, ἐννοήσθω C.

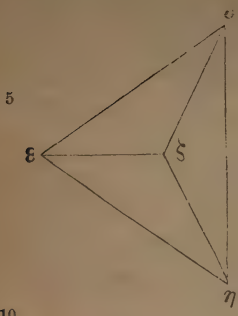
τριγωνον τῷ δεξ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ μὲν ἐπιπέδου, ἵνα μὴ
 κλίσις ἢ τῶν δύο ἢ βάσις, ἐπὶ θάτερα δὲ τῆς ἐξ τυχὸν
 εὐθείας, ὥστε ἀντικειμένους αὐτῶν εἶναι τὰς κορυφάς.
 καὶ ἀντὶ τοῦ αβγ ἔστω τεθὲν οὕτως τὸ ἐξη, καὶ ἴση
 τῇ μὲν δε ἢ εη, τῇ δὲ δξ ἢ ζη. ἢ τοίνυν ζη ἢ ἐπ' ⁵
 εὐθείας κείσεται τῇ δξ, ἢ οὐκ ἐπ' εὐθείας, καὶ εἰ μὴ
 ἐπ' εὐθείας, | ἢ κατὰ τὸ ἐντὸς ποιήσει γωνίαν πρὸς
 αὐτὴν ἢ κατὰ τὸ ἐκτός. ἔστω πρότερον ἐπ' εὐθείας.
 ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἢ δε τῇ εη καὶ μία εὐθεῖα ἢ δξη,
 ἰσοσκελὲς τὸ δεη τριγωνον καὶ ἴση ἢ πρὸς τῷ δ γω- ¹⁰
 νία τῇ πρὸς τῷ η. εἰ δὲ μὴ ἐπ' εὐθείας ἐστίν, ἐντὸς
 ποιείτω τὴν γωνίαν καὶ ἐπεξεύχθω ἢ
 δη. ἐπεὶ οὖν ἴσαι εἶσιν αἱ δε εη καὶ
 ἢ βάσις ἢ δη, ἴση ἐστὶν καὶ ἢ ὑπὸ
 εδη γωνία τῇ ὑπὸ εηδ. πάλιν ἐπεὶ
 ἴση ἐστὶν ἢ δξ τῇ ζη καὶ βάσις ἢ δη,
 ἴση ἐστὶν ἢ ὑπὸ ζδη γωνία τῇ ὑπὸ
 ζηδ. ἦν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ εδη ἴση τῇ
 ὑπὸ εηδ, ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ εδξ ἴση ἐστὶν



1 τῷ δεξ] καὶ τὸ δεξ G. 2 ἢ βάσις τῶν δύο G, τῶν δύο
 ἢ βάσις C. 3 εἶναι αὐτῶν G. 10 ἄρα post ἰσοσκελὲς ad-
 dit G. 13 αἱ δεη C. 17 ἴση ἐστὶν καὶ ἢ ὑπὸ ζδη γωνία G.

19 usque ad p. 268 1 ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ εδξ ἴση ἐστὶν ἢ
 ὑπὸ δξη γωνία τῇ ὑπὸ ζηδ. ἦν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ εδη ἴση τῇ
 ὑπὸ εδη. ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ εδξ ἴση ἐστὶν ὅλη τῇ ὑπὸ εξ ης
 γωνία M.

ὅλη τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\eta\zeta}$ || γωνία, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. τὸ δὲ
 τρίτον κατὰ τὸ ἐκτὸς ποιείτω γωνίαν πρὸς τὴν $\overline{\delta\zeta}$ ἢ
 $\overline{\zeta\eta}$ καὶ ἐπεξεύχθω ἐκτὸς ἡ $\overline{\delta\eta}$.
 ἐπεὶ οὖν ἴσαι εἰσὶν αἱ $\overline{\delta\epsilon}$ $\overline{\epsilon\eta}$ καὶ
 βάσις ἡ $\overline{\delta\eta}$, ἴσαι αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\delta\eta\epsilon}$
 γωνίαι. πάλιν ἐπεὶ ἴσαι αἱ $\overline{\delta\zeta}$
 $\overline{\zeta\eta}$ καὶ βάσις ἡ $\overline{\delta\eta}$, ἴση ἐστὶν ἡ
 ὑπὸ $\overline{\zeta\delta\eta}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\eta\delta}$. ἦσαν
 δὲ καὶ ὅλαι αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\delta\eta\epsilon}$ γω-
 νίαι ἴσαι ἀλλήλαις, καὶ λοιπαὶ ἄρα



αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ $\overline{\zeta\eta\epsilon}$ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν καὶ εὗρη-
 ται τὸ προτεθὲν κατὰ πᾶσαν θέσιν τῆς $\overline{\zeta\eta}$ εὐθείας
 ἡμῶν τὸ θεώρημα ἀποδεδειχότων, καὶ οὐδαμοῦ τῷ
 ἔβδόμῳ προσεχρησάμεθα.

15 Μήποτε οὖν, φασί, περιττῶς ἐκεῖνο παρεισκεκύ-
 κληται τῷ στοιχειωτῇ; εἰ γὰρ μόνου τοῦ ὀγδόου ἕνεκα
 αὐτὸ παρειλήφαμεν, δέδεικται δὲ καὶ ἄνευ ἐκείνου τὸ
 ὀγδοον, πῶς οὐχὶ παντελῶς ἄχρηστον ἀναφαίνεται
 τὸ ἔβδομον; πρὸς δὲ ταῦτα λεκτέον ἂ καὶ οἱ πρὸ
 20 ἡμῶν, ὅτι τὸ ἔβδομον ἀποδειχθὲν χρησιμώτατόν ἐστι
 τοῖς τὰ ἀστρονομικὰ δεινοῖς εἰς τὸν περὶ τῶν ἐκλεί-
 ψων τόπον. τούτῳ γὰρ φασιν χρώμενοι δεικνύναι
 ὅτι τρεῖς ἐφεξῆς ἐκλείψεις ἴσον ἀπέχουσαι ἀλλήλων

1 ὅλη om. G.

2 κατὰ τὴν ἐκτὸς C.

8 Ante ἦσαν

in M: καὶ βάσις. 11 ἀλλήλαις ἴσαι G. 15 παρεισκέκλη-

ται B, G, 'introductum est' B, 'insertam esse' Z. 16 μόνον G,
μόνον C. 19—21 In M in margine: ση. δι' ὅλου χρήσιμον.

21 ἐκλείψεως M.

22 τοῦτο M. || φησὶ G.

οὐκ ἂν γένοιντο, λέγω δὲ ὥστε τοσούτῳ χρόνῳ τὴν
 δευτέραν διεστάναι τῆς πρώτης, ὅσῳ τὴν τρίτην τῆς
 δευτέρας· οἷον εἰ μετὰ τὴν πρώτην ἢ δευτέρα γέγονεν
 ἐξ μηνῶν παρελθόντων καὶ εἴκοσιν ἡμερῶν, οὐκ ἂν
 γενέσθαι τὴν τρίτην ὕστερον τοσούτῳ χρόνῳ τῆς δευ- 5
 τέρας, ἀλλ' ἦτοι πλέονι ἢ ἐλάσσονι. τοῦτο δὲ οὕτως
 ἔχον ἀποδείκνυσθαι διὰ τοῦ ἐβδόμου θεωρήματος.
 καὶ οὐ τοῦτο μόνον τὸν στοιχειωτὴν ὡς πρὸς ἀστρο-
 νομίαν ἡμῖν συντελοῦν ὁδοῦ πάρεργον δεικνύναι,
 ἀλλὰ καὶ ἄλλα θεωρήματα πολλά τε καὶ προβλήματα. 10
 τὸ γοῦν τελευταῖον ἐν τῷ τετάρτῳ, καθ' ὃ τὴν τοῦ
 πεντεκαίδεκαγώνου πλευρὰν ἐγγράφει τῷ κύκλῳ, τίνος
 ἔνεκά φησὶν τις αὐτὸν προβάλλειν ἢ τῆς πρὸς ἀστρο-
 νομίαν τούτου τοῦ προβλήματος ἀναφορᾶς; ἐγγράψαν-
 τες γὰρ εἰς τὸν διὰ τῶν || πόλων κύκλον τὸ πεντεκαί- 15
 δεκάγωνον ἔχουσι τὴν ἀπόστασιν τῶν πόλων τοῦ τε
 ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ζῳδιακοῦ. πεντεκαίδεκαγωνικὴν
 γὰρ ἀλλήλων πλευρὰν ἀφεστήκασιν. εἰσιν οὖν ὁ
 στοιχειωτὴς καὶ πρὸς τὴν ἀστρονομίαν βλέπων πολλά
 προδεικνύναι προευτρεπίζων ἡμᾶς καὶ εἰς ἐκείνην τὴν 20
 ἐπιστήμην. συνιδὼν δὲ ὅτι τοῦτο τὸ ἐβδομον δείκνυ-
 ται ἀπὸ τοῦ πέμπτου καὶ δείκνυσι χωρὶς ἀπάσης ποι-
 κιλίας τὸ ὄγδοον ταύτην αὐτῷ τὴν τάξιν δέδωκεν,
 ἐπεὶ ἢ γε τοῦ Φίλωνος ἐπιβολὴ καλὴ μὲν, τῇ δὲ
 ποικιλίᾳ τῶν πτώσεων πρὸς στοιχείωσιν ἀνεπιτήδειος. 25

Πρὸς μὲν οὖν τὴν ζήτησιν ταύτην εἰρήσθω το-
 σαῦτα. εἰ δέ τις ἀποροίῃ, πῶς οὐχὶ καὶ ἐπὶ τοῦ
 ὀγδοῦ προσέθηκεν, ὅσα ἐπὶ τοῦ τετάρτου, λέγω δὲ
 τὸ καὶ τὰ τρίγωνα ἴσα εἶναι καὶ τὰς λοιπὰς γωνίας,

ἐροῦμεν ὅτι τῆς πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίας ἴσης ἀποδειχθείσης εἶπετο καὶ τὸ πάντα εἶναι πᾶσιν ἴσα διὰ τὸ τέταρτον. τοῦτο οὖν ἔδει μόνον καθ' αὐτὸ ἀποδεικνύναι, τὰ δ' ἄλλα ὥς ἐπόμενα λαμβάνειν.

- 5 Ἐοικεν δὲ τὴν ἰσότητα τῶν πρὸς ταῖς κορυφαῖς γωνιῶν ἢ τε τῶν περιεχουσῶν πλευρῶν τὰς γωνίας καὶ ἢ τῶν βάσεων ἰσότης ποιεῖν. οὔτε γὰρ ἀνίσων οὐσῶν τῶν βάσεων αἱ αὐταὶ γωνίαι μένουσι τῶν περιεχουσῶν ὑποκειμένων, ἀλλὰ τῆς βάσεως ἐλαττουμένης
 10 συνελασσοῦνται ἢ γωνία καὶ ἀνδρομένης συναύξεται, οὔτε τῶν αὐτῶν βάσεων οὐσῶν, τῶν δὲ πλευρῶν ἀνισαζομένων μένει ἢ γωνία, ἀλλ' ἐλασσομένων μὲν αὖξεται, ἀνδρανομένων δὲ ἐλασσοῦνται. πάσχουσι γὰρ ἐναντίον πάθος αἱ γωνίαι ταῖς περιεχούσαις. καὶ
 15 γὰρ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰ νοήσεις εἰς τὸ κάτω διελκομένης τὰς πλευράς, αὐτὰς μὲν ἐλαττοῖς, αὖξεις δὲ τὴν γωνίαν τὴν ὑπ' αὐτῶν περιεχομένην καὶ πλείω ποιεῖς αὐτῶν τὴν ἀπ' ἀλλήλων διάστασιν, εἰ δὲ ἀναγομένης καὶ προσθήκην δεχομένης, ἐλαττοῖς τὴν γω-
 20 νίαν, ἣν περιλαμβάνουσι. συμπίπτουσι γὰρ ἐπὶ πλεον τῆς κορυφῆς αὐτῶν πορρωτέρω γινομένης τῆς βάσεως. ἀσφαλὲς οὖν λέγειν καὶ τὴν βάσιν τὴν αὐτὴν οὔσαν καὶ τὰς πλευρὰς ἴσας ὑπαρχούσας τὴν ἰσότητα τῆς γωνίας ἀφορίζειν.

12 ἀνισομένων G, ἀνισομένων C. 13 ἀνδρομένων G, ἀνδρανομένων C. 22 τὴν ante αὐτὴν om. G, add. C. 23 ἴσας οὖν ὑπαρχούσας M, G.

Prop. VIII, probl. III. Τὴν δοθεῖσαν εὐθύ-
γραμμον γωνίαν δίχα τεμεῖν.

Τοῖς προβλήμασιν ἀναμίννυσι τὰ θεωρήματα καὶ τοῖς θεωρήμασι συμπλέκει τὰ προβλήματα καὶ δι' ἀμφοτέρων τὴν ὅλην συμπεραίνει στοιχεῖωσιν τότε μὲν 5 τὰ ὑποκείμενα ποριζόμενος, τότε δὲ τὰ περὶ | αὐτὰ συμπτώματα || θεωρῶν. δείξας τοίνυν διὰ τῶν πρόσθεν καὶ περὶ ἓν τρίγωνον τῇ ἰσότητι τῶν πλευρῶν ἐπομένην τὴν ἰσότητα τῶν γωνιῶν καὶ ἀνάπαλιν, καὶ περὶ δύο τρίγωνα ὡσαύτως, πλὴν ὅτι τῆς ἀντιστροφῆς ὁ τρόπος διαφέρων ἦν ἐπὶ τε τοῦ ἐνὸς τριγώνου καὶ τοῦν δυοῖν, μέτεισιν ἐπὶ τὰ προβλήματα καὶ ἐπιτάττει τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμμον δίχα τεμεῖν. καὶ δῆλον ὅτι δέδοται μὲν ἐνταῦθα κατὰ τὸ εἶδος ἡ γωνία. εὐθύγραμμος γὰρ εἴρηται καὶ οὐχ ἡ τυχοῦσα. 15 τὸ γὰρ πᾶσαν γωνίαν δίχα τεμεῖν οὐκ ἔστιν κατὰ στοιχείωσιν, ὅπου καὶ ἀμφισβητήσιμον, εἰ καὶ δυνατὸν πᾶσαν διχοτομῆσαι γωνίαν. τὴν γὰρ κερατοειδῆ γωνίαν εἰ δυνατὸν δίχα διελεῖν ἀπορήσειας ἂν.

Ἀφώρισται γε μὴν καὶ ὁ λόγος τῆς τομῆς, καὶ 20 τοῦτο πάλιν εἰκότως. τὸ γὰρ εἰς τὸν τυχόντα λόγον διελεῖν ἐκβαίνει τὴν παροῦσαν παρασκευήν, οἷον εἰς τρία ἴσα ἢ τέτταρα ἢ πέντε. τὴν μὲν γὰρ ὀρθὴν τρίχα τεμεῖν δυνατὸν ὀλίγοις χρησάμενον τῶν ἐξῆς, τὴν δὲ ὀξείαν ἀδύνατον μὴ ἐπ' ἄλλας μεταβάντα γραμμάς, 25

1 *M* in margin: $\overline{\theta}$ θεωρήμα. 7 θεωρεῖν *G*, θεωρῶν *C*.
15 οὐχ om. *M*. 17 εἰ καὶ δυνατὸν] εἶναι δυνατὸν εἰ *G*,
corr. *C*. 18 ἐστι διχοτομῆσαι *M*, ἐστὶ διχοτομῆσαι *G*. || γὰρ
om. *M*. 19 ἂν om. *M*. 22 κατασκευὴν *G*, παρασκευὴν *C*.

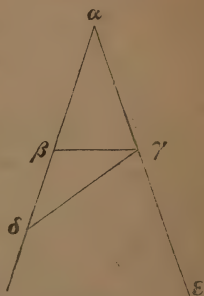
αὐ τοῦ μικτοῦ εἶσιν εἶδους. δηλοῦσι δὲ οἱ πρόθεσιν
 ποιησάμενοι ταύτην τὴν δοθεῖσαν εὐθύγραμμον γω-
 νίαν τρίχα τεμεῖν. Νικομήδης μὲν γὰρ ἐκ τῶν
 κορχοειδῶν γραμμῶν, ὧν καὶ τὴν γένεσιν καὶ τὴν
 5 τάξιν καὶ τὰ συμπτώματα παραδέδωκεν, αὐτὸς εὗρε-
 τῆς ὧν τῆς ιδιότητος αὐτῶν, πᾶσαν εὐθύγραμμον γω-
 νίαν ἐτριχοτόμησεν. ἕτεροι δὲ ἐκ τῶν Ἰππίου καὶ
 Νικομήδους τετραγωνιζουσῶν πεποιήκασι τὸ αὐτό,
 μικταῖς καὶ οὗτοι χρησάμενοι γραμμαῖς ταῖς τετρα-
 10 γωνιζούσαις. ἄλλοι δὲ ἐκ τῶν Ἀρχιμηδείων ἐλίκων
 ὀρμηθέντες εἰς τὸν δοθέντα λόγον ἔτεμον τὴν δοθεῖ-
 σαν εὐθύγραμμον γωνίαν· ὧν τὰς ἐπινοίας δυσθεω-
 ρήτους οὕσας τοῖς εἰσαγομένοις παραλείπομεν ἐν τῷ
 παρόντι. μᾶλλον γὰρ ἂν κατὰ καιρὸν ἐξετάσαιμεν
 15 ἴσως ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ τοῦ στοιχειωτοῦ τὴν δοθεῖ-
 σαν περιφέρειαν δίχα τέμνοντος. καὶ γὰρ ἐκεῖ ὁ
 αὐτὸς τρόπος τῆς ζητήσεως μὴ δίχα μόνον, ἀλλὰ καὶ
 τρίχα τεμεῖν, καὶ ἀπὸ τῶν αὐτῶν γραμμῶν αἱ ἐπι-
 βολαὶ τοῖς παλαιοῖς γεγόνασιν τῆς εἰς τρία ἴσα πάσης
 20 περιφερείας διαιρέσεως. εἰκότως ἄρα καὶ ὁ μεμνη-
 μένος [?] εὐθείας καὶ περιφερείας, τὰ δὲ ἐκ τούτων
 ὑφιστάμενα κατὰ μίξιν εἶδη δυσεξέλικτα ὄντα καὶ
 δυσαρίθμητα μὴ περιεργαζόμενος πάσας τὰς τοιαύτας
 ζητήσεις παρήσιν, ὅσαι τῶν μικτῶν προσδέονται

5 παρέδωκεν *G*, παραδέδωκεν *C*. 8 εὐπεποιήκασι *G*.
 9 καὶ οὗτοι om. *G*, add. *C*. 11 δοθεῖσαν om. *G*, add. *C*.
 21—22 'merito igitur . . . cum mentionem fecit: circa ea
 quae' *Z*. 'Iure igitur, qui etiam rectae Lineae tantum et Cir-
 cumferentiae mentionem fecit, solum rectilineum Angu-
 lum Circumferentiamque bifariam tantum secuit.
 Species autem' cet. *B*. Additamentum unde sumpserit *B*, nescio;
 equidem post ὁ nomen Euclidis vel similem notionem excidis-
 se puto, post μεμνημένος particulam μὲν. $B_3 = M$, *G*. 22 εἶδη]
 ἢ δὴ *G*. 24 παρίησιν *G*, παρήσιν *C*.

γραμμῶν, ἐπὶ τῶν πρωτίστων καὶ ἀπλουστάτων εἰδῶν
καὶ τὰ ἐκ τούτων μόνων ἢ πορίζεσθαι δυνάμενα ἢ
θεωρεῖσθαι προτιθεῖς εἰς ζήτησιν· ὁποῖον δὲ καὶ τὸ
νῦν προκείμενόν ἐστι πρόβλημα τὸ τὴν δοθεῖσαν ||
εὐθύγραμμον γωνίαν δίχα τεμεῖν. χρῆται γὰρ ἐν 5
τούτῳ πρὸς μὲν τὴν κατασκευὴν αἰτήματι ἐνὶ καὶ τῷ
πρώτῳ καὶ τρίτῳ θεωρήματι, πρὸς δὲ τὴν ἀπόδειξιν
τῷ ὀγδόῳ μόνῳ θεωρήματι. δεῖται γὰρ πάντως ἀπο-
δείξεως καὶ τὰ προβλήματα, ὥς καὶ πρότερον εἶπομεν,
καὶ τὸ ἐπιστημονικὸν ἀπὸ ταύτης προσλαμβάνει. 10

Ἴσως δ' ἂν τινες ἐνσταῖεν τῷ γεωμέτρῳ τὸ συν-
ιστάμενον ἰσόπλευρον ἐπ' αὐτοῦ λέγοντες τὴν κορυ-
φήν οὐκ ἐντὸς ἔχειν τῶν δύο εὐθειῶν, ἀλλ' ἦτοι ἐπὶ
τῆς ἐτέρας ἢ καὶ ἐκτὸς ἀμφοτέρων, γίνεσθαι δὲ σα-
φές τὸ λεγόμενον διὰ τῶν στοιχείων. ἔστω γωνία ἡ 15

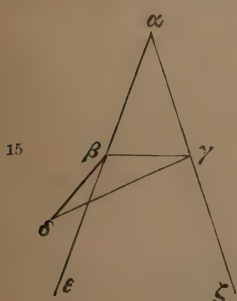
ὑπὸ $\beta\alpha\gamma$, ἣν δεῖ διχοτομῆσαι, καὶ
ἐπὶ τῆς $\alpha\beta$ σημείον τὸ β καὶ ἴση
τῇ $\beta\alpha$ ἢ $\gamma\alpha$ καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\beta\gamma$
καὶ ἐπὶ ταύτης ἰσόπλευρον τρίγω-
νον τὸ $\beta\gamma\delta$. τοῦτο δὲ τὸ δ σημείον
ἢ μεταξὺ ἔσται τῶν $\alpha\beta$ $\alpha\gamma$ εὐθειῶν
ἢ ἐπὶ τῆς $\alpha\beta$ ἢ ἐπὶ τῆς $\alpha\gamma$ ἢ ἐκτὸς
ἐκατέρας. ὁ μὲν οὖν στοιχειωτῆς



μεταξὺ ἔλαβεν αὐτό, καὶ διὰ τοῦτο κωλύοντες καὶ τὴν
ἀπόδειξιν ἐμποδίζοντές φασιν ἢ ἐπὶ τῆς ἐτέρας αὐτὸ 25

2 μόνον G. 3 προστιθεῖς G, προτιθεῖς C. 4 ζητού-
μενον G, προκείμενον C. 8 τρίτῳ G, ὀγδόῳ C. 16—23
Figuram cum sequente coniunxit B. 21 ἐστὶ G. 24 οἱ κω-
λύοντες G, οἱ del. not. C.

κείσθαι τῶν εὐθειῶν ἢ καὶ ἐκτὸς ἀμφοτέρων. κείσθω
 τοίνυν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$, ὥστε εἶναι ἰσόπλευρον τὸ
 $\overline{βγδ}$. ἴση ἄρα ἡ $\overline{δβ}$ τῇ $\overline{δγ}$ καὶ αἱ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι
 ἡ ὑπὸ $\overline{γβδ}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$, μείζων ἄρα ὅλη ἡ ὑπὸ
 5 $\overline{βγε}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γβδ}$ γωνίας. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{βα}$ τῇ
 $\overline{γα}$, ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ καὶ ἴσας ἔξει τὰς ὑπὸ $\overline{βγ}$ βάσεις.
 ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βγε}$ τῇ ὑπὸ $\overline{γβδ}$. ἦν δὲ καὶ μείζων,
 ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δύναται ἡ τοῦ ἰσοπλεύρου
 κορυφὴ ἐπὶ τῆς εὐθείας εἶναι τῆς $\overline{αβδ}$. ὁμοίως δει-
 10 ξομεν ὅτι οὐδὲ ἐπὶ τῆς $\overline{αγε}$. κείσθω οὖν ἐκτὸς ἀμ-
 φοτέρων, εἰ δυνατόν. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{βδ}$ τῇ $\overline{γδ}$, ἴσαι

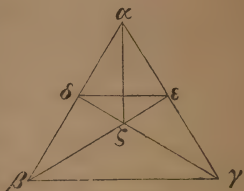


αἱ πρὸς τῇ βάσει ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$ καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{γβδ}$. μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$
 τῆς ὑπὸ $\overline{γβε}$. πόλλω ἄρα μείζων
 ἡ ὑπὸ $\overline{βγξ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γβε}$. ἀλλὰ καὶ
 ἴση, εἰ γὰρ ὑπὸ τὴν $\overline{βγ}$ βάσιν τοῦ
 $\overline{αβγ}$ ἰσοσκελοῦς, ὅπερ ἐστὶν ἀδύνα-
 15 τον. οὐκ ἄρα τὸ $\overline{δ}$ σημεῖον ἔξω
 κείσεται || κατὰ ταῦτα τὰ μέρη τῶν
 20 δύο εὐθειῶν. ὁμοίως δὲ δείξομεν ὅτι οὐδὲ κατὰ τὰ
 ἑτέρα. καὶ ὁρᾷς πάλιν ὅτι τὸν ἔλεγχον πεποιήμεθα

6 βάσεις G. 7 $\overline{ξβδ}$ M. 10 ἐπὶ $\overline{αγε}$ G. 12 καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{γβδ}$ om. M. 14 Post $\overline{γβε}$ addit M: μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\overline{βγδ}$. 15 $\overline{βγξ}$ $\overline{βγδ}$ M, 16 ἔστι γὰρ G. || $\overline{βγ}$ $\overline{ξγ}$ M.
 20 δὲ G, δὴ C.

τῶν ἐνστάσεων προσχωρέμενοι τῷ τὰ ἰσοσκελεῖ τρίγωνα
τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίας ἴσας ἔχειν. τοῦτο ἐκεῖνο,
ὃ καὶ πρότερον ἐλέγομεν ὅτι πολλὰ τῶν τῇ ἐπιστήμῃ
μαχομένων σαθρὰ καὶ εὐλέγκτα διὰ τούτου δείκνυται
τοῦ θεωρήματος | τος καὶ ὥς ταύτην ἀποπληροῖ τῷ γεω- 5
μέτρῳ τὴν χρεῖαν.

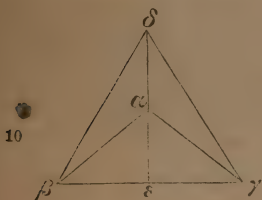
Εἰ δὲ λέγοι τις τόπον μὴ εἰδέναι ὑπὸ τὴν $\overline{βγ}$ βά-
σιν, δεόν ἐσται συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευρον ἐπὶ τὰ
αὐτὰ ταῖς $\overline{βα}$ $\overline{αγ}$. ἀνάγκη τοίνυν ἢ αὐταῖς ταῖς $\overline{βα}$
 $\overline{αγ}$ τὰς συνισταμένας ἐφαρμόξιν, εἴπερ καὶ αὐταὶ ἴσαι 10
τῇ $\overline{γβ}$, ἢ ἐκτὸς αὐτῶν πίπτειν, εἰ αὐταὶ ἐλάσσους τῆς
 $\overline{βγ}$, ἢ ἐντός, εἰ μείζους αἰ $\overline{βα}$ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{βγ}$. ἐφαρμο-
ζέτωσαν πρῶτον, καὶ ἰσόπλευ-
ρον αὐτὸ τὸ $\overline{βαγ}$, καὶ σημείον
ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ δ , καὶ ἀπὸ τῆς
 $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{αδ}$ ἴση ἀφηρόσθω ἡ $\overline{αε}$,
καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἰ $\overline{δε}$, $\overline{βε}$,
 $\overline{γδ}$, $\overline{αζ}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{αβ}$ τῇ
 $\overline{αγ}$ καὶ ἡ $\overline{αδ}$ τῇ $\overline{αε}$, δύο αἰ $\overline{βα}$ $\overline{αε}$ δυσὶν ἴσαι ταῖς $\overline{γα}$
 $\overline{αδ}$, καὶ τὴν αὐτὴν γωνίαν περιέχουσιν, ὥστε καὶ 20
πάντα ἴσα πᾶσιν καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{δβε}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ
 $\overline{εγδ}$, ἴση δὲ καὶ ἡ $\overline{δβ}$ τῇ $\overline{εγ}$ καὶ ἡ $\overline{βε}$ τῇ $\overline{γδ}$, καὶ



15

2 τῇ βάσει *M, G.* 3 καὶ *om. G, add. C.* 7 εἰδέναι] εἶναι
B₃, G, 'esse' B, 'cognoscere' Z. 8 ἐσται] δὲ εἶναι *B₃, G,*
'erit' B, Z. 10 ἥπερ *C.* 11 ἢ αὐταὶ *C.* 16 ἀφαιρέσθω *G,*
ἀφηρόσθω C. 19 $\overline{βα}$ καὶ $\overline{αε}$ *G.* 20 καὶ *post ὥστε*
om. G.

πάντα ἄρα πᾶσιν, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\beta}$ γωνία ἴση τῇ
 ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\gamma}$, ὑπὸ γὰρ ταύτας αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνου-
 σιν. ἴση ἄρα καὶ ἡ $\overline{\delta\zeta}$ τῇ $\overline{\epsilon\zeta}$ διὰ τὸ ἕκτον. ἐπεὶ οὖν
 ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\delta}$ καὶ ἡ $\overline{\alpha\zeta}$ κοινὴ καὶ ἡ $\overline{\delta\zeta}$ τῇ $\overline{\zeta\epsilon}$ ἴση [?],
 5 τέτμηται ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\epsilon}$ γωνία εἰς ἴσα, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.
 εἰ δὲ ἐκτὸς πίπτουεν τῶν $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ εὐθειῶν αἱ τοῦ ἰσο-
 πλεύρου τριγώνου πλευραί, ἔστω-

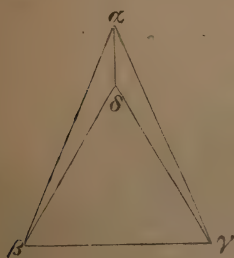


10

σαν αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$ καὶ ἐπιξευχθεῖσαν
 ἡ $\overline{\delta\alpha}$ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ το $\overline{\epsilon}$. ἐπεὶ
 οὖν ἴσαι αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$, κοινὴ δὲ ἡ
 $\overline{\delta\alpha}$, καὶ αἱ $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσαι, καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{\beta\delta\alpha}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\delta\alpha}$

διὰ τὸ ὀγδοον. πάλιν ἐπεὶ αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$ ἴσαι καὶ ἡ $\overline{\delta\epsilon}$
 κοινὴ γωνίας ἴσας περιέχουσιν, ὥς δέδεικται, ἴση καὶ

15 ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\epsilon\gamma}$ βάσει διὰ τὸ τέταρτον. || ἐπεὶ οὖν ἡ $\overline{\alpha\beta}$



20

τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ ἴση καὶ ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ κοινὴ, καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\epsilon}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\alpha\epsilon}$,
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι. εἰ δὲ ἐντὸς
 τῶν $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ πίπτουεν αἱ τοῦ ἰσο-
 πλεύρου τριγώνου πλευραί, ὥς αἱ
 $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$, ἐπεξεύχθω πάλιν ἡ $\overline{\alpha\delta}$.
 ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ $\overline{\beta\alpha}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$

2 ταύταις M , ταύτης G . 4 τῇ $\overline{\alpha\delta}$ om. M . 5 Ante τέτμη-
 ται excidit fortasse: καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\zeta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\alpha\zeta}$ καὶ.
 $B_3 = M$. 6 αἱ τοῦ] αὐτοῦ τοῦ G , αἱ τοῦ C . 10 κοινὸν G ,
 κοινὴ C . 14 ὥς] οὐ M . 17 $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\epsilon\delta}$ M . 21 ἐπεξεύχθωσαν G .

καὶ ἡ $\overline{αδ}$ κοινή, βάσις δὲ ἡ $\overline{βδ}$ βάσει τῇ $\overline{γδ}$ ἴση ἐστίν,
καὶ ἡ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{γαδ}$ ἴση
διὰ τὸ ὀρθοῦν. δίχα ἄρα τέμνεται ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία,
ὅπως ἂν συνιστῇται τὸ ἰσόπλευρον.

Ἄλλ' ἐπειδὴ καὶ ταύτας συνεκεφαλαιωσάμεθα, 5
τῶν ἐξῆς ἐχώμεθα θεωρημάτων τοιοῦτον προστιθέντες
περὶ τοῦ δεδόσθαι τὴν γωνίαν ὅτι τετραχῶς δύναται
δίδοσθαι· καὶ γὰρ θέσει, ὥς ὅταν λέγωμεν πρὸς τῇδε
τῇ εὐθείᾳ καὶ τῷδε τῷ σημείῳ κεῖσθαι τὴν γωνίαν
καὶ εἶναι δεδομένην αὐτὴν οὕτως — καὶ εἶδει, οἷον 10
ὅταν ὀρθὴν λέγωμεν ἢ ὀξεῖαν ἢ ἀμβλεῖαν ἢ ὅλως
εὐθύγραμμον ἢ μικτὴν — καὶ λόγῳ, ὅταν διπλασίαν
λέγωμεν τῆςδε καὶ τριπλασίαν ἢ ὅλως μείζονα καὶ
ἐλάσσονα — καὶ μεγέθει, ὥσπερ ὅταν τρίτον ὀρθῆς
λέγωμεν. ἡ δὲ νῦν κατὰ τὸ εἶδος δέδοται μόνον. 15

Prop. X, probl. V. Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πε-
περασμένην δίχα τεμεῖν.

Πρόβλημα καὶ τοῦτο πεπερασμένην μὲν εὐθεῖαν
ὑποτιθέμενον, ἐπειδὴ κατ' ἀμφοτέρω ἀπειρον οὐδαμῶς
ἐστὶν ὀρίσαι, τῆς δὲ κατὰ θάτερα μόνον ἀπείρου, 20
ὅπουπερ ἂν ληφθῇ σημεῖον, εἰς ἄνισα ἡ τομὴ γίνεται·
μείζων γὰρ ἐξ ἀνάγκης ἢ ἐφ' ἃ ἡ ἀπειρος τῆς λοιπῆς
πεπερασμένης οὔσης. λείπεται οὖν ἐπ' ἀμφω πεπε-
ρασμένην λαμβάνειν τὴν δίχα τέμνεσθαι μέλλουσαν.
ἴσως δ' ἂν τινες ἐκ τούτου || κινούμενοι τοῦ προβλή- 25

4 συνίσταται M, G, συνίστηται C. 8 ὅτε λέγομεν G.
9 τῷ $\overline{ε}$ G, τῷδε C. 10 διδομένην M. 11 ὅτε ὀρθὴν λέγο-
μεν G, corr. C. 16 M in margine: πρβ. ι. 25 κοινοῦ-
μενοι G.

ματος ὑπονοήσειαν ὅτι προείληπται παρὰ τοῖς γεω-
μέτραις ὥς ὑπόθεσις τὸ μὴ εἶναι τὴν γραμμὴν ἐξ
ἀμερῶν. εἰ γὰρ εἴη, ἢ ἐκ περιττῶν ἐστὶν ἢ πε-
περασμένη ἢ ἐξ ἀρτίων. ἀλλ' εἰ ἐκ περιττῶν, ἔοικεν
5 καὶ τὸ ἀμερὲς τέμνεσθαι δίχα τῆς εὐθείας τεμνομένης,
ἐπεὶ θάτερον αὐτῆς μέρος ἐκ πλειόνων ἀμερῶν ὑπάρ-
χον ἔσται μεῖζον τοῦ λοιποῦ. οὐκ ἄρα δυνατόν ἔσται
τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν δίχα τεμεῖν, εἴπερ ἐξ ἀμερῶν
τὸ μέγεθος. εἰ δὲ μὴ ἐξ ἀμερῶν, ἐπ' ἄπειρον δι-
10 αἰρεῖται. ἔοικεν οὖν, φασίν, ὡμολογῆσθαι τοῦτο καὶ
εἶναι ἀρχὴν γεωμετρικὴν τὸ μέγεθος τῶν εἰς ἄπειρον
εἶναι διαιρουμένων. ἡμεῖς δέ γε τὸ τοῦ Γεμίνου
πρὸς ταῦτα ἐροῦμεν, ὅτι τὸ μὲν διαιρετὸν εἶναι τὸ
συνεχὲς κατὰ κοινὴν ἔννοιαν οἱ γεωμέτραι προλαμβά-
15 νουσιν. τοῦτο γὰρ εἶναί φαμεν συνεχὲς τὸ ἐκ μερῶν
συννημμένων ὑφεστώς. πάντως δὲ τοῦτο καὶ διαιρεῖσθαι
δυνατόν. ὅτι δὲ καὶ ἐπ' ἄπειρον διαιρεῖται τὸ συν-
εχὲς οὐ προειλήφασιν ἀλλ' ἀποδεικνύουσιν ἐκ τῶν
οἰκείων ἀρχῶν. ὅταν γὰρ δεικνύωσιν ὅτι ἔστιν τὸ
20 ἀσύμμετρον ἐν τοῖς μεγέθεσι καὶ οὐ πάντα σύμμετρα
ἀλλήλοις, τί ἄλλο δεικνύναι φήσει τις αὐτοὺς ἢ ὅτι
πᾶν μέγεθος εἰς ἀεὶ διαιρεῖται καὶ οὐδέποτε ἤξομεν
εἰς τὸ ἀμερές, ὃ ἐστὶ κοινὸν μέτρον τῶν μεγεθῶν ἐλά-
χιστον. τοῦτο οὖν ἀποδεικτόν ἐστιν, ἐκεῖνο δὲ ἀξίωμα,
25 ὅτι πᾶν συνεχὲς διαιρετόν, ὥστε καὶ ἡ πεπερασμένη
γραμμὴ συνεχὴς διαιρετὴ ἐστίν. καὶ ἀπὸ ταύτης τῆς

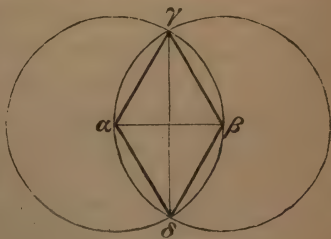
6 ἐπὶ θάτερον *M.* 7 ἐστὶ *G.* 10 φησὶν *C.* || ὁμολο-
γεῖσθαι *G.* 11 ἀρχὴν γεωμετρικὴν *G.* 13 ἐνταῦθα *G.*

πρὸς ταῦτα *C.* 14 προσλαμβάνουσι *G.* 16 συννημμένον *M.*
'coniunctis' *B.* 'continuis' *Z.* || ὑφεστώς *M.* ὑφεστός *G.* 17 τὸ
ante συνεχὲς om. *G.* add. *C.* 19 ὅτε γὰρ δεικνύουσιν *G.* corr. *C.*

21 φησί *G.* φήσει *C.* 23 ὅτι ἐστὶ *G.* ὃ ἐστὶ *C.*

ἐννοίας ὁ στοιχειωτῆς διχοτομεῖ τὴν πεπερασμένην εὐθεΐαν, ἀλλ' οὐχ ὥς προλαμβάνων ὅτι εἰς ἄπειρον διαιρετὴ ἐστίν. οὐ γὰρ ταῦτόν διαιρετόν εἶναι τι καὶ ἐπ' ἄπειρον διαιρετόν. ἐλέγχοιτο δ' ἂν διὰ τοῦ προβλήματος τούτου καὶ ὁ Ξενοκράτειος λόγος ὁ τὰς 5 ἀτόμους εἰσάγων γραμμάς. ὅλως γὰρ εἰ ἔστι γραμμὴ, ἢ εὐθεΐα ἐστὶ καὶ δυνατόν αὐτὴν δίχα τεμεῖν, ἢ περιφερῆς καὶ μείζων ἐστὶν εὐθείας τινός — πᾶσα γὰρ περιφερῆς πάντως ἔχει τινὰ εὐθεΐαν ἐλάσσονα — ἢ μικτὴ καὶ πολλῷ πλέον αὕτη διαιρετὴ ἐστίν, εἴπερ 10 ἐξ ἀπλῶν ἐστὶ διαιρετῶν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν εἰς ἄλλην ἀναβεβλήσθω θεωρίαν. τέμνει δὲ δίχα τὴν πεπερασμένην εὐθεΐαν ὁ γεωμέτρης εἰς μὲν τὴν κατασκευὴν τῷ πρώτῳ καὶ τῷ ἐνάτῳ χρώμενος, εἰς δὲ τὴν ἀπόδειξιν τῷ τετάρτῳ μόνῳ. διὰ 15 γὰρ τῶν γωνιῶν δείκνυσιν ἴσας τὰς βάσεις. Ἀπολλώνιος δὲ ὁ Περγαῖος τέμνει τὴν δοθεῖσαν εὐθεΐαν πεπερασμένην δίχα τοῦτον τὸν τρόπον. ἔστω, φησὶν, ἡ $\alpha\beta$ εὐθεΐα πεπερασμένη, ἣν δεῖ δίχα τεμεῖν, καὶ κέντρῳ || τῷ α , διαστήματι δὲ τῷ $\alpha\beta$ γεγράφθω κύκλος, 20 καὶ πάλιν κέντρῳ τῷ β , διαστήματι δὲ τῷ $\beta\alpha$ ἑτερος κύκλος, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ἐπὶ τὰς τομὰς τῶν κύκλων ἡ $\gamma\delta$. αὕτη δίχα ἔμνει τὴν $\alpha\beta$ εὐθεΐαν.



25

3 εἶναι τι] ἐστὶ G, corr. C. 7 διχοτομεῖν C. 9 τινὰ] τὴν G, corr. C. 15 μόνον G, μόνῳ C. 19 ἣν δεῖ δίχα τεμεῖν] ἣν δίχα τεμεῖν μέλλομεν G, corr. C.

ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ — ἑκατέρα γὰρ ἴση τῇ $\overline{\alpha\beta}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ ἡ $\overline{\delta\alpha}$ τῇ $\overline{\delta\beta}$ ἴση διὰ τὰ αὐτά· ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$, ὥστε δίχα τέτμηται ὁ $\overline{\alpha\beta}$ διὰ τὸ τέταρτον. τοιαύτη τις ἐστὶν καὶ
 5 ἡ κατὰ Ἀπολλώνιον τοῦ προκειμένου προβλήματος ἀπόδειξις, ἀπὸ μὲν τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ αὐτὴ ληφθεῖσα, ἀντὶ δὲ τοῦ λαβεῖν δίχα τεμνομένην τὴν πρὸς τῷ $\overline{\gamma}$ γωνίαν δεικνύουσα ὅτι δίχα τέτμηται διὰ τὴν ἰσότητά τῶν βάσεων. πολλῶ δὴ οὖν κρείττων ἡ
 10 τοῦ στοιχειωτοῦ ἀπόδειξις καὶ ἀπλουστέρα καὶ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν.

Prop. XI, probl. VI. Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἀπο τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου πρὸς ὁρθὰς γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

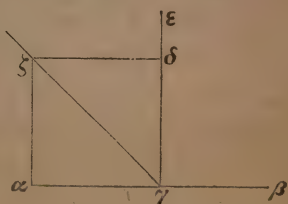
15 Εἴτε πεπερασμένην κατ' ἀμφοτέρα τὴν εὐθεῖαν λάβοιμεν, εἴτε κατ' ἀμφοτέρα ἄπειρον, εἴτε ὥδι μὲν ἄπειρον, ὥδι δὲ πεπερασμένην καὶ τὸ σημεῖον ἐπ' αὐτῆς, τοῦ γεωμέτρου προχωρεῖ ἡ κατασκευὴ τοῦ προκειμένου προβλήματος. καὶν γὰρ ἐπ' ἅκρας τῆς
 20 εὐθείας ἢ τὸ δοθὲν σημεῖον, προσεκβάλλοντες τὴν εὐθεῖαν τὰ αὐτὰ ποιήσομεν. δῆλον δὲ ὅτι τὸ μὲν σημεῖον ἐνταῦθα τῇ θέσει δέδοται ἐπὶ τῆς εὐθείας κείμενον μοναχῶς κατὰ τὴν θέσιν, ἡ δὲ εὐθεῖα κατὰ τὸ

4 τέμνεται G. 8 τέμνεται G. 10 καὶ ante ἀπλουστέρα om. G. 12 M in margine πρβ. $\overline{\alpha\beta}$. 15—16 Εἴτε πεπερασμένην τὴν εὐθεῖαν λάβοιμεν κατ' ἀμφοτέρα, εἴτε ἄπειρον G. 18 τῷ γεωμέτρῳ προχωρήσει κατασκευὴ G, τῷ γεωμέτρῳ προχωρεῖ ἡ C. || ἡ ante κατασκευὴ om. M. 20 τὸ ante δοθὲν om. G, add. C. || προσεκβάλλοντες G, corr. C.

εἶδος δέδοται· μέγεθος γὰρ αὐτῆς ἢ λόγος ἢ θέσις οὐκ ἀφωρίσται. ὁ μὲν οὖν στοιχειωτῆς τῷ πρώτῳ χρησάμενος θεωρήματι καὶ τῷ τρίτῳ καὶ ἐνὶ τῶν αἰτημάτων καὶ τῷ πρώτῳ καὶ τῷ ὀγδόῳ πρὸς τούτοις θεωρήματι καὶ τῷ ὄρῳ τῆς πρὸς ὀρθᾶς δείκνυσι τὸ προ-⁵ κείμενον. εἰ δέ τινες τὸ σημεῖον ἐπ' ἄκρας τῆς εὐθείας τιθέντες ἄξιοῖεν μὴ προσεκβάλλοντας ἡμᾶς ἄγειν ἀπὸ τούτου τὴν πρὸς ὀρθᾶς, δυνατὸν καὶ τοῦτο δείξομεν. ||

ἔστω γὰρ $\overline{αβ}$ καὶ τὸ δοθὲν σημεῖον $\overline{α}$, καὶ εἰλήφθω

ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τυχὸν τὸ $\overline{γ}$ σημεῖον καὶ ἀπὸ τούτου τῇ $\overline{αβ}$ πρὸς ὀρθᾶς, ὥς ἐν τῷ στοιχείῳ μεμαθήκαμεν ἢ $\overline{γε}$. καὶ ἴση ἀπὸ τῆς $\overline{γε}$



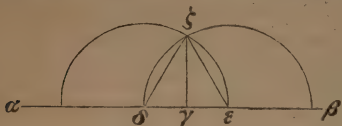
ἀφηγήσθω τῇ $\overline{αγ}$ ἢ $\overline{δγ}$ καὶ

τετμήσθω δίχα ἢ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ γωνία ὑπὸ τῆς $\overline{γξ}$ καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{δ}$ τῇ $\overline{εγ}$ πρὸς ὀρθᾶς ἀχθεῖσα συμπιπτεύω [ἢ $\overline{δξ}$] τῇ $\overline{γξ}$ κατὰ τὸ $\overline{ξ}$, καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{ξ}$ ἐπὶ τὸ $\overline{α}$ ἐπέ-
ξεύχθω ἢ $\overline{ξα}$. λέγω ὅτι ὀρθή ἐστίν ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γω-
νία. ἐπεὶ γὰρ ἡ $\overline{δγ}$ τῇ $\overline{γα}$ ἴση, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{γξ}$ καὶ ²⁰
γωνίας ἴσας περιέχουσιν — δίχα γὰρ τέτμηται ἡ πρὸς
τῷ $\overline{γ}$ γωνία —, καὶ ἡ $\overline{δξ}$ τῇ $\overline{ξα}$ ἴση, καὶ πάντα ὁμοίως
παῖσιν διὰ τὸ τέταρτον, ὥστε καὶ ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ τῇ πρὸς

1 δίδοται G. 10 σημεῖον τὸ $\overline{γ}$ G. 15 ἢ $\overline{δγ}$ om. G,
add. C. 18 ἢ $\overline{δξ}$ ego addidi; om. M, B₃, G, B, Z. || ἀπὸ
τοῦ $\overline{ξ}$] ἀπὸ τῆς $\overline{ξε}$ M. 19 πρὸς τῷ $\overline{α}$] πρὸς τὸ $\overline{γ}$ G, corr. C.
21 τέμνεται G.

τῷ δ. ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$. δέδεικται μὲν οὖν
τὸ προβληθέν· ὁ δὲ στοιχειωτῆς οὐδὲν δεῖται τῆς
ἐπινοίας ταύτης. ἐπέταξεν γὰρ πρὸς ὀρθὰς γωνίας
ἀγαγεῖν γραμμὴν, ἀλλ' οὐ πρὸς μίαν ὀρθήν· δεῖ οὖν
5 μὴ ἐπ' ἄκρας τῆς εὐθείας λαμβάνειν τὸ σημεῖον, ἵνα
ἡ ἀγομένη εὐθεῖα γωνίας ποιῇ πρὸς τὴν ὑποκειμένην
εὐθεΐαν, ἀλλὰ μὴ μίαν γωνίαν.

Ἀπολλώνιος δὲ τὴν πρὸς ὀρθὰς ἄγει τὸν τρό-
πον τοῦτον. ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ τυχὸν τὸ δ, καὶ ἀπὸ τῆς γβ
10 ἴση τῇ γδ ἢ γε, καὶ κέντρῳ τῷ δ, τῷ δὲ εδ διαστή-
ματι γεγράφθω κύ-
κλος, καὶ πάλιν κέν-
τρῳ τῷ ε, διαστήματι
δὲ τῷ δε κύκλος γε-



15 γράφθω, καὶ ἀπὸ τοῦ ζ ἐπὶ τὸ γ ἤχθω [ἡ ζγ], λέγω
ὅτι αὕτη ἐστὶν ἡ πρὸς ὀρθὰς. ἐὰν γὰρ ἐπιζευχθῶσιν
αἱ $\overline{\xi\delta}$ $\overline{\xi\epsilon}$, ἴσαι ἔσονται· ἴσαι δὲ καὶ αἱ $\overline{\delta\gamma}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ καὶ
κοινὴ ἡ $\overline{\xi\gamma}$, ὥστε καὶ αἱ πρὸς τῷ γ γωνίαι ἴσαι διὰ
τὸ ὀρθοον. ὀρθαὶ ἄρα εἰσίν.

20 Πάλιν οὖν ὀρθῶς, ὅτι || ποικιλωτέρα ἢ ἀπόδειξις
αὕτη τῆς παρὰ τῷ στοιχειωτῇ ἢ καὶ προσδεηθεῖσα τῆς
τῶν κύκλων γραφῆς, ἐξὸν αὐτόθεν ἐπὶ τῆς δε γράψαι
τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον καὶ δεῖξαι τὸ προκείμενον.
πάντα γὰρ τὰ ἄλλα κοινὰ ταῖς ἀποδείξεσιν ἐστίν. τὴν

4 δεῖ οὖν μὴ] δεῖ οὖν καὶ G, corr. C. 10 διαστήματι
δὲ τῷ εδ G. 15 ἡ ζγ ego addidi; om. M, B₃, G, B, 'recta linea
fc' Z. 17 καὶ ante κοινὴ om. M. 21 αὕτη τῇ G, corr. C. ||
ἡ καὶ G, ἡ καὶ C. || προσδεηθεῖσα G. 22 ἐξὸν] ἐξ ὧν M, C.

δὲ διὰ τοῦ ἡμικυκλίου δεῖξιν οὐδὲ λέγειν ἄξιον. πολλὰ γὰρ προλαμβάνει τῶν ὕστερον καὶ τῆς ἐν τῇ στοιχειώσει τάξεως ἀποπίπτει παντελῶς.

Prop. XII, probl. VII. Ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀπειρον ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου, ὃ μὴ ἐστὶν ⁵ ἐπ' αὐτῆς, κάθετον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Τοῦτο τὸ πρόβλημα πρῶτον Οἰνοπίδης ἐξή|τη-
σεν χρήσιμον αὐτὸ πρὸς ἀστρολογίαν οἰόμενος. ὀνο-
μάζει δὲ τὴν κάθετον ἀρχαϊκῶς κατὰ γνώμονα, διότι
καὶ ὁ γνώμων πρὸς ὀρθάς ἐστὶ τῷ ὀρίζοντι. τῆς δὲ ¹⁰
πρὸς ὀρθάς ἡ κάθετός ἐστὶν αὕτη διαφέρουσα τῇ
σχέσει μόνον, κατὰ τὸ ὑποκείμενον ἀδιάφορος οὖσα,
ὥσπερ φασὶ καὶ ἡ κάθετος. διττὴ δ' αὖ κάθετός
ἐστὶν, ἡ μὲν ἐπίπεδος, ἡ δὲ στερεά. καὶ ὅταν μὲν ἐν
τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ ἦ τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ ἡ κάθετος, ¹⁵
καὶ ἡ εὐθεῖα, ἐπίπεδος λέγεται κάθετος, ὅταν δὲ μετέ-
ωρον τὸ σημεῖον καὶ ἔξω τοῦ ὑποκειμένου ἐπιπέδου,
στερεά. καὶ ἡ μὲν ἐπίπεδος πρὸς εὐθεῖαν ἄγεται, ἡ
δὲ στερεὰ πρὸς ἐπίπεδον. διὸ καὶ ἀναγκαῖον ἐκείνην
οὐ πρὸς μίαν εὐθεῖαν ποιεῖν γωνίας ὀρθάς, ἀλλὰ ²⁰
πρὸς πάσας τὰς ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ. πρὸς γὰρ το
ἐπίπεδον ἦν ἡγμένη κάθετος. ἐν τούτῳ τοίνυν ἡ στοι-
χειωτῆς τῷ προβλήματι κάθετον ἄγειν ἐπίπεδον προ-

4 *M* in margine: *πρβ. ιβ.* 5 *δοθέντος* om. *G.* 11 *αὕτη*] *ταύτη* *B*₃, *G*, *ταυτή* *C*, 'eadem' *B*, 'haec' *Z.* 13 *ὥσπερ* *φησὶ*
καὶ ἡ κάθετος *G*, *ὥσπερ* *φασὶ καὶ ἡ κάθετος* *B*₃, *C*, 'quemadmo-
dum (inquit ipse) et Gnomon' *B*, 'sicut etiam ipsam perpendi-
cularis indicat' *Z.* 14 *ὅτε* *G*, *ὅταν* *C.* 15 *κάθετος εὐθεῖα* *B*₃, *G*,
κάθετος καὶ εὐθεῖα *M*, 'Perpendicularis recta linea' *B*, *Z.*
16 *ὅτε* *G*, *ὅταν* *C.* 21 *Post ἐπιπέδῳ* *M* addit *γωνίας.*

τίθεται. πρὸς τε γὰρ εὐθείαν ἢ ἀγωγὴ προτίθεται
καὶ ὥς ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ πάντων ὑποκειμένων ὁ λόγος
πρόεισιν.

Ἐπὶ μὲν οὖν τῆς πρὸς ὀρθάς, ἐπειδὴ τὸ σημεῖον
5 ἐπ' αὐτῆς εἴληπτο τῆς εὐθείας, οὐδὲν ἐδεόμεθα τῆς
ἀπειρίας, ἐπὶ δὲ τῆς καθέτου τὴν δοθεῖσαν ἀπειρον
ὑποτίθεται, ἐπειδὴ τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ κάθετος ἀχθή-
σεται, ἔξω που κεῖται τῆς εὐθείας. εἰ γὰρ μὴ ἦν ἀπει-
ρος, ἔξῃν οὕτω τὸ σημεῖον λαβεῖν, ὥστε ἔξω μὲν εἶναι
10 τῆς δοθείσης, ἐπ' εὐθείας δὲ ταύτῃ κείμενον ὥς ἐκ-
βαλλομένην τὴν εὐθείαν ἐπ' αὐτὸ πίπτειν, καὶ οὐ προ-
εχώρει τὸ πρόβλημα. διὸ ἀπειρον ἔθετο τὴν εὐθείαν,
ἐὰν ἐφ' ἐκάτερα αὐτῆς μόνως λαμβάνηται τὸ σημεῖον,
μηδαμοῦ χώρας ὑπολειπομένης αὐτῷ, καθ' ἣν ἐπ'
15 εὐθείας ἔσται τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ, εἰ μὴ μέλλοι πρὸς
αὐτῇ κείσεσθαι καὶ οὐκ ἔξω αὐτῆς.

Ἀπειρος μὲν οὖν ἡ εὐθεῖα δέδοται διὰ || τοῦτο,
ἐφ' ἣν ἡ κάθετος ἀχθήσεται· πῶς δὲ ὅλως ὑπόστασιν
ἔχει τὸ ἀπειρον, ἄξιον θεωρῆσαι. δῆλον γὰρ ὅτι
20 εὐθείας ἀπείρου οὔσης ἔσται καὶ ἐπίπεδον ἀπειρον,
καὶ ταῦτα κατ' ἐνέργειαν, εἶπερ ἔσται τὸ προβληθέν.
ὅτι μὲν οὖν ἐν τοῖς αἰσθητοῖς οὐδέν ἐστι μέγεθος
ἀπειρον κατ' οὐδεμίαν διάστασιν, ἱκανῶς ὃ τε δαιμό-
νιος Ἀριστοτέλης καὶ οἱ ἀπ' αὐτοῦ παραδεξάμενοι
25 τὴν φιλοσοφίαν δεικνύουσιν. οὔτε γὰρ τὸ κύκλῳ
κινούμενον ἀπειρον εἶναι ἐνδέχεται οὔτε τῶν ἄλλων

1 τε om. G, add. C. || ἡ] ἦν M. 5 εἴληπται G, εἴληπτο C. ||
ἐνδεόμεθα G, ἐδεόμεθα C. 10 δὲ om. M, G. 15 μέλλει C.

16 κείσθαι G, κείσεσθαι C. 17 μὲν om. G, add. C.

21 ἔσται] ἐστὶ G. 23—25 ἱκανῶς . . . δεικνύουσι om. G, qui
voce φανερόν sententiam complet. Omissa verba addit C.

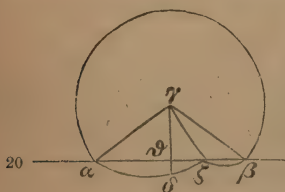
23 ὃ τε] ὅτε καὶ ὁ C.

σωμάτων τῶν ἀπλῶν οὐδέν. ἔστι γὰρ ἐκάστου τόπος
 ὠρισμένος. ἀλλὰ μὴν οὐδὲ ἐν τοῖς χωριστοῖς καὶ ἀμε-
 ρέσι λόγοις εἶναι τὸ τοιοῦτον ἄπειρον δυνατόν. εἰ
 γὰρ μηδὲ διάστασις ἐστὶν ἐν ἐκείνοις μήτε μέγεθος,
 σχολή, εἰ ἄπειρον εἴη μέγεθος. λείπεται δὴ οὖν ἐν τῇ 5
 φαντασίᾳ τὸ ἄπειρον ὑφίστασθαι μόνον οὐ νοούσης
 τὸ ἄπειρον τῆς φαντασίας. ἅμα γὰρ νοεῖ καὶ μορφὴν
 ἐπάγει τῷ νοουμένῳ καὶ πέρας, καὶ τῇ νοήσει τὴν
 τοῦ φαντάσματος ἴστησι διέξοδον, καὶ διέξεισιν αὐτὸ
 καὶ περιλαμβάνει. οὐ νοούσης τοίνυν ἐστὶν τὸ ἄπει- 10
 ρον ἀλλ' ἀορισταινούσης περὶ τὸ νοούμενον καὶ μὴ
 νοούσης μᾶλλον καί, ὅσον ἀκαταμέτρητον ἀφίησι καὶ
 ἀπερίληπτον νοήσει, τοῦτο ἄπειρον λεγούσης. ὥσπερ
 γὰρ τὸ σκότος τῷ μὴ ὄραῖν ἢ ὅψις γινώσκει, οὕτως
 ἢ φαντασία τὸ ἄπειρον τῷ μὴ νοεῖν. γεννᾷ μὲν οὖν 15
 αὐτὸ τῷ δύναμιν ἔχειν ἀμερῇ προῖέναι δυναμένην
 ἀκαταλήκτως, νοεῖ δὲ ὡς ὑποστὰν ὅτι μὴ νοεῖ τὸ ἄπει-
 ρον. ὃ γὰρ ἀφῆκεν ὡς ἀδιεξίτητον, τοῦτο ἄπειρον
 λέγει, ὥστε τὴν ἄπειρον γραμμὴν τὴν δοθεῖσαν ἐν
 τῇ φαντασίᾳ θέμενοι, καθάπερ δὴ καὶ τὰ ἄλλα πάντα 20
 γεωμετρίας εἶδη, τὰ τρίγωνα, τοὺς κύκλους, τὰς γω-
 νίας, τὰς γραμμάς, οὐ θαυμασόμεθα, πῶς κατ' ἐνέρ-
 γειαν ἄπειρός ἐστι γραμμὴ καὶ προστίθῃσιν ἀορισταί-
 νουσα ταῖς ὠρισμέναις νοήσεσιν. ἢ δὲ διάνοια, παρ'
 ἧς οἱ λόγοι καὶ αἱ ἀποδείξεις, οὐ πρὸς τὴν ἐπιστήμην 25
 χρῆται τῷ ἀπείρῳ — τὸ γὰρ ἄπειρον ὅλως ἐπιστήμη

5 σχολή, εἰ] σχολῇ γ' ἂν B₃, G, σχολῆς γ' ἂν C, 'multo mi-
 nus' B, 'nullatenus' Z. || δῆ] δὲ C. 8 τὴν om. G, add. C.
 9 αὐτὸς G. 13 ἀπερίπτον C. 14 ἢ ante ὅψις
 om. G, add. C. 17 ἀκαταλάκτως C. || νοεῖ δὲ] νοεῖτω
 δὲ M. || μὴ νοεῖν M. 22 θαυμαζόμεθα G. 26 χρῶν-
 ται M, C.

περιληπτὸν οὐκ ἔστιν — ἀλλ' ἐξ ὑποθέσεως παρα-
 λαβοῦσα τῷ πεπερασμένῳ μόνῳ χρῆται πρὸς τὴν ἀπό-
 δεῖξιν, καὶ οὐ τοῦ ἀπείρου ἔνεκα τὸ ἀπείρον ἀλλὰ
 τοῦ πεπερασμένου λαμβάνει, ἐπεὶ εἴ γε δοίης αὐτῇ,
 μήτε ἐπ' εὐθείας κεῖσθαι τῇ πεπερασμένῃ τὸ δοθὲν
 σημεῖον, μήτε οὕτως ἀφεστάναι τῆς εὐθείας, ὥστε μη-
 δὲν μέρος αὐτῆς ὑποκεῖσθαι τῷ σημείῳ, οὐδὲν ἔτι τοῦ
 ἀπείρου δεήσεται. Ἰν' οὖν τῇ πεπερασμένῃ χρωμένῃ
 ἀνελέγκτως χρήσεται καὶ ἀναμφισβητήτως, εἶναι τὸ
 10 ἀπείρον ὑποτίθεται τῇ τῆς φαντασίας || ἀοριστία τῆς
 τοῦ ἀπείρου γενέσεως ὑποβάθρα χρωμένῃ.

Περὶ μὲν οὖν τῆς ὑποθέσεως τοῦ ἀπείρου τοσαῦτα
 πρὸς τὸ παρὸν ἀρκέσει. μετὰ δὲ ταῦτα χωρῶμεν ἐπὶ
 τὰς ἐνστάσεις τὰς πρὸς τὴν κατασκευὴν τοῦδε τοῦ
 15 προβλήματος. εἰλήφθω γάρ, φασίν, εὐθείας οὔσης



ἀπείρου τῆς $\overline{αβ}$ καὶ σημείου
 δοθέντος, ἀφ' οὗ δεῖ τὴν κάθε-
 τον ἀγαγεῖν, τοῦ $\overline{γ}$ ἐπὶ θάτερα
 σημεῖον τὸ $\overline{δ}$, καθά φησιν ὁ
 γεωμέτρης, ἀλλ' ὁ κύκλος ὁ
 τέμνων τὴν $\overline{αβ}$ εὐθεῖαν κατὰ

τε τὸ $\overline{α}$ καὶ τὸ $\overline{β}$ καὶ τὸ $\overline{ξ}$ θέσιν ἔχτω τὴν ὑπογεγραμ-
 μένην. πρὸς δὲ τοῦτον τὸν λόγον ἐροῦμεν ὅτι ἀδύ-
 νατα λέγει. τετμήσθω γὰρ δίχα ἡ $\overline{αβ}$ κατὰ τὸ $\overline{θ}$ καὶ

1 παραλαμβάνουσα G.

6 οὕτως om. G, add. C.

8 χρωμένῃ M, G.

9 χρήσεται M, C. || ἀμφισβητήτως M,
 ἀναμφισβητήτως G, ἀναμφισβητήτως C.

15 φησιν G.

17 δεῖ] δὴ M.

18 θάτερον G.

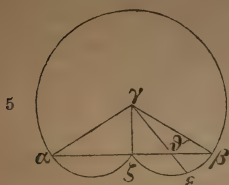
22 τὸ $\overline{α}$ καὶ τὸ $\overline{β}$] τὸ

$\overline{αβ}$ G. 23 ἀδύνατον G.

ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\gamma\theta}$ καὶ ἐκβεβλήσθω μέχρι τῆς περιφε-
 ρείας, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$. | ἐπεὶ οὖν αὕται
 ἐκ κέντρου, καὶ ἡ $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\theta\beta}$ ἴση, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{\gamma\theta}$, πάντα
 ἴσα πᾶσιν. ὁρθὰς ἄρα ποιεῖ πρὸς τῷ $\overline{\theta}$ γωνίας ἡ $\overline{\gamma\theta}$.
 πάλιν ἐπεὶ ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ ἴσαι, γωνίας ἴσας ποιοῦσι πρὸς 5
 τοῖς $\overline{\alpha}$ καὶ $\overline{\beta}$ σημείοις. ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ τῇ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση,
 ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\alpha\zeta}$ ἴση τῇ ὑπὸ [$\overline{\gamma\zeta\alpha}$, καὶ ἡ $\overline{\gamma\beta}$ τῇ
 $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\beta}$ ἴση τῇ ὑπὸ] $\overline{\gamma\beta\zeta}$. ἐπεὶ
 οὖν αἱ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ καὶ $\overline{\beta}$ ἴσαι, καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\alpha}$ τῇ ὑπὸ
 $\overline{\gamma\zeta\beta}$ ἴση, καὶ εἰσιν ἐφεξῆς, ὁρθαὶ ἄρα εἰσίν. ἐστὶν δὲ 10
 ὁρθὴ καὶ ἑκατέρω τῶν πρὸς τῷ $\overline{\theta}$, ἴση ἄρα ἡ $\overline{\gamma\theta}$ τῇ
 $\overline{\gamma\zeta}$, ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴση — ἐκ κέντρου γάρ —
 ἡ ἄρα $\overline{\gamma\theta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴση, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα κατ'
 ἄλλο σημεῖον ὁ κύκλος τέμνει τὴν $\overline{\alpha\beta}$ εὐθεΐαν. εἰ δὲ
 λέγοι τις ὅτι ὁ γραφόμενος κύκλος κατὰ τὸ $\overline{\xi}$ διχοτο- 15
 μείτω τὴν $\overline{\alpha\beta}$, πάλιν τὸ αὐτὸ δείξομεν ἀδύνατον.
 γεγράφθω γὰρ καὶ ἡ $\overline{\xi\beta}$ δίχα τετμήσθω κατὰ τὸ $\overline{\theta}$.

2 $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$] 'ca, cb, cf' B. || Post $\overline{\gamma\beta}$ addunt M, G: καὶ ἡ
 $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\theta\beta}$ ἴση κοινὴ ἡ $\overline{\gamma\theta}$ καὶ ἐκβεβλήσθω μέχρι τῆς περι-
 φερείας. 6 ἴση post $\overline{\gamma\zeta}$ om. G, add. C. $B_3 = M$. 7—8 $\overline{\gamma\zeta\alpha}$
 τῇ ὑπὸ om. M (Z), καὶ ἡ $\overline{\gamma\beta}$... τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\beta\zeta}$ om. G. 'Similiter
 Angulus cbf Angulo cfh' B. 9 αἱ ante πρὸς om. G, add. C.
 11 ἡ ἑκατέρω G, καὶ ἑκατέρω C. 12 ἐκ κέντρου γάρ —
 ἡ ἄρα $\overline{\gamma\theta}$] ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\theta}$ ἄρα G. 14 εἰ γὰρ G, εἰ δὲ C.
 17 γεγράφθωσαν G, γεγράφθω C. || τεμνέσθω G, τετμή-
 σθω C.

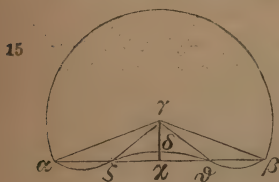
ἐπεὶ οὖν ἴσαι αἰ $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{\xi\beta}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$, καὶ βάσεις ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ τῇ $\overline{\gamma\beta}$ ἴση, πάντα ἴσα || πᾶσιν, ὥστε ὀρθαὶ αἰ πρὸς



τῷ $\overline{\zeta}$ γωνίαι. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{\xi\theta}$ τῇ $\overline{\theta\beta}$ καὶ κοινὴ ἡ $\overline{\gamma\theta}$, ἐπιξευ-
χθεῖσα δὲ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ βάσεις ἴση τῇ $\overline{\gamma\beta}$ — ἐκ κέντρου γάρ — ὀρθαὶ εἰσιν
αἰ πρὸς τῷ $\overline{\theta}$ γωνίαι. ἴσαι γάρ

εἰσὶ καὶ ἐφεξῆς. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἑκατέρα τῶν ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\theta}$ $\overline{\gamma\theta\zeta}$, ἴση ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\theta}$. ἀλλὰ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$ ἴση —

10 ἐκ κέντρου γάρ εἰσιν — ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\theta}$ τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$,
ὅπερ ἀδύνατον. λείπεται δὴ τὴν τρίτην ἐνστασιν δι-
ελθεῖν. τεμνέτω γάρ, φασίν, ὁ γραφόμενος κύκλος
τὴν εὐθεῖαν κατὰ τε τὰ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ κατὰ τὰ $\overline{\xi\theta}$ σημεῖα.



τεμόντες οὖν ἡμεῖς δίχα τὴν
15 $\overline{\alpha\beta}$ κατὰ τὸ $\overline{\kappa}$ καὶ ἐπιξεύξαντες
τὰς $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\zeta}$ $\overline{\gamma\kappa}$ $\overline{\gamma\beta}$ δεῖξομεν τὸ
ἀδύνατον. ἐπεὶ γὰρ ἴσαι αἰ $\overline{\alpha\kappa}$
 $\overline{\kappa\beta}$ καὶ κοινὴ ἡ $\overline{\gamma\kappa}$ καὶ αἰ βά-

σεις αἰ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ ἴσαι [ὀρθαὶ αἰ πρὸς τῷ $\overline{\kappa}$], καὶ αἰ πρὸς

20 τοῖς $\overline{\alpha\beta}$ γωνίαι ἴσαι. ἀλλὰ ἴση ἑκατέρα [τῶν $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$]
τῇ $\overline{\gamma\zeta}$. ὀρθαὶ ἄρα καὶ αἰ πρὸς τῷ $\overline{\zeta}$ — ἴσαι γάρ εἰσιν

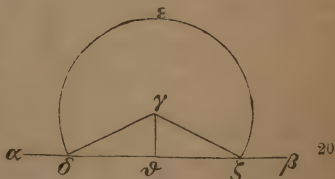
5 δὲ] καὶ G. 6 ὀρθαὶ ἄρα εἰσὶν G. 11 δὲ] δὲ G.

14 τέμνοντες G. 16 $\overline{\gamma\beta}$ om. G, C. 19 ὀρθαὶ αἰ πρὸς τῷ $\overline{\kappa}$
om. M, B₃, G (Z), 'qui ad a b Signa, aequales sunt, qui autem ad
Signum k, recti'. B. 20 τῶν $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ om. M, B₃, G, B, Z.

ἐφεξῆς οὖσαι — ἴση ἄρα ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$. ὁρθὰς γὰρ ὑποτείνουνουσιν. ἀλλὰ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἐκ κέντρου γὰρ εἰσιν — ἡ ἄρα $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$ ἴση ἐστίν, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δυνατόν οὔτε καθ' ἐν σημείον οὔτε κατὰ δύο ἄλλα τὸν γραφόμενον κύκλον τέμνειν ⁵ τὴν $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείαν παρὰ τὰ $\overline{\alpha}$ $\overline{\beta}$ σημεῖα.

Αἱ μὲν οὖν ἐνστάσεις αὗται· εἰσὶν δὲ καὶ πτώσεις τῆς τοῦ προβλήματος κατασκευῆς, ἃς δεῖ χωρίζειν ἀπὸ τῶν ἐνστάσεων. οὐ γὰρ ταῦτόν πτώσεις καὶ ἐνστάσεις, ἀλλ' ἡ μὲν τὸ αὐτὸ δείκνυσιν ἄλλως, ἡ δὲ εἰς ¹⁰ ἀτοπίαν ἐπάγει τὸ ἐνιστάμενον. οἱ δὲ ἐξηγηταὶ μὴ διακρίνοντες ταῦτα ἀπ' ἀλλήλων, πάντα φέρουσιν εἰς ταῦτόν καὶ εἰσιν ἄδηλοι, πότερον πτώσεις ἡμῖν ἢ ἐνστάσεις ἐπαγγέλλονται γράφειν. ἡμεῖς οὖν διελόμενοι χωρὶς μετὰ τὰς ἐνστάσεις τὰς πτώσεις συνάγομεν. ¹⁵ ἔστω οὖν εὐθεῖα ἄπειρος ἡ

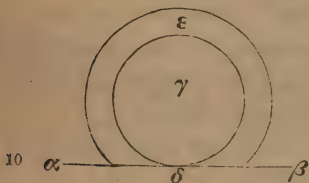
$\overline{\alpha\beta}$, τὸ δὲ δοθὲν σημεῖον τὸ $\overline{\gamma}$. λέγει οὖν τις ὅτι οὐκ ἔστιν τόπος ἐπὶ θάτερα τῆς εὐθείας, ἀλλ' ἐφ' ἧς κεῖται τὸ $[\overline{\gamma}]$. || λαβόντες



οὖν ἐπὶ τῆς εὐθείας] σημεῖον τὸ δ κέντρον τῷ $\overline{\gamma}$ καὶ διαστήματι τῷ $\overline{\gamma\delta}$ κύκλου περιφέρειαν γράψομεν τὴν

1 ὁρθαὶ M. 5 ἀλλὰ M, * ἀλλὰ G. 14 ἀπαγγέλλονται G, ἐπαγγέλλονται C. 15 τὰς πτώσεις om. M, C.
17 δὲ ante δοθὲν om. M. 21—22 $\overline{\gamma}$. . . εὐθείας om. M, B₃, G (Z); 'ubi Signum c iacet. Sumentes igitur in ipsa ab recta Linea Signum d' B. 22 τὸ δ om. B₃. 23 γράψομεν τῇ G, γράψομεν τὴν C.

δεξ καὶ τεμόντες δίχα κατὰ τὸ $\overline{\Theta}$ τὴν $\overline{\Delta\Xi}$ ἐπιζεύξομεν
 τὰς $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\Theta}$ $\overline{\gamma\Xi}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{\delta\Theta}$ τῇ $\overline{\Theta\Xi}$, κοινὴ δὲ ἡ
 $\overline{\gamma\Theta}$ καὶ ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\Xi}$ ἴση — ἐκ κέντρου γάρ —, αἱ
 πρὸς τῷ $\overline{\Theta}$ ἄρα γωνίαι ἴσαι εἰσὶν ἐφεξῆς, ὁρθαὶ ἄρα
 5 εἰσὶν· κάθετος ἄρα ἡ $\overline{\gamma\Theta}$ ἐπὶ τὴν $\overline{\Delta\Xi}$. καὶ μὴν καὶ
 εἴ τις λέγοι τὸν γραφόμενον



10 α — δ — β $\overline{\gamma\Theta}$ ἐπὶ τὴν $\overline{\Delta\Xi}$. καὶ μὴν καὶ
 εἴ τις λέγοι τὸν γραφόμενον
 κύκλον μὴ τέμνειν τὴν $\overline{\alpha\beta}$
 εὐθεΐαν, ἀλλ' ἐφάπτεσθαι
 ὡς τὸν $\overline{\Delta\epsilon}$, λαβόντες ἑξωτέ-
 ρω σημεῖον τὸ $\overline{\epsilon}$ κέντρῳ τῷ
 $\overline{\gamma}$ χρώμενοι καὶ διαστήματι
 τῷ $\overline{\gamma\epsilon}$ ὥσπερ ἐπὶ τοῦ λεχθέντος ἔξομεν τὸ ζητού-
 μενον.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν τοῦ προβλήματος πτώσεων
 15 εἰρήσθω γυμνασίας ἕνεκα τῶν ἐντυγχανόντων· εἰ δὲ
 δεῖ καὶ θεωρίαν προσθεῖναι τοῖς δύο τούτοις προβλή-
 μασιν, ὅμοιον ἡ μὲν πρὸς ὁρθὰς ἀναγομένη μιμεῖσθαι
 ζωὴν αἰρομένην εἰς ὕψος ἀπὸ τῶν κοιλοτέρων καὶ
 ἀχράντως ἀνιοῦσαν καὶ μένουσαν ἀκλιτον πρὸς τὰ
 20 χεῖρονα, ἡ δὲ κάθετος ζωῆς μὲν εἰκὼν εἶναι κατιοίσης
 τὴν κάθοδον καὶ τῆς κατὰ γένεσιν ἀοριστίας οὐκ ἀνα-
 πιμπλαμένης. ἡ γὰρ ὁρθὴ γωνία τῆς ἀκλινουῦς ἐστὶ
 καὶ τῇ ἰσότητι καὶ τῷ ὅρῳ καὶ τῷ πέρατι συνεχομένης

1 τέμνοντες G. 3 ἡ $\overline{\gamma\Theta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ G, corr. C. 4 ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶν ἐφεξῆς G, ἀλλήλαις del. not. C. 6 λέγει C.
 9 ἐξ ἑτέρῳ G, ἑξωτέρῳ C. 18 αἰρουμένην M, ἡρομέ-
 νην G, αἰρομένην C. 19 ἀκλιτον G, ἀκλιτον C. 20 κατ-
 ιοῦσης] καὶ κρατοῦσα (κατιοῦσα) H₂ p. 269. 21 ἀναπιπλα-
 μένης M.

ἐνεργείας σύμβολον, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος τὸν θατέ-
 ρου κύκλον τὸν τοὺς λόγους ἔχοντα τῶν αἰσθητῶν
 ἐπὶ τῆς θείας ψυχῆς ὀρθὸν προσείρηκεν. ἐπὶ γὰρ τῶν
 ἡμετέρων κλᾶται παντοίας κλάσεις καὶ διαστροφὰς
 ὑπομένει ποικίλας ἀπὸ τῆς γενέσεως, ἐπὶ δὲ τῶν ὅλων 5
 ἄκραντος καὶ ἀρρεπῆς ἴδρυνται πρὸ τῶν αἰσθητῶν. εἰ
 δὲ καὶ ἡ εὐθεΐα ἡ ἀπειρος σύμβολόν ἐστιν τῆς γενέ-
 σεως ὅλης τῆς ἀπειρώς καὶ ἀορίστως κινουμένης καὶ
 αὐτῆς τῆς ὕλης τῆς μηδένα ὄρον μηδὲ μορφὴν λα-
 χούσης, τὸ δὲ ἔξω κείμενον σημεῖον τῆς ἀμεροῦς 10
 οὐσίας καὶ τῶν ἐνύλων ἐξηρημαμένης εἰκόνα φέροι,
 πάντως που καὶ ἡ ἀγομένη κάθεται ἀπομιμοῖτο ἂν τὴν
 ἐκ τοῦ ἐνὸς καὶ ἀμερίστου προϋούσαν ζωὴν ἀχράντως
 εἰς τὴν γένεσιν. εἰ δὲ καὶ οὐκ ἄλλως δείκνυται οὕσα
 ἡ κάθεται ἢ ἀπὸ τῶν κύκλων, ἔχοι ἂν ἐνδειξιν καὶ 15
 τοῦτο || τῆς διὰ τὸν νοῦν ταῖς ζωαῖς ὑπαρχούσης ἀρ-
 ρεψίας. αὐτὴ μὲν οὖν καθ' ἑαυτὴν ἡ ζωὴ ἄτε κίνησις
 οὕσα ἀόριστός ἐστιν, ὀρίζεται δὲ καὶ ἀχράντου πλη-
 ροῦται δυνάμεως νοῦ μετασχοῦσα καὶ νῶ συμπροϋούσα.

| Prop. XIII, theor. VI. Ὡς ἂν εὐθεΐα ἐπ' εὐ- 20
 θεΐαν σταθεῖσα γωνίας ποιῇ, ἥτοι δύο ὀρθάς,
 ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιήσει.

Πάλιν ἐπὶ τὰ θεωρήματα μεταβέβηκεν ἐπόμενος
 τοῖς διὰ τῶν προβλημάτων δεδειγμένοις. ἐπεὶ γὰρ

1 ὅτι C. 3 ὀρθὴν προσείρηκεν C. 4 κλύσεις C.
 6 ἡ δὲ G, εἰ δὲ C. 7 γενέσεως] γνώσεως H₂ p. 269.
 11 ἐξηρημένης G, ἐξηρημαμένης C. || φέρει G. 12 κάθ-
 οδος C. || ἀποτιμοῖτο G, ἀπομιμοῖτο C. 16 ὑπαρχούσης G,
 ὑπαρχούσαις M, C. || ἀρρεψίαις C. 19 'unaque cum Mente
 progrediens' et in margine 'Mentique adhaerens' B, 'cum intel-
 lectu procedat' Z. B₃ = M, G. 20 M in margine θεωρ. ιγ.

ἦνται κάθετος ἐπὶ εὐθείαν καὶ πρὸς ὀρθάς, ἐπόμενον
 ἦν ζητῆσαι, εἰ μὴ κάθετος εἴη, τίνας ποιήσῃ γωνίας
 καὶ πῶς ἐχούσας πρὸς τῇ εὐθείᾳ ἢ ἐπ' αὐτῆς σταθεῖσα.
 τοῦτο τοίνυν καθόλου δείκνυσιν, ὅτι πᾶσα εὐθεῖα ἐπ'
 5 εὐθείας τινὸς σταθεῖσα καὶ ποιούσα γωνίας ἢ δύο
 ποιεῖ ὀρθάς, εἰ ἀπαρέγκλιτος αὐτῆς ἢ στάσις εἴη καὶ
 ἄρρεπῆς ἐφ' ἐκάτερα, ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας, εἰ τῇ μὲν
 ἐπικλίνοιτο, τῇ δὲ πλέον ἀφεςτήκοι τῆς ὑποκειμένης
 εὐθείας. ὅσον γὰρ ἀφαιρεῖ τῆς μιᾶς ὀρθῆς κατὰ τὴν
 10 ἐπὶ θάτερα κλίσιν, τοσοῦτον προστίθῃσι τῇ λοιπῇ
 κατὰ τὴν ἀπόστασιν.

Δεῖ δὲ ἐφιστάνειν, ὅπως κἂν ταύτῃ τῇ προτάσει
 τῆς ἀκριβείας ὁ γεωμέτρης ἐφρόντισεν. οὐ γὰρ ἀπλῶς
 εἶπεν ὅτι πᾶσα εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας σταῖσα ἢ δύο ὀρθὰς
 15 ποιεῖ ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἀλλὰ ἐὰν γωνίας ποιῇ.
 τί γάρ, εἰ ἐπ' ἄκρας ἰσταμένη τῆς εὐθείας μίαν ποιεῖ
 γωνίαν, ἐνδέχεται ταύτην ἴσην εἶναι δύο ὀρθαῖς;
 ἀδύνατον δῆπου. πᾶσα γὰρ εὐθύγραμμος γωνία δύο
 ὀρθῶν ἐλάσσων ἐστίν, ὥσπερ πᾶσα στερεὰ τεττάρων
 20 ὀρθῶν ἐλάσσων. κἂν τὴν ἀμβλυτάτην οὖν δοκοῦσαν
 εἶναι λαμβάνῃς, αὐξήσεις καὶ ταύτην ὥς οὐπω τὸ μέ-
 τρον ἀπολαβοῦσαν τῶν δύο ὀρθῶν. δεῖ τοίνυν οὕτως
 ἐφιστάναι τὴν εὐθεῖαν, ὥστε γωνίας ποιεῖν.

Τοῦτο μὲν οὖν, ὅπερ ἔφην, τῆς ἐπιστημονικῆς
 25 ἀκριβείας. τί δὲ βουλόμενος προσέειπεν τὸ ἢ δύο
 ὀρθὰς ποιεῖν ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας; καὶ γάρ, ὅταν

3—5 πῶς ἐχούσας . . . ποιούσα γωνίας om. G, C addit
 πῶς ἐχούσας . . . σταθεῖσα, omittit τοῦτο τοίνυν . . . τινὸς
 σταθεῖσα, addit καὶ ποιούσα γωνίας. 6 εἴη] ἢ M, ἢ G.

12 ἀφιστάνειν G. || ταύτῃ] ταῦθα G, corr. C. 15 δυσὶν
 ὀρθαῖς G. 16 εἰ om. G, add. C. 25 προσέειπεν M, προσ-
 έθηκεν B₃, G, 'adiecit' B, Z.

ποιῇ δύο ὀρθαῖς, δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ. ἑαυταῖς γὰρ ἴσαι αἱ ὀρθαί. ἥ τὸ μὲν ἐστὶ κοινὸν καὶ τῶν ἴσων (?) γωνιῶν, τὸ δὲ ἴδιον τῶν ἴσων μόνων; εἰώθαμεν δέ, ὅταν μὲν καὶ τὸ ἴδιον || ἀληθεύῃ, καὶ τὸ κοινὸν ἀπὸ τοῦ ἰδίου σημαίνειν ἕκαστον, ὅταν δὲ ἐκείνου μὴ⁵ τυγχάνωμεν, ἀρκεῖσθαι τῷ κοινῷ πρὸς τὴν δήλωσιν τῶν ὑποκειμένων πραγμάτων. τὸ μὲν οὖν ἴσας ὀρθαῖς εἶναι τὰς ἐφεξῆς κοινόν ἐστὶ καὶ τῶν ὀρθῶν, ἀλλ' οὐ μόνων αὐτῶν κατηγορεῖται, τὸ δὲ ὀρθὰς εἶναι τῆς ἰσότητος αὐτῶν ἐξαίρετον ὑπάρχει. μόνον δὲ οὖν¹⁰ ῥηθὲν τὸ ἴσας εἶναι δυσὶν ὀρθαῖς τὰς ἀνίσους σημαίνει· ταύταις γὰρ ἐπαληθεύεται μόνον, ταῖς δὲ ἴσαις οὐ. καὶ τοῦτο καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἀντιδιαιρεῖται ταῖς δυσὶν ὀρθαῖς. αὐτὸ γὰρ καθ' ἑαυτὸ τοῦτο λεγόμενον τῶν ἐφ' ἑκάτερα ἀνίσων ἐστὶν σημαντικόν. ἔξεστί γε¹⁵ μὴν καὶ διὰ τούτων συνορᾶν, ὅπως ἡ ἰσότης καὶ τῆς ἀνισότητός ἐστὶ μέτρον καὶ ὅρος. εἰ γὰρ καὶ ἀόριστός ἐστι καὶ ἄπειρος ἡ τῆς ἀμβλείας γωνίας καὶ τῆς ὀξείας μείωσίς τε καὶ αὐξήσις, ὅμως περαίνεσθαι καὶ ἀφορίζεσθαι λέγεται παρὰ τῆς ὀρθῆς. καὶ ἑκατέρω μὲν χω-²⁰ ρὶς ἀφίσταται (?) καὶ ἀφίσταται τῆς πρὸς ἐκείνην ὁμοιότητος, ἀμφοτέρω δὲ κατὰ μίαν ἔνωσιν ἐπαν- ἄγονται πρὸς τὸν ὅρον τὸν ἐκείνης. ἐπειδὴ δὲ πρὸς τὴν ἀπλότητα τῆς ὀρθῆς ἀδυνατοῦσιν ἐξισοῦσθαι,

1 δύο ὀρθαῖς om. M, C. || ποιῇ M, C. 2 ἥ M, G. || ἴσων] ἀνίσων Kn. II; mihi videtur scribendum καὶ τῶν ἴσων καὶ τῶν ἀνίσων. quae H₂ p. 269 affert, haec verba non continent.

4 ὅτε G, ὅταν C. 5 σημαίνει C. 9 οὐ μόνον G. 10 δὲ] δὲ C. 12 ἴσαις] ἀνίσοις coniecit Kn. II. 16 διὰ τοῦτο G.

17 καὶ ante ἀόριστος om. G. 20 χωρὶς ἀφίστασθαι M, B₃, C; putaveris χωρὶς ἀλλοιοῦται vel simile quid fuisse scriptum. 21 ἀφίσταται καὶ om. B, 'similitudine ad illam accedunt et ab illa recedunt' Z.

διπλασιαζομένης αὐτῆς τὴν ἰσότητα καταδέχονται.
 παράδειγμα τῆς ἀπειρίας αὐτῶν ἡ δυὰς ἀόριστος οὕσα
 καθ' αὐτήν. καὶ τοῦτο ἐναργῆ φέρειν ἔοικεν εἰκόνα
 τῆς τῶν πρωτουργῶν αἰτίων καὶ καθ' ἓνα ὅρον ἐστῶ-
 5 των ἀεὶ ὡσαύτως περὶ τὴν ἀπειρίαν τῆς γενέσεως
 προόδου. πῶς γὰρ ἄλλως ἢ γένεσις ἢ τοῦ μᾶλλον
 μετέχουσα καὶ ἦττον καὶ ἀορίστως φερομένη συναρμό-
 ζεται τοῖς νοητοῖς καὶ συνεξισοῦται πῶς αὐτοῖς διὰ
 τῆς μεθέξεως ἢ ταῖς γονίμοις δυνάμεσιν ἐκείνων προ-
 10 ἰόντων καὶ ἑαυτὰ πολλαπλασιαζόντων μόνον; τὰ γὰρ
 ἐν τῇ ἑαυτῶν ἀπλότητι καὶ ἀμερείᾳ παντελῶς ἐξήρηται
 τῶν γενητῶν.

Τοσαῦτα καὶ ἀπὸ τούτου τοῦ θεωρήματος εἰς τὴν
 τῶν ὅλων γνῶσιν παραληπτέον.

15 Prop. XIII, theor. VII. Ἐὰν πρὸς τινι εὐθείᾳ
 καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς μὴ
 ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐφεξῆς γωνίας δύο ὁρ-
 θαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας ἔσονται ἀλλή-
 λαις αἱ εὐθεῖαι.

20 Τοῦτο τὸ θεώρημα τοῦ ἀποδειχθέντος ἐστὶν ἀντί-
 στροφον. ἔπεται γὰρ ἀεὶ τὰ ἀντίστροφα τοῖς προ-
 ηγουμένοις θεωρήμασιν. ἐκείνου τοίνυν συστήσαντος
 εὐθεῖαν ἐπ' εὐθείας καὶ δείξαντος ὅτι τὰς ἐφεξῆς ἢ
 δύο ὁρθὰς ποιεῖ ἢ δύο ὁρθαῖς ἴσας, τοῦτο λαμβάνει
 25 μὲν πρὸς εὐθείᾳ τινὶ δύο γιγνομένης ὁρθάς, || δείκνυσι

9 ἢ ταῖς] ἢ τε *M*, *B*₃, *C*. 'nisi per participationem, dum ... multiplicantur' *B*, 'vel generativis potentiis' *Z*. 15 *M* in

marginē θεωρ. ιδ. 20 ὑποδειχθέντος *G*, ἀποδειχθέντος *C*.

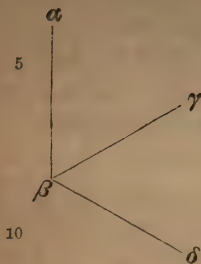
22 συστήντος *G*. 24 ποιεῖν *M*, *C*. || δυνὲν ὁρθαῖς *G*.

δὲ ὅτι μία ἐστὶν εὐθεία ἢ ταῦτα ποιοῦσα πρὸς τῇ
εἰρημένῃ εὐθείᾳ. τὸ τοίνυν ἐν ἐκείνῳ δεδομένον ἐν
τούτῳ ζητεῖται καὶ δείκνυται διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον
ἀπαγωγῆς. οὕτω γὰρ φιλεῖ τὰ ἀντίστροφα δείκνυσθαι
τῶν θεωρημάτων. ἐν δὲ γε τοῖς προβλήμασι καὶ προ- 5
ηγούμενας ἐπιδέχεται κατασκευάς.

Ἐξεστί δὲ καὶ τούτῳ τὴν ἀκροτάτην ἀκρίβειαν
καὶ ἀνυπέρβλητον τῆς ἐπιστημονικῆς ἐρμηνείας ὁρᾶν.
πρῶτον μὲν γὰρ εἰπὼν Ἐὰν πρὸς τινι εὐθείᾳ
προστίθῃσιν καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ. τί γάρ, εἰ 10
δύο περάτων ὄντων τῆς εὐθείας ἢ μὲν ἀπὸ τοῦ ἐτέρου
ἦχθη, ἢ δὲ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ, καὶ δύο ἐποιοῦν ὁρθαῖς
ἴσας τὰς πρὸς τῇ εὐθείᾳ γωνίας; ἄρα διὰ τοῦτο ἐπ'
εὐθείας εἶναι ἡδύναντο; καὶ πῶς αἱ ἀπὸ διαφό-
ρων τῆς αὐτῆς εὐθείας ἡγμέναι σημείων; διὰ δὲ τοῦτο 15
προσέθηκεν τὸ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ ἀμφοτέ-
ρας πρὸς ἐνὶ σημείῳ κεῖσθαι βουλόμενος. δεύτερον
δέ, ἐπειδὴ καὶ πρὸς τῷ αὐτῷ τῆς εὐθείας εἶναι σημείῳ
τὰς ἀγομένας δυνατόν ἦν καὶ μὴ εἶναι ἐφεξῆς — μυ-
ρίας γὰρ εὐθείας πρὸς ἐνὶ σημείῳ λαβεῖν ἐνδέχεται 20
— προσέθηκεν τὸ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς. τρίτον δέ,
ἐπεὶ τὸ ἐξῆς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ἐφ' ἐκάτερα
θεωρεῖται, τὰς δὲ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κειμένας ἐξῆς
ἐπ' εὐθείας ἀλλήλαις ἀδύνατον εἶναι, τοῦτο μὲν ἀ-
πέφησεν, παρέσχεν δὲ ἡμῖν ἐννοεῖν ὅτι ἐφ' ἐκάτερα 25
ληπτέον τῇ θέσει τὰς ἐφεξῆς. αὗται γὰρ δυνήσονται
καὶ ἐπ' εὐθείας δείκνυσθαι. ἔστωσαν πρὸς τῇ $\alpha\beta$

5 γε om. G, add. C. 6 ἐπιδέχεται] δέχεσθαι τὰς G,
corr. C. 21 εὐθεῖαι ἐφεξῆς C. 22 ἐπὶ τὸ ἐξῆς M, G,
ἐπεὶ τὸ ἐξῆς C. 24 ἀπέφησε G. 26 δυνήσονται] ληφθή-
σονται G, δυνήσονται C.

εὐθεία δύο εὐθεῖαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη αἱ $\overline{βγ}$ $\overline{βδ}$.
 αὗται τοίνυν ἐξῆς μὲν εἰσιν ἀλλήλαις· ἄλλη γὰρ
 αὐτῶν οὐκ ἔστιν εὐθεῖα μεταξύ.
 ταῦτα δὲ ἦν ἐφεξῆς, ὧν μηδέν ἐστιν
 ὁμοιον μεταξύ. καὶ γὰρ κίονας τού-
 τους ἐφεξῆς λέγομεν, ὧν μὴ ἔστιν
 ἄλλη κίων ἐν μέσῳ· καίτοι γε ἀήρ
 ἔστι πάντως μέσος, ἀλλ' οὐδὲν ὁμο-
 γενὲς μεταξύ. διὰ δὴ οὖν τὸ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ μέρη κεῖσθαι τὸ ἐπ' εὐθείας
 οὐκ ἔχουσιν, εἰ καὶ δύο ποιοῦσι γω-



νίας ὁρθαῖς ἴσας τὰς πρὸς τῇ $\overline{αβ}$ γωνίας. κωλύει γὰρ
 οὐδὲν μιᾶς μὲν εἶναι καὶ τρίτου τὴν ὑπὸ $\overline{αβδ}$, τοῦ
 δὲ λοιποῦ διμοίρου τὴν ὑπὸ $\overline{αβγ}$.

15 || Τοσαῦτα περὶ τῆς προτάσεως· ἐν δὲ τῇ κατα-
 σκευῇ χρῆται ἐνὶ αἰτήματι τῷ δευτέρῳ τῷ πᾶσαν
 εὐθεῖαν πεπερασμένην ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν αἰτου-
 μένῳ, καθάπερ ἐν τῇ ἀποδείξει τῷ πρὸ τούτου θεω-
 ρήματι, καὶ δυσὶν ἀξιώμασι, τῷ τε τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα
 20 [καὶ ἀλλήλοις ἴσα] καὶ τῷ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ
 τὰ λοιπὰ εἶναι ἴσα, πρὸς δὲ τὴν τοῦ ἀδυνάτου συν-
 αγωγὴν, ὅτι τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζόν ἐστιν. ἦν δὲ
 καὶ ἴσον μιᾶς τῆς κοινῆς γωνίας ἀφηρημένης, ὅπερ
 ἔστιν ἀδύνατον.

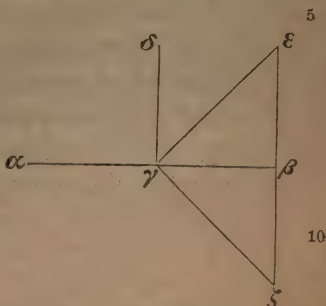
1 εὐθεία δύο om. M. 6 καὶ ante ὧν add. G. 7 ἄλλη
 M, C. ἄλλος G sed fortasse ex coniectura tantum, cum τούτους
 praecedat. 12 πρὸς τῇ $\overline{αβ}$ B in contextu 'ad Lineam ab'
 in margine 'Signum b'. 'qui sunt in $\overline{α}$ et $\overline{β}$ ' Z. || γωνία M, G.

20 καὶ ἀλλήλοις ἴσα om. M, G. 23 Post γωνίας addit M
 κινήσεως γωνίας.

Ὅτι δὲ ἄρα δυνατόν πρὸς τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ καὶ τῷ
πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθείας ἐξῆς κειμένας ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέντοι μέρη δύο ποιεῖν ὀρθαῖς ἴσας τὰς πρὸς
τῇ μιᾷ εὐθείᾳ γωνίας, δείξομεν οὕτως, ὥσπερ Πορ-
φύριος. ἔστω τις εὐθεῖα

ἡ $\overline{αβ}$ καὶ σημείον τὸ τυ-
χὸν ἐπ' αὐτῆς τὸ $\overline{γ}$, καὶ
τῇ $\overline{αβ}$ ἥχθω πρὸς ὀρθὰς ἡ
 $\overline{γδ}$, καὶ τετμήσθω δίχα ἡ
ὑπὸ $\overline{δγβ}$ τῇ $\overline{γε}$, καὶ ἀπὸ
τοῦ $\overline{ε}$ κάθετος ἡ $\overline{εβ}$, καὶ
ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{εβ}$, καὶ κεί-

σθω τῇ $\overline{εβ}$ ἴση ἡ $\overline{βξ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{γξ}$. ἐπεὶ οὖν
ἴση ἡ $\overline{εβ}$ τῇ $\overline{βξ}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{βγ}$ καὶ γωνίας ἴσας περι-
έχουσιν — ὀρθαὶ γάρ εἰσιν —, βάσεις ἄρα ἡ $\overline{εγ}$ βάσει 15
τῇ $\overline{γξ}$ ἴση καὶ πάντα διὰ πᾶσιν. ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{εγβ}$ γωνία
ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{ξγβ}$. ἡμίσεια δὲ ὀρθῆς ἡ ὑπὸ $\overline{εγβ}$ —
δίχα γὰρ τέμνεται ὀρθὴ τῇ $\overline{εγ}$ — ἡμίσεια ἄρα ὀρθῆς
ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{ξγβ}$. μιᾶς ἄρα καὶ ἡμισείας ὀρθῆς ἐστὶν
ἡ ὑπὸ $\overline{δγξ}$ ἐστὶν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{δγε}$ ἡμίσεια ὀρθῆς. 20
πρὸς τῇ $\overline{γδ}$ ἄρα εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ



6 τὸ ante τυχὸν om. G. 14 κοινὴ δὲ ἐστὶν ἡ $\overline{βγ}$ G. ||
ἴσας om. M. 18 τέμνεται G. || ὀρθῇ M. || τῇ $\overline{εγ}$] ἡ $\overline{εγξ}$ G,
corr. C. || ἡμίσεια ἄρα ἡμισείας ὀρθῆς M. 19 ἡ ὑπὸ $\overline{ξγβ}$.
μιᾶς ἄρα om. G. || καὶ ante ἡμισείας om. M. || καὶ ἡμισείας
ὀρθῆς ἐστὶν] καὶ ὀρθὴ G.

$\overline{\gamma}$ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς κεῖνται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη αἱ $\overline{\gamma\epsilon}$
 $\overline{\gamma\zeta}$ ποιοῦσαι δύο ὀρθαῖς ἴσας γωνίας, ἡμίσειαν μὲν ἡ
 $\overline{\gamma\epsilon}$, μίαν δὲ καὶ ἡμίσειαν ἡ $\overline{\gamma\zeta}$. Ἴν' οὖν μὴ ζητῶμεν
ἀδύνατα, πῶς αἱ $\overline{\gamma\epsilon}$ $\overline{\gamma\zeta}$, ποιοῦσαι τὰς πρὸς τῇ $\delta\gamma$
5 γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἀλλήλαις εἰσὶν ἐπ' εὐθείας,
προσέθηκεν ὁ γεωμέτρης τὸ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.
δεῖ τοίνυν ἐφ' ἐκάτερα τῆς εὐθείας κεῖσθαι τὰς ποι-
ούσας πρὸς αὐτὴν δυσὶν || ὀρθαῖς ἴσας τὰς γωνίας,
ἀφ' ἐνὸς μὲν ὠρμημένας σημείου, φερομένας δὲ τὴν
10 μὲν ἐπὶ τάδε τὴν δὲ ἐπ' ἐκεῖνα τῆς εὐθείας.

Prop. XV, theor. VIII. Ἐὰν δύο εὐθεῖαι τέμνω-
σιν ἀλλήλας τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας ἴσας
ἀλλήλαις ποιοῦσι.

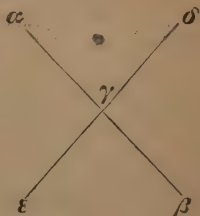
Τὰς ἐφεξῆς γωνίας τῶν κατὰ κορυφὴν διαφέρειν
15 φαμέν· τῶν μὲν γὰρ ἡ γένεσις κατὰ τὴν τομὴν γίνεται
τῶν δύο εὐθειῶν, τῶν δὲ τῆς ἐτέρας μόνον περὶ τὴν
ἐτέραν διαιρουμένης. ἔαν γὰρ ἡ εὐθεῖα αὐτὴ μὲν ἄτμη-
τος, τέμνουσα δὲ τῷ ἑαυτῆς πέρατι ἐκείνην δύο ποιῇ
γωνίας, ταύτας καλοῦμεν ἐφεξῆς, ἔαν δὲ ὑπ' ἀλλήλων
20 τμηθῶσι δύο εὐθεῖαι κατὰ κορυφὴν ἀποτελοῦνται γω-
νίαι. καλοῦνται δὲ οὕτως, ὅτι τὰς κορυφὰς εἰς ταὐτὸ
συμβαλλούσας ἔχουσι σημεῖον. κορυφαὶ δὲ αὐτῶν
τὰ σημεῖα, πρὸς ἃ συναγόμενα τὰ ἐπίπεδα τὰς γω-
νίας ποιεῖ.

4 ἀδύνατον G. 6—7 προσέθηκεν . . . τῆς εὐθείας
om. G, add. C. 9 ὠρισμένας G. 11 M in margine τε.
17 διαιρουμένην M, C. || αὐτῇ M. 19 ὑπ' ἐπ' C.

Τοῦτο τοίνυν τὸ θεωρήμα δείκνυσιν, ὅτι δύο
 εὐθειῶν ἀλλήλας τεμνουσῶν αἱ κατὰ κορυφὴν γωνίαι
 ἴσαι εἰσὶν, εὐρημένον μὲν, ὡς φησὶν Εὐδήμος ὑπὸ
 Θαλοῦ πρώτου, τῆς δὲ ἐπιστημονικῆς ἀποδείξεως
 ἡξιωμένον παρὰ τῷ στοιχειωτῇ. δείκνυται δὲ οὐκ ἐκ 5
 πάντων τῶν κεφαλαίων. ἡ μὲν γὰρ κατασκευὴ ἐκλέ-
 λοιπεν ἐνταῦθα, ἡ δὲ ἀπόδειξις, ἣν πάντως ἀναγκαῖον
 ὑπάρχειν, ῥηται τοῦ τρισκαιδεκάτου θεωρήματος,
 προσχρῆται δὲ καὶ ἀξιώμασι δυοῖν, ὧν τὸ μὲν ἐστὶ τὰ
 τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα, τὸ δὲ ἐὰν ἀπὸ ἴσων 10
 ἴσα ἀφαιρεθῇ τὰ λοιπὰ ἴσα ἐστίν.

Ἀλλὰ τὸ μὲν Εὐκλείδιον θεωρήμα φανερόν·
 ἀντιστρέφει δὲ τῷ θεωρήματι ἄλλο τοιοῦτον· ἐὰν πρὸς
 τινι εὐθείᾳ εὐθεῖαι μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ληφθεῖσαι
 ποιῶσι τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας ἴσας, ἐπ' εὐθείας 15
 ἔσονται ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι. ἔστω γάρ τις εὐθεῖα ἡ

$\overline{αβ}$ καὶ ἐπ' αὐτῆς | τυχὸν σημεῖον
 τὸ $\overline{γ}$, καὶ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ δύο εὐθεῖαι
 αἱ $\overline{γδ}$ $\overline{γε}$ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 εἰληφθῶσαν ἴσας ποιοῦσαι τὰς
 ὑπὸ $\overline{αγδ}$ $\overline{βγε}$ γωνίας· λέγω ὅτι
 ἐπ' εὐθείας εἰσὶν αἱ $\overline{γδ}$ $\overline{γε}$. ἐπεὶ



20

γὰρ ἡ $\overline{γδ}$ ἐπὶ τὴν $\overline{αβ}$ ἐφέστηκεν, δύο ὀρθαῖς ἴσας
 ποιεῖ τὰς ὑπὸ $\overline{δγα}$ $\overline{δγβ}$ · ἀλλ' ἡ ὑπὸ $\overline{δγα}$ ἴση ἐστὶν

5—6 *M* in margin: ση. ὅτι οὐκ ἐκ πάντων δείκνυται
 τοῦτο τὸ θεωρήμα τῶν κεφαλαίων. 8 εἴρηται *G*, ῥηταιται *C*.

9 δὲ ante καὶ om. *G*.

16 ἀλλήλαις om. *G*, add. *C*.

19—22 μὴ ἐπὶ αἱ $\overline{γδ}$ $\overline{γε}$ om. *G*, add. *C*.

24 τὰς ὑπὸ

$\overline{δγα}$ $\overline{δεβ}$ *M*.

τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ αἱ ἄρα ὑπὸ $\overline{\delta\gamma\beta}$ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. || ἐπεὶ οὖν πρὸς τινὶ εὐθείᾳ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ οὐκ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐφεξῆς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιοῦσιν, ἐπ' εὐθείας εἰσὶν ἀλ-

5 λήλαις αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$. δέδεικται οὖν τὸ ἀντίστροφον τῷ προκειμένῳ θεωρήματι· ἔοικεν δὲ ὁ γεωμέτρης αὐτὸ παραλιπεῖν ὥς ῥάδιον κατὰ τὴν αὐτὴν ἔφοδον διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς δεικνύναι καὶ τοῦτο, καθ' ἣν τὸ πρὸ αὐτοῦ δεδείχαμεν. τῶν γὰρ αὐτῶν ὑπο-

10 κειμένων λέγω, ὅτι ἐπ' εὐθείας ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$. εἰ γὰρ μὴ ἐστίν, εἰλήφθω τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἐπ' εὐθείας ἡ $\overline{\gamma\zeta}$. ἐπεὶ οὖν δύο εὐθεῖαι τέμνουσιν ἀλλή-



15

λας αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\delta\zeta}$ τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας ποιοῦσιν ἴσας· ἴσαι ἄρα εἰσὶν αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ $\overline{\beta\gamma\zeta}$ ἀλλ' ἦσαν ἴσαι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\zeta}$, ἡ μείζων τῇ ἐλάσσονι, ὅπερ ἀδύνατον·

οὐκ ἄρα ἄλλη τις ἐστὶν εὐθεῖα τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἐπ' εὐθείας, αἱ
20 ἄρα $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ ἐπ' εὐθείας εἰσὶ τῶν κατὰ κορυφὴν γωνιῶν ἴσων ὑποκειμένων. τῆς οὖν αὐτῆς ἀποδείξεως οὔσης, ἥτις καὶ ἐπὶ τοῦ τεσσαρεσκαιδεκάτου θεωρήματος προσείληπτο, πῶς οὐ περιέρχον ἦν καὶ ταύτην ἐπάγειν τὴν ἀντιστροφὴν; γυμνασίας δὲ ἕνεκα καὶ διὰ

13 αἱ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ $\overline{\delta\zeta}$ G, καὶ del. not. C. 16 καὶ ἡ M. 21 ἴσων τῶν ὑποκειμένων M, G. 22 τρισκαιδεκάτου G, τεσσαρεσκαιδεκάτου C. 23 προσείληπται G. || καὶ ante ταύτην om. G, add. C.

τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς αὐτὸ καὶ διὰ τῆς δεικτικῆς ἐφόδου κατεσκευάσαμεν.

Ἔοικεν δὲ τοῦτο τὸ πεντεκαιδέκατον θεωρήμα τῇ ὁμοιομερείᾳ τῶν εὐθειῶν καὶ τῇ ἐπ' ἄκρον τάσει θαρρεῖν, διότι τὰς οὕτως ἐχούσας γραμμὰς καὶ φερομένας 5 δι' ἀλλήλων ἀναγκαῖον ὁμοίας ἔχειν τὰς κλίσεις πρὸς ἀλλήλας ἐφ' ἐκάτερα καὶ τὰς αὐτάς. αἱ γοῦν περιφέρειαὶ καὶ ὅλως αἱ μὴ εὐθεῖαι τέμνουσαι ἀλλήλας τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας οὐ ποιοῦσιν ἐξ ἀνάγκης ἴσας, ἀλλὰ ποτὲ μὲν ἴσας, ποτὲ δὲ ἀνίσους. ἐὰν γὰρ δύο 10 ἴσοι κύκλοι διὰ τῶν κέντρων τέμνωσιν ἀλλήλους ἢ καὶ μὴ διὰ τῶν κέντρων, τὰς μηνοειδεῖς γωνίας ἴσας ποιοῦσι κατὰ κορυφὴν οὕσας, ἀλλ' οὐκέτι τὰς λοιπάς, τὴν τε ἀμφίκυρτον καὶ τὴν ἀμφίκοilon, ἀλλὰ μείζω τὴν ἑτέραν. ἐπὶ δὲ τῶν εὐθειῶν ἢ ἐπ' ἄκρον τάσις 15 ἴσην τῶν τῆς ἑτέρας τμημάτων || πρὸς τὰ τῆς ἑτέρας τμήματα ποιεῖ τὴν ἀπόστασιν.

Porisma. Ἐκ δὲ τούτου φανερὸν ὅτι, ἐὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς τέτταρας γωνίας τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσας ποιοῦσιν. 20

Ἐν τι τῶν γεωμετρικῶν ἐστὶν ὀνομάτων τὸ πόρισμα. τοῦτο δὲ σημαίνει διπτόν· καλοῦσι γὰρ πορίσματα καὶ ὅσα θεωρήματα συγκατασκευάζεται ταῖς ἄλλων ἀποδείξεσιν, οἷον ἔρμαια καὶ κέρδη τῶν ζητούντων ὑπάρχοντα, καὶ ὅσα ζητεῖται μὲν, εὐρέσεως δὲ 25 χρῆζει καὶ οὔτε γενέσεως μόνης οὔτε θεωρίας ἀπλῆς.

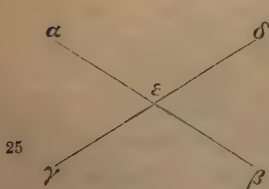
4 ὁμοιομερίᾳ M. 7 καὶ πρὸς αὐτάς G, καὶ τὰς αὐτάς C.

11 ἀλλήλους om. M, C. 13 ποιῶσι M, C. 15 ἄκρον C.

18 τούτων G, τούτου C. 26 χρῆζει M, G.

ὅτι μὲν γὰρ τῶν ἰσοσκελεῶν αἱ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι
 θεωρῆσαι δεῖ, καὶ ὄντων δὴ τῶν παραγμάτων ἐστὶν ἡ
 τοιαύτη γνῶσις. τὴν δὲ γωνίαν δίχα τεμεῖν ἢ τρίγωνον
 συστήσασθαι ἢ ἀφελεῖν ἢ θίγασθαι, ταῦτα πάντα
 5 ποιήσιν τινος ἀπαιτεῖ, τοῦ δὲ δοθέντος κύκλου τὸ
 κέντρον εὑρεῖν, ἢ δύο δοθέντων συμμετρῶν μεγεθῶν
 τὸ μέγιστον καὶ κοινὸν μέτρον εὑρεῖν, ἢ ὅσα τοιάδε,
 μεταξύ πῶς ἐστὶ προβλημάτων καὶ θεωρημάτων. οὔτε
 γὰρ γενέσεις εἰσὶν ἐν τούτοις τῶν ζητουμένων, ἀλλ'
 10 εὐρέσεις, οὔτε θεωρία ψιλή. δεῖ γὰρ ὑπ' ὅψιν ἀγα-
 γεῖν καὶ πρὸ ὁμμάτων ποιήσασθαι τὸ ζητούμενον. τοι-
 αῦτα ἅρα ἐστὶν καὶ ὅσα Εὐκλείδης πορίσματα γέ-
 γραφε, γ' βιβλία πορισμάτων συντάξας.

Ἀλλὰ περὶ μὲν τῶν τοιούτων πορισμάτων παρ-
 15 εἰσθῶ λέγειν, τὰ δὲ ἐν τῇ στοιχειώσει πορίσματα συν-
 αναφαίνεται μὲν ταῖς ἄλλων ἀποδείξεσιν, αὐτὰ δὲ
 προηγουμένης οὐ τυγχάνει ζητήσεως· οἷον καὶ τὸ νῦν
 προκείμενον. ἐξητεῖτο μὲν γὰρ, εἰ δύο εὐθειῶν τεμνου-
 σῶν ἀλλήλας αἱ κατὰ κορυφὴν γωνίαι ἴσαι εἰσί. τούτῳ
 20 δὲ δεικνυμένῳ συναποδέδεικται τὸ καὶ τὰς τέτταρας
 γωνίας εἶναι τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας. ὅτε γὰρ ἐλέγομεν·



ἔστωσαν εὐθεῖαι δύο αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$
 τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ $\overline{ε}$
 σημεῖον· ἐπεὶ οὖν ἡ $\overline{αε}$ ἐπὶ
 τὴν $\overline{γδ}$ ἐφέστηκεν, ποιεῖ τὰς
 ἐφεξῆς || δυὸν ὀρθαῖς ἴσας,

5 δὲ om. G, add. C. 12 πορίσματα Εὐκλείδης G. || γέ-
 γραφεν M, γέγραφε G. 13 γ, quod om. M, B, G, B, Z, N. p. 438,
 ego addidi ex Pappi coll. libr. VII p. 4, ed. Gerhardt. || προβλη-
 μάτων G, N, πορισμάτων C. 17 οὐ om. G. 18 ἐξητεῖτο C. ||
 εἰ om. G, add. C. 20 συναποδείκνυται G, συναποδέδεικται C.

καὶ πάλιν ἐπεὶ ἡ βε ἐπὶ τὴν γδ ἐφέστηκεν, ποιεῖ τὰς ἐφεξῆς δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας· τότε συναπεδείκνυμεν τῷ ζητουμένῳ ὅτι αἱ περὶ τὸ ε σημεῖον γωνίαι τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Ἐστὶν οὖν τὸ πόρισμα θεωρήμα διὰ τῆς ἄλλου 5 προβλήματος ἢ θεωρήματος ἀποδείξεως ἀπραγματεύτως ἀναφαινόμενον. οἶον γὰρ κατὰ τύχην περιπίπτειν εἰκόκαμεν τοῖς πορίσμασιν· οὐ γὰρ προθεμένοις οὐδὲ ζητήσασιν ἀπαντᾷ, ὅθεν αὐτὰ καὶ τοῖς ἑρμαίοις εἰκάσαμεν. καὶ ἴσως οἱ δεινοὶ τὰ μαθήματα κατ' αὐτὴν 10 αὐτοῖς ἔθεντο τὴν ἐπωνυμίαν ἐνδεικνύμενοι τοῖς πολλοῖς καὶ περὶ τὸ φαινόμενον κέρδος ἐπτοημένοις ὅτι ἄρα τὰ ἀληθῆ τοῦ θεοῦ δῶρα καὶ τὰ ἑρμαία ταῦτά ἐστιν, οὐχ οἷα ἐκείνοις δοκεῖ. ταῦτα γὰρ ὁ ἐν ἡμῖν πόρος ἀπογεννᾷ καὶ ἡ γόνιμος δύναμις τῆς ἐπιστήμης 15 προσβάλλει ταῖς προηγουμέναις ζητήσεσιν εὐπορίας ἀφθόρους | θεωρημάτων ἀναφαίνουσα.

Τὴν μὲν οὖν ιδιότητα τῶν πορισμάτων τοιαύτην εἶναι λεκτέον. διαιρετέον δὲ αὐτὰ πρῶτον μὲν κατὰ τὰς ἐπιστήμας — ἐστὶ γὰρ τὰ μὲν γεωμετρικὰ τὰ δὲ 20 ἀριθμητικὰ τῶν πορισμάτων. τὸ μὲν γὰρ προκείμενον πόρισμα γεωμετρικόν ἐστι, τὸ δὲ ἐπὶ τέλει τοῦ δευτέρου θεωρήματος τοῦ ξ βιβλίου τῶν ἀριθμητικῶν — ἔπειτα δὲ κατὰ τὰ προηγουμένα ζητήματα — τὰ μὲν

1—2 καὶ πάλιν . . . ὀρθαῖς ἴσας om. G. 5 τοῦ ἄλλου G. 10 μαθηματικά G. || κατὰ ταύτην G, κατ' αὐτὴν C.
12 ἐπὶ G, περὶ C. 13 τοιαῦτά ἐστιν C. 18 τοιαῦτα G, τοιαύτην C. 20—21 M in margine: τὰ πορίσματα

τὰ μὲν γεω- τὰ δὲ ἀριθ-
μετρικὰ μητικά.

23 ἐβδόμου G, ξ C.

24 δὲ κατὰ] δέκα τὰ G.

γὰρ προβλήμασιν ἔπεται, τὰ δὲ θεωρήμασι· τοῦτο μὲν
 γὰρ θεωρήματός ἐστι, τὸ δὲ ἐν τῷ δευτέρῳ βιβλίῳ
 κείμενον προβλήματος — τρίτον δὲ αὖ κατὰ τὰς δει-
 ξεις — τὰ μὲν γὰρ ταῖς δεικτικαῖς ἐφόδοις, τὰ δὲ
 5 ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς συγκατασκευάζεται· τὸ
 μὲν προκείμενον τῇ ἐπ' εὐθείᾳ δείξει, τὸ δὲ τῷ πρώτῳ
 τοῦ τρίτου βιβλίου συναποδεδειγμένον τῇ εἰς ἀδύνα-
 τον ἀπαγωγῇ συνανεφάνη. πολλαχῶς δὲ καὶ ἄλλως
 τὰ πορίσματα διαιρεῖν δυνατόν· ἀλλ' ἡμῖν γε ἀρκέσει
 10 καὶ ταῦτα πρὸς τὸ παρόν.

Τοῦτο δὲ τὸ πόρισμα, περὶ οὗ πρόκειται λέγειν,
 διδάσκον ἡμᾶς ὅτι ὁ περὶ ἐν σημεῖον τόπος εἰς τέτρα-
 σιν ὀρθαῖς ἴσας γωνίας διανέμεται, παρέσχεν ἀφορ-
 μὴν καὶ κείνῳ τῷ παραδόξῳ θεωρήματι τῷ δεικνύντι
 15 μόνᾳ τρία ταῦτα πολύγωνα πληροῦν δυνάμενα τὸν
 περὶ ἐν σημεῖον ὅλον τόπον, τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον
 καὶ τὸ τετράγωνον καὶ τὸ ἐξάγωνον τὸ ἰσόπλευρον
 καὶ ἰσογώνιον. ἀλλὰ τὸ μὲν ἰσόπλευρον τρίγωνον
 ἐξάκις παραληφθέν — ἕξ γὰρ δίμοιρα ποιήσῃ τὰς
 20 τέσσαρας ὀρθὰς — τὸ δὲ ἐξάγωνον τρεῖς γενόμενον —
 ἑκάστη γὰρ ἐξαγωνικὴ γωνία ἴση ἐστὶ μιᾷ ὀρθῇ καὶ
 τρίτῳ — τὸ δὲ τετράγωνον τετράκις — ἑκάστη γὰρ
 τετραγωνικὴ γωνία ὀρθή ἐστίν. ἕξ οὖν ἰσόπλευρα τρί-
 γωνα συννεύσαντα κατὰ τὰς γωνίας τὰς τέσσαρας ὀρ-
 25 θὰς συμπληροῖ || καὶ τρία ἐξάγωνα καὶ τετράγωνα τέσ-
 σαρα. καὶ ἕκαστον δὲ τῶν ἄλλων πολυγώνων ὅπως οὖν
 ἐπισυντιθέμενον κατὰ τὰς γωνίας ἢ ἐλλείπει τῶν τεσ-

1 γὰρ ante προβλήμασιν om. G. 15 ταῦτα τὰ τρία H_2
 p. 256, τρία H_2 p. 271. || πληροῦν δυνάμενα] πληρούμενα G,
 πληροῦν δυνατόν C. 16 Post τρίγωνον G addit καὶ τετρά-
 γωνον. 20 τρεῖς M, G, 'ter' B, Z. 20—24 τέσσαρας ...
 γωνίας τὰς om. B₃.

σάρων ὀρθῶν ἢ πλεονάζει· μόνα δὲ ταῦτα κατὰ τοὺς εἰρημένους ἀριθμοὺς ἐξισοῦνται ταῖς τέτρασιν ὀρθαῖς. καὶ ἐστὶ τὸ θεωρημα τοῦτο Πυθαγόρειον.

Διὰ τοῦτο δὲ τὸ πόρισμα καὶ πλείους εὐθειᾶι τῶν δυεῖν δι' ἐνὸς σημείου τέμνωσιν ἀλλήλας, οἷον ⁵ τρεῖς ἢ τέτταρες ἢ ὅποσαι οὖν, αἱ γινόμεναι γωνίαι πᾶσαι τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι δείκνυνται· μερίζονται γὰρ τὸν τεσσάρων τόπον. δῆλον δὲ ὅτι διπλασίους ἀεὶ γενήσονται τῶν εὐθειῶν αἱ γωνίαι· καὶ οὕτω δύο μὲν εὐθειῶν τεμνουσῶν ἀλλήλας ἔσονται γωνίαι τέσ- ¹⁰ σαρες ἴσαι τέτρασιν ὀρθαῖς, τριῶν δὲ ἕξ γωνίαι, τεσσάρων δὲ ὀκτώ· καὶ ἐπ' ἅπειρον ὁμοίως. ἀεὶ γὰρ διπλασιάζεται μὲν τὸ πλῆθος τῶν εὐθειῶν. αἱ δὲ γωνίαι κατὰ μὲν τὸ πλῆθος αὖξονται, κατὰ δὲ τὸ μέγεθος ἐλασσοῦνται, διότι τὸ διαιρούμενον ἀεὶ ταυτόν ¹⁵ ἐστίν, αἱ τέσσαρες ὀρθαί.

Prop. XVI, theor. VIII. Παντὸς τριγώνου μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἢ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου γωνία ἐκατέρως τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίου 20
μείζων ἐστίν.

Ταύτην τὴν πρότασιν οἱ μὲν ἐλλειπῶς προενεγκάμενοι χωρὶς τοῦ μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἀφορμὴν παρέσχον ἴσως μὲν καὶ ἄλλοις τισίν, ἀντάρ καὶ Φιλίππῳ, καθάπερ φησὶν ὁ μηχανικὸς Ἡρῶν, διαβολῆς. οὐ γὰρ πάντως, ἢ τρίγωνόν ἐστίν, καὶ ἐκτὸς ²⁵ ἔχει γωνίαν. ὅσοι δὲ περιγράφειν τὴν αἰτίασιν ταύ-

4—5 πλῆθος εὐθειᾶι τὰ ἐν δυεῖν M, C.
τεσσάρων τόπον G.

17 M in margine ις.

8 τὸν τῶν
20 μεῖζον M.

26 ἔχει M.

την ἡθέλησαν, μετὰ τῆς ἐκκειμένης προσθήκης ταύ-
την παραδεδώκασιν συνήθους οὔσης τῷ γεωμέτρῳ.
καὶ γὰρ ἐν τῷ πέμπτῳ θεωρήματι τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν
τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας ἀποδείξαι βουλούμενος
5 προσέειπεν ὅτι καὶ προσεκβληθεῖσιν ἴσων εὐθειῶν
αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι εἰσίν. καὶ εἰ παρ' ἄλ-
λοις οὖν ἑλλειπῆς ἦν, ἀλλὰ παρὰ τῷ στοιχειωτῇ τὸ
πλήρες ἔχουσα γέγραπται.

Τί δ' οὖν φησιν ἡ πρότασις ὅτι παντὸς τριγώνου
10 εἰ μίαν τινὰ τῶν πλευρῶν προσεκβάλοις τὴν ἐκτὸς
αὐτοῦ συνισταμένην γωνίαν εὐρήσεις μείζονα τῶν ἐν-
τὸς καὶ ἀπεναντίον ἑκατέρας; ἀμφοτέραις μὲν γὰρ ἴση
δειχθήσεται μικρὸν ὕστερον, ἑκατέρας δὲ μείζων ἐκ
τούτου δείκνυνται. καὶ ἀναγκαίως πρὸς τὰς ἀπεναν-
15 τίον αὐτὴν || συνέκρινεν ἄλλ' οὐ πρὸς τὴν ἐφεξῆς.
αὕτη μὲν γὰρ καὶ ἴση δύναται εἶναι καὶ ἐλάσσων
αὐτῆς, ἐκείνων δὲ ἑκατέρας μείζων [ἢ ἐκτὸς] ἐκ παν-
τός. ἐὰν γοῦν ὀρθογώνιον ᾖ τὸ τρίγωνον καὶ νοήσης
ἐκβαλλομένην μίαν τῶν περὶ τὴν ὀρθήν, ἡ ἐκτὸς ἴση
20 ἔσται τῇ ἐφεξῆς· ἐὰν δὲ ἀμβλυγώνιον ᾖ, ἔσται δυνα-
τὸν τὴν ἐντὸς μείζονα εἶναι τῆς ἐκτὸς. ἀλλὰ πρὸς τὰς
ἀπεναντίον — τῶν γὰρ ἐντὸς τοῦ τριγώνου μία μὲν
ἐστὶν ἡ ἐφεξῆς αὐτῇ, δύο δὲ ἀπεναντίον — τούτων
οὖν ἑκατέρας μείζων ἢ ἐκτὸς, ἀλλ' οὐ τῆς ἐφεξῆς αὐτῇ
25 κειμένης.

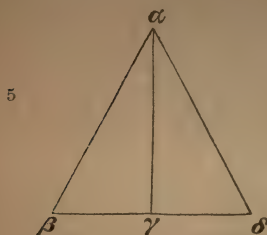
4 ἴσας om. *M, G*, add. *Kn. II.* 9 τί δὲ *G*, τί δὲ *C*.
12 ἀμφοτέραι *M*. 17 ἐκείνων] ἐκείναι *M, B₃, C*, ἐκείνη *G*,
'illorum' *B*, 'ille' *Z*. || ἡ ἐκτὸς, quod ego addidi, om. *M, B₃, G*,
B, Z. 18 οὖν *G*. || νοήσεις *G*. 19 μίαν ἐκβαλλομένην *G*.
22 ἐκτὸς τοῦ τριγώνου *M, B₃, G*, 'intra Triangulum' *B*, 'extra
triangulum' *Z*. 23 ἡ ante ἐφεξῆς om. *G*, add. *C*. || αὕτη
M, B₃, C, αὐτῇ (sic) *G*, om. *Z*. 'ipsi' *B*. || ὑπεναντίον *G*,
ἀπεναντίον *C*.

Ἦδη δέ τινες συνάπτοντες τὰ δύο θεωρήματα τοῦτό τε καὶ τὸ ἐξῆς ἀποδεικνύμενον οὕτω προφέρονται τὴν πρότασιν· Παντὸς τριγώνου μιᾷς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἢ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου | γωνία ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον 5 μείζων ἐστί, καὶ δύο ὁποιοιοῦν τῶν ἐντὸς γωνιῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν. ἔχουσι δὲ ἀφορμὴν τῆς συμπλοκῆς τῶν θεωρημάτων, ἐπειδὴ καὶ αὐτὸς ὁ γεωμέτρης ἐξῆς ἐπὶ τῶν ἴσων οὕτως ἐποίησε· Παντὸς τριγώνου ἢ ἐκτὸς γωνία δύο ταῖς ἐν- 10 τὸς καὶ ἀπεναντίον ἴση, καὶ αἱ τρεῖς τοῦ τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. κἀνταῦθα τοίνυν ἀξιούσιν ἐν τοῖς ὁμοίοις συμπλέκειν τὰ ζητούμενα καὶ ποιεῖν τὴν πρότασιν σύνθετον. καὶ δῆλον ὅτι τὸ μὲν προκείμενον εἰς ἀπόδειξιν ἔσται σύνθετον, 15 τὸ δὲ δεδομένον, εἰ μὲν μετὰ τῆς εἰρημένης προσθήκης ἐκφέροιτο, καὶ αὐτὸ σύνθετον — δεῖ γὰρ δύο νοεῖν, τρίγωνον ὑποκείμενον καὶ μίαν πλευρὰν ἐκβεβλημένην — εἰ δὲ ἄνευ ταύτης [?], δυνάμει μὲν σύνθετον, κατ' ἐνέργειαν δὲ ἀπλοῦν. πάντως γάρ, 20 κἂν μὴ προσκείηται, δεῖ συμπαραλαμβάνειν καὶ τοῦτο ὡς δεδομένον. αὐτῷ γὰρ τῷ τὴν ἐκτὸς ὑποθέσθαι γωνίαν ὡς οὔσαν τὴν πλευρὰν ὡς ἐκβεβλημένην παρείληφεν.

Τοσαῦτα περὶ τούτων· λάβοιμεν δ' ἂν ἀπὸ τοῦ 25 προκειμένου θεωρήματος ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου

2 τοῦτό τε] τὸ, τε παρὸν G, τῆς τότε C. 4 προσεκβληθείσης G. 8 ἐπειδὴ δὲ G, ἐπειδὴ καὶ C. 16 δὲ ante δεδομένον om. M. || εἰ μὴ G. 19 ἄνευ ταύτης] ἐν ταύτῃ M, B₃, G, 'sine hac' B, 'in hac' Z. 21 κἂν μὴ προσκείηται om. G, add. C. 22 αὐτὸ γὰρ τῷ G, αὐτὸ γὰρ τὸ C. 23 ὡς ante ἐκβεβλημένην om. G. 24 παρείληφε G, παρείληφε C.

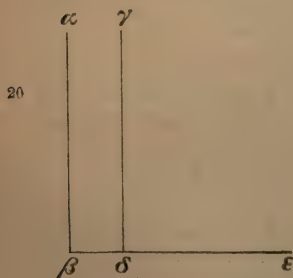
τρεις εὐθείας ἴσας ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεῖαν προσπίπτειν
ἀδύνατον. ἔστωσαν γὰρ ἀπὸ τοῦ ἐνὸς σημείου τρεῖς



αὶ \overline{AB} \overline{AG} \overline{AD} ἴσαι ἐπὶ τὴν \overline{BD}
εὐθεῖαν ἡγμέναι. ἐπεὶ οὖν ἴση
ἢ \overline{AB} τῇ \overline{AG} , ἴσαι εἰσὶν αἱ πρὸς
τῇ βάσει γωνίαι, ἢ ἄρα ὑπὸ
 \overline{ABG} ἴση τῇ ὑπὸ \overline{AGB} . || πάλιν
ἐπεὶ ἴση ἢ \overline{AB} τῇ \overline{AD} , ἴση ἢ
ὑπὸ \overline{ABD} τῇ ὑπὸ \overline{ADB} . ἣν δὲ

10 τῇ ὑπὸ \overline{ABG} ἴση ἢ ὑπὸ \overline{AGB} γωνία· ἢ ἄρα ὑπὸ \overline{AGB}
ἴση τῇ ὑπὸ \overline{ADB} , ἢ ἐκτὸς τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον,
ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου
τρεις εὐθεῖαι ἴσαι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεῖαν ἀχθήσονται.

Διὰ τοῦδε δὲ τοῦ θεωρήματος καὶ κεῖνο ἀποδείξο-
15 μεν ὅτι, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὴν
ἐκτὸς γωνίαν ἴσην ποιῇ τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, οὐ
ποιήσουσι τρίγωνον αἱ εὐθεῖαι οὐδὲ συμπεσοῦνται,



ἐπεὶ ἔσται αὐτὴ καὶ μείζων
καὶ ἴση ὅπερ ἀδύνατον. οἶον
ἔστωσαν αἱ \overline{AB} \overline{CD} εὐθεῖαι
καὶ εἰς αὐτὰς ἡ \overline{BE} ἐμπεσοῦσα
ποιεῖτω ἴσας τὰς ὑπὸ \overline{ABD}
 \overline{CDE} . οὐ συμπεσοῦνται δὲ
αἱ \overline{AB} \overline{CD} . εἰ γὰρ συμπε-

9—11 ἣν δὲ . . . ὑπὸ \overline{ADB} om. G. 14 δὲ om. G. ||
ἐκεῖνο G, καὶ κεῖνο C. 16 ποιεῖ τὴν C. 17 ποιήσωσι M. ||
αἱ om. M. 18 αὐτῇ M. 22 τὰς ὑπὸ \overline{AB} \overline{CD} G, corr. C.

σοῦνται μενουσῶν τῶν ἴσων γωνιῶν ἔσται ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\delta\epsilon}$,
 τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\delta}$ ἴση, ἐκτὸς οὖσα καὶ μείζων τῆς ἐντὸς
 καὶ ἀπεναντίον. ἀνάγκη ἄρα, εἰ συμπίπτουσιν, μηκέτι
 μένειν ἴσας τὰς γωνίας, ἀλλὰ ἐκ παντὸς αὖξεσθαι τὴν
 πρὸς τῷ $\overline{\delta}$. εἴτε γὰρ μενούσης ἀκινήτου τῆς $\overline{\alpha\beta}$ νοή- 5
 σειας κινουμένην ἐπ' αὐτὴν τὴν $\overline{\gamma\delta}$, ἵνα συμπέσωσι,
 πλείονα ποιεῖς διάστασιν κατὰ τὴν $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ γωνίαν —
 ὅσῳ γὰρ πρόσεισιν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$, τοσοῦτῳ μᾶλλον
 ἀφίσταται τῆς $\overline{\delta\epsilon}$ — εἴτε μενούσης τῆς $\overline{\gamma\delta}$ νοήσεως
 κινουμένην ἐπ' αὐτὴν τὴν $\overline{\alpha\beta}$, ἐλάττωνα ποιήσεις τὴν 10
 $\overline{\alpha\beta\delta}$ γωνίαν — ἅμα γὰρ ἐπὶ τὴν $\overline{\gamma\delta}$ φέρεται καὶ ἐπὶ
 τὴν $\overline{\beta\delta}$ — εἴτε καὶ ἄμφω κινουμένας ποιήσεως πρὸς
 ἀλλήλας, τὴν μὲν $\overline{\alpha\beta}$ εὐρήσεις ὥς ἐπὶ τὴν $\overline{\beta\delta}$ φερο-
 μένην καὶ συνάγουσαν τὴν γωνίαν, τὴν δὲ $\overline{\gamma\delta}$ τῆς $\overline{\delta\epsilon}$
 ἀφισταμένην διὰ τὴν ἐπὶ τὴν $\overline{\alpha\beta}$ κίνησιν καὶ αὖξουσιν 15
 τὴν ὑπὸ $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ γωνίαν. ἐξ ἀνάγκης ἄρα εἴ γε τρίγωνον
 ἔσται καὶ συμπεσοῦνται αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ μείζων ἢ ἐκτὸς
 ἔσται γωνία τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον· ἢ γὰρ τῆς ἐν-
 τὸς μενούσης αὖξεται ἢ ἐκτὸς, ἢ τῆς ἐκτὸς μενούσης

3 οὗ *G*, εἰ *C*.5 νοήσεως *M*, νοήσεις *G*.

6 συμ-

πίπτωσι *G*, συμπεσῶσι *C*.7 τὴν $\overline{\gamma\delta}$ *G*, τὴν $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ *C*.8 πρόσεισιν *G*. || τοσοῦτον *G*.

9—11 εἴτε μενούσης . . . ἐπὶ

τὴν $\overline{\beta\delta}$ om. *G*.16 εἴ γε] εἴτε *M*.18 ἢ εἰ γὰρ *M*.

19 usque ad p. 310 1 αὖξεται ἢ ἐκτὸς ἢ τῆς ἐκτὸς μενούσης
 ἐλασσοῦνται ἢ ἐντὸς] ἐλασσοῦνται ἢ ἐκτὸς *M* (*Z*), αὖξεται ἢ
 ἐκτὸς *B*₃, *G*, αὖξεται ἢ ἐκτὸς *C*, 'externus augetur aut externo
 manente internus minuitur' *B*.

ἐλασσοῦται ἡ ἐντὸς, ἥ, εἰ (?) καὶ ἡ ἐντὸς συνάγεται,
καὶ ἡ ἐκτὸς ἐπὶ πλεόν διίσταται. αἰτία δὲ τούτων ἡ
κίνησις τῶν εὐθειῶν, τῆς μὲν ἐφ' ἃ ποιεῖ τὴν ἐντὸς
γωνίαν κινουμένης ἐπὶ ταῦτα, τῆς δὲ ἐφ' ἃ ποιεῖ τὴν
5 ἐκτὸς γωνίαν ἀπὸ τούτων φερομένης. καὶ ἔχεις ἐκ
τούτων || συλλογίζεσθαι, πῶς αἱ γενέσεις τῶν πραγμά-
των ὑπ' ὅψιν ἡμῖν τὰς ἀληθινὰς ἄγουσι τῶν ζητου-
μένων αἰτίας.

Prop. XVII, theor. X. Παντὸς τριγώνου αἱ δύο
10 γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσι πάντη
μεταλαμβανόμεναι.

Νῦν μὲν ἀορίστως δείκνυνται δύο ὁποιαοῦν τοῦ
τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάττωες· ἐν δὲ τοῖς
ἐφεξῆς καὶ ἀφορισθήσεται, πόσῳ ἐλάττωες, ὅτι τῇ
15 λοιπῇ τοῦ τριγώνου γωνίᾳ. αἱ γὰρ τρεῖς ἴσαι ταῖς
δυσὶν ὀρθαῖς εἰσιν, ὥστε αἱ δύο τῇ λοιπῇ τῶν δύο
ὀρθῶν ἐλαττοῦνται. καὶ ἡ μὲν τοῦ στοιχειωτοῦ δεῖξις
φανεράν ἔχει τὴν ὁδόν. χρῆται γὰρ τῷ πρὸ τούτου
θεωρήματι. δεῖ δὲ καθάπερ ἐν τῷ πρόσθεν εἰς τὴν
20 γένεσιν ἀπιδόντα τῶν τριγώνων τὴν αἰτίαν εὐρεῖν

1 εἰ καὶ ἐντὸς omissio ἡ *M*. || εἰ om. *B*, quod probes.
4—5 κινουμένης . . . ἐκτὸς γωνίαν om. *B*₃, *G*, add. *C*. || τὴν ἐκτὸς
γωνίαν] τὴν ἐντὸς γωνίαν *M* (*Z*), *B* in contextu liberius:
'altera quidem ad eas partes, ubi internum diminuit Angulum,
altera vero ad eas, ubi externum auget tendente' et in mar-
gine: 'Altera quidem ad eas partes in quibus internum facit
Angulum tendente: altera vero ab iis partibus, in quibus ex-
ternum facit Angulum sese movente'. 6 τούτου *G*.

9 *M* in margine ιζ. 12 δείκνυνται *G*. || δύο post δείκνυνται
om. *G*. 13 ἐν δὲ τῆς ἐφεξῆς *G*. 15 Inter γωνία et αἱ
γὰρ leguntur in *G*: αἱ τρεῖς ἴσαι ταῖς δυσὶν ὀρθαῖς εἰσιν,
ὥστε αἱ δύο τῇ λοιπῇ τοῦ τριγώνου γωνίᾳ. 20 ἀποδίδοντα *C*.

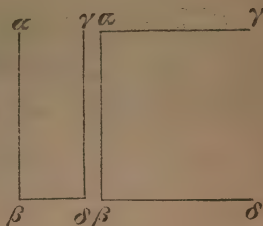
τοῦ προκειμένου συμπτώματος. ἔστωσαν οὖν αἱ $\overline{αβ}$
 πάλιν καὶ γδ τῇ βδ πρὸς ὀρθάς. εἰ οὖν μέλλοι τρί-
 γωνον ἔσεσθαι, δεῖ συνεῦσαι

τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ πρὸς ἀλλήλας. ἡ
 δὲ σύννευσις αὐτῶν ἐλαττοῖ
 τὰς ἐντὸς γωνίας, ὥστε ἐλάτ-
 τους γίνονται δυεῖν ὀρθῶν.
 εἰσὶ γὰρ ὀρθαὶ πρὸ τῆς συ-
 νεύσεως. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ

τῆς $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ $\overline{βδ}$ νοήσωμεν

ἔστώσας ὀρθάς, τὰ αὐτὰ συμβήσεται κατὰ τὴν σύννευ-
 σιν τῶν εὐθειῶν καὶ ἔσονται αἱ πρὸς τῇ $\overline{αβ}$ γωνία
 δύο ὀρθῶν ἐλάσσουες· καὶ ἐπὶ τῆς λοιπῆς πλευρᾶς
 ὡσαύτως.

Τοῦτο οὖν τὸ αἷτιόν ἐστιν, ἀλλ' οὐχὶ τὸ μείζονα 15
 εἶναι τὴν ἐκτὸς ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
 γωνιῶν. ἐκβεβλήσθαι μὲν γὰρ τὴν πλευρὰν οὐκ ἀναγ-
 καῖον, οὐδὲ ἔξω τινὰ συνεστάναι γωνίαν, τῶν δὲ
 ἐντὸς γωνιῶν β ὅποιασοῦν εἶναι $[\overline{β}]$ ὀρθῶν ἐλάττους
 ἀναγκαῖον. τὸ δὲ μὴ ἀναγκαῖον τοῦ ἀναγκαίου πῶς 20
 ἂν αἰτιον εἶη; ἀλλ' ὅπερ εἶπον τὸ μὲν αἷτιόν ἐστι
 τὸ ῥηθέν, ἡ σύννευσις τῶν εὐθειῶν || ἐπὶ τὴν βάσιν
 ἐλαττοῦσα τὰς ὀρθάς.



5

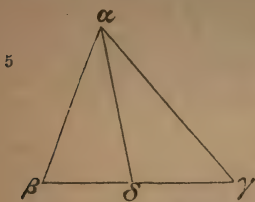
10

3—10 Priori figurae B triangulum abd inscripsit. In altera
 figura, quam B omisit, in M et Z litterae $\alpha \beta$ sunt permutatae.

9 καὶ G , καὶ C . 10 $\overline{αγ}$ $\overline{βδ}$ $\overline{αδ}$ M , B_3 , G (Z); B utrum-
 que omisit. 18 συστάναι G , συνεστάναι C . 19 $\overline{β}$ δύο G .

alter. $\overline{β}$ om. M , G . 23 ἐλαττούσας M , C , ἐλαττοῦσας B_3 , ἐλατ-
 τουσῶν G , 'diminuentium' B , 'quod ... coitio ... restringit' Z .

Τοῦ δὲ στοιχειωτοῦ διὰ τῆς ἐκτὸς γωνίας δείξαν-
τος τὸ ζητούμενον φέρε καὶ μὴ προσεκβάλλοντες τινα
τῶν πλευρῶν τὸ αὐτὸ κατασκευάσωμεν. ἔστω τρίγω-



νον τὸ $\overline{αβγ}$, καὶ εἰλήφθω τυχὸν
σημεῖον ἐπὶ τῆς $\overline{βγ}$ τὸ $\overline{δ}$, καὶ
ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{αδ}$. ἐπεὶ οὖν τρι-
γώνου τοῦ $\overline{αβδ}$ μία [πλευρὰ]
προσεκβέβληται ἡ $\overline{βδ}$, ἡ ἐκτὸς

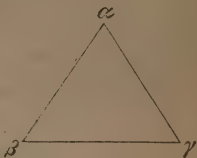
γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{αδγ}$ μείζων ἐστὶ τῆς ἐντὸς τῆς ὑπὸ $\overline{αβδ}$.

10 πάλιν ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{αδγ}$ μία πλευρὰ προσεκβέ-
βληται ἡ $\overline{δγ}$, ἡ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{αδβ}$ μείζων τῆς ἐντὸς
τῆς ὑπὸ $\overline{αγδ}$. ἀλλὰ μὴν αἱ περὶ τὴν $\overline{αδ}$ γωνίαι δύο
ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι διὰ τὸ τρισκαιδέκατον. αἱ ἄρα ὑπὸ
 $\overline{αβγ}$ $\overline{αγβ}$ γωνίαι δύο ὀρθῶν εἰσιν ἐλάττους. ὁμοίως

15 δείξομεν ὅτι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ $\overline{βγα}$ γωνίαι δύο ὀρθῶν
εἰσιν ἐλάττους ἐπὶ τῆς $\overline{αγ}$ σημείου λαβόντες καὶ ἐπι-
ξεύξαντες ἀπὸ τοῦ $\overline{β}$ [εὐθεῖαν] ἐπὶ τὸ ληφθὲν σημεῖον.
καὶ πάλιν τὰς ὑπὸ $\overline{γαβ}$ $\overline{αβγ}$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους ἀπο-
φανοῦμεν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ σημείου λαβόντες καὶ ἐπιξεύξαν-
20 τες ἀπὸ τοῦ $\overline{γ}$ εὐθεῖαν ἐπὶ τοῦτο τὸ σημεῖον. δέδεικται
ἄρα τὸ προκείμενον διὰ τοῦ αὐτοῦ θεωρήματος μὴ
προσεκβληθείσης τινὸς τῶν τοῦ τριγώνου πλευρῶν.

2 μὴ om. G, add. C. 3 κατασκευάσωμεν B_3 , G, 'ostenda-
mus' B, 'struemus' Z; in M litterae σω evanuerunt. 7 πλευρὰ
om. M, G. 9 ἐστὶ om. G. 12 $\overline{αγδ}$] $\overline{αβγ}$ M. 13 δεκα-
τρίτον G, τρισκαιδέκατον C. 17 εὐθεῖαν om. M, G.

Διὰ τούτου τοίνυν δυνατόν καὶ κεῖνο δεικνύναι, ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου ἐπὶ μίαν εὐθεΐαν δύο κάθετοι οὐκ ἀχθήσονται. ἔστωσαν γὰρ ἀπὸ τοῦ α σημείου ἐπὶ τὴν $\beta\gamma$ δύο κάθετοι αἱ $\alpha\beta$ $\alpha\gamma$. ὀρθαὶ ἄρα εἰσὶν αἱ ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$ $\alpha\gamma\beta$ γωνίαι. ἀλλ' ἐπεὶ τρίγωνόν ἐστι τὸ $\alpha\beta\gamma$, δύο ὁποιαοῦν γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσους εἰσὶν.



5

αἱ ἄρα ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$ $\alpha\gamma\beta$ γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσους εἰσὶν. ἀλλὰ καὶ ἴσαι δυσὶν ὀρθαῖς διὰ τὰς καθέτους· 10 ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου δύο κάθετοι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν ἀχθήσονται.

Prop. XVIII, theor. XI. Παντὸς τριγώνου ἡ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα γωνίαν ὑποτείνει.

|| Ὅτι μὲν ἡ τῶν πλευρῶν ἰσότης ἐφ' ἐκάστου τῶν 15 τριγώνων ἴσας ἀποτελεῖ τὰς ὑπὸ τούτων ὑποτεينوμένας γωνίας καὶ ἡ τῶν γωνιῶν ἰσότης ὡσαύτως τὰς ὑποτεινούσας αὐτὰς πλευρὰς ἴσας ἀποφαίνει μεμαθήκαμεν διὰ τε τοῦ πέμπτου καὶ ἕκτου θεωρήματος· ὅτι δὲ καὶ ταῖς ἀνισότησι τῶν πλευρῶν ἡ τῶν ὑποτεينو- 20 μένων γωνιῶν ἀνισότης ἀκολουθεῖ καὶ ἀνάπαλιν διὰ τούτων διδασκόμεθα τῶν θεωρημάτων τοῦ τε ὀκτωκαιδεκάτου λέγω καὶ τοῦ ἐννεακαιδεκάτου. τὸ μὲν γὰρ

3 ἀναχθήσονται G. 4—8 Figuram om. B; sed invenitur ea in M et Z. 9 αἱ ἄρα . . . ἐλάσσους εἰσὶν om. G, add. C.

13 In M in margine $\overline{\iota\eta}$.

19 τε om. G.

22 $\overline{\iota\eta}$ G,

ὀκτωκαιδεκάτου C.

23 $\overline{\iota\theta}$ G, ἐννεακαιδεκάτου C.

δείκνυνσι τὴν μείζονα πλευρὰν ὑπὸ τὴν μείζονα γω-
 νίαν, τὸ δὲ ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν τὴν μείζονα πλευ-
 ρὰν, ἀντιστρέφοντα μὲν ἀλλήλοις, ἐπὶ δὲ τῶν ἐναντίων
 προαγμάτων τὰ αὐτὰ θεωροῦντα συμπτώματα τῷ τε
 5 πέμπτῳ καὶ τῷ ἕκτῳ θεωρήματι. φανερόν δὲ ὅτι τὴν
 μείζονα καὶ τὴν ἐλάσσονα πλευρὰν ἀνάλογον ληψό-
 μεθα καὶ διαιρήσομεν τὴν μεγίστην καὶ μέσην καὶ
 ἐλαχίστην, καὶ τὰς γωνίας ὡσαύτως ἐπὶ τῶν σκαληνῶν
 τριγώνων. ἐπὶ δὲ τῶν ἰσοσκελεῶν ἀρκέσει τὸ μείζον
 10 ἀπλῶς καὶ ἑλάσσον. μία γάρ ἐστιν ἡ ταῖς δυσὶν ἄνισος,
 ἥτοι μείζων οὕσα ἢ ἐλάττων, ὥς ἐπὶ γε τῶν ἰσοπλεύ-
 ρων οὐκ ἔχει ταῦτα τὰ θεωρήματα χώραν. καὶ ὁρᾷς
 ὅπως τὰ μὲν τῆς ἰσότητος τῶν γωνιῶν ἢ πλευρῶν δει-
 κτικὰ τοῖς ἰσοπλεύροις καὶ ἰσοσκελέσιν ἐφήρμοττεν,
 15 τὰ δὲ τῆς ἀνισότητος τοῖς σκαληνοῖς καὶ τοῖς ἰσοσκε-
 λέσιν. αἴτιον δὲ ὅτι τὰ μὲν τῶν τριγώνων ἰσότητός
 ἐστι μόνης ἑκγονα, τὰ δὲ ἀνισότητος μόνης, τὰ δὲ ἀμ-
 φοτέρων, ὡδὶ μὲν διὰ τῆς ἰσότητος, ὡδὶ δὲ διὰ τῆς
 ἀνισότητος ὑφιστάμενα· καὶ τὰ μὲν ὄντα τῷ πέρατι
 20 συγγενῇ, τὰ δὲ τῇ ἀπειρίᾳ, τὰ δὲ κατὰ τὴν μίξιν ἀμ-
 φοτέρων ἀπογεννώμενα, ὥστε διὰ πάντων ἡ τριάς
 αὕτη πεφοίτηκεν, οἶον γραμμῶν, γωνιῶν, σχημάτων,
 καὶ ἐν τοῖς σχήμασι τριπλεύρων, τετραπλεύρων, ἑξῆς
 ἀπάντων. ἀλλὰ καὶ τὸ πέρας οὗ μὲν διὰ τῆς ὁμοιότη-
 25 τος, οὗ δὲ διὰ τῆς ἰσότητος ἐμφαντάζεται τοῖς γεω-
 μετρικοῖς εἶδεσι, καὶ τὸ ἄπειρον οὗ μὲν διὰ τῆς

1 τὴν μείζονα γωνίαν ὑπὸ τὴν μείζονα πλευρὰν G, corr. C.

13 τῆς om. G.

17 τὰ δὲ ἀνισότητος μόνης om. H₂

p. 266. 21 διὰ παντὸς H₂ p. 266. 22 αὕτη M, G, H₂.

23 τρίπλευρον M, τριπλεύρον G, corr. C. || τετράπλευρον M.

24 οὗ μὲν G, οὗ μὲν C.

25 οὗ δὲ διὰ τῆς ἰσότητος

om. G, add. C. || ἐμφαντάζετο G, ἐφαντάζετο C.

ἀνομοιότητος, οὗ δὲ διὰ τῆς ἀνισότητος, καὶ τὸ μικτὸν ὅτε μὲν ἐξ ὁμοιοτήτων, ὅτε δὲ ἐξ ἰσοτήτων. αἴτιον δὲ καὶ τούτων ὅτι τὰ εἶδη τὰ γεωμετρικὰ τῷ ποσῷ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ. διότι τῶν δύο τούτων ἐπισημαινομένων δῆλον (?) καὶ ὅτι παντὸς τριγώνου λέγων ὁ στοι-⁵ χιωτῆς οὐχὶ καὶ τοῦ ἰσοπλεύρου λέγει, ἀλλὰ τοῦ ἔχοντος μείζω καὶ ἐλάττω πλευρὰν. δεῖ γὰρ τὸ δεδομένον ἡγούμενον νομίζειν, ἐπόμενον δὲ (?) τὸ ζητούμενον. ὃ δ' ἂν μείζονα πλευρὰν ἔχη καὶ ἐλάσσονα, τοῦτο ὑπὸ τὴν μείζονα πλευρὰν τὴν μείζονα γωνίαν [ἔξει].¹⁰

Ἐπειδὴ δὲ ὁ || γεωμέτρης ἐν τῇ κατασκευῇ λαβὼν τὸ $\alpha\beta\gamma$ τρίγωνον καὶ μείζονα τὴν $\alpha\gamma$ τῆς $\alpha\beta$, ἵνα δείξῃ τῆς πρὸς τῷ γ γωνίας τὴν πρὸς τῷ β μείζονα, ἀφείλεν ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τῇ $\alpha\beta$ ἴσην τὴν $\alpha\delta$, φαίη δ' ἂν τις ὅτι πρὸς τῷ γ δεῖ γενέσθαι τὴν ἀφαίρεσιν, φέρει¹⁵ καὶ ἐπὶ ταύτης τῆς ὑποθέσεως δείξωμεν τὸ προκείμε-

1 τὸ μικτικὸν, ὃ γὰρ μὲν G. 2 ὁμοιοτήτων . . . ἰσοτήτων] 'ex similitudinibus et dissimilitudinibus . . . ex aequalitatibus et inaequalitatibus' B, cui adstipulatur Kn. II.

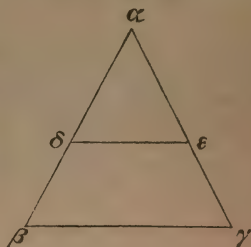
3 τῷ ποσῷ τόπῳ ὧ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ M, τῷ τόπῳ ὧ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ * B₃, G, 'ad Quantitatem, ad Qualitatemque spectant' B, 'loco quo satis sit et qualitate fiunt' Z.

5 δῆλον ex coniectura scripsi; ἡμῶν M, B₃, C, ἡμῖν G, 'eo quia nos haec duo annotare debemus' Z; B liberius: Haec itaque assignavimus, quoniam haec duo nobis assignantibus, manifestum nobis erit'. 8—9 ἐπόμενον· ὃ δ' ἂν τὸ ζητούμενον M, ἐπόμενον, ὃ (C. ὅτι) δ' ἂν τὸ ζητούμενον B₃, G, 'quod datum antecedens: consequens sit. si vero quaesitum' Z, 'Dato praecedenti Quaesitum consequens existimare: quod autem' B. 9 τούτῳ G, τοῦτο M, B₃, C, 'huic' B, 'hoc est' Z.

10 ἔξει ex coniectura dedi; M, B₃, G, Z verbum omittunt; 'esse' B. 13 πρὸς τὸ γ M, G. 13—15 Figuram ab Euclide

descriptam addit B. 15 πρὸς τῷ $\gamma\delta$ M, 'ad signum cd' Z, 'ad Signum c' B. 16 δείξωμεν M, B₃, G, δείξωμεν C, 'ostendamus' B, 'demonstrabimus' Z.

γωνίαν ὑποτείνειν. ἔστω γὰρ εἰ τύχοι τρίγωνον ἰσο-
σκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$, καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$ σημεῖον,
καὶ ἴση ἡ $\overline{αε}$ τῇ $\overline{αδ}$ [ἐπὶ τῆς
 $\overline{αγ}$] καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{δε}$. τὴν
οὖν πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνίαν ὑπο-
τείνουνσιν αἱ $\overline{δε}$ $\overline{βγ}$, ὧν ἡ μὲν
μείζων ἡ δὲ ἐλάσσων, καὶ μυ-
ρίας ὅσας || λαβεῖν δυνατὸν
κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον τὴν $\overline{α}$
γωνίαν ὑποτεινοῦσας μείζους καὶ ἐλάσσους εὐθείας. 10



5

πάλιν ἔστω τὸ $\overline{αβγ}$ ἰσοσκελὲς, καὶ ἐλάσσων ἡ $\overline{βγ}$ τῶν
 $\overline{βα}$ $\overline{αγ}$, καὶ ἰσόπλευρον τρίγωνον
ἐπὶ τῆς $\overline{βγ}$ τὸ $\overline{βδγ}$, καὶ ἐπεξεύχθω
ἡ $\overline{αδ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ $\overline{ε}$. ἐπεὶ
οὖν τοῦ $\overline{αβδ}$ τριγώνου ἐκτός ἐστιν
ἡ ὑπὸ $\overline{βδε}$ γωνία, μείζων ἐστὶ τῆς
ὑπὸ $\overline{βαδ}$, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ
ἡ ὑπὸ $\overline{γδε}$ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{γαδ}$. ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\overline{βδγ}$ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{βαγ}$ καὶ ὑποτείνει ἀμφοτέρως ἡ
αὐτὴ εὐθεῖα μείζονα καὶ ἐλάσσονα γωνίαν. δέδεικται 20
δὲ ὅτι τὴν αὐτὴν γωνίαν μείζους εὐθεῖαι καὶ ἐλάσ-
σους ὑποτείνουνσιν. ἀλλ' ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ τριγώνου



15

3 ἐπὶ τῆς $\overline{αγ}$ addendum esse puto; om. M, B₃, G, B, Z.

14 ἐπὶ τὸ $\overline{ε}$ om. M.

15 $\overline{αβγ}$ M.

16—18 τῆς ὑπὸ

$\overline{βαδ}$ μείζων om. G, add. C.

21 εὐθείας M, C.

μία εὐθεῖα μίαν ὑποτείνει γωνίαν καὶ ἡ μὲν μείζων
τὴν μείζονα ἐκ παντός, ἡ δὲ ἐλάσσων τὴν ἐλάσσονα
καὶ τὸ αἷτιον ἐθεωρήσαμεν.

Prop. XIX, theor. XII. Παντὸς τριγώνου ὑπὸ τὴν
5 μείζονα γωνίαν ἡ μείζων πλευρὰ ὑποτείνει.

Τοῦτό ἐστι τὸ ἀντίστροφον τῷ εἰρημένῳ θεωρή-
ματι. καὶ ἐστὶν ἀπλοῦν ἐν ἑκατέρῳ τό τε διδόμενον
καὶ τὸ ζητούμενον. καὶ τὸ ἐκεῖ συμπέρασμα ὑπόθεσις
ἐστὶν ἐνταῦθα, ἡ δὲ ἐκεῖ ὑπόθεσις τούτου συμπέ-
10 ρασμα. προτέτακται δ' ἐκεῖνο, διότι δεδομένην ἔχει
τὴν ἀνισότητα τῶν πλευρῶν, ἔπεται δὲ τοῦτο τὰς γω-
νίας ἀνίσους ὑποθέμενον. δοκοῦσι γὰρ αἱ μὲν πλευραὶ
τὰ εὐθύγραμμα περιέχειν, αἱ δὲ γωνίαι περιέχεσθαι.
καὶ ὁ τρόπος δὲ τῆς ἀποδείξεως ἐπ' ἐκείνου μὲν δεικτι-
15 κός, ἐπὶ δὲ τούτου διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς.

Ὁ μὲν οὖν γεωμέτρης ἐκ διαιρέσεως τὸ ἀδύνατον
συλλογίζεται. τῶν γὰρ γωνιῶν οὐσῶν ἀνίσων λέγω,
φησὶν, ὅτι καὶ αἱ ὑποτείνουσαι πλευραὶ ἄνισοι, καὶ
ἡ μείζων ὑποτείνει τὴν δεδομένην μείζονα γωνίαν.
20 εἰ γὰρ μὴ ἐστὶν ἡ τὴν μείζονα γωνίαν ὑποτείνουσα
μείζων, ἴση ἐστὶν ἢ ἐλάττων. ἀλλ' εἰ μὲν ἴση, καὶ αἱ
γωνίαι, ἃς ὑποτείνουσιν, ἴσαι διὰ τὸ ε, εἰ δὲ ἐλάττων,
καὶ ἡ γωνία, ἣν ὑποτείνει, ἐλάττων διὰ τὸ πρὸ τούτου.
δέδεικται γὰρ ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἡ μείζων
25 πλευρὰ ὑποτείνουσα καὶ ὑπὸ τὴν ἐλάσσονα ἢ ἐλάσσων.

1 μίαν om. G, add. C.

4 In M in margin: $\overline{\iota\theta}$.

7 δεδομένον G.

20 ὑποτείνουσα om. M.

21 μείζων, ἴση
ἐστὶν] ἡ μείζων ἐστὶ ἢ ἴση G, corr. C.

22 ε] πέμπτον G.

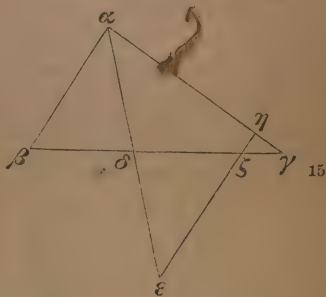
23 ὑποτείνει] ὑπὸ τὴν M.

ἔχουσι δὲ ἀνάπαλιν αἱ γωνίαι· μείζων ἄρα ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶς. δυνατὸν δὲ καὶ ἄνευ ταύτης τῆς διαιρέσεως δεῖξαι τὸ προκείμενον προαποδείξαντες λημμάτιόν τι τοιοῦτον·

Ἐὰν τριγώνου γωνία δίχα τμηθῇ καὶ ἡ ⁵ τέμνουσα τὴν γωνίαν εὐθεῖα ἐπὶ τὴν βάσιν ἀχθεῖσα εἰς ἄνισα αὐτὴν διαιρῇ, αἱ τὴν γωνίαν περιέχουσαι πλευραὶ ἄνισοι ἔσονται, καὶ μείζων μὲν ἡ τῷ μείζονι τμήματι τῆς βάσεως συμπίπτουσα, ἐλάσσων δὲ ἡ ἐλάσσονι. ¹⁰

Ἔστω τρίγωνον τὸ

$\alpha\beta\gamma$ καὶ τετμήσθω δίχα ἡ πρὸς τῷ α γωνία, καὶ ἡ $\alpha\delta$ εἰς ἄνισα τεμνέτω τὴν $\beta\gamma$, καὶ μείζων ἡ $\gamma\delta$ τῆς $\beta\delta$. λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ $\alpha\gamma$ τῆς $\alpha\beta$. ἐκβεβλήσθω ἡ $\alpha\delta$ καὶ κείσθω ἴση ἡ $\delta\epsilon$

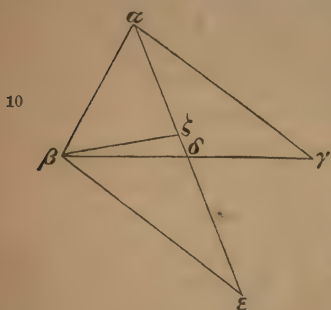


τῇ $\alpha\delta$. καὶ ἐπεὶ μείζων ἡ $\delta\gamma$ τῆς $\delta\beta$, κείσθω ἴση τῇ $\beta\delta$ ἡ $\delta\zeta$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\epsilon\zeta$ καὶ ἐκβεβλήσθω ὡς ἐπὶ ²⁰ τὸ η . ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\alpha\delta$ τῇ $\delta\epsilon$ καὶ ἡ $\beta\delta$ τῇ $\delta\zeta$, δύο δυσὶν ἴσαι, καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι τὰς κατὰ κορυφὴν· βάσις ἄρα ἡ $\beta\alpha$ βάσει τῇ $\epsilon\zeta$ ἴση καὶ

19 Post τῇ $\alpha\delta$ addunt $M, B_3, G (Z)$: καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\beta\epsilon$, quae linea etiam in figuris in M et Z ducta est. B , cum supervacanea sint, iure et verba et lineam omisit; nisi forte Proclum superflua quoque addidisse malis credere.

πάντα πᾶσιν, ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ γωνία τῇ
 ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\beta}$ ἴση ἐστίν. ἀλλὰ αὕτη τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\eta}$ ἴση ἐστίν,
 ὥστε καὶ πλευρὰ ἡ $\overline{\alpha\eta}$ τῇ $\overline{\epsilon\eta}$ ἴση διὰ τὸ ἕκτον. μεί-
 ζων ἄρα ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$. ἡ δὲ $\overline{\epsilon\zeta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$ ἴση. μείζων
 5 ἄρα ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\alpha\beta}$, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Τούτου προληφθέντος δείξομεν ὅτι ὑπὸ τὴν μεί-
 ζονα γωνίαν ἡ μείζων πλευρὰ ὑποτείνει. ἔστω τρι-



γωνον τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ μείζονα
 ἔχον τὴν πρὸς τῷ $\overline{\beta}$ γω-
 νίαν τῆς πρὸς τῷ $\overline{\gamma}$. λέγω
 ὅτι ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ μείζων
 ἐστίν. τετμήσθω δίχα ἡ
 $\overline{\beta\gamma}$ κατὰ τὸ $\overline{\delta}$ καὶ ἐπεξεύ-
 χθω ἡ $\overline{\alpha\delta}$, καὶ ἡχθω ἡ $\overline{\delta\epsilon}$
 15 ἴση τῇ $\overline{\alpha\delta}$, | καὶ ἐπεξεύ-
 χθω ἡ $\overline{\beta\epsilon}$.

ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{\beta\delta}$ τῇ $\overline{\delta\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ
 $\overline{\delta\epsilon}$, δύο δυσὶν ἴσαι, καὶ γωνίας ἴσας τὰς κατὰ κορυ-
 φὴν περιέχουσιν. ἴση ἄρα καὶ ἡ βάσις ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$,
 καὶ πάντα || πᾶσιν, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\beta\epsilon}$ γωνία ἴση τῇ

1 πάντα ἄρα πᾶσιν G. 2 τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\eta}$ M, in quo ἴση
 ἐστίν. ἀλλὰ αὕτη τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\eta}$ ἴση ἐστίν omissa sunt.

3 τῇ $\overline{\epsilon\zeta}$ M. 4—5 τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$. . . ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ om. G, add. C.

13—15 καὶ ἐπεξεύχθω . . . τῇ $\overline{\alpha\delta}$ om. M, C. 18 περι-
 ἔχουσι τὰς κατὰ κορυφὴν G. || ἡ ante βάσις om. G.

πρὸς τῷ $\bar{\gamma}$. ἐλάσσων δὲ [η πρὸς τῷ $\bar{\gamma}$] τῆς ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\delta}$.
 η ἄρα ὑπὸ $\overline{\delta\beta\epsilon}$ ἐλάσσων τῆς ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\delta}$. τετμήσθω
οὖν δίχα η ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\beta\zeta}$ εὐθείᾳ· μείζων ἄρα η $\overline{\epsilon\zeta}$
τῆς $\overline{\zeta\alpha}$. ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ $\overline{\alpha\beta\epsilon}$ η πρὸς τῷ $\bar{\beta}$ γω-
νία δίχα ἐτμήθη τῇ $\overline{\beta\zeta}$ καὶ μείζων η $\overline{\epsilon\zeta}$ τῆς $\overline{\alpha\zeta}$, διὰ 5
τὸ προδειχθὲν μείζων η $\overline{\beta\epsilon}$ τῆς $\overline{\beta\alpha}$. η δὲ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$
δέδεικται ἴση. μείζων ἄρα η $\overline{\gamma\alpha}$ τῆς $\overline{\alpha\beta}$. δέδεικται
ἄρα τὸ ζητούμενον.

Καὶ φανερόν ὅτι τὴν ποικιλίαν τῆς ἀποδείξεως
παραιτούμενος ὁ στοιχειωτὴς τὸν τρόπον τοῦτον ἐφυ- 10
λάξατο καὶ τῇ ἐκ διαιρέσεως εἰς τὸ ἀδύνατον ἀγοίσῃ
δείξει προεχρήσατο βουλόμενος τὸ ἀντίστροφον ποι-
ῆσαι τῷ προηγουμένῳ μηδενὸς μεταξὺ παρεμπίπτον-
τος, ἐπεὶ καὶ τὸ ὄγδοον ἀντιστρέφον πρὸς τὸ τέταρτον
πολλὴν ἐνεποίησε ταραχὴν δυσεπίγνωστον ποιῆσαν 15
τὴν ἀντιστροφὴν. αἰρετώτερον γὰρ τὸ δι' ἀδυνάτου
δεικνύναι τὰ ἀντιστρέφοντα μετὰ τοῦ τὴν συνέχειαν
φυλάττειν ἢ τὸ διακόπτειν τὴν συνέχειαν μετὰ τῆς
προηγουμένης ἀποδείξεως. διὸ δὴ τὰ ἀντίστροφα
πάντα σχεδὸν δι' ἀδυνάτου δείκνυσι. 20

1 η πρὸς τῷ $\bar{\gamma}$ ex coniectura addidi. $B_3 = M, G$.

1—2 τῆς ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\delta}$. . . ἐλάσσων om. G, B, Z . 10 ἐφυλάτ-
τετο G , ἐφυλάξατο C . 15 ἐποίησε G , ἐνεποίησε C . 19 ἀντι-
στροφία M . 20 πάντα] ταῦτα G , corr. C .

Prop. XX, theor. XIII. Παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι πάντα μεταλαμβανόμεναι.

Τοῦτο τὸ θεώρημα διασύρειν μὲν εἰώθασιν οἱ
 5 Ἐπικούρειοι καὶ ὄνῳ λέγοντες αὐτὸ δῆλον εἶναι καὶ
 μηδεμιᾶς δεῖσθαι κατασκευῆς· ὁμοίως δ' ἀνεπιστήμο-
 νος ἔργον εἶναι τὰ τε ἐμφανῇ παραμυθίας ἀξιοῦν καὶ
 τοῖς ἀδήλοις αὐτόθεν πιστεύειν. ὁ γὰρ ταῦτα συγχέων
 φανερός ἐστι τὸ τε ἀναπόδεικτον καὶ τὸ ἀποδεικτὸν
 10 ἀγνοῶν. ὅτι δὲ καὶ ὄνῳ τὸ προκείμενον θεώρημα
 γνώριμον κατασκευάζουσιν ἐκ τοῦ τεθέντος χόρτου
 κατὰ τὸ ἕτερον πέρας τῶν πλευρῶν τὸν ὄνον τὴν
 μίαν ὁδεύειν πλευρὰν ἀλλὰ μὴ τὰς δύο τροφῆς ὁρε-
 γόμενον.
 15 Πρὸς δὲ ταῦτα λεκτέον ὅτι σαφὲς μὲν κατὰ τὴν
 αἰσθησιν ἔστω τὸ θεώρημα, οὕπω δὲ σαφὲς κατὰ τὸν
 ἐπιστημονικὸν λόγον. πολλὰ γὰρ τοῦτο πέπονθε τῶν
 πραγμάτων, || οἷον θερμαίνει τὸ πῦρ· καὶ τοῦτο τῇ
 αἰσθήσει σαφές, ἀλλὰ πῶς θερμαίνει τῆς ἐπιστήμης
 20 ἔργον ἐλεῖν, πότερον ἀσωμάτῳ δυνάμει ἢ σωματικαῖς
 τομαῖς, σφαιρικοῖς μορίοις ἢ πυραμοειδέσι. πάλιν ὅτι
 κινούμεθα τῇ αἰσθήσει δῆλον, πῶς δὲ κινούμεθα,
 παραστῆσαι τῷ λόγῳ χαλεπὸν, πότερον κατὰ ἀμερές,
 ἢ κατὰ διάστημα· πῶς δὲ ἄπειρα δίδμεν. εἰς ἄπειρον
 25 γὰρ διαιρετὸν πᾶν μέγεθος. ἔστω τοίνυν καὶ τοῦ

1 In *M* in margine: $\bar{\alpha}$. ση. δια τὸν επικουρον ωρ.
 4 οἱ οὖν ἐπικούρειοι *G*. 7 εἶναι ἔργον *G*. || τε om. *G*, add. *C*.
 9 καὶ τὸ ἀποδεικτὸν om. *G*, καὶ τὸ ἀποδεικτικὸν *C*.
 15 δὴ *G*, δὲ *C*. 16 ἔστι *G*, ἔστω *C*.

τριγώνου τὸ μείζους εἶναι τὰς δύο τῆς μιᾶς τῇ αἰσθη-
σει καταφανές, ἀλλὰ πῶς τοῦτο γίνεται τῆς ἐπιστήμης
ἔργον εἰπεῖν.

Ἀλλὰ πρὸς μὲν τοὺς Ἐπικουρείους καὶ ταῦτα ἀρ-
κούντως ἀντειρήσθω· δεῖ δὲ καὶ τὰς ἄλλας ἀποδείξεις 5
τοῦ προκειμένου θεωρήματος συντόμως ἱστορεῖσθαι,
ὅσας οἱ περὶ Ἡρώνα καὶ Πορφύριον ἀνέγραψαν
τῆς εὐθείας μὴ προσεκβαλλομένης, ὃ πεποίηκεν ὁ στοι-

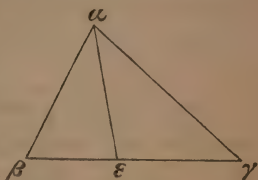
χειωτής. ἔστω τρίγωνον τὸ

$\overline{αβγ}$. δεῖ δὲ δεῖξαι τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$

τῆς $\overline{βγ}$ μείζους. τετμήσθω δίχα

ἢ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία. ἐπεὶ οὖν

τριγώνου τοῦ $\overline{αβε}$ γωνία ἐκτὸς



10

ἢ ὑπὸ $\overline{αεγ}$, μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ $\overline{βαε}$. ἀλλ' ἢ ὑπὸ

$\overline{βαε}$ τῇ ὑπὸ $\overline{εαγ}$ ἴση· ἢ ἄρα ὑπὸ $\overline{αεγ}$ μείζων τῆς ὑπὸ 15

$\overline{εαγ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αγ}$ πλευρὰ τῆς $\overline{γε}$ μείζων. διὰ τὰ

αὐτὰ δὲ καὶ ἡ $\overline{αβ}$ τῆς $\overline{βε}$ μείζων. τρίγωνον γὰρ τοῦ

$\overline{αεγ}$ ἐκτὸς ἢ ὑπὸ $\overline{αεβ}$ καὶ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$, τουτ-

ἐστὶν τῆς ὑπὸ $\overline{εαβ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αβ}$ τῆς $\overline{βε}$ μείζων. αἱ

ἄρα $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{βγ}$ ὅλης μείζους. ὁμοίως δεῖξομεν καὶ 20

ἐπὶ τῶν ἄλλων.

Πάλιν ἔστω τρίγωνον τὸ $\overline{αβγ}$. εἰ μὲν οὖν ἰσό-

πλευρόν ἐστι τὸ $\overline{αβγ}$, πάντως αἱ δύο μείζους τῆς λοι-

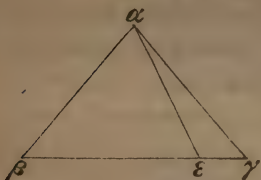
πῆς — τριῶν γὰρ ἴσων δύο ὁποιαοῦν διπλάσια τοῦ ενός

4 μὲν et καὶ om. G, add. C. 11 τῆς $\overline{βγ}$ om. G, add. C.

16 τὰ αὐτὰ] ταῦτα G. 24 οὐσῶν G, ἴσων C.

— εἰ δὲ ἰσοσκελές, ἦτοι ἐλάσσονα ἔχει τῶν ἴσων ἐκατέρας τὴν βάσιν ἢ μείζονα. εἰ μὲν οὖν ἐλάσσων ἢ βάσις, πάλιν αἱ δύο μείζονες τῆς λοιπῆς· εἰ δὲ μείζων

5



ἢ βάσις, ἔστω ἡ $\overline{βγ}$ μείζων, καὶ ἀφηγήσθω ἴση ἐκατέρα ἐκείνων ἡ $\overline{βε}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{αε}$. ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ $\overline{αεβ}$ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{αεγ}$ γωνία, μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ $\overline{βαε}$. διὰ

- 10 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{αεβ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$ μείζων. αἱ ἄρα περὶ τὴν $\overline{αε}$ γωνίαι μείζονες ὅλης τῆς πρὸς τῷ $\overline{α}$, ὧν ἡ ὑπὸ $\overline{βεα}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{βαε}$, ἐπεὶ καὶ \parallel ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βε}$ ἴση. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{αεγ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$ μείζων, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{γε}$ μείζων. ἦν δὲ ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βε}$ ἴση.
- 15 αἱ ἄρα $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ μείζονες τῆς $\overline{βγ}$. εἰ δὲ σκαληνὸν τὸ $\overline{αβγ}$, ἔστω μεγίστη ἡ $\overline{αβ}$, μέση ἡ $\overline{αγ}$, ἐλάχιστη ἡ $\overline{βγ}$. ἡ μὲν οὖν μεγίστη μεθ' ἐκατέρας ληφθεῖσα πάντως μείζων τῆς λοιπῆς· καὶ γὰρ καθ' αὐτὴν ἐκατέρας μείζων. εἰ δὲ τὴν $\overline{αγ}$ καὶ $\overline{βγ}$ δεῖξαι ζητοῦμεν τῆς $\overline{αβ}$
- 20 μεγίστης οὔσης μείζονας, ὥς ἐπὶ τοῦ ἰσοσκελοῦς ποιήσομεν ἀπὸ τῆς μεγίστης ἀφελόντες τῇ ἑτέρᾳ ἴσην, καὶ ἐπιζεύξαντες ἀπὸ τοῦ $\overline{γ}$, καὶ ἀποχρησάμενοι ταῖς ἐκτὸς τῶν τριγώνων γωνίαις.

2 ἐκατέραν M, G . 3 πάλαι G . 5 ἐκατέρα M, G .
 11 περὶ τὴν $\overline{α}$ καὶ $\overline{ε}$ G . 14 ἦν δὲ καὶ G . 17 μεθ' ἐκατέ-
 ραν ληφθεῖσα G . 18 καθ' αὐτὴν M , καθ' εἰαυτὴν G . \parallel ἑτέ-
 ρας G , ἐκατέρας C . 19 Figura, quam B addit, omissa est
 in M , neque est necessaria. 20 μείζονα M , 21 ἐκατέρα G .

Πάλιν ἔστω τρίγωνον τυχόν | τὸ $\overline{αβγ}$. λέγω ὅτι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ μείζους εἰσὶ τῆς $\overline{βγ}$. εἰ γὰρ μή, ἦτοι ἴσαι

εἰσὶν, ἢ ἐλάσσους, ἔστωσαν ἴσαι, καὶ ἀφηγήσθω

τῇ $\overline{αβ}$ ἴση ἡ $\overline{βε}$. λοιπὴ

ἄρα ἡ $\overline{εγ}$ τῇ $\overline{αγ}$ ἴση.

ἐπεὶ οὖν ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βε}$

ἴση, γωνίας ἴσας ὑπο-

τείνουσιν. ὁμοίως δὲ καί, ἐπεὶ ἡ $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{γε}$ ἴση, γω-

νίας ἴσας ὑποτείνουσιν. αἱ ἄρα πρὸς τῷ ϵ γωνίαι 10

ἴσαι καὶ αἱ πρὸς τῷ α , ὅπερ ἀδύνατον. πάλιν δὲ

ἔστωσαν ἐλάσσους αἱ $\overline{αβ}$

$\overline{αγ}$ τῆς $\overline{βγ}$, καὶ ἀφηγήσθω

τῇ μὲν $\overline{αβ}$ ἴση ἡ $\overline{βδ}$, τῇ δὲ

$\overline{αγ}$ ἡ $\overline{γε}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ

$\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βδ}$, ἴση ἡ ὑπὸ $\overline{βδα}$

τῇ ὑπὸ $\overline{βαδ}$, καὶ ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{γε}$, ἴση ἡ ὑπὸ $\overline{γεα}$

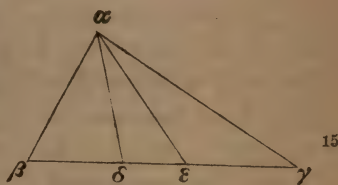
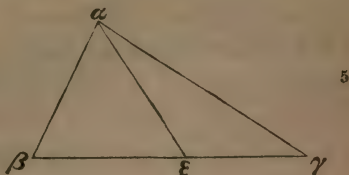
τῇ ὑπὸ $\overline{εαγ}$. δύο ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{βδα}$ $\overline{γεα}$ ἴσαι δυοῖν

ταῖς ὑπὸ $\overline{βαδ}$ καὶ $\overline{εαγ}$. πάλιν ἐπεὶ τριγώνου τοῦ

$\overline{αδγ}$ || ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{βδα}$, μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{εαγ}$, καὶ γὰρ 20

τῆς ὑπὸ $\overline{δαγ}$. κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ καί, ἐπεὶ τριγώνου

τοῦ $\overline{αβε}$ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{γεα}$, μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{βαδ}$, καὶ



9—10 ὁμοίως . . . ὑποτείνουσιν om. G. 10 πρὸς τὸ $\overline{αε}$ M, πρὸς τῇ $\overline{εγ}$ C, 'ad e Signum' B, 'ad ε' Z. 19 τῇ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ M, G. 20—21 ἐκτὸς . . . ὑπὸ $\overline{δαγ}$ om. G, add. C, sed prae-
posito $\overline{γεα}$ ante μείζων. 21 καὶ ἐπὶ G.

γὰρ τῆς ὑπὸ $\overline{βαε}$ μείζων. αἱ ὑπὸ $\overline{βδα}$ $\overline{γεα}$ μείζους
 ἐκεῖ δύο τῶν ὑπὸ $\overline{βαδ}$ $\overline{εαγ}$. ἦσαν δὲ καὶ ἴσαι αὐταῖς·
 ὅπερ ἀδύνατον. αἱ ἄρα $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ οὔτε ἴσαι εἰσὶν τῇ $\overline{βγ}$,
 οὔτε ἐλάσσους, ἀλλὰ μείζους. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν
 5 ἄλλων.

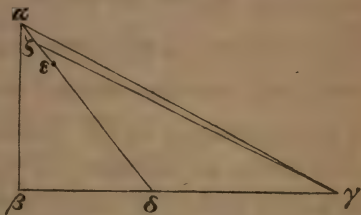
Prop. XXI, theor. XIII. Ἐὰν τριγώνου ἐπὶ μιᾷς
 τῶν πλευρῶν δύο εὐθεῖαι συσταθῶσιν ἐντὸς
 ἀπὸ τῶν περάτων ἀρξάμεναι, αἱ συσταθεῖσαι
 τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου πλευρῶν ἐλάττους
 10 μὲν ἔσονται, μείζονα δὲ γωνίαν περιέξουσιν.

Τὸ μὲν δηλούμενον ὑπὸ τῆς προτάσεως φανερόν
 καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ παρὰ τῷ στοιχειωτῇ τὸ ἐναργὲς ἔχει
 καὶ ταῖς πρώταις ἀρχαῖς ἐπόμενον τὸ θεώρημα. ἐκ
 γὰρ δύο θεωρημάτων ἡρτῆται τοῦ τε πρὸ τούτου
 15 δειχθέντος καὶ τοῦ ἐκκαιδεκάτου. πρὸς μὲν γὰρ τὸ
 δεῖξαι τὰς συσταθείσας ἐντὸς ἐλάσσονας τῶν ἐκτὸς
 ἐκείνου δεῖται τοῦ θεωρήματος, παντὸς τριγώνου αἱ
 δύο μείζους εἰσὶ τῆς λοιπῆς, πρὸς δὲ τὸ τὴν ὑπ’
 αὐτῶν περιεχομένην γωνίαν ἀποφῆναι μείζονα τῆς
 20 ὑπὸ τῶν ἐκτὸς περιεχομένης, ἐκεῖνο αὐτῷ συντελεῖ,
 τὸ παντὸς τριγώνου τὴν ἐκτὸς γωνίαν μείζονα εἶναι
 τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίου. λάβοις δ’ ἂν ἅμα τῆς γεω-
 μετρικῆς ἀκριβείας πίστιν καὶ τῶν ἐν τοῖς μαθήμασι
 παραδόξων ὑπόμνησιν, εἰ δείξαιμεν ὅτι δυνατὸν ἐντὸς

4 οὔτε μείζους *M, B₃, G*, ‘sed maiora’ *B*, ‘maiора igitur’ *Z*.
 6 In *M* in margine κα.
 7 σταθῶσιν *G*, συσταθῶσιν *C*.
 12 παρὰ] ἐπὶ *G*, corr. *C*.
 14 εἴρηται *G*, ἡρτῆται *C*.
 15 τῷ *G*, ἐκκαιδεκάτου *C*.

τριγώνου τινὸς ἐπὶ μιᾷ τῶν πλευρῶν οὐχ ὅλης ἀλλὰ
 μέρος αὐτῆς συστήναι δύο εὐθείας μείζους τῶν ἐκτός,
 καὶ πάλιν μείονα (?) γωνίαν περιεχούσας τῆς ὑπὸ
 τῶν ἐκτὸς περιεχομένης. τούτου γὰρ δειχθέντος ἅμα
 μὲν δῆλον ὅτι ἀναγκαίως ὁ στοιχειωτὴς προσέθηκεν 5
 τὸ ἀπὸ τῶν περᾶτων ἄρχεσθαι δεῖν τῆς κοινῆς βᾶ-
 σεως τὰς ἐντὸς συνισταμένας καὶ τὸ ἐπὶ μιᾷ ὅλης
 συνίστασθαι, ἀλλὰ οὐκ ἐπὶ μέρος τῆς ὅλης. ἅμα δὲ
 καὶ ὅπερ εἶπομεν ἐν τι τῶν ἐν γεωμετρίας παραδόξων
 ἀναφανήσεται. πῶς γὰρ οὐ παράδοξον, εἰ αἱ μὲν ἐπὶ 10
 τῆς ὅλης || συνιστάμεναι τῶν ἐκτὸς ἐλάσσους εἰσίν, αἱ
 δὲ ἐπὶ μέρος μείζονες; ἔστω δὴ οὖν ὀρθογώνιον τρί-
 γωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$, ὀρθὴν ἔχον τὴν πρὸς τῷ β γωνίαν καὶ
 εἰλήφθω σημεῖον τυ-

χὸν τὸ δ' ἐπὶ τῆς $\beta\gamma$
 καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\alpha\delta$.
 μείζων ἄρα ἡ $\alpha\delta$ τῆς
 $\alpha\beta$. ἀφηρήσθω ἀπὸ τῆς
 $\alpha\delta$ ἴση τῇ $\alpha\beta$ ἡ $\delta\epsilon$,

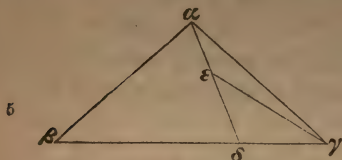


15

καὶ ἡ $\epsilon\alpha$ διηρήσθω δίχα κατὰ τὸ ζ , καὶ ἐπεζεύχθω ἡ 20
 $\gamma\zeta$. ἐπεὶ οὖν τρίγωνόν ἐστι τὸ $\alpha\gamma\zeta$ αἱ $\alpha\zeta$ $\zeta\gamma$ μείζους
 εἰσὶ τῆς $\alpha\gamma$. ἀλλ' ἡ $\alpha\zeta$ ἴση τῇ $\zeta\epsilon$. αἱ ἄρα $\zeta\epsilon$ $\zeta\gamma$ μεί-
 ζους τῆς $\alpha\gamma$. ἴση δὲ ἡ $\delta\epsilon$ τῇ $\alpha\beta$. αἱ ἄρα $\zeta\gamma$ $\zeta\delta$ μεί-
 ζους τῶν $\alpha\beta$ $\alpha\gamma$, καὶ εἰσιν ἐντός. πάλιν ἔστω τρίγωνον

3 μείζονα M , B_3 , G , 'maiozem' Z , 'minorem' B . Cum infra
 ἐλάσσονα scriptum sit, hoc quoque loco ἐλάσσονα erit restituend-
 dum. || τῆς ὑπὸ τῆς G , corr. C .

ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ μείζονα τὴν βάσιν ἔχον τὴν $\overline{βγ}$ ἑκα-
τέρας τῶν ἴσων, καὶ ἀφηγήσθω ἀπὸ τῆς $\overline{βγ}$ ἴση τῇ



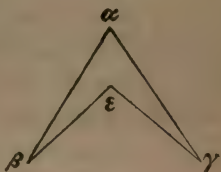
$\overline{αβ}$ ἢ $\overline{βδ}$, καὶ ἐπεξεύχθω
ἡ $\overline{αδ}$, καὶ σημείον ἐπὶ
τῆς $\overline{αδ}$ τυχὸν εἰλήφθω
τὸ $\overline{ε}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{εγ}$.

ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βδ}$, ἴση καὶ γωνία ἡ ὑπὸ
 $\overline{βαδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{βδα}$, καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{εδγ}$ ἐκτός
ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{βδα}$, μείζων ἐστὶ τῆς ἐντός καὶ ἀπεναν-
10 τίον τῆς ὑπὸ $\overline{δεγ}$, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ μείζων τῆς
ὑπὸ $\overline{δεγ}$. πολλῶ ἄρα μείζων ἡ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{δεγ}$.
καὶ περιέχεται ἡ μὲν ὑπὸ $\overline{βαγ}$ ὑπὸ τῶν ἐκτός, ἡ δὲ
ὑπὸ $\overline{δεγ}$ ὑπὸ τῶν ἐντός. συνεστάθησαν ἄρα ἐντός
τοῦ τριγώνου αἱ $\overline{δε}$ $\overline{εγ}$ γωνίαν περιέχουσαι ἐλάσσονα
15 τῶν ἐκτός, καὶ δέδεικται τὸ προκείμενον οὐ προσχρη-
σαμένων ἡμῶν ταῖς παραλλήλοις τῶν ἐξηγητῶν. ἀναγ-
καῖον ἄρα τὰς συνεσταμένας εὐθείας ἀπὸ τῶν περάτων
ἄρχεσθαι τῆς βάσεως. αἱ γὰρ ἐπὶ μέρους αὐτῆς συν-
ιστάμεναι καὶ μείζους δείκνυνται ποτε τῶν ἐκτός καὶ
20 ἐλάσσονα περιέχουσαι γωνίαν.

Οὕτω δὲ καὶ συνισταμένων ἀπὸ τῶν περάτων
ἀναφαίνεται καὶ τὸ εἶδος τῶν καλουμένων ἀκιδοειδῶν
τριγώνων, ἐν καὶ τοῦτο τῶν ἐν γεωμετρίας || παρα-

9 καὶ μείζων ἐστὶ G. 11 πολλῶ ... ὑπὸ $\overline{δεγ}$ om. G,
add. C. 12 τῆς ὑπὸ τῶν ἐκτός M. 13 συνεστάτωσαν M,
συνέστησαν B₃, G, constitutae sunt B, Z. 17 συνισταμένας G.
22 καλουμένων om. G.

δόξων τρίγωνον τετράπλευρον εὑρεῖν οἷον τὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$.
 περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τεττάρων πλευρῶν τῶν $\overline{\beta\alpha}$
 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ $\overline{\epsilon\beta}$, τρεῖς δὲ ἔχει γωνίας,
 μίαν μὲν τὴν πρὸς τῷ $\overline{\beta}$, ἑτέραν
 δὲ τὴν πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$, λοιπὴν δὲ τὴν
 πρὸς τῷ $\overline{\gamma}$. τετράπλευρον ἄρα ἐστὶ
 τρίγωνον τὸ προκείμενον σχῆμα.



Prop. XXII, probl. VIII. Ἐκ τριῶν εὐθειῶν, αἱ
 εἰσιν τρισὶ ταῖς δοθείσαις εὐθείαις ἴσαι, τρί-
 γωνον | συστήσασθαι. δεῖ δὲ τὰς δύο τῆς λοι- 10
 πῆς μείζους εἶναι πάντη μεταλαμβανομένας.

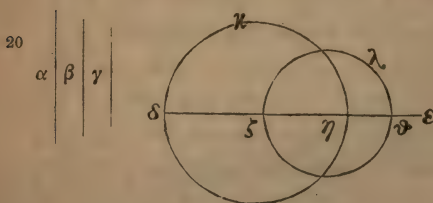
Ἐπὶ τὰ προβλήματα μετεληλύθαμεν αὖτις· καὶ
 παρακελεύεται τριῶν ἐκκειμένων εὐθειῶν, ὧν αἱ δύο
 μείζους τῆς λοιπῆς, συστήσασθαι τρίγωνον ἐξ ἴσων
 πλευρῶν ταῖς δοθείσαις εὐθείαις, πρῶτον μὲν τοῦτο 15
 συνιδῶν, ἐξ αὐτῶν ἐκείνων θέσιν ἤδη λαβουσῶν εἰρη-
 μένην συστήναι τρίγωνον ἀδύνατον, ἀλλ' ἐκ τῶν
 ἴσων αὐταῖς δυνατόν, ἔπειθ' ὅτι δεῖ τὰς εὐθείας τὰς
 συμπληροῦν μελλούσας τὸ τρίγωνον τὰς δύο τῆς λοι-
 πῆς μείζους ἔχειν πάντη μεταλαμβανομένας — παν- 20
 τὸς γὰρ τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ μείζους εἰσὶ τῆς
 λοιπῆς, ὥς δέδεικται — καὶ διὰ ταύτην τὴν αἰτίαν
 προσθεῖς, ὥς ἄρα ἀναγκαῖον καὶ τῶν ἐξ ἀρχῆς εὐθειῶν

8 *M* in margin $\kappa\beta$. 9 ἴσαι om. *M*. 13 παρακελεύεται]
 'iubet Euclides' *B*. 16 συνιδόντων *M, G*. || λαμβανουσῶν *G*,
 λαβουσῶν *C*. 20 ἔχειν] εἶναι *G*. 20—21 πάντη . . . τῆς
 λοιπῆς om. *G*.

τὰς δύο μείζους εἶναι τῆς λοιπῆς κατὰ πᾶσαν λῆψιν,
ἢ οὐκ ἔσται τρίγωνον ἐκ τῶν ἴσων αὐταῖς εὐθειῶν,
πρὸς δὲ τούτοις καὶ τὰς ἐνστάσεις ἀπάσας ἀνελών τὰς
πρὸς τὴν κατασκευὴν φερομένας, διὰ τῆς προσθήκης
5 ταύτης μόνης καὶ κείνας λύεσθαι δυναμένας.

Ἔστιν οὖν τὸ πρόβλημα τῶν διωρισμένων, ἀλλ'
οὐ τῶν ἀδιορίστων. καὶ γὰρ τῶν προβλημάτων ὥσπερ
τῶν θεωρημάτων τὰ μὲν ἔστιν ἀδιόριστα, τὰ δὲ δι-
ωρισμένα. ἔαν μὲν γὰρ εἴπωμεν ἀπλῶς οὕτως ἐκ τριῶν
10 εὐθειῶν ἴσων τρισὶ ταῖς δοθείσαις συστήσασθαι τρί-
γωνον, ἀδιόριστον καὶ ἀδύνατον, ἔαν δὲ προσθῶμεν,
ὧν αἱ δύο μείζους εἰσὶ τῆς λοιπῆς πάντῃ μεταλαμβα-
νόμεναι, διωρισμένον τε καὶ δυνατόν. γίνεται γὰρ
αὕ καὶ τοῦτο· ὥσπερ || τῶν θεωρημάτων κατὰ τὸ ἀλη-
15 θές καὶ ψεῦδος ἢ διαίρεσις, οὕτω καὶ τῶν προβλημά-
των κατὰ τὸ δυνατόν ἀποφανθέν [καὶ τὸ ἀδύνατον].

Ὅτι δὲ καὶ αἱ πρὸς τὴν κατασκευὴν ἐνστάσεις ἐν-
τεῦθεν λύονται, μάθοιμεν ἂν σμικρὸν εἰς αὐτὴν ἐπι-



βλέψαντες. ἐπακο-
λουθήσομεν γὰρ
τοῖς τοῦ γεωμέ-
τρου ῥήμασιν.

ἔστωσαν τρεῖς εὐ-
θεῖαι $\bar{\alpha}$ $\bar{\beta}$ $\bar{\gamma}$, ὧν
αἱ δύο μείζους τῆς

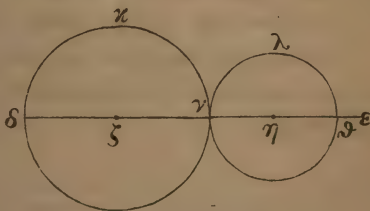
1—2 τὰς δύο ... εὐθειῶν om. G, add. C. 3 πρὸς δὲ
τοῦτο M. 5 καὶ κείνης G, καὶ κείνα C. 13—14 δυνατόν γίνε-
ται. καὶ γὰρ αὐ καὶ τοῦτο M, δυνατόν. γίνεταί γὰρ καὶ
αὐ τοῦτο B₃, G, 'fit ... possibile. Id etiam scire expedit' Z, 'Pos-
sibile. fit enim hoc quoque'. B. 16 καὶ τὸ ἀδύνατον om.
M, B₃, G; 'sic problematicum enuntiatum iuxta possibilitatem
spectatur' Z, 'iuxta Possibile enuntiatum atque Impossibile' B.

18 μικρὸν G. 19—25 Figuram om. M.

λοιπῆς πάντα μεταλαμβανόμεναι, καὶ δεόν ἐστω ποι-
 ῆσαι τὸ προσταχθέν. ἐκκείσθω τις εὐθεῖα ἢ $\overline{\delta\epsilon}$ ἐπὶ
 θάτερα μὲν πεπερασμένη, οἷον κατὰ τὸ $\overline{\delta}$, ἐπὶ θάτερα
 δὲ ἄπειρος, καὶ κείσθω τῇ μὲν $\overline{\alpha}$ ἴση ἢ $\overline{\delta\zeta}$, τῇ δὲ $\overline{\beta}$
 ἴση ἢ $\overline{\xi\eta}$, τῇ δὲ $\overline{\gamma}$ ἴση ἢ $\overline{\eta\theta}$. καὶ κέντρῳ τῷ ζ , δια- 5
 στήματι δὲ τῷ $\overline{\zeta\delta}$ κύκλος γεγράφθω ὁ κ , καὶ πάλιν
 κέντρῳ τῷ η , διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\eta\theta}$ κύκλος γεγράφθω
 ὁ λ , καὶ τεμνέτωσαν ἀλλήλους οἱ κύκλοι. τοῦτο γὰρ
 ἔλαβεν ὁ στοιχειωτής. πόθεν οὖν τοῦτο; φησὶν τις.
 μήποτε γὰρ ἢ ἐφάπτονται μόνον ἀλλήλων, ἢ οὐδὲ 10
 ἐφάπτονται; τῶν γὰρ τριῶν ἐν τι πάσχειν αὐτοὺς
 ἀναγκαῖον, ἢ τέμνειν ἀλλήλους, ἢ ἐφάπτεσθαι, ἢ δι-
 εστάναι ἀπ' ἀλλήλων. λέγω δὴ οὖν ὅτι τέμνουσιν ἐξ
 ἀνάγκης ἀλλήλους. ἐφαπτέσθωσαν γὰρ πρότερον ἀλ-
 λήλων. ἐπεὶ τοίνυν

15

τὸ ζ κέντρον ἐστὶ
 τοῦ κ κύκλου, ἴση
 ἐστὶν ἢ $\overline{\delta\zeta}$ τῇ $\overline{\zeta\nu}$,
 καὶ ἐπεὶ τὸ η κέν-
 τρον ἐστὶ τοῦ λ κύ-



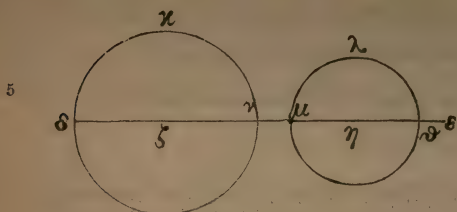
20

κλου, ἴση ἐστὶν ἢ $\overline{\theta\eta}$ τῇ $\overline{\eta\nu}$. δύο δὴ αἱ $\overline{\delta\zeta}$ $\overline{\eta\theta}$ ἴσαι
 μιᾷ τῇ $\overline{\xi\eta}$. ἔκειντο δὲ μείζους αὐτῆς, ὥσπερ καὶ ἡ $\overline{\alpha}$
 μετὰ τῆς $\overline{\gamma}$ τῆς $\overline{\beta}$ μείζων· ἴσαι γὰρ ἐκείναις. || πάλιν,

1 ἔστι G, ἔστω C. 4. 5 Alterum et tertium ἴση om. G, add. C. 9 ἔλαχεν G, 'sortitus est' et in margine 'assumpsit' B.

13 ὅτι οὐ τέμνουσιν G. 23 ἐκείνοις G, ἐκείναις C. || Post ἐκείναις addit B: 'Aequales igitur ipsi, ipsaque maiores sunt,

εἰ δυνατόν, διεστάτωσαν ἀλλήλων αἱ κύκλοι, ὥς οἱ
 κ λ . ἐπεὶ οὖν τὸ ξ τοῦ κ κέντρον, ἴση ἡ $\overline{\delta\xi}$ τῇ $\overline{\xi\nu}$,



καὶ ἐπεὶ τὸ η
 τοῦ λ κέντρον
 ἡ $\overline{\theta\eta}$ ἴση τῇ
 $\overline{\eta\mu}$. μείζων
 ἄρα ὅλη ἡ $\overline{\xi\eta}$
 τῶν $\overline{\delta\xi}$ $\overline{\theta\eta}$.

- ὑπερέχει γὰρ ἡ $\overline{\xi\eta}$ τῇ $\overline{\nu\mu}$ τῶν $\overline{\delta\xi}$ $\overline{\eta\theta}$. ἔκειτο δὲ τὰς $\overline{\delta\xi}$
 10 $\overline{\theta\eta}$ μείζους εἶναι τῆς $\overline{\xi\eta}$, ὥσπερ καὶ τὰς $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\beta\gamma}$.
 ἴση γὰρ ἡ μὲν $\overline{\delta\xi}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$, ἡ δὲ $\overline{\xi\eta}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$, ἡ δὲ $\overline{\theta\eta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$.
 ἀνάγκη ἄρα τοὺς κ λ κύκλους τέμνειν ἀλλήλους, ὥστε
 ὁ στοιχειωτὴς ὀρθῶς τέμνοντας ἔλαβεν ἀλλήλους τοὺς
 κύκλους, ἐπειδὴ καὶ τῶν τριῶν εὐθειῶν ὑπέθετο τὰς
 15 δύο μείζους τῆς λοιπῆς πάντη μεταλαμβανομένας καὶ
 οὔτε ἴσας οὔτε ἐλάττους τῆς μιᾶς. ἀνάγκη δὲ ἐφαπτο-
 μένων μὲν ἴσας εἶναι, διεστώτων δὲ ἐλάσσους τὰς δύο
 τῆς λοιπῆς.

quod fieri non potest'.

9 ἐκεῖ δὲ G , ἔκειτο δὲ C .

14 ἐπεὶ G , ἐπειδὴ C . 16—17 τῆς μιᾶς . . . ἐλάσσους om. G ,
 add. C .

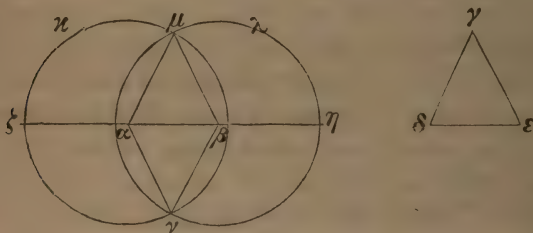
Prop. XXIII, probl. VIIII. *Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐ-
θείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῇ δοθείσῃ
εὐθυγράμμῳ γωνίᾳ ἴσην γωνίαν εὐθύγραμ-
μον συστήσασθαι.*

Πρόβλημα καὶ τοῦτο, Οἰνοπίδου μὲν εὗρημα ⁵
μᾶλλον, ὥς φησὶν Εὐδημος, γωνίας δὲ σύστασιν
ἀπαιτοῦν ἴσης ἄλλῃ τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ
πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ δοθέντι
σημείῳ. τὸ μὲν οὖν τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμ-
μον ἀναγκαιῶς εἶναι προσέθηκεν, ἐπειδὴ καὶ ἀδύνα- ¹⁰
τον πάσῃ γωνίᾳ ἴσην γωνίαν πρὸς εὐθείᾳ συστήσα-
σθαι. δέδεικται γὰρ ὅτι τῶν περιφερογράμμων γω-
νιῶν δύο μόνον εἰσὶν εὐθυγράμμοις ἴσαι, ἥ τε τοῦ
πελέκεως πάσῃ εὐθυγράμμῳ ἴση δεικνυμένη καὶ ἡ
τοῦ μηνοειδοῦς σχήματος διμοίρῳ ὀρθῆς ἴση οὖσα. || ¹⁵
γίνεται δὲ τὸ μηνοειδὲς τοῦτο δύο κύκλων διὰ τῶν
κέντρων τεμνόντων ἀλλήλους. τὸ δὲ πρὸς εὐθείᾳ τινὶ
γίνεσθαι τὴν σύστασιν τῆς γωνίας ὠρισμένην ποιεῖ
τὴν συνισταμένην καὶ οὐκ ἀδιάφορον κατὰ τὸ εἶδος,
ἀλλ' ἥτοι εὐθύγραμμον ἢ μικτήν. οὐδεμιᾶς δὲ μικτῆς ²⁰

1 *M* in margine *πρ. β κγ.* 5 καὶ om. *G.* 7 ἴσας *G.*
ἴσης *C.* 11 πρὸς εὐθείαν *G.* 13 ἥ τε τοῦ μηνοειδούς *G.*
ἥ τε μηνοειδῆς *C.* qui tamen in margine adnotavit: 'erat etiam
imutatus (?) γωνία tamen non apparebat, quid scriptum esset'.
'angulus bipennis' *Z.* 'Angulus scilicet Figuræ Lunularis' *B.*
Supra (p. 189, 12—190, 23) legitur vox μηνοειδῆς, quam
hoc loco Proclus certae tantum huiusmodi angulorum speciei
tribuit. 14 ἥδη δεδεικνυμένη *G.* ἴση δεικνυμένη *C.* || ἡ
τοῦ πελεκοειδοῦς *G.* ἡ τοῦ μηνοειδοῦς *C.* 'angulus lunularis
figuræ' *Z.* 'Angulus Figuræ illius, quæ Securi similis est' *B.*
— Demonstrationem, eiusmodi angulum duabus Recti tertiis
esse aequalem, quam Proclus omisit, addidit Taylor in pag. 126.
Proclus huius anguli mentionem fecit in pag. 301, 10—13.
18 *στᾶσιν G.* 20 *μικτὸν G.* *μικτήν C.*

ἴσης εἶναι δυναμένης εὐθυγράμμῳ πρόδηλον ὅτι καὶ αὐτὴ πάντως εὐθύγραμμός ἐστιν.

Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτὴς ἀπλῶς προσχρησάμενος τῷ πρὸ τούτου προβλήματι καὶ ἐκ τριῶν εὐθειῶν ἴσων
5 τρισὶ ταῖς δοθείσαις συστήσας τρίγωνον ἐποίησεν τὸ προσταχθέν, λάβοις δ' ἂν τὴν σύστασιν τοῦ | τριγώ-
νου διδασκαλικώτερον τὸν τρόπον τοῦτον. ἔστω

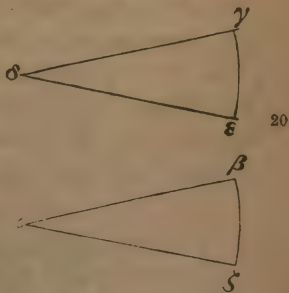


εὐθεῖα ἡ $\alpha\beta$, τὸ δὲ πρὸς αὐτῇ δοθέν σημεῖον τὸ α , ἡ
δὲ δοθεῖσα εὐθύγραμμος ἡ ὑπὸ $\gamma\delta\epsilon$. δεῖ δὴ ποιῆσαι
10 τὸ προσταχθέν. ἐπεζεύχθω ἡ $\gamma\epsilon$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐφ'
ἐκάτερα ἡ $\alpha\beta$, ὥς ἐπὶ τὰ ξ η , καὶ κείσθω τῇ μὲν $\gamma\delta$
ἴση $\xi\alpha$, τῇ δὲ $\delta\epsilon$ ἴση ἡ $\alpha\beta$, τῇ δὲ $\gamma\epsilon$ ἡ $\beta\eta$, καὶ κέν-
τρῳ τῷ α , διαστήματι δὲ τῷ $\xi\alpha$ κύκλος γεγράφθω ὁ
 κ , καὶ πάλιν ὥσπερ ἐπὶ τοῦ πρὸ τούτου κέντρῳ τῷ
15 β , διαστήματι δὲ τῷ $\beta\eta$ κύκλος γεγράφθω ὁ λ . τέμνου-
σιν ἄρα ἀλλήλους οἱ κύκλοι ὥς προδέδεικται. τεμνέ-
τωσαν κατὰ τὰ μ ν σημεῖα, καὶ ἀπὸ τοῦ μ ἐπιζεύ-

2 αὕτη G. 6 προσταθέν M, προτεθέν B_3 , G, 'Propositum'
 B , Z. 9 ὑπὸ $\gamma\delta$. ἔδει M. 14 ὥς G, ὥσπερ C. 17 μ
 ν G, 'n' B, 'm' Z.

χθωσαν ἐπὶ τὰ κέντρα, καὶ ἀπὸ τοῦ $\bar{\nu}$ ὥσαύτως. ἐπεὶ οὖν $\bar{\iota}\sigma\eta$ ἡ $\bar{\xi}\alpha$ τῇ $\bar{\alpha}\mu$ καὶ τῇ $\bar{\alpha}\nu$, ἡ δὲ $\bar{\xi}\alpha$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ $\bar{\gamma}\delta$, καὶ ἡ $\bar{\alpha}\mu$ καὶ ἡ $\bar{\alpha}\nu$ $\bar{\iota}\sigma\alpha\iota$ τῇ $\bar{\gamma}\delta$. πάλιν ἐπεὶ $\bar{\iota}\sigma\eta$ ἡ $\eta\beta$ τῇ $\beta\mu$ καὶ τῇ $\beta\nu$, ἡ δὲ $\eta\beta$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ $\bar{\gamma}\epsilon$, ἡ ἄρα $\beta\mu$ καὶ ἡ $\beta\nu$ $\bar{\iota}\sigma\alpha\iota$ τῇ $\bar{\gamma}\epsilon$. ἀλλὰ καὶ ἡ $\alpha\beta$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ $\delta\epsilon$. δύο ἄρα αἱ $\alpha\beta$ $\bar{\alpha}\mu$ $\bar{\iota}\sigma\alpha\iota$ ταῖς $\delta\epsilon$ $\delta\gamma$ καὶ βάσεις ἡ $\beta\mu$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ $\bar{\gamma}\epsilon$, γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\mu\alpha\beta$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ πρὸς τῷ δ . καὶ πάλιν δύο αἱ $\nu\alpha$ $\alpha\beta$ $\bar{\iota}\sigma\alpha\iota$ δυσὶν ταῖς $\gamma\delta$ $\delta\epsilon$, καὶ βάσεις ἡ $\nu\beta$ βάσει τῇ $\bar{\gamma}\epsilon$ $\bar{\iota}\sigma\eta$, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\nu\alpha\beta$ $\bar{\iota}\sigma\eta$ τῇ ὑπὸ $\gamma\delta\epsilon$. καὶ γέγονεν τὸ προσταχθὲν διπλασίως. οὐ γὰρ μίαν μόνον, ἀλλὰ δύο συνεστησάμεθα γωνίας $\bar{\iota}\sigma\alpha\varsigma$ τῇ δοθείσῃ ἐφ' ἑκάτερα τῆς $\alpha\beta$ εὐθείας, || ἵνα καὶ ἐν τοῖς ἐξῆς, ἐφ' ὁποῖα ἂν βουλώμεθα ποιεῖσθαι τὴν σύστασιν, ἀναμφισβήτητον εἴη καὶ μὴ τις ἀντιλέγη.

Ταῦτα μὲν οὖν πρὸς τὴν τοῦ στοιχειωτοῦ κατασκευὴν συμβαλλόμεθα, τὴν δὲ Ἀπολλωνίου δεῖξιν οὐκ ἐπαινοῦμεν, ὥς δεομένην τῶν ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ δεικνυμένων. λαβὼν γὰρ ἐκεῖνος γωνίαν τυχοῦσαν τὴν ὑπὸ $\gamma\delta\epsilon$ καὶ εὐθεῖαν τὴν $\alpha\beta$ κέντρῳ τῷ δ , διαστήματι δὲ τῷ $\gamma\delta$ γράφει τὴν $\bar{\gamma}\epsilon$ περιφέρειαν, καὶ ὥσαύτως κέντρῳ τῷ α , διαστή-



1 $\bar{\nu}$] $\bar{\mu}$ G, 'm' B, 'n' Z. 13 ἐν τοῖς ἐφεξῆς G.
14 ἀναμφισβήτητον G. 16 συμβαλλώμεθα G.

ματι δὲ τῷ $\overline{\alpha\beta}$ τὴν $\overline{\xi\beta}$, καὶ ἀπολαβὼν τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$ ἴσην τὴν $\overline{\xi\beta}$ ἐπιξεύγνυσιν τὴν $\overline{\alpha\zeta}$. καὶ ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βεβηκυίας τὰς $\overline{\alpha}$ $\overline{\delta}$ γωνίας ἴσας ἀποφαίνει. δεῖ δὲ προλαβεῖν καὶ ὅτι ἡ $\overline{\alpha\beta}$ ἴση τῇ $\overline{\gamma\delta}$, ἵνα καὶ οἱ κύκλοι
 5 ἴσοι ᾖσι. τὴν οὖν τοιαύτην κατασκευὴν ὥς τοῖς ὕστερον προσχρωμένην ἀλλοτριάν εἶναι τῆς στοιχειώσεως νομίζομεν, τὴν δὲ τοῦ γεωμέτρου προτίθεμεν ὥς ταῖς ἀρχαῖς ἐπομένην.

Prop. XXIII, theor. XV. Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
 10 πλευρὰς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρᾳ, ἔχῃ δὲ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξει.

Πάλιν ἐπὶ τὰ θεωρήματα μεταβέβηκε καὶ τοὺς
 15 ὁμοίους ἀποδίδωσι περὶ τῆς ἀνισότητος λόγους ἐπὶ δύο τριγώνων, οὓς καὶ ἐπὶ τῆς ἰσότητος. δύο γὰρ ὑποθέμενος τρίγωνα δύο πλευρὰς ἴσας ἔχοντα, ἑκατέραν ἑκατέρᾳ, τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίαν ὅτε μὲν ἴσην ἐν ἀμφοτέροις τίθεται, ὅτε δὲ ἄνισον, καὶ τῇ
 20 μὲν ἰσότητι ταύτης ἐπομένην ἔδειξεν τὴν ἰσότητα τῶν βάσεων καὶ τῇ τούτων ἰσότητι δείκνυσιν ἐπακολούθουσιν τὴν τῶν γωνιῶν τῶν πρὸς ταῖς κορυφαῖς

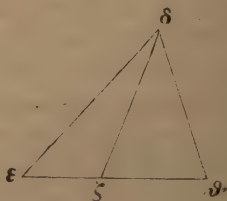
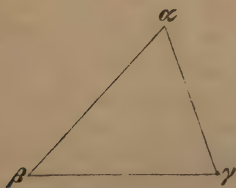
1 τὴν $\overline{\beta\zeta}$ περιφέρειαν *G*, τὴν $\overline{\xi\beta}$ *C*. 9 In *M* in margin $\kappa\delta$. 15 περὶ τῆς ἀνισότητος om. *G*, add. *C*. 16 της ante ἰσότητος om. *G*. 19 In *M* in margin: ἀπὸ τῶν δ καὶ η δηλον τὸ θεωρημα. 20 ταύτη *G*, ταύτης *C*. 21 τούτων] in *M* in margin: τούτων, τινῶν δηλον ὅτι τῶν βάσεων καὶ γὰρ ἀντιστρέφει. 22 τῶν ante πρὸς ταῖς om. *G*.

ἰσότητα, καὶ τῇ ἀνισότητι τὴν ἀνισότητα. τοῦτο τοί-
 νυν || τὸ θεωρήμα τὸ νῦν προτεινόμενον ἀντίκειται
 μὲν τῷ τετάρτῳ — ἐκεῖνο μὲν γὰρ ἴσας ὑπέθετο τὰς
 πρὸς ταῖς κορυφαῖς τῶν τριγώνων γωνίας, τοῦτο δὲ
 ἀνίσους. ἀκεῖνο μὲν ἴσας αὐτῶν ἀπεδείκνυ τὰς βά- 5
 σεις τοῦτο δὲ ὡσαύτως ταῖς γωνίαις ἀνίσους — προ-
 ηγεῖται δὲ τοῦ ἐφεξῆς θεωρήματος. ἐκεῖνο μὲν γὰρ
 ἀπὸ τῶν βάσεων ἐπὶ τὰς γωνίας, καθ' ἃς ὑποτείνου-
 σιν αἱ βάσεις, μετὰγει τὸν τῆς ἀνισότητος λόγον, τοῦτο
 δὲ ἀνάπαλιν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς βάσεις τὰς ὑπ' 10
 αὐτάς. ὥσπερ αὖ τὸ ἐφεξῆς ἀντίστροφον μὲν ἔστι
 πρὸς τοῦτο κατὰ τὸν εἰρημένον τρόπον, ἀντικείμενον
 δὲ τῷ ὀγδόῳ θεωρήματι. τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ τῆς ἰσότη-
 τος τῶν βάσεων ἴσας ἀποδείκνυσιν τὰς πρὸς ταῖς κο-
 ρυφαῖς γωνίας, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἀνισότητος τῶν βάσεων 15
 ἀκεῖνας ἀνίσους ἀποφαίνει. κοινὸν δὲ τοῖς τέτρα-
 σιν, ὧν δύο μὲν περὶ τὸ ἴσον στρέφεται, τὸ δ̄ καὶ τὸ η̄,
 δύο δὲ περὶ τὸ ἄνισον, τοῦτό τε καὶ τὸ ἐξῆς, καὶ δύο
 μὲν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἄρχεται, τὸ τέταρτον καὶ ὃ νυνὶ
 προεθέμεθα ζητεῖν, δύο δὲ ἀπὸ τῶν βάσεων, τό τε 20
 ὀγδοὺν καὶ τὸ ἐφεξῆς τεταγμένον — δεῖ (?) οὖν τούτοις
 τέτρασι τῷ δ̄ καὶ η̄ καὶ κδ̄ καὶ κε̄ τοῖς ἅπασι τὸ τὰς
 δύο πλευρὰς ἴσας ἔχειν ταῖς δύο πλευραῖς ἐκατέραν
 ἐκατέρῃ. τούτων γὰρ ἀνίσων οὐσῶν περιττὴ πᾶσα
 ζήτησις καὶ ἀπάτης οὐκ ἀπηλλαγμένη.

25

1 τὴν ἀνισότητα τῇ ἀνισότητι G. || τοίνυν] οὖν G.
 5 ἀποδείκνυσιν G, ἀπεδείκνυσιν C. 11 αὐτὸ G. || ἀντιστρό-
 φιον M, in quo in margine legitur: ση. τί ἐστὶν ἀντίστροφον
 καὶ τί ἀντικείμενον. 16 ἀποφαίνον G, ἀποφαίνει C. || In
 M in margine: ὁρόλον singulis litteris compendio ὡς suppo-
 sitis. 21 τεταμένον G, τεταγμένον C.

Τοσαῦτα καθόλου περὶ τῶν προκειμένων εἰρήσθω.
 φέρε δὲ καὶ τὴν τοῦ στοιχειωτοῦ κατασκευὴν τοῦδε
 τοῦ θεωρήματος ἀνασκεψώμεθα, καὶ τὸ ἐλλείπον αὐτῇ
 προσθῶμεν. λαβὼν γὰρ δύο τρίγωνα τὰ $\overline{αβγ}$ δεξ
 5 ἴσας ἔχοντα τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ ταῖς δε δξ ἑκατέραν ἑκατέρῃ
 καὶ τὴν πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνίαν τῆς πρὸς τῷ $\overline{δ}$ μείζονα,
 δεῖξαι τε βουλόμενος τὴν $\overline{βγ}$ τῆς $\overline{εζ}$ μείζονα πρὸς τῇ
 $\overline{εδ}$ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ $\overline{δ}$ συνίστησιν ἴσην |
 γωνίαν τῇ πρὸς τῷ $\overline{α}$ τὴν ὑπὸ $\overline{εδθ}$ — μείζων γὰρ ἡ
 10 πρὸς τῷ $\overline{α}$ τῆς πρὸς τῷ $\overline{δ}$ — καὶ ἀφείλεν ἴσην τῇ $\overline{αγ}$
 τὴν $\overline{δθ}$. τῆς οὖν $\overline{εζ}$ εὐθείας ἐκβαλλομένης τὸ $\overline{θ}$ ση-
 μεῖον ἢ ἀνωτέρω πίπτει τῆς εὐθείας, ἢ ἐπ' αὐτῆς, ἢ
 ὑπ' αὐτήν. ὁ μὲν δὲ στοιχειωτῆς ὡς ἀνωτέρω κεί-
 μενον ἔλαβεν. ἔστω δὲ ἐπ' αὐτῆς || τῆς εὐθείας. πά-

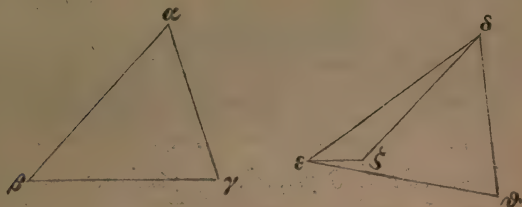


15 λιν οὖν αὐτόθεν δείξομεν. δύο γὰρ αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ δύο
 ταῖς δε δθ ἴσαι καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι. καὶ ἡ

2 καὶ] κατὰ M, C.
 αὐτῇ σημείῳ τῷ $\overline{δ}$ C.
 12 ἐπ' αὐτήν G, ὑπ' αὐτήν C.

8 πρὸς αὐτῆς σημείῳ $\overline{δ}$ G, πρὸς
 10 ἀφείλεν] ἐπιζεύγνυσιν B₃, G, 'auf-
 fert' Z, 'connectit' B.

$\overline{\beta\gamma}$ ἄρα βάσις τῇ $\varepsilon\theta$ ἴση. ἀλλ' ἡ $\varepsilon\theta$ τῆς $\varepsilon\zeta$ μείζων,
ὥστε καὶ ἡ $\beta\gamma$ τῆς $\varepsilon\zeta$ μείζων. ἀλλὰ δὴ ἔστω τῆς $\varepsilon\zeta$
κατωτέρω κείμενον. ἐπιζεύξαντες οὖν τὴν $\varepsilon\theta$ ἐροῦμεν



ὥς, ὅτι αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ταῖς $\overline{\delta\epsilon}$ $\overline{\delta\theta}$ ἴσαι καὶ γωνίας ἴσας
περιέχουσι, καὶ ἡ $\beta\gamma$ ἄρα ἴση τῇ $\varepsilon\theta$. ἐπεὶ οὖν τρι- 5
γώνου τοῦ $\delta\varepsilon\theta$ ἐντὸς συνέστησαν αἱ $\overline{\delta\zeta}$ $\overline{\zeta\epsilon}$ ἐπὶ τῆς
 $\overline{\delta\epsilon}$, ἐλάσσους εἰσὶ τῶν ἐκτός. ἴση δὲ ἡ $\delta\theta$ τῇ $\overline{\delta\zeta}$ —
καὶ γὰρ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ — μείζων ἄρα ἡ $\theta\epsilon$ τῆς $\varepsilon\zeta$. ἀλλ' ἡ
 $\theta\epsilon$ τῇ $\beta\gamma$ ἐστὶν ἴση, μείζων ἄρα ἡ $\beta\gamma$ τῆς $\varepsilon\zeta$. κατὰ
πᾶσαν ἄρα θέσιν δέδεικται τὸ θεώρημα. 10

Διὰ τί δὴ οὖν οὐχ, ὥσπερ ἐπὶ τοῦ τετάρτου θε-
ωρήματος προσapéδειξεν ὅτι καὶ τὰ ἔμβαδὰ τῶν τρι-
γώνων ἴσα ἐστίν, οὕτω καὶ ἐν τούτῳ προσέθηκεν, ὅτι
πρὸς τῇ ἀνισότητι τῶν βάσεων καὶ τὰ ἔμβαδὰ ἄνισα;
πρὸς δὲ ταύτην τὴν ἀπορίαν λεγέσθω ὅτι οὐχὶ ὁ 15
αὐτὸς λόγος ἐπὶ τε τῶν ἴσων γωνιῶν καὶ βάσεων καὶ
τῶν ἀνίσων. ἴσαις μὲν γὰρ οὖσαις ταῖς γωνίαις καὶ
ταῖς βάσεσιν ἔπεται καὶ ἡ τῶν τριγώνων ἰσότης.

1 μείζων τῆς $\varepsilon\zeta$ G.

3 κειμένη G.

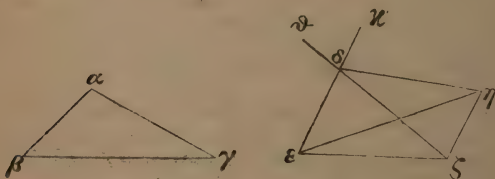
11 δὴ om. G.

13 οὕτω] τοῦ G, corr. C.

14 ἄνισα om. M.

15 δὴ G, δὲ C.

- ἀνίσοις δὲ ἄρα οὐσαὶς οὐκ ἀνάγκη τὴν ἀνισότητα τῶν
 ἐμβαδῶν ἀκολουθεῖν, ἀλλὰ γὰρ δύναται καὶ ἴσα εἶναι
 τὰ τρίγωνα καὶ ἄνισα, καὶ μείζον τὸ ἔχον τὴν μείζονα
 γωνίαν καὶ βάσιν καὶ αὖ ἔλασσον. διὰ τοῦτο οὖν ἐ
 5 στοιχειωτῆς παρέλειπεν τὴν τῶν τριγώνων σύγκρισιν,
 ἅμα δὲ καὶ ὅτι ἡ περὶ τούτων θεωρία τῆς τῶν παραλ-
 λήλων δεῖται πραγματείας. εἰ δὲ δεῖ προλαβόντας
 ἡμᾶς τὰ μέλλοντα δείκνυσθαι καὶ νῦν ποιήσασθαι
 τὴν τῶν ἐμβαδῶν παράθεσιν, λέγομεν ὅτι δύο ὀρθαῖς
 10 ἴσων οὐσῶν τῶν $\overline{\alpha}$ $\overline{\delta}$ γωνιῶν — γινέσθω δὲ ὁ λόγος
 ἐπὶ τῆς ἐν τῷ στοιχείῳ καταγραφῆς — ἴσα δείκνυνται
 τὰ τρίγωνα, || μειζόνων δὲ δυεῖν ὀρθῶν ἔλασσον τὸ
 ἔχον τὴν μείζονα γωνίαν, ἐλασσόνων δὲ οὐσῶν, μείζον.



- ἔστω γὰρ τὰ ἐν τῷ στοιχείῳ κατεσκευασμένα καὶ ἐκ-
 15 βεβλήσθωσαν αἱ $\overline{\epsilon\delta}$ $\overline{\zeta\delta}$, καὶ ὑποκείσθωσαν αἱ ὑπὸ
 $\overline{\beta\alpha\gamma}$ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι. ἐπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ ἴση
 τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$, αἱ ἄρα ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι
 εἰσὶν. εἰσὶ δὲ καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\kappa\delta\eta}$ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσαι.
 κοινὴ ἀφηγήσθω ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$

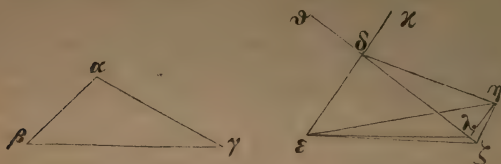
5 τὴν τριγώνου G, τὴν τῶν τριγώνων C. 8 τὰ μένοντα G,
 corr. C. 14 στοιχειωτῇ M, C.

τῇ ὑπὸ ηδκ ἴση. ἀλλ' ἡ ὑπὸ εδξ ἴση τῇ ὑπὸ θδκ
 — κατὰ κορυφὴν γάρ — καὶ ἡ ὑπὸ ηδκ ἄρα. καὶ
 ἐπεὶ τριγώνου τοῦ ηδξ ἐκτός ἐστιν ἡ ὑπὸ ηδθ, ἴση
 ἐστὶ ταῖς δύο ἀπεναντίον ταῖς πρὸς τῷ η καὶ ξ. ἀλλὰ
 αὐταὶ ἴσαι ἀλλήλαις· καὶ γὰρ ἡ δη τῇ δξ· ἡ ἄρα ὑπὸ 5
ηδθ διπλῇ τῆς πρὸς τῷ η γωνίας. ἴση ἄρα ἡ πρὸς
 τῷ η τῇ ὑπὸ κδη, καὶ εἰσιν ἐναλλάξ· παράλληλος
 ἄρα ἡ δε τῇ ξη. τὰ ἄρα ηδε ξδε τρίγωνα ἐπὶ τῆς
 αὐτῆς βάσεως ἐστὶν τῆς δε καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παρα-
 λήλοις ταῖς δε καὶ ηξ· ἴσα ἄρα ἐστίν· ἀλλὰ τὸ ηδε 10
τῷ αβγ ἴσον, καὶ τὸ δεξ ἄρα τῷ αβγ ἴσον. καὶ ὁρᾷς
 ὅτι τριῶν ἐδεήθημεν θεωρημάτων, ἃ τῆς τῶν παρα-
 λήλων ἐστὶ πραγματείας, ἐνὸς μὲν ὅτι παντὸς τριγώ-
 νου ἡ ἐκτός γωνία δύο ταῖς ἐντός καὶ ἀπεναντίον
 ἴση, ἑτέρου δὲ ὅτι, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπί- 15
 πτουςα τὰς ἐναλλάξ ἴσας ποιῇ, παράλληλοί εἰσιν αἱ
 εὐθεῖαι, τοῦ τρίτου δὲ ὅτι τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως
 τρίγωνα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἴσα ἐστίν·
 ἃ καὶ ὁ στοιχειωτὴς εἰδὼς παρήκεν τὴν τῶν τριγώνων
 σύγκρισιν. ἀλλὰ δὴ ἔστρωσαν αἱ ὑπὸ βαγ εδξ γωνίαι 20
 μείζους δυεῖν ὀρθῶν καὶ κατεσκευάσθω τὰ αὐτά. ἐπεὶ
 οὖν αἱ ὑπὸ βαγ εδξ, τουτέστιν αἱ ὑπὸ εδη εδξ μεί-

4 ταῖς δύο ταῖς ἀπεναντίον G. 6 ταῖς πρὸς τῷ η καὶ

ξ γωνίαις G, corr. C. 11 Prius ἴσον om. M. 12 τῆς
 om. G, add. C. 21 δυεῖν] δύο G, δυοῖν C. || προκατα-
 σκευάσθω G, κατασκευάσθω C. 22 αἱ ὑπὸ ante εδη om. G,
 add. C.

ζους δύο ὀρθῶν, αἱ δὲ ὑπὸ $\overline{εδη}$ $\overline{ηδκ}$ ἴσαι δύο ὀρθαῖς,
κοινῆς ἀφαιρουμένης τῆς ὑπὸ $\overline{εδη}$, μείζων ἢ ὑπὸ $\overline{εδζ}$

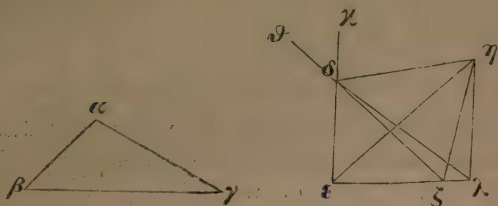


τῆς ὑπὸ $\overline{ηδκ}$, τουτέστιν ἢ ὑπὸ $\overline{κδθ}$ μείζων \parallel τῆς ὑπὸ
 $\overline{ηδκ}$. μείζων ἄρα ἢ διπλῇ [τῆς ὑπὸ $\overline{ηδθ}$, τουτέστι
5 διπλῆς] τῆς πρὸς τῷ $\overline{η}$ γωνίας. ἢ ἄρα ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἐλάσ-
σων ἐστὶ τῆς πρὸς τῷ $\overline{η}$. κείσθω ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἢ
ὑπὸ $\overline{δηλ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $\overline{ελ}$. παράλληλος ἄρα ἢ $\overline{ηλ}$
τῇ $\overline{δε}$. τὰ ἄρα $\overline{ηδε}$ $\overline{λδε}$ τρίγωνα ἴσα ἐστίν. ἀλλὰ τὸ
 $\overline{λδε}$ τοῦ $\overline{ζδε}$ ἑλάσσον· τὸ ἄρα $\overline{ηδε}$ ἑλάσσον τοῦ $\overline{ζδε}$.
10 ἴσον δὲ τὸ $\overline{ηδε}$ τῷ $\overline{αβγ}$ · τὸ ἄρα $\overline{αβγ}$ ἑλάσσον τοῦ
 $\overline{ζδε}$ τὸ ἔχον τὴν μείζονα [γωνίαν]. τὸ δὲ τρίτον
ἐστῶσαν ἐλάσσους ὀρθῶν δυεῖν αἱ ἄνισοι γωνίαι, καὶ
κατεσκευάσθω τὰ αὐτά. ἐπεὶ οὖν αἱ ὑπὸ $\overline{εδη}$ $\overline{ηδκ}$

1 αἱ δὲ] τῆς G , αἱ δὲ C . 4 τῆς ὑπὸ $\overline{ηδθ}$, τουτέστι
διπλῆς ex coniectura addidi. μείζων ἄρα ἢ διπλῇ M , μείζων
ἐστὶν ἢ (ἢ B_3) διπλῇ τῆς ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἢ διπλῇ B_3 , G , 'maior igitur
est duplo' Z , 'Angulus igitur gdh maior quam duplus est Anguli
 gdk , ipse nempe qui duplus est' B . 5 γωνίας om. G .

8 ἐστίν om. G . 10—11 ἴσον . . . $\overline{ζδε}$ om. G , add. C .
11 γωνίαν om. M , B_3 , G . In M additum est post μείζονα: τὸ ἄρα
 $\overline{ηδε}$ ἑλάσσον τοῦ $\overline{ζδε}$ τὸ ἔχον τὴν μείζονα.

δυεῖν ὀρθαῖς ἴσαι, κοινῆς ἀφαιρουμένης τῆς ὑπὸ
 $\overline{εδη}$ ἐλάσσων ἢ ὑπὸ $\overline{εδξ}$, τουτέστιν ἢ ὑπὸ $\overline{κδθ}$, τῆς



ὑπὸ $\overline{ηδκ}$. καὶ] ὅλη ἢ ὑπὸ $\overline{ηδθ}$ ἐλάσσων ἢ διπλῇ τῆς
 ὑπὸ $\overline{ηδκ}$. ἀλλὰ καὶ διπλῇ ἐστὶ τῆς πρὸς τῷ $\overline{η}$ γωνίας.
 ἢ ἄρα ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ μείζων τῆς πρὸς τῷ $\overline{η}$. κείσθω τῇ 5
 ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἴση ἢ ὑπὸ $\overline{δηλ}$, καὶ συμπιπτέτω ἢ $\overline{ηλ}$ τῇ $\overline{εξ}$
 κατὰ τὸ $\overline{λ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $\overline{δλ}$. παράλληλος ἄρα ἢ
 $\overline{ηλ}$ τῇ $\overline{δε}$. ἴσα ἄρα τὰ $\overline{ηδε}$ $\overline{δλε}$ τρίγωνα ἀλλήλοις.
 ἀλλὰ τὸ μὲν $\overline{λδε}$ μείζων τοῦ $\overline{ξδε}$, τὸ δὲ $\overline{ηδε}$ ἴσον τῷ
 $\overline{αβγ}$. τὸ ἄρα $\overline{αβγ}$ μείζον τοῦ $\overline{δξε}$. δέδεικται ἄρα 10
 τὸ $\overline{αβγ}$ τῷ $\overline{δεξ}$ καὶ ἴσον καὶ μείζον καὶ ἑλάσσον τῶν
 πρὸς τῷ $\overline{α}$ καὶ $\overline{δ}$ γωνιῶν ἢ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσων οὐσῶν ἢ
 μειζόνων δυεῖν ὀρθῶν ἢ ἐλασσόνων. καὶ πᾶσαι αἱ
 ὑποθέσεις τὸ δυνατόν ἔχουσι. τί γάρ, εἰ ἢ πρὸς τῷ

2—3 $\overline{εδη} \dots \overline{ηδκ}$. καὶ addidi ex coniectura; in *M* legi-
 tur tantum $\overline{κδθ}$, in *B*₃, *G* $\overline{εδη}$. 'κdh' *Z*, 'edg' *B*. 4—5 γω-
 νίας τῷ $\overline{η}$ om. *G*, add. *C*. 5 μείζων ἐστὶ *C*.
 6 $\overline{ηλ}$ τῇ om. *M*.

$\bar{\alpha}$ εἴη μιᾶς ἡμισείας ὀρθῆς, ἡ δὲ πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ ἡμισείας;
 οὐχὶ δυεῖν ὀρθαῖς αἰ δύο ἴσαι; τί δέ, εἰ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$
 μιᾶς ἡμισείας, || ἡ δὲ πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ μιᾶς; οὐχὶ μείζους
 δύο ὀρθῶν; τί δέ, εἰ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$ μιᾶς ἡμισείας, ἡ
 5 δὲ πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ τρίτου; οὐχὶ ἐλάσσους δύο ὀρθῶν; καὶ
 αἰεὶ ἡ $\bar{\alpha}$ μείζων τῆς πρὸς τῷ $\bar{\delta}$. πᾶσαι οὖν διὰ τῆς
 τῶν παραλλήλων ἡμῶν γεγόνασι προσσχησέως. ἀναγ-
 καίως ἄρα παράκεινται τῷ στοιχειωτῇ.

Prop. XXV, theor. XVI. || Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
 10 πλευρὰς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἐκά-
 τέρα, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔχῃ,
 καὶ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔξει τὴν
 ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην.

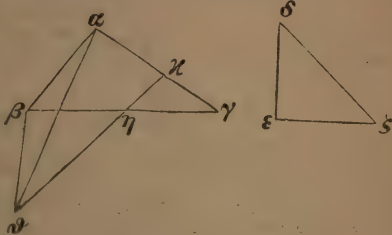
Τοῦτο τὸ θεωρήμα ἀντίκειται μὲν τῷ ὀγδόῳ,
 15 ἀντιστρέφει δὲ τῷ πρὸς αὐτοῦ. κατὰ συζυγίαν γὰρ ὁ
 στοιχειωτὴς προήγαγεν τὰ τε ἐπὶ τῆς ἰσότητος τῶν
 γωνιῶν καὶ τῶν βάσεων καὶ τὰ ἐπὶ τῆς ἀνισότητος
 θεωρήματα καθ' ἑκατέραν τῶν συζυγιῶν τὰ μὲν προ-
 ηγούμενα, τὰ δὲ ἀντίστροφα λαμβάνων καὶ ἐπὶ μὲν

1 μιᾶς καὶ ἡμισείας G. 1—3 ἡμισείας; οὐχὶ . . . πρὸς
 τῷ $\bar{\delta}$ om. G, add. C. 2 οὐχὶ om. C. 3 μιᾶς καὶ ἡμι-
 σείας C. || μιᾶς; οὐχὶ] μιᾶς οὔσης M, διμοίρον, οὐχὶ G,
 ἡμισείας οὐχὶ B₃, 'unius qui . . . sit' Z, 'binae unius Recti
 Tertiae, nonne' B. 4 μιᾶς καὶ ἡμισείας G. 6 οὖν om. M,
 B₃ = G, 'at (= autem?)' Z, 'itaque' B. 8 κεῖνται G.
 9 Procli commentario hoc loco addunt Z et B (p. 198—200) in-
 certi auctoris quod in fine additum est scholium et deinceps B
 (p. 200—207) alterum scholium a se compositum una cum corol-
 lario. 10 δύο πλευραῖς om. M. 14 In M in margine π̄ε.
 16 τε om. G, add. C. 18 ἑτέραν C.

τῶν προηγουμένων ταῖς ἐπ' εὐθείας δείξεσι χρώμενος, ἐπὶ δὲ τῶν ἀντιστροφῶν ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς. οὕτω δὲ καὶ ἐφ' ἐνὸς ἐκάστου πεποίηκεν τριγώνου· τότε μὲν τῇ ἰσότητι τῶν ἐν αὐτῷ πλευρῶν δεικνυσι τὴν ἰσότητα τῶν ὑποτεينوμένων γωνιῶν ἀκο- 5 λουθοῦσαν, τότε δὲ τῇ ἀνισότητι * καὶ αὖ πάλιν ἀντιστροφῶς τῇ μὲν ἰσότητι τῶν γωνιῶν τὴν ἰσότητα τῶν ὑποτείνουσῶν πλευρῶν, τῇ δὲ ἀνισότητι τὴν ἀνισότητα ἀποφαίνων ἐπομένην. ἄλλ' ἐπὶ τὸ προκείμενον ἐλθόντες ὅπως μὲν ὁ γεωμέτρης ἔδειξεν τὸ θεωρήμα 10 πρόδηλον ὄν παρῶμεν ἐκ τῶν βιβλίων ἀναλέγεσθαι τοῖς φιλομαθέσιν, ἃς δὲ καὶ οἱ ἄλλοι κομίζουσιν ἀποδείξεις τοῦ αὐτοῦ, συντόμως ἱστορήσωμεν, καὶ πρῶτον ἦν Μενέλαος ὁ Ἀλεξανδρεὺς ἀνεῦρεν καὶ παρέδωκεν. ἔστω δύο τρίγωνα

15

τὰ $\alpha\beta\gamma$ δεξ, ἴσας ἔχοντα δύο τὰς $\alpha\beta$ $\alpha\gamma$ δυσὶ ταῖς $\delta\epsilon$ $\delta\zeta$ καὶ τὴν $\beta\gamma$ μείζονα τῆς $\epsilon\zeta$. λέγω ὅτι ἡ πρὸς



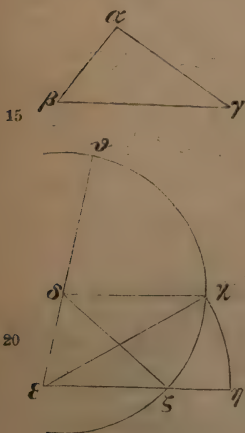
20

τῷ α τῆς πρὸς τῷ δ μείζων. ἀφηγήσθω γὰρ ἀπὸ τῆς $\beta\gamma$ τῇ $\epsilon\zeta$ ἴση ἡ $\beta\eta$, καὶ συνεστήτω πρὸς τῷ β σημεῖον τῇ ὑπὸ $\delta\epsilon\zeta$ γωνία ἴση ἡ ὑπὸ $\eta\beta\theta$, καὶ κείσθω ἴση τῇ $\delta\epsilon$ ἡ $\beta\theta$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\eta\theta$ καὶ ἐκβεβλήσθω 25

1 ἐπ' εὐθείαις M. 2 ἀντιστροφῶν M, ἀντιστροφῶν C.

7—8 τὴν ἰσότητα ... τῇ δὲ ἀνισότητι om. G, add. C. 9 Post ἐπομένην G addit: τῇ δὲ ἀνισότητι τὴν ἰσότητα.

ἐπὶ τὸ $\overline{\alpha\gamma}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\alpha\theta}$. ἐπεὶ οὖν \parallel ἴση ἡ $\eta\beta$
 $\tau\eta$ $\overline{\epsilon\zeta}$, ἡ δὲ $\overline{\beta\theta}$ $\tau\eta$ $\overline{\epsilon\delta}$, δύο δυσὶν ἴσαι καὶ γωνίας
 $\overline{\iota\sigma\alpha\varsigma}$ περιέχουσιν. ἡ ἄρα $\eta\theta$ ἴση $\tau\eta$ $\overline{\delta\zeta}$ καὶ γωνία ἡ
 $\epsilon\theta$ $\tau\eta$ $\overline{\delta\zeta}$. καὶ ἐπεὶ ἡ $\eta\theta$ ἴση $\tau\eta$ $\overline{\delta\zeta}$,
 5 ἡ δὲ $\overline{\delta\zeta}$ $\tau\eta$ $\overline{\alpha\gamma}$, καὶ ἡ $\epsilon\theta$ ἴση $\tau\eta$ $\overline{\alpha\gamma}$. μείζων ἡ $\epsilon\theta$
 $\tau\eta\varsigma$ $\overline{\alpha\gamma}$, ὥστε $\tau\eta\varsigma$ $\overline{\alpha\kappa}$ πολλῶν μείζων. καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\kappa\alpha\theta}$
 $\overline{\alpha\theta}$ αἴρα μείζων $\tau\eta\varsigma$ ὑπὸ $\overline{\kappa\theta\alpha}$. πάλιν ἐπεὶ ἴση $\tau\eta$ $\overline{\alpha\beta}$ ἡ
 $\overline{\beta\theta}$ — καὶ γὰρ $\tau\eta$ $\overline{\delta\epsilon}$ ἴση ἐστίν — ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\theta\alpha}$ ἴση
 $\tau\eta$ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\theta}$. ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{[\beta\alpha\kappa]}$ μείζων ὅλης $\tau\eta\varsigma$
 10 ὑπὸ $\overline{\beta\theta\kappa}$, ὅλη δὲ ἡ ὑπὸ $\overline{[\beta\theta\kappa]}$ ἴση δέδεικται $\tau\eta$ πρὸς
 $\tau\omega$ $\overline{\delta}$. ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ μείζων $\tau\eta\varsigma$ πρὸς $\tau\omega$ $\overline{\delta}$ γωνίας.



Τοιαύτη μὲν ἡ ἀπόδειξις ἡ
 Μενελάου, Ἡρώων δὲ ὁ μηχανικὸς
 οὕτως οὐ δι' ἀδυνάτου τὸ αὐτὸ
 δείκνυσιν. ἔστω τρίγωνον τὰ $\overline{\alpha\beta\gamma}$
 $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ καὶ αἱ ὑποθέσεις αἱ αὐταὶ
 ἔστωσαν. καὶ ἐπεὶ μείζων ἡ $\overline{\beta\gamma}$
 $\tau\eta\varsigma$ $\overline{\epsilon\zeta}$, ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{\epsilon\zeta}$ καὶ κεί-
 σθω $\tau\eta$ $\overline{\beta\gamma}$ ἴση ἡ $\overline{\epsilon\eta}$. καὶ ὁμοίως
 ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{\delta\epsilon}$ καὶ κείσθω $\tau\eta$
 $\overline{\delta\zeta}$ ἴση ἡ $\overline{\delta\theta}$. ὁ δὲ κέντρον $\tau\omega$ $\overline{\delta}$,
 διαστήματι δὲ $\tau\omega$ $\overline{\delta\zeta}$ κύκλος γρα-

9—10 $\overline{\beta\alpha\kappa}$. . . ἡ ὑπὸ om. M, B₃, G, Z, 'Totus igitur blh k
 Angulus toto hoc Angulo est minor' B. 14 οὐ om. M, B₃, G, Z.
 'non' B. 22 διαστήματι δὲ] καὶ διαστήματι G.

ρόμενος ἦξει καὶ διὰ τοῦ $\overline{\theta}$. γεγράφθω ὡς $\overline{\epsilon\kappa\theta}$. καὶ
 ἐπεὶ αἱ $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\beta}$ τῆς $\overline{\beta\gamma}$ μείζους, αὐταὶ δὲ ἴσαι τῇ $\overline{\epsilon\theta}$
 καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῇ $\overline{\eta\epsilon}$, ὁ κέντρον $\overline{\tau\omega}$ $\overline{\epsilon}$ γραφόμενος κύκλος,
 διαστήματι δὲ $\overline{\tau\omega}$ $\overline{\epsilon\eta}$, τέμνει τὴν $\overline{\epsilon\theta}$. τεμνέτω ὁ $\overline{\eta\kappa}$,
 καὶ ἐπεξεύχθωσαν ἐπὶ τὰ κέντρα $\overline{\tau\omega}$ $\overline{\eta\kappa}$ κύκλων ἀπὸ τῆς 5
 κοινῆς τομῆς αἱ $\overline{\kappa\delta}$ $\overline{\kappa\epsilon}$. ἐπεὶ οὖν τὸ $\overline{\delta}$ κέντρον τοῦ
 $\overline{\theta\kappa\zeta}$, || ἴση τῇ $\overline{\theta\delta}$ ἡ $\overline{\delta\kappa}$, 'τουτέστιν τῇ $\overline{\delta\zeta}$ καὶ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$.
 ἄλλιν ἐπειδὴ κέντρον τὸ $\overline{\epsilon}$ τοῦ $\overline{\eta\kappa}$, ἴση ἡ $\overline{\epsilon\kappa}$ τῇ $\overline{\epsilon\eta}$
 τουτέστι τῇ $\overline{\beta\gamma}$. ἐπεὶ οὖν δύο αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ δύο ταῖς $\overline{\delta\epsilon}$
 $\overline{\delta\kappa}$ ἴσαι καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῇ $\overline{\epsilon\kappa}$, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ γωνία 10
 $\overline{\tau\eta\epsilon}$ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\kappa}$ ἴση. μείζων ἄρα τῆς ὑπὸ $\overline{\zeta\delta\epsilon}$ ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$.

Prop. XXVI, theor. XVII. Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
 γωνίας δύο γωνίαις ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκα-
 τέρα, ἔχῃ δὲ καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ
 ἴσην, ἥτοι τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις γωνίαις ἢ τὴν 15
 ὑποτείνουσιν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν, καὶ
 τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς
 ἴσας ἔξει καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ λοιπῇ
 γωνίᾳ ἴσην ἔξει.

Τὸν τὰ τρίγωνα καὶ τὰς πλευρὰς καὶ τὰς γωνίας 20
 καὶ τὰ ἔμβαδὰ συγκρίνειν βουλούμενον ἀναγκαῖον ἢ
 μόνως τὰς πλευρὰς λαβόντα ἴσας ζητεῖν τὴν ἰσότητα

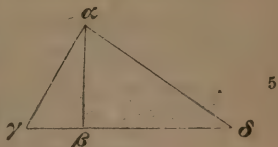
1 ὡς ὁ $\overline{\xi\kappa\theta}$ G, C. 4 τῇ $\overline{\epsilon\eta}$ M. || ὡς $\overline{\eta\kappa}$ G. 7 καὶ
 τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ M, ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ B₃, G. 8 ἐπεὶ G, ἐπειδὴ C.
 12 In M in margine $\overline{\kappa\epsilon}$.

| τῶν γωνιῶν, ἣ μόνας τὰς γωνίας ἴσας ζητεῖν τὴν
 ἰσότητα τῶν πλευρῶν, ἣ μίξαντα γωνίας καὶ πλευράς.
 μόνας μὲν οὖν γωνίας ἴσας λαβὼν οὐκ ἡδύνατο δεικνύ-
 ναι καὶ τὰς πλευράς τῶν τριγώνων ἴσας. ἐστὶν γὰρ
 5 ἰσογώνια τρίγωνα καὶ τὰ σμικρότατα τοῖς μεγίστοις,
 καὶ ταῖς πλευραῖς καὶ τοῖς περιεχομένοις χωρίοις λει-
 πόμενα τῶν ἐτέρων, τὰς δὲ γωνίας ἴσας ἔχοντα ἐκεί-
 νοις κατὰ μίαν. μόνας δὲ τὰς πλευράς ἴσας ὑποθέ-
 μενος πάντα ἔδειξεν ἴσα κατὰ τὸ ὄρθοον θεωρήμα,
 10 ἐν ᾧ δύο τρίγωνά ἐστιν ἔχοντα δύο πλευράς ἴσας
 δυσὶν ἑκατέραν ἑκατέρᾳ καὶ τὴν βάσιν ἴσην τῇ βάσει.
 καὶ δείκνυται ἰσογώνια ταῦτα καὶ ἴσων περιληπτικὰ
 χωρίων. καὶ ὁ στοιχειωτὴς τὴν προσθήκην ταύτην
 ἀφείλεν ὥς ἐπομένην ἐξ ἀνάγκης καὶ ἀποδείξεως οὐ
 15 δεομένην, καθάπερ διὰ τὸ τέταρτον. πλευράς δὲ καὶ
 γωνίας λαμβάνων ἢ μίαν πλευρὰν ὥφειλεν λαβεῖν μιᾶ
 ἴσην καὶ μίαν γωνίαν μιᾶ γωνίᾳ, ἢ μίαν πλευρὰν καὶ
 τὰς δύο γωνίας τῶν τριγώνων ἴσας, ἢ ἀνάπαλιν μίαν
 γωνίαν καὶ δύο πλευράς, ἢ μίαν γωνίαν καὶ τρεῖς
 20 πλευράς, ἢ μίαν πλευρὰν καὶ τὰς τρεῖς γωνίας, ἢ καὶ
 πλείους μιᾶς πλευρᾶς λαμβάνειν καὶ πλείους μιᾶς
 γωνίας. ἀλλὰ μίαν γωνίαν καὶ μίαν πλευρὰν λαβὼν
 οὐκ ἔδεικνυ τὸ προκείμενον τῶν ἄλλων τὴν ἰσότητα
 δυνατὸν γοῦν δύο τρίγωνα κατὰ μίαν μόνην πλευρὰν
 25 ἴσα ὄντα καὶ μίαν γωνίαν πᾶσιν ἄνισα τοῖς λοιποῖς

5 ἰσόγωνα G, ἰσογώνια C. 8 ἴσας ante ὑποθέμενος
 om. G, add. C. 11 ἑκατέραν ἑκατέρᾳ] ἑκατέρας M, ἑκατέ-
 ρας ἑκατέραις G. 12 ἰσόγωνα G, ἰσογώνια C. 15 καθάπερ
 om. G. 18 Post ἀνάπαλιν addit G τῶν τριγώνων ἴσας, del.
 not. C. 20 τὰς om. G, add. C. 21 πλείω μιᾶς πλευρᾶς G,
 πλείονας μιᾶς πλευρᾶς C. 23 ἐδείκνυτο M, G, ἐδείκνυτο
 τὸ C. 24 μόνην μίαν G. 25 παντάπασιν ἄνισα G, πᾶσιν
 ἄνισαι C.

ὑπάρχειν. ἔστω γὰρ εὐθεῖα ἡ $\overline{αβ}$ ἑστῶσα ὀρθὴ ἐπὶ
τὴν $\overline{γδ}$, μείζων δὲ τῆς $\overline{βγ}$ ἢ $\overline{βδ}$, καὶ ἐπεξεύχθωσαν ||

αἱ $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$. οὐκοῦν τοῖς τριγώ-
νοις τούτοις μία μὲν κοινὴ
πλευρὰ καὶ μία γωνία μιᾷ ἴση,
τὰ δὲ ἄλλα ἄνισα πάντα. μίαν
δὲ πλευρὰν καὶ δύο γωνίας λα-



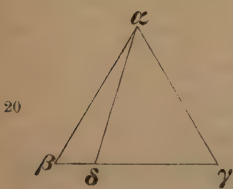
βεῖν ἐξῆν καὶ δεῖξαι τὰ λοιπὰ ἴσα. καὶ τοῦτο ποιεῖ
διὰ τοῦδε τοῦ θεωρήματος, μίαν δὲ πλευρὰν καὶ τρεῖς
γωνίας ἴσας ἔτι ὑποτίθεσθαι περιττόν, εἶπερ καὶ δύο 10
μόνων ἴσων οὐσῶν δέδεικται ἡ τῶν λοιπῶν ἰσότης.
πάλιν μίαν γωνίαν καὶ δύο πλευρὰς λαβὼν ἔδειξεν
τὰ ἄλλα ἴσα ἐν τῷ τετάρτῳ θεωρήματι. μίαν δὲ γω-
νίαν καὶ τρεῖς πλευρὰς ἴσας λαβεῖν περίεργον ἦν, καὶ
γὰρ αἱ δύο μόνον ἴσαι ληφθεῖσαι συνῆγον τὴν ἰσό- 15
τητα τῶν ἄλλων. καὶ μὴν καὶ τὸ δύο πλευρὰς καὶ
δύο γωνίας ἴσας λαμβάνειν, ἢ δύο πλευρὰς καὶ τρεῖς
γωνίας ἴσας, ἢ δύο γωνίας καὶ τρεῖς πλευρὰς, πάντα
ταῦτα περιττά. τὰ γὰρ ταῖς ἐλάττωσιν ὑποθέσεσιν
ἐπόμενα πάντως ἀκολουθεῖ καὶ ταῖς πλείοσι μόνον 20
μετὰ τῶν δεόντων προσδιορισμῶν λαμβανομένων τῶν
ὑποθέσεων. τρεῖς οὖν ἡμῖν ἀνεφάνησαν ὑποθέσεις
ἀποδείξεως δεόμεναι, ἥ τε μόνας λαμβάνουσα τὰς τρεῖς
πλευρὰς καὶ ἡ τὰς δύο πλευρὰς καὶ τὴν μίαν γωνίαν
καὶ ἡ ἀντίθετος πρὸς ταύτην ἢ τὴν μίαν πλευρὰν καὶ 25
τὰς δύο γωνίας, ἣν νῦν ὁ γεωμέτρης προστίθῃσιν. καὶ

10 ἥπερ C. 21 δοθέντων G, δεόντων B₃, C. 'datis' et in
margine 'decentibus' B. || προσδιορισμὸν M. B₃ = M.

22 ἀνέφυσαν G, ἀνεφάνησαν C. 24 καὶ ἡ τὰς δύο πλευρὰς
om. M, B₃, G, Z; B etiam καὶ τὴν μίαν γωνίαν omisit et καὶ
ἡ ἀντίθετος πρὸς ταύτην post προστίθῃσιν addit.

διὰ τοῦτο ταῦτα τρία μόνα θεωρήματα περὶ τῆς ἰσότη-
τος τῶν τριγώνων ἔχομεν τῆς ἐν ταῖς πλευραῖς καὶ
ταῖς γωνίαις τῶν ἄλλων πασῶν ὑποθέσεων ἢ ἀδυνα-
των οὐσῶν δεῖξαι το ζητούμενον ἢ δυνατῶν μὲν, ἀλλὰ
5 περιττῶν τῷ δι' ἐλλαττόνων ὑποθέσεων τὰ αὐτὰ
πεφηνέναι.

Ὡσπερ οὖν, ὅτε δύο πλευρὰς ἐλάμβανεν ἴσας δυ-
σὶν καὶ γωνία μιᾷ μίαν ἴσην, οὐ τὴν τυχοῦσαν ἐλάμ-
βανεν γωνίαν, ἀλλ', ὥς αὐτοῦ προσετίθει, τὴν ὑπὸ
10 τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην, οὕτω καὶ δύο γω-
νίας δυσὶ λαμβάνων ἴσας καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ, οὐ
τὴν τυχοῦσαν λαμβάνει ταύτην, ἀλλ' ἦτοι τὴν πρὸς
ταῖς ἴσαις γωνίαις ἢ τὴν ὑποτείνουσαν ὑπὸ μίαν τῶν
ἴσων γωνιῶν. οὔτε γὰρ γωνίαν ἐπὶ τοῦ τετάρτου
15 ληφθεῖσαν ἴσην τὴν τυχοῦσαν οὔτε πλευρὰν ἐπὶ τοῦδε
τοῦ θεωρήματος οἶαν ποτὲ δεικνύναι τὰ λοιπὰ ἴσα
δυνατόν· λέγω δὲ οἶον ὄντος ἰσοπλεύρου τριγώνου

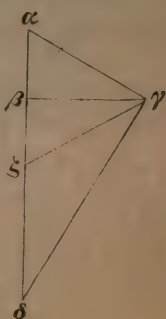


τοῦ $\overline{αβγ}$ διηρησθῶ ἢ $\overline{βγ}$ εἰς ἄνισα
τῇ $\overline{αδ}$. γίνεται ἄρα δύο || τρι-
γωνα τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ταῖς $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$ ἴσας
ἔχοντα καὶ μίαν γωνίαν τὴν πρὸς
τῷ $\overline{β}$ τῇ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ ἴσην· ἀλλ'

οὐκέτι τὰ λοιπὰ ἴσα, οἶον ἢ $\overline{βδ}$ τῇ $\overline{δγ}$ · ἄνισοι γάρ·
ἀλλ' οὐδὲ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ἴσαι. τὸ δὲ αἴτιον ὅτι
25 γωνία γωνίαν ἴσην ἐλάβομεν οὐ τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων

1 μόνα τὰ τρία G. 3 πασῶν ὑποθέμενων G, πάντων
ὑποθέσεων C. || In M in margine ση. ὅλον. 6 πέφηνεν M,
πεφνέναι G, πεφηνέναι C. 10 Post γωνίας G add. περι-
σῆν, quod del. not. C. 12 ἦτοι] ἦν G, corr. C. 24 γωνίαι
om. G, add. C.

πλευρῶν περιεχομένην. κατὰ ταῦτὰ δὴ καὶ τοῦτο τὸ
 θεώρημα φανήσεται διαπίπτον, εἰ μὴ λάβοιμεν κατὰ
 τὸν εἰρημένον διορισμὸν ἴσην τὴν πλευρὰν τὴν ὑπο-
 τείνουσαν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν ἢ τὴν πρὸς
 ταῖς ἴσαις γωνίαις. ἔστω γὰρ ὀρθογώνιον τὸ $\alpha\beta\gamma$,⁵
 ὀρθὴν ἔχον τὴν πρὸς τῷ β γωνίαν
 καὶ μείζονα τὴν $\beta\gamma$ τῆς $\beta\alpha$, καὶ ἐκ-
 βεβλήσθω ἡ $\alpha\beta$, καὶ συνεστήτω τῇ
 ὑπὸ $\beta\alpha\gamma$ γωνίᾳ ἴση πρὸς τῇ $\beta\gamma$ καὶ
 τῷ πρὸς αὐτῇ σημείω τῷ γ ἢ ὑπὸ $\beta\gamma\delta$
 καὶ συμπιπτεύωσαν αἱ $\alpha\beta$ $\gamma\delta$ ἐκβαλ-
 λόμεναι κατὰ τὸ δ . δύο οὖν τρίγωνά
 ἔστι τὰ $\alpha\beta\gamma$ $\beta\gamma\delta$ ἔχοντα μίαν πλευ-
 ρὰν κοινὴν τὴν $\beta\gamma$ καὶ δύο γωνίας ἴσας, τὴν μὲν
 ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$ τῇ ὑπὸ $\gamma\beta\delta$ — ὀρθαὶ γάρ — τὴν δὲ ὑπὸ¹⁵
 $\beta\alpha\gamma$ τῇ ὑπὸ $\beta\gamma\delta$ — οὕτως γὰρ συνέστησαν — ἴσα
 ἄρα, ὥς ἔοικεν, ἔστι τὰ τρίγωνα. καίτοι δείκνυνται τὸ
 $\beta\delta\gamma$ μείζον τοῦ $\alpha\beta\gamma$. αἴτιον | δὲ ὅτι τὴν $\beta\gamma$ κοινὴν
 ἐλάβομεν ἐν μὲν τῷ $\alpha\beta\gamma$ ὑποτείνουσαν τὴν μίαν τῶν
 ἴσων γωνιῶν τὴν πρὸς τῷ α , ἐν δὲ τῷ $\beta\gamma\delta$ πρὸς ταῖς²⁰
 ἴσαις οὔσαν γωνίαις. ἔδει δὲ ἄρα ἐν ἀμφοῖν ἢ μίαν
 ὑποτείνειν τῶν ἴσων γωνιῶν ἢ πρὸς ταῖς ἴσαις κεῖσθαι
 γωνίαις. τοῦτο δὲ μὴ φυλάττοντες ἴσον ἀποφαίνομεν



10

1 κατὰ ταῦτα M, G. 'Eodem sane modo' B. 3 τὴν ante

ὑποτείνουσαν om. G. 11 αἱ $\beta\delta$ $\gamma\delta$ G, αἱ $\alpha\beta$ $\gamma\delta$ C.

15 ὀρθαὶ γάρ om. G. 19 μίαν] μὲν G, corr. C.

τὸ τρίγωνον, ὃ ἐστὶ μείζον ἐξ ἀνάγκης. πῶς γὰρ οὐ
 μείζον τὸ $\overline{βγδ}$ τοῦ $\overline{αβγ}$; συνεστάτω γὰρ πρὸς τῇ $\overline{βγ}$
 εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ $\parallel \overline{γ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αγβ}$
 ἴση ἢ ὑπὸ $\overline{ξγβ}$. μείζων γὰρ τῆς ὑπὸ $\overline{αγβ}$ ἢ ὑπὸ $\overline{βγδ}$,
 5 ὥσπερ καὶ ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία. ἐπεὶ οὖν δύο τρί-
 γωνά ἐστι τὰ $\overline{αβγ}$ $\overline{βγξ}$ δύο γωνίας ἔχοντα τὰς ὑπὸ
 $\overline{αβγ}$ $\overline{βγα}$ δυσὶν ἴσας ταῖς ὑπὸ $\overline{γβξ}$ $\overline{βγξ}$, ἑκατέραν
 ἑκατέρω, καὶ μίαν πλευρὰν κοινὴν τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις
 γωνίαις τὴν $\overline{βγ}$, ἴσα ἐστὶ τὰ τρίγωνα. μείζον δὲ τὸ
 10 $\overline{βγδ}$ τοῦ $\overline{βγξ}$. μείζον ἄρα ἐστὶν καὶ τοῦ $\overline{αβγ}$. πρό-
 τερον δὲ ἴσον ἐδείκνυτο διὰ τὴν λῆψιν τῆς τυχούσης
 πλευρᾶς.

Τοσαῦτα καὶ πρὸς τὴν τῶν προκειμένων ἀκρί-
 βειαν ὁ Πορφύριος ἡμῖν συμβάλλεται, Εὐδήμος
 15 δὲ ἐν ταῖς γεωμετρικαῖς ἱστορίαις εἰς Θαλῆν τοῦτο
 ἀνάγει τὸ θεωρήμα. τὴν γὰρ τῶν ἐν θαλάττῃ πλοίων
 ἀπόστασιν δι' οὗ τρίπου φασὶν αὐτὸν δεικνύναι
 τούτῳ προσχρησθαι φησιν ἀναγκαῖον.

Ἐκ δὲ τῆς προειρημένης διαιρέσεως συνοπτικῶς
 20 ληψόμεθα πᾶσαν τὴν περὶ τῆς ἰσότητος τῶν τριγώνων
 θεωρίαν, καὶ τῶν παραλειμμένων τὰς αἰτίας ἔξομεν
 λέγειν ὥς ψευδεῖς τὰς ὑποθέσεις ἢ ὥς περιττὰς ἐλέγ-
 χοντες. καὶ μέχρι τούτου πέρας ἔχειν θησόμεθα τῷ
 στοιχειώτῃ τὸ πρῶτον τμήμα τὰς τε συστάσεις τῶν
 25 τριγώνων καὶ τὰς συγκρίσεις κατὰ τὸ ἴσον καὶ τὸ

14 *M* in margine manu postera: Θανμάσειεν ἂν τις τὸν φιλόσοφον πρόκλον τῆς εὐγνώμοσύνης. οὐ γὰρ ὡς οἰκεία ἀλλ' ὡς περὶ πορφύριον διδαχθεὶς διωμολόγει τὰ λεχθέντα.

ἄνισον πεποιημένῳ καὶ διὰ μὲν τῆς συστάσεως τὴν οὐσίαν αὐτῶν παραδεδωκότι, διὰ δὲ τῆς [συγκρίσεως τὴν] ἰσότητα [καὶ] τὴν ἑτερότητα. τρία γὰρ τὰ περὶ τὴν ὑπαρξιν, [τὸ ὄν,] τὸ ταῦτόν καὶ τὸ ἕτερον, καὶ ἐν ποσοῖς καὶ ἐν ποιοῖς κατὰ τὴν ιδιότητα τῶν ὑπο- 5 κειμένων. δέκνυται οὖν ἐκ τούτων ὡς εἰκόνων ὅτι καὶ ἕκαστον ἑαυτῷ ταῦτόν ἐστι καὶ ἑαυτοῦ ἕτερον διὰ τὸ ἐν αὐτῷ πλῆθος καὶ πάντα ταῦτὰ ἀλλήλοις καὶ ἕτερα ἀλλήλων. καὶ γὰρ ἐφ' ἐνὸς ἐκάστου τῶν τριγώνων εὑρηται τὸ ἴσον καὶ ἄνισον καὶ ἐπὶ πλειόνων 10 ἐνός.

2. 3 συγκρίσεως τὴν et καὶ addidi, et ἰσότητος, quod in *M*, *B*₃, *G* (et *Z*) legitur, in ἰσότητα mutavi secundum *B* scribentem 'per Comparationem vero Identitatem atque Diversitatem'.
 4 τὸ ὄν om. *M*, *B*₃, *G*, *Z*, 'Essentia' *B*. 8 ἐν αὐτῷ] ἑαυτοῦ *C*. || ταῦτα *M*. 11 *G* addit in fine: Τέλος τοῦ τρίτου.

PROPOSITIONUM PARS POSTERIOR.

| | Περὶ μὲν τῆς τῶν τριγώνων γενέσεώς τε καὶ
 ἰσότητος ἢ ἀνισότητος ὅσα δυνατόν ὡς ἐν στοιχειώσει
 λέγειν ἐκ τῶν εἰρημένων μεμαθήκαμεν, περὶ δὲ τῶν
 τετραπλεύρων ἐφεξῆς ὁ Εὐκλείδης διέξεισι προηγου-
 5 μένως μὲν περὶ τῶν παραλληλογράμμων ἡμᾶς δι-
 δάσκων, τῇ δὲ τούτων θεωρίᾳ συνεισφέρων καὶ τὴν
 περὶ τῶν τραπεζίων διδασκαλίαν. διήρηται γάρ, ὥς
 που καὶ πρότερον ἐν ταῖς ὑποθέσεσιν εἴπομεν, τὸ
 τετράπλευρον εἰς τε τὸ παραλληλόγραμμον καὶ τὸ τρα-
 10 πέζιον, καὶ τὸ παραλληλόγραμμον εἰς ἕτερα ἅττα εἶδη
 καὶ τὸ τραπέζιον ὡσαύτως. ἀλλ' ἐπεὶ τὸ μὲν παραλ-
 ληλόγραμμον διὰ τὴν τῆς ἰσότητος μετουσίαν τεταγμέ-
 νον ἔστί, τὸ δὲ τραπέζιον οὐ τὴν αὐτὴν οὐδὲ ὁμοίαν
 ἔχει τὴν τάξιν, προηγουμένως μὲν εἰκότως αὐτῷ [τὰ?]
 15 τῶν παραλληλογράμμων ὁ λόγος ἀπεργάζεται, συν-
 θεωρεῖ δὲ τούτοις καὶ τὸ τραπέζιον. ἀναφανήσεται
 γὰρ ἐκ τῆς τῶν παραλληλογράμμων τομῆς ἡ τῶν τρα-
 πεζίων γέννησις, ὡς ἔσται προοιούσιν ἡμῖν γνώριμον.

πρόκλου πλατωνικοῦ διαδόχου εἰς τὸ πρῶτον εὐκλείδου
 στοιχεῖον· λ' ᾱ, *M*, at in margine $\bar{\alpha}$. ΠΡΟΚΛΟΥ ΔΙΑΔΟ-
 ΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν εὐκλείδους στοι-
 χεῖων βιβλίον τετάρτον. *G*.

4 διέξεισι *G*, διέξεισι *C*. 8 που] p. 169, 10 ss. 14 τάσιν
M, G, τάξιν *C*. || τὰ ego addidi. *C* τὴν pro τῶν scripsit; 'de
 parallelogrammis' *B, Z*. $B_3 = M, G$. 18 γένεσις *C*.

Ἄλλ' ἐπειδήπερ πάλιν ἀδύνατον εἶπεῖν τι περὶ
 τῆς τῶν παραλληλογράμων ἢ συστάσεως ἢ ἰσότητος
 ἄνευ τῆς τῶν παραλλήλων θεωρίας — ὥς γὰρ καὶ ἐκ
 τοῦ ὀνόματος δῆλον, παραλληλόγραμμόν ἐστι τὸ ὑπὸ
 παραλλήλων τῶν ἀπεναντίον κειμένων εὐθειῶν περι- 5
 γραφόμενον — ἐντεῦθεν ἀναγκαίως ἀπὸ τῶν παρα-
 λλήλων ποιεῖται τὴν ἀρχὴν τῆς διδασκαλίας καὶ κατὰ
 βραχὺ προϊὼν ἀπὸ τούτων εἰς τὴν τῶν παραλληλο-
 γράμων εἰσβάλλει θεωρίαν ἐνὶ μέσῳ χρησάμενος
 θεωρηματι τῆς τε τούτων καὶ τῆς ἐκείνων στοιχει- 10
 ῶσεως, ὃ δοκεῖ μὲν σύμπτωμά τι ταῖς παραλλήλοις
 ὑπάρχον θεωρεῖν, γένεσιν δὲ πρώτην παραλληλογρά-
 μου παραδίδωσι. τοιοῦτον γὰρ ἐστι τὸ αἰ τὰς ἴσας
 τε καὶ παραλλήλους ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπι- 15
 ζευγνύουσαι καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ παράλληλοί 15
 εἶσιν. ἐν γὰρ τούτῳ θεωρεῖται μὲν || τι ταῖς ἴσαις
 καὶ παραλλήλοις συμβεβηκός, ἐκ δὲ τῆς ἐπιζεύξεως
 ἀναφαίνεται τὸ παραλληλόγραμμον τὸ ἴσας ἔχον καὶ
 παραλλήλους τὰς ἀπεναντίον κειμένας πλευράς.

Ὅτι μὲν οὖν ἀναγκαίως ὁ περὶ τῶν παραλλήλων 20
 λόγος προεἰληπται, δῆλον ἐκ τούτων. τρία δέ ἐστιν
 ἀναλαμβάνειν ταῖς παραλλήλοις ὑπάρχοντα καθ' αὐτό
 καὶ ἢ αὐτὸ χαρακτηριστικά τε αὐτῶν καὶ ἀντιστρέ-
 φοντα πρὸς αὐτάς, οὐ μόνον τὰ τρία ἅμα, ἀλλὰ καὶ
 ἕκαστον ἀποδιαληφθὲν τῶν λοιπῶν, ὧν τὸ μὲν ἐστίν 25
 εὐθείας τεμνούσης τὰς παραλλήλους ἴσας εἶναι τὰς
 ἐναλλάξ, τὸ δὲ εὐθείας τεμνούσης τὰς παραλλήλους

7 καὶ κατὰ] καὶ τὰ M, κατὰ G. 9 θεωρίαν om. G,
 add. C. 11 συμπτώματι M, G, σύμπτωμά τι in G in mar-
 gine postera manu. 12 παραλληλογράμων G, παραλληλο-
 γράμου C. 13 αἰ τὰς] αὐτάς G, τὰς C. 15 αὐταὶ M, G.
 16 τι] τοι C. 20 περὶ om. G. 23 ἢ om. G, ἡ M, ἡ C.

ἴσας εἶναι τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς, τὸ δὲ λοιπὸν εὐθείας
 τεμνούσης τὰς παραλλήλους ἴσην εἶναι τὴν ἐκτὸς τῇ
 ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον. ἕκαστον γὰρ τῶν συμπτωμά-
 των τούτων ἱκανὸν ἀποδειχθὲν παραλλήλους ἀποφῆ-
 5 ναι τὰς εὐθείας.

Τοῦτον δὲ τὸν τρόπον εἰώθασι καὶ οἱ ἄλλοι μα-
 θηματικοὶ διαλέγεσθαι περὶ τῶν γραμμῶν, ἕκαστον
 εἰδούς τὸ σύμπτωμα παραδιδόντες. καὶ γὰρ Ἀπολ-
 λώνιος ἐφ' ἑκάστης τῶν κωνικῶν γραμμῶν, τί τὸ
 10 σύμπτωμα δείκνυσι, καὶ ὁ Νικομήδης ἐπὶ τῶν κογχο-
 ειδῶν, καὶ ὁ Ἰππίας ἐπὶ τῶν τετραγωνιζουσῶν, καὶ
 ὁ Περσεύς ἐπὶ τῶν σπειρικῶν. μετὰ γὰρ τὴν γένε-
 σιν τὸ καθ' αὐτὸ καὶ ἡ αὐτὸ ὑπάρχον ληφθὲν ἀφο-
 ρίζει τὸ συστὰν ἡμῖν εἶδος ἀπὸ τῶν ἄλλων ἀπάντων.
 15 κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ὁ στοιχειωτὴς τὰ συμπτώ-
 ματα τῶν παραλλήλων ἀνευρίσκει πρῶτον.

Prop. XXVII, theor. XVIII. Ἐὰν εἰς δύο εὐθείας
 εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐναλλὰξ γωνίας ἴσας
 ἀλλήλαις ποιῇ, παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις
 20 αἱ εὐθεῖαι.

Ἐπὶ τοῦ ὁμολογουμένου προείληπται τὸ εἶναι τὰς
 εὐθείας ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ, μᾶλλον δὲ ἐπὶ πάντων τῶν
 ἐν τῷ ἐπιπέδῳ θεωρημάτων. τοῦτο δὲ προσέθεμεν
 διὸ τὸ μὴ πάντως τῶν ἐναλλὰξ ἴσων οὕσων παραλ-
 25 λήλους εἶναι τὰς εὐθείας, εἰ μὴ καὶ ἐν τῷ αὐτῷ εἶεν

4 ὑποδειχθὲν C. 10 Νικόδημος M, B₃, G, Νεικόδημος C,
 'Nicodemus' Z, 'Nicomedes', at in margine 'Nicodemus' B.

17 In M in margine κζ. 18 ἴσας om. M, G. 19 ἀλλή-
 λοις M, G, ἀλλήλαις C. 20 αἱ om. M, G. 23 προσέθηκεν G.

ἐπιπέδῳ. κωλύει γὰρ οὐδὲν οἶον χιαστὶ τῶν εὐθειῶν
 κειμένων, τῆς μὲν ἐν ἄλλῳ, τῆς δὲ ἐν ἄλλῳ ἐπιπέδῳ,
 ἐμπίπτουσιν εἰς αὐτὰς εὐθεῖαν ἴσας ποιεῖν τὰς ἐναλ-
 λάξ, ἀλλ' οὐ παράλληλοι αἱ οὕτως || κείμεναι. προ-
 εἴληπται οὖν ὅτι πάντα, ὅσα καταγράφομεν ἐν τῇ 5
 ἐπιπέδῳ πραγματεία, περὶ ἓν καὶ ταύτῃ ἐπίπεδον
 φανταζόμεθα. διόπερ οὐκ ἐδεήθη καὶ ταύτης τῆς
 προσθήκης.

Αὐτὸ δὲ δὴ τὸ ἐναλλάξ ἰστέον ὅτι διχῶς ὁ γεω-
 μέτρης παραλαμβάνει, ποτὲ μὲν κατὰ τὴν τοιάνδε θέ- 10
 σιν, ποτὲ δὲ κατὰ τὴν τοιάνδε τῶν λόγων ἀκολουθίαν.
 καὶ κατὰ μὲν τοῦτο τὸ σημαινόμενον ἐν τῷ πέμπτῳ
 καὶ ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς χρῆται τῷ ἐναλλάξ, κατὰ δὲ
 τὸ ἕτερον ἐν τε τούτῳ καὶ ἐν τοῖς ἄλλοις ἅπασι
 βιβλίοις ἐπὶ τῶν παραλλήλων εὐθειῶν καὶ τῆς εἰς 15
 ταύτας ἐμπίπτουσης. | τὰς γὰρ γωνίας τὰς μὴ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ γιγνομένας, μηδὲ ἐφεξῆς ἀλλήλαις κειμένας,
 ἀλλὰ διειργομένας μὲν ὑπὸ τῆς ἐμπίπτουσης, ἐντὸς
 δὲ ἄμφω τῶν παραλλήλων, διαφερούσας δὲ τῷ τὴν
 μὲν ἄνω κείσθαι, τὴν δὲ κάτω, τὰς ἐναλλάξ προσαγο- 20
 ρεύει. λέγω δὲ οἶον εὐθειῶν οὐσῶν τῶν $\alpha\beta$ καὶ $\gamma\delta$
 καὶ ἐμπίπτουσης εἰς αὐτὰς τῆς
 ἐξ ἐναλλάξ εἶναί φησι τὰς ὑπὸ
 $\alpha\epsilon\zeta$ καὶ $\delta\zeta\epsilon$ καὶ πάλιν τὰς
 ὑπὸ $\gamma\zeta\epsilon$ καὶ $\beta\epsilon\zeta$ ὡς ἐνηλλαγμένως ἔχουσας κατὰ τὴν 25
 θέσιν.



Δεῖ δὲ εἰδέναι ἐκεῖνο ὅτι τοιαύτης οὔσης θέσεως

5 ἐν om. M, G.
 19 τῶν G, τῷ C.

18 διηργμένας G, διηργομένας C.

τῶν εὐθειῶν ἐκ διαιρέσεως ἕξ τὰ πάντα γίνεται συμ-
 πτώματα, ὧν τὰ τρία μόνον ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν, τρία
 δὲ παρήκεν. ἢ γὰρ ἐπὶ ταῦτά μέρη ληψόμεθα τὰς
 γωνίας ἢ οὐκ ἐπὶ τὰ αὐτά. καὶ εἰ ἐπὶ τὰ αὐτά μέρη,
 5 ἢ ἄμφοτέρως ἐντὸς τῶν εὐθειῶν, ἃς ἀποδείκνυσιν ὁ
 λόγος παραλλήλους, ἢ ἄμφω ἐκτός, ἢ τὴν μὲν ἐκτός,
 τὴν δὲ ἐντός; καὶ εἰ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά, πάλιν ὁσαύτως
 ἢ ἐκτός ἄμφοτέρως τῶν τεμνομένων εὐθειῶν ἀνάγκη
 λαμβάνειν, ἢ ἐντός, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός.
 10 γιγνέσθω δὲ ἐπὶ τῆς αὐτῆς
 καταγραφῆς σαφὲς τὸ λεγόμε-
 νον. καὶ ἔστωσαν εὐθεῖαι τινες
 αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ καὶ ἐμπίπτέτω εἰς
 αὐτάς ἡ $\overline{εζ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω
 15 ἐπὶ τὰ $\overline{θ}$ $\overline{κ}$. εἰ μὲν οὖν ἐπὶ τὰ
 αὐτά μέρη λάβοις τὰς γωνίας ἢ ἐντὸς ἄμφω θήσεις,
 ἃς τὰς ὑπὸ $\overline{βεζ}$ καὶ $\overline{εζδ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{αεζ}$ καὶ $\overline{εζγ}$, ἢ
 ἐκτός ἄμφω, ὡς τὰς ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ $\overline{δζκ}$ ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{θεα}$ καὶ $\overline{γζκ}$, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός, ὡς τὰς
 20 ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ $\overline{εζδ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κζδ}$ καὶ $\overline{ζεβ}$, ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{θεα}$ καὶ $\overline{εζγ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κζγ}$ καὶ $\overline{αεζ}$. τετραχῶς γὰρ
 αὐταὶ ληφθήσονται. εἰ δὲ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά μέρη τὰς
 γωνίας λαμβάνοις, ἢ ἐντὸς αὐτάς θήσεις, || ὡς τὰς ὑπὸ
 $\overline{αεζ}$ καὶ ὑπὸ $\overline{εζδ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{γζε}$ καὶ $\overline{ζεβ}$, ἢ ἐκτός

3 ταῦτα G, τὰ αὐτά C.

4 εἰ om. M, G, add. C.

16 λάβοι M, G, λάβοις C.

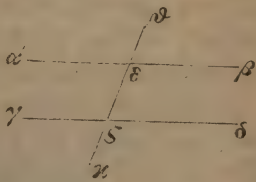
20—21 ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κζδ}$... $\overline{εζγ}$ om. G, add. C.

ἀμφοτέρως, ὥς τὰς ὑπὸ $\overline{αεθ}$ καὶ $\overline{δζκ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{θεβ}$
καὶ $\overline{γζκ}$, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός, καὶ τοῦτο
τετραχῶς πάλιν, ἢ γὰρ τὰς ὑπὸ $\overline{αεθ}$ καὶ $\overline{εξδ}$, ἢ τὰς
ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ $\overline{εζγ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κζγ}$ καὶ $\overline{ξεβ}$, ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{κζδ}$ καὶ $\overline{ξεα}$ θήσεις. καὶ παρὰ ταύτας ἄλλη λήψις 5
οὐκ ἔστιν.

Ἐξαχῶς οὖν λαμβανομένων τῶν γωνιῶν ὁ γεω-
μέτρης τρεῖς μόνας ἐκλέξατο καὶ ταῦτα εἰς τὰ ἐπόμενα
συμπτώματα τῶν παραλλήλων ἀπέφηνεν ὄντα χαρα-
κτηριστικά. τούτων δὲ τῶν τριῶν μία μὲν ἔστιν ἐκ 10
τῶν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά, ἐκ μὲν τῶν ἐντὸς ληφθεῖσων
μόνον, ἃς καὶ ἐκάλεσεν ἐναλλάξ, ὥς παραλελειφθαι
τὰς ἐκτὸς οὕσας ἀμφοτέρως καὶ τὴν μὲν ἐκτός, τὴν δὲ
ἐντός, ἐκ δὲ τῶν ἐπὶ τὰ αὐτά, τῶν δὲ ἐντὸς ἀμφοτέ-
ρων, ἃς δυσὶν ὁρθαῖς εἶναί φησιν ἴσας, καὶ ὧν ἡ μὲν 15
ἔστιν ἐντός, ἡ δὲ ἐκτός, ἃς εἶπεν ἴσας εἶναι, ὑπολειπο-
μένης δὲ μιᾶς λήψεως τῆς ἐκτὸς ἀμφοτέρως ὑπο-
τιθεμένης.

Ἡμεῖς οὖν φάμεν ὅτι καὶ ταῖς παραληφθεῖσαις
τρισὶν ὑποθέσεσιν τὰ αὐτὰ ἔπεται. ἔστωσαν γὰρ ἐπὶ 20
τὰ αὐτὰ μέρη ἄμφω ἐκτὸς αἱ

$\overline{θεβ}$ $\overline{δζκ}$. λέγω ὅτι αὗται δύο
ὁρθαῖς εἰσὶν ἴσαι. εἰ γὰρ ἡ
ὑπὸ $\overline{δξε}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ
ἡ ὑπὸ $\overline{βεξ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{δζκ}$, εἰ δὲ



αἱ ὑπὸ $\overline{βεξ}$ $\overline{εξδ}$ δύο ὁρθαῖς ἴσαι, καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{δζκ}$ $\overline{θεβ}$
δύο ὁρθαῖς ἴσαι. πάλιν ἔστωσαν μὲν ἐπὶ τὰ αὐτὰ

9 πέφηνεν G, πέφηνεν C. 22 λέγω δὲ G.

μέρη αἱ γωνίαι, ὧν ἡ μὲν ἐντός, ἡ δὲ ἐκτός, αἱ αεθ
καὶ εζδ. λέγω ὅτι καὶ αὗται δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι.
εἰ γὰρ ἡ ὑπὸ αεθ ἴση τῇ ὑπὸ βεξ, αἱ δὲ ὑπὸ βεξ
καὶ εζδ δύο ὀρθαί εἰσιν, καὶ αἱ ὑπὸ αεθ καὶ εζδ δύο
5 ὀρθαῖς ἴσαι. πάλιν ἔστωσαν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέν,
ἄμφω δὲ ἐκτὸς τῶν εὐθειῶν, ὥς αἱ αεθ δζκ. λέγω
ὅτι αὗται ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν. εἰ γὰρ αἱ ὑπὸ αεθ καὶ
βεξ ἴσαι ἀλλήλαις, ἡ δὲ ὑπὸ δζκ τῇ ὑπὸ βεξ, ἡ ὑπὸ
αεθ ἄρα ἴση τῇ ὑπὸ δζκ γωνία. ἐὰν ἄρα ληφθῇ τὰ
10 ἐπὶ τῶν τριῶν ὑποθέσεων, ἃς ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν,
ἐπόμενα ὥς ἀληθῆ πάντα τὰ αὐτὰ καὶ ἐπὶ τῶν λοι-
πῶν τριῶν, πλὴν ὅτι, ἐφ' ὧν μὲν ὁ γεωμέτρης ἔλα-
βεν, κατὰ || δύο μὲν λήψεις ὑπόκεινται ἴσαι ἀλλήλαις
αἱ γωνίαι, κατὰ μίαν δὲ δύο ὀρθαῖς αἱ γωνίαι, ἐπὶ
15 δὲ τούτων ἀνάπαλιν κατὰ δύο μὲν δύο ὀρθαῖς ἴσαι,
κατὰ μίαν δὲ ἀλλήλαις. ἔξ γὰρ οὐσῶν πασῶν τῶν
λήψεων ἐκ μὲν τῶν τριῶν συμβαίνει δύο ὀρθαῖς ἴσας
εἶναι τὰς γωνίας, ἐκ δὲ τῶν τριῶν ἴσας ἀλλήλαις,
ὥστε εἰκότως αἱ παραλελειμμέναι ταῖς μνήμης ἡξιω-
20 μέναις λήψεσιν ἀνάπαλιν ἔχουσιν. ἔοικεν δὲ ὁ γεω-
μέτρης ταύτας ἐκλέξασθαι τῶν ὑποθέσεων, ὅσαι ἢ
καταφατικὸν πλεονάζον ἔχουσιν, ἢ ἀπλούστεραί εἰσιν,
καὶ διὰ τοῦτο λαβεῖν ἐκ μὲν τῶν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μό-
νας τὰς ἐντός, ἃς δὴ κέκληκεν ἐναλλάξ, ἐκ δὲ τῶν
25 ἐπὶ τὰ αὐτὰ [τὰς ἐντός καὶ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ]

λέ 5 αὐτὰ om. *M*, *G*, add. *C*.17 λείψεων *G*.

21 ἐκ-

γῆασθαι *C*. 23 ἐκ μὲν evanuerunt in *M*, *G* asteriscum po-
suit, ἐκ μὲν *C*. 25 τὰς ἐντός . . . τὴν δὲ om. *M*, *G* (*Z*); *B*₃ et *C*
τὰς tantum addunt. 'tum internos, tum unum quidem inter-

ἐκτός, τὰς δὲ ἄλλας δι' ἀποφάσεως μᾶλλον δηλουμέ-
 νας ἢ ὥς ποικιλωτέρας φυλάσσασθαι. ἀλλ' οὖν εἴτε
 ταύτην, εἴτε ἄλλην αἰτίαν ζητέον, δῆλον ἐκ τούτων,
 πόσα ἐστὶ τὰ ἐπόμενα αὐτοῖς.

Prop. XXVIII, theor. XVIII. Ἐὰν εἰς δύο εὐ- 5
 θείας εὐθειᾶ ἐμπίπτουσα τὴν ἐκτός γωνίαν
 τῇ ἐντός καὶ ἀπεναντίου καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 ἴσην ποιῇ ἢ τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 δύο ὀρθαῖς ἴσας, | παράλληλοι ἔσονται
 εὐθειᾶι. 10

Τὸ μὲν πρὸ τούτου θεωρήμα τὰς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ
 μέρη γωνίας λαμβάνον, ἐντός δὲ τῶν εὐθειῶν κειμέ-
 νας, ἴσας ἀλλήλαις ἐδείκνυ παραλλήλους οὔσας τὰς
 εὐθείας, τοῦτο δὲ τὰς λοιπὰς δύο ὑποθέσεις προστί-
 θησιν, ὧν ἡ μὲν τὰς γωνίας μερίζει κατὰ τὸ ἐντός 15
 καὶ ἐκτός, ἡ δὲ ἀμφοτέρως ἐντός ὑποτίθεται καὶ δεῖ-
 κνυσι τὸ αὐτὸ συμπέρασμα. δόξειεν δ' ἂν ἀτόπως ὁ
 στοιχειωτὴς τὰ θεωρήματα μερίζειν. θέον γὰρ ἦν ἢ
 τὰς τρεῖς ὑποθέσεις διαλαβεῖν καὶ ποιῆσαι τρία θεω-
 ρήματα, ἢ εἰς ἓν συνάγειν πάσας θεωρήματα, ὥσπερ 20
 ἐποίησεν ὁ Ἱεραπολίτης Αἰγείας ὁ τὴν ἐπιτομὴν γρά-
 ψας τῶν στοιχείων, ἢ διελεῖν εἰς δύο βουλόμενον
 εὐτακτον ποιήσασθαι τὴν διαίρεσιν καὶ χωρὶς μὲν
 λαβεῖν τὰς ὑποθέσεις, ἐφ' ὧν ἴσαι εἰσὶν αἱ γωνίαι,
 χωρὶς δὲ ἐκείνην, ἐφ' ἧς δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. νῦν 25

num, alterum vero externum' B.

4 αὐτοῖς G, αὐτοῖς C.

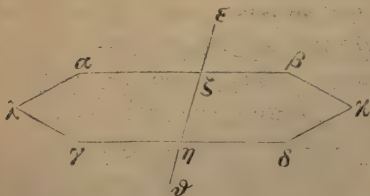
5 In M in margine κῆ. 13 ἴσας om. G, add. C. 18 ἦν ἢ]

ἦν ἐπὶ G, corr. C. 20 πάσης M. 24 καὶ αἱ γωνίαι M, C.

25 ἐφ' οἷς M, G, ἐφ' ἧς C.

δὲ ἐν ἐνὶ μὲν θεωρήματι τὰς ἐναλλάξ ἴσας ὑπέθετο,
 ἐν ἐνὶ δὲ τὴν ἐκτὸς [ἴσην τῇ ἐντὸς] καὶ τὰς ἐντὸς καὶ
 ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας. τί οὖν τὸ αἷτιον
 τῆς τοιαύτης διαιρέσεως; εἰ οὖν πρὸς τὴν ἰσότητα
 5 τῶν γωνιῶν ἀπέβλεψεν τὴν πρὸς ἀλλήλας ἢ τὴν πρὸς
 τὰς δύο ὀρθάς, οὐδὲ ταύτη || διέστησε τὰ προκείμενα
 θεωρήματα ἀπ' ἀλλήλων, ἀλλὰ πρὸς ἐκεῖνο τὸ τὰς
 γωνίας ἢ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη λαμβάνεσθαι ἢ μὴ ἐπὶ τὰ
 αὐτά. τὸ μὲν γὰρ πρὸ τούτου τὰς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ
 10 παρελάμβανε — τοιαῦται γὰρ αἱ ἐναλλάξ — τοῦτο δὲ
 τὰς ἐπὶ τὰ αὐτά, ὥς καὶ ἐκ τῆς προτάσεως δῆλον.

Ἄλλ' ὅπως μὲν ὁ στοιχειωτὴς δείκνυσιν ὅτι δύο
 ὀρθαῖς ἴσων οὐσῶν τῶν ἐντὸς αἱ εὐθεῖαι παράλληλοι
 εἰσι, φανερόν ἐκ τῶν γεγραμμένων. Πτολεμαῖος δὲ
 15 ἐν οἷς ἀποδείξαι προέθετο τὰς ἀπ' ἐλαττόνων ἢ δύο
 ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπίπτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ
 τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, τοῦτο πρὸ πάντων δεικνύς
 τὸ θεωρήμα τὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσων ὑπαρχουσῶν τῶν
 ἐντὸς παραλλήλους εἶναι τὰς εὐθείας οὕτω πως δεί-
 20 κνυσιν. ἔστωσαν δύο



25 καὶ ὑπὸ ζηδ γωνίας
 δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν. λέγω ὅτι παράλληλοι εἰσιν
 αἱ εὐθεῖαι, τουτέστιν ἀσύμπτωτοί εἰσιν. εἰ γὰρ δυ-

2 ἴσην τῇ ἐντὸς om. M, B₃, G (Z), 'externum interno' B.

18 δυεῖν ὀρθῶν M, G. 23 ἢ ξη C.

$\nu\alpha\tau\acute{o}\nu$, $\sigma\upsilon\mu\pi\iota\pi\acute{\tau}\epsilon\tau\omega\sigma\alpha\nu$ $\acute{\epsilon}\kappa\beta\alpha\lambda\lambda\acute{o}\mu\epsilon\nu\alpha\iota$ $\alpha\acute{\iota}$ $\beta\zeta$ $\eta\delta$ $\kappa\alpha\tau\grave{\alpha}$
 $\tau\acute{o}$ κ . $\acute{\epsilon}\pi\epsilon\iota$ $\omicron\upsilon\acute{\nu}$ $\epsilon\upsilon\theta\epsilon\acute{\iota}\alpha$ $\acute{\eta}$ $\eta\zeta$ $\acute{\epsilon}\phi\acute{\epsilon}\sigma\tau\eta\kappa\epsilon\nu$ $\acute{\epsilon}\pi\iota$ $\tau\grave{\eta}\nu$ $\alpha\beta$,
 $\delta\upsilon\omicron$ $\acute{o}\rho\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$ $\acute{\iota}\sigma\alpha\varsigma$ $\pi\omicron\iota\epsilon\acute{\iota}$ $\tau\acute{\alpha}\varsigma$ $\acute{\upsilon}\pi\omicron$ $\alpha\zeta\eta$ $\beta\zeta\eta$ $\gamma\omega\nu\acute{\iota}\alpha\varsigma$.
 $\acute{o}\mu\omicron\iota\omega\varsigma$ $\delta\acute{\epsilon}$, $\acute{\epsilon}\pi\epsilon\iota$ $\acute{\eta}$ $\eta\zeta$ $\acute{\epsilon}\phi\acute{\epsilon}\sigma\tau\eta\kappa\epsilon\nu$ $\acute{\epsilon}\pi\iota$ $\tau\grave{\eta}\nu$ $\gamma\delta$, $\delta\upsilon\omicron$ $\acute{o}\rho$ -
 $\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$ $\acute{\iota}\sigma\alpha\varsigma$ $\pi\omicron\iota\epsilon\acute{\iota}$ $\tau\acute{\alpha}\varsigma$ $\acute{\upsilon}\pi\omicron$ $\gamma\eta\zeta$ $\delta\eta\zeta$ $\gamma\omega\nu\acute{\iota}\alpha\varsigma$. $\alpha\acute{\iota}$ $\tau\acute{\epsilon}\sigma\sigma\alpha$ 5
 $\rho\epsilon\varsigma$ $\acute{\alpha}\rho\alpha$ $\alpha\acute{\iota}$ $\acute{\upsilon}\pi\omicron$ $\alpha\zeta\eta$ $\beta\zeta\eta$ $\gamma\eta\zeta$ $\delta\eta\zeta$ $\tau\acute{\epsilon}\tau\tau\alpha\sigma\iota\nu$ $\acute{o}\rho\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$
 $\acute{\iota}\sigma\alpha\iota$ $\epsilon\acute{\iota}\sigma\acute{\iota}\nu$, $\acute{\omega}\nu$ $\alpha\acute{\iota}$ $\delta\upsilon\omicron$ $\alpha\acute{\iota}$ $\acute{\upsilon}\pi\omicron$ $\beta\zeta\eta$ $\zeta\eta\delta$ $\delta\upsilon\omicron$ $\acute{o}\rho\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$ $\acute{\upsilon}\pi\omicron$ -
 $\kappa\epsilon\iota\nu\tau\alpha\iota$ $\acute{\iota}\sigma\alpha\iota$. $\lambda\omicron\iota\pi\alpha\acute{\iota}$ $\acute{\alpha}\rho\alpha$ $\alpha\acute{\iota}$ $\acute{\upsilon}\pi\omicron$ $\alpha\zeta\eta$ $\gamma\eta\zeta$ $\kappa\alpha\acute{\iota}$ $\alpha\upsilon\tau\alpha\iota$
 $\delta\upsilon\omicron$ $\acute{o}\rho\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$ $\acute{\iota}\sigma\alpha\iota$. $\epsilon\acute{\iota}$ $\omicron\upsilon\acute{\nu}$ $\alpha\acute{\iota}$ $\zeta\beta$ $\eta\delta$ $\delta\upsilon\omicron$ $\acute{o}\rho\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$ $\acute{\iota}\sigma\omega\nu$
 $\omicron\upsilon\sigma\acute{\omega}\nu$ $\tau\acute{\omega}\nu$ $\acute{\epsilon}\nu\tau\omicron\varsigma$ $\acute{\epsilon}\kappa\beta\alpha\lambda\lambda\acute{o}\mu\epsilon\nu\alpha\iota$ $\sigma\upsilon\nu\acute{\epsilon}\pi\epsilon\sigma\omicron\nu$ $\kappa\alpha\tau\grave{\alpha}$ $\tau\acute{o}$ κ , 10
 $\kappa\alpha\acute{\iota}$ $\alpha\acute{\iota}$ $\zeta\alpha$ $\eta\gamma$ $\acute{\epsilon}\kappa\beta\alpha\lambda\lambda\acute{o}\mu\epsilon\nu\alpha\iota$ $\sigma\upsilon\mu\pi\epsilon\sigma\omicron\upsilon\nu\tau\alpha\iota$. $\delta\upsilon\omicron$ $\gamma\grave{\alpha}\rho$
 $\acute{o}\rho\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$ $\kappa\alpha\acute{\iota}$ $\alpha\acute{\iota}$ $\acute{\upsilon}\pi\omicron$ $\alpha\zeta\eta$ $\gamma\eta\zeta$ $\acute{\iota}\sigma\alpha\iota$ $\epsilon\acute{\iota}\sigma\acute{\iota}\nu$. $\acute{\eta}$ $\gamma\grave{\alpha}\rho$ $\kappa\alpha\tau$ '
 $\acute{\alpha}\mu\phi\acute{o}\tau\epsilon\tau\epsilon\tau\epsilon\tau\alpha\iota$ $\sigma\upsilon\mu\pi\epsilon\sigma\omicron\upsilon\nu\tau\alpha\iota$ $\alpha\acute{\iota}$ $\epsilon\upsilon\theta\epsilon\acute{\iota}\alpha\iota$, $\acute{\eta}$ $\kappa\alpha\tau$ ' $\omicron\upsilon\delta\acute{\epsilon}\tau\epsilon\tau\epsilon\tau\alpha$,
 $\epsilon\acute{\iota}\pi\epsilon\tau\omicron$ $\kappa\alpha\acute{\iota}$ $\alpha\upsilon\tau\alpha\iota$ $\kappa\acute{\alpha}\kappa\epsilon\acute{\iota}\nu\alpha\iota$ $\delta\upsilon\omicron$ $\acute{o}\rho\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$ $\epsilon\acute{\iota}\sigma\iota\nu$ $\acute{\iota}\sigma\alpha\iota$. $\sigma\upsilon\mu$ -
 $\pi\iota\pi\tau\acute{\epsilon}\tau\omega\sigma\alpha\nu$ $\omicron\upsilon\acute{\nu}$ $\alpha\acute{\iota}$ $\zeta\alpha$ $\eta\gamma$ $\kappa\alpha\tau\grave{\alpha}$ $\tau\acute{o}$ λ . $\alpha\acute{\iota}$ $\acute{\alpha}\rho\alpha$ $\lambda\alpha\beta\kappa$ 15
 $\lambda\gamma\delta\kappa$ $\epsilon\upsilon\theta\epsilon\acute{\iota}\alpha\iota$ $\chi\omega\rho\acute{\iota}\omicron\nu$ $\pi\epsilon\rho\acute{\iota}\epsilon\chi\omicron\upsilon\sigma\iota\nu$, $\acute{o}\pi\epsilon\tau\omicron$ $\acute{\alpha}\delta\upsilon\nu\alpha\tau\omicron\nu$.
 $\omicron\upsilon\kappa$ $\acute{\alpha}\rho\alpha$ $\delta\upsilon\nu\alpha\tau\acute{o}\nu$ $\acute{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$ $\delta\upsilon\omicron$ $\acute{o}\rho\theta\alpha\acute{\iota}\varsigma$ $\acute{\iota}\sigma\omega\nu$ $\omicron\upsilon\sigma\acute{\omega}\nu$ $\tau\acute{\omega}\nu$
 $\acute{\epsilon}\nu\tau\omicron\varsigma$ $\sigma\upsilon\mu\pi\acute{\iota}\pi\tau\epsilon\iota\nu$ $\tau\acute{\alpha}\varsigma$ $\epsilon\upsilon\theta\epsilon\acute{\iota}\alpha\varsigma$. $\pi\alpha\rho\acute{\alpha}\lambda\lambda\eta\lambda\omicron\iota$ $\acute{\alpha}\rho\alpha$ $\epsilon\acute{\iota}\sigma\acute{\iota}\nu$.

2 $\acute{\eta}$ ζ M , $\acute{\eta}$ $\epsilon\zeta$ G . 3 $\alpha\zeta\epsilon$ $\beta\zeta\epsilon$ M , G , $\alpha\zeta\beta$, $\beta\zeta\eta$ C .

6 $\alpha\zeta\epsilon$ $\beta\zeta\epsilon$ M , G , $\alpha\zeta\eta$ $\beta\zeta\eta$ C . 8 $\acute{\upsilon}\pi\acute{o}\kappa\epsilon\iota\tau\alpha\iota$ M , G , $\acute{\upsilon}\pi\acute{o}\kappa\epsilon\iota\nu$ -
 $\tau\alpha\iota$ C . 9. 10 $\delta\upsilon\omicron$ $\acute{o}\rho\theta\acute{\omega}\nu$ $\omicron\upsilon\sigma\acute{\omega}\nu$ M , G . 10—11 $\sigma\upsilon\nu\acute{\epsilon}\pi\epsilon\sigma\omicron\nu$
 \dots $\acute{\epsilon}\kappa\beta\alpha\lambda\lambda\acute{o}\mu\epsilon\nu\alpha\iota$ $om.$ G , $add.$ C . 12 $\acute{\iota}\sigma\alpha\iota$ $om.$ G . 15—16

$\lambda\alpha$ $\kappa\zeta$ $\lambda\gamma$ $\eta\kappa$ M , C , $\lambda\alpha$ $\zeta\kappa$ $\lambda\gamma$ $\eta\kappa$ G . 17 $\delta\upsilon\omicron$ $om.$ M , G .

|| Prop. XXVIII, theor. XX. Ἡ εἰς τὰς παραλ-
λήλους εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς τε ἐν-
αλλάξ ἴσας ποιεῖ καὶ τὴν ἐκτὸς τῇ ἐντὸς [καὶ
ἀπεναντίον καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἴσην καὶ τὰς
5 ἐντὸς] καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας.

Τοῦτο τὸ θεωρήμα ἀμφοτέροις ἀντιστρέφει τοῖς
προειρημένοις θεωρήμασι. τὸ γὰρ ἐν ἑκατέρῳ ζητού-
μενον ὑπόθεσιν ποιεῖται, τὰ ἐν ἐκείνοις δεδομένα
δεικνύναι προτίθεται. καὶ δεῖ μεμνηθῆναι καὶ τῆς τοι-
10 αὐτῆς τῶν ἀντιστροφῶν διαφορᾶς, ὅτι πᾶν τὸ ἀντι-
στρέφον ἢ ἐν ἐνὶ ἀντιστρέφει, ὡς τῷ πέμπτῳ τὸ ἕκτον,
ἢ πλείοσιν ἐν, ὡς τὸ νυνὶ προκείμενον τοῖς πρὸ αὐ-
τοῦ. ἐν δὲ τούτῳ τῷ θεωρήματι πρῶτον ὁ στοιχειω-
τῆς ἐχρήσατο τούτῳ τῶν αἰτημάτων τῷ ἔαν εἰς δύο
15 εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ
τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας
ποιῇ, συμπίπτειν τὰς εὐθείας ἐκβαλλομένας,
ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες,
ὅπερ ἐξηγούμενοι τὰ πρὸ τῶν θεωρημάτων ἐλέγομεν,
20 ὡς οὐ παρὰ πάντων τοῦτο συγκεχώρηται εἶναι ἀν-
αποδείκτως ὁμολογούμενον. καὶ πῶς γὰρ ἂν εἴη τοι-
οῦτον, οὐ τὸ ἀντίστροφον ὡς ἀποδεικτὸν ἐν τοῖς θεω-
ρήμασιν ἀναγέγραπται; τὸ γὰρ παντὸς τριγώνου δύο
τὰς ἐντὸς γωνίας ὅποιασοῦν ἐλάσσους εἶναι δύο ὀρ-
25 θῶν ἀντίστροφόν ἐστι τῷ αἰτήματι τούτῳ· ἐπεὶ καὶ
συνεύειν τὰς εὐθείας ἀεὶ μᾶλλον καὶ μᾶλλον ἐκβαλλο-

1 In *M* in margine κθ. 2 ἐναλλάξ γωνίας *G*.
3—5 καὶ ἀπεναντίον . . . ἐντὸς om. *M, G*. 11 ἐν ἐνὶ *M, G*.
15 εὐθείας om. *M, G*. 22 ἀποδεικτικὸν *C*.

μένας οὐκ ἔστι τεκμήριον τῆς συμπτώσεως διὰ τὸ καὶ ἄλλας εὐρῆσθαι γραμμὰς συννενούσας μὲν αἰεὶ πλέον καὶ πλέον, συμπιπτούσας δὲ οὐδέποτε, καθὰ καὶ εἴρηται πρότερον.

Ἦδη μὲν οὖν καὶ ἄλλοι τινὲς ὡς θεωρήμα ⁵ προτάξαντες τοῦτο αἶτημα παρὰ τῷ στοιχειωτῇ ληφθὲν ἀποδείξεως ἠξίωσαν. δοκεῖ δὲ καὶ ὁ Πτολεμαῖος αὐτὸ δεικνύναι ἐν τῷ περὶ τοῦ τὰς ἀπ' ἐλαττόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπίπτειν, καὶ δείκνυσι πολλὰ προλαβὼν τῶν μέχρι τοῦδε τοῦ θεωρήματος ¹⁰ ὑπὸ τοῦ στοιχειωτοῦ προαποδεδειγμένων. καὶ ὑποκείσθω | πάντα εἶναι ἀληθῆ, ἵνα μὴ καὶ ἡμεῖς ὄχλον ἐπείσάγωμεν ἄλλον, καὶ ὡς λημμάτιον τοῦτο δείκνυσθαι διὰ τῶν προειρημένων. ἐν δὲ καὶ τοῦτο τῶν προδεδειγμένων τὸ τὰς ἀπὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσων ἐκ- ¹⁵ βαλλομένας μηδαμῶς συμπίπτειν. λέγω τοίνυν ὅτι καὶ τὸ ἀνάπαλιν ἀληθές, καὶ τὸ παραλλήλων οὐσῶν τῶν εὐθειῶν || καὶ τεμνομένων ὑπὸ μιᾶς εὐθείας τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας εἶναι. ἀνάγκη γάρ τὴν τέμνουσαν τὰς παραλλήλους ²⁰ ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας ἢ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους ἢ μείζους. ἔστω-

σαν οὖν παράλληλοι αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$,

καὶ ἐμπιπτέτω εἰς αὐτὰς ἡ $\overline{\eta\zeta}$.
λέγω ὅτι οὐ ποιεῖ δύο ὀρθῶν μείζους τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ



αὐτά. εἰ γὰρ αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ δύο ὀρθῶν μείζους,

3 καθὼς G, καθ' ἃ C. 5—6 προτάξαντες τοῦτο αἶτημα om. G, add. C. 13 δεικνύσθω C. 22 ἢ μείζους om. M, G, add. C. 24 $\overline{\epsilon\zeta}$ M, G, $\overline{\zeta\eta}$ C.

αἱ λοιπαὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\beta\zeta\eta}$ $\overline{\delta\eta\zeta}$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους· ἄλλα
καὶ δύο ὀρθῶν μείζους αἱ αὐταί — οὐδὲν γὰρ μᾶλ-
λον αἱ $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{\gamma\eta}$ παράλληλοι ἢ αἱ $\overline{\zeta\beta}$ $\overline{\eta\delta}$, ὥστε εἰ ἡ ἐμ-
πεσοῦσα εἰς τὰς $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{\gamma\eta}$ δύο ὀρθῶν μείζους ποιεῖ τὰς
5 ἐντός, καὶ ἡ εἰς τὰς $\overline{\zeta\beta}$ $\overline{\eta\delta}$ ἐμπίπτουσα δύο ὀρθῶν
ποιήσῃ μείζους τὰς ἐντός — ἀλλ' αἱ αὐταὶ καὶ δύο
ὀρθῶν ἐλάσσους — αἱ γὰρ τέσσαρες αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\gamma\eta\zeta}$
 $\overline{\beta\zeta\eta}$ $\overline{\delta\eta\zeta}$ τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι — ὅπερ ἀδύνατον.
ὁμοίως δὴ δεῖξομεν ὅτι εἰς τὰς παραλλήλους ἐμπί-
10 πτούσα οὐ ποιεῖ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους τὰς ἐντός καὶ
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας. εἰ δὲ μήτε μείζους μήτε
ἐλάσσους ποιεῖ τῶν δύο ὀρθῶν, λείπεται τὴν ἐμπί-
πτούσαν δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη γωνίας.

15 Τούτου δὴ οὖν προδεδειγμένου τὸ προκείμενον
ἀναμφισβητήτως ἀποδείκνυται. λέγω γὰρ ὅτι ἐὰν εἰς
δίῳ εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, συμ-
πεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι ἐκβαλλόμεναι, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν
20 αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες. μὴ γὰρ συμπιπτέω-
σαν. ἀλλ' εἰ ἀσύμπτωτοί εἰσιν, ἐφ' ἃ μέρη αἱ τῶν
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, πολλῷ μᾶλλον ἔσονται ἀσύμ-
πτωτοὶ ἐπὶ θάτερα, ἐφ' ἃ τῶν δύο εἰσὶν ὀρθῶν αἱ
μείζονες, ὥστε ἐφ' ἑκάτερά αὐν εἶεν ἀσύμπτωτοὶ αἱ
25 εὐθεῖαι. εἰ δὲ τοῦτο, παράλληλοί εἰσιν. ἀλλὰ δέδει-
κται ὅτι ἡ εἰς τὰς παραλλήλους ἐμπίπτουσα τὰς ἐντός
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ γω-

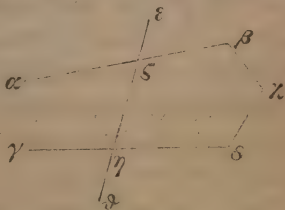
1 $\overline{\beta\zeta\eta}$ M, G, $\overline{\beta\zeta\eta}$ C.

25 εἰς τοῦτο M, G, εἰ δὲ τοῦτο C.

νίας. αἱ αὐταὶ ἄρα καὶ δύο ὀρθαῖς ἴσαι καὶ δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, ὅπερ ἀδύνατον.

Ταῦτα προδεδειχῶς ὁ Πτολεμαῖος καὶ καταντήσας εἰς τὸ προκείμενον ἀκριβέστερόν τι προσθεῖναι βούλεται καὶ δεῖξαι ὅτι, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα 5 ἐμπίπτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθῶν ποιῇ ἐλάσσονας, οὐ μόνον οὐκ εἰσὶν ἀσύμπτωτοι αἱ εὐθεῖαι, ὥς δέδεικται, ἀλλὰ καὶ ἡ σύμπτωσις αὐτῶν κατ' ἐκεῖνα γίνεται τὰ μέρη, ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, || οὐκ ἐφ' ἃ αἱ μείζονες. ἔστωσαν 10

γὰρ δύο εὐθεῖαι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ καὶ ἐμπίπτουσα εἰς αὐτὰς ἡ ἐξηθ ποιείτω τὰς ὑπὸ $\overline{αζη}$ καὶ ὑπὸ $\overline{γηζ}$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους. αἱ λοιπαὶ ἄρα μείζους δύο ὀρθῶν.



15

ὅτι μὲν οὖν οὐκ ἀσύμπτωτοι αἱ εὐθεῖαι δέδεικται. εἰ δὲ συμπίπτουσιν, ἢ ἐπὶ τὰ $\overline{α}$ $\overline{γ}$ συμπεσοῦνται, ἢ ἐπὶ τὰ $\overline{β}$ $\overline{δ}$. συμπιπτέωσαν ἐπὶ τὰ $\overline{β}$ $\overline{δ}$ κατὰ τὸ $\overline{κ}$. ἐπεὶ οὖν αἱ μὲν ὑπὸ $\overline{αζη}$ καὶ $\overline{γηζ}$ δύο ὀρθῶν εἰσὶν ἐλάσ- 20 σους, αἱ δὲ ὑπὸ $\overline{αζη}$ $\overline{βζη}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι, κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ὑπὸ $\overline{αζη}$, ἡ ὑπὸ $\overline{γηζ}$ ἐλάσσων ἔσται τῆς ὑπὸ $\overline{βζη}$. τριγώνου ἄρα τοῦ $\overline{κζη}$ ἡ ἐκτὸς τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἐλάσσων, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα κατὰ ταῦτα συμπίπτουσιν. ἀλλὰ μὴν συμπί- 25 πτουσι. κατὰ θάτερα ἄρα ἡ σύμπτωσις αὐτῶν ἔσται, καθ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν εἰσὶν ἐλάσσονες.

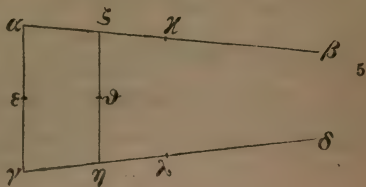
26 ἔσται] ἔστι C.

Ταῦτα μὲν οὖν ὁ Πτολεμαῖος. ἐφιστάνειν δὲ
 ἄξιον, μὴ ποτε παραλογισμὸς τις ἔστιν ἐν ταῖς εἰλημ-
 μέναις ὑποθέσεσι, λέγω δὲ ἐν ἐκείναις, ἐν αἷς ἔλεγεν
 ὅτι τῆς τεμνουσῆς εὐθείας τὰς ἀσυμπτώτους τέτταρας
 5 ἐντὸς γωνίας ποιούσης αἱ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κατ' ἀμφοτέρω
 τὰ μέρη ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ἢ δύο ὀρθῶν μεί-
 ζους ἢ δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες. οὐ γὰρ τελεία ἡ διαί-
 ρεσις. κωλύει γὰρ οὐδὲν τὸν ἀσυμπτώτους λέγοντα
 τὰς ἀπ' ἐλασσόνων δυεῖν ὀρθῶν ἐκβαλλομένας τὰς
 10 μὲν τῶν ἐπὶ τὰ αὐτὰ δύο ὀρθῶν μείζους λέγειν, τὰς
 δὲ ἐπὶ θάτερα δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας, καὶ οὐχ ἓνα
 περὶ τούτων ἀποδέχεσθαι λόγον. ἀτελοῦς δὲ οὕσης τῆς
 διαιρέσεως οὐκ ἀποδέδεικται τὸ προκείμενον. ἔτι δὲ
 κἀκεῖνο πρὸς τὴν δεῖξιν ρητέον, ὅτι οὐ καθ' αὐτὸ
 15 δείκνυσι τὸ ἀδύνατον. οὐ γὰρ ἐπειδὴ παραλλήλους
 τέμνουσά τις εὐθεῖα μείζους ἐποίησεν τὰς ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ κατ' ἀμφοτέρω μέρη δύο ὀρθῶν ἢ ἐλάσσους, διὰ
 τοῦτο ἀκολουθεῖ τὸ ἄτοπον ταύταις ταῖς ὑποθέσεσιν,
 ἀλλ' ἐπειδὴ τέσσαρες τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι αἱ ἐντὸς
 20 τῶν τεμνομένων, διὰ τοῦτο ἀδύνατος ἑκατέρω τῶν
 ὑποθέσεων τούτων, || ἐπεὶ κὰν μὴ παραλλήλους τις
 λάβῃ τὰς εὐθείας τὰ αὐτὰ ἀκολουθήσει τῶν ὑποθέ-
 σεων τῶν αὐτῶν εἰλημμένων.

Πρὸς μὲν οὖν Πτολεμαῖον ταῦτα λέγοντες ἐπι-
 25 στήσομεν· φανερά γὰρ ἡ τῆς δεῖξεως ἀσθένεια διὰ
 τῶν εἰρημένων. φέρε δὲ κἀκεῖνους ἐπισκεψώμεθα
 τοὺς λέγοντας ἀδυνατὸν εἶναι τὰς ἀπ' ἐλασσόνων ἢ

1 ἐφιστάνειν μὲν C. 8 τὸν] τῶν C. 9 δυεῖν ὀρθαῖς M,
 δυοῖν ὀρθαῖς G, δυοῖν ὀρθαῖν C. 12 ἀποδέχεται M, G.
 13 ἔστι G, ἔτι C. 17 ἢ om. G, add. C. 21 κὰν] ἐὰν G.
 22 λάβε G, λάβοι C. 26 φέρε δὲ G.

δύο | ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπίπτειν. λαβόντες γὰρ
 εὐθείας δύο τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ καὶ ἐμπίπτουσιν εἰς αὐτὰς
 τὴν $\overline{αγ}$ καὶ ποιοῦσαν
 τὰς ἐντὸς δύο ὀρθῶν
 ἐλάσσονας οἶονται (?)
 δεικνύναι μὴ συμ-
 πτούσας τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$. δι-
 ηγήσθω γὰρ δίχα ἡ $\overline{αγ}$



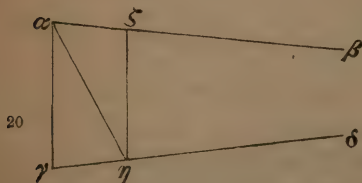
κατὰ τὸ ϵ καὶ ἀφηγήσθω ἀπὸ μὲν τῆς $\overline{αβ}$ ἴση τῇ $\overline{αε}$
 ἡ $\overline{αζ}$, ἀπὸ δὲ τῆς $\overline{γδ}$ ἴση τῇ $\overline{εγ}$ ἡ $\overline{γη}$. δῆλον ἄρα ὅτι 10
 αἱ $\overline{αζ}$ $\overline{γη}$ οὐ συμπεσοῦνται κατὰ τὸ $\zeta\eta$. εἰ γὰρ συμ-
 πεσοῦνται, ἔσονται αἱ δύο τῇ $\overline{αγ}$ ἴσαι ἐν τριγώνῳ,
 ὅπερ ἀδύνατον. πάλιν ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{ζη}$ καὶ τετμήσθω
 δίχα κατὰ τὸ θ καὶ ἴσαι ἀφηγήσθωσαν. οὐδὲ αὗται
 ἄρα συμπεσοῦνται διὰ τὰ αὐτά. καὶ τοῦτο εἰς ἅπει- 15
 ρον ποιοῦντες, ἐπιξευγνύντες τὰ ἀσύμπτωτα σημεῖα
 καὶ τὴν ἐπεξευγμένην διχοτομοῦντες καὶ ἴσας ἀπὸ
 τῶν εὐθειῶν τοῖς ταύτης ἡμίσεσιν ἀφαιροῦντες, δει-
 κνύναι φασὶν ὅτι οὐδαμοῦ συμπίπτουσιν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$
 εὐθεῖαι.

Τούτων δὲ τοιαῦτα λεγόντων ῥητέον ἡμῖν ὅτι λέ-
 γουσι μέντοι ἀληθές, οὐ μέντοι ὅσον γε οἶονται. ὅτι
 μὲν γὰρ ὁρίσαι τὸ σημεῖον τῆς συμπτώσεως ἀπλῶς

5 οἶονται] οἶον M , G , οἶονται B_3 , 'ut' Z , 'fieri potest in-
 quiunt' B . 13 ἡ $\overline{ζη}$ καὶ τετμήσθω om. G , add. C .
 18 ταῖς ταύταις M , G . 22 οἶονται M , οἶον τε G , οἶονται B_3 ,
 'quantum sit satis' Z , 'opinantur' B . || ὅτι μὲν γὰρ ὁρίσαι
 (ὁρίσαι B_3) M , G , τὸ μὲν γὰρ ὁρίσαι C , 'determinatur' Z , 'de-
 terminare' B .

οὕτως οὐκ ἔστιν, ἀληθές. οὐ μέντοι τὸ μηδὲ τὸ
 παράπαν συμπίπτειν αὐτὰς ἀληθές. μὴ συμπιπτέτω-
 σαν γὰρ αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{βαγ}$ καὶ ὑπὸ $\overline{δγα}$ γωνίας
 ὁρισμένης κατὰ τὸ ξ καὶ τὸ η . ἀλλ' οὐδὲν κωλύονται
⁵ κατὰ τὰ $\overline{κ}$ $\overline{λ}$ συμπεσεῖν, κἂν ἴσαι ὧσιν αἱ $\overline{ζκ}$ $\overline{ηλ}$ ταῖς
 $\overline{ξθ}$ $\overline{θη}$. τῶν γὰρ $\overline{ακ}$ $\overline{γλ}$ συμπιπτουσῶν κατὰ τὰ $\overline{κ}$ $\overline{λ}$
 οὐκέτι μένουσιν αἱ ὑπὸ $\overline{κξθ}$ $\overline{ληθ}$ γωνίαι αἱ αὐταί,
 καὶ γίνεται τι τῆς $\overline{ζη}$ ἐκτὸς τῶν $\overline{ακ}$ $\overline{γλ}$ εὐθειῶν, καὶ
 οὕτως αἱ δύο πάλιν αἱ $\overline{ζκ}$ $\overline{ηλ}$ μείζους τῆς βάσεως,
¹⁰ ὅσῃν ἀπολαμβάνουσιν ἐντὸς τῆς $\overline{ζη}$ εὐθείας.

Ἔτι δὲ κἀκεῖνο ῥητέον, ἀδιορίστως αὐτῶν λεγόν-
 των τὰς ἀπ' ἐλάσσόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομένας
 μὴ συμπίπτειν, ὅτι ἀναιροῦσιν καὶ ἃ μὴ βούλονται.
 ἔστω γὰρ ἡ καταγραφὴ ἡ αὐτή. πότερον οὖν δυνα-
¹⁵ τόν ἔστιν ἀπὸ τοῦ $\overline{α}$ ἐπὶ τὸ $\overline{η}$ ἐπιξεῦξαι εὐθεῖαν, ἢ
 οὐ δυνατόν; εἰ μὲν γὰρ
 ἀδύνατον, τῷ πέμπτῳ
 αἰτήματι προσαναιροῦσι
 καὶ τὸ πρῶτον || τὸ ἀπὸ
 παντὸς σημείου λέγον
 ἐξεῖναι ἐπὶ πᾶν σημεῖον
 εὐθεῖαν ἀγαγεῖν, εἰ δὲ



δυνατόν, ἐπεξεύχθω. ἐπεὶ οὖν αἱ ὑπὸ $\overline{ξαγ}$ $\overline{ηγα}$ ἐλάσ-
 σους εἰσὶ δύο ὀρθῶν, δῆλον ὅτι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{ηαγ}$ $\overline{ηγα}$
²⁵ πολλῶ μᾶλλον ἐλάσσους εἰσὶ τῶν δύο ὀρθῶν. αἱ ἄρα

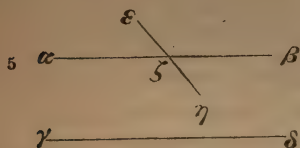
1 μηδὲν G, μηδὲ C.

3 $\overline{αβγ}$ M, G, $\overline{βαγ}$ C.

$\overline{\alpha\eta}$ $\overline{\gamma\eta}$ συμπεπτώκασι κατὰ τὸ $\overline{\eta}$ $\overline{\alpha\pi'}$ ἐλασσόνων ἐκ-
 βεβλημένοι δύο ὀρθῶν. οὐκ ἄρα δυνατόν λέγειν
 ἀδιορίστως τὰς $\overline{\alpha\pi'}$ ἐλασσόνων δύο ὀρθῶν ἐκβαλλο-
 μένας μὴ συμπίπτειν. ἀλλ' ὅτι μὲν τινες εὐθεῖαι συμ-
 πύπτουσιν $\overline{\alpha\pi'}$ ἐλασσόνων δυεῖν ὀρθαῖν ἐκβληθεῖσαι 5
 δῆλον, εἰ καὶ πάσαις τοῦτο ζητεῖν ἔοικεν ὁ λόγος.
 εἴποι γὰρ ἂν τις ἀορίστου τῆς ἐλαττώσεως οὕσης τῶν
 δύο ὀρθῶν κατὰ μὲν τὴν τοσὴνδε ἐλάττωσιν ἀσυμ-
 πτώτους μένειν τὰς εὐθείας, κατὰ δὲ ἄλλην τὴν ταύ-
 τῆς ἐλάττωσιν συμπίπτειν. πρὸς δὲ τὸν τοῦτο ἐπιζη- 10
 τοῦντα κατασκευαζόμενον ἴδειν λεγέσθω παρ' ἡμῶν
 ὅτι δεῖ προλαβεῖν ἀξίωμα τοιοῦτον, ᾧ καὶ Ἀριστο-
 τέλης ἐχρήσατο κατασκευάζων πεπερασμένον εἶναι
 τὸν κόσμον. ἐὰν ἀφ' ἐνὸς σημείου δύο ἐκβάλλωνται
 εὐθεῖαι γωνίαν ποιοῦσαι ἐπ' ἄπειρον, πᾶν πεπερασμέ- 15
 νον μέγεθος ὑπερβάλλει ἢ διάστασις αὐτῶν τῶν εἰς
 ἄπειρον ἐκβαλλομένων. ἔδειξε γοῦν ἐκεῖνος ὅτι ἀπεί-
 ρων οὐσῶν τῶν ἀπὸ τοῦ κέντρου πρὸς τὴν περιφέ-
 ρειαν ἐκβεβλημένων ἄπειρον τὸ μεταξύ. πεπερασμέ-
 νου γὰρ ὄντος αὐξῆσαι τὴν διάστασιν ἀδύνατον, ὥστε 20
 οὐκ ἄπειροι αἱ εὐθεῖαι. παντὸς οὖν τοῦ ληφθέντος
 πεπερασμένου μεγέθους μεῖζον ἀλλήλων διαστήσονται
 ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἄπειρον αἱ εὐθεῖαι. τούτου δὴ προ-
 υποτεθέντος λέγω ὅτι, ἐὰν παραλλήλων εὐθειῶν τὴν
 ἑτέραν τέμνει τις εὐθεῖα, τεμεῖ καὶ τὴν λοιπὴν. ἔστω- 25
 σαν γὰρ παράλληλοι αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ τεμνέτω τὴν $\overline{\alpha\beta}$
 ἢ $\overline{\epsilon\zeta\eta}$. λέγω ὅτι τὴν $\overline{\gamma\delta}$ τεμεῖ. ἐπεὶ γὰρ δύο εὐθεῖαι

1 συμπίπτουσι C. || $\overline{\eta}$] $\overline{\alpha}$ M, G, $\overline{\eta}$ G. 4 μὴ om. M, G,
 add. C. 7 ἂν τις om. G, add. C. 10 τοῦτον C. 12 De coelo
 I, 5 p. 271, 28 ss. ed. Bekker. 19 ἐκβεβλημένον C. 22 μεῖζω C.
 23 δὲ C. 25 τέμνει om. G, add. C. || εὐθεῖαν M, G.

είσιν ἀφ' ἐνὸς σημείου τοῦ ξ , εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι αἱ $\beta\xi$ $\xi\eta$, παντὸς μεγέθους μείζονα ἔχουσι διά-



στασιν, ὥστε καὶ τούτου, ὅσον ἐστὶ τὸ μεταξὺ τῶν παραλλήλων. || ὅταν οὖν μείζον ἀλλήλων διαστῶσιν τῆς τούτων διαστάσεως τεμεῖ ἡ

$\xi\eta$ τὴν $\gamma\delta$. ἐὰν ἄρα παραλλήλων τὴν ἐτέραν τέμνη τις εὐθεῖα, τεμεῖ καὶ τὴν λοιπὴν. τούτου προαποδειχθέντος ἀκολούθως δείξομεν τὸ προκείμενον. ἔστωσαν γὰρ δύο εὐθεῖαι αἱ $\alpha\beta$ $\gamma\delta$,



καὶ ἐμπιπτέτω εἰς αὐτὰς ἡ $\kappa\theta$ ἐλάσσονας δύο ὀρθῶν ποιούσα τὰς ὑπὸ $\beta\epsilon\xi$ $\delta\epsilon\xi$. λέγω ὅτι συμπεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι κατὰ ταῦτα τὰ μέρη,

ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν εἰσιν ἐλάσσους. ἐπειδὴ γὰρ αἱ ὑπὸ $\beta\epsilon\xi$ $\delta\epsilon\xi$ ἐλάσσους εἰσὶ δύο ὀρθῶν, τῇ ὑπεροχῇ τῶν δύο ὀρθῶν ἔστω ἴση ἡ ὑπὸ $\theta\epsilon\beta$. καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $\kappa\theta$ ἐπὶ τὸ κ . ἐπεὶ οὖν εἰς τὰς $\kappa\theta$ $\gamma\delta$ ἐμπέπτωκεν ἡ $\epsilon\xi$ καὶ ποιεῖ τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς ἴσας τὰς ὑπὸ $\theta\epsilon\xi$ $\delta\epsilon\xi$, παράλληλοί εἰσιν αἱ $\kappa\theta$ $\gamma\delta$ εὐθεῖαι. καὶ τέμνει τὴν $\kappa\theta$ ἡ $\alpha\beta$. τεμεῖ ἄρα καὶ τὴν $\gamma\delta$ διὰ τὸ προοδεδειγμένον. συμπεσοῦνται ἄρα αἱ $\alpha\beta$ $\gamma\delta$

9 εὐθεῖαν *M, C.* 10 προαποδειχθέντες *M, G, corr. C.*
13 ἐλάσσων *C.* 17 ὀρθῶν] εὐθειῶν *G.*

κατὰ τὰ μέρη ἐκεῖνα, ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, ὥστε δέδεικται τὸ προκείμενον.

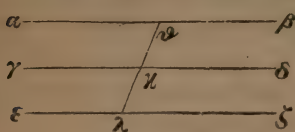
Prop. XXX, theor. XXI. Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παρ-
ἀλληλοι καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ παράλληλοι.

Εἰώθεν ὁ γεωμέτρης ἐν τοῖς περὶ | τῶν σχέσεων ⁵
λόγοις δεικνύναι τὴν ταυτότητα διήκουσαν ἐν ἅπασι
τοῖς πρὸς τὸ αὐτὸ τὴν αὐτὴν ἔχουσι σχέσιν. οὕτω
γὰρ καὶ ἐν τοῖς ἀξιώμασιν ἔλεγεν τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα
[καὶ ἀλλήλοις ἴσα] καὶ ἐν τοῖς ἐξῆς ἐρεῖ τὰ τῷ αὐτῷ
ὅμοια καὶ ἀλλήλοις ὅμοιά ἐστι, καὶ οἱ τῷ αὐτῷ λόγῳ ¹⁰
οἱ αὐτοὶ καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί. κατὰ τοῦτον
οὖν τὸν τρόπον καὶ νῦν ἀποδείκνυσιν ὅτι αἱ τῇ αὐτῇ
εὐθείᾳ παρὰλληλοι καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ παράλληλοι. συμ-
βέβηκεν δὲ οὐκ ἐπὶ πᾶσιν τῶν σχέσεων εἶναι τοῦτο
ἀληθές. οὐ γὰρ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια καὶ ἀλλήλων ¹⁵
διπλάσιά ἐστιν, οὐδὲ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμιόλια καὶ ἀλλή-
λων ἡμιόλιά ἐστιν. ἀλλ' ἔοικεν ἐπ' ἐκείνων μὲνων
χώραν ἔχειν, ὅσαι ἀντιστρέφουσι συνωνύμως, ἐπὶ τῆς
ἰσότητος, || ἐπὶ τῆς ὁμοιότητος, ἐπὶ τῆς ταυτότητος,
ἐπὶ τῆς παραλλήλου θέσεως. ἡ γὰρ παρὰλληλος παραλ- ²⁰
λήλῳ παρὰλληλός ἐστιν, ὡς τὸ ἴσον ἴσῳ ἴσον, καὶ τὸ
ὅμοιον ὁμοίῳ ὅμοιον. καὶ γὰρ ἐστιν ὁμοιότης θέσεως
ἡ παραλληλότης, εἰ δυνατόν εἰπεῖν.

Λέγει δ' οὖν καὶ δείκνυσιν ἐν τούτοις ὅτι αἱ τῇ

1 τὰ om. G, add. C. 3 M in margine $\bar{\lambda}$. 9 καὶ ἀλλή-
λοις ἴσα om. M, B₃₁, G (Z), 'et inter se sunt aequalia' B. 16 καὶ
ἀλλήλων ἡμιόλιά ἐστιν om. M, C. 18 ὅσα G. 22 'ipse
namque Parallelarum ad sese respectus similitudo positionis
est' et in margine 'ipsa namque Parallelitas si dici potest
similitudo' B. 23 εἰ] ἡ M.

αὐτῇ παράλληλοι πάντως οὕτως ἔχουσιν, ὥστε καὶ ἀλλήλαις εἶναι παράλληλοι. καὶ αὐτὸς μὲν τὰς τῇ αὐτῇ παραλλήλους ἄκρας ἔλαβεν καὶ μέσσην, πρὸς ἣν αὐταὶ τὴν ὁμοίαν ἔχουσι σχέσιν, ἵνα καὶ ἀπὸ κοινῆς
 5 ἐννοίας ἡμῖν γένηται σαφὲς τὸ λεγόμενον. εἰ γὰρ αἱ ἐφ' ἑκάτερα συμπίπτουσιν ἀλλήλαις, πάντως καὶ τῇ μεταξὺ κειμένη συμπεσοῦνται καὶ οὐκέτι πρὸς αὐτὴν ἔσονται παράλληλοι. δυνατόν δὲ καὶ ἐναλλάξαντα τὴν θέσιν δεῖξαι ταῖς αὐταῖς ἐφόδοις, αἷς ὁ γεωμέτρης
 10 ἐχρήσατο πρὸς τὸ προκείμενον, οἷον πρὸς τὴν $\overline{αβ}$ καὶ



τὴν $\overline{γδ}$ παράλληλον καὶ τὴν $\overline{εζ}$, ἀμφοτέρων ἀνωτέρω κειμένης ἑκατέρων (?) τῆς $\overline{αβ}$ καὶ οὐχὶ μέσης.

15 ἐμπίπτουσα γὰρ ἡ $\overline{θκλ}$ εἰς αὐτὰς ἴσην ποιήσει ἑκατέραν τῶν ὑπὸ $\overline{θκδ}$ $\overline{κλζ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αθκ}$, ὅτι (?) ἐναλλάξ, ὥστε καὶ ἀλλήλαις ἴσας ποιήσει τὰς ὑπὸ $\overline{θκδ}$ $\overline{κλζ}$. παράλληλοι ἄρα αἱ $\overline{γδ}$ $\overline{εζ}$. εἰ δὲ λέγοι τις· ἔστωσαν αἱ $\overline{αθ}$ $\overline{θβ}$ παράλληλοι τῇ $\overline{γδ}$, καὶ ἀλλήλαις ἄρα παρ-
 20 ἀλλήλοί εἰσιν, ἐροῦμεν ὅτι αἱ $\overline{αθ}$ $\overline{θβ}$ μιᾶς εἰσὶν παραλλήλου μέρη καὶ οὐ δύο. δεῖ γὰρ τὰς παραλλήλους

5 γένοιτο C. 13 κειμένων M, G, κειμένης B₃, C. || ἑκατέρω M, G, ἑκατέρων B₃, C; B liberius 'ambabus supra iacentibus, ipsa ab infra, et non media existente'; figuram quoque secundum hanc descriptionem construxit. 'ambabus superne iacentibus, utrisque vero ipsa ab' Z. Forsitan scriptum fuerit ἀμφοτέρων ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῆς $\overline{αβ}$ κειμένων καὶ ἀνωτέρω κειμένης ἑκατέρας. 16 ὅτι] οὕση C, (ἡ ἔστιν?).

ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλομένας νοεῖν, ἥ δὲ $\overline{\alpha\theta}$ ἐκβληθεῖσα πίπτει ἐπὶ τὴν $\overline{\theta\beta}$, ἥ αὐτὴ ἄρα ἐστὶν καὶ οὐκ ἄλλη ἐκείνη. πάντα ἄρα τὰ μέρη τῆς παραλλήλου καὶ αὐτὰ παράλληλά ἐστι τῇ εὐθείᾳ ἥ καὶ ὅλη παράλληλος ἦν καὶ τοῖς μέρεσιν αὐτῆς, οἷον καὶ ἡ $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\kappa\delta}$ καὶ ἡ $\overline{\theta\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$. ἐκβαλλόμεναι γὰρ ἐπ' ἄπειρον ἀσύμπτωτοι μένουσιν.

Τούτοις ἀναγκαίως ἐπεσημηνάμεθα διὰ τὰς σοφιστικὰς ἐνοχλήσεις καὶ τὰς νεαροπρεπεῖς τῶν ἀκουόντων ἔξεις. χαίρουσι γὰρ οἱ πολλοὶ τοῖς τοιούτοις ¹⁰ παραλογισμοῖς προστυγχάνοντες καὶ τοῖς ἐπιστήμοσιν ὄχλον περιττὸν ἐπείσάροντες.

Ἀντιστρέφειν δὲ οὐδὲν δεῖ τὸ θεώρημα καὶ δεικνύναι ὅτι αἱ ἀλλήλαις παράλληλοι καὶ τῇ αὐτῇ παράλληλοί εἰσιν. πάλιν γάρ, ἂν ὑποθώμεθα τὴν ἐτέ- ¹⁵ ραν τινὲ παράλληλον, ἐκείνη τε καὶ ἡ λοιπὴ τούτων ἔσονται τῇ αὐτῇ παράλληλοι, καὶ εἰς ταὐτὸ ἐπανήξομεν.

|| Prop. XXXI, probl. X. Διὰ τοῦ δοθέντος σημείου τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ παράλληλον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν. 20

Ἐδει μὴ μόνον ἡμᾶς τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα ταῖς παραλλήλοις μαθεῖν ἐν τοῖς τοῦ στοιχειωτοῦ λόγοις, ἀλλὰ καὶ τὴν γένεσιν ἱστορεῖν διὰ τῶν γεωμετρικῶν μεθόδων καὶ γινῶναι, πῶς ἂν γένοιτο ἄλλη εὐθεῖα παράλληλος ἄλλῃ. πολλαχοῦ γὰρ αἱ γενέσεις ²⁵

3 ἐκείνη G. 20 ἀνάγειν M, G, ἀγαγεῖν C. 25 Ante παράλληλος addit καὶ C.

τρανεστέραν ἡμῖν ποιούσι τῶν ὑποκειμένων τὴν
 οὐσίαν. τοῦτο δὲ οὖν ὁ στοιχειωτὴς ποιεῖ διὰ τοῦ
 προκειμένου προβλήματος. σημεῖον γὰρ λαβὼν καὶ
 εὐθεΐαν ἄγει διὰ τοῦ σημείου τῇ εὐθείᾳ παράλληλον.
 5 δεῖ δὲ προειληφέναι ἡμᾶς ὅτι τὸ σημεῖον ἐκτὸς πάν-
 τως κεῖσθαι τῆς εὐθείας ἀναγκαῖον. οὐ γάρ, ἐπειδὴ
 εἴρηται διὰ τοῦ δοθέντος σημείου, καὶ ἐπ' αὐτῆς αὐτὸ
 τῆς εὐθείας δώσομεν. οὐ γὰρ ἔσται τις ἄλλη παρὰ
 τὴν εὐθεΐαν ἢ δι' αὐτοῦ φερομένη παράλληλος. μερί-
 10 σας οὖν τὸ σημεῖον καὶ τὴν εὐθεΐαν ἐδήλωσεν ὅτι τὸ
 σημεῖον ἐκτὸς λαμβάνειν χρή τῆς εὐθείας· ὅπερ ἐπὶ
 τῆς κάθετου καὶ διὰ τοῦ προσθεῖναι σαφὲς ἐποίησεν,
 ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεΐαν ἄπειρον ἀπὸ τοῦ δοθέντος
 σημείου, ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς, κάθετον ἀγαγεῖν. ἐν
 15 μὲν οὖν κοινὸν τούτοις ἀμφοτέροις τοῖς προβλήμασιν,
 ἕτερον δὲ ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου δύο κάθετοι
 οὐκ ἄγονται ἐπὶ τὴν αὐτήν, καὶ διὰ τοῦ αὐτοῦ ση-
 μείου δύο παράλληλοι οὐκ ἄγονται τῇ αὐτῇ, δι' ὃ καὶ
 ὁ στοιχειωτὴς οὕτως εἶπεν ἐνικῶς εὐθεΐαν γραμμὴν
 20 ἀγαγεῖν, ἐκεῖ μὲν κάθετον, ἐνταῦθα δὲ παράλληλον.
 ἀλλ' ἐκεῖνο μὲν δέδεικται, τοῦτο δὲ φανερόν ἐκ τοῦ
 προαποδειχθέντος. εἰ γὰρ διὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τῇ
 αὐτῇ δύο παράλληλοι ἀχθεῖεν, ἔσονται καὶ ἀλλήλαις
 παράλληλοι συμπίπτουσαι κατὰ τὸ δοθὲν σημεῖον,
 25 ὅπερ ἔστιν ἀδύνατον.

Δεῖ δὲ καὶ ταῖς διαφοραῖς προσέχειν τῶν προτά-
 σεων, ἀπὸ τοῦ δο-
 θέντος σημείου. ὅπου μὲν γὰρ τὸ σημεῖον ἀρχὴ ἔστι
 τῆς ἀγομένης, καὶ διὰ τοῦτο ἀπ' αὐτοῦ ἢ ἀγωγὴ, ὅπου

δὲ ἐπ' αὐτῆς ἐστὶ τῆς ἀγομένης, καὶ διὰ τοῦτο ἡ ἀγωγὴ δι' αὐτοῦ. οὐ γὰρ ὡς τεμνούσης εὐθείας τὸ δοθὲν σημεῖον εἴρηται τὸ δι' αὐτοῦ, ἀλλ' ὡς συμπιπτούσης αὐτῷ καὶ ὀριζούσης τὸ ἐαυτῆς ἀπόστημα πρὸς τὴν ἐκείνην εὐθεῖαν τῇ διαστάσει τοῦ σημείου ⁵ καὶ τῆς εὐθείας. ὅσον γὰρ τὸ δοθὲν || σημεῖον τῆς δοθείσης εὐθείας ἀφέστηκεν, τοσοῦτον καὶ ἡ παράλληλος ἔχει τὸ μεταξὺ ἐαυτῆς τε καὶ ἐκείνης.

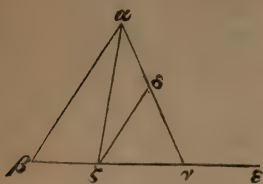
Prop. XXXII, theor. XXII. Παντὸς τριγώνου μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἡ ἐκτὸς τοῦ ¹⁰ τριγώνου γωνία δύο ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίου ἐστὶν ἴση καὶ αἱ ἐντὸς τοῦ τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Ὅσον ἐνέλειπεν ἐν τῷ $\overline{15}$ καὶ $\overline{13}$ θεωρήματι, τοσοῦτον προστίθῃσιν ἐν τούτῳ. οὐ γὰρ μόνον ὅτι ἡ ¹⁵ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου ἐκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον μείζων διὰ τούτου μανθάνομεν, ἀλλὰ καὶ ὅσῳ μείζων. ἴση γὰρ ἀμφοτέραις οὕσα μείζων ἐστὶν ἐκατέρας τῇ λοιπῇ, οὐδὲ ὅτι δύο τοῦ τριγώνου ὁποιοῦν ἐλάσσους εἰσὶ δυεῖν ὀρθαῖν ἐκ τούτων γινώσκομεν, ²⁰ ἀλλὰ καὶ πόσῳ ἐλάσσους. τῇ γὰρ λοιπῇ τῶν τριῶν. ἐκεῖνα μὲν οὖν ἀοριστότερά πως ἦν τὰ θεωρήματα, τοῦτο δὲ τὸν τῆς ἐπιστήμης ὅρον ἀμφοτέροισι ἐπήγαγεν. καὶ οὐ διὰ τοῦτο περιττὰ ἂν εἴποιμεν ἐκεῖνα. καὶ γὰρ συνετέλεσεν ἡμῖν εἰς πολλὰς ἀποδείξεις, ἀφ' ²⁵ ὧν καὶ τοῦτο δείξομεν. καὶ ἀναγκαῖον τὴν γνῶσιν ἡμῶν ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς ἐπὶ τὸ τέλειον προϋούσαν ἐκ

τῶν ἀορίστων ἐπιβολῶν ἐπὶ τοὺς ὠρισμένους καὶ ἀνελέγκτους λόγους μεταβαίνειν.

Ἀλλ' ὁ μὲν στοιχειωτῆς ἔξω τὴν παράλληλον ἄγων ἔδειξεν ἑκάτερον τῶν ζητουμένων. ἔστι δὲ καὶ
 5 μὴ ἔξω ἄγοντα τὰ αὐτὰ δεικνύναι, τὴν τάξιν μόνην ἐναλλάξαντα τῶν δεικνυμένων. ὁ μὲν γὰρ πρότερον ἔδειξεν τὸ τὴν ἐκτὸς γωνίαν ἴσην εἶναι ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἀπὸ τούτου τὸ λοιπὸν κατεσκευάσεν, ἡμεῖς δὲ ἀνάπαλιν ποιήσωμεν. ἔστω δὴ οὖν τὸ

10

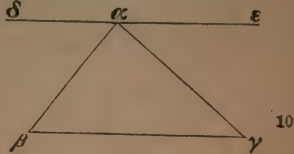


$\overline{αβγ}$ τρίγωνον καὶ ἐκβεβλή-
 σθω ἡ $\overline{βγ}$ ἐπὶ τὸ $\overline{ε}$, καὶ εἰλή-
 φθω σημεῖον ἐπὶ τῆς $\overline{βγ}$ τὸ
 $\overline{ξ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{αξ}$, καὶ
 διὰ τοῦ $\overline{ξ}$ παράλληλος ἡχθω

15 τῇ $\overline{αβ}$ ἡ $\overline{ξδ}$. ἐπεὶ οὖν παράλληλος ἡ $\overline{ξδ}$ τῇ $\overline{αβ}$ καὶ
 εἰς αὐτάς ἐμπέπτωκεν ἡ τε $\overline{αξ}$ καὶ ἡ $\overline{βγ}$, αἶ τε ἐναλ-
 λάξ ἴσαι || καὶ ἡ ἐκτὸς τῇ ἐντὸς. ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{αξγ}$
 ἴση ταῖς ὑπὸ $\overline{ξαβ}$ $\overline{αβξ}$. ὁμοίως δὲ δείξομεν παράλ-
 ληλον ἀγαγόντες ὅτι καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{αξβ}$ ἴση ταῖς ὑπὸ $\overline{ξαγ}$
 20 $\overline{αγξ}$. δύο ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{αξβ}$ $\overline{αξγ}$ ἴσαι ταῖς τρισὶ τοῦ
 $\overline{αβγ}$ τριγώνου. αἱ ἄρα τρεῖς δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἶσιν
 ταῖς ὑπὸ $\overline{αξβ}$ $\overline{αξγ}$. ἀλλὰ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{αγξ}$ $\overline{αγε}$ δύο ὀρ-
 θαῖς ἴσαι. κοινὴ ἀφηρηθήσθω ἡ ὑπὸ $\overline{αγξ}$. λοιπὴ ἄρα
 ἡ ἐκτὸς ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἐστὶν ἴση.

9 ἔστω δὲ G.

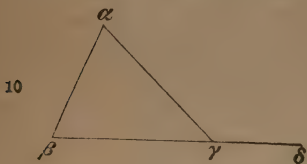
Τοῦτο μὲν δὴ τὸν εἰρημένον ἀποδείκνυνται τρό-
 πον· Εὐδῆμος δὲ ὁ περιπατητικὸς εἰς τοὺς Πυθα-
 γορείους ἀναπέμπει τὴν τοῦδε τοῦ θεωρήματος εὕρε-
 σιν, ὅτι τρίγωνον ἅπαν δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει τὰς
 ἐντὸς γωνίας. καὶ δεικνύναι φησὶν αὐτοὺς οὕτως τὸ ⁵
 προκείμενον. ἔστω τρίγωνον τὸ $\overline{αβγ}$, καὶ ἤχθω διὰ
 τοῦ $\overline{α}$ τῇ $\overline{βγ}$ παράλληλος ἡ $\overline{δε}$. ἐπεὶ οὖν παράλληλοί
 εἰσιν αἱ $\overline{βγ}$ $\overline{δε}$, καὶ αἱ ἐναλ-
 λάξ ἴσαι εἰσὶν, ἴση ἄρα ἡ μὲν
 ὑπὸ $\overline{δαβ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αβγ}$, ἡ δὲ
 ὑπὸ $\overline{εαγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αγβ}$. κοινὴ προσκείσθω ἡ $\overline{βαγ}$. αἱ
 ἄρα ὑπὸ $\overline{δαβ}$ $\overline{βαγ}$ $\overline{γαε}$, τουτέστιν αἱ ὑπὸ $\overline{δαβ}$ $\overline{βαε}$,
 τουτέστιν αἱ δύο ὀρθαὶ ἴσαι εἰσὶ ταῖς τοῦ $\overline{αβγ}$ τρι-
 γώνου τρισὶ γωνίαις. αἱ ἄρα τρεῖς τοῦ τριγώνου δύο ¹⁰
 ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι.



Τοιαύτη μὲν οὖν καὶ ἡ τῶν Πυθαγορείων ἀπό-
 δεξις· δεῖ δὲ καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα τῷ θεωρήματι
 τοῦ στοιχειωτοῦ προσιστορῆσαι. ἀντιστρέφει δὲ δεῖν
 πρὸς ἓν, ἐπειδὴ τοῦτο σύνθετόν ἐστι κατὰ τε τὸ ζητού- ²⁰
 μενον καὶ κατὰ τὸ δεδομένον. καὶ γὰρ τοῦτο διπλοῦν
 ἐστι· τρίγωνον γὰρ καὶ μία τῶν πλευρῶν ἐκβεβλη-
 μένη. κάκεῖνο ὡσαύτως. ἐν μὲν γὰρ ἐστι τὸ τὴν
 ἐκτὸς ἴσην εἶναι ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, ἕτερον δὲ
 τὸ τὰς ἐντὸς τρεῖς γωνίας δύο ὀρθαῖς εἶναι ἴσας. ἐὰν ²⁵

13 τουτέστιν ἡ ὑπὸ $\overline{δαβ}$ $\overline{βαε}$ M, G. 14 αἱ δύο ὀρ-
 θαῖς C. 15 δυσὶν ὀρθαῖς G. 19 δὲ ante. δεῖν om. G,
 add. C. 25 δύσιν G, δύο C.

οὖν ὑποθώμεθα καὶ τὴν ἐκτὸς εἶναι ταῖς ἐντὸς ἴσην καὶ ἀπεναντίον, δείκνυμεν ἐκβεβλημένην πλευρὰν καὶ ἐπ' εὐθείας οὕσαν τῇ μιᾷ τῶν τριγώνου πλευρῶν τὴν ἐκτὸς — ἐὰν δὲ τὰς τρεῖς γωνίας τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς ἴσας, δείκνυμεν ὅτι τὸ σχῆμα τρίγωνόν ἐστι. καὶ οὕτως ὅλον ἐστὶ τὸ ζητούμενον πρὸς ὅλον ἀντιστρέφον τὸ δεδομένον. ἔστω τοίνυν τρίγωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$

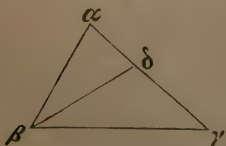


καὶ ἡ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$ ἴση ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον. λέγω ὅτι ἡ $\beta\gamma$ ἐστὶν ἡ προσεκβεβλημένη ἕως τοῦ δ , καὶ μία εὐθεΐα ἐστὶν ἡ

$\beta\gamma\delta$. ἐπεὶ γὰρ ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$ ἴση ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$. αἱ ἄρα ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$

$\alpha\gamma\beta$ ἴσαι ταῖς τρισὶ τοῦ $\alpha\beta\gamma$ τοῦ τριγώνου. ἀλλ' αἱ τρεῖς τοῦ $\alpha\beta\gamma$ τριγώνου δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. ἐὰν δὲ πρὸς τινὶ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐξῆς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας εἰσὶν ἀλλήλαις

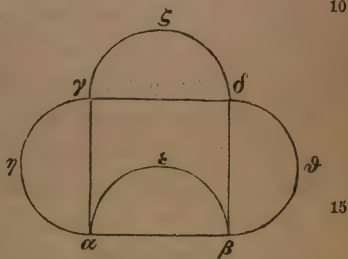
$\alpha\gamma\delta$ εὐθεῖαι. ἡ ἄρα $\beta\gamma$ τῇ $\gamma\delta$ ἐπ' εὐθείας ἐστίν. πά-



λιν ἔστω τις σχῆμα τὸ $\alpha\beta\gamma$ τρεῖς ἔχον γωνίας μόνας δύο ὀρθαῖς ἴσας τὰς α β γ . λέγω ὅτι τρίγωνόν ἐστι καὶ μία εὐ-

θεΐα ἐστὶν ἡ $\alpha\gamma$. ἐπεξεύχθω | γὰρ ἡ $\beta\delta$. ἐπεὶ οὖν ἑκατέρου τῶν $\alpha\beta\delta$ $\delta\beta\gamma$ τριγώνων αἱ τρεῖς γωνίαι

δύο ὀρθαῖς εἰσὶν ἴσαι, ὧν αἱ τοῦ $\overline{αβγ}$ δύο ὀρθαῖς
 ἴσαι, λοιπαὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{αδβ}$ $\overline{γδβ}$ δύο εἰσὶν ὀρθαῖς
 ἴσαι. καὶ εἰσὶν πρὸς τῇ $\overline{βδ}$ εὐθείᾳ. ἐπ' εὐθείας ἄρα
 ἔστιν ἡ $\overline{δγ}$ τῇ $\overline{δα}$. ἐὰν οὖν εὐθύγραμμον ᾗ τὸ σχῆμα
 τὸ ἔχον τὰς ἐντὸς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἐκ παντὸς ⁵
 τριγώνον ἔστιν. οὐ μὴν ἐὰν ἔχη τι τὰς ἐντὸς δύο
 ὀρθαῖς ἴσας, ἐκ παντὸς τριγώνον ἔστι. καὶ γὰρ περι-
 φερόγραμμον εὗροις ἂν ἔχον τὰς ἐντὸς δυοὶν ὀρθαῖς
 ἴσας. ἔστω γὰρ τετράγωνον τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ ||
 ἐντὸς ἡμικύκλιον γεγρά-
 φθω τὸ $\overline{αεβ}$, ἐπὶ δὲ τῶν
 ἄλλων ἐκτὸς τὰ $\overline{ηξθ}$.
 δύο δὲ γωνίας ἔχει τὸ
 ὑπὸ τῶν ἡμικυκλίων περι-
 εχόμενον τὰς ὑπὸ $\overline{ηαε}$.
 $\overline{εβθ}$ δύο ὀρθαῖς ἴσας ταῖς



ὑπὸ $\overline{γαβ}$ $\overline{δβα}$ — δέδεικται γὰρ τοῦτο ἐν τοῖς αἰτη-
 μασι — καὶ μόναι αὗται γωνίαι εἰσὶν ἐν τῷ σχήματι
 τούτῳ. ἔστιν ἄρα τι σχῆμα μὴ τριγώνον τὰς ἐντὸς
 ἔχον γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας.

Ταῦτα καὶ περὶ τῶν ἀντιστροφῶν· ἐπεὶ δὲ ἔχο-
 μεν ὅτι παντὸς τριγώνου αἱ τρεῖς γωνίαι δύο ὀρθαῖς
 ἴσαι εἰσὶν, δεῖ μέθοδον λαβεῖν, καθ' ἣν καὶ τῶν ἄλ-
 λων πάντων πολυγώνων εὐθύγραμμων τὰς γωνίας
 εὐρήσομεν ὁπόσαις ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν, οἷον τετραγώ- ²⁵
 νου, πενταγώνου καὶ τῶν ἐξῆς ἀπάντων πολυπλεύρων.

χορὴ τοίνυν εἰδέναι πρῶτον ὅτι πᾶν σχῆμα εὐθύγραμ-
 μον εἰς τρίγωνα ἀναλύεται. πάντων γὰρ ἀρχὴ τῆς
 συστάσεως τριγώνου, ὃ καὶ ὁ Πλάτων ἐφη διδάσκων
 ὅτι ἡ ὀρθὴ (?) τῆς ἐπιπέδου βάσεως ἐκ τριγώ-
 5 νων συνέστηκεν. ἕκαστον δὲ ἀναλύεται εἰς δυάδι
 ἐλάσσονα τρίγωνα τῶν οἰκείων πλευρῶν, εἰ τετρά-
 πλευρόν ἐστιν, εἰς δύο, εἰ πεντάπλευρον, εἰς τρία, εἰ
 ἑξάπλευρον, εἰς τέσσαρα. δύο γὰρ τρίγωνα συντε-
 θέντα τετράπλευρον ἐποίησε εὐθύς· ὧ δὲ τῶν συν-
 10 θέτων τριγώνων ἀριθμῷ τὸ πρῶτον συστὰν διήνεγκεν
 τῶν ἑαυτοῦ πλευρῶν, τούτῳ καὶ τὰ ἐξῆς πάντα δια-
 φέρει. δυάδι ἄρα πᾶν πολὺπλευρον πλείους ἔχει πλευ-
 ρὰς τῶν τριγώνων, εἰς ἃ διαλύεται. ἀλλὰ μὴν ἅπαν
 γε τρίγωνον δέδεικται δυὸν ὀρθαῖς ἴσας ἔχον τὰς
 15 γωνίας. διπλάσιος ἄρα ὁ τῶν γωνιῶν (?) ἀριθμὸς
 αὐτῶν τῶν συντεθέντων τριγώνων γενόμενος παρ-
 ἔξεται τὸ πλῆθος τῶν ὀρθῶν, ὅσαις ἕκαστον πολὺγ-
 νον ἴσας ἔχει γωνίας. διὸ πᾶν μὲν τετράπλευρον
 τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει γωνίας· ἐκ δυεῖν γὰρ συν-
 20 ἔκειτο τριγώνων· πᾶν δὲ πεντάπλευρον ἕξ, καὶ τοῦτο
 ἕξῃς ὁμοίως.

Ἐν μὲν οὖν τοῦτο ληπτέον ἐκ τοῦ θεωρήματος
 τούτου περὶ πάντων τῶν πολυγώνων ἅμα καὶ εὐθυ-
 γράμμων· ἕτερον δὲ ἐπόμενον τούτῳ συνέλωμεν, ὅτι

4 ἡ ὀρθὴ] 'rectus angulus' Z, 'rectitudo', in margine
 'recta', B. Ego sanum hunc locum esse negaverim, etsi idem in
 Platonis Timaeo (p. 53, C) legitur. $B_3 = M, G.$ 5 δὲ] γὰρ C. ||
 δυάδα C. 9 ἐποίησαν G. 15—16 ὁ τῶν γωνιῶν ἀριθμὸς αὐτῶν
 σ. τρ. M, G, ὁ τῶν γωνιῶν ἀριθμὸς αὐτῶν τῶν σ. τρ. $B_3, C,$
 'numerus angulorum ipsorum tr. comp.' Z, 'Angulorum nume-
 rus eorum, quae composita sunt Triangulorum' B. Ego con-
 iecerim ὁ τῶν τριγώνων ἀριθμὸς ὁ τῶν σ. τρ. 24 συνέλο-
 μεν M, C. || M in margine ση. λίαν ἀναγκαῖον.

πᾶν σχῆμα εὐθύγραμμον ἐκάστης τῶν πλευρῶν ἅπαξ
 ἐκβληθείσης τὰς ἐκτὸς συνισταμένας γωνίας ἴσας ἔχει
 τέτρασιν ὀρθαῖς. διπλασίας μὲν γὰρ εἶναι δεῖ τὰς ἐφ'
 ἐκάτερα γωνίας ὀρθὰς τοῦ πλήθους τῶν πλευρῶν,
 ἐπειδὴ πρὸς ἐκάστη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι συνίστανται. 5
 ἀφαιρουμένων δὲ τῶν ἴσων ταῖς ἐντὸς ὀρθῶν αἱ λοι-
 παὶ γίνονται αἱ ἐκτὸς τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι. οἷον εἰ
 τὸ σχῆμα τρίγωνον, ἐκάστης αὐτοῦ πλευρᾶς ἅπαξ ἐκ-
 βαλλομένης ἔξ ὀρθαῖς ἴσαι συνίστανται γωνίαι || αἱ τε
 ἐντὸς καὶ ἐκτός, ὧν αἱ ἐντὸς ἴσαι δυσὶν, αἱ λοιπαὶ 10
 ἄρα αἱ ἐκτὸς τέτρασιν, — εἰ δὲ τετράπλευρον, ὀκτώ
 αἱ πᾶσαι· διπλασίου γὰρ τῶν πλευρῶν· ὧν ἐντὸς
 τέτρασιν, καὶ ἐκτὸς ἄρα ἄλλαις τοσαύταις ἴσαι, — εἰ
 δὲ πεντάπλευρον, δέκα μὲν αἱ πᾶσαι, ἔξ δὲ ἐντός,
 τέτρασι δὲ ταῖς λοιπαῖς αἱ ἐκτός· καὶ ἐπ' ἄπειρον 15
 ὁμοίως ἢ αὐτὴ μέθοδος.

Ἐπὶ δὴ τούτοις κάκεῖνα συναγάγωμεν ὅτι διὰ
 τοῦτο τὸ θεώρημα τὸ μὲν ἰσόπλευρον τρίγωνον ἐκά-
 στην ἔχει γωνίαν διμοίρου ὀρθῆς, τὸ δὲ ἰσοσκελές,
 ὅταν ἔχη τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ ὀρθήν, τὰς λοιπὰς ἡμι- 20
 σείας ὀρθῆς ἔχει, οἷον τὸ ἡμιτετράγωνον, τὸ δὲ σκα-
 ληνὸν τὸ ἡμιτρίγωνον, ἃ γίνεται ἐν ἰσοπλεύρῳ τρι-
 γώνῳ καθέτου ἀχθείσης ἀφ' οἷας τινὸς γωνίας ὑπὸ
 τὴν ὑποτείνουσαν αὐτὴν πλευράν, τὴν μὲν ἔχει ὀρθήν,
 τὴν δὲ διμοίρου οὔσαν, ἣτις ἦν καὶ τοῦ ἰσοπλεύρου 25

7 ss. *M* in margine addit figuras trianguli, quadrati, pen-
 tagoni, hexagoni. prioribus tribus adscripta sunt tot β i. e.
 duo quot sunt anguli, hexagono autem quattuor δ . intra trian-
 gulum scriptum est β , intra quadratum δ , intra pentagonum ς ,
 extra triangulum et quadratum adscriptum est δ . 17 ἐπειδὴ
M, *C*. 20 πρὸς τῇ κορυφῇ *C*, πρὸς τὴν κορυφήν *M*, *G*.
 25 διμοιροῦσαν *M*, *G*, δυμοιρούσαν *C*.

τριγώνου, τὴν δὲ λοιπὴν ἄρα τρίτου. δεῖ γὰρ εἶναι
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας τὰς τρεῖς. ταῦτα δὲ οὐ παρέργως
 ἐπισημαίνομαι, ἀλλὰ ὥς προπαρασκευάζοντα ἡμᾶς πρὸς
 τὴν τοῦ Τιμαίου διδασκαλίαν.

- 5 Καὶ μὴν κάκεινο ζητέον, ὅτι τὸ τὰς ἐντὸς γωνίας
 δύο ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν καθ' αὐτὸ καὶ ἡ αὐτὸ ὑπάρχει
 τῷ τριγώνῳ· δι' ὃ καὶ Ἀριστοτέλης πρόχειρον ἔχει
 τὸ παράδειγμα τοῦτο ἐν ταῖς ἀποδεικτικαῖς πραγμα-
 τείαις τὸ ἡ αὐτὸ θεωρῶν. ὥς οὖν παντὶ σχήματι τὸ
 10 πεπερατωσθαι καθ' αὐτὸ ὑπάρχει καὶ πρῶτως, οὕτω
 τῷ τριγώνῳ τῷ εὐθυγράμμῳ παντί, εἰ καὶ μὴ σχή-
 ματι παντί, τὸ τὰς ἐντὸς γωνίας δυεῖν ὀρθαῖν ἴσας
 ἔχειν. καὶ ἔοικεν καὶ κατὰ τὰς κοινὰς ἐννοίας προσ-
 πίπτειν ἡμῖν ἡ τοῦ θεωρήματος ἀλήθεια. ἐὰν γὰρ
 15 νοήσωμεν εὐθεῖαν καὶ ἐπὶ τῶν περάτων αὐτῆς τινὰς
 πρὸς ὀρθὰς ἐστῶσας, εἴτα συνιούσας εἰς τριγώνου
 γένεσιν, ὁρῶμεν ὅτι, καθόσον συνεύουσιν, κατὰ το-
 σοῦτον ἐλαττοῦσι τὰς ὀρθὰς, ἃς ἐποιοῦν πρὸς τῇ
 εὐθείᾳ, ὥστε ὅσον ἐκείνων (?) ἀφείλον, τοσοῦτον
 20 προσλαβοῦσαι κατὰ τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ σύννευσιν
 ἐξ ἀνάγκης τὰς τρεῖς ποιοῦσιν δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας.

6 ἡ αὐτῷ C. 10 οὕτω τῷ τριγώνῳ C, οὕτω τριγώνῳ B₃,
 ὡς M, G, 'sic' Z, 'ita rectilineae' et in margine 'triangulo' B.

19 ἐκείνων] ἔχει ὧν M, B₃, G, 'quantum id est quod ab
 eis' Z, 'quantum est quod' B.

Prop. XXXIII, theor. XXIII. Αἱ τὰς ἴσας τε καὶ
 παραλλήλους εὐθείας ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπι-
 ξευγνύουσαι | εὐθειῖαι καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ
 παράλληλοί εἰσι.

Τοῦτο τὸ θεώρημα ὥσπερ μεθόριον ἐλέγομεν 5
 εἶναι τῆς τε περὶ τῶν παραλλήλων καὶ τῆς τῶν παρ-
 αλληλογράμμων || ζητήσεως. καὶ γὰρ τῶν ἴσων τε
 καὶ παραλλήλων εὐθειῶν δοκεῖ τι σύμπτωμα λέγειν
 καὶ γένεσιν παραλληλογράμμων λεληθυῖαν παραδί-
 δωσι. γίνεται γὰρ παραλληλόγραμμον ἐκ τε τῶν ἐξ 10
 ἀρχῆς ἴσων καὶ παραλλήλων καὶ ἐκ τῶν ταύτας ἐπι-
 ξευγνυουσῶν καὶ δεικνυμένων ὡσαύτως ἴσων τε καὶ
 παραλλήλων. διὸ καὶ τὸ μετὰ τοῦτο εὐθύς ὥς ἂν
 ὑποστάντος ἤδη τοῦ παραλληλογράμμου τὰ καθ' αὐτὰ
 ὑπάρχοντα τοῖς τοιούτοις χωρίοις θεωρεῖ. 15

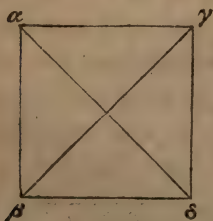
Ταῦτα μὲν οὖν σαφῆ· δεῖ δὲ καὶ τὴν ἀκρίβειαν
 τὴν ἐν τῇ προτάσει διασκέψασθαι. πρῶτον μὲν οὖν
 ὅτι οὐκ ἠρκέσθη τῷ ἴσας εἶναι τὰς ἐπιξευγνυμένας.
 οὐ γὰρ πάντως αἱ ἐπιξευγνύουσαι τὰς ἴσας ἴσαι εἰσίν,
 εἰ μὴ καὶ παράλληλοι εἶεν. τριγώνου γὰρ ὄντος ἴσο- 20
 σκελοῦς καὶ σημείου ληφθέντος ἐπὶ μιᾷ τῶν ἴσων
 καὶ ἀχθείσης διὰ τοῦδε τῇ βάσει παραλλήλου ἴσας μὲν
 ἐπιξευγνύουσιν ἢ τε παράλληλος τῇ βάσει καὶ αὐτὴ ἢ
 βάσις· οὐ μέντοι καὶ ἴσαι εἰσίν. οὐ γὰρ ἦσαν ἐκεῖ-
 ναι παράλληλοι αἱ συμπίπτουσαι κατὰ τὴν τοῦ τρι- 25
 γώνου κορυφῇ. δεύτερον δὲ ὅτι οὐδὲ τὸ παραλλή-
 λους εἶναι τὰς ὑποκειμένας εὐθείας, μὴ ἴσας δέ, τὰς

1 M in margine λγ.
 ἀλληλογράμμου C.

9 παραλληλόγραμμον M, παραλ-

ἐπιξευγνυούσας παραλλήλους ποιήσειν ὑπέλαβεν. ἐπὶ γὰρ τῆς εἰρημένης κατασκευῆς τῆς κατὰ τὸ ἰσοσκελὲς τρίγωνον καὶ τοῦτο φανερόν. ἡ γὰρ ἀχθεῖσα καὶ ἡ βάσις παράλληλοι εἰσιν· ἀλλ' αἱ ἐπιξευγνύουσαι αὐτὰς οὐ παράλληλοι. 5 μέρη γὰρ εἰσι τῶν τοῦ ἰσοσκελοῦς πλευρῶν. δεῖ δὴ οὖν πρὸς μὲν τὴν ἰσότητα τῶν ἐπιξευγνυουσῶν τῆς τῶν ἐπιξευγνυμένων παραλλήλου θέσεως, πρὸς δὲ τὴν τῶν παραλλήλων θέσιν τῆς ἐκείνων ἰσότητος. διόπερ ὁ στοιχειωτὴς ἄμφω παρέλαβεν 10 ἐπὶ τῶν ἐπιξευγνυμένων, ἵνα ἄμφω δεῖξη καὶ περὶ τὰς ἐπιξευγνυούσας εὐθείας, τό τε ἴσας ἀλλήλαις εἶναι καὶ τὸ παραλλήλους. τρίτον δὴ λεγέσθω πρὸς τούτοις ὅτι καὶ ἴσων ὑποκειμένων εὐθειῶν καὶ παραλλήλων οὐ πάντως αἱ ἐπιξευγνύουσαι αὐτὰς ἴσαι καὶ 15 παράλληλοι εἰσιν. εἰ γὰρ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐπιξεύξεις ποιησόμεθα, παραλλήλους μὲν αὐτὰς ἀδύνατον εἶναι — τέμνονται γὰρ ὑπ' ἀλλήλων — ἴσας δὲ ποτὲ μὲν δυνατόν, ποτὲ δὲ ἀδύνατον. εἰ μὲν γὰρ λάβοις ἢ τετράγωνον ἢ ἑτερόμηκες χωρίον ὥς τὸ αβγδ

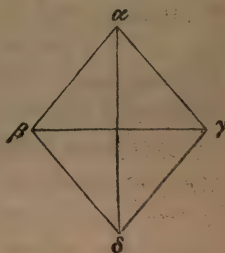
20 καὶ ἐπιξεύξαις τὰς αδ βγ, αἱ διάμετροι ἴσαι μὲν, οὐ



25

παράλληλοι δέ. καίτοι ἐπιξευγνύουσιν ἴσας τε καὶ παραλλήλους τὰς καταντικρὺ πλευρὰς τῶν εἰρημένων χωρίων. εἰ δὲ ῥόμβον ἢ ῥομβοειδές, αἱ διάμετροι τούτων πρὸς τῷ μὴ παράλληλοι εἶναι οὐδὲ ἴσαι εἰσίν.

ἐπεὶ γὰρ ἴση ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{γδ}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{αγ}$, καὶ γωνία
 ἄνισος ἡ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αγδ}$, καὶ αἱ βάσεις ἄνισοί
 εἰσιν. εἰκότως οὖν ὁ στοιχειω-
 τῆς ἀξιοῖ τὰς ἐπιξευγνυούσας
 τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπὶ
 τὰ αὐτὰ μέρη ποιεῖσθαι τὴν ἐπί-
 ξευξιν, ἵνα τῶν ἴσων καὶ παραλ-
 λήλων ὑποκειμένων τῶν $\overline{αγ}$ $\overline{βδ}$
 μὴ τὰς $\overline{αδ}$ καὶ $\overline{βγ}$ λαβῶμεν. τὰς
 ἐπιξευγνυούσας, ἀλλὰ τὰς $\overline{αβ}$



καὶ γδ. ταύτας γὰρ ἂν καὶ δείξαιμεν ἴσας καὶ παραλ-
 λήλους, ἐκείνας δὲ παραλλήλους μὲν οὐδέποτε, ἴσας
 δὲ ἐπὶ μὲν τοῦ τετραγώνου καὶ τοῦ ἑτερομήκους δεί-
 ξαιμεν ἂν, ἐπὶ δὲ τοῦ ῥόμβου καὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς οὐκ
 ἂν ποτε δείξαιμεν, τὸ γὰρ ἀντικείμενον δέδεικται, ὅτι 15
 ἄνισοί εἰσι διὰ τὴν ἀνισότητα τῶν ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ μέρη γωνιῶν.

Prop. XXXIII, theor. XXIII. Τῶν παραλληλο-
 γράμμων χωρίων αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε
 καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ καὶ ἡ διάμετρος 20
 αὐτὰ δίχα τέμνει.

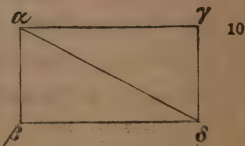
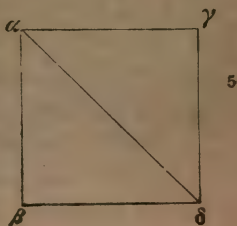
Ἐκ τοῦ προειρημένου θεωρήματος ὑποστὰν ἤδη
 τὸ παραλληλόγραμμον λαβὼν θεωρεῖ τὰ περὶ αὐτὸ
 πρῶτως ὑπάρχοντα καὶ τὰ χαρακτηριστικὰ τῆς ἰδίας

3—10 Figuram om. M. 18 M in margine $\overline{λδ}$. 20 ἡ om.
 M, G, add. C.

αὐτοῦ συστάσεως. ἔστιν δὲ ταῦτα· τὸ τὰς ἀπεναν-
 τίον πλευρὰς ἴσας εἶναι καὶ τὰς γωνίας τὰς ἀπεναν-
 τίον ἴσας, καὶ τὸ δίχα τέμνεσθαι ὑπὸ τῆς διαμέτρου
 τὰ χωρία. περὶ γὰρ τούτων εἴρηται τὸ καὶ ἡ διάμε-
 5 τρος αὐτὰ δίχα τέμνει, ὥς τὸ ἐμβαδὸν εἶναι τὸ
 διχοτομούμενον ὅλον, ἀλλὰ μὴ τὰς γωνίας, δι' ὧν ἡ
 διάμετρος ἔρχεται. ταῦτα οὖν καθ' αὐτὸ τοῖς παραλ-
 ληλογράμμοις ὑπάρχει τὰ τρία· ἡ τῶν ἀπεναντίον
 [γωνιῶν ἰσότης, ἡ τῶν ἀπεναντίον] πλευρῶν ἰσότης,
 10 ἡ τῶν χωρίων κατὰ τὰς διαμέτρους διχοτομία. καὶ
 ὁρᾷς ὅπως ἀπὸ πάντων ἐθήρασε τὰς ιδιότητας αὐτῶν,
 ἀπὸ τῶν πλευρῶν, ἀπὸ τῶν γωνιῶν, ἀπὸ τῶν ἐμβα-
 δῶν. τεττάρων δὲ ὄντων παραλληλογράμμων, ἃ καὶ
 ἐν ταῖς || ὑποθέσεσιν ὠρίσατο, τοῦ τετραγώνου, τοῦ
 15 ἑτερομήκους, τοῦ ῥόμβου, τοῦ ῥομβοειδοῦς, ἄξιον ἐπι-
 σημήνασθαι τοσοῦτον, ὅτι, εἰ μὲν τὰ τέσσαρα δια-
 ροῦμεν κατὰ τὰ ὀρθογώνια, εὐρήσομεν οὐ μόνον τὰ
 χωρία διχοτομούσας τὰς διαμέτρους αὐτῶν, ἀλλὰ καὶ
 αὐτὰς ἴσας τὰς διαμέτρους ἐπὶ τῶν ὀρθῶν γωνιῶν —
 20 ἐπὶ δὲ τῶν μὴ τοιούτων ἀνίσους, καὶ εἴρηται ἐν τῷ
 πρὸ τούτου θεωρήματι — εἰ δὲ κατὰ τὰ ἰσοπλευρα,
 πάλιν εὐρήσομεν ἐν τοῖς ἰσοπλεύροις οὐ μόνον τὰ
 χωρία δίχα τεμνόμενα ὑπὸ τῶν διαμέτρων, ἀλλὰ καὶ
 τὰς γωνίας, δι' ὧν αὐταὶ φέρονται. καὶ γὰρ ἐπὶ
 25 τοῦ τετραγώνου καὶ ἐπὶ τοῦ ῥόμβου τὰς γωνίας αἱ
 διάμετροι διχοτομοῦσιν, οὐ τὰ χωρία μόνον, ἐπὶ
 δὲ τοῦ ἑτερομήκους καὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς τὰ χωρία
 μόνον.

8 ἀπεναντίων *M, G.* 9 γωνιῶν ἰσότης, ἡ τῶν ἀπεναν-
 τίον *om. M, B₃, G (Z); 'Laterum et Angulorum' B.* 15 ἄξιον
 δὲ *G.* 17 κατὰ μὲν τὰ *C.*

Ἐστω γὰρ τετράγωνον ἢ ῥόμβος τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ
 διάμετρος ἡ $\overline{αδ}$. ἐπεὶ οὖν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{βδ}$ ἴσαι ταῖς | $\overline{αγ}$
 $\overline{γδ}$ — ἰσόπλευρα γάρ — καὶ αἱ
 ὑπὸ $\overline{αβδ}$ $\overline{αγδ}$ ἴσαι — ἀπεναντίον
 γάρ — καὶ ἡ βᾶσις κοινή, πάντα
 ἴσα πᾶσιν, ὥστε καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{βαγ}$
 $\overline{γδβ}$ γωνίαι δίχα τέμνυνται. πάλιν
 ἔστω τὸ αὐτὸ ἑτερόμηκες ἢ
 ῥομβοειδές. εἰ οὖν δίχα τέμνεται
 ἡ ὑπὸ $\overline{γαβ}$, ἀλλ' ἡ ὑπὸ $\overline{γαδ}$ ἴση
 τῇ ὑπὸ $\overline{αδβ}$, ἴση ἔσται καὶ ἡ ὑπὸ
 $\overline{βαδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αδβ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αβ}$
 τῇ $\overline{βδ}$. ἀλλ' εἰσὶν ἄνιστοι. ὥς οὖν
 συλλήβδην εἰπεῖν, ἐπὶ μὲν τοῦ τετραγώνου καὶ αἱ
 διάμετροι ἴσαι διὰ τὴν ὀρθότητα τῶν γωνιῶν καὶ αἱ ¹⁵
 γωνίαι δίχα τέμνονται ὑπὸ τῶν διαμέτρων διὰ τὴν
 ἰσότητα τῶν πλευρῶν, καὶ τὸ ἐμβαδὸν εἰς ἴσα διαι-
 ρεῖται κατὰ τὴν διαγώνιον διὰ τὴν κοινήν ιδιότητα
 τῶν παραλληλογράμμων. ἐπὶ δὲ τοῦ ἑτερομήκους
 αἱ μὲν διάμετροι ἴσαι, αἱ δὲ γωνίαι οὐ τέμνονται ²⁰
 δίχα ὑπὸ τῶν διαμέτρων, ἡ δὲ τῶν χωρίων εἰς ἴσα
 διαίρεσις ὑπάρχει, καὶ τοῦτο καθόσον ἐστὶ παρ-
 αλληλόγραμμον. ἐπὶ δὲ τοῦ ῥόμβου ἄνιστοι μὲν || αἱ



2 ἡ $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ἴση M, G , ἡ $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ἴσαι C . 9 τέμνυν-
 ται C . 10 ἡ ὑπὸ $\overline{γαβ}$ καὶ $\overline{γδβ}$ C . 10—13 Figuram
 om. M . 20 ἴσαι] B addit (in margine inventum?) 'eo quod
 rectangulum est'. 21 διαμέτρων] B addit 'eo quod non est
 aequilaterum'.

διάμετροι, διχοτομοῦνται δὲ ὑπὸ τούτων οὐ μόνον
τὰ χωρία, διότι παραλληλόγραμμον, ἀλλὰ καὶ αἱ γω-
νίαι, διότι ἰσοπλευρον. ἐπὶ δὲ τοῦ λοιποῦ τοῦ ῥομ-
βοειδοῦς καὶ αἱ διάμετροι ἄνισοι ὥς μὴ ὀρθογωνίου
5 καὶ αἱ γωνίαι εἰς ἄνισα τέμνονται ὑπὸ τούτων ὥς μὴ
ἰσοπλεύρου, μόνον δὲ τὰ χωρία ἴσα γίνεται τὰ ἐφ' ἐκά-
τερα τῶν διαγωνίων ὥς παραλληλογράμμου.

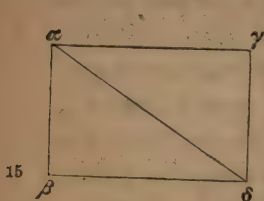
Ταῦτα μὲν οὖν εἴρηται τὴν ἐν ταῖς διαιρέσεσι
τῶν παραλληλογράμμων τεττάρων ὄντων ὑποδεικνύ-
10 οντα διαφοράν, ἐκεῖνο δὲ ἄξιον μὴ παρελθεῖν ἐν
τούτῳ τῷ θεωρήματι τεχνικὸν ἀναφαινόμενον, ὅτι
τῶν θεωρημάτων τῶν μὲν ὄντων καθόλου, τῶν δὲ οὐ
καθόλου — πῶς δὲ τούτων ἑκάτερον λέγομεν, ἀνα-
μνήσομεν μετέρχεσθαι — ἐν τῷ μεμερίσθαι (?) τὸ
15 ζητούμενον καὶ τὸ μὲν ἔχει καθόλου, τὸ δὲ οὐκέτι
τοιούτον. καίτοι γε δόξειεν ἂν πᾶν θεωρημα εἶναι
καθολικόν, καὶ πᾶν τὸ δεικνύμενον ὑπὸ τοῦ στοιχειω-
τοῦ τοιούτον ὑπάρχειν. οἶον καὶ ἐνταῦθα οὐ μόνον
τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς ἢ γωνίας ἴσας ἔχειν καθ-
20 ὅλου δοκεῖ λέγεσθαι κατὰ πάντων τῶν παραλληλο-
γράμμων, ἀλλὰ καὶ τὸ τὴν διάμετρον διχοτομεῖν ἑκα-
στον. ἀλλ' ὅμως τὰ μὲν καθόλου δείκνυσθαι λέγομεν,
τὰ δ' οὐ. ἄλλως γὰρ εἴωθε προσαγορεύεσθαι καθόλου
τὸ ἐπὶ πάντων ἀληθεῦον, ἐφ' ὧν λέγεται, ἄλλως τὸ

• 1 διάμετροι] B addit 'quoniam non est rectangulum'.

13. 14 ἀναμνήσομεν ἐν τῷ μεμερίσθαι et in margine μετέρχε-
σθαι M, G; 'quo enim pacto horum utrumque in quaesiti par-
titione dicamus, recensebimus' Z; 'Quomodo autem utrumque
horum dicimus, commemorabimus cum Quaesitum partiemur,
quod unam quidem partem habet universalem' B, quem sequi-
tur T. ἀναμνήσομεν ἐν τῷ μετέρχεσθαι B₃. Coniecerim ἐν
τούτῳ μεμερίσθαι. 15 καὶ τὰ μὲν M, G. 19 ἀπεναντίας
M, G, ἀπεναντίον C. 24 καὶ ἄλλως C.

πάντα περιλαμβάνον, οἷς ὑπάρχει τὸ αὐτὸ σύμπτωμα.
καθόλου γὰρ καὶ ὅτι πᾶν ἰσοσκελὲς τὰς τρεῖς γωνίας
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει, ὅτι ἐπὶ πάντων ἀληθὲς τῶν
ἰσοσκελῶν· καθόλου δὲ καὶ ὅτι πᾶν τρίγωνον τὰς
τρεῖς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ἔχει, ὅτι πάντα περι- 5
εἴληφεν, οἷς τοῦτο καθ' αὐτὸ ὑπάρχει. διὸ καὶ πρῶ-
τως τριγώνῳ φαμὲν δεικνυσθαι τὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας
ἔχειν τὰς γωνίας. κατὰ τοῦτο τοίνυν τὸ σημαινόμε-
νον τὰ μὲν καθόλου τῶν θεωρημάτων λέγοντες, τὰ
δὲ οὐ καθόλου, τοῦτο τὸ θεωρημὰ φαμεν τὸ μὲν τῶν 10
ζητουμένων ἔχειν καθόλου, τὸ δὲ οὐ. τὸ μὲν γὰρ τὰς
ἀπεναντίον πλευρὰς ἢ γωνίας ἴσας ἔχειν καθολικόν
ἐστι — μόνοις γὰρ ὑπάρχει τοῖς παραλληλογράμμοις
— τὸ δὲ τὴν διάμετρον δίχα τὸ χωρίον ταμεῖν οὐ
καθόλου, διότι μὴ πάντα περιεἴληφεν, ἐφ' ὅσων θεω- 15
ρεῖται τὸ σύμπτωμα τοῦτο· καὶ γὰρ τοῖς κύκλοις
ὑπάρχει καὶ ταῖς ἐλλείψεσι. καὶ εἰκόασιν αἱ πρῶται
τῶν πραγμάτων ἐπιβολαὶ τοιαῦται εἶναι μερικώτεραι,
προϊοῦσαι δὲ τὸ ὅλον συλλαμβάνειν. θεωρήσαντες
γὰρ οἱ ἀρχαῖοι ὅτι ἡ διάμετρος || δίχα τέμνει τὴν ἑλ- 20
λειψιν καὶ ὅτι τὸν κύκλον καὶ ὅτι τὸ παραλληλόγραμ-
μον, τὸ κοινὸν ἐν τούτοις ἐπεθεώρησαν. λανθάνει δέ,
φησὶν Ἀριστοτέλης, τὸ μὴ καθόλου δεικνύς τις ὡς
καθόλου διὰ τὸ εἶναι ἀνώνυμον τὸ κοινόν, ᾧ πρῶτως
ὑπάρχει τὸ σύμπτωμα. τί γὰρ κοινὸν ἀριθμοῖς καὶ 25
μεγέθεσι καὶ κινήσεσι καὶ φθόγγοις, οἷς ἅπασιν ὑπάρ-
χει τὸ ἐναλλάξ, οὐκ ἔστιν εἰπεῖν. καὶ τί κοινὸν ἐλ-
λείπει καὶ κύκλῳ καὶ παραλληλογράμῳ, χαλεπὸν
ἀποδοῦναι. τὸ μὲν γὰρ ἐστὶν εὐθύγραμμον, τὸ δὲ

περιφερόγραμμον, τὸ δὲ μικτόν. διόπερ οἴομεθα
καθόλου δεικνύναι τὸν ἀποδεικνύντα ὅτι πᾶν παρα-
λληλόγραμμον ἢ διάμετρος δίχα τέμνει τῷ μὴ συνορᾶν
τὸ κοινόν, δι' ἣ ἀληθές. τοῦτο μὲν οὖν καὶ ἐπὶ τῶν
5 παραλληλογράμμων τὸ τοιοῦτον οὐκ ἔστιν καθόλου
διὰ τὴν εἰρημένην αἰτίαν, ἐκεῖνο δὲ τὸ πᾶν παραλλη-
λόγραμμον ἴσας ἔχειν τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ
γωνίας. καὶ γὰρ ἐὰν ὑποτεθῇ τι σχῆμα τὰς ἀπεναν-
τίον πλευράς τε καὶ γωνίας ἴσας ἔχον, δειχθήσεται
10 τοῦτο παραλληλόγραμμον. ἔστω γὰρ τοιοῦτον τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$



καὶ διάμετρος ἡ $\alpha\delta$. ἐπεὶ οὖν
αἱ $\alpha\beta$ $\beta\delta$ ἴσαι ταῖς $\alpha\gamma$ $\gamma\delta$ καὶ
αἱ ὑπ' αὐτῶν περιεχόμεναι γω-
νίαί ἴσαι καὶ ἡ βάσις κοινή, καὶ
πάντα πᾶσιν ἴσα. εἰ ἄρα ἡ ὑπὸ
15 $\beta\alpha\delta$ τῇ ὑπὸ $\alpha\delta\gamma$ ἴση, καὶ ἡ ὑπὸ
 $\alpha\delta\beta$ τῇ ὑπὸ $\gamma\alpha\delta$, παράλληλος ἄρα ἡ μὲν $\alpha\beta$ τῇ $\gamma\delta$,
ἡ δὲ $\alpha\gamma$ τῇ $\beta\delta$, ὥστε παραλληλόγραμμον ἔστι τὸ
 $\alpha\beta\gamma\delta$.

20 Τοσαῦτα περὶ τούτων· ἔοικεν δὲ καὶ αὐτὸ τὸ
ὄνομα τῶν παραλληλογράμμων ὁ στοιχειωτὴς συν-
θεῖναι τὴν ἀφορμὴν λαβὼν ἀπὸ τοῦ προειρημένου
θεωρήματος. ἐπειδὴ γὰρ ἔδειξεν ὅτι αἱ τὰς ἴσας τε καὶ
παραλλήλους ἐπιξευγνύουσαι εὐθεῖαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ
25 μέρη καὶ αὐταὶ ἴσαι καὶ παράλληλοί εἰσι, δῆλον ὅτι
τὰς ἀπεναντίον ἀπέφηνε παραλλήλους, καὶ τὰς ἐπι-

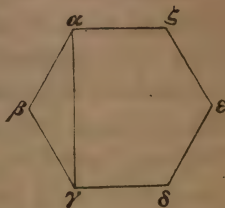
1 οἴομεθα G.
'supponitur' Z.

8 ὑποθῇ M, G, 'supposita fuerit' B,
25 αἱ αὐταὶ M, G, καὶ αὐταὶ C.

ζευγνυούσας καὶ τὰς ἐπιζευγνυμένας. τὸ δὲ ὑπὸ παρ-
αλλήλων περιεχόμενον εἰκότως παραλληλόγραμμον
ἐκάλεσεν, ὥς τὸ ὑπὸ εὐθειῶν γραμμῶν περιεχόμενον
εὐθύγραμμον προσείρηκεν.

Καὶ ὁ μὲν στοιχειωτῆς δῆλός | ἐστὶ τὸ παραλλη- 5
λόγραμμον ὥς ἐν τετραπλεύροις τιθέμενος. ἐπιστῆσαι
δὲ ἄξιον, μήποτε καὶ πᾶν εὐθύγραμμον ἄρτιόπλευρον,
ὅταν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ὑπάρχη, παραλλη-
λόγραμμον ᾖ. ἔχει || γὰρ καὶ τοῦτο τὰς ἀπεναν-
τίον πλευρὰς ἴσας τε καὶ παραλλήλους καὶ τὰς ἀπ- 10
εναντίον γωνίας ἴσας· οἷον τὸ ἑξαγώνον καὶ τὸ ὀκτά-
γώνον καὶ τὸ δεκάγώνον. ἐὰν γὰρ νοήσης ἑξαγώνον

τὸ $\alpha\beta\gamma\delta\epsilon\zeta$ καὶ ἐπιζεύξης τὴν
 $\alpha\gamma$, δεικνύεις παράλληλον τὴν
 $\alpha\zeta$ τῇ $\gamma\delta$. ἐστὶ γὰρ μιᾶς ὀρθῆς
καὶ τρίτου ἢ πρὸς τῷ β καὶ
ἐκάστη τῶν τοῦ ἑξαγώνου, ὅταν
ἰσογώνιον ᾖ, καὶ ἴση ἢ $\alpha\beta$ τῇ



$\beta\gamma$ — κεῖται γὰρ ἰσόπλευρον — ἑκατέρα ἄρα τῶν
ὑπὸ $\beta\alpha\gamma$ $\beta\gamma\alpha$ τρίτου ἐστίν, αἱ ἄρα ὑπὸ $\zeta\alpha\gamma$ $\alpha\gamma\delta$ ὀρ- 20
θαί εἰσιν, ὥστε παράλληλος ἢ $\alpha\zeta$ τῇ $\gamma\delta$. ὁμοίως δὲ
καὶ τὰς ἄλλας τὰς ἀπεναντίον δείξομεν παραλλήλους,
καὶ ἐπὶ τοῦ ὀκταγώνου ὡσαύτως καὶ τῶν λοιπῶν. εἰ
οὖν παραλληλόγραμμον ἐστὶ τὸ ὑπὸ παραλλήλων τῶν
ἀπεναντίον περιεχόμενον, καὶ ἐν τοῖς μὴ τετραπλεύροις 25

1 καὶ τὰς ἐπιζευγνυμένας om. G. 8 καὶ ante παρ-
αλληλόγραμμον addit C. 11 καὶ τὸ ὀκτάγώνον om. G,
add. C.

ἔσται παραλληλόγραμμον. πλὴν ὅτι κατὰ τὸν στοι-
χειωτὴν πᾶν παραλληλόγραμμον τετράπλευρόν ἐστι,
φανερὸν. δηλοῖ δὲ ἐν ἐκείνῳ μάλιστα τῷ θεωρήματι,
ἐν ᾧ φησι παραλληλόγραμμον τριγώνῳ τὴν αὐτὴν
5 ἔχον βάσιν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ὃν διπλά-
σιον εἶναι τοῦ τριγώνου. τοῦτο γὰρ ἐπὶ μόνων τῶν
τετραπλεύρων ἀληθές.

Prop. XXXV, theor. XXV. Τὰ παραλληλόγραμμα
τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς
10 παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Ὡσπερ τῶν θεωρημάτων ἐλέγομεν εἶναι τὰ μὲν
καθολικά, τὰ δὲ ἐπὶ μέρους, καὶ ὃν τρόπον ταῦτα δια-
ρούμενοι (?) προσετίθεμεν, καὶ ὅτι τὰ μὲν ἀπλᾶ, τὰ δὲ
σύνθετα, καὶ τί τούτων ἐκάτερον ἐπεδείκνυμεν, οὕτω
15 δὴ κατ' ἄλλην διάκρισιν τὰ μὲν εἶναι τοπικά φάμεν,
τὰ δὲ οὐ. καλῶ δὲ τοπικά μὲν, ὅσοις ταὐτὸν σύμ-
πτωμα πρὸς ὅλῳ τινὶ τόπῳ συμβέβηκεν, τόπον δὲ
γραμμῆς ἢ ἐπιφανείας || θέσιν ποιούσαν ἐν καὶ ταύ-
τὸν σύμπτωμα. τῶν γὰρ τοπικῶν τὰ μὲν ἐστὶ πρὸς
20 γραμμαῖς συνιστάμενα, τὰ δὲ πρὸς ἐπιφανείαις. καὶ
ἐπειδὴ τῶν γραμμῶν αἱ μὲν εἰσιν ἐπίπεδοι, αἱ δὲ στε-
ρεαί, — ἐπίπεδοι μὲν, ὧν ἐν ἐπιπέδῳ ἀπλῇ ἢ νόησις,
ὡς τῆς εὐθείας, στερεαὶ δέ, ὧν ἡ γένεσις ἐκ τινος
τομῆς ἀναφαίνεται στερεοῦ σχήματος, ὡς τῆς κυλιν-
25 δρικοῦς ἑλίκος καὶ τῶν κωνικῶν γραμμῶν — φαίην

1—2 πλὴν ὅτι . . . παραλληλόγραμμον om. G, add. C. B₃
= M. 2 πᾶν] om. B, at in margine 'omne'; πάντα M, C;

τὴν πᾶν τὸ B₃; 'omne' Z. 8 M in margine λε. 11 ἐπὶ
τῶν θεωρημάτων C.

ἂν καὶ τῶν πρὸς γραμμαῖς τοπικῶν τὰ μὲν ἐπίπεδον ἔχειν τόπον, τὰ δὲ στερεόν.

Τὸ μὲν οὖν προκείμενον θεωρημα καὶ τοπικόν ἐστι καὶ τῶν πρὸς γραμμαῖς τοπικῶν καὶ ἐπίπεδον. τὸ γὰρ μεταξὺ πᾶν τῶν παραλλήλων τόπος ἐστὶ τῶν 5 συνισταμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλογράμμων, ἃ δὴ καὶ δείκνυσιν ὁ στοιχειωτῆς ἴσα ἀλλήλοις. τῶν δὲ στερεῶν λεγομένων τοπικῶν θεωρημάτων παράδειγμα ἔστω τοιοῦτο· τὰ εἰς τὰς ἀσυμπτώτους καὶ τὴν ὑπερβολὴν ἐγγραφόμενα παραλληλόγραμμα 10 ἴσα ἐστίν. ὅτι γὰρ ἡ ὑπερβολὴ στερεὰ γραμμὴ, ἐστὶ δῆλον. κώνου γάρ ἐστι γραμμὴ.

Τὰ δ' οὖν τοιαῦτα τῶν θεωρημάτων, ὡς φησὶν ὁ Γεμῖνος, ἀπείκαξεν ὁ Χρύσιππος ταῖς ιδέαις. ὡς γὰρ ἐκεῖναι τῶν ἀπείρων ἐν πέρασιν ὠρισμένοις 15 τὴν γένεσιν περιλαμβάνουσιν, οὕτως καὶ ἐν τούτοις τῶν ἀπείρων ἐν ὠρισμένοις τόποις ἡ περιλήψις γίνεται. καὶ διὰ τὸν ὅρον τοῦτον ἡ ἰσότης ἀναφαίνεται. τὸ γὰρ ὕψος τῶν παραλλήλων τὸ αὐτὸ μένον ἀπείρων νοουμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλογράμμων 20 πάντα ἴσα ἀλλήλοις ἀποφαίνει.

Τοπικόν οὖν θεωρημα πρῶτον ὁ στοιχειωτῆς ἀνέγραψεν τὸ προκείμενον καὶ ἔοικεν ὡς ἐν στοιχείῳ κατὰ πάσας τὰς διαιρέσεις τὰ θεωρήματα ποικίλλων 25 μὴδὲ τὴν τοιαύτην εἰκότως ιδέαν αὐτῶν παραλείπειν. ἀλλὰ ἐνταῦθα μὲν, ἐπειδὴ περὶ εὐθύγραμμων ὁ λόγος, τοπικὰ παραδίδωσιν ἐπίπεδα πρὸς εὐθείαις, ἐν δὲ τῷ τρίτῳ τὰ περὶ κύκλων καὶ τῶν ἐν τούτοις συμπτω-

5 πᾶν τῶν] πάντων C. 'totum' B, 'omne illud' Z.

7 ἴσα] εἰς M, G, corr. C. 13 δ' om. G, add. C.

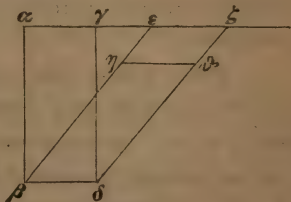
14 ιδίαις M, C.

μάτων πραγματεύομενος τὰς περιφερείας ἡμᾶς ἀνα-
 διδάξει τῶν τοπικῶν ἅμα καὶ ἐπιπέδων θεωρημάτων.
 τοιοῦτον γὰρ ἐν ἐκείνοις τὸ αἶ ἐν τῷ αὐτῷ τμή-
 ματι γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις καὶ τὸ αἶ ἐν ἡμι-
 5 κυκλίῳ ὀρθαί. ἀπείρων γὰρ συνισταμένων πρὸς
 τῇ περιφερείᾳ γωνιῶν τῆς αὐτῆς βάσεως οὔσης πᾶσαι
 δείκνυνται ἴσαι. καὶ ἐστὶν ἀνάλογον ἐκεῖνα τοῖς τρι-
 γώνοις καὶ παραλληλογράμμοις τοῖς ἐπὶ τῆς αὐτῆς
 βάσεως.

10 Τὸ μὲν δὴ τῶν προσεχῶς ζητηθησομένων θεωρη-
 μάτων εἶδος τοιοῦτόν ἐστι, τοπικὸν παρὰ τοῖς πα-
 λαιοῖς μαθηματικοῖς ἐπονομαζόμενον. || δόξειεν δ' ἂν
 παντελῶς εἶναι θαυμαστὸν τοῖς ἀπείροις τῆς τοιαύτης
 θεωρίας, εἰ τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλόγραμμα
 15 ἴσα ἀλλήλοις ἐστί. πῶς γὰρ τοῦ μήκους τῶν συν-
 ισταμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως χωρίων ἐπ' ἀπειρον
 ἀύξανόμενον — ἐφ' ὅσον γὰρ τὰς παραλλήλους ἐκ-
 βάλλομεν, ἐπὶ τοσοῦτον καὶ τὰ μήκη τῶν παραλληλο-
 γράμμων αὔξειν δυνάμεθα — πῶς δὲ τούτου γινο-
 20 μένου μένει τῶν χωρίων ἡ ἰσότης, εἰκότως ἂν τις
 ἐπιζητήσκειν. εἰ γὰρ τὸ μὲν πλάτος ταυτόν — ἡ γὰρ
 βάσις μία — τὸ δὲ μῆκος μείζον, πῶς οὐχὶ καὶ τὸ
 χωρίον μείζον; ἐστὶ μὲν οὖν τὸ θεώρημα τοῦτο καὶ
 τὸ περὶ τῶν τριγώνων ἐξῆς τῶν παραδόξων ἐν τοῖς
 25 μαθήμασι καλουμένων θεωρημάτων. ἐξηργάσαντο

1 ἡμᾶς in *M* maximam partem evanuit, *G* loco eius asteriscum posuit, ἡμ' *B*₃, *C* ἡμᾶς adscripsit; 'circumferentiasque tractans theoremata . . . docebit' *Z*, 'ea etiam quae in Circumferentiis constituuntur . . . docebit' *B*. 7 ἴσαι] *B* addit: 'Si vero quod a Basi et Circumferentia comprehenditur, Semicirculus fuerit, recti omnes esse ostenduntur' quod in margine eum invenisse veri non dissimile est. || ἐκεῖνα *M*, *G*, ἐκεῖνο *C*. 14 εἰ] εἰς *M*. 17 αὐξομένου *G*, αὔξανόμενον *C*. 25 ἐξηργάσαντο *C*.

γὰρ καὶ οἱ ἀπὸ τῶν μαθημάτων τὸν παράδοξον λεγόμενον τόπον, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοᾶς ἐπὶ τῶν δειγμάτων, καὶ τίθενται καὶ τοῦτο τὸ θεώρημα τῶν τοιούτων εἶναι. καταπλήττει γοῦν τοὺς πολλοὺς εὐθύς, εἰ τὸ μῆκος πολλαπλασιαζόμενον | οὐκ ἀναιρεῖ τὴν ⁵ ἰσότητα τῶν χωρίων τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως. ὁμοίως δὲ λεκτέον ὅτι μέγιστον ἢ τῶν γωνιῶν ἰσότης δύναται καὶ ἀνισότης πρὸς τὴν αὔξησιν τῶν χωρίων ἢ τὴν ἐλάττωσιν. ὅσῳ γὰρ ἀνίσους ποιοῦμεν τὰς γωνίας, τόσῳ μᾶλλον ἐλασσοῦμεν τὸ χωρίον, εἰ μένοι τὸ ¹⁰ μῆκος καὶ τὸ πλάτος ταυτόν. δεῖ οὖν τοῦ μήκους αὐξήσεως, ἵνα τὴν ἰσότητα φυλάξωμεν. ἔστω γὰρ εἰ τύχοι παραλληλόγραμμον τὰ $\overline{αβγδ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{αγ}$ εἰς ἄπειρον. καὶ ἔστω τυχὸν ὀρθογώνιον τοῦτο, καὶ ἐπὶ τῆς $\overline{βδ}$ βάσεως ἕτερον συνεστάτω τὸ $\overline{βεξδ}$. ¹⁵ ὅτι μὲν οὖν τὸ μῆκος ἠύξηται δῆλον. μείζων γὰρ ἢ $\overline{βε}$ τῆς $\overline{αβ}$ ὀρθῆς οὔσης τῆς πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνίας. ἀλλὰ τοῦτο ἀναγκαιῶς γέγονεν. ἄνισοι γὰρ αἱ γωνίαι γεγόνασιν τοῦ $\overline{βεξδ}$ παραλληλογράμμου, καὶ αἱ μὲν ὀξεῖαι, αἱ δὲ ἀμβλεῖαι. τοῦτο δὲ συμβέβηκεν διὰ τὸ τὴν $\overline{βε}$ πλευρὰν ὥσπερ συμπτύσσασθαι πρὸς τὴν $\overline{βδ}$ καὶ συστέλλειν τὸ χω- ²⁰ ρίον. εἰλήφθω γὰρ εἰ τύχοι ἴση τῇ $\overline{αβ}$ ἢ $\overline{βγ}$, καὶ



10 μένει C.

12 φυλάξωμεν M.

13 τύχη C.

25 συμπίπτειν C. || πρὸς om. G, add. C.

26 τύχη C.

παραλληλος διὰ τοῦ η τῇ $\beta\delta$ ἢ $\eta\theta$. ἐστὶν ἄρα καὶ τὸ
 μῆκος τοῦ $\beta\delta\eta\theta$ ἴσον τῷ μήκει τοῦ $\alpha\beta\gamma\delta$ καὶ τὸ πλά-
 τος ταύτόν, || ἀλλὰ τὸ χωρίον ἔλασσον τοῦ χωρίου καὶ
 γὰρ τοῦ $\beta\epsilon\zeta\delta$ ἔλασσόν ἐστιν. ἡ μὲν δὴ τῶν γωνιῶν
 5 ἀνισότης τὸ ἐμβαδὸν ἡλάττωσεν, ἡ δὲ τοῦ μήκους
 αὕξησις, ὅσον ἀφείλεν ἐκείνη, τοσοῦτον προσθεῖσα
 τὴν ἰσότητα τῶν χωρίων ἐφύλαξεν. ὁρος δὲ τῆς τοῦ
 μήκους αὐξήσεως ἐστὶν ὁ τῶν παραλλήλων τόπος. ὁρ-
 θογωνίων μὲν γὰρ συναμφοτέρων ὄντων τῶν παραλ-
 10 ληλογράμμων δείκνυνται τὸ τετράγωνον τοῦ ἑτερομή-
 κους μείζον, ἰσοπλεύρων δὲ ἀμφοτέρων ὄντων τὸ
 ὀρθογώνιον δείκνυνται τοῦ μὴ ὀρθογωνίου μείζον.
 καὶ γὰρ ἡ τῶν γωνιῶν ὀρθότης καὶ ἡ τῶν πλευρῶν
 ἰσότης τὸ πᾶν δύναται πρὸς τὴν τῶν χωρίων αὕξη-
 15 σιν. ὅθεν δὴ τὸ μὲν τετράγωνον ἀναφαίνεται τῶν
 ἰσοπεριμέτρων μείζον, τὸ δὲ ῥομβοειδὲς ἀπάντων
 ἔλασσον.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν ἐν ἄλλοις δείξομεν· πρεπωδέ-
 στερα γὰρ ἐστὶ ταῖς ὑποθέσεσι τοῦ δευτέρου βιβλίου.
 20 πρὸς δὲ τὸ προκείμενον θεωρήμα δεῖ γινώσκειν ὅτι
 τε παραλληλόγραμμα λέγων ἴσα τὰ χωρία λέγει καὶ
 οὐ τὰς πλευράς, — περὶ τούτων γὰρ ὁ λόγος, περὶ
 τῶν ἐμβαδῶν — καὶ ὅτι νῦν πρῶτον ἐν τῇ ἀποδείξει
 τοῦδε τοῦ θεωρήματος μνήμην ἐποιήσατο τῶν τραπε-
 25 ζίων· ᾧ καὶ δῆλον ὅτι εἰκότως ἐν ταῖς ὑποθέσεσι
 καὶ τοῦτο, ὅτι ποτὲ ἐστίν, ἐδίδαξεν, ὅτι τετράπλευρον

2 ἴσον M, G, ἴσον C. 3 ἀλλὰ χωρίον G, ἀλλὰ τὸ χω-
 ρίον C. 5 ἰσότης C. || εἰ δὲ M, G, ἡ δὲ C. 8 Post παρ-
 αλλήλων addit G γράμμων, quod delendum notavit C. || ὀρθο-
 γώνιον M, G, ὀρθογωνίῳ C. 21 Post λέγων addit C ὅτι.

μὲν τῷ γένει, μὴ παραλληλόγραμμον δέ. τὸ γὰρ μὴ (?) τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας ἴσας ἔχον ἐκβέβηκεν τῆς τῶν παραλληλογράμων τάξεως.

Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτὴς ἀπέδειξεν τὸ προκείμενον τὴν χαλεπωτέραν πτωσιν ἐκλεξάμενος. εἰ δὲ λέγοι τις, 5

ἔστω τὰ $\overline{αβγδ}$ καὶ $\overline{βγδε}$ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως τῆς

$\overline{δβ}$, ὥστε τὴν $\overline{δγ}$ διάμε-

τρον εἶναι τοῦ $\overline{αβ}$, δείξομεν ὅτι ἴσα ἐστὶν αὐτόθεν.

τὸ γὰρ $\overline{βγδ}$ τρίγωνον ἑκατέρου ἥμισυ ἐστίν, διότι τοῦ $\overline{αβ}$ διάμετρος ἡ $\overline{γδ}$,

τοῦ δὲ $\overline{δε}$ ἡ $\overline{βγ}$. αἱ δὲ διάμετροι διχοτομοῦσι τὰ παρ-

αλληλόγραμμα. ἴσον ἄρα τὸ $\overline{αβ}$ τῷ $\overline{δε}$. πάλιν εἴ τις

τὴν $\overline{δγ}$ τέμνουσαν ὑποθοῖτο τὴν τοῦ $\overline{αβ}$ παραλληλο- 15

γράμμου πλευράν, καὶ οὕτως

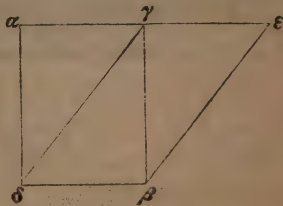
κείμενα τὰ παραλληλόγραμμα

ὥς τὰ $\overline{αβδε}$ καὶ $\overline{βγδξ}$, δείξο-

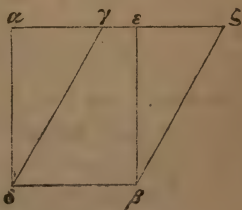
μεν ὅτι καὶ ταῦτα ἴσα ἐστίν. ||

ἐπεὶ γὰρ ἴση ἡ $\overline{αε}$ τῇ $\overline{γξ}$ —

ἑκατέρα γὰρ ἴση τῇ $\overline{δβ}$ ἀπ-



10



20

1 τὸ γὰρ μὴ] τὸ γὰρ μὴ δὲ τὸ M, B_3, G ; 'ex eo quod neque ... neque' Z , 'quod enim ... non' B . Fortasse scribendum: τὸ γὰρ δύο μὲν πλευράς παραλλήλους, μὴ δὲ τὰς ἀπεναντίον κτλ. 5 λέγει G . 9 αὐτόθι C , 'ex hoc Loco' et in margine 'ex hoc loco, id est ratione loci' B . 13 ἡ $\overline{βγ}$] διάμετρος ἡ $\overline{γδ}$ C . 14 τῷ $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δε}$ C .

εναντίον οὔσα — κοινὴ ἀφηρησθῶ ἡ $\overline{\gamma\epsilon}$. ἴση ἄρα
 ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῇ $\overline{\epsilon\zeta}$. ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\epsilon\beta}$ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ
 $\overline{\gamma\alpha\delta}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\xi\epsilon\beta}$ — παράλληλος γὰρ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\epsilon\beta}$. καὶ
 βάσις ἄρα ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\xi\beta}$ βάσει ἴση καὶ ὅλον τὸ $\overline{\alpha\delta\gamma}$
 5 $\overline{\tauριγ\omega\nu\omicron\nu\omicron\tau\omega\epsilon\beta\zeta}$ $\overline{\tauριγ\omega\nu\omicron\nu\omicron\tau\omega\iota\sigma\omicron\nu}$. κοινὸν προσκείσθω
 τὸ $\overline{\gamma\beta}$ τραπέζιον. ὅλον ἄρα τὸ $\overline{\alpha\beta}$ ἴσον τῷ $\overline{\delta\zeta}$. καὶ
 ὁρᾷς ὅτι τρεῖς αὐταὶ μόναι πῶς εἰσιν. ἡ γὰρ $\overline{\delta\gamma}$ ἡ
 τέμνει τὴν $\overline{\epsilon\beta}$, ὡς ὁ στοιχειωτὴς ἔλαβεν, ἡ ἐπὶ τῷ $\overline{\epsilon}$
 πίπτει, ὡς ἐν τῇ πρὸ ταύτης καταγραφῇ, ἡ τέμνει τὴν
 10 $\overline{\alpha\epsilon}$, ὡς νῦν ὑπεθέμεθα. καὶ δέδεικται κατὰ πάσας τὰς
 πτώσεις τὸ θεώρημα ἀληθές. πλὴν ὅτι διττῆς οὔσης
 τῶν τραπεζίων διαφορᾶς καὶ τῶν μὲν οὐδετέραν τῶν
 ἀπεναντίον ἐχόντων παράλληλον, τῶν δὲ μιᾷ μίαν,
 ἐπὶ τῶν παρὰ τῷ γεωμέτρῳ τραπεζίων τὸ ἕτερόν ἐστίν
 15 εἶδος καὶ ἐπὶ τῆς καταγραφῆς ταύτης. ἡ γὰρ $\overline{\gamma\epsilon}$ τῇ
 $\overline{\delta\beta}$ παράλληλος.

Prop. XXXVI, theor. XXVI. Τὰ παραλληλό-
 γραμμα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς
 αὐταῖς παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστί.

20 Τὸ μὲν πρὸ τούτου τὰς βάσεις τὰς αὐτὰς ἐλάμ-
 βανεν, τοῦτο δὲ ἴσας μὲν, διαφερούσας δὲ ἀλλήλων.
 κοινὸν δὲ ἀμφοτέροις τὸ ἐν ταῖς αὐταῖς ὑποτίθεσθαι
 παραλλήλοις τὰ παραλληλόγραμμα. δεῖ δὴ οὖν αὐτὰ
 μήτε ἐνδοτέρω πίπτειν τῶν ὑποκειμένων παραλλήλων

5 $\overline{\epsilon\beta\delta}$ M, G, $\overline{\epsilon\beta\zeta}$ C.
 margine 'Rursus quod' B.

11 πλὴν ὅτι] 'nisi quod' et in

εὐθειῶν, μήτε ἐξωτέρω. παραλληλόγραμμα γὰρ ἐν ταῖς αὐταῖς εἶναι λέγεται παραλλήλοις, ὅταν αἱ τε βάσεις αὐτῶν καὶ αἱ ταύταις ἀπεναντίον κείμεναι ταῖς αὐταῖς ἐφαρμόζωνται παραλλήλοις. ἀλλ' ὁ μὲν στοιχειωτῆς ἔδειξεν τὸ θεώρημα τὰς βάσεις πάντῃ κεχω- 5 ρισμένους λαβὼν, κωλύει δὲ οὐδὲν καὶ οὕτως αὐτὰς ὑποκειμένους λαβεῖν, ὥς ἔχειν τι μέρος κοινόν. ἔστω

γὰρ τὰ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ παραλληλόγραμ-

μα ἐπὶ ἴσων βάσεων τῶν $\overline{εβ}$

$\overline{ζδ}$. λέγω ὅτι ἴσα ἐστίν. ἐπι-

ξεύχθωσαν αἱ $\overline{εγ}$ $\overline{βη}$. || ἐπεὶ οὖν

ἴση ἡ $\overline{εξ}$ τῇ $\overline{βδ}$ — καὶ γὰρ ἡ

$\overline{εβ}$ τῇ $\overline{ζδ}$ — ἀλλ' ἡ $\overline{γζ}$ τῇ $\overline{δη}$

ἴση [καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{εξγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{βδη}$ — παράλληλος γὰρ

ἡ $\overline{γζ}$ τῇ $\overline{δη}$ —] καὶ ἡ $\overline{γε}$ τῇ $\overline{βη}$ ἴση. ἐστὶ δὲ καὶ παρ- 15

άλληλος· παραλληλόγραμμον ἄρα τὸ $\overline{γβ}$. καὶ ἔχει βά-

σιν τὴν αὐτὴν ἐκατέρω τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς

ἐστὶ παραλλήλοις. | ἴσον ἄρα τὸ $\overline{αβ}$ τῷ $\overline{γδ}$. εἰ δέ τις

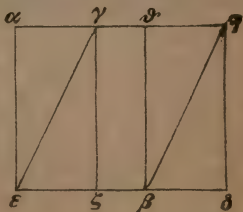
μήτε κοινὸν μέρος ἐχούσας ὑποθοῖτο τὰς τῶν παραλ-

ληλογράμμων βάσεις, μήτε κεχωρισμένους ἀλλήλων, 20

ἀλλ', ὅπερ ὑπολείπεται μόνον, συναπτούσας ἀλλήλαις

καθ' ἓν σημεῖον, ὥς ἐπὶ τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{εδ}$, ἐροῦμεν ὅτι ἴση

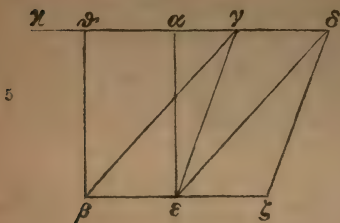
ἡ $\overline{βε}$ τῇ $\overline{εξ}$ καὶ τῇ $\overline{γδ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{γβ}$ τῇ $\overline{δε}$. αἱ γὰρ



10

14—15 καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{εξγ}$... τῇ $\overline{δη}$ om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*), 'et Angulus cfe aequalis Angulo gδb' *B*. 17 ἐκατέρω *M*, *G*, ἐκατέρω *C*.

τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπιξευγνύουσαι καὶ αὐταὶ ἴσαι καὶ παράλληλοί εἰσι. παραλληλόγραμμον ἄρα



ἐστὶ τὸ βδ ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων καὶ ἐν ταῖς παραλλήλοις ταῖς $\overline{αδ}$ $\overline{βε}$. ἴσα ἄρα τὰ $\overline{αβ}$ $\overline{δε}$ παραλληλόγραμμά ἐστιν.

- Ἡμεῖς μὲν οὖν κατὰ τὴν πρώτην ἐπιβολὴν τὰς τοῦ
 10 θεωρήματος κατασκευὰς διείλομεν, εἰπόντες τὰς βάσεις ἢ κοινὸν ἔχειν μέρος, ἢ ἄπτεσθαι μόνον ἀλλήλων, ἢ διεστάναι ἀπ' ἀλλήλων. δυνατόν δὲ καὶ ἄπτωνται, ὡς αἱ $\overline{βε}$ $\overline{εξ}$, ἐκτὸς ὅλον τὸ $\overline{δε}$ τῆς $\overline{αε}$ ὑποτίθεσθαι, ἢ τὴν $\overline{γε}$ πλευρὰν ἐφαρμόζουσαν τῇ $\overline{αε}$,
 15 ἢ τὴν $\overline{γε}$ τέμνουσαν τὴν $\overline{αθ}$, ἢ τὴν $\overline{γε}$ πίπτουσιν ὡς διάμετρον τῇ $\overline{θε}$ — ὅτε καὶ ἡ $\overline{δζ}$ ἢ αὐτὴ ἐστὶ τῇ $\overline{αζ}$ — ἢ τῆς $\overline{αθ}$ ἐκβεβλημένης ἐπὶ τὸ κ τὴν $\overline{γε}$ πίπτουσιν ἐκτὸς τοῦ θ, καὶ τὴν $\overline{δζ}$ ἢ τέμνουσαν τὴν $\overline{αθ}$, ἢ ἐφαρμόζουσιν * * *

5 ταῖς $\overline{αβ}$ $\overline{δε}$ M, G. 9 κατὰ] καὶ M, G; κατὰ in G in margine postera manu. 12 ἢ διεστάναι ἀπ' ἀλλήλων om. G, add. C; 'aut tangere tantum se invicem, aut a se invicem distare' et in margine 'aut a se invicem separatatas esse aut tangere tantum se invicem' B. 15 $\overline{αθ}$] $\overline{αε}$ M, G. 17 ἐπὶ τὸ κ, ἢ τὴν $\overline{γε}$ M, G. 19 usque ad p. 403, 4 Finem huius commentarii et propositionem tricesimam septimam et initium commentarii ei additi om. M, B₃, G (Z), nec ulla re lacunam notant, cum verbum ἐφαρμόζουσιν (congruentem) statim sequatur verbum ἀποφαίνονται (ostendunt). Z tamen post propositionem tricesimam septimam addit: 'Proclus hoc in loco

|| [Prop. XXXVII, theor. XXVII. Τὰ τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.]

|| * * * ἀποφαίνονται. καὶ γὰρ ἴσων ἐκείνων ἄνισα τὰ χωρία, καὶ ἀνίσων ἴσα δεικνυνται. τοιοῦτον 5 δέ τι πεπόνθασιν οἱ χωρογράφοι τὰ μεγέθη τῶν πόλεων ἐκ τῶν περιμέτρων συλλογίζόμενοι. ἤδη δέ τινες κοινωνοὶ κτημάτων ἐν τῇ διαιρέσει παρελογίσαντο τοὺς συνδιανεμομένους τῇ ὑπεροχῇ τῆς περιμέτρου παραχορησάμενοι, καὶ πλείονα λαβόντες τῶν ἀπελθόν- 10 των — εἰληφότες τὸ (?) ὑπὸ τῆς μείζονος περιμέτρου περιεχόμενον ἐμβαδὸν εἶτα (?) ἀμείψαντες χωρία περιοχῇ ἐλάσσονι (?) χρώμενα — βελτίστων ἀπηνέγκαντο δόξαν. δυεῖν γοῦν προκειμένων ἰσοσκελῶν τριγώνων, ὧν τὸ μὲν ἑκατέραν τῶν ἴσων ἔχει πέντε, 15 τὴν δὲ βάσιν ἕξ τῶν αὐτῶν, τὸ δὲ ἑκατέραν μὲν τῶν ἴσων πέντε, τὴν δὲ βάσιν ὀκτὼ τῶν αὐτῶν, οἷον πῆχων, δακτύλων, κομιδῇ ἀπατᾷ τὸν ἄπειρον τούτων εἰς αἴρεσιν. τοῦτο μὲν γὰρ τὴν περίμετρον ἔχει δέκα καὶ ὀκτώ, θάτερον δὲ ἕξ καὶ δέκα τῶν αὐτῶν μέτρων. 20

vacat'. B de suo lacunam quam in omnibus suis invenit exemplaribus explet (p. 244—247) et delineationibus figurarum et expositione ea, quam desideraveris. 5 ἄνισα δεικνυνται. τοιοῦτον C. 10—14 Locum pluribus de causis dubium interpretatus est Z: 'et ea plura esse quae sub maiori ambitu comprehenduntur arbitantes, aream vero in praedia [in margine 'aliter areas'] minori ambitu utilia distribuentes, potio- rem opinionem reportarunt' et B; 'pluraque sumpserunt cum peragrantes eam suscepissent possessionem, quae a maiori ambitu continebatur: Aream autem cum in quaedam Spatia, quae minori fruebantur ambitu, immutassent, optimi existimati fuere'.

11 εἰληφότων τοῦ M, G, εἰληφότων τὸ B₃. 12 εἶτα] δ' εἰς ᾧ M, B₃, G. 13 περιοχῆς δι' ἐλάσσονι M, B₃, G.

15 B triangulorum descripsit figuras. || ἔχειν C.

- ἀλλ' ὁ γεωμετρικὸς οὐκ ἀγνοήσει ὅτι ἴσα ἐστὶ τὰ χωρία, καὶ αἱ περιμέτροι ἄνισοι ὦσιν. δώδεκα γὰρ ἐκάτερόν ἐστιν. ἐὰν γὰρ ἀγάγῃς ἀπὸ τῆς κορυφῆς κάθετον δίχα μὲν διαιρήσεις τὰς βάσεις καὶ ποιήσεις
- 5 ἐν θατέρῳ μὲν τριῶν, ἐν δὲ λοιπῷ τεττάρων τὸ ἥμισυ τῆς βάσεως, αὐτὴν δὲ τὴν κάθετον ἀνάπαλιν οὗ μὲν τεττάρων, οὗ δὲ τριῶν. δεῖ γὰρ τὸ ἀπὸ τῆς πεντάδος ἴσον [εἶναι] τῷ τε ἀπὸ τῆς καθέτου καὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως. ἀλλ' εἰ μὲν αὕτη τριῶν, ἢ
- 10 κάθετος τεττάρων, [εἰ δ'] αὕτη τεττάρων, ἐκείνη δηλαδὴ τριῶν. ποιήσας οὖν τὴν κάθετον ἐπὶ τὸ ἥμισυ τῆς βάσεως ἕξεις τὸ ἴσον τῷ τριγώνῳ χωρίον. τοῦτο δὲ ταυτόν ἐστιν καθ' ἐκάτερον, εἴτε τὸν τρία ἐπὶ τὸν τέσσαρα, εἴτε τὸν τέσσαρα ἐπὶ τὸν τρία ποιήσεις.
- 15 Ταῦτα μὲν οὖν εἴρηται πρὸς ἐνδειξιν τοῦ τὴν ἰσότητα τῶν χωρίων μὴ || πάντως ἐκ τῶν περιμέτρων λαμβάνειν, ἵνα μὴ θαυμάζωμεν, εἰ τῶν ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως τριγώνων ἐπ' ἄπειρον αὕξεσθαι κατὰ τὰς λοιπὰς πλευρὰς δυναμένων ἐντὸς τῶν αὐτῶν παραλλή-
- 20 λων ὅμως ἢ τῶν χωρίων ἰσότης ἀνεξάλλακτος διαμένει. δεῖ δὲ ἐκεῖνα τῶν τριγώνων ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις λέγειν, ὅσα τὰς βάσεις ἐπὶ τῆς ἐτέρας ἔχοντα τῶν παραλλήλων ἐρεῖδει τὰς κορυφὰς ἐπὶ τῆς λοιπῆς, καὶ ὧν ἢ ἐπὶ τὰς κορυφὰς ἐπιγεγνημένη μία τέ ἐστιν
- 25 εὐθεῖα καὶ παράλληλος ταῖς βάσεσιν ἐπὶ μιᾷ εὐθείᾳ κειμένης.

2 δέκα *M, G.* 8 εἶναι *om. M, G.* 10 εἰ δ' *om. M, G.*

12 χωρίον *G,* χωρίον *C;* 'quod Trianguli spatio est aequale' et in margine 'aequale Triangulo spatium' *B.* 13 καθ' ἕτερον *M, G.* 25 εὐθεῖα . . . βάσεσιν *om. G,* add. *C.*

Prop. XXXVIII, theor. XXVIII. Τὰ τρίγωνα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλληλοῖς ἴσα ἀλλήλοισι ἐστίν.

Ἐστὶ μὲν καὶ τοῦτο τὸ θεωρήμα τοπικὸν ἀνάλογον τοῖς παραλληλογράμμοις καὶ τὴν τῶν τριγώνων 5 θέσιν ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὑποτιθέμενον. δοκεῖ δέ μοι τῶν τεττάρων τούτων θεωρημάτων, ὧν δύο μὲν ἐστὶν ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων δεδειγμένα, δύο δὲ ἐπὶ τῶν τριγώνων, καὶ τὰ μὲν τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως, τὰ δὲ ἴσων ὑπαρχουσῶν τῶν βάσεων, μίαν ἀπό- 10 δειξιν ἐν τῷ ἑκτῷ βιβλίῳ κατὰ τὸ πρῶτον θεωρήμα παρέχεσθαι, λανθάνειν τε τοὺς πολλοὺς τοῦτο ποιῶν. ὅταν γὰρ τούτῳ δεικνύῃ τὰ τρίγωνα καὶ παραλληλόγραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἔχοντα πρὸς ἄλληλα τὸν λόγον, ὃν ἔχουσιν αἱ βάσεις, οὐδὲν ἄλλο ἢ ταῦτα 15 πάντα καθολικώτερον ἀποδείκνυσιν ἐκ τῆς ἀναλογίας. τὸ γὰρ αὐτὸ ὕψος οὐδὲν διαφέρει ἢ ἐν ταῖς αὐταῖς εἶναι παραλληλοῖς. πάντα γὰρ τὰ ἐν ταῖς αὐταῖς ὄντα παραλληλοῖς ὑπὸ τὸ αὐτὸ ἐστὶν ὕψος καὶ ἀνά- 20 παλιν. ὕψος γάρ ἐστὶν ἡ ἀπὸ τῆς ἐτέρας παραλλήλου κάθετος ἐπὶ τὴν λοιπὴν. ἐκεῖ μὲν οὖν δι' ἀναλογίας δέδεικται ὅτι οὕτως ἔχει τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος τουτέστιν τὰ ἐν ταῖς αὐταῖς κείμενα παραλληλοῖς, ὥς αἱ βάσεις· καὶ ἴσων οὐσῶν τῶν βάσεων ἴσα τὰ χωρία, καὶ διπλάσια διπλα- 25 σίων, καὶ ἄλλον λόγον ἔχουσῶν τὸν αὐτὸν ἔξει καὶ τὰ

1 M in margine λξ. 2 ἐπὶ τῶν ἴσων C. || αὐταῖς om. M, G. 9 καὶ τὰ] κατὰ M, G. 10 ἴσων τῶν M, G, ἴσα τῶν C. 13 τοῦτο M, G.

χωρία λόγον πρὸς ἄλληλα. ἐνταῦθα δέ — οὐ γὰρ ἦν ἀναλογία χρῆσθαι μηδέπω διδάξαντα περὶ αὐτῆς — ἀρκεῖται τῇ ἰσότητι μόνῃ, καὶ ταύτην ἐκ τῆς ἰσότητος ἢ ταυτότητος τῶν βάσεων συλλογίζεται. ἐν ἐνὶ
 5 δ' οὖν ἐκείνῳ τὰ τέτταρα ταῦτα θεωρήματα περιέχεται, οὐ μόνον ὅτι διὰ μιᾶς ἀποδείξεως δεικνυσιν, ὅσα ἐν τοῖς τέτρασιν περιέχεται τούτοις, ἀλλ' ὅτι καὶ πλεον τι προστιθήσιν τὴν ταυτότητα τῶν λόγων, καὶ ἄνισοι αἱ || βάσεις ὦσι.

10 Ταῦτα περὶ τούτων· | ὅτι δὲ καὶ τοῦτο πολύπτω-
 τόν ἐστὶ τὸ θεωρήμα καὶ δυνατόν τὰς βάσεις τὰς τῶν τριγώνων ἢ ταὐτὸν μέρος ἔχουσας λαμβάνειν, ὥς ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων, ἢ μηδενὶ μὲν κοινῷ μέρει χρωμένας, καθ' ἐν δὲ σημεῖον ἀλλήλαις συναπτούσας,
 15 ἢ καὶ πάντῃ κεχωρισμένας, ὥστε εἶναι μεταξὺ γραμμήν, δῆλόν ἐστι τοῖς καὶ μικρὰ συνεῖναι δυναμένοις, καὶ ὅτι κατὰ πάσας τὰς πτώσεις, ὅπως ἂν ἔχη τὰς βάσεις κειμένας ἢ τὰς κορυφάς, ἢ αὐτὴ μέθοδος, ἄγειν παραλλήλους ταῖς πλευραῖς καὶ ποιεῖν ἐκάτερον τῶν
 20 τριγώνων [παραλληλόγραμμον καὶ διὰ τούτων τὴν τῶν τριγώνων] ἰσότητα κατασκευάζειν.

6 ὑποδείξεως C. 7 τελεόν G, πλέον B₃, C, 'plus' Z, 'plus' et in margine 'omnino vel perfectum' B. 13 μέρει om. G, add. C. 16 καὶ ante μικρὰ om. G, add. C. 20—21 παραλληλόγραμμον ... τριγώνων om. M, B₃, | G. 'et efficiendi quod utrumque triangulum aequalitatem efficiat' Z, 'et facere utrumque, Triangulorumque aequalitatem ostendere' B.

Prop. XXXVIII, theor. XXVIII. Τὰ ἴσα τριγωνα τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν.

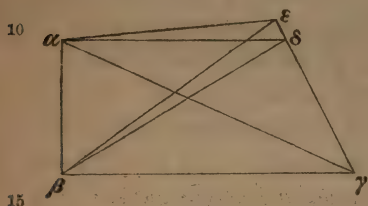
Ὅτε μὲν τὴν ἰσότητα δεικνύναι προῦκειτο, τότε τέτταρα θεωρήματα τὸν ἀριθμὸν ἐποιοῦμεν, δύο μὲν 5 ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων, δύο δὲ ἐπὶ τῶν τριγώνων λαμβάνοντες, ἢ ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἢ ἐπὶ ἴσων κείμενα βάσεων. νυνὶ δὲ ἀντιστρέφοντες τὰ μὲν ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων ἀντιστρέφοντα παρήκαμεν, τὰ δὲ ἐπὶ τῶν τριγώνων μνήμης ἡξιώσαμεν. αἴτιον δὲ ὅτι 10 τρόπος μὲν τῆς ἀποδείξεως ὁ αὐτὸς καὶ ἐπ' ἐκείνων ἀπαραλλάκτως διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς καὶ τῆς ὁμοίας κατασκευῆς, ἀρκούμεθα δὲ ἐπὶ τῶν ἀπλουστέρων, λέγω δὴ τῶν τριγώνων, ὑποδείξαντες τὴν μέθοδον καταλιπεῖν τοῖς ἀγχινουστέροις καὶ ἐπὶ τῶν 15 ὑπολοίπων τὰ αὐτὰ συλλογίζεσθαι, ἐπεὶ, ὅτι γε ἡ αὐτὴ καὶ ἐπὶ τούτων μέθοδος, ῥᾶδιον συνιδεῖν. λαβόντες γὰρ παραλληλόγραμμα ἴσα ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως, ἢ καὶ ἐπὶ τῶν ἴσων, ἐροῦμεν ὅτι καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν. εἰ γὰρ μή, ἢ ἐντὸς πεσεῖ- 20 ται θάτερον τῶν ἐν τῷ ἑτέρῳ παραλλήλων ἐκβαλλομένων, ἢ ἐκτός. ὅπως δὲ ἂν πίπτῃ, λαβόντες ἐκεῖνο καὶ τὰς ἐν αὐτῷ παραλλήλους ἐδείξαμεν, ἃ καὶ ἐπὶ τῶν τριγώνων, ὅτι τὸ ὅλον ἴσον ἔσται τῷ ἑαυτοῦ μέρει. τοῦτο δὲ ἀδύνατον. 25

Ὅτι δὲ εἰκότως ὁ στοιχειωτὴς προσέειπεν τὸ καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δῆλόν ἐστι (?). μίᾳς γὰρ βάσεως

1 M in margine λθ. 4 πρόκειται M, G. 22 ἂν πίπτῃ] ἀντιπίπτῃ M, G. 27 δῆλον ὅτι M, G, δῆλον γὰρ ὅτι μιᾶς βάσεως B₃, C, 'perspicuum est' Z, 'manifestum est' B.

ἴσα τρίγωνα λαβεῖν δυνατόν, τὸ μὲν ἐπὶ τὰδε τὰ μέρη, τὸ δὲ ἐπὶ θάτερα. ἀλλ' οὐ πάντως ἐν ταῖς αὐταῖς ἐστὶ ταῦτα παραλλήλοις· οὐδὲ γὰρ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἐστί.

5 Τοῦτο μὲν οὖν διὰ τοῦτο || προσέθηκεν. διχῶς δὲ δυνατόν ὃν ἄγειν τὴν παράλληλον κατὰ τὴν ἄτοπον ὑπόθεσιν αὐτὸς ἤγαγεν ἐντός ἡμεῖς δὲ ἐκτός ἀγαγόντες τὰ αὐτὰ δείξομεν. ἔστω γὰρ τὰ $\overline{αβγ}$ $\overline{δβγ}$



τρίγωνα ἐπὶ μιᾷς βάσεως καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη. λέγω ὅτι ἐν ταῖς αὐταῖς ἐστὶ παραλλήλοις καὶ ἡ ἐπὶ τὰς κορυφὰς αὐτῶν ἐπιζευχθεῖσα τῇ βάσει παρ-

άλληλός ἐστιν. ἐπεξεύχθω γὰρ ἡ $\overline{αδ}$. εἰ δὲ μὴ ἐστὶν αὐτῇ παράλληλος, ἔστω ἡ ταύτης ἐκτός ἡ $\overline{αε}$. καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{γδε}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{εβ}$. ἴσον ἄρα τὸ $\overline{αβγ}$ τῷ $\overline{εβγ}$, ἀλλὰ τὸ $\overline{αβγ}$ τῷ $\overline{δβγ}$. τὸ ἄρα $\overline{εβγ}$ τῷ

20 $\overline{δβγ}$ ἴσον, τῷ μέρει τὸ ὅλον· ἀλλὰ ἀδυνατόν· οὐκ ἄρα ἔξω πεσεῖται τῆς $\overline{αδ}$ ἡ παράλληλος· δέδεικται δὲ ὅτι οὐδὲ ἐντός παρὰ τῷ στοιχειωτῇ· αὐτὴ ἄρα ἐστὶν ἡ $\overline{αδ}$ τῇ $\overline{βγ}$ παράλληλος· ἐν ταῖς αὐταῖς ἄρα παραλλήλοις ἐστὶ τὰ ἴσα τρίγωνα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

25 Καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὄντα παραλλήλοις ἀποδεδείκται μὲν δὴ καὶ τὸ λοιπὸν μέρος τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγ-

2 ἀλλ' οὐ] ἀλλὰ M, G, 'haec tamen' Z, 'non omnino' B.
22 αὐτῇ M.

γῆς· ἄξιον δὲ ἐπισημῆνασθαι ὅτι τριττῆς οὔσης τῆς τῶν θεωρημάτων ἀντιστροφῆς — ἢ γὰρ ὅλον ἀντιστρέφει πρὸς ὅλον, ὥς τὸ ὀκτωκαιδέκατον καὶ ἐννεακαιδέκατον εἴπομεν, ἢ ὅλον πρὸς μέρος, ὥς τὸ ἕκτον καὶ πέμπτον, ἢ μέρος πρὸς μέρος, ὥς τὸ ὄγδοον καὶ 5 τέταρτον. οὐ γὰρ ὅλον τὸ δεδειγμένον ἐν θατέρῳ ζητούμενόν ἐστιν ἐν θατέρῳ, οὐδὲ τὸ ζητούμενον δεδομένον, ἀλλὰ μέρος — ἔοικεν δὲ (?) τοιαῦτα εἶναι καὶ ταῦτα τὰ θεωρήματα ἐπὶ τῶν τριγώνων. ἦν γὰρ τὸ ζητούμενον ἐν τοῖς πρὸ τούτων ἴσα εἶναι τὰ τρίγωνα. 10 τοῦτο δὲ οὐ μόνον ἐστὶ δεδομένον ἐν τούτοις, μέρος προσλαβὸν τῆς ἐν ἐκείνοις ὑποθέσεως. τὸ γὰρ ἐπὶ τῆς αὐτῆς εἶναι βάσεως, ἢ ἐπὶ ἴσων, καὶ ἐπὶ τούτων δέδοται καὶ ἐπ' ἐκείνων, πλὴν ὅτι προσέθηκεν ἐν ταύταις ταῖς ὑποθέσεσιν, οὐ μὲν ἐν ἐκείνοις, μήτε ζητούμενον, μήτε δεδομένον· τὸ γὰρ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη 15 ἔξωθεν προσείληπται.

|| Prop. XL, theor. XXX. Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστί. 20

Καὶ ὁ τρόπος τῆς ἀντιστροφῆς ὁ αὐτὸς ἐπὶ τούτου καὶ ἡ ἀπόδειξις ἀπαράλλακτος καὶ τὸ παραλελειμμένον τῷ στοιχειωτῇ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς ὡσαύτως ἀποδείκνυται. καὶ οὐδὲν δεῖ τὰ αὐτὰ ἀνακνέειν. τριῶν δὲ ὄντων τούτων ἐν ταῖς εἰρημέναις 25

5 μέρος πρὸς μέρος] ὅλον πρὸς μέρος $M, B_3, G(Z)$, 'pars ad partem' B . 8 καὶ τοιαῦτα τὰ θεωρ. C . 17 προσείληπται G , προσείληπται C . || Propositionem quadragesimam nullo interpolationis signo posito post προσείληπται addunt M, G .

προτάσεσι, τοῦ ἐπὶ ἴσων εἶναι βάσεων ἢ τῶν αὐτῶν,
 τοῦ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, [τοῦ ἴσα εἶναι τὰ
 τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα], δῆλον ὅτι δύο
 συμπλέκοντες αἰεὶ, τὸ δὲ ἐν καταλείποντες ποικίλως
 5 ἀντιστρέφωμεν. ἢ γὰρ τὰς βάσεις ὑποθησόμεθα τὰς
 αὐτάς ἢ ἴσας καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις τὰ τρί-
 γωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, καὶ ποιήσομεν τέσ-
 σαρα θεωρήματα, ἢ ἴσα ληψόμεθα αὐτὰ καὶ τὰς βάσεις
 τὰς αὐτάς ἢ ἴσας, καὶ ποιήσομεν ἄλλα τέτταρα — ὧν
 10 τὰ μὲν δύο παρῆκεν ὁ στοιχειωτής, τὰ ἐπὶ τῶν παραλ-
 ληλογράμμων, τὰ δὲ δύο ἐδείξεν τὰ ἐπὶ τῶν τριγώ-
 νων — ἢ καὶ ἴσα λαβόντες καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παρ-
 αλλήλοις δείξομεν τὸ λοιπόν, ἢ ὅτι ἐπὶ τῶν αὐτῶν
 ἐστὶν ἢ τῶν ἴσων | βάσεων, καὶ ποιήσομεν ἄλλα τέτ-
 15 ταρα, ἃ δὴ καὶ πάντῃ παρῆκεν ὁ στοιχειωτής· καὶ γὰρ
 ἐπὶ τούτων ἢ αὐτὴ ἀπόδειξις, πλὴν ὅσον τούτων τῶν
 τεττάρων τὰ δύο οὐκ ἔστι καθ' ἑαυτὸ ἀληθῆ. οὐ γὰρ
 τὰ ἴσα παραλληλόγραμμα ἢ τρίγωνα καὶ ἐν ταῖς αὐ-
 ταῖς ὄντα παραλλήλοις ἐξ ἀνάγκης ἐπὶ τῆς αὐτῆς βά-
 20 σεως, ἀλλὰ τὸ ὅλον τοῦτο ἐπὶ τούτων τῶν ὑποθέσεων
 ἀληθές, ὅτι ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἐστὶ βάσεων ἢ ἐπὶ τῶν
 ἴσων, τὸ δὲ ἕτερον οὐκ ἐκ παντὸς ἐπεται ταῖς ληφθεί-
 σαις ὑποθέσεσιν. ὥστε δέκα ὄντων τῶν πάντων
 θεωρημάτων ἐξ μὲν ὁ γεωμέτρης ἀνέγραψεν, τέσσαρα
 25 δὲ παρῆκεν, ἵνα μὴ πάλιν [τὰ αὐτὰ λέγοι] τῆς αὐτῆς
 οὔσης ἀποδείξεως. δεικνύσθω γὰρ ἐπὶ τῶν τριγώνων

2—3 τοῦ ἴσα . . . παραλληλόγραμμα om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*),
 'et aequalia esse Triangula et Parallelogramma' *B*. 3 ἀδελον
M, *B*₃, *G*, 'innotum' *Z*, 'manifestum' *B*. 6 ἢ ἴσα *M*, *G*.
 18 ἐν | ὅσα *G*, ἐν *C*. 25 τὰ αὐτὰ λέγοι] λόγῳ *M*, * λόγῳ *G*,
 πζῖ μοτῇ *B*₃, idem dicat' *Z*, 'eadem ratione frustra laboret' *B*.

ὅτι, ἐὰν ἴσα ᾖ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἢ ἐπὶ
τῶν αὐτῶν ἔσται βάσεων, ἢ ἐπὶ ἴσων. μὴ γάρ· ἀλλ'

εἰ δυνατόν, ἔστω τὰ $\overline{αβγ}$

δεξ τρίγωνα οὕτως ἔχον-
τα ἐπὶ ἀνίσων βάσεων

τῶν $\overline{βγ}$ $\overline{εζ}$, καὶ \parallel ἔστω

μείζων ἢ $\overline{βγ}$, καὶ ἀφηγή-
σθω ἡ $\overline{βθ}$ ἴση τῇ $\overline{εζ}$, καὶ

ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{αθ}$. ἐπεὶ οὖν τὰ $\overline{αβθ}$ $\overline{δεζ}$ ἐπὶ ἴσων ἐστὶ

βάσεων τῶν $\overline{βθ}$ $\overline{εζ}$ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, 10

[ἴσα] ἄρα ἐστίν· ἀλλὰ καὶ τὰ $\overline{αβγ}$ $\overline{δεζ}$ ἴσα ὑπόκειται·

τὰ ἄρα $\overline{αβγ}$ $\overline{αβθ}$ ἴσα ἔσται, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα

ἄνισοι αἱ βάσεις τῶν $\overline{αβγ}$ $\overline{δεζ}$ τριγώνων. ὁ δὲ αὐτὸς

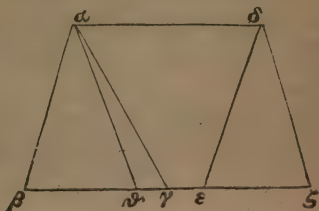
τρόπος τῆς ἀποδείξεως ἔσται καὶ ἐπὶ τῶν παραλληλο-
γράμμων. ἐπεὶ οὖν καὶ ἡ μέθοδος τῆς δείξεως ἡ 15

αὐτὴ καὶ τὸ ἀδύνατον τὸ αὐτό, ὅτι τὸ ὅλον τῷ μέρει
ἴσον, εἰκότως ὑπὸ τοῦ στοιχειωτοῦ παραλέλειπται.

εἴρηται οὖν ὅτι δέκα θεωρήματα ἐξ ἀνάγκης, καὶ τίνα

τὰ παραλελειμμένα, καὶ τίς ἡ αἰτία τῆς τούτων ἀπο-

σιωπήσεως. ἀλλ' ἐπὶ τὰ ἐφεξῆς τούτοις μεταβαίνωμεν. 20



5

11 ἴσα ante ἄρα om. M, G (Z), 'aequalia' B. 12 ἔστι C.
19 παραλελεγμένα M, C. 20 μεταβαίνωμεν M, G, 'trans-
eamus' Z, B.

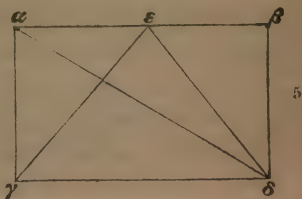
Prop. XLI, theor. XXXI. Ἐὰν παραλληλόγραμ-
μον τριγώνῳ βάσιν τε ἔχῃ τὴν αὐτὴν καὶ ἐν
ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ᾗ, διπλάσιόν ἐστι τὸ
παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου.

- 5 Ἔστι μὲν δὴ καὶ το θεώρημα τοῦτο τοπικόν,
μίνυσσι δὲ τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων συστά-
σεις ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος κειμένων. ὥσπερ οὖν τὰ παρ-
αλληλόγραμμα χωρὶς ἐθεασάμεθα καὶ αὖ πάλιν τὰ
τρίγωνα, οὕτω καὶ ἅμα ἀμφοτέρω λαβόντες ταῦτον
10 ἐκείνοις πεπονθότα τὸν λόγον, ὃν ἔχει πρὸς ἄλληλα,
θεωρήσωμεν. ἐπ' ἐκείνων μὲν οὖν ὁ τῆς ἰσότητος
ἀναφαίνεται λόγος — πάντα γὰρ ἴσα ἀλλήλοις τὰ
ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων, εἴτε τρίγωνα, εἴτε παραλλη-
λόγραμμα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὄντα παραλλήλοις —
15 ἐπὶ δὲ τούτων ὁ πρῶτιστος δείκνυται τῶν ἄνισων ὁ
διπλάσιος. τὸ γὰρ παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου
διπλάσιον ἀποδείκνυσι τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως καὶ
ὑψους τοῦ αὐτοῦ. ἀλλ' ὁ μὲν στοιχειωτὴς τὴν τοῦ
τριγώνου κορυφὴν ἐκτὸς ὑποθέμενος τοῦ παραλληλο-
20 γράμμου τὸ προκείμενον ἔδειξεν, ἡμεῖς δὲ ἐπὶ τῆς
ἐτέρας αὐτὴν λαβόντες τοῦ παραλληλογράμμου πλευ-
ρᾶς, τῆς παραλλήλου τῇ κοινῇ αὐτῶν βάσει, τὸ αὐτὸ
ἀποδείξομεν. δύο γὰρ αὗται τοῦ θεωρήματός εἰσι
πτώσεις, ἐπειδὴ τῆς αὐτῆς βάσεως οὔσης ἀμφοῖν ἢ
25 ἐντὸς τοῦ παραλληλογράμμου τὴν κορυφὴν ἔχειν
ἀνάγκη τὸ τρίγωνον ἢ ἐκτός. ἔστω οὖν παραλληλό-

1 M in margine $\overline{\lambda\theta}$.
'simul . . . utraque' B.

9 ἅμα om. M, G (Z), add. C,
10 ἔχῃ G, ἔχει C.

γραμμον τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$ καὶ τριγώνον τὸ $\epsilon\gamma\delta$, καὶ κείσθω
τὸ ϵ μεταξὺ τοῦ α καὶ β , καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\alpha\delta$. ἐπεὶ
οὖν || τὸ παραλληλόγραμ-
μον τοῦ $\alpha\gamma\delta$ διπλάσιον,
τὸ δὲ $\alpha\delta\gamma$ ἴσον τῷ $\epsilon\delta\gamma$
τριγώνῳ, τὸ ἄρα παραλλη-
λόγραμμον τοῦ $\epsilon\gamma\delta$ τρι-
γώνου διπλάσιον.



Ὅτι μὲν οὖν τῆς αὐτῆς οὐσῆς βάσεως δεικνυται
τοῦ τριγώνου τὸ παραλληλόγραμμον διπλάσιον δῆλον. 10
κἂν ἴσαι δὲ ὦσιν αἱ βάσεις, ὡσαύτως δειχθήσεται
διάμετρον ἡμῶν ἀγαρόντων τῶν παραλληλογράμμων.
τῶν γὰρ τριγώνων ἴσων ὄντων τὸ θατέρου διπλάσιον
ἔσται καὶ τοῦ λοιποῦ διπλάσιον. τὰ δὲ τρίγωνα ἴσα
διὰ τὴν ἰσότητα τῶν βάσεων καὶ τὴν ταυτότητα τοῦ 15
ὑψους. εἰκότως οὖν καὶ ταῦτα παρῆκεν ὁ γεωμέτρης·
ἢ αὐτὴ γὰρ [ἢ] ἀπόδειξις. ἢ γὰρ ταῦτόν μέρος
ἔξουσιν, ἢ κατὰ σημεῖον μόνον συναφθήσονται, ἢ κε-
χωρισμέναι ἔσονται ἀπ' ἀλλήλων. ὅπως δ' ἂν ταῦτα
διαποικίλληται, μία ἢ ἀπόδειξις κατὰ πάσας τὰς 20
πτώσεις.

Καὶ μὴν καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα τῷ θεωρήματι
ὡσαύτως ἀποδείξομεν, ὧν ἓν μὲν ἐστίν· ἐὰν τριγώνου
παραλληλόγραμμον διπλάσιον ἢ καὶ τὴν αὐτὴν ἔχη
βάσιν ἀλλήλοις, ἢ ἴσας, εἰ δὲ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ἐν 25

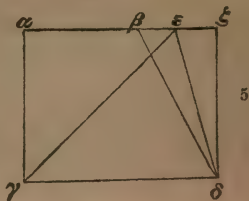
12 παραλληλογράμμων] 'Parallelogrammi' et in margine
'Parallelogrammorum' B. 13 τὸ θατέρον G, τοῦ θατέ-
ρου C. 17 ἢ ante ἀπόδειξις om. M, G. 18 συναφθήσονται C.

20 διαποικίλλεται M, G. 25 'si autem' in marginem
reiecit B.

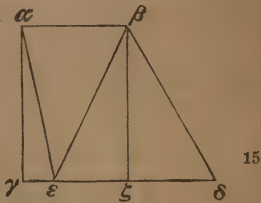
- ταῖς αὐταῖς ἔσται παραλλήλοις — εἰ γὰρ μή, τὸ ὅλον ἴσον ἔσται τῷ μέρει, καὶ ὁ αὐτὸς ἔξει (?) λόγος. ἀνάγκη γὰρ ἢ ἐπὶ τῶν παραλλήλων πίπτειν τὴν τοῦ τριγώνου κορυφήν, ἢ ἐκτός. ὁποτέρως δ' ἂν ἔχη, τὸ
- 5 αὐτὸ ἀδύνατον ἀχθείσης παραλλήλου τῇ βάσει διὰ τῆς τοῦ τριγώνου κορυφῆς — ἕτερον δέ· ἐὰν τριγώνου παραλληλόγραμμον διπλάσιον ἢ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἀμφοτέρω ἐπὶ μιᾷς ἔσται βάσεως ἢ ἐπὶ ἴσων· εἰ γὰρ ἐπὶ ἀνίσων, ἴσας λαβόντες πᾶν τὸ ὅλον
- 10 μέρει δεῖξομεν ἴσον. εἰς οὖν τοῦτο κοινὸν ἀδύνατον πάντα τελευτᾷ τὰ θεωρήματα. διόπερ ὁ στοιχειωτὴς ἡμῶν παρῆκεν τὴν ἐν τούτοις ποικιλίαν ἀνερευνᾶν αὐτὸς ἐπὶ τῶν ἀπλουστέρων καὶ ἀρχοειδεστέρων στήσας τὴν θεωρίαν.
- 15 Ἀλλ' ἐπεὶ καὶ ταῦτα ὑπομέμνηται, | φέρε γυμνασίας ἕνεκα μὴ λαβόντες παραλληλόγραμμον ἡμεῖς, ἀλλὰ τραπέζιον, οὗ δύο μόναι εἰσὶ παράλληλοι, τριγώνῳ τὴν αὐτὴν ἔχον βάσιν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς κείμενον παραλλήλοις, ἴδωμεν, ὃν ἔχει λόγον πρὸς τὸ
- 20 τρίγωνον. ὅτι μὲν οὖν διπλάσιον οὐχ ἔξει δῆλον — ἢ γὰρ ἂν παραλληλόγραμμον εἴη τετράπλευρόν γε ὄν; — λέγω δὲ ὅτι ἢ μείζον διπλασίον ἢ ἔλασσον. τῶν γὰρ δύο ὄντων παραλλήλων πάντως ἢ μὲν ἔστι μείζων, ἢ δὲ ἐλάσσων, ἐπεὶ ἴσων || οὐσῶν καὶ αἱ ἐπι-
- 25 ζευγνύουσαι αὐτὰς ἔσονται παράλληλοι. ἂν μὲν οὖν τὸ τρίγωνον τὴν μείζονα ἔχη βάσιν, ἔλασσον ἢ διπλά-

2 ἔξει M, ἔξει B₃, G, 'erit' Z, 'vigebit' B. 4 ἂν om. G, add. C. 7 παραλληλόγραμμος M, G. 10 μέρη δεῖξομεν M, μέρει δεῖξομεν G, τῷ μέρει δεῖξομεν C. || εἰ G, εἰς C. 13 συστήσας C, 'contraxerit' et in margine 'stiterit' B. 19 εἶδωμεν M, G, 'contemplemur' Z, 'videamus' B. 21 γε τε ὄν M, G. 24 καὶ αἱ] καὶ M, C, καὶ καὶ G.

σιον ἔσται τοῦ τριγώνου τὸ τετράπλευρον, ἐὰν δὲ τὴν ἐλάσσονα, μείζον. ἔστω γὰρ τὸ $\overline{αβγδ}$ τετράπλευρον καὶ ἐλάσσων ἢ $\overline{αβ}$ τῆς $\overline{γδ}$, καὶ ἐκβεβλήσθω ἢ $\overline{αβ}$ εἰς ἄπειρον, καὶ τρίγωνον τὸ $\overline{εγδ}$ τὴν αὐτὴν ἐχέτω βάσιν τῷ τετραπλεύρῳ τὴν $\overline{γδ}$, καὶ ἡχθῶ διὰ τοῦ $\overline{δ}$ τῇ $\overline{αγ}$ παράλληλος ἢ $\overline{δξ}$. διπλάσιον ἄρα τοῦ $\overline{εγδ}$ τριγώνου τὸ $\overline{αγδξ}$ παραλληλόγραμμον, ὥστε τὸ $\overline{αβγδ}$ τετράπλευρον ἔλασσον ἢ διπλάσιον. 10

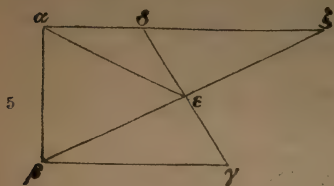


πάλιν ἐχέτω τὸ τρίγωνον βάσιν τὴν $\overline{αβ}$, καὶ παράλληλος τῇ $\overline{αγ}$ ἢ $\overline{βξ}$ τὸ ἄρα $\overline{αβγξ}$ διπλάσιον τοῦ τριγώνου, ὥστε τὸ $\overline{αβγδ}$ τετράπλευρον μείζον ἢ διπλάσιον. τούτων δὴ δεδειγμένων λέγομεν ὅτι τετραπλεύρου ὄντος, οὗ δύο μόνον αἱ ἀπεναντίον παράλληλοι, ἐὰν μὲν ἀπὸ τῆς ἑτέρας τῶν παραλλήλων δίχα τμηθείσης ἐπὶ τὴν λοιπὴν ἐπιξευχθῶσιν εὐθεῖαι, τοῦ γινομένου τρι- 20 γώνου ἢ μείζον ἔστι τὸ τετράπλευρον ἢ διπλάσιον, ἢ ἐλάσσον, εἰ δὲ ἀπὸ τῆς ἑτέρας τῶν ἐπιξευγνυουσῶν τὰς παραλλήλους δίχα τμηθείσης ἐπὶ τὴν ἑτέραν εὐθεῖαι τινες ἐπιξευχθεῖεν, τοῦ γινομένου τριγώνου τὸ τετράπλευρον πάντως διπλάσιόν ἐστιν. τοῦτο οὖν δεικνύ- 25



1 ἔστω C. 18 εἰ μὲν M, G. 19 ἐπὶ τῆς ἑτέρας M, G.
22 ἐξευγνυουσῶν M, ζευγνυουσῶν G.

σθω. ἔστω δὴ τετράπλευρον τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ παραλλη-
λος ἐν αὐτῷ ἡ $\overline{αδ}$ [τῇ] $\overline{γβ}$, καὶ τεμνέσθω δίχα ἡ $\overline{δγ}$ κατὰ



τὸ $\overline{ε}$, καὶ ἐπεζεύχθωσαν
αἱ $\overline{εα}$ $\overline{εβ}$, καὶ ἐκβεβλή-
σθω ἡ $\overline{βε}$ καὶ συμπι-
πτέτω τῇ $\overline{αδ}$ κατὰ τὸ $\overline{ζ}$.
ἐπεὶ οὖν αἱ κατὰ τὸ $\overline{ε}$

γωνίαι ἴσαι — κατὰ κορυφὴν γάρ — καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{ζεδε}$
τῇ ὑπὸ $\overline{βγε}$, ἔσται καὶ ἡ $\overline{ζε}$ τῇ $\overline{εβ}$ ἴση καὶ τὸ $\overline{δεξ}$

10 τρίγωνον τῷ $\overline{βγε}$ ἴσον. κοινὸν προσκείσθω τὸ $\overline{αδε}$.

ὅλον ἄρα τὸ $\overline{αξε}$ ἴσον τοῖς δύο τοῖς $\overline{αδε}$ $\overline{βγε}$. ἀλλὰ
τὸ $\overline{αεξ}$ ἴσον τῷ $\overline{αεβ}$ — ἐπὶ γὰρ ἴσων βάσεων, τῶν
 $\overline{βε}$ $\overline{εξ}$, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις. τὸ ἄρα $\overline{αεβ}$
ἴσον τοῖς $\overline{αδε}$ * * *

15 [|| Prop. XLII, probl. XI. Τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον
παραλληλόγραμμον συστήσασθαι ἐν γωνίᾳ, ἣ
ἐστὶν ἴση τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γωνίᾳ.

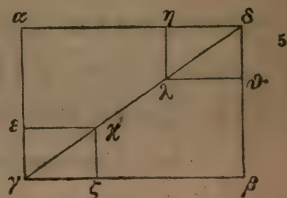
|| Prop. XLIII, theor. XXXII. Παντὸς παραλλη-
λογράμμου τῶν περὶ τὴν διάμετρον παραλλη-
20 λογράμμων τὰ παραπληρώματα ἴσα ἀλλήλοις
ἐστίν.]

* * * παραλληλόγραμμα μὴ συνάπτειν ἀλλήλοις

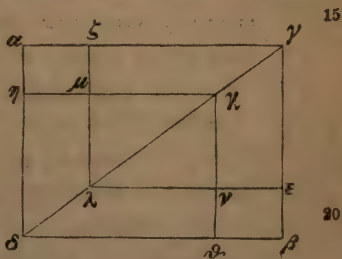
2 ἐν αὐτῇς G, ἐν αὐτῷ C. 14—22 Finis commentarii
in propositionem XLII^{am}, commentarius in propositionem XLII^{am},
initium commentarii in propositionem XLIII^{am} desunt in M,

καθ' ἐν σημείον. ὅτι δὴ καὶ τὰ παραπληρώματα οὐκ ἔστι τετράπλευρα, δεῖ καὶ ταύτην ἐκθέμενον τὴν πτωσιν ἰδεῖν τὸ αὐτο συμβαῖνον. ἔστω γὰρ παραλληλί-

γραμμα τῷ $\alpha\beta$ παραλληλογράμμῳ περὶ τὴν αὐτὴν διάμετρον τὰ $\gamma\kappa$ δλ, μεταξὺ δὲ αὐτῶν ἡ $\kappa\lambda$ εὐθεῖα τῆς διαμέτρου μέρος οὔσα. πάλιν οὖν τὰ αὐτὰ ἐρεῖς· τὸ $\alpha\gamma\delta$



τρίγωνον ἴσον τῷ $\beta\gamma\delta$ καὶ τὸ $\epsilon\gamma\kappa$ τῷ $\kappa\gamma\lambda$ καὶ τὸ $\delta\eta\lambda$ 10
τῷ $\delta\theta\lambda$. λοιπὸν ἄρα τὸ $\alpha\eta\lambda\kappa\epsilon$ πεντάπλευρον || ἴσον
τῷ $\beta\zeta\kappa\lambda\theta$ πενταπλεύρῳ. ταῦτα δὲ ἦν τὰ παραπληρώματα. εἰ δὲ μήτε συνάπτοιο τὰ παραλληλόγραμμα κατὰ σημείον, μήτε διεστῶτα εἴη, ἀλλὰ τέμνοντα ἄλληλα, ἡ αὐτὴ καὶ οὕτως 15
ἀπόδειξις. ἔστω γὰρ παραλληλόγραμμον τὸ $\alpha\beta$
καὶ διάμετρος ἡ $\gamma\delta$ καὶ παραλληλόγραμμα περὶ αὐτὴν ἐν μὲν τὸ $\epsilon\gamma\zeta\lambda$,
ἕτερον δὲ καὶ τέμνον 20

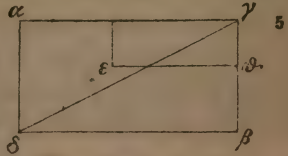


B_3 , G atque in omnibus qui noti sunt codicibus. In M , B_3 , G signa $\alpha\delta\epsilon$ ($\alpha\delta\beta$ B_3) statim sequitur vox παραλληλόγραμμα. Z contextum perinde continuat, ac si deesse permulta non perspexerit. B lacunam explet (pag. 256—262) et supplemento in uno solo exemplari invento, quod ignotus quidam homo commentario in $XLII^{am}$ propositionem addidit, et deliberationibus quae desiderantur in fine $XLII^{ae}$ et ab initio $XLIII^{ae}$ propositionis recensentibus. $XLII^{am}$ enim propositionem alias se interpretaturum esse promittit. 1 ἡσθὲν G , καθ' ἐν C . 3 τῷ αὐτῷ C . || παραλληλόγραμμον M , G . 14 τέμνονται C .

- τοῦτο τὸ $\overline{\delta\eta\kappa\theta}$. λέγω ὅτι τὰ $\overline{\xi\eta}$ $\overline{\varepsilon\theta}$ $\overline{\text{παραπληρώματα}}$
 $\overline{\iota\sigma\alpha}$ ἐστίν. ἐπεὶ γὰρ ὅλον τὸ $\overline{\delta\eta\kappa}$ ἴσον τῷ $\overline{\delta\theta\kappa}$, ἐστὶν
δὲ καὶ μέρος αὐτοῦ τὸ $\overline{\kappa\lambda\mu}$ ἴσον τῷ $\overline{\kappa\lambda\nu}$ — $\overline{\text{παραλ-}}$
 $\overline{\text{ληλόγραμμον}}$ γὰρ ἐστὶ τὸ $\overline{\lambda\kappa}$ — λοιπὸν ἄρα τὸ $\overline{\delta\lambda\nu\theta}$
5 $\overline{\text{τραπέζιον}}$ ἴσον τῷ $[\overline{\delta\lambda\mu\eta}$ $\overline{\text{τραπεζίῳ}}$. ἀλλὰ καὶ τὸ]
 $\overline{\alpha\delta\gamma}$ $\overline{\text{τρίγωνον}}$ ἴσον τῷ $\overline{\beta\delta\gamma}$, καὶ τὸ $\overline{\xi\gamma\lambda}$ τῷ $\overline{\varepsilon\gamma\lambda}$ ἐν
τῷ $\overline{\varepsilon\zeta}$ $\overline{\text{παραλληλογράμῳ}}$, καὶ $\overline{\text{τραπέζιον}}$ τὸ $\overline{\delta\eta\mu\lambda}$ τῷ
 $\overline{\delta\theta\nu\lambda}$, λοιπὸν ἄρα τὸ $\overline{\eta\zeta}$ $\overline{\text{τετράπλευρον}}$ ἴσον τῷ $\overline{\varepsilon\theta}$
 $\overline{\text{τετραπλεύρῳ}}$. δέδεικται ἄρα τὸ $\overline{\text{θεώρημα}}$ κατὰ πάσας
10 $\overline{\text{τὰς πτώσεις}}$. εἰσὶ δὲ $\overline{\text{τρεῖς}}$ $\overline{\text{μόνοι}}$ καὶ οὔτε $\overline{\text{πλείους}}$
οὔτε $\overline{\text{ἐλάσσους}}$. τὰ γὰρ $\overline{\text{παραλληλόγραμμα}}$ τὰ $\overline{\text{περὶ}}$
 $\overline{\text{τὴν αὐτὴν διάμετρον}}$ ἢ $\overline{\text{τεμεῖ}}$ ἄλληλα, ἢ κατὰ $\overline{\text{σημεῖον}}$
 $\overline{\text{ᾗψεται}}$ ἀλλήλων ἢ $\overline{\text{διεστῶτα}}$ ἔσται μέρος τινὶ τῆς $\overline{\text{δια-}}$
 $\overline{\text{μέτρου}}$.
- 15 Τὸ δὲ ὄνομα τῶν $\overline{\text{παραπληρωμάτων}}$ ἀπ' αὐτοῦ
τοῦ $\overline{\text{πράγματος}}$ ἔλαβεν ὁ $\overline{\text{στοιχειωτὴς}}$ ὥς καὶ τούτων
 $\overline{\text{παρὰ τὰ δύο παραλληλόγραμμα συμπληρούντων}}$ τὸ
ὅλον. διόπερ αὐτὸ καθ' αὐτὸ $\overline{\text{μνήμης ἐν τοῖς ὅροις}}$
οὐκ ἡξιώται. $\overline{\text{ποικιλίας γὰρ ἔδει πρὸς τὴν σαφήνειαν}}$,
20 $\overline{\text{ἵνα γινῶμεν, τί παραλληλόγραμμον, καὶ τίνα τὰ περὶ}}$
 $\overline{\text{τὴν αὐτὴν διάμετρον τῷ ὅλῳ}}$. τούτων γὰρ $\overline{\text{σαφη-}}$
 $\overline{\text{νισθέντων}}$ καὶ τὸ $\overline{\text{παραπλήρωμα μόνως ἂν ἐγένετο}}$
 $\overline{\text{γνώριμον}}$. ἐστὶν δὲ ἐκεῖνα τῶν $\overline{\text{παραλληλογράμμων}}$
 $\overline{\text{περὶ διάμετρον τὴν αὐτὴν}}$, ὅσα μέρος τῆς ὅλης $\overline{\text{δια-}}$

5 $\overline{\delta\lambda\mu\eta}$. . . καὶ τὸ om. M, B₈, G (Z), 'dlmg Trapezio est aequale. Verum' B. 12 $\overline{\text{τελεῖα}}$ G, $\overline{\text{τεμεῖ}}$ C. || κατὰ τὸ ση-
μεῖον C. 13 τῆς ἀμέτρου M, G. 15 In M in margine: ση.
τίνα καλοῦσιν οἱ γεαμέτραι $\overline{\text{παραπληρώματα}}$ καὶ πόθεν αὐτὰ
καὶ διὰ τί οὕτως ὀνομάζουσιν.

μέτρου καὶ αὐτῶν ἔχει διάμετρον, ὅσα δὲ μή· οὐ. ὅταν
 γὰρ ἡ τοῦ ὅλου διάμετρος τῶν πλευρῶν τινα τέμνη
 τοῦ ἐντὸς παραλληλογράμμου, τότε οὐκ ἔστιν τῷ ὅλῳ
 τοῦτο τὸ παραλληλόγραμμον
 περὶ διάμετρον τὴν αὐτήν,
 οἷον ὡς ἐν τῷ $\overline{αβ}$ παραλλη-
 λογράμμῳ ἡ $\overline{γδ}$ τέμνει τοῦ
 $\overline{γε}$ παραλληλογράμμου τὴν $\overline{εδ}$
 πλευράν. τὸ οὖν $\overline{εγ}$ τῷ $\overline{γδ}$ περὶ τὴν αὐτήν οὐκ ἔστιν
 διάμετρον.



10

Prop. XLIII, probl. XII. || Παρὰ τὴν δοθεῖσαν
 εὐθεῖαν τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον παραλληλό-
 γραμμον παραβαλεῖν ἐν γωνίᾳ, ἥ ἐστιν ἴση τῇ
 δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Ἔστι μὲν ἀρχαῖα, φασὶν οἱ περὶ τὸν Εὐδημον, 15
 καὶ τῆς τῶν Πυθαγορείων μούσης εὐρήματα ταῦτα,
 ἥ τε παραβολὴ τῶν χωρίων καὶ ἡ ὑπερβολὴ καὶ ἡ
 ἔλλειψις. ἀπὸ δὲ τούτων καὶ οἱ νεώτεροι τὰ ὀνό-
 ματα λαβόντες μετήγαγον αὐτὰ καὶ ἐπὶ τὰς κωνικὰς
 λεγομένας γραμμάς, καὶ τούτων τὴν μὲν παραβολήν, 20
 τὴν δὲ ὑπερβολὴν καλέσαντες, τὴν δὲ ἔλλειψιν, ἐκεί-
 νων τῶν παλαιῶν καὶ θείων ἀνδρῶν ἐν ἐπιπέδῳ κατα-
 γραφῇ χωρίων πρὸς εὐθεῖαν ὠρισμένην τὰ ὑπὸ τού-
 των σημαινόμενα τῶν ὀνομάτων ὀρώντων. ὅταν γὰρ

3 τὸ ὅλῳ τοῦτο M , G , τῷ ὅλῳ τούτῳ C . 11 M in mar-
 gine $\overline{μδ}$. 13 παραλαβεῖν M , G . || ἐν γωνίᾳ] 'in Angulo' et
 in margine 'in dato Angulo rectilineo' B . 15 Ἔστι γὰρ G ,
 Ἔστι μὲν C .

εὐθείας ἐκκειμένης τὸ δοθέν χωρίον πάση τῇ εὐθείᾳ
 συμπαρατείνης, τότε παραβάλλειν ἐκείνο τὸ χωρίον
 φασίν, ὅταν μείζον δὲ ποιήσης τοῦ χωρίου τὸ μῆκος
 αὐτῆς τῆς εὐθείας, τότε ὑπερβάλλειν, ὅταν δὲ ἴσασον,
 5 ὡς τοῦ χωρίου γραφέντος εἶναί τι τῆς εὐθείας ἐκτός,
 τότε ἐλλείπειν. καὶ οὕτως ἐν τῷ ἕκτῳ βιβλίῳ καὶ τῆς
 ὑπερβολῆς ὁ Εὐκλείδης μνημονεύει καὶ τῆς ἐλλεί-
 ψεως, ἐνταῦθα δὲ τῆς παραβολῆς ἐδεήθη τῷ δοθέντι
 τριγώνῳ παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἴσον ἐθέλων
 10 παραβαλεῖν [παραλληλόγραμμον?], ἵνα μὴ μόνον σύ-
 στασιν ἔχωμεν παραλληλογράμμον τῷ δοθέντι τριγώνῳ
 ἴσον, ἀλλὰ καὶ παρ' εὐθεῖαν ὠρισμένην παραβολήν·
 οἷον τριγώνου δοθέντος τὸ ἐμβαδὸν ἔχοντος δώδεκα
 ποδῶν, εὐθείας δὲ ἐκκειμένης, ἥς τὸ μῆκος ἐστὶ τετ-
 15 τάρων ποδῶν, τὸ ἴσον τῷ τριγώνῳ παρὰ τὴν εὐθεῖαν
 παραβάλλομεν, εἰ λαβόντες τὸ μῆκος ὅλων τῶν τετ-
 τάρων ποδῶν εὗρομεν, πόσων εἶναι δεῖ ποδῶν τὸ
 πλάτος, ἵνα τῷ τριγώνῳ τὸ παραλληλόγραμμον ἴσον
 γένηται. εὗρόντες γοῦν εἰ τύχοι πλάτος τριῶν ποδῶν
 20 καὶ ποιήσαντες τὸ μῆκος ἐπὶ τὸ πλάτος, τοῦτο δὲ ὀρ-
 θῆς οὔσης τῆς ἐκκειμένης γωνίας, ἔξομεν τὸ χωρίον.
 Τοιοῦτον μὲν δὴ τι τὸ παραβάλλειν ἐστὶν ἄνωθεν
 ὑπὸ τῶν Πυθαγορείων παραδεδομένον. τρία δὲ
 ἐστὶν ἐν τῷ προβλήματι τούτῳ τὰ δεδομένα· εὐθεῖα,
 25 παρ' ἣν δεῖ παραβάλλειν, ὡς ὅλην αὐτοῦ τοῦ χωρίου
 γενέσθαι πλευράν, καὶ τρίγωνον, ᾧ ἴσον εἶναι δεῖ τὸ

2 συμπαρατείνεις. τότε παραβαλεῖν *M*, συμπααραβα-
 λεῖν *G*, συμπαρατείνοις, τότε παραβάλλειν *C*. 6 ἐκλείπειν *G*.

10 παραλληλόγραμμον om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*), 'Parallelogrammum'
B. Equidem scribendum esse puto τὸ ἴσον ἐθέλων παραβαλεῖν ut
 infra in linea 15 τὸ ἴσον est scriptum. 16 παραβαλλόμε-
 νον *C*. || εἰ] ἢ *M*, ἢ *G*, 'vel' *Z*, 'si' *B*. || ὅλον *C*.

παραβαλλόμενον, καὶ γωνία, ἣ ἴσην εἶναι [δεῖ] τὴν τοῦ χωρίου γωνίαν. καὶ δῆλον πάλιν ὡς ὀρθῆς μὲν οὔσης τῆς γωνίας τὸ παραβαλλόμενον ἢ τετράγωνον ἢ ετερόμηκες ἔσται, ὀξείας δὲ ἢ ἀμβλείας || ἢ ῥόμβος τὸ χωρίον ἢ ῥομβοειδές. ὅτι γε μὴν καὶ τὴν εὐθείαν 5 εἶναι δεῖ πεπερασμένην φανερόν. οὐ γὰρ δύναται παρὰ τὴν ἄπειρον. ἅμα οὖν τῷ φάναι παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν παραβαλεῖν ἐδήλωσεν ὅτι καὶ πεπεράνθαι ἀνάγκη τὴν εὐθείαν.

Χρηται δὲ εἰς τὴν κατασκευὴν τοῦ προβλήματος 10 τούτου τῇ συστάσει τοῦ παραλληλογράμμου τοῦ ἴσου τῷ δοθέντι τριγώνῳ. οὐ γὰρ ταῦτόν παραβολὴ καὶ σύστασις, καθὼς εἰπομεν, ἀλλ' ἡ μὲν ὅλον ὑφίστησι τὸ χωρίον καὶ αὐτὸ καὶ τὰς πλευρὰς ἀπάσας, ἡ δὲ μίαν ἔχουσα πλευρὰν δεδομένην παρὰ ταύτην ὑφί- 15 στησι τὸ χωρίον, οὔτε ἐλλείπουσα κατὰ τὴν ἑκτασιν ταύτην, οὔτε ὑπερβάλλουσα, ἀλλὰ μιᾷ πλευρᾷ ταύτῃ χρωμένη περιεχούσῃ τὸ ἐμβαδόν. διὰ τί οὖν, φαίης ἂν, ὅτε μὲν τρίγωνα τριγώνοις ἴσα ἐδείκνυ, θεωρήμα- σιν ἐχρῆτο, ὅτε δὲ τρίγωνα παραλληλογράμοις, προ- 20 βλήμασιν; ὅτι, φήσομεν, ἡ ἰσότης ὁμοειδῶν ὄντων αὐτοφυῆς ἐστὶ καὶ ἐπιβλέψεως δεομένη μόνῃς, τῶν δὲ διὰ τὴν κατ' εἶδος ἐξαλλαγὴν ἡ ἰσότης γενέσεως δεῖ- ται καὶ μηχανῆς ὡς καθ' ἑαυτὴν οὐσα δυσεύρετος.

1 δεῖ ὁμ. *M*, *B*₃, *G*. 'exdediens est' *Z*, 'oportet' *B*.

13 καθὼς] καὶ ὡς *M*, *G*, 'nam sicut et' *Z*, 'uti' *B*. || ἀλλ' ἡ] ἄλλῃ *M*, *G*, 'una' *Z*, 'verum haec' *B*. 14 ἡ δὲ μίαν] μίαν δὲ *M*, *G*, 'unum vero' *Z*, 'illa vero' *B*. 16 ἑκτασιν *C*.

23 τῆς γενέσεως *C*.

Prop. XLV, probl. XIII. Τῷ δοθέντι εὐθύγραμμῳ ἴσον παραλληλόγραμμον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθύγραμμῳ.

Δύο προβλημάτων, ἐν οἷς τὴν τε σύστασιν εὗρισκε
 5 καὶ τὴν παραβολὴν τῶν ἴσων τῷ δοθέντι τριγώνῳ
 παραλληλογράμμων, τοῦτο καθολικώτερόν ἐστιν. εἴτε
 γὰρ τρίγωνον ἢ τετράγωνον ἢ ὅλως τετράπλευρον, εἴτε
 ἄλλο τι πολύπλευρον εἴῃ δεδομένον, διὰ τούτου τοῦ
 προβλήματος ἴσον αὐτῷ παραλληλόγραμμον συστήσο-
 10 μεν. πᾶν γὰρ εὐθύγραμμον, ὥς καὶ πρότερον εἴπο-
 μεν, καθ' αὐτὸ εἰς τρίγωνα διαλύεται, καὶ τὴν μέθο-
 δον τῆς εὐρέσεως τοῦ πλήθους τῶν τριγώνων παρα-
 δεδώκαμεν. ἀναλύσαντες οὖν τὸ δοθὲν εὐθύγραμμον
 εἰς τρίγωνα || καὶ ἐνὶ μὲν αὐτῶν ἴσον παραλληλόγραμ-
 15 μον συστήσαντες, τοῖς δὲ λοιποῖς παρὰ τὴν δοθεῖσαν
 εὐθεῖαν ἴσα παραλληλόγραμμα λαμβάνοντες ἐκείνην,
 παρ' ἣν ἐποίησαμεν τὴν πρώτην παραβολήν, ἔχομεν
 τὸ ἐκ τούτων παραλληλόγραμμον ἴσον τῷ ἐξ ἐκείνων
 τῶν τριγώνων εὐθύγραμμῳ, καὶ ἔσται γεγονὸς τὸ ἐπι-
 20 ταχθέν. κἂν δεκάκλευρον οὖν ἢ τὸ εὐθύγραμμον, εἰς
 ὀκτώ μὲν τρίγωνα διαλύσομεν, ἐνὶ δὲ ἴσον συστήσομεν
 παραλληλόγραμμον καὶ ἐπτάκις παραβάλλοντες ἴσα
 τοῖς λοιποῖς ἔχομεν τὸ ζητούμενον.

Ἐκ τούτου δὲ οἶμαι τοῦ προβλήματος ἐπα-
 25 τες οἱ παλαιοὶ καὶ τὸν τοῦ κύκλου τετραγωνισμὸν
 ἐξήτησαν. εἰ γὰρ παραλληλόγραμμον ἴσον εὗρίσκεται

1 M in margine $\overline{\mu\epsilon}$ προβ. 14 ἴσων M, G. 15 συστή-
 σασθαι M, G. 19 εὐθύγραμμων M, G. || ἔστω M, C.
 21 διαλύσωμεν M, G.

παντὶ εὐθυγράμῳ, ζητήσεως ἄξιον, μὴ καὶ τὰ εὐθύ-
 γραμμα τοῖς περιφερογράμοις ἴσα δεικνύναι δυνατόν.
 καὶ ὁ Ἀρχιμήδης ἔδειξεν, ὅτι πᾶς κύκλος ἴσος ἐστὶ
 τριγώνῳ ὀρθογωνίῳ, οὗ ἡ μὲν ἐκ κέντρου ἴση ἐστὶν
 μιᾷ τῶν περὶ τὴν ὀρθήν, ἡ δὲ περίμετρος τῇ βάσει. 5
 ἀλλὰ ταῦτα ἐν ἄλλοις· ἐπὶ δὲ τὰ ἐξῆς ἴωμεν.

Prop. XLVI, probl. XIII. Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐ-
 θείας τετράγωνον ἀναγράψαι.

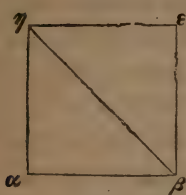
Δεῖται μὲν τοῦ προβλήματος τούτου διαφερόντως
 εἰς τὴν τοῦ ἐφεξῆς θεωρήματος κατασκευήν, ἔοικεν 10
 δὲ τῶν δύο γενέσεις ἐθελῆσαι παραδοῦναι τῶν ἐν
 εὐθυγράμῳ ἀρίστων, ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ τετρα-
 γώνου· διότι δὴ καὶ πρὸς τὴν σύστασιν τῶν κοσμι-
 κῶν σχημάτων καὶ μάλιστα τῶν τεττάρων, ὧν καὶ
 γένεσις ἐστὶ καὶ ἀνάλυσις, τούτων χρεῖα τῶν εὐθυ- 15
 γράμων. τὸ μὲν γὰρ εἰκοσάεδρον καὶ ὀκτάεδρον καὶ
 ἡ πυραμὶς ἐκ τῶν ἰσοπλεύρων σύγκειται τριγώνων, ||
 ὁ δὲ κύβος ἐκ τῶν τετραγώνων. διό μοι δοκεῖ προ-
 ηγουμένως τὸ μὲν συστήσασθαι, τὸ δὲ ἀναγρά-
 ψαι. πρέποντα γὰρ δὴ ταῦτα τὰ ὀνόματα ἀνεῦρεν 20
 τοῖςδε τοῖς σχήμασι. τὸ μὲν γὰρ ὥς ἐκ πολλῶν συγ-
 κροτούμενον συστάσεως δεῖται, τὸ δὲ ὥς ἀπὸ μιᾶς
 πλευρᾶς ἀπογεννώμενον ἀναγραφῆς. οὐ γάρ, ὥσπερ
 τὸ τετράγωνον ἔχομεν πολλαπλασιάσαντες τὸν τῆς δο-
 θείσης εὐθείας ἀριθμὸν ἐφ' ἑαυτόν, οὕτως καὶ τὸ 25

3 ἐστὶν ἴσος H_2 p. 265. 6 δὲ om. G, add. C. 7 M in
 margine $\mu\zeta$. 10 ἐξῆς G, ἐφεξῆς C. 12 ἀρίστων G.
 18 ὁ δὲ κύβος ἐκ τῶν τετραγώνων om. G, add. C. || προηγού-
 μενος C. 25 οὕτως C.

τρίγωνον, [ἀλλ'] ἀλλαχόθεν ἐπιζεύξαντες ἐπὶ τὰ πέ-
 ρατα τῆς εὐθείας συγκροτοῦμεν ἐκ τούτων ἐν ἰσό-
 πλευρον τρίγωνον, καὶ ἡ τῶν κύκλων καταγραφὴ συν-
 τελεῖ πρὸς τὸ ἀνευρεῖν ἐκεῖνο τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ δεῖ
 5 τὰς εὐθείας εἰς τὰ πέρατα τῆς ἐκκειμένης εὐθείας
 ἐπιζεύξαι.

Ταῦτα μὲν οὖν δῆλα· δεικτέον δὲ ὅτι τῶν εὐθειῶν
 ἴσων, ἀφ' ὧν ἀναγράφεται τὰ τετράγωνα, καὶ αὐτὰ
 ἴσα ἐστίν. ἔστωσαν γὰρ ἴσαι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$, καὶ ἀπὸ μὲν

10



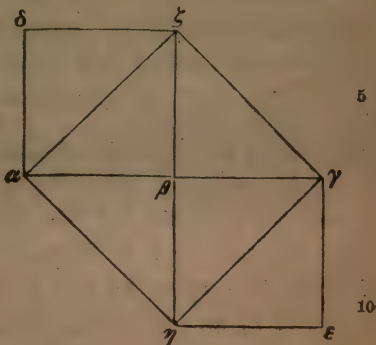
τῆς $\overline{αβ}$ ἀναγεγρα-
 φθῶ τὸ $\overline{αβεη}$,
 ἀπὸ δὲ τῆς $\overline{γδ}$ τὸ
 $\overline{γδθζ}$, καὶ ἐπε-
 ζεύχθωσαν αἱ $\overline{ηβ}$
 $\overline{θδ}$. ἐπεὶ οὖν αἱ

15

$\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ ἴσαι καὶ αἱ $\overline{αη}$ $\overline{γθ}$ καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι,
 καὶ ἡ $\overline{ηβ}$ τῇ $\overline{θδ}$ ἴση καὶ τὸ $\overline{αβη}$ τρίγωνον τῷ $\overline{γδθ}$
 τριγώνῳ, καὶ τὰ διπλάσια αὐτῶν. τὸ ἄρα $\overline{αε}$ τῷ $\overline{γζ}$
 ἴσον. ἀλλὰ μὴν καὶ τὸ ἀντιστρέφον ἀληθές. εἰ γὰρ
 20 τὰ τετράγωνα ἴσα, καὶ αἱ εὐθεῖαι, ἀφ' ὧν ἀναγέγρα-
 πται, ἴσαι ἔσονται. ἔστω γὰρ τετράγωνα ἴσα τὰ $\overline{αξ}$
 $\overline{γη}$, καὶ κείσθω ὥστε ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βγ}$.
 ὁρθῶν ἄρα οὐσῶν τῶν γωνιῶν ἐπ' εὐθείας καὶ ἡ $\overline{ζβ}$

1 ἀλλ' om. M, G (Z), 'sed . . . aliunde' B. 7 δὲ
 ὅτι] ἀντὶ M, C, ὅτε ἀντὶ G, 'vero . . . quod' Z, 'autem
 quod' B.

$\overline{τ\eta}$ $\overline{\beta\eta}$ ἴστίιν. ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{\xi\gamma}$ $\overline{\alpha\eta}$. ἐπεὶ οὖν ἴσον
 τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ τετράγωνον $\overline{\tau\omega}$ $\overline{\gamma\eta}$ καὶ τὸ $\overline{\alpha\zeta\beta}$ τρίγωνον ἴσον
 $\overline{\tau\omega}$ τριγώνῳ $\overline{\tau\omega}$ $\overline{\gamma\beta\eta}$. κοινὸν προσκείσθω τὸ
 $\overline{\beta\gamma\zeta}$. || ὅλον ἄρα τὸ
 $\overline{\alpha\gamma\zeta}$ ἴσον $\overline{\tau\omega}$ $\overline{\gamma\zeta\eta}$, παρ-
 ἄλληλος ἄρα ἡ $\overline{\alpha\eta}$ $\overline{τ\eta}$
 $\overline{\xi\gamma}$. πάλιν ἐπεὶ ἡμι-
 σείας ὀρθῆς ἢ τε ὑπὸ
 $\overline{\alpha\zeta\eta}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\eta\beta}$,
 παράλληλος ἡ $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{τ\eta}$
 $\overline{\gamma\eta}$. ἴση ἄρα ἡ $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{τ\eta}$ $\overline{\gamma\eta}$, παραλληλογράμμου γὰρ
 $\overline{\alpha\beta\zeta}$ εἰσιν ἀπεναντίον. ἐπεὶ οὖν δύο τρίγωνά ἐστίν τὰ $\overline{\alpha\beta\zeta}$
 $\overline{\beta\gamma\eta}$ τὰς ἐναλλὰξ ἔχοντα γωνίας ἴσας, παραλλήλων
 οὐσῶν τῶν $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{\gamma\eta}$, καὶ μίαν πλευρὰν τὴν $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{τ\eta}$ $\overline{\gamma\eta}$,
 ἴση ἔσται καὶ ἡ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{τ\eta}$ $\overline{\beta\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\beta\zeta}$ $\overline{τ\eta}$ $\overline{\beta\eta}$. δέδεικται
 ἄρα ὅτι καὶ αἱ πλευραί, ἀφ' ὧν ἀναγέγραπται τὰ $\overline{\alpha\zeta}$
 $\overline{\gamma\eta}$ τετράγωνα, ἴσαι εἰσὶν ἐκείνων ἴσων ὄντων.



Prop. XLVII, theor. XXXIII. Ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις Δ τὸ ἀπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν ὑποτεينوῦσης πλευρᾶς τετράγωνον ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν πλευρῶν τετραγώνοις.

Τῶν μὲν ἱστορεῖν τὰ ἀρχαῖα βουλομένων ἀκούοντας τὸ θεώρημα τοῦτο εἰς Πυθαγόραν ἀναπεμπόντων ἐστὶν εὐρεῖν καὶ βουθύτην λεγόντων αὐτὸν ἐπὶ τῇ εὐρέσει. ἐγὼ δὲ θαυμάζω μὲν καὶ τοὺς πρώτους ἐπιστάντας τῇ τοῦδε τοῦ θεωρήματος ἀληθείᾳ, μειζόνως δὲ ἄγαμαι τὸν στοιχειωτὴν, οὐ μόνον ὅτι δι' ἀποδείξεως ἐναργεστάτης τοῦτο κατεδήσατο, ἀλλ' ὅτι καὶ τὸ καθολικώτερον αὐτοῦ τοῖς ἀνελέγκτοις λόγοις τῆς ἐπιστήμης ἐπίεσεν ἐν τῷ ἔκτῳ βιβλίῳ. δεικνυσι γὰρ ἐν ἐκείνῳ καθολικῶς ὅτι ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτεينوῦσης τὴν ὀρθὴν γωνίαν [εἶδος ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν] εἶδουσιν τοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένοις. πᾶν μὲν γὰρ τετράγωνον ὁμοίον ἐστὶ τετραγώνῳ παντί, οὐ πάντα δὲ τὰ ὅμοια ἀλλήλοις εὐθύγραμμα τετραγωνά ἐστιν, καὶ γὰρ ἐν τριγώνοις καὶ ἐν ἄλλοις ἐστὶ πολυγώνοις || ὁμοιότης. ὁ τοίνυν ἀποδεικνὺς λόγος τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτεينوῦσης τὴν ὀρθὴν εἶδος, ἢ τετραγωνικὸν εἴτε ἄλλο ὅποιονοῦν, ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν τοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμέ-

1 *M* in margine $\mu\zeta$. 2 Δ om. *G*. 3—5 'circa rectum Angulum iacentibus' et in margine 'rectum Angulum comprehendentibus' *B*. 6 ἀκούοντες *M, G*. 8 βουθύτην *G*, βουθύτην *C*. 17 εἶδος ... γωνίαν om. *M, B, G*; *Z* et *B* quae necessaria sunt addunt. 19 μὲν om. *G*, add. *C*.

νοις εἶδεσιν καθολικώτερον δείκνυσι καὶ ἐπιστημονικώτερον τοῦ τὸ τετράγωνον μόνον ἴσον τοῖς τετραγώνοις ἀποφαίνοντός. ἐνταῦθα γὰρ καὶ ἡ αἰτία φανερὰ γίνεται τοῦ καθολικοῦ δειχθέντος, ὅτι ἡ ὀρθότης τῆς γωνίας τὴν ἰσότητα παρέχεται τῷ ἀπὸ τῆς ὑποτεينوῦ-⁵σης αὐτὴν εἶδει πρὸς πάντα τὰ ἀπὸ τῶν περιεχουσῶν | αὐτὴν τὰ ὅμοια καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα, ὥσπερ ἡ μὲν ἀμβλύτης ὑπεροχῆς, ἡ δὲ ὀξύτης τῆς ἐλαττώσεως.

Ὅπως μὲν οὖν δείκνυται τὸ ἐν τῷ ἔκτῳ θεωρήματι, ἐν ἐκείνοις ἔσται δῆλον, ὅπως δὲ τὸ προκείμενον¹⁰ ἀληθές, νυνὶ σκοπῶμεν, τοσοῦτον προσθέντες, οὐκ ἐνταῦθα τὸ καθολικὸν δεικνύναι μηδὲν διδάξαντα περὶ ὁμοιότητος εὐθυγράμμων σχημάτων, μηδὲ ὅλως περὶ ἀναλογίας ἐνδειξάμενον. πολλὰ γοῦν τῶν ἐνταῦθα μερικώτερον (?) νῶν δέδεικται καθολικώτερον διὰ τῆς¹⁵ τοιαύτης μεθόδου. δείκνυσι δὲ οὖν ὁ στοιχειωτὴς ἐν τούτοις ἀπὸ τῆς περὶ τῶν παραλληλογράμμων κοινῆς θεωρίας τὸ ζητούμενον. διττῶν δὲ ὄντων τῶν ὀρθογωνίων τριγώνων, τῶν μὲν ἰσοσκελῶν, τῶν δὲ σκαληνῶν, ἐν μὲν τοῖς ἰσοσκελέσιν οὐκ ἂν ποτε εὗροιμεν²⁰ ἀριθμοὺς ἐφαρμόσαι ταῖς πλευραῖς. οὐ γὰρ ἔστι τετραγώνος ἀριθμὸς τετραγώνου διπλάσιος, εἰ μὴ λέγοι τις τὸν σύνεγγυς. ὁ γὰρ ἀπὸ τοῦ ξ τοῦ ἀπὸ τοῦ ε διπλάσιός ἐστιν $\bar{\alpha}$ δέοντος. ἐν δὲ τοῖς σκαληνοῖς ἴδυνάτον λαβεῖν ἐναργῶς ἡμῖν δείκνυται τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτει-²⁵νούσης τὴν ὀρθὴν ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθήν.

2 τοῦ τὸ] τοῦτο *M*, *G*. 3 φανερὰ γίνεται] 'manifesta fit' et in margine 'ostenditur' *B*. 15 Excidit fortasse δειγμένων post μερικώτερον. 'quae intellectui particularius patent' *Z*. || νῶ] 'in illo' et in margine 'nobis' *B*. *B*₃ = *M*, *G*. 21 τὰς πλευρὰς *C*.

τοιούτον γάρ ἐστι τὸ ἐν πολιτείᾳ τρίγωνον, οὗ τὴν
 ὀρθὴν περιέχουσιν ὅ τε τρία καὶ ὁ τέσσαρα. ὑποτείνει
 δὲ αὐτὴν ὁ ε. τὸ γοῦν ἀπὸ τοῦ ε̄ τετράγωνον ἴσον
 ἐστὶ τοῖς ἀπ' ἐκείνων. τοῦτο μὲν γάρ ἐστιν εἰκος
 5 πέντε, τὰ ἀπ' ἐκείνων δὲ τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ γ̄ θ̄, τὸ δὲ
 ἀπὸ τοῦ δ̄ ἐκκαίδεκα.

Σαφὲς οὖν τὸ λεγόμενον ἐπὶ τῶν ἀριθμῶν· παρα-
 δέδονται δὲ καὶ μέθοδοί τινες τῆς εὐρέσεως τῶν τοι-
 ούτων τριγώνων, ὧν τὴν μὲν εἰς Πλάτωνα ἀναπέμ-
 10 πουςι, τὴν δὲ εἰς Πυθαγόραν. [καὶ ἡ μὲν Πυθαγο-
 ρικὴ] ἀπὸ τῶν περιττῶν ἐστὶν ἀριθμῶν. τίθησι γὰρ
 τὸν δοθέντα περιττὸν ὡς ἐλάσσονα τῶν περὶ τὴν ὀρ-
 θήν, καὶ λαβοῦσα τὸν ἀπ' αὐτοῦ τετράγωνον || καὶ
 τούτου μονάδα ἀφελούσα τοῦ λοιποῦ τὸ ἥμισυ τί-
 15 θησι τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν τὸν μείζονα· προσθεῖσα δὲ
 καὶ τοῦτω μονάδα τὴν λοιπὴν ποιεῖ τὴν ὑποτείνουσαν·
 οἶον τὸν τρία λαβοῦσα καὶ τετραγωνίσασα καὶ ἀφε-
 λούσα τοῦ ἐννέα μονάδα τοῦ ἡ λαμβάνει τὸ ἥμισυ
 τὸν δ̄, καὶ τούτω προστίθῃσι πάλιν μονάδα καὶ ποιεῖ
 20 τὸν ε̄, καὶ εὗρηται τρίγωνον ὀρθογώνιον ἔχον τὴν
 μὲν τριῶν, τὴν δὲ τεσσάρων, τὴν δὲ πέντε. ἡ δὲ Πλα-
 τωνικὴ ἀπὸ τῶν ἀρτίων ἐπιχειρεῖ. λαβοῦσα γὰρ τὸν
 δοθέντα ἄρτιον τίθησιν αὐτὸν ὡς μίαν πλευρὰν τῶν
 περὶ τὴν ὀρθὴν, καὶ τοῦτον διελούσα δίχα καὶ τετρα-
 25 γωνίσασα τὸ ἥμισυ, μονάδα μὲν τῷ τετραγώνῳ προσ-

5 ἐκείνου C. 10 καὶ ἡ μὲν Πυθαγορικὴ om. M, ἡ G,
 ἡ N. p. 150, 'Pythagorica enim quae' Z, 'quippe quae' B.

13 ἐπ' αὐτοῦ G, ἀπ' αὐτοῦ C. 14 τὸν ἥμισυ G. || συν-

τίθησι C. 15 προσθεῖσα M. 18 μονάδος C. || τὸν ἥμισυ C.

19 προστίθῃσι M, G. 23 αὐτῶν M, G, αὐτὸν C.

24 διεχοῦσα G, διελούσα C. || τετραγωνίας M, G.

θεῖσα ποιεῖ τὴν ὑποτείνουσαν, μονάδα δὲ ἀφελούσα τοῦ τετραγώνου ποιεῖ τὴν ἑτέραν τῶν περὶ τὴν ὀρθήν· οἶον τὸν τέσσαρα λαβοῦσα καὶ τούτου τὸ ἥμισυ τὸν β τετραγωνίσασα καὶ ποιήσῃσα αὐτὸν δ. ἀφελούσα μὲν μονάδα ποιεῖ τὸν γ, προσθεῖσα δὲ ποιεῖ⁵ τὸν ε, καὶ ἔχει τὸ αὐτὸ γενόμενον τρίγωνον, ὃ καὶ ἐκ τῆς ἑτέρας ἀπετελεῖτο μεθόδου. τὸ γὰρ ἀπὸ τούτου ἴσον τῷ ἀπὸ τοῦ γ καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ δ συντεθεῖσιν.

Ταῦτα μὲν οὖν ἔξωθεν προσιστορήσθω· τῆς δὲ τοῦ στοιχειωτοῦ ἀποδείξεως οὔσης φανεράς οὐδὲν¹⁰ ἡγοῦμαι δεῖν προσθεῖναι περιττόν, ἀλλὰ ἀρκεῖσθαι τοῖς γεγραμμένοις, ἐπεὶ καὶ ὅσοι προσέθεσάν τι πλέον, ὥς οἱ περὶ Ἡρώνα καὶ Πάππον ἠναγκάσθησαν προσλαβεῖν τι τῶν ἐν τῷ ἔκτῳ δεδειγμένων, οὐδενὸς ἔνεκα πραγματειώδους. ἐπὶ τὰ ἐξῆς οὖν μετίωμεν¹⁵ ἡμεῖς.

Prop. XLVIII, theor. XXXIII. Ἐὰν τριγώνου τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετράγωνον ἴσον ᾗ τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν τετραγώνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῶν²⁰ λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν ὀρθή ἐστίν.

Ἀντιστρέφει μὲν τοῦτο τῷ πρὸ αὐτοῦ θεωρήματι καὶ ὅλον πρὸς ὅλον ἀντιστρέφει. εἰ γὰρ ὀρθογώνιον, τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσας ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν,

1 ἀφελῶν M, G.

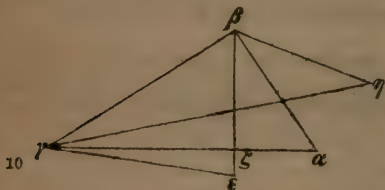
3 τὸν ἥμισυ M, G, τὸ ἥμισυ C.

8 συντίθῃσιν M, συντίθῃσι G; Z omisit hoc verbum, B 'composit' et in margine 'Compositis'. 12 ἐπεὶ δὲ ὅσοι προσ-

εθηκάν τι A, p. 308.

καὶ εἰ τὸ ἀπὸ ταύτης || ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν,
ὀρθογώνιον ἐστὶ τὸ τρίγωνον ὀρθὴν ἔχον τὴν ὑπὸ
τῶν λοιπῶν περιεχομένην. καὶ ἡ μὲν ἀπόδειξις τοῦ
στοιχειωτοῦ φανερά· ὄντος δὲ τριγώνου τοῦ $\alpha\beta\gamma$ καὶ

ἔχοντος τὸ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$ $\beta\gamma$,
ἀγομένης ἐπ' αὐτοῦ



[τῆς?] τῇ $\beta\gamma$ πρὸς
ὀρθὰς ἀπὸ τοῦ β ση-
μείου, ἐὰν λέγῃ τις
ὅτι ἐπὶ τὰ ἑτερα μέρη
τὴν πρὸς ὀρθὰς ἄγειν

δεῖ καὶ μὴ ἐφ' ἧς ὁ στοιχειωτὴς ἤγαγεν, ἐροῦμεν ὅτι
ἀδύνατος ὁ λόγος οὔτε γὰρ ἐντὸς τοῦ τριγώνου πί-
πτειν αὐτὸν δυνατόν, οὔτε ἐκτός, ἀλλ' αὐτὴ ἐστὶν ἡ

15 $\alpha\beta$. εἰ γὰρ δυνατόν, πιπτέτω ὡς ἡ $\beta\epsilon$. ἐπεὶ οὖν
ὀρθὴ ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\epsilon\beta\gamma$, ὀξεῖα ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\gamma\zeta\beta$,
ὥστε ἡ λοιπὴ ἀμβλεῖα, ἡ ὑπὸ $\alpha\zeta\beta$. μείζων ἄρα ἡ $\alpha\beta$
τῆς $\beta\zeta$. κείσθω οὖν τῇ $\alpha\beta$ ἴση ἡ $\beta\epsilon$, καὶ ἐπεξεύχθω
ἡ $\epsilon\gamma$. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $\epsilon\beta\gamma$, τὸ ἀπὸ τῆς $\epsilon\gamma$ ἴσον
20 τοῖς ἀπὸ τῶν $\epsilon\beta$ $\beta\gamma$. ἀλλὰ ἡ $\epsilon\beta$ τῇ $\beta\alpha$ ἐστὶν ἴση, τὸ
ἄρα ἀπὸ τῆς $\epsilon\gamma$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$ $\beta\gamma$. τοῖς δὲ
αὐτοῖς ἴσον ἦν καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$. ἴσον ἄρα τὸ ἀπὸ
τῆς $\epsilon\gamma$ τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$, καὶ ἡ $\epsilon\gamma$ ἄρα ἴση τῇ $\alpha\gamma$. ἦν
δὲ καὶ ἡ $\epsilon\beta$ ἴση τῇ $\alpha\beta$. αἱ ἄρα $\beta\epsilon$ $\epsilon\gamma$ δύο ταῖς $\beta\alpha$

$\overline{\alpha\gamma}$ ἴσαι συνέστησαν ἐπὶ τῆς $\overline{\beta\gamma}$ ἑκατέρα ἑκατέρα, ὅπερ
 ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἐντὸς πε|σεῖται ἢ πρὸς ὀρθάς.
 ἀλλὰ μὴν οὐδὲ ἐκτὸς ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη τῆς $\overline{\alpha\beta}$. εἰ
 γὰρ δυνατόν, πιπτέτω ὡς ἡ $\overline{\beta\eta}$, καὶ ἴση ἔστω τῇ $\overline{\alpha\beta}$
 ἢ $\overline{\beta\eta}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\gamma\eta}$. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ ⁵
 $\overline{\eta\beta\gamma}$ τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{\eta\gamma}$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{\beta\eta}$ $\overline{\beta\gamma}$. [ἀλλὰ
 ἡ $\overline{\eta\beta}$ τῇ $\overline{\beta\alpha}$ ἐστὶν ἴση, τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $\overline{\eta\gamma}$ ἴσον τοῖς
 ἀπὸ τῶν $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\beta\gamma}$.] ἦν δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσον τοῖς
 ἀπὸ τῶν $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\beta\gamma}$. || ἴση ἄρα ἡ $\overline{\eta\gamma}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$, ἀλλὰ καὶ ἡ
 $\overline{\eta\beta}$ τῇ $\overline{\beta\alpha}$ ἐπὶ μιᾷς εὐθείας τῆς $\overline{\beta\gamma}$, ὅπερ ἀδύνατον. ¹⁰
 οὔτε ἄρα ἐντός, οὔτε ἐκτὸς πεσεῖται ἡ ἀγομένη πρὸς
 ὀρθάς ἀπὸ τοῦ $\overline{\beta}$ σημείου τῇ $\overline{\beta\gamma}$. ἐπ' αὐτῆς ἄρα
 πεσεῖται τῆς $\overline{\alpha\beta}$, ὀρθὴ ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$. λέλυται
 ἄρα ἡ ἔνστασις.

Τὸ μὲν οὖν πρῶτον βιβλίον ἄχρι τούτων ὁ στοι- ¹⁵
 χειωτὴς συνεπλήρωσεν, πολλὰ μὲν ἀντιστροφῶν εἶδη
 παραδούς — καὶ γὰρ ὅλα πολλάκις ἀντέστρεψεν πρὸς
 ὅλα καὶ ὅλα πρὸς μέρη καὶ μέρη πρὸς μέρη θεωρημά-
 των — πολλὴν δὲ ποικιλίαν προβλημάτων ἐπινοήσας
 — καὶ γὰρ εὐθειῶν τομὰς καὶ γωνιῶν, καὶ θέσεις ²⁰
 καὶ συστάσεις καὶ παραβολὰς παραδέδωκεν — ἐφαψά-
 μενος δὲ καὶ τοῦ παραδόξου λεγομένου τόπου τῶν
 μαθημάτων, καὶ τῶν τοπικῶν αὐτῶν θεωρημάτων

4 Post τῇ $\overline{\alpha\beta}$ ἢ $\overline{\beta\eta}$ addunt M et G ἴση ἡ $\overline{\beta}$ καὶ ἴση.

6—8 ἀλλὰ ἡ $\overline{\eta\beta}$. . . $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\beta\gamma}$ om. M, B₃, G (Z) et B, qui tamen
 sequenti sententiae addit 'aequalis vero est ab ipsi gb'.

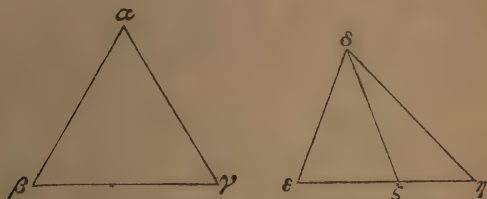
8 δὲ om. B₃. 16 ἦδη C. 21 καὶ παραβολὰς om. G, add. C.
 22 τοῦ λεγομένου C.

ἱκανῶς ἡμᾶς ἀναμνήσας, τῶν τε καθολικῶν καὶ τῶν
 ἐπὶ μέρους τὴν στοιχειώσιν ἐκφήνας, καὶ τῶν ἀδιορί-
 στων καὶ διωρισμένων προβλημάτων τὴν διαφορὰν
 ἐνδειξάμενος — ἃ δὴ πάντα καὶ ἡμεῖς αὐτῷ συνεπό-
 5 μνοι διορθώσαμεν — ὅλον δὲ τὸ βιβλίον εἰς ἓνα
 σκοπὸν ἀνενεγκὼν τὴν στοιχειώσιν τῆς περὶ τῶν
 ἀπλουστάτων εὐθυγράμμων θεωρίας, καὶ τὰς τε συ-
 στάσεις αὐτῶν ἐξευρὼν καὶ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα
 αὐτοῖς ἀνασκεψάμενος. ἡμεῖς δέ, εἰ μὲν δυνηθεῖμεν
 10 καὶ τοῖς λοιποῖς τὸν αὐτὸν τρόπον ἐξελθεῖν, τοῖς θεοῖς
 ἂν χάριν ὁμολογήσαιμεν, εἰ δὲ ἄλλαι φροντίδες ἡμᾶς
 περισπᾶσαιεν, τοὺς φιλοθεάμονας τῆς θεωρίας ταύτης
 ἀξιοῦμεν κατὰ τὴν αὐτὴν μέθοδον καὶ τῶν ἐξῆς ποι-
 ῆσασθαι βιβλίων τὴν ἐξήγησιν τὸ πραγματεῖωδες
 15 πανταχοῦ καὶ εὐδιαίρετον μεταδιώκοντας, ὥς τὰ γε-
 φερόμενα νῦν ὑπομνήματα πολλὴν καὶ παντοδαπὴν
 ἔχει τὴν σύγχυσιν αἰτίας ἀπόδοσιν οὐδεμίαν συν-
 εισφέροντα οὐδὲ κρίσιν διαλεκτικὴν οὐδὲ θεωρίαν
 φιλόσοφον.

2 ἐκφῆναι *M*, *G*. 5 διορθώσαμεν *C*. 10 τρόπον
 om. *G*, add. *C*. 19 *G* addit in fine: Τέλος Πρόκλου εἰς τὸ
 αὐτὸ Εὐκλείδου βιβλ.

ΣΧΟΛΙΟΝ ΕΙΣ ΤΟ $\overline{\kappa\delta}$ ΘΕΩΡΗΜΑ.

Εἰ δεῖ τὸ ἐμοὶ δοκοῦν ἀποφύνασθαι, ἔσφαλται ὁ φιλόσοφος. οὐ γὰρ δυνατόν ἐπ' αὐτῆς τῆς ὑποτεινούσης τὴν ὕστερον ἐκβληθεῖσαν εὐθεῖαν πεσεῖν, ἀλλ' ἐξ ἀνάγκης ἀνωτέρω πεσεῖται καθάπερ καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐχρήσατο. ὅπερ δὲ ἐλέγομεν, δείξομεν οὕτως. ἔστω ⁵



δύο $\overline{\Delta}$ ἰσοσκελεῖ τὰ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ δεξ τὰς δύο πλευρὰς τὰς $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ταῖς δύο ταῖς $\overline{\epsilon\delta}$ $\overline{\delta\zeta}$ ἴσας ἔχοντα, καὶ γωνία ἡ

1 Vide supra pag. 344 lin. 25. || Ἀδήλου σχόλιον εἰς τὸ $\overline{\kappa\delta}$ ($\overline{\kappa\alpha}$ C) θεώρημα Εὐκλείδου στοιχείου πρώτου G. M tamquam initium facit libri quarti: πρόκλου λυκίου πλατωνικοῦ διαδόχου εἰς τὸ πρῶτον εὐκλείδου στοιχείων. et in margine λ^o δ. Eadem manu, qua Procli opus, etiam hoc scholium est scriptum. || G in margine: Hoc scholion adiecimus in exemplari quodam veteri repertum. 5 ὥπερ G,

ὅπερ C. 6 $\overline{\Delta}$ om. G.

πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$ γωνίας τῆς πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ μείζων ἔστω. οὐκοῦν
 διετέον ἴσην αὐτῇ γωνίαν τὴν ὑπὸ $\bar{\epsilon\delta\eta}$, καὶ ἐκβλη-
 θεῖσα ἡ $\bar{\delta\eta}$ ἔστω ἴση τῇ $\bar{\epsilon\delta}$. ἐὰν δὲ βουλώμεθα ἐπι-
 ξεῦξαι τὴν $\bar{\epsilon\eta}$, οὐ δυνατόν ταύτην τὴν ἐπιξευγνῦσαν
 5 ἐπ' εὐθείας εἶναι τῇ $\bar{\epsilon\zeta}$. εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω αὐτῇ
 ἐπ' εὐθείας, τουτέστιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας πιπτέτω
 ἡ $\bar{\epsilon\eta}$, καθάπερ φαίνεται χρησάμενος ὁ Πρόκλος ἐν
 τῇ δευτέρᾳ αὐτοῦ ὑποθέσει. ἐπεὶ οὖν ἰσοσκελῆ ὑπό-
 κειται τὰ $\bar{\Delta}$, ἴση ἂν εἴη ἡ πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ γωνία τῇ πρὸς
 10 τῷ $\bar{\eta}$. ἀλλὰ μὴν καὶ τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ ἐστὶν ἴση, καὶ ἡ
 πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ ἄρα ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ γωνία. || τὰ γὰρ
 τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ἴσα. εἰ δὲ τοῦτο ἀλη-
 θές, ἔσται τοῦ $\bar{\delta\zeta}$ $\bar{\eta\delta}$ ἡ ἐκτὸς γωνία τῇ ἐντὸς καὶ
 ἀπεναντίον ἴση, ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δυ-
 15 νατὸν ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν $\bar{\epsilon\eta}$ εὐθεῖαν τῇ $\bar{\epsilon\zeta}$. εἰ δὲ
 τοῦτο οὐκ ἐνδέχεται, πολλῶ μᾶλλον οὐδὲ ἐκτὸς πεσεῖ-
 ται ἐντὸς ἄρα. οὐκ ἄρα ὀρθῶς εἴρηκεν ὁ φιλόσοφος.
 Καὶ ἄλλως δὲ τοῦτο δείξομεν ἀδύνατον ἐπὶ τῆς
 αὐτῆς καταγραφῆς. ἐπεὶ γὰρ ἴση ὑπόκειται ἡ $\bar{\delta\epsilon}$ τῇ
 20 $\bar{\delta\zeta}$ καὶ τῇ $\bar{\delta\eta}$, καὶ ἡ $\bar{\delta\zeta}$ ἄρα τῇ $\bar{\delta\eta}$ ἴση ἂν εἴη, ὥστε
 ἰσοσκελῆ εἶναι τὰ τρία τρίγωνα, ἥγουν τὸ $\bar{\delta\epsilon\zeta}$ καὶ τὸ
 $\bar{\delta\zeta\eta}$ καὶ ἔτι τὸ $\bar{\delta\epsilon\eta}$. ἴσαι γὰρ ἐδείχθησαν ἀλλήλαις

1 πρὸς τὸ $\bar{\alpha}$ M, G. || πρὸς τὸ $\bar{\delta}$ M, G. || μείζων M, G.

3 βουλώμεθα M, G. 9 $\bar{\Delta}$] δύο G. || πρὸς τὸ $\bar{\epsilon}$ M, G, corr. C. ||
 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ M, G, corr. C. 11 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ G, corr. C.

19 αὐτῆς om. G, add. C.

αἱ τρεῖς πλευραί. οὐκοῦν καὶ αἱ πρὸς ταῖς βάσεσιν αὐτῶν γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις πεσοῦνται, τουτέστιν ἡ πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ τῇ πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ καὶ ἔτι τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$, καὶ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\eta}$. αἱ τέσσαρες ἄρα γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν κατὰ μίαν, ὥστε καὶ δύο αὐτῶν τοῖς 5 λοιποῖς δύο ἴσαι ἔσονται. ἔστωσαν αἱ πρὸς τοῖς $\bar{\epsilon}$ καὶ $\bar{\eta}$ δύο ταῖς ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ $\bar{\delta\zeta\eta}$ δυσὶν ἴσαι, ὅπερ συναμφοτέραι συναμφοτέραις. αἱ δὲ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ $\bar{\delta\zeta\eta}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν, εἴπερ εὐθεῖα ἡ $\bar{\delta\zeta}$ ἐπ' εὐθεΐαν τὴν $\bar{\epsilon\eta}$ ἐφ-έστηκεν, ὥστε καὶ αἱ ὑπὸ $\bar{\delta\epsilon\zeta}$ $\bar{\delta\eta\zeta}$ γωνίαι δυσὶν ὀρ- 10 θαῖς ἴσαι εἰσὶν. εἰ δὲ τοῦτο ἀληθές, ἀνήρηται τὸ $\bar{\iota\zeta}$ θεώρημα. ἀλλὰ μὴν ἐκεῖνο ἀληθές, ἀδύνατον ἄρα τοῦτο. οὐκ ἄρα ἡ ἐκβαλλομένη | εὐθεΐα ἡ $\bar{\delta\eta}$ ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας ἐπιζευχθήσεται τῆς $\bar{\epsilon\zeta}$. εἰ δὲ τοῦτο οὐχ οἷόν τε, πολλῷ μᾶλλον, ὥς εἴρηται, οὐδὲ ἐκτός. 15 μεῖζον γὰρ τούτου ἐπ' ἐκείνου τὸ συμβαῖνον ἄτοπον. ῥητέον οὖν ὑπὲρ τοῦ φιλοσόφου ὅτι πρὸς εἰσαγομένους διαλεγόμενος οὐ πάννυ ἐμμελῶς ἐξέθετο, ἢ γυμνασίας χάριν τῶν εὐφυῶς διακειμένων καὶ προθυμοποιίας, ἢ καὶ ἴσως ἐπελάθετο, καὶ οὐδὲν θαυμαστόν. 20

Καὶ ἄλλως· ἐπεὶ γὰρ ἐδείχθησαν αἱ τέσσαρες γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις κατὰ μίαν, τουτέστιν ἡ τε ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\eta}$ καὶ ἔτι ἡ πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\eta}$, ὅταν δὲ εὐθεΐα ἐπ' εὐθεΐαν σταθεῖσα τὰς ἐφεξῆς γωνίας ἴσας ποιῇ, ὀρθὴ ἐστὶν ἑκατέρω, ὥστε ὀρθὴ ἂν 25

3. 4 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ ambobus locis M, G, corr. C. 5 τῶν λοι-
πῶν M, G. 23 ἡ ante πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ om. M, G.

εἴη ἑκατέρα τῶν ὑπὸ $\overline{\delta\zeta\epsilon}$ $\overline{\delta\zeta\eta}$. εἰ δὲ τοῦτο, καὶ ἡ
 πρὸς [τῷ $\overline{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς] τῷ $\overline{\eta}$ ὀρθαὶ ἂν εἶεν. εἰ δὲ
 τοῦτο, ἀνήρηται πάλιν τὸ $\overline{\iota\zeta}$ θεώρημα. παντὸς γάρ
 φησιν τριγώνου αἱ δύο γωνίαι δύο ὀρθαῖς ἐλάσσονες
 εἰσιν· ἡ δὲ ὑπόθεσις ἡμῶν δείκνυσιν αὐτὰς δύο ὀρ-
 θαῖς ἴσας· ὅπερ ἄτοπον.

1 $\overline{\delta\zeta\eta}$ om. G, add. C. 2 τῷ $\overline{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς om. M, G. ||
 τὸ $\overline{\eta}$ G, τῷ $\overline{\eta}$ C. || ὀρθῇ ἂν εἴη G.

A d d e n d a.

- P. 1.
 16, 23. Ante ἀριθμῶν videtur addendum φαινομένων quod
 legitur 17, 10.
 23, 9. Pro λειότητος conieceris ἰσότητος esse scribendum.
 29, 18. ἐν πολιτείᾳ] VII, 533, C.
 42, 20. Post λέγω omisum esse putes καὶ τὴν συνθετικὴν,
 cum 43, 3 legeris τὰ δὲ διὰ συνθέσεως. At vide
 43, 7—9 et 69, 14—19.
 50, 20. φαίνεται in φαίνεσθαι mutare in promptu est. Ba-
 rocius interpretatus est: ‘aut in singularibus ex-
 cogitari innatum est apparere tale, quod existen-
 tiam quoque in his habeat’ Zambertus: ‘vel in
 singularibus consideratur vel in his etiam essentiam
 obtinere videtur’. Ille igitur καί, hic πέφυκε aut
 non invenit in codice aut omisit. Magis tamen pla-
 cet πέφυκε ἢ φαίνεται additamentum esse lectoris,
 quem fugit infinitivos φαντάζεσθαι, ἔχειν pendere
 a praecedente εἰπόμεν.
 67, 15. ὀρικῶν, quod in codicibus exstat, sensu non caret;
 qui μερικῶν scripserunt, voce καθολικώτερον adducti
 ad id videntur. Utrum a Proclo sit scriptum, haud
 scio an nunquam possit discerni.
 130, 15. Codicis M scripturam Ἀσινᾶδος correxit postera ma-
 nus in Ἀθηναῖος. In Zamberti interpretatione le-
 gitur ‘Atheniensis philosophus’. Barocius dicit:
 ‘Asinaeus quoque Philosophus’ et Taylor: ‘Theo-
 dorus Asinaeus the philosopher’. Ego certi nihil
 adhuc indagavi.

- P. 1.
 140, 7. Verbum *ἔστιν*, quod praebent codices post *νοητῶν* supervacaneum, in margine vel inter lineas sequenti *τελειότερον* fuisse adscriptum puto.
- 147, 20. *φησὶν ὅτι νοῦν μιμεῖται* ex margine in contextum illata mihi videntur.
- 154, 3. Inter *τό* et *οἶον* omisum fortasse est *ἐν*. Propius autem ad codicis M scripturam accedes, si *τό* in *αὐτό* mutaveris.
- 155, 17. Post *διακόσμων* excidit verbum similitudinis notionem reddens; nimis enim est durum *προσέοικεν*, quod paullo supra legitur, hoc loco inde supplere.
- 189, 18. Verba *εἶναι δύνασθαι* ex linea 16 male hic sunt repetita.
- 197, 16. Loco lacunoso nec B₃ subvenit, ubi pro vocabulis *τὰ ὅλα ἴσα*. *τὸ ἄρα* leguntur vocabula *ὅλον ἄρα τό*. Ex sequentibus ibi exciderunt lineae 197, 18 usque ad 198, 2.
- 209, 3—4. Priorem huius loci partem sanavisse mihi videor addita voce *διαστήματι*, in altera *πρότερον* ante *κέντρον* audias vel addas.
- 273, 12. *ἐπ' αὐτοῦ* interpretatus est Barocius 'apud ipsum', ego aut *ὑπ' αὐτοῦ* scribendum aut 'in illo' i. e. problemate vertendum puto.
- 274, 13. 14. Cum in M post *γβε* addita sint: *μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ βγδ*, locus ita fortasse est scribendus: *μείζων δὲ ἡ ὑπὸ γβδ τῆς ὑπὸ γβε· μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ βγδ τῆς ὑπὸ γβε*.
- 304, 6. Aut *τῇ ἐπ' εὐθείας δείξει* scribendum videtur aut adiectivi forma adhibenda *τῇ ἐπευθεία δείξει*, quae in M invenitur et hoc loco et infra 345, 1: *ταῖς ἐπευθείαις δείξει*.
- 306, 16—18. Hunc locum aliter quoque restitueris scribens: *ταύτη μὲν γὰρ καὶ ἴση δύναται εἶναι καὶ ἐλάσσων αὐτῆς, ἐκείνων δὲ ἐκατέρως μείζων ἔστιν ἐν παντός*.
- 315, 2. In promptu est scribere: *ὅτε μὲν ἐξ ὁμοιοτήτων καὶ ἀνομοιοτήτων, ὅτε δὲ ἐξ ἰσοτήτων καὶ ἀνισοτήτων*. At Proclus plurali usus idem videtur voluisse dicere ac si *ὁμοιότητος καὶ ἀνομοιότητος, ἰσότητος καὶ ἀνισότητος* diceret.
- 325, 10—11. Veri non dissimile est inter *ἴσαι* et *καί* excidisse aliquot verba causam addentia, cur anguli ad α punctum iacentes angulis ad ε iacentibus aequales esse nequeant. Aut enim duobus rectis essent aequales aut iisdem angulis et aequales et minores iis.
- 333, 12—13. In B₃ in contextu legitur *ἢ τε τοῦ πελέκως* et in margine *μηνοειδὴς πελεκοειδής*.
- 333, 14—15. B₃: *καὶ ἡ τοῦ μηνοειδοῦς* (alias *πελεκοειδοῦς*).

- P. 1.
 337, 21. δεῖ mutandum videtur in κοινὸν δέ. 'commune cunctis inquam' Barocius.
 345, 6. Post τῇ ἀνισότητι addendum est τὴν ἀνισότητα, quod M et G omittunt.
 349, 3—6. Proclum scripsisse puto: οὐκουν . . . ἄνισα πάντα;
 394, 13. Aut ἔσμεν post διαιρούμενοι videtur addendum aut διαιρούμεθα scribendum. Barocius καὶ post προσετίθεμεν non est interpretatus.
 409, 8. δέ post ἔοικεν minus recte videtur additum, cum ἔοικεν referendum sit ad ὅτι post ἐπιστημῆνασθαι in linea 1.

Index nominum.

- Ἀθηνᾶ 30, 3.
 Ἀθηναῖκός, ἡ, ὅν 30, 4.
 Ἀθήναιος ὁ Κυζικηνός 67, 16.
 Ἀθηναῖος, ὁ 66, 16. 130, 15 ?
 ὁ Ἀθ. ξένος 24, 7.
 Αἰγύπτιος, ὁ 63, 21. 64, 18. 65, 6.
 Αἴγυπτος, ἡ 65, 7.
 Αἰδης 167, 2. 8.
 Αἰνείας ὁ Ἰεραπολίτης 361, 21.
 Ἀκαδήμεια 67, 19.
 Ἀλεξανδρεὺς, ὁ 345, 14.
 Ἀμέριστος (?) 65, 12 annotatio.
 Ἀμύκλας 67, 8.
 Ἀμφίνομος 77, 17. 202, 11.
 220, 9.
 οἱ περὶ Ἀ. 254, 4.
 Ἀναξαγόρας 65, 21. 66, 2.
 Ἄνδρων 80, 17.
 Ἀντιοχεύς 125, 25.
 Ἀπολλώνιος 71, 19. 74, 23. 105, 15. 123, 16. 124, 18. 125, 17. 183, 13. 18. 194, 10. 21. 25—195, 5. 282, 8—19. 336, 16. 356, 8.
 οἱ περὶ Ἀπ. 100, 6.
 ἐν τῷ περὶ τοῦ κοχλίου γράμματι 105, 5.
 ὁ Περγαῖος 279, 16—280, 9.
 Ἀρης 167, 2. 7.
 Ἀριστοτέλης 26, 12. 28, 14. 32, 24. 33, 24. 51, 17. 59, 11. 76, 24. 97, 24. 104, 22. 188, 7. 192, 10. 194, 7. 202, 11. 204, 17. 260, 1. 384, 7. 391, 23.
 ὁ δαιμόνιος 64, 9. 76, 8. 116, 24. 284, 24.
 αἴτημα, ἀξίωμα quid? 182, 14—20.
 κατασκευάζων πεπερασμένον εἶναι τὸν κόσμον 371, 12—23.
 Ἀριστοτελικός (ὀρισμός) 183, 11.
 Ἀρχιμήδεια ἔλικες 272, 10.
 Ἀρχιμήδης 41, 6. 17. 63, 19—25. 68, 12. 18.
 ἐν τοῖς περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου 71, 18.
 τὴν εὐθεῖαν ὠρίσατο 110, 10—12.
 αἱ ἀνισοροπίαι 181, 18.
 (περὶ κύκλου) 423, 3—5.
 Ἀρχύτας 66, 15.
 Ἀσιναῖος ? 130, 15.
 Βάκχαι v. Φιλόλαος.
 Γέλων 64, 26.
 Γεμῖνος 38, 4. 105, 26. 112, 23. 117, 23. 176, 26. 177, 24. 183. 15. 184, 5. 185, 8. 188, 5. 11. 192, 5. 202, 12—25. 251, 4. 8. 278, 12—279, 4. 395, 14.

- διαιρεῖ τὴν γραμμὴν 111, 1—112, 15.
 τὰ αἰτήματα τῶν ἀξιωματῶν 178, 9—182, 6.
 τὸ θεώρημα τελειότερον εἶναι λέγει τοῦ προβλήματος 243, 21—25.
 Γοργίας
 v. Πλάτων.
 Δεινόστρατος 67, 11.
 Δημήτηρ 173, 12. 19.
 Διόνυσος 167, 3. 9.
 Ἑλλάς, ἡ 65, 8.
 Ἐπικούρειοι, οἱ 199, 11. 322, 5—14. 323, 4.
 Ἐπίκουρος 200, 1. 216, 21. 218, 8.
 Ἐρατοσθένης 43, 23. 68, 18. 20. 111, 22.
 Ἐρακλῆς, ἡ, ὅν 30, 4. 55, 20.
 Ἐρμότιμος 67, 20.
 Ἑστία 173, 13. 18.
 Εὐδημος 299, 3. 333, 6.
 ὁ περιπατητικὸς 125, 7 (περὶ γωνίας). 379, 2.
 ἐν ταῖς γεωμετρικαῖς ἱστορίαις 352, 14—18.
 οἱ περὶ τὸν Εὐδημον 419, 15.
 Εὐδοξος 67, 2. 10. 21. 68, 8.
 Εὐκλείδης 68, 7—70, 18. 73, 11. 74, 10. 76, 2. 81, 7—22. 94, 8. 109, 7—13. 116, 25. 123, 15. 125, 13. 128, 20. 143, 6. 151, 14—153, 8. 171, 1. 176, 5. 183, 22. 28. 192, 1. 194, 12. 302, 12. 354, 4. 420, 7.
 αὐτός 223, 21. 374, 2. 408, 7.
 ὁ γεωμέτρης 70, 25. 85, 3. 94, 7. 21. 96, 19. 102, 11—21. 113, 10—24. 114, 6. 120, 14—121, 7. 127, 18—128, 19. 142, 9. 172, 10. 196, 18. 224, 14. 238, 17. 239, 2. 262, 6. 264, 18. 273, 11. 275, 5. 279, 13. 280, 18. 286, 20. 292, 12. 298, 6. 300, 6. 306, 2. 307, 9. 315, 11. 318, 16. 330, 21. 336, 7. 345, 10. 349, 26. 357, 9. 358, 2. 359, 7. 360, 10 ss. 373, 5. 374, 9. 400, 14. 410, 24. 413, 16.
 ὁ στοιχειωτής 135, 13. 136, 13. 144, 24. 156, 11. 162, 8. 165, 20. 174, 18. 193, 6. 200, 11. 228, 11. 232, 11. 234, 20. 236, 7. 16. 239, 16. 241, 1. 244, 18. 246, 16. 247, 2. 248, 4. 250, 13. 256, 11. 257, 5. 258, 14. 261, 13. 263, 23. 264, 9. 266, 15. 273, 23. 279, 1. 280, 10. 281, 2. 282, 2. 21. 283, 22. 293, 13. 299, 5. 306, 7. 310, 17. 312, 1. 315, 5. 321, 10. 323, 8. 326, 12. 327, 5. 331, 9. 332, 13. 334, 3. 335, 15. 338, 2. 13. 340, 5. 341, 19. 344, 8. 16. 348, 13. 352, 24. 356, 15. 361, 18. 362, 12. 364, 13. 365, 6. 11. 375, 22 ss. 378, 3. 379, 19. 386, 9. 387, 3. 390, 17. 393, 5. 394, 1. 395, 7. 22. 399, 4. 400, 8. 401, 4. 407, 26. 409, 23 ss. 412, 18 ss. 418, 16. 426, 11. 427, 16. 429, 10. 430, 4. 11. 431, 15. 433, 4.
 πρὸς ἀστρονομίαν βλέπει 268, 15—269, 21.
 ὄνομα παραλληλογράμων ἔοικε συνθεῖναι 392, 21.
 Opera 68, 23—69, 7. 70, 5—18.
 πορίσματα 212, 13. 302, 12 s. (τῆς στοιχειώσεως) τὸ πρῶτον 72, 25. 81, 20. 82, 24—84, 7. 162, 22. 431, 15 ss.
 τὸ δεύτερον 60, 17. 304, 2. 398, 19.
 τὸ τρίτον 272, 15. 304, 7. 335, 18. 395, 28.
 τὸ τέταρτον 72, 26. 81, 21. 204, 1. 2. 269, 11.
 τὸ πέμπτον 81, 22. 357, 12.
 τὸ ἕκτον 245, 5—7. 405, 11 ss. 420, 5. 426, 14.
 τὸ ἑβδομον 303, 23.
 τὸ δέκατον 205, 10.
 Εὐκλείδειος λόγος 110, 12. 143, 22.
 θεώρημα 299, 12.

- Ἐφεστικοί, οἱ 199, 9.
 Ζεύς 90, 18.
 Ζανὸς φυλακὴ 90, 17.
 ἡγεῖται δυωδεκάδος 174, 11—16.
 Ζηνόδοτος 80, 15.
 Ζηνόδορος 165, 24.
 Ζήνων, ὁ Σιδώνιος 199, 15.
 200, 5. 214, 18—215, 13. 216, 10—19. 217, 10—23. 218, 1.
 Ἡλεῖος, ὁ 65, 14.
 Ἡρακλεώτης, ὁ 67, 8.
 Ἡρων 41, 10. 196, 16.
 ὁ μηχανικός 305, 24. 346, 13—347, 11.
 ὁ περὶ Ἡρώνα 323, 7. 9—21(?). 429, 13.
 Θαλῆς 65, 7. 157, 11. 250, 20. 299, 4. 352, 15.
 Θάσιος, ὁ 66, 15.
 Θεαίτητος 66, 16. 67, 22. 68, 8. vide Πλάτων.
 Θεόδωρος ὁ Κυρηναῖος 66, 6.
 ὁ μαθηματικός 110, 7.
 Θεύδιος 67, 12.
 Ἰεραπολίτης, ὁ 361, 21.
 Ἰέρων 63, 18. 23.
 Ἰππίας 272, 7. 356, 11.
 ὁ Ἡλεῖος 65, 14.
 Ἰπποκράτης medicus 38, 26.
 ὁ Χῖος 66, 4. 7. 213, 8.
 Καλλικλῆς 24, 15.
 Καλυψώ 55, 21.
 Κάρπος ὁ Ἀντιοχεύς 125, 25.
 ὁ μηχανικὸς ἐν τῇ ἀστρολογικῇ πραγματείᾳ περὶ τῶν προβλημάτων καὶ θεωρημάτων 241, 19—243, 11. 23.
 Κλαζομένιος, ὁ 65, 21.
 Κνίδιος, ὁ 67, 2.
 Κολοφώνιος, ὁ 67, 21.
 Κράτιστος 211, 16.
 Κρόνος 167, 2. 6.
 Κτησίβιος 41, 9.
 Κυζικηνός, ὁ 67, 16.
 Κυρηναῖος, ὁ 66, 6.
 Λεωδάμας 66, 15. 18. 211, 21.
 Λέων 66, 19 s. 67, 2.
 Μάγνης, ὁ 67, 12.
 Μάμερκος (?) 65, 12.
 Μεδμαῖος(?), ὁ 67, 24 annotatio.
 Μενάιχιμος, ὁ 111, 23.
 Μέναιχιμος 67, 9. 72, 24. 78, 9. 17. 111, 21.
 οἱ περὶ Μ. 254, 4.
 Μενδαῖος(?), ὁ 67, 24.
 Μενέλαος
 ὁ Ἀλεξανδρεὺς 345, 14—346, 13.
 Νεῖλος 64, 21.
 Νεουλειδῆς 66, 18.
 Νικομήδης 272, 3—8. 356, 10.
 Ξενοκράτειος λόγος 279, 5.
 Οἰνοπίδης ὁ Χῖος 66, 2. 80, 16. 283, 7—10. 333, 5.
 Ὀμηρικός, ἡ, ὁ 30, 3.
 Ὀρφεὺς 155, 18.
 Πάππος 189, 12. 197, 6. 249, 20—250, 12.
 οἱ περὶ Πάππον 429, 13.
 Περγαῖος, ὁ 279, 17.
 Περσεὺς 111, 24. 112, 2. 356, 12.
 Πλάτων 3, 14. 10, 18. 11, 27. 12, 8. 13, 11. 16, 6. 22, 9. 29, 15. 26. 30, 11. 32, 3. 19. 34, 4. 37, 1. 41, 1. 42, 10. 45, 15. 48, 3. 50, 10. 17. 52, 20. 57, 3. 66, 3. 8—14. 67, 3. 7. 9. 10. 24. 68, 2. 3. 17. 90, 6. 92, 9. 103, 21—104, 8. 22. 108, 7. 174, 15. 428, 9.
 ὁ θεῖος 116, 21.
 ἀφορίζεται τὴν εὐθεΐαν 109, 21—22.
 ἀνάλυσιν παραδέδωκεν 211, 21.
 διαιρετικὴν ἐξύμνησεν 211, 27 s.
 Ἀντερασταί 66, 3.
 Γοργίας 24, 15. 30, 19.
 Ἐπινομίς 42, 12.
 Θεαίτητος 10, 2. 27, 22.
 Μένων 45, 18.
 Νόμοι 24, 7.
 Παρμενίδης 94, 11. 99, 21. 104, 8. 117, 17.
 Πολιτεία 8, 14. 10, 19. 20, 17.

- 23, 21. 24, 17. 29, 18. 30, 8.
42, 10. 44, 11. 131, 10. 428, 1.
Πολιτικός 30, 16.
Σοφιστής 30, 16.
Συμπόσιον 31, 1.
Τίμαιος 17, 12. 20, 10. 22, 21.
23, 1. 34, 4. 41, 12. 92, 5. 108,
10. 137, 22. 148, 1. 166, 18.
173, 15. 291, 1. 382, 3—5.
384, 4.
Φαίδρος 21, 5.
Φαίδων 192, 12.
Φίληβος 25, 6.
Vide *Σωκράτης*.
Πλατωνικός, ἡ, ὃν 68, 23.
Πλατωνικός Subst. 68, 20.
Pluralis 57, 1.
Πλατωνική μέθοδος 428, 21—
429, 6.
Πλούταρχος 125, 16.
Πλωτίνος 21, 21.
Πορφύριος 255, 14. 297, 4—
298, 3. 316, 1—13. 348, 15—
352, 14.
ἐν τοῖς συμμίκτοις 56, 24.
οἱ περὶ Πορφύριον 323, 7. 22
—324, 23 (?).
Ποσειδώνιος 80, 21. 143, 8. 170,
13. 176, 6—11. 200, 2. 216,
20—217, 9. 24—218, 11.
Πρόκλος 434, 7; φιλόσοφος 433,
2. 434, 17. 435, 17; loci, in
quibus Procli leguntur opi-
niones: 30, 8—32, 20. 42, 9
—44, 24. 84, 9—15. 91, 1—
10. 128, 2—22. 158, 6—20.
165, 19—166, 13. 171, 17—
172, 4. 15—173, 2. 213, 14—
214, 13. 218, 12—220, 6. 224,
15—227, 8. 229, 3—232, 11.
239, 5—240, 10. 247, 6—249,
19. 256, 15—258, 13. 262, 3—
264, 7. 270, 5—24. 273, 11—
277, 4. 281, 6—282, 2. 284, 18.
—291, 19. 293, 15—294, 14. 299,
13—301, 17. 303, 5—304, 10.
305, 4—16. 307, 25—310, 8,
19—313, 12. 316, 14—318, 3.
319, 2—321, 8. 322, 15—323,
3. 325, 1—326, 5 (?). 22—329,
7. 330, 17—332, 18. 334, 6—
335, 14. 338, 1—344, 8. 359,
19—360, 9. 368, 1—23. 369,
21—373, 2. 13—23. 374, 8—
375, 7. 378, 4—24. 379, 18—
384, 21. 388, 13—392, 19.
393, 6—394, 1. 11—395, 12.
396, 12—398, 17. 399, 5—400,
16. 401, 6—404, 26. 408, 7—
24. 410, 26—411, 15. 412, 20
—416, 14. 417, 1—419, 10.
424, 7—425, 18. 430, 4—431,
14.
Πτολεμαῖος, ὁ βασιλεύς 63, 21.
68, 11. 14.
Πτολεμαῖος (ὁ μαθηματικός)
191, 23.
ἐν οἷς ἀποδειῖξαι προέθετο
τὰς ἀπ' ἑλλαττόνων ἢ δύο
ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπί-
πτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ
τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες
362, 14—363, 18. 365, 7—368,
1. 24.
Πυθαγόρας 22, 16. 65, 16. 426,
7. 428, 10.
Πυθαγόρειοι 22, 11. 35, 22—
38, 1. 45, 5. 90, 14. 95, 21.
98, 11. 99, 18. 115, 1—8. 130,
8. 166, 14. 173, 2. 379, 2—17.
419, 16. 420, 23.
σύμβολον 84, 15—17.
Πυθαγόρειον ἀρέσκον 142, 8.
θεώρημα 305, 3.
Πυθαγορική μέθοδος 428, 10
—21.
Πυθαγορικοί 131, 21.
Πυθαγορικώτεροι λόγοι 97, 19
—99, 14.
Ῥέα 90, 15. 173, 12. 20.
Σιδώνιος, ὁ 199, 15.
Σιμμία 192, 12.
Σπένσιππος 77, 16. 78, 14. 179,
15.
Στησίχορος 65, 12.
Στοά, ἡ 77, 3. 89, 17. 194, 1,
397, 2.
Συράκουσα 41, 7.

Συρακούσιος 63, 19. 22.

Σωκράτης 8, 15. 10, 2. 11, 17.

20, 18. 21, 5. 24, 14. 25, 6.

27, 23. 29, 23. 30, 19. 45, 18.

131, 10. 150, 8.

Vide Πλάτων.

Ταραντῖνος, ὁ 66, 15.

Τίμαιος

v. Πλάτων.

Φίλιππος 305, 24.

ὁ Μενδαῖος (?) 67, 23.

Φιλόλαος 130, 10. 167, 1. 14.

173, 11. 174, 4. 13.

ἐν ταῖς Βάγκαις 22, 15.

Φίλων 269, 24.

οἱ περὶ Φίλωνα 266, 16—269, 18.

Φοίνιξ, ὁ 65, 3.

Χῖτος, ὁ 66, 2. 5. 213, 9.

Χρῦσιππος 395, 14—18.

Index rerum et verborum.

ἀβαθής, ἐς 12, 20. 49, 14. 97, 2. 4. 114, 5. 24.

ἀγαθός, ἡ, ὄν

τὸ ἀγαθόν 25, 17. 29, 1. 31, 15. 17. 49, 3. 131, 2. 174, 9.

ἄγαλμα, τό 138, 11.

ἄγαμαι 69, 5. 141, 16 s. 251, 2.

426, 11.

ἀγαπάω 55, 4. 61, 13. 162, 14.

180, 21. 202, 20.

ἀγέλη, ἡ 10, 4.

ἀγέννητος, ὃν 56, 12. 149, 15.

ἀγευστος, ὃν 28, 21.

ἀγεωμέτρητος, ὃν 58, 23. 25.

61, 23. 80, 4.

ἀγγεῖον, τό 141, 23.

ἀγκτήρ, ὁ 20, 25.

ἀγνοέω 26, 6. 29, 20. 32, 5. 56,

24. 322, 10. 404, 1.

ἄγνοια, ἡ 46, 23. 70, 1.

ἄγνωστος, ὃν 76, 18. 91, 3. 138,

7. 14. 145, 18.

Comp. 183, 16. 195, 15.

ἀγωνία, ἡ 8, 19. 24, 3.

ἄγραφος, ὃν 186, 6.

ἄγχινους 407, 15.

ἄγω passim, e. g. 21, 23. 29,

16. 45, 16. 61, 24. 118, 16 s.

125, 24. 179, 23.

εὐθδεῖαν 58, 17. 152, 20. 283,

18 ss.

ἀγωγή, ἡ 284, 1. 376, 29 ss.

ἀγών, ὁ 284, 3.

ἄγώνιος, ὃν 160, 4. 163, 11.

ἄδαμάντινος, ἡ, ὃν 90, 6.

ἄδελφός, ὁ 65, 12. 67, 11.

ἄδηλος, ὃν 289, 13. 322, 8.

ἄδην 35, 17. 126, 7.

ἄδιαίρετος, ὃν 3, 5. 37, 19. 54,

21. 56, 12. 72, 7. 244, 16.

ἄδιαίρετως 153, 27.

ἄδιαστάτος, ὃν 50, 1. 15. 54, 6.

55, 17. 56, 19. 100, 18. 142, 1.

186, 16. 24.

ἄδιαστατώς 17, 4. 54, 1. 56, 2.

87, 18. 137, 21. 153, 27.

ἄδιαστροφος, ὃν 20, 15. 23, 24.

108, 11.

ἄδιάφορος, ὃν 238, 19. 283, 12.

333, 19.

ἄδίδακτος, ὃν 119, 1. 179, 4.

195, 21.

ἄδιδάκτως 76, 16.

ἄδιεξίτητος, ὃν 285, 18.

ἄδιόριστος, ὃν 330, 7 ss. 432, 2.

ἄδιορίστως 236, 10. 370, 11.

371, 3.

ἄδρανής, ἐς.

Comp. 15, 4.

ἄδυνατέω 179, 20. 293, 24.

ἄδύνατος, ὃν passim, e. g. 12,

16. 67, 1. 71, 12. 122, 6. 157,

24.

Superl. 140, 9.

ὁ δι' ἄδυνάτου τρόπος 73,

22. 202, 20.

- ἡ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγή 212,
 2. 252, 2 s. 254, 22—256, 10.
 321, 11—20.
 τι τῶν ἀδυνάτων 203, 21.
 ἄδυντον, τό 141, 23.
 ἀεί passim, e. g. 5, 7. 6, 16.
 9, 25. 12, 22. 14, 3. 17, 27. 21,
 2 s.
 πάντα ἀεὶ ἔστι διὰ τὸν κύ-
 κλον τῆς γενέσεως 149, 17.
 ἄῤῥ, ὁ 82, 24. 296, 7.
 ἄθετος, ον 59, 18. 96, 8.
 ἄθρῶ 14, 22.
 ἄθροίζω 14, 1.
 ἄθροισις, ἡ 12, 6.
 ἄθρόως 3, 17. 5, 21.
 αἶδιος, ον 13, 25. 31, 10. 46,
 16. 77, 20 s. 149, 12.
 αἶρεσις, ἡ 200, 1. 403, 19.
 αἶρετός, ἡ, ὅν 27, 28. 28, 14.
 321, 16.
 αἶρέω 322, 20.
 Med. 27, 22. 236, 4.
 αἶρω 179, 20. 290, 18.
 αἰσθησις, ἡ passim, e. g. 10,
 28. 11, 12. 16. 14, 23. 18, 14.
 23. 19, 3. 21, 11. 27, 15. 28,
 6. 29, 8. 30, 13. 46, 3. 52, 19.
 86, 18. 181, 11. 322, 16 ss.
 γραμμῆς 100, 14—19.
 ἐπιφανείας 114, 22—25.
 αἰσθητικός
 Comp. 65, 11.
 αἰσθητός, ἡ, ὅν 19, 21. 78, 16.
 142, 15. 242, 8.
 τὰ αἰσθητά passim, e. g. 4,
 4 ss. 10, 22 ss. 12, 5 ss. 13,
 23 ss. 15, 19. 19, 18. 25, 19.
 27, 8. 34, 11. 13. 35, 8. 36, 9.
 38, 5. 11. 45, 8. 51, 14 ss. 53,
 5 ss. 62, 19. 23. 86, 13. 101,
 13. 130, 3. 139, 13. 243, 14.
 291, 2. 6.
 ἐν τοῖς αἰσθητοῖς οὐδὲν μέ-
 γεθος ἀπειρον 284, 22.
 αἰσχος, τό 26, 16.
 αἰτέουμαι 181, 19. 227, 19.
 αἶτημα, τό passim, e. g. 58, 1.
 15. 73, 9. 76, 6. 184, 22—29.
 185, 1—193, 9. 209, 7. 10.
 227, 22. 239, 17. 254, 25. 364,
 14.
 quid? 76, 17—23. 178, 2—184,
 10. 365, 5—6.
 αἰτία, ἡ passim, e. g. 5, 20.
 6, 15. 17, 14. 18, 16. 30, 6.
 22 ss. 32, 12 ss. 37, 7. 40, 14.
 54, 3. 57, 5. 61, 9. 88, 24. 92,
 22. 129, 22. 432, 17.
 κατ' αἰτίαν 17, 17. 61, 8. 62,
 21. 102, 6.
 αἰτία γεννητική 97, 10. 151, 5.
 αἱ πρωτουργοί 108, 4.
 ἀρχικαί 110, 6. 10.
 ἀληθιναί 310, 8. 20.
 αἰτιάουμαι 23, 10. 24, 16. 41, 11.
 143, 21. 207, 3. 243, 21.
 αἰτίαισις, ἡ 305, 26.
 αἰτιολογέω 146, 2.
 αἴτιος, α, ον passim, e. g. 13,
 6. 23, 17. 45, 21. 97, 13. 130,
 17. 132, 20.
 τὸ αἴτιον 94, 16 s. 134, 15.
 202, 23. 350, 24.
 τὰ αἶτια 14, 4 ss. 69, 10. 74,
 24. 138, 25. 187, 6. 294, 4.
 πυρός ἀέρος ὕδατος γῆς 82,
 18—25.
 ἀκαλλώπιστος, ον 141, 24.
 ἀκαταλήκτως 285, 17.
 ἀκαταμέτρητος, ον 285, 12.
 ἀκατάσκευος, ον 179, 9.
 ἀκιδουιδής, ἐς 165, 23. 328, 22.
 ἀκίνητος, ον 12, 26. 13, 5. 18,
 20. 25, 4. 27, 7. 34, 7. 9. 36,
 2. 43, 13. 50, 2. 56, 12. 185,
 26. 309, 5.
 ἀκινήτως 50, 23.
 ἀκλινής, ἐς 132, 21, 133, 8. 14.
 134, 2. 290, 22.
 ἀκλινῶς 189, 21.
 ἀκλιτος, ον 132, 20. 173, 5. 9.
 290, 19.
 ἀκοή, ἡ 21, 14.
 ἀκόλαστος, ον 24, 16.
 ἀκολουθέω 70, 3. 180, 21. 196,
 26. 313, 21. 340, 2. 345, 5.
 349, 20. 368, 18. 22.

- ἀκολουθία, ἡ 357, 11.
 ἀκόλουθος, *ον* 178, 15. 179, 21.
 198, 6. 201, 2. 218, 11.
 ἀκολουθῶς 372, 10.
 ἀκούω 17, 9. 25, 15. 36, 9. 76,
 13. 17. 94, 7. 171, 16. 181, 9.
 182, 16. 210, 19. 375, 9. 426, 6.
 ἀκραιφνής, *ἐς* 56, 20.
 ἀκρατος, *ον* 150, 9.
 ἀκράτως 162, 17.
 ἀκριβεία, ἡ *passim*, e. g. 4, 22.
 8, 24. 12, 14. 17. 13, 5. 34, 12.
 54, 11. 59, 15. 69, 1. 83, 5.
 87, 8. 135, 2. 139, 26 ss. 151,
 15. 260, 10. 292, 13. 295, 7.
 326, 23. 352, 13. 385, 16.
 ἀκριβής, *ἐς* *passim*, e. g. 7, 5.
 12, 18 s. 13, 3 s. 34, 15 s. 43,
 12. 65, 5. 69, 12. 140, 5.
 Comp. 4, 10. 39, 26. 59, 10 ss.
 140, 11. 178, 5. 367, 4.
 ἀκριβῶς 113, 9.
 ἀκρόασις, ἡ 29, 17.
 ἀκροατής, ὁ 67, 9.
 ἀκρος, α, *ον* 88, 11. 109, 22.
 110, 7. 18. 117, 7. 11. 118, 6.
 148, 13. 198, 8. 280, 19 ss.
 374, 3.
 Sup. 4, 9. 32, 4. 62, 4. 149, 6.
 155, 11. 295, 7.
 ἀκρος καὶ μέσος λόγος 60, 18.
 τὸ ἀκρον 153, 5. 206, 8. 224,
 10.
 ἐπ' ἀκρον τάσις 301, 4. 15.
 ἀκρότης, ἡ 98, 15.
 ἀκρίς, ἡ 39, 26.
 ἀλαζών 192, 13.
 ἀλήθεια, ἡ *passim*, e. g. 4, 5.
 13, 18. 20, 5. 21, 16. 22, 4.
 49, 6. 59, 5. 70, 2. 195, 20.
 426, 10.
 ἀληθεύω 235, 17. 293, 4. 390,
 24.
 ἀληθής, *ἐς* *passim*, e. g. 13,
 12. 17. 20, 22. 30, 21. 56, 18.
 70, 13. 144, 4. 183, 19. 189,
 14. 192, 5 ss. 196, 7. 212, 4.
 240, 27.
 ἀληθινός, ἡ, ὅν 310, 7.
 ἀληθῶς 55, 24.
 ἄληπτος, *ον* 5, 20. 71, 12.
 ἄλις 107, 11.
 ἀλλαχόθεν 16, 2. 52, 15. 88, 9.
 142, 16. 186, 8. 424, 1.
 ἀλλαχοῦ 91, 23. 153, 28. 228, 1.
 ἀλλήλων *passim*, e. g. 4, 15. 6,
 11. 10, 8. 9. 12, 23. 21, 4.
 27, 3.
 ἐν ἀλλήλοις πάντα 141, 21.
 ἄλλοιῶ 137, 2.
 ἄλλοίωσις, ἡ 139, 14.
 ἄλλοιωτικός, ἡ, ὅν 18, 22.
 ἄλλος, ἡ, *ον* *passim*, e. g. 3,
 12. 4, 3. 5, 20. 7, 6. 10, 5. 11,
 3. 17, 1. 375, 2.
 ἄλλος καὶ ἄλλος 259, 18. 261,
 1 ss.
 ἄλλοτε 12, 27. 27, 7. 137, 14.
 147, 21.
 ἀλλότριος, α, *ον* 74, 22. 87, 16.
 122, 19. 193, 3. 199, 8. 336, 6.
 ἄλλως *passim*, e. g. 12, 27. 24,
 10 s. 27, 7. 73, 5. 93, 4.
 ἄλλως τε καὶ 77, 19.
 ἀλογία, ἡ 26, 18. 46, 25.
 ἄλογος, *ον* 6, 21. 23, 25. 31, 1.
 60, 15 s. 65, 19. 74, 23. 192,
 28.
 ἄλντος, *ον* 23, 24.
 ἄμα *passim*, e. g. 53, 3. 63, 22.
 95, 6. 101, 20. 153, 20.
 ἁμαρτάνω 49, 6.
 ἁμαρτία, ἡ 34, 25.
 ἁμβλυγώνιος
 κῶνος 111, 7. 177, 4.
 Vide *τριγωνον*.
 ἁμβλύνω 132, 16.
 ἁμβλύνω
 ἡ ἁμβλεῖα (γωνία) *passim*, e. g.
 131, 13—134, 27. 165, 4 ss.
 171, 24. 172, 22. 174, 2. 190,
 10. 16. 293, 18. 397, 23. 421,
 4. 430, 17.
 τὴν ἐπίπαν διάστασιν ἐν-
 δίδωσι 167, 20.
 ἡ ἁμβλυτάτη 252, 20.
 τὸ ἁμβλύν 132, 25.

- ἀμβλύτης, ἡ 23, 8. 171, 20. 191, 7. 10. 427, 8.
 ἀμεγέθης, ες 49, 26. 54, 4. 7.
 ἀμεγέθως 54, 2.
 ἀμείβω 403, 12.
 ἀμείνων 7, 3. 14, 2, 23, 23. 78, 3. 132, 2. 147, 5.
 ἀμελέω 24, 17.
 ἀμέρεια, ἡ passim, e. g. 56, 18. 88, 27. 92, 26. 96, 24. 149, 2. 294, 11.
 ἀμερῆς, ἐς passim, e. g. 5, 4. 12, 20. 18, 1. 44, 18. 49, 13. 28. 50, 8. 14. 52, 23. 53, 16. 27. 56, 2. 7. 22. 57, 14. 86, 4. 87, 3. 88, 3. 91, 12. 92, 19. 93, 6—94, 7. 94, 20—95, 20. 97, 12. 142, 1. 186, 1—187, 6. 278, 3 ss. 285, 2 ss. 291, 10. 322, 23.
 ἀμέριστος, ον passim, e. g. 3, 4. 13. 4, 7. 5, 13. 11, 6. 10. 15, 22. 19, 12. 20, 1. 26. 49, 26. 55, 17. 86, 6. 94, 27 ss. 101, 3, 291, 13.
 τὰ ἀμέριστα 3, 17. 4, 24. 49, 23 ss. 54, 3.
 ἀμερίστως 51, 2. 54, 2. 92, 2.
 ἀμερῶς 87, 17. 92, 4. 95, 20. 141, 21.
 ἄμεσος, ον 193, 19 ss. 195, 18. 200, 23.
 ἀμέσως 265, 24.
 ἀμετάβατος, ον 214, 1.
 ἀμετάστατος, ον 90, 23.
 ἀμετρία, ἡ 4, 12. 134, 1. 168, 21.
 ἀμήχανος, ον 74, 21.
 ἀμικτος, ον 129, 16.
 ἀμοιρος, ον 150, 14.
 ἀμορφία, ἡ 26, 17.
 ἀμορφος, ον 40, 20. 94, 24. 95, 2.
 ἀμόρφωτος, ον 46, 8. 52, 13. 56, 21.
 ἀμυδρός, ἄ, ὄν 4, 5. 91, 20. Comp. 11, 17. 14, 21. 15, 12.
 ἀμυδρόω 87, 9. 95, 4.
 ἀμυντικός, ἡ, ὄν 41, 8.
 ἀμφίβολος, ον 183, 23. 211, 8.
 ἀμφίκοιλος, ον 127, 8. 301, 14.
 ἀμφικυρτος, ον 127, 7. 160, 9. 238, 9. 301, 14.
 ἀμφισβητέω 194, 24.
 ἀμφισβητήσιμος, ον 195, 16. 271, 17.
 ἀμφότερος, α, ον passim, e. g. 7, 6. 34, 14. 60, 16 ss. 78, 13. 106, 20. 184, 14. 28. 260, 20.
 ἄμω passim, e. g. 7, 9. 103, 13. 181, 4. 184, 19. 277, 23. 358, 6.
 ἀναβαίνω 31, 16.
 ἀναβάλλω 279, 12.
 ἀναγκάζω 124, 10. 215, 23. 429, 13.
 ἀναγκαῖος, α, ον 33, 22. 64, 20. 109, 19 s. 206, 17. Sup. 203, 17.
 ἀναγκαῖον sc. ἐστί passim, e. g. 3, 3. 109, 23. 25. 123, 9. 135, 4. 192, 15. 17.
 τὰ ἀναγκαῖα 29, 2. 7.
 τὸ μὴ ἀναγκαῖον 311, 20.
 ἀναγκαῖως passim, e. g. 152, 26. 196, 1. 266, 3. 306, 14. 327, 5.
 ἀνάγκη passim, e. g. 12, 15. 14, 2. 15, 19. 27, 18. 25. 75, 10.
 εἰς ἀνάγκης 277, 22.
 ἀναγραφή, ἡ 78, 2. 201, 10. 423, 23.
 ἀναγράφω passim, e. g. 42, 8. 56, 9. 64, 3. 68, 4. 71, 5. 75, 4. 80, 13. 191, 1. 217, 11. 323, 7. 364, 23. 395, 22. 423, 8. 19.
 ἀνάγω passim, e. g. 55, 21. 62, 17. 68, 10. 147, 14. 211, 20. 270, 18. 352, 16.
 Med. 21, 5. 123, 12. 146, 3. 161, 11.
 ἀναγωγή, ἡ 21, 8. 31, 16.
 ἀναγωγός, ὄν 29, 27. 44, 22.
 ἀναδιδάσκω passim, e. g. 22, 11. 34, 6. 36, 17. 42, 4. 43, 20. 54, 17. 62, 5. 75, 6. 137, 23.
 ἀναζωπυρέω 20, 20.

- ἀναίρεσις 211, 26.
 ἀναιρετικός, ἡ, ὄν 255, 19. 23.
 ἀναιρέω 7, 1. 73, 23. 193, 4.
 199, 7. 212, 22. 255, 11. 330,
 3. 370, 13. 397, 5.
 ἀνακαλέω 138, 5. 151, 10.
 ἀνακάμπτω 149, 19.
 ἀνάκειμαι 130, 10.
 ἀνακινέω 38, 7. 140, 15. 241,
 21.
 ἀνακλίνῃσις, ἡ 21, 15.
 ἀνάκλασις, ἡ 40, 17.
 ἀνακνυλέω 89, 28. 91, 1. 147,
 13. 150, 3. 409, 24.
 ἀνακνύκῃσις, ἡ 149, 11. 24.
 ἀναλαμβάνω 200, 7. 355, 22.
 ἀναλέγομαι 48, 4. 177, 25. 200,
 12. 345, 11.
 ἀναλογία, ἡ 7, 22. 16, 18. 22,
 19. 34, 23. 43, 23 s. 61, 6. 73,
 22. 168, 13. 181, 23. 405, 16.
 21. 406, 2. 427, 14.
 αἱ τρεῖς 67, 5.
 ἀναλογίζομαι 7, 19. 35, 21. 100, 9.
 ἀνάλογον passim, e. g. 9, 3. 6.
 39, 21. 77, 14. 97, 20. 314, 6.
 396, 7. 405, 4.
 κατὰ τὸ ἀνάλογον 117, 2—17.
 τρία ἀνάλογα 220, 17—221, 6.
 ἀνάλυσις, ἡ 8, 7. 43, 2 ss. 57,
 19. 24. 67, 7. 92, 12. 93, 23.
 242, 15—17. 246, 9. 12. 23.
 255, 20. 256, 1. 423, 15.
 καλλίστη μέθοδος 211, 19.
 ἀναλυτικός, ἡ, ὄν 42, 20. 69,
 17.
 ἀναλύω 73, 18. 118, 15. 246, 10.
 382, 2. 5. 422, 13.
 ἀναμετρέω 100, 8. 133, 16.
 Med. 23, 14.
 ἀναμέτρησις, ἡ 38, 17. 64, 20.
 ἀναμίγνυμι 271, 3.
 ἀναμιμνήσκω 29, 7. 25. 45, 20 s.
 89, 20. 97, 18. 214, 14. 390,
 13. 432, 1.
 ἀνάνησις, ἡ 18, 17. 21, 14. 45,
 7 ss.
 ἀναμφισβητήτος, ὄν 260, 12.
 262, 2. 335, 14.
 ἀναμφισβητήτως 286, 9. 366,
 16.
 ἀνάντης, ες 22, 3.
 ἀνάπαλιν passim, e. g. 18, 26.
 54, 3. 69, 23. 73, 4. 78, 8. 313,
 21.
 ἀναπέμπω 28, 11. 44, 12. 118,
 20. 132, 19. 379, 3. 426, 7.
 428, 9.
 ἀναπύμπλημι 33, 24. 46, 5. 49,
 21. 87, 2. 14. 138, 27. 166, 20.
 168, 24. 290, 21.
 ἀνάπλεως, ὡν 54, 12.
 ἀναπλώω 4, 11. 55, 1. 137, 24.
 140, 19.
 ἀναπόδεικτος, ὄν passim, e. g.
 179, 9. 14. 181, 14. 182, 2. 17.
 183, 12 ss. 193, 15. 322, 9.
 ἀναποδείκτως 32, 6. 193, 8. 364,
 20.
 ἀναρμωστιά, ἡ 23, 20.
 ἀνάρμωστος, ὄν 26, 20.
 ἀναρχος, ὄν 149, 12.
 ἀνασκέπτομαι 338, 3. 432, 9.
 ἀναστρέφω 57, 26. 203, 14.
 ἀναστροφή, ἡ 7, 23. 69, 18.
 τῶν λόγων 60, 24.
 ἀνατείνω 20, 26. 27, 26. 174, 12.
 ἀνατίθῃμι 8, 15. 47, 6. 167, 2.
 ἀνατρεπτικός, ἡ, ὄν 255, 4.
 ἀνατρέπω 199, 10. 255, 2. 25.
 ἀνατρέχω 9, 18. 18, 6. 55, 10.
 57, 18. 85, 3. 93, 13. 153, 13.
 207, 6.
 ἀνατροπή, ἡ 247, 15.
 ἀναφαίνω passim, e. g. 22, 18.
 63, 18. 83, 21. 132, 13. 303,
 17.
 Pass. 8, 12. 53, 3. 155, 10. 156,
 2. 171, 25. 235, 6. 303, 7. 354,
 16.
 ἀναφέρω passim, e. g. 4, 14.
 9, 2. 13, 21. 14, 9. 23, 7. 28, 2.
 4. 43, 15. 71, 3. 99, 10. 121,
 17. 432, 6.
 ἀναφορά, ἡ 27, 3. 133, 17. 134,
 24. 269, 14.
 ἀναφανέω 208, 23.
 ἀνδριαντοποιητική, ἡ 137, 4.

- ἀνεγείρω 18, 19. 20, 21. 45, 10.
 47, 3. 52, 22. 151, 4. 154, 16.
 ἀνείμι 5, 16. 11, 9. 62, 25. 142,
 6. 243, 14. 290, 19.
 ἀνέκλειπτος, *ον* 108, 12.
 ἀνέλεγκτος, *ον* passim, e. g.
 13, 4. 22, 5. 33, 23. 34, 7. 44,
 14. 68, 10. 140, 3. 260, 12.
 378. 2. 426, 13.
 Comp. 43, 12.
 τὸ ἀνέλεγκτον 3, 8. 11, 21.
 12, 14.
 ἀνελέγκτως 286, 9.
 ἀνέλιξις, ἡ 37, 12. 42, 18. 44,
 20. 139, 7.
 ἀνελίττω (ἀνελίσσω) passim,
 e. g. 4, 12. 11, 19. 16, 11. 18,
 23. 43, 10. 55, 3. 62, 11. 149,
 2. 210, 13.
 ἀνειαῖος, *ον* 13, 16.
 ἀνεξάλλακτος, *ον* 404, 20.
 ἀνεξάπατητος, *ον* 70, 8.
 ἀνεπιστήμων, *ον* 322, 6.
 ἀνεπιτήδειος, *ον* 269, 25.
 ἀνερευνάω 414, 12.
 ἀνερωτάω 131, 20.
 ἀνεσις, ἡ 172, 19.
 ἀνεν passim, e. g. 30, 23. 39,
 11. 54, 7. 71, 12. 78, 18. 204, 4.
 ἀνευρίσκω passim, e. g. 17, 27.
 22, 28. 40, 24. 42, 2. 57, 16.
 64, 1. 345, 14.
 ἀνέχομαι 139, 13. 192, 11.
 ἀνήκω 138, 22. 142, 2.
 ἀνῆρ, ὁ 29, 25. 36, 8. 68, 11.
 24. 143, 21. 419, 22.
 ἀνθρωπικός, ἡ, ὅν 26, 8.
 ἀνθρώπινος, *η, ον* 26, 4. 27, 17 ss.
 ἀνθρωπος, ὁ 29, 2. 5. 40, 8. 63,
 17. 64, 10.
 ἀνίδρυτος, *ον* 147, 14.
 ἀνίημι 130, 14. 132, 24. 173,
 18. 174, 4.
 ἀνισάζω 270, 12.
 ἀνισορροπία, ἡ 41, 11. 181, 18.
 ἀνισος, *ον* passim, e. g. 80, 10.
 12. 122, 10 ss. 123, 25. 128,
 12. 134, 26. 165, 9.
 τὸ ἀνισον 7, 27. 131, 16.
 ἀνισότης passim, e. g. 49, 22.
 83, 14. 124, 9. 132, 4. 14. 165,
 5. 168, 20. 191, 9. 10. 293, 17.
 313, 20 ss. 336, 15 ss.
 ἀνίστημι 218, 8.
 ἄνοδος, ἡ 9, 17. 20, 1. 44, 8.
 64, 21. 84, 19.
 ἀνομοειδής, ἐς 163, 5.
 ἀνομοιοειδής, ἐς 164, 2.
 ἀνομοιομερής, ἐς 112, 18.
 ἀνόμοιος 8, 10. 12. 39, 19. 105,
 8. 25. 106, 3. 122, 17. 144,
 19 ss. 159, 13. 22.
 ἀνομοιότης, ἡ 8, 8. 23, 17. 106,
 23. 191, 11. 315, 1.
 ἀνταπόδοσις, ἡ 149, 18.
 ἀντεραστής, ὁ 66, 3.
 ἀντέχομαι 66, 14. 70, 2.
 ἀντί 13, 17. 14, 9. 267, 4. 280, 7.
 ἀντίγραφον, τὸ 198, 4.
 ἀντιδιαίρῃω 116, 22.
 Med. 30, 13. 293, 13.
 ἀντίθετος, *ον* 349, 25.
 ἀντίκειμαι 7, 26. 79, 14. 16.
 212, 3. 254, 23. 255, 21. 261,
 11. 267, 3. 337, 2. 12. 344, 14.
 ἀντικρὺ 238, 14.
 ἀντιλαμβάνω.
 Med. 4, 5. 20, 1. 74, 7.
 ἀντιλέγω 335, 14.
 ἀντειρήσθω 323, 5.
 ἀντιλογία, ἡ 200, 4.
 ἀντιλογικός, ὁ 25, 15.
 ἀντιμεταλαμβάνω 252, 7.
 ἀντιπίπτω 247, 16. 248, 5.
 ἀντίρρησις, ἡ 199, 15.
 ἀντιστρέφω passim, e. g. 69, 22.
 184, 4. 8. 191, 25. 248, 12.
 252, 1. 253, 2 ss. 258, 14. 429,
 22.
 ἀντιστροφή, ἡ passim, e. g. 69,
 19. 247, 3. 251, 24—254, 21.
 256, 11. 259, 13. 364, 10.
 τριττὴ 409, 1—6.
 ἀντιστροφίος (?) 321, 19. 345, 2.
 ἀντίστροφος, *ον* passim, e. g.
 183, 25. 189, 13. 254, 7 ss.
 265, 6 ss. 321, 19 (?). 345, 2 (?).
 ἀντιστροφῶς 345, 6.

- ἀντιφάσκω 254, 27. 266, 12.
 ἄντυξ, ἡ 155, 5.
 ἀνυπαρκτος, *ον* 221, 21.
 ἀνυπέροβλητος, *ον* 295, 8.
 ἀνυπόθετος, *ον* 11, 9. 32, 15.
 75, 9.
 ἀνυπόστατος, *ον* 139, 23. 140,
 10. 199, 5.
 ἀνύσιμος, *ον* 74, 3.
 ἀνύω 200, 5.
 ἄνω 153, 5. 225, 15. 357, 20.
 ἄνωθεν *passim*, *e. g.* 19, 20.
 27, 14. 42, 14. 44, 21. 61, 25.
 148, 8.
 ἀνωμαλία, ἡ 106, 15.
 ἀνωμάλως 106, 14.
 ἀνώνυμος, *ον* 391, 24.
 ἀνωτάτω 31, 15.
 ἀνωτέρω 9, 25. 44, 9. 338, 12 s.
 374, 12.
 ἀξία, ἡ 25, 16. 72, 16 (?). 98, 3.
 243, 15. 25.
 ἄξιος, α, *ον passim*, *e. g.* 28,
 12. 81, 17. 102, 22. 283, 1.
 284, 19. 393, 7.
 ἀξιώω *passim*, *e. g.* 9, 21. 12,
 9. 27, 18. 30, 24. 71, 4. 360,
 19.
 ἀξίωμα, τό *passim*, *e. g.* 57,
 28. 58, 7. 15. 76, 6 s. 184, 11—
 22. 188, 5. 193, 16—198, 15.
 209, 11. 22. 240, 24. 278, 24.
quid? 76, 9—11. 77, 1—5. 178,
 2—184, 10. 371, 12. 14—17.
 373, 8.
 ἄξων, ὁ
 τῶν ἐν κόσμῳ περιφορῶν 89,
 22—91, 10.
 κυλίνδρον 105, 21. 156, 18.
 παραβολῆς, ἐλλείψεως 119,
 24. 26. 126, 20. 156, 17. 246, 7.
 σφαίρας 156, 16.
 κώνον 156, 18.
 ἀοριστὰν 285, 11. 23.
 ἀοριστία, ἡ 26, 17. 49, 20. 86,
 19. 133, 12. 22. 149, 27. 221,
 25. 222, 12. 286, 10. 290, 21.
 ἀόριστος, *ον* 98, 21. 101, 18.
 111, 12. 133, 18. 134, 5. 155,
 15. 177, 3. 222, 17. 291, 18.
 293, 17 ss. 371, 7. 377, 22.
 378, 1.
 ἀοριστώδης, *ες* 222, 2. 253, 15.
 ἀορίστως 81, 2. 82, 11. 131, 17.
 133, 5. 291, 8. 294, 7. 310, 12.
 ἀπαγωγή, ἡ 210, 28. 212, 24—
 213, 11.
 εἰς ἀδύνατον 212, 2. 254, 22—
 256, 10. 14. 264, 10. 265, 26.
 266, 8. 295, 4. 300, 8. 301, 1.
 304, 5. 7. 318, 15. 345, 2. 407,
 12. 408, 26. 409, 23.
 ἀπάθεια, ἡ 52, 6.
 ἀπαθής, *ές* 46, 9. 52, 5.
 ἀπαίρω 84, 20.
 ἀπαίτεω *passim*, *e. g.* 32, 21.
 33, 7. 25. 34, 5. 12. 84, 10.
 131, 21. 184, 21. 192, 10. 248,
 16. 302, 5. 333, 7.
 ἀπαλλάσσω 337, 25.
 ἀπαντάω *passim*, *e. g.* 15, 14.
 192, 6. 212, 20. 214, 8.
Med. 26, 10. 105, 13.
 ἀπάντησις, ἡ 247, 19.
 ἄπαξ 383, 1. 8.
 ἀπαράλλακτος, *ον* 409, 22.
 ἀπαράλλαντος 61, 10. 407, 12.
 ἀπαρέγκλιτος, *ον* 108, 11. 157,
 12. 185, 11. 292, 6.
 ἀπαρίμνησις, ἡ 162, 24.
 ἄπας *passim*, *e. g.* 4, 5. 5, 9.
 19, 7. 15, 9. 22. 27, 11, 26.
 ἀπατάω 192, 2. 403, 18.
 ἀπάτη, ἡ 70, 14. 261, 12. 337,
 25.
 ἄπανστος, *ον* 6, 16. 90, 5. 21.
 ἀπεικάζω 10, 3. 138, 13. 173,
 23. 395, 14.
 ἀπεικασία, ἡ 24, 27. 149, 15.
 ἀπεικονίζω 91, 4. 129, 18. 214, 1.
 ἀπειραχῶς 88, 20. 220, 9 ss.
 222, 10 ss.
 ἀπειρέσιος, α, *ον* 155, 19.
 ἀπειρία, ἡ *passim*, *e. g.* 6, 7.
 8. 20. 37, 21 ss. 87, 25—88,
 26. 104, 14. 116, 1. 129, 17.
 132, 12. 134, 7. 143, 4. 191,
 11. 294, 2 ss. 314, 20.

- οὐκ ἐνὸν ἀπειρίαν γνώσει
περιλαβεῖν 36, 7.
ἀπειροδύναμος, *ον* 37, 11. 187,
14.
ἄπειρος, *ον* (inexpertus) 396,
13. 403, 18.
ἄπειρος, *ον* passim, e. g. 18, 2.
88, 4 ss. 98, 20. 101, 7—103,
1. 112, 10. 132, 3. 293, 17.
ἡ ἀπειρος μεῖζων πεπερασμέ-
νης 277, 22.
τὸ ἀπειρον 5, 18. 6, 2. 7, 10.
19, 11. 36, 6. 37, 15. 104, 9.
21. 107, 22. 142, 25. 144, 8 ss.
198, 12. 314, 26. 322, 24. 395,
15 ss.
διπλάσια τῶν ἀπείρων 158,
2—20.
τῆς ἀπείρων πέρας σημεῖον
οὐκ ἔστιν 208, 14 s.
πῶς ὑπόστασιν ἔχει τὸ ἄπει-
ρον 284, 18—286, 11.
ἐκ πέρατος καὶ ἀπείρων τὰ
ἄλλα πάντα 107, 17.
εἰς ἄπειρον 6, 14. 86, 17. 184,
27. 278, 11. 322, 24. 369, 15.
ἐπ' ἄπειρον 6, 17. 60, 15. 88,
10. 107, 16. 111, 5. 15. 132,
3. 184, 17. 187, 19. 23. 198,
14. 278, 9 ss.
ἀπείρως 291, 8.
ἀπελαύνω 29, 19. 32, 3.
ἀπεναντίας 171, 22. 194, 12.
206, 21.
ἀπεναντίον passim, e. g. 169,
6. 171, 8. 10. 305, 19 ss. 326,
22. 328, 9. 341, 4. 14. 355,
5 ss. 361, 7 ss. 377, 11 ss.
ἄπερ 75, 27.
ἀπέραντος, *ον* 73, 20. 74, 21.
112, 9. 132, 15. 133, 20. 150,
11. 200, 18.
ἀπεργάζομαι 43, 12. 44, 14. 74,
9. 15. 208, 24. 354, 15.
ἀπεργασία, ἡ 201, 4.
ἀπερεῖδω
Med. 18, 15.
ἀπεριήγητος, *ον* 5, 19.
- ἀπερίληπτος, *ον* 285, 13.
ἀπέρχομαι 403, 10.
ἀπέχω 109, 10. 177, 21. 268, 23.
ἀπήχημα, τό 28, 25.
ἀπίθανος, *ον* 192, 20.
ἄπιστος, *ον* 63, 17.
ἀπλατής, ἐς 12, 20. 49, 14. 87,
4. 96, 19—97, 5.
ἀπλότης, ἡ passim, e. g. 4, 1.
21. 6, 1. 8, 24. 43, 15. 44, 17.
59, 17. 85, 9. 87, 5. 15. 88,
26. 114, 11. 148, 16. 179, 14.
293, 24.
ἀπλοῦς, ἡ, οὖν passim, e. g.
3, 3. 4. 5, 9. 7, 17. 11, 6. 19,
17. 22, 22. 53, 15. 54, 6. 82,
9. 101, 2. 142, 24 ss.
Comp. 8, 3. 14, 4. 26, 26. 34,
10. 44, 4. 57, 17. 24. 59, 13.
85, 3 ss.
πρὸς αἰσθησιν, πρὸς λόγον
93, 25 s.
γραμμαί 104, 26—106, 19.
θεωρήματα 242, 14 ss.
ἀπλώω 132, 25.
ἀπλῶς passim, e. g. 7, 26. 14,
15. 32, 23. 36, 4. 81, 2. 134,
11. 369, 23.
ἀπό passim, e. g. 5, 17. 6, 10.
15. 8, 5. 18. 9, 7. 15. 17. 27.
26, 16. 18. 63, 24. 82, 22. 376,
27.
τὸ ἀπό = τετράγωνον 404, 7 s.
ἀποβλέπω passim, e. g. 28, 8.
33, 2. 89, 20. 114, 23. 124, 16.
130, 7.
ἀπογεννάω passim, e. g. 5, 17.
6, 11. 13, 15. 19. 19, 7. 86,
14. 137, 4. 139, 15. 314, 21.
ἀπογέννησις, ἡ 149, 22. 151, 6.
ἀπογινώσκω 186, 16.
ἀπογράφω 137, 17.
ἀποδεικνύμι passim, e. g. 14,
11. 32, 7. 34, 26. 35, 1. 58, 16.
75, 8. 15.
ἀποδεικτικός, ἡ, ὅν 14, 20. 42,
21. 69, 16. 179, 10. 184, 7.
206, 19. 260, 6. 384, 8.

- ἀποδεικτός, ἡ, ὄν 182, 15. 183, 25. 188, 9. 194, 13. 211, 10. 278, 24. 322, 9. 364, 22.
 ἀπόδειξις, ἡ passim, e. g. 9, 26. 14, 2 ss. 33, 1 ss. 35, 11. 13. 43, 4. 8. 54, 26. 57, 6 ss. 79, 7. 81, 13 ss. 113, 4. 178, 10. 203, 5. 12. 18. 206, 12—207, 3.
 ἀποδέχομαι 34, 1. 100, 5.
 ἀποδιαλαμβάνω 203, 8. 355, 25.
 ἀποδίδωμι passim, e. g. 3, 17. 32, 17. 33, 22. 34, 2. 40, 14. 45, 1. 50, 17. 146, 8. 391, 29.
 ἀπόδοσις, ἡ passim, e. g. 59, 15. 113, 13. 114, 18. 128, 20. 146, 1. 151, 14. 432, 17.
 ἀποκαθαίρω 28, 5.
 ἀποκαθίστημι 149, 1.
 ἀποκαλέω 20, 11. 30, 5. 90, 15. 129, 8. 142, 14. 173, 13. 212, 10.
 ἀποκατάστασις, ἡ 22, 28. 213, 26.
 ἀποκρίνομαι 68, 16.
 ἀπολαμβάνω passim, e. g. 3, 4. 109, 15. 152, 7. 159, 18. 160, 6. 163, 17.
 ἀπολαύω 6, 7. 41, 23. 88, 13. 102, 9.
 ἀπολείπω 8, 9.
 Pass. passim, e. g. 4, 7. 18. 12, 2. 31, 21. 54, 13. 140, 4. 181, 3.
 ἀπολήγω 95, 13. 112, 6. 157, 1.
 ἀπολογισμός, ὁ 145, 19.
 ἀπολυτικός, ἡ, ὄν 46, 24.
 ἀπόλυτος, ὄν 139, 9.
 ἀπολύτως 174, 16.
 ἀπολύω 29, 6. 49, 9. 55, 22.
 ἀπομιμέομαι 5, 1. 41, 14. 138, 15. 173, 6. 291, 12.
 ἀπονέμω 10, 20. 146, 7. 200, 16.
 ἀπονεύω 176, 8. 180, 1.
 ἀποπεράτωσις, ἡ 19, 25.
 ἀποπίπτω 69, 28. 283, 3.
 ἀποπληρώω 6, 4. 84, 22. 275, 5.
 ἀπορέω 49, 4. 94, 19. 131, 23. 158, 5. 171, 14. 181, 11. 185, 25. 199, 4. 213, 7. 223, 16. 269, 27. 271, 19.
 ἀπορία, ἡ 94, 26. 105, 13. 123, 22. 191, 22. 339, 15.
 ἄπορος, ὄν 50, 10. 72, 5. 123, 14. 124, 16. 258, 17.
 ἀπόρητος, ὄν 90, 11.
 ἀπορρίπτω 29, 24. 150, 6.
 ἀπορροία, ἡ 173, 16.
 ἀποσιώπησις, ἡ 411, 19.
 ἀποσκευάζω 73, 26.
 ἀποσπᾶω 187, 13.
 ἀπόστασις, ἡ, passim, e. g. 24, 18. 40, 13. 21. 41, 21. 42, 2. 88, 11. 107, 8. 109, 16. 176, 15. 269, 16. 292, 11. 352, 17.
 ἀπόστημα, τό 185, 24. 377, 4.
 ἀποτελεσμα, τό 18, 25. 19, 21. 61, 8. 73, 8. 132, 1. 139, 16.
 ἀποτελεσματικός, ἡ, ὄν 27, 10. 103, 12.
 ἀποτελέω passim, e. g. 24, 13. 26, 14. 53, 7. 87, 11. 96, 14. 107, 14. 429, 7.
 ἀποτεμνω 228, 20.
 ἀποτυπόομαι 91, 5. 129, 12. 138, 11. 154, 27. 155, 15.
 ἀποτυφλώω 20, 19.
 ἀποφαίνω passim, e. g. 3, 9. 10, 28. 14, 11. 15, 5. 22, 6. 25, 19. 30, 1. 19. 100, 12. 166, 12. 330, 16.
 ἀπόφανσις, ἡ 77, 3.
 ἀποφαντικός, ἡ, ὄν 194, 1.
 ἀποφαντικῶς 80, 24.
 ἀπόφασις, ἡ 94, 8—18. 96, 22. 114, 9 ss. 171, 12. 260, 3. 361, 1.
 ἀποφάσκω 99, 21.
 ἀποφατικός, ἡ, ὄν 94, 10. 260, 4. 8.
 ἀποφαντικῶς 96, 23. 259, 22.
 ἀποφέρω 236, 3. 403, 13.
 ἀπόφημι 255, 6. 295, 24.
 ἀποφοιτάω 161, 2.
 ἀποχή, ἡ 42, 4.
 ἀποχρᾶω 204, 4.
 Med. 324, 22.
 ἀπραγματευτῶς 180, 3. 303, 6.
 ἀπροσδεής, ἐς 242, 6.

- ἄπτομαι 60, 14. 135, 22. 402, 11.
 ἄπρωτος, *ον* 222, 22.
 ἄρα *passim*, e. g. 5, 5. 8, 21.
 12, 18. 13, 7. 22, 17, 23.
 ἄρα 93, 6.
 ἄργυρος, ὁ, 105, 18.
 ἀρέσκω.
 τὸ ἀρέσκον 142, 8.
 ἀρετή, ἡ 17, 6. 20, 14. 21, 18.
 24, 6. 8 s. 27, 19. 28, 8. 63, 1.
 133, 20. 173, 24 s.
 ἀρθρον, τό 211, 24.
 ἀριθμητικός, ἡ, ὄν 48, 13. 59,
 8. 73, 13. 93, 19. 205, 9. 259,
 25. 303, 21. 23. 357, 13.
 ὁ ἀριθμητικός 9, 5 s. 40, 6.
 182, 12.
 ἡ ἀριθμητική 6, 22. 23, 28.
 25, 6. 34, 15. 35, 28. 36, 20 ss.
 38, 10. 39, 14 ss. 48, 11. 184,
 13 ss.
 ἀρχή 65, 3—5.
 ἡ τῶν πολλῶν 25, 11.
 geometriae comparata 59, 16
 —61, 17. 95, 23—96, 15.
 ἀριθμός, ὁ *passim*, e. g. 6, 15.
 23, 26. 7, 20. 8, 1. 9, 6 ss. 16,
 18. 22, 7. 26, 23, 5. 16. 24, 10.
 25, 10. 33, 7. 35, 19. 36, 20.
 39, 16 ss. 40, 3. 60, 13. 61, 2 ss.
 63, 15. 93, 7. 158, 5 ss. 161,
 20 ss. 184, 14 ss. 253, 9. 382,
 15. 391, 25. 423, 25.
 ἐπὶ ψυχῆς 17, 7.
 ὅμοιοι, ἀνόμοιοι 8, 11. 18.
 φαινόμενοι 16, 23. 17, 10.
 ὁ γεωμετρικός 23, 22 ss.
 ὁ μοναδικός 96, 3.
 ἀρχαί τῶν ἀριθμ. 17, 15. 33,
 8. 92, 26 ss.
 ἕκαστος εἰς ἔστι 96, 4.
 (κνυλικοί) 150, 3. 17—151, 12.
 τρίγωνος, ἑξάγωνος 253, 18—
 20.
 τετράγωνος 427, 21—429, 8.
 ἄριστος, *η*, *ον* 23, 25. 44, 22.
 55, 19. 172, 17. 211, 13.
 τὰ ἐν εὐθύγραμμῳ ἄριστα
 423, 12.
 ἀρκέω 165, 15. 220, 6. 227, 5.
 286, 13. 293, 6. 304, 9. 314, 9.
 385, 18. 406, 3. 407, 13. 429, 11.
 ἀρκούντως 323, 4.
 ἀρμόζω 16, 25. 210, 4.
 ἀρμονία, ἡ 21, 12. 40, 23.
 ἀρμονικός, ἡ, ὄν 16, 19. 25.
 ἡ ἀρμονική 34, 16.
 ἀρπάζω 55, 27.
 ἀρρεπής, ἐς 157, 14. 291, 6.
 292, 7.
 ἀρρεπία, ἡ 133, 13. 135, 9. 291, 16.
 ἄρρην 151, 9.
 ἄρρητος, *ον* 6, 21. 60, 9. 90, 16.
 141, 24.
 ἀρρήτως 138, 13. 140, 21.
 ἀρτάω 11, 8. 240, 13. 299, 8.
 326, 14.
 ἀρτιόπλευρος, *ον* 393, 7.
 ἄρτιος, α, *ον* 151, 10. 162, 18 ss.
 174, 7. 278, 4. 428, 22 s.
 ἄρυνθος, *ον* 40, 20.
 ἀρχαῖκος, ἡ ὄν
 Comp. 251, 1.
 ἀρχαῖκῶς 283, 9.
 ἀρχαῖοι, οἱ 391, 20.
 τὰ ἀρχαῖα 426, 6.
 ἀρχή, ἡ *passim*, e. g. 3, 12. 5,
 17. 6, 9. 7, 15. 9, 1 ss. 11, 9.
 17, 2. 18, 3. 25, 19, 7 ss. 21,
 8. 18. 26, 27. 27, 5. 31, 19.
 32, 1. 9. 37, 16. 42, 14. 43,
 16 ss. 57, 17 ss. 58, 5. 21 ss.
 61, 19. 84, 8. 94, 14. 161, 18.
 179, 13.
 ἀρχαί τῆς μαθηματικῆς 5, 15.
 7, 6. 13. 29, 20 s. 32, 5. 101,
 4. 255, 13 ss.
 πρῶται 326, 13.
 πρωτογενεῖ 16, 19.
 δημιουργικαί 37, 4.
 ἀριθμῶν 17, 15. 33, 8.
 (ἀριθμητικῆς) 65, 4.
 γεωμετρικαί 178, 1. 199, 2 ss.
 278, 11.
 σχημάτων 17, 18. 33, 8.
 τῶν τεχνῶν καὶ ἐπιστημῶν
 64, 16. 75, 8 ss.
 τῶν ὄντων ἀπάντων 108, 5.

- τῆς διαστάσεως 155, 6.
 Διός 174, 11.
 τὴν ἀρχὴν adverb. 128, 18.
 ἐξ ἀρχῆς 197, 10. 255, 12. 259, 19.
 ἀρχηγικός, ἡ, ὄν 20, 9.
 ἀρχηγός, ὄν 154, 26. 167, 16.
 ἀρχικός, ἡ, ὄν 74, 12. 85, 16.
 86, 4. 91, 14. 93, 11. 110, 9.
 139, 16.
 ἀρχοειδής, ἐς 71, 13. 73, 8. 74, 17. 82, 13. 98, 11. 103, 22.
 113, 11. 244, 2. 414, 13.
 ἀρχοειδῶς 18, 2.
 ἀρχομαι passim, e. g. 6, 15.
 18, 18. 19, 20. 64, 23. 70, 7.
 25. 81, 25. 117, 15.
 ἀσάλευτος, ὄν 90, 21. 130, 6.
 ἀσαφής, ἐς 195, 10. 242, 9. 16.
 ἀσθένεια, ἡ 368, 25.
 ἀσθενέω 54, 27. 162, 13.
 ἀστρολογία, ἡ 25, 22. 38, 11.
 25. 41, 19. 42, 3. 278, 8.
 ἀστρολογικός, ὁ 109, 25. 241, 19.
 ἄστρον, τό 42, 2. 5.
 ἀστρονομία, ἡ 269, 8. 13. 19.
 ἀστρονομικά, τά 73, 13. 268, 21.
 ἀσύγχυτος, ὄν 136, 11.
 ἀσύμβατος, ὄν 221, 20.
 ἀσύμβλητος, ὄν 124, 12.
 ἀσυμμετρία, ἡ 26, 17.
 ἀσύμμετρον, τό 278, 20.
 ἀσύμπλεκτος, ὄν 244, 23.
 ἀσύμπλωτος, ὄν 175, 12. 24.
 176, 18—177, 23. 192, 20. 362,
 27. 365, 2—3. 366, 21 ss. 367,
 7. 17. 368, 4 ss. 369, 16. 371,
 8. 375, 6. 395, 9.
 ἀσύναπτος, ὄν 10, 8.
 ἀσύννευστος, ὄν 177, 21.
 ἀσύνθετος, ὄν 3, 5. 111, 2. 9.
 246, 10.
 ἀσφαλής, ἐς 248, 2. 270, 22.
 ἀσφαλίζω 260, 11.
 ἀσχετος, ὄν 101, 9. 134, 6.
 ἀσχημάτιστος, ὄν 52, 12. 54, 8.
 94, 25.
 ἀσχημοσύνη, ἡ 139, 4.
 ἀσχολεύομαι 41, 26. 200, 23.
 ἀσώματος, ὄν 18, 24. 20, 26.
 21, 22. 49, 6. 26. 54, 3. 96, 14.
 137, 17. 322, 20.
 τὰ ἀσώματα ψυχὴ καὶ νοῦς
 147, 15.
 ἀσωμάτως 17, 3.
 ἄτακτος, ὄν 24, 15. 74, 23. 220,
 12.
 ἀτάκτως, 26, 19.
 ἀταξία, ἡ 26, 16.
 ἄτε 31, 20. 52, 23.
 ἀτελεύτητος, ὄν 149, 12.
 ἀτελής, ἐς passim. e. g. 12, 18.
 15, 14. 19, 4. 21, 17 s. 22, 3.
 29, 11. 32, 15. 64, 25. 88, 25.
 93, 20. 94, 2. 138, 25. 149, 25.
 368, 12.
 οἱ ἀτελέστεροι 82, 6.
 ἀτελῶς 91, 20. 161, 10.
 ἀτιμάζω 28, 23. 29, 13.
 ἀτιμος, ὄν
 Comp. 14, 25. 15, 2.
 ἄτμητος, ὄν 298, 17.
 ἄτομος, ὄν 279, 6.
 ἄτοπος, ὄν 144, 9. 217, 2. 255,
 10. 368, 18. 408, 6. 435, 16.
 436, 6.
 ἀτόπως 361, 17.
 ἄτρακτος, ὁ 90, 9.
 ἀτραπός, ἡ 19, 8. 68, 16. 212,
 18.
 ἄτρεπτος, ὄν 90, 7. 132, 21.
 ἀτρώτος 155, 20.
 ἄττα 122, 13. 354, 10.
 ἀτυπώτως 55, 14.
 αὐ passim, e. g. 9, 5. 10, 22.
 17, 18. 40, 2. 22.
 αὐ πάλιν 4, 13.
 αὐθις, 64, 14.
 αὐλία, ἡ 4, 1. 20. 28, 27. 43, 15.
 αὐλος, ὄν passim, e. g. 9, 13.
 11, 24. 13, 14. 20, 1. 43, 14.
 52, 5. 53, 14. 54, 13. 85, 13 ss.
 95, 24. 96, 9. 97, 11. 101, 15.
 137, 17.
 αὐλως 63, 5. 65, 18. 137, 21.
 αὐξάνω 67, 5. 82, 11. 270, 13.
 αὐξη, ἡ 39, 20.

αὔξῃσις, ἡ 6, 16, 50, 4. 132, 4.
 11. 188, 14. 293, 19. 316, 22.
 397, 8. 12. 398, 6 ss.
 αὔξητός, ἡ, ὅν 198, 15.
 αὔξω passim, e. g. 167, 22. 184,
 27. 270, 10 ss. 292, 21. 305, 14.
 αὐτάρ 305, 23.
 αὐτάρκης, ἐς 18, 13. 174, 1.
 260, 2.
 αὐτενέργητος, ὃν 15, 26. 141,
 1. 147, 28.
 αὐτογόνως 16, 7.
 αὐτόζωος, ὃν, 148, 24.
 αὐτόθεν passim, e. g. 7, 9. 76,
 23. 79, 11. 179, 3. 181, 9. 192,
 4. 211, 11. 212, 3. 282, 22.
 αὐτοκίνητος, ὃν 15, 27. 16, 23.
 17, 23. 137, 20. 140, 14. 142,
 3 s. 147, 27. 148, 24.
 αὐτοματίξω 13, 20.
 αὐτοπίστος, ὃν 76, 13. 179, 14.
 194, 6. 255, 17.
 αὐτοπίστως 75, 16.
 αὐτός passim.
 καθ' αὐτό 34, 23. 35, 2 s. 26 ss.
 76, 10. 123, 21.
 καθ' αὐτό καὶ ἡ αὐτό 355,
 22. 356, 13. 384, 6.
 καθ' αὐτά 9, 20. 31, 5.
 ταυτόν 34, 27. 35, 1. 353, 4—
 11.
 ταυτό 76, 7.
 αὐτοτελής, ἐς 91, 18.
 αὐτοφανής, ἐς 195, 18.
 αὐτοφυής, ἐς 240, 13. 421, 22.
 αὐτοφυώς 244, 3.
 ἀφαίρεσις, ἡ passim, e. g. 12,
 6. 15, 16. 77, 9. 79, 1. 139, 14.
 19. 26. 140, 2. 235, 1.
 ἀφαιρετικός, ἡ, ὃν 46, 23.
 ἀφαιρέω passim, e. g. 15, 2.
 25, 17. 28, 6. 30, 1. 9. 36, 5.
 69, 27. 227, 9. 292, 9. 338, 10.
 ἀφανής, ἐς 16, 26. 21, 12. 174,
 20.
 ἀφανίζω 64, 15. 22. 95, 7. 154,
 8. 199, 8.
 ἀφερμεύω 128, 21.

ἀφή, ἡ 50, 6. 54, 16. 58, 13. 60,
 14. 120, 20.
 ἄφθονος, ὃν 303, 17.
 ἀφιερῶ 130, 12.
 ἀφήμι 28, 19. 84, 21. 140, 11.
 141, 18. 150, 15. 285, 12. 18.
 ἀφικνέομαι 64, 10.
 ἀφίστημι 27, 24. 123, 4. 175, 18.
 177, 14. 269, 18. 292, 8. 293,
 21. 309, 9 ss. 377, 7.
 ἀφομοιῶ 20, 4.
 ἀφομοιωματικός, ἡ, ὃν 23, 17.
 ἀφομοίωσις, ἡ 133, 1. 149, 9.
 ἀφορῶ 27, 18. 37, 11. 100, 15.
 130, 15. 310, 20.
 ἀφορία, ἡ 23, 20. 150, 4.
 ἀφορίζω passim, e. g. 3, 7. 10,
 15. 11, 26. 25, 4. 31, 12. 35,
 24. 86, 6.
 ἀφορμή, ἡ 174, 19. 211, 25. 247,
 20. 258, 22. 304, 13. 305, 23.
 307, 8. 392, 22.
 ἄφραστος, ὃν 138, 7.
 ἀχλὺς, ἡ, 30, 1.
 ἀχραντος, ὃν 108, 12. 132, 19.
 133, 13. 173, 4. 9. 291, 6. 18.
 ἀχράντως 290, 19. 291, 13.
 ἀχρηστος, ὃν 27, 20. 28, 9. 247,
 11. 268, 18.
 ἄκρι 148, 8. 150, 13. 18. 431, 15.
 ἀχώριστος, ὃν 15, 3. 49, 8. 50,
 21. 53, 15. 86, 27.
 ἀψίς, ἡ 104, 19. 163, 6. 164, 3.
 βάθος, τό 97, 3. 100, 14. 114, 9.
 βαθύς 47, 3.
 βάμα 84, 17.
 βάρος, τό 25, 11. 181, 19.
 βασιλεύς, ὁ 24, 19. 63, 21.
 βασιλικός, ἡ, ὃν 68, 16.
 βάσις, ἡ passim, e. g. 79, 27.
 80, 2. 26. 83, 23. 84, 1. 118,
 16 s. 153, 9.
 γωνιῶν 396, 6.
 βεβαίω 195, 20. 203, 14. 255,
 11.
 βελτίων, ὃν 14, 16.
 βέλτιστος 403, 13.
 βῆμα 84, 19.
 βίαιος, ὃν 52, 19.

- βιβλίον passim, e. g. 69, 4. 70, 15. 71, 3. 76, 2. 81, 20 ss. 125, 8. 345, 11.
 βλος, ὁ 21, 7. 26, 3. 27, 25. 28, 10. 63, 9.
 βιωτικός, ἡ, ὄν 28, 8.
 βλέπω 55, 11. 70, 23. 141, 14. 269, 19.
 βλοσυρός, ἄ, ὄν 138, 20.
 βουθύτης, ὁ 426, 8.
 βούλομαι passim, e. g. 24, 8. 28, 18. 30, 8. 31, 13. 52, 9. 203, 3. 292, 25.
 βραχὺς 73, 19. 210, 26. 214, 17. ἐπὶ βραχύ 200, 7. κατὰ βραχύ 355, 8.
 γέ passim, e. g. 5, 12. 12, 16. 23, 12. 28, 20. 92, 21. 24, 27.
 γειτνιαῶ 243, 18.
 γελοῖος, α, ὄν 183, 24.
 γενεσία, ἡ 213, 25.
 γενεσιουργός, ὄν 20, 24.
 γένεσις, ἡ passim, e. g. 8, 23. 17, 12. 23, 5. 16. 23. 24, 20. 29, 5 ss. 39, 18. 46, 24. 56, 9. 77, 8 ss. 105, 20. 147, 8—22. 164, 15. 201, 10. 290, 21 ss. 294, 5 ss.
 τῆς κυκλικῆς γραμμῆς 106, 16.
 κύκλος τῆς γενέσεως 149, 17.
 τρίγωνον ἀρχὴ τῆς γενέσεως 166, 15.
 αἱ γενέσεις τὰς ἀληθινὰς ὑπ' ὅψιν ἄγονσιν αἰτίας 310, 6—8. 375, 25 s.
 γενητός, ἡ, ὄν 147, 10. 149, 15. 166, 16. 167, 19. 174, 10. 294, 12.
 γενναῖος, α, ὄν 30, 18.
 γεννάω passim, e. g. 13, 15. 16, 3. 17, 27. 37, 12. 22. 88, 5. 99, 2. 132, 5.
 γέννησις, ἡ 13, 10. 354, 18.
 γεννητικός, ἡ, ὄν 6, 5. 13, 7. 50, 24. 88, 21. 92, 27. 93, 4. 97, 10. 99, 14. 139, 9. 140, 24. 151, 5. 164, 9. 173, 21.
 γένος, τό p passim, e. g. 3, 2. 7, 7. 10, 12. 25. 20, 4. 33, 10. 35, 14. 20. 36, 16. 37, 13. 40, 7. 82, 16. 116, 25. 143, 22. 156, 20.
 τὰ μαθηματικά 5, 11. 7, 16. 8, 9. 12, 4.
 τὰ νοητά 6, 1. 32, 10. 62, 22.
 τῶν ὄντων 85, 12. 91, 28.
 γεωδεσία, ἡ 25, 20. 38, 12. 16. 39, 20 ss. 63, 7.
 γεωμετρέω 211, 4.
 γεωμέτρης, ὁ 9, 2. 49, 8. 58, 22. 131, 11. 182, 10. 192, 11. 194, 8. 10. 202, 13 ss. 214, 20. 218, 1. 246, 9. 252, 5. 256, 9. 278, 1. 14.
 οἱ πολλοί 131, 17.
 Vide *Εὐκλείδης*.
 γεωμετρητός, ἡ, ὄν 185, 26. 186, 24. 201, 3.
 γεωμετρία, ἡ passim, e. g. 6, 22. 24, 1. 16. 25, 21. 36, 1. 37, 3. 9. 38, 10. 39, 8. 48, 6—70, 18. 72, 10. 116, 21. 184, 13—29. 201, 16. 210, 24.
 ὅλη καὶ οὐσία 48, 17—56, 22.
 ἐπιστήμη 57, 9—61, 17.
 αἰτίαν ζητεῖ 202, 9—25.
 τέλος ἄριστον 55, 19.
 ὅθεν ὥρμηται καὶ μέχρι τίνος προέσιν 61, 25—64, 2.
 γένεσις 64, 7—65, 7.
 ἡ ἀπαίρει τὴν ψυχὴν εἰς ὕψος 84, 18—23.
 ἡ ἐξ ἀρχῆς 136, 9.
 γεωμετρικός, ἡ, ὄν passim, e. g. 55, 16. 57, 2. 5. 58, 20 ss. 93, 18. 135, 1. 178, 1. 11. 182, 7. 259, 24. 278, 11. 301, 21. 303, 20. 22.
 νοῦς 180, 8.
 ἄριθμός 23, 22 ss.
 ὁ γεωμετρικός 61, 20. 237, 10. 404, 1.
 ὁ ὡς ἀληθῶς γεωμετρικός 55, 24.
 γεωμετρικῶς 62, 26.
 γῆ 41, 22. 63, 13. 82, 25. 100, 17. 114, 25. 173, 13. 16. 19.

- γίγνομαι v. γίνουμαι.
 γινώσκω (γινώσκω) passim,
 e. g. 11, 2. 18, 17. 26, 1. 2.
 27, 22. 29, 9. 31, 23. 201, 9.
 πᾶν ὃ γινώσκει 52, 2.
 γίνομαι passim, e. g. 5, 14.
 22, 27.
 Aor. 6, 27. 15, 9. 16, 12. 39, 11.
 Perf. 11, 4. 224, 21.
 γλαφυρός, ἄ, ὄν 72, 20. 200, 11.
 219, 19.
 γνώμη, ἡ 32, 19.
 γνωμονική, ἡ 41, 25.
 γνώμων, ὁ 41, 26. 60, 10. 153,
 4. 283, 10.
 κατὰ γνώμονα = κάθετος
 283, 9.
 γνωρίζω passim, e. g. 9, 8. 10,
 12. 11, 12. 25, 11. 30, 14. 23.
 175, 5.
 γνώριμος, ὄν passim, e. g. 14,
 23. 25, 14. 63, 11. 76, 9. 94,
 17. 97, 18. 165, 1. 178, 11.
 266, 1.
 Comp. 8, 5.
 Sup. 71, 16.
 γνωριστικός, ἡ, ὄν 31, 4. 32, 16.
 γνώσις, ἡ passim, e. g. 4, 3.
 14, 8. 3. 25 s. 9, 12. 15. 10,
 20 ss. 11, 8. 17. 15, 11. 18, 28.
 28, 3 ss. 29, 19. 30, 13 ss. 31,
 2. 140, 23 ss. 148, 18. 174, 20.
 179, 3 ss. 241, 71. 294, 14.
 αἱ γνώσεις τῶν ὄντων 3, 15.
 αἱ μέσαι 62, 11.
 αἱ ἀπλᾶι 5, 10.
 αἱ ἀρχηγικώταται 20, 9.
 αἱ μαθηματικαί 7, 19.
 ἄνοδος γνώσεων 9, 17.
 δόξης καὶ αἰσθησεως 18, 15.
 δοξαστική 45, 10.
 τῶν μαθημάτων 20, 11.
 νοερά 19, 24. 21, 16.
 ἀμόρφωτος 46, 8. 52, 13.
 ἀκίνητος 13, 6.
 οὐσιώδης 46, 12.
 αἱ ἐν διεξόδοις φερόμεναι
 20, 3.
 κρείττων ἀποδείξεως 266, 14.
- γνωστικός, ἡ, ὄν 19, 14. 26, 4.
 30, 23. 31, 3. 7. 15. 44, 23.
 57, 10. 141, 4.
 γνωστικῶς 63, 6. 78, 5.
 γνωστός, ἡ, ὄν 48, 12. 142, 2.
 τὰ γνωστά 4, 15. 10, 7. 19 s.
 27, 8. 32, 18. 52, 15 ss. 93, 17.
 95, 13.
 γόνιμος, ὄν 5, 4. 6, 23. 15, 16.
 23, 18. 88, 24. 97, 14. 138, 1.
 141, 2. 151, 10. 164, 13. 173,
 16. 174, 9. 199, 8. 294, 9. 303,
 15.
 γοῦν 195, 16. 234, 16. 236, 5.
 γραμμα, τό 105, 6.
 γραμματεῖον, τό 16, 9. 186, 6.
 γραμμή, ἡ passim, e. g. 12, 21.
 39, 10. 40, 10. 49, 15 s. 89, 9.
 121, 22.
 Definitiones 96, 17—100, 3. 185,
 10 s.
 περατοῦσα, περατουμένη 85,
 6. 86, 20. 22. 101, 2—102, 4.
 102, 23—103, 18.
 λόγος αὐτῆς πάντῃ γίνεται
 μεριστός 87, 9.
 μὴ εἶναι τὴν γραμμὴν ἐξ
 ἀμερῶν 278, 2—12.
 πάντα ἐν ταῖς ψυχαῖς κατὰ
 τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς 92,
 4—8.
 εἶδη καὶ διαιρέσεις 103, 21—
 106, 19. 111, 1—113, 25. 356,
 7—12.
 ἐπίπεδοι, στερεαὶ γραμμαὶ
 394, 21.
 ἔννοια γραμμῆς 100, 6—9.
 αἰσθησις γραμμῆς 100, 14—19.
 κωνικά 419, 19; vide κωνικός.
 γραμμικός, ἡ, ὄν 121, 22. 188,
 22.
 ἀριθμοί 17, 16. 39, 15.
 γράφω passim, e. g. 16, 9. 10.
 38, 20. 40, 22. 56, 25. 103, 15 s.
 420, 5.
 γυμνάζω 26, 6. 70, 6. 12. 145,
 24. 210, 18. 220, 6. 227, 7.
 γυμνασία 210, 23. 224, 15. 229,

3. 290, 15. 300, 24. 414, 15. 435, 18.
- γυμναστικός, ἡ, ὅν 70, 15.
- γωνία, ἡ passim, e. g. 12, 22. 14, 13. 23, 7. 33, 11. 40, 11. 143, 1. 160, 3. 8. 164, 26 ss. 347, 20 ss.
- (ὀρίσμοι) 121, 12—126, 6.
- ἡ περιφερόγραμμος 104, 12. 128, 16. 129, 20. 333, 12 ss.
- μικταί 104, 18.
- ἐπίπεδος 121, 8. 126, 12—128, 19. 298, 23.
- ἐν στερεοῖς 126, 8.
- στερεὰ τεττάρων ὀρθῶν ἐλάσσων 292, 19 s.
- εὐθύγραμμος 122, 3. 7. 128, 24—134, 19. 333, 3 ss.
- δίχα τεμεῖν 271, ss.
- τρίχα 272, 2—12.
- δύο ὀρθῶν ἐλάσσων 292, 18 s.
- σύμβολον 128, 26—130, 21.
- μέγιστον δύναται πρὸς αὐξησιν τῶν χωρίων ἢ ἐλάττωσιν 397, 7 ss.
- τριγώνου γωνίαί 377, 12—379, 16.
- τριγώνον γωνία τέτταρσιν θεοῖς (ἀνατεθεῖσα) 167, 2—11. 174, 3.
- τετραγώνου γωνία (τρισι θεαῖς) 173, 12—21. 174, 4.
- πολυγώνων γωνίαί 381, 23—382, 24.
- αἱ ἐκτὸς γωνίαί 382, 24—383, 16.
- οὐ δύναται γωνία γενέσθαι [εἰ μὴ] πρὸς ἐνὶ σημείῳ 208, 13 s.
- ὁμοία = ἴσα 251, 1.
- κατὰ κορυφὴν 298, 12 ss.
- ἐν τμήματι 396, 3—7.
- ἐν ἡμικυκλίῳ 396, 4—5.
- γωνιακός, ἡ, ὅν 129, 7.
- γωνιώω 163, 13.
- Δ = τρίγωνον 426, 2. 433, 6. 434, 9.
- δαιμόνιος 64, 8. 76, 8. 116, 24. 284, 23.
- δαίμων 112, 2.
- δάκτυλος, ὁ 403, 18.
- δεῖ passim, e. g. 7, 6. 8, 21. 21, 17. 22, 1. 55, 23. 75, 27.
- δεῖγμα, τό 397, 2.
- δεῖννυμι passim, e. g. 6, 24. 9, 4. 14, 20. 18, 7. 22, 8. 24. 25, 23. 31, 18. 105, 15. 157, 17. 300, 5 ss.
- „ὅπερ ἔδει δεῖξαι“ 81, 11. 210, 8. 15.
- δεικτικός, ἡ, ὅν 301, 1. 304, 4. 314, 13. 318, 14.
- δεινός, ἡ, ὅν 268, 21. 303, 10.
- δεῖξις, ἡ passim, e. g. 56, 8. 210, 9. 283, 1. 304, 2. 6. 310, 17. 316, 14. 335, 16. 345, 1. 368, 14.
- δέκα 403, 19 s. 410, 23.
- δεκάγωνον, τό 393, 12.
- δεκάπλευρος, ὃν 422, 20.
- δεκάς, ἡ 150, 18.
- δέκατος, ἡ, ὃν 205, 10.
- δεκτικός, ἡ, ὃν 124, 9.
- δεόντως 150, 2. 194, 20.
- δεσμός, ὁ 20, 25. 46, 25. 129, 3.
- δεσμώτης, ὁ 46, 13.
- δεύτερος, α, ὃν passim, e. g. 4, 9. 6, 10. 14, 27. 15, 7. 19, 19. 26, 24. 29, 6. 32, 4. 14. 72, 26. 269, 2 ss.
- δεύτερον 13, 27. 33, 21.
- δευτέρως 60, 28. 142, 11.
- δέχομαι passim, e. g. 14, 23. 32, 10. 50, 2. 86, 7. 94, 20. 24.
- δέω 14, 20. 349, 21.
- Med. passim, e. g. 25, 6. 48, 14. 79, 10. 86, 8. 88, 16. 107, 3. 119, 12. 124, 3 ss. 179, 8. 357, 7.
- δηλαδὴ 26, 22. 404, 10.
- δῆλος, ἡ, ὃν 38, 26. 66, 11.
- δῆλον sc. ἐστὶ passim, e. g. 21, 26. 24, 1. 81, 6.
- δηλώω passim, e. g. 28, 13. 46,

20. 76, 21. 90, 3. 92, 11. 376, 10.
 δῆλωσις, ἡ 293, 6.
 δημιουργέω 16, 26. 22, 19. 63, 14.
 δημιούργημα, τό 137, 9.
 δημιουργία, ἡ 17, 12. 166, 17.
 δημιουργικός, ἡ, ὄν 37, 4. 89, 19. 90, 3. 108, 16. 130, 16. 137, 23.
 δημιουργικῶς 17, 19. 36, 25.
 δημιουργός, ὁ 17, 3. 36, 15. 90, 12.
 δῆπον passim, e. g. 15. 19. 29, 18. 38, 6. 78, 21. 126, 27. 165, 5.
 διά c. Acc. passim, e. g. 6, 2. 4. 8, 25. 9, 23. 10, 2. 11, 7.
 c. Gen. passim, e. g. 5, 16. 7, 16. 10, 12. 18, 22. 376, 27.
 διαβαίνω 179, 20.
 διαβάλλω 217, 11. 21.
 διαβολή, ἡ 305, 25.
 διαγιγνώσκω 59, 4.
 διαγνώσις, ἡ 22, 4. 41, 16.
 διαγράμμα 45, 16. 190, 22. 213, 7. 10. 223, 1.
 διαγράφω 191, 21.
 διάγω 67, 19.
 διαγώνιος, ἡ 106, 6. 156, 15. 261, 21. 389, 18.
 διαθήσις 182, 18.
 διαθρυλέω 84, 10. 199, 6.
 διαίρεσις, ἡ passim, e. g. 3, 6. 4, 20. 6, 5. 17. 7, 23. 9, 10. 11, 7. 11. 36, 18. 38, 16. 57, 22. 159, 11. 167, 25.
 ἡ τῶν τεττάρων ἐπιστημῶν 35, 21—38, 2.
 ἐπ' ἄπειρον 60, 16 (184, 17. 322, 25).
 διαίρεσεων βιβλίον (Εὐκλείδου) 69, 4.
 τοῦ πρώτου (Εὐκλείδου) βιβλίου 83, 7—84, 7.
 τῶν ἐπιπέδων σχημάτων 163, 1—164, 8.
 τῶν τριγώνων 164, 27 ss.
 τῶν παραλληλογράμμων 388, 13—390, 9.
 κτημάτων 403, 8.
 διαιρετικός, ἡ, ὄν 42, 21. 69, 14. 110, 6. 132, 26.
 ἡ διαιρετική (μέθοδος) 211, 24—212, 1.
 διαιρετικῶς 43, 3.
 διαιρετός, ἡ, ὄν passim, e. g. 54, 21. 88, 10. 122, 9. 11. 124, 8. 125, 22. 167, 23. 198, 14.
 διαιρετὸν τὸ συνεχές 278, 13 ss.
 διαίρεω passim, e. g. 3, 15. 4, 1. 16, 18. 31, 5. 12. 35, 22. 50, 18. 198, 9. 303, 19, Med. 30, 22.
 Pass. passim, e. g. 3, 3. 4, 13. 6, 18. 8, 22. 9, 11. 10, 7. 19. 90, 24.
 διαιωνίζω 90, 8.
 διαιωνίως 91, 1. 148, 17.
 διάκειμαι 435, 19.
 διακόπτω 321, 18.
 διακορής, ἐς 84, 12.
 διακοσμέω 150, 1. 13.
 διακόσμησις, ἡ 63, 4. 90, 21. 99, 11. 130, 17. 149, 20. 156, 4. 167, 3. 174, 10.
 διάκοσμος, ὁ 6, 12. 13, 14. 17, 1. 18, 24. 61, 27. 62, 6. 86, 1. 91, 5. 26. 132, 17.
 διακριβόω 63, 15. 69, 21.
 διακρίνω passim, e. g. 4, 16. 13, 15. 37, 7 (?). 144, 19. 147, 15. 159, 3. 179, 12. 194, 5. 289, 12.
 διάκρισις, ἡ 31, 8. 36, 13. 43, 17. 99, 12. 242, 1. 394, 15.
 διακριτικός, ἡ, ὄν 19, 17.
 διαλαμβάνω 41, 20.
 διαλάμπω 137, 26.
 διαλέγομαι 49, 8. 236, 9. 356, 6.
 διαλεκτική, ἡ 21, 23.
 θριγγχός τῶν μαθημάτων 42, 10—44, 24.
 μέθοδοι 42, 18—43, 21. 69, 13—18.
 διαλεκτικός, ἡ, ὄν 44, 16. 20. 57, 21. 194, 2. 432, 18.

- διάλυσις, ἡ 72, 6. 247, 15. 258, 17. 20. 263, 8. 12.
 διαλύω 61, 12. 124, 16. 149, 20. 191, 23. 248, 5. 11. 382, 13. 422, 11. 21.
 διαμαρτάνω 59, 6. 94, 1.
 διαμένω 70, 8. 119, 10. 404, 20.
 διάμετρος, ἡ passim, e. g. 38, 22. 54, 15. 56, 3. 156, 6—157, 9. 158, 1 ss. 160, 12. 216, 11. 18. 239, 11. 13. 245, 21. 26. 261, 23 ss. 417, 5 ss.
 διαμονή, ἡ 23, 24.
 διαμόρφωσις, ἡ 62, 15. 148, 3.
 διαμφισβητέω 104, 26. 182, 19. 192, 26. 193, 17.
 διανέμω 304, 13.
 διανόησις, ἡ 62, 2. 18.
 διανοητικός, ἡ, ὄν passim, e. g. 18, 10. 45, 2. 22. 55, 9. 56, 1. 204, 17.
 διανοητός, ἡ, ὄν passim e. g. 4, 19. 10, 23. 26. 11, 14. 14, 7. 9. 22, 8. 50, 11. 56, 16. 57, 3.
 διάνοια, ἡ 4, 8. 10, 26. 11, 1 ss. 12, 1. 14, 22. 17, 25. 20, 16. 27, 26. 30, 2. 42, 13. 15. 45, 12. 46, 10. 22. 50, 14. 53, 23 ss. 56, 22. 57, 6. 70, 12. 71, 8. 74, 6. 78, 22. 79, 1. 82, 7. 87, 13. 94, 22. 95, 8. 104, 23. 120, 4. 6. 174, 18. 179, 6. 15. 186, 5. 211, 13. 285, 24—286, 11.
 ἐν καὶ πολλὰ ὄντα 36, 19.
 διανομή, ἡ 25, 10. 131, 22.
 τῶν χωρίων 236, 2. 237, 16.
 διαπεραίνω 151, 13,
 διαπίπτω 351, 2.
 διαπλάττω 7, 9. 15, 2.
 διαποικίλλω 413, 20.
 διαπορέω 223, 24. 234, 12.
 διαπραγματεύομαι 234, 4.
 διαπρεπής, ἐς, 137, 9.
 διαπρέπω 21, 3.
 διαρθρόω 74, 13. 432, 5.
 διάρθρωσις, ἡ 113, 25.
 διαριθμέω 70, 11.
 διασαφέω 203, 10.
 διασκέπτομαι 385, 17.
 διασπάω 129, 14.
 διάστασις, ἡ passim, e. g. 3, 11. 49, 23. 27. 52, 24. 53, 3. 55, 13. 27. 56, 11. 60, 4. 85, 6. 87, 10 ss. 89, 24. 95, 14. 153, 16. 23. 270, 18.
 εὐθειῶν εἰς ἀπειρον ἐκβαλλομένων 371, 16.
 διαστατός, ἡ, ὄν 12, 25. 54, 9. 97, 22. 114, 17. 116, 8. 142, 13. 167, 26. 186, 23 ss.
 τὰ διαστατά 17, 8. 54, 1. 88, 22. 137, 22.
 τὸ ἐφ' ἐν διαστατόν 97, 7. 98, 19. 126, 2—6.
 διαστατῶς 50, 1. 52, 27. 56, 14. 99, 3.
 διαστέλλω 75, 27.
 διάστημα, τό passim, e. g. 53, 15. 88, 5 ss. 95, 20. 96, 9. 18. 100, 13. 176, 12. 14. 322, 24.
 πρῶτον ὑπὸ τὸ σημεῖον 125, 15—126, 6.
 διαστροφή, ἡ 291, 4.
 διαστροφῶς 59, 1.
 διασύρω 322, 4.
 διασώζω 21, 4. 139, 2.
 διάταξις, ἡ 98, 10. 184, 6.
 διατάττω 57, 1.
 διατείνω 18, 9. 20, 10. 48, 1. 72, 14. 117, 15. 138, 23. 264, 17.
 διαφερόντως 26, 13. 27, 11. 45, 14. 46, 18. 55, 16. 69, 4. 164, 15. 173, 3. 423, 9.
 διαφέρω passim, e. g. 6, 21. 10, 9. 16, 2. 26, 8. 33, 3 ss. 53, 8 ss. 67, 13. 74, 11. 81, 1. 179, 13. 357, 19.
 διαφεύγω 222, 12.
 διαφορά, ἡ passim, e. g. 34, 9. 19. 35, 21. 42, 1. 44, 5. 50, 4. 51, 12. 61, 20. 81, 5. 119, 17. 120, 8. 14. 165, 14. 432, 3.
 διάφορος, ὄν passim, e. g. 117, 25. 118, 24. 130, 14. 136, 21. 242, 5,

- διαφορότης, ἡ 25, 11. 57, 16.
 62, 15. 144, 7.
 διαφυλάττω 43, 13. 88, 18.
 διδασκαλία, ἡ 10, 16. 74, 8. 82,
 5. 94, 18. 354, 7. 355, 7. 384, 4.
 διδασκαλικός, ἡ, ὅν 334, 7.
 διδάσκω 49, 17. 96, 22. 162, 23.
 171, 4. 234, 2. 248, 4. 304, 12.
 313, 22. 354, 5. 382, 3. 406,
 2. 427, 13.
 δίδωμι passim, e. g. 3, 13. 8,
 26. 12, 8. 13, 1. 15, 15. 21,
 20. 75, 13. 78, 2s. 106, 2. 116,
 3. 315, 7.
 πᾶν δεδομένον ἢ θέσει ἢ
 λόγῳ ἢ μεγέθει ἢ εἶδει 205,
 14—206, 11. 235, 11. 271, 14.
 277, 7—15.
 δίδειμι 322, 24.
 διείρω 357, 18.
 διελέγχω 29, 21. 59, 6. 214, 17.
 217, 9. 263, 9.
 διέλκω 171, 22. 270, 16.
 διέξιμι 18, 24. 285, 9. 354, 4.
 διεξοδεύω 4, 11.
 διεξοδικός, ἡ, ὅν 5, 8.
 τὸ διεξ. 3, 10. 11, 20.
 Comp. 35, 12.
 διεξοδος, ἡ 19, 9. 20, 3. 44, 21.
 62, 18. 179, 16. 186, 12. 285, 9.
 διερευνάομαι 65, 19.
 διέρχομαι 136, 23. 178, 5. 210,
 26. 288, 11.
 διεχῆς
 σπείρα 119, 16.
 διήκω passim, e. g. 5, 16. 7,
 16. 10, 12. 19, 20. 24, 3. 43,
 25. 89, 22. 104, 14. 373, 6.
 διηρημένως 16, 15. 153, 28.
 διηκνέομαι 72, 4.
 δίστημι passim, e. g. 56, 19.
 101, 17. 154, 4. 21. 166, 19.
 171, 24. 310, 2. 316, 18. 332,
 1. 362, 6. 371, 22.
 Perf. passim, e. g. 4, 15. 10, 8.
 22, 22. 60, 3. 90, 5. 110, 10.
 269, 2. 402, 12.
 τὸ τριχῇ διεστώς (διαστάν)
 85, 4. 86, 17. 99, 8. 114, 5.
 (τὸ διχῇ διαστάν) 114, 4. 17.
 116, 8. 20.
 δίκαιος, α, ον 236, 3.
 δικαιοῶ 78, 9.
 δικαίως 52, 6.
 δίμοιρον, τό 221, 17. 296, 14.
 304, 19. 333, 15. 383. 19. 25.
 διό passim, e. g. 19, 25. 20, 17.
 22, 9. 28, 11. 71, 2.
 διόπερ 3, 14. 97, 4.
 διοπτρική, ἡ 42, 4.
 διορατικός, ἡ, ὅν 70, 5.
 διορίζω passim, e. g. 35, 5. 18.
 41, 12. 44, 24. 70, 21. 71, 24.
 75, 25. 153, 10. 179, 9. 432, 3.
 Med. 11, 18. 71, 6.
 διορισμός, ὁ 66, 22. 100, 15.
 124, 16. 182, 21. 202, 3. 203,
 4. 9. 23. 204, 24 ss. 208, 19 ss.
 262, 1. 351, 3.
 διότι passim, e. g. 19, 9. 20, 11.
 56, 10. 57, 4.
 διπλασιάζω 294, 1. 305, 13.
 διπλασιασμός, ὁ 213, 3.
 διπλάσιος, α, ον 61, 14 ss. 196,
 26 ss. 204, 2. 13. 16. 210, 2.
 220, 18 ss. 277, 12. 323, 24.
 373, 15. 382. 15. 383, 3 ss.
 394, 5. 405, 25. 412, 3 ss. 424,
 18.
 διπλάσια τῶν ἀπείρων 158,
 2—20.
 ὁ διπλάσιος λόγος ὁ πρώτι-
 στος τῶν ἀνίσων 412, 15 s.
 διπλασίων, ον 305, 8.
 διπλασίως 335, 10.
 διπλοῦς, ἡ, οὖν 19, 15. 132, 13.
 207, 4. 222, 6. 8.
 διττός, ἡ, ὅν passim, e. g. 19,
 6. 35, 25. 51, 13 ss. 53, 18 ss.
 58, 23. 78, 10. 95, 18. 98, 13.
 102, 3. 200, 22. 427, 18.
 δίχα passim, e. g. 80, 10 s. 157,
 5. 158, 1. 204, 20 s. 205, 20.
 271, 2 ss. 320, 12. 415, 19 ss.
 διχῇ 114, 4. 17. 116, 8. 20. 161, 5.
 διχοτομέω passim, e. g. 157,
 10. 246, 4. 271, 18. 273, 16.

- 279, 1. 287, 15. 369, 17. 388, 6 ss.
- διχοτομία, ἡ 106, 10. 13. 16. 157, 12. 207, 17. 388, 10.
- διχῶς passim, e. g. 72, 23. 127, 12. 163, 24. 164, 3. 169, 20. 201, 19.
- δόγμα, τό 22, 10. 13.
- δοκέω passim, e. g. 6, 21. 35, 22. 45, 2. 67, 13. 74, 18. 85, 10.
- δόξα, ἡ passim, e. g. 4, 5. 10. 11, 22. 12, 1. 14, 23. 15, 15. 18, 14. 35, 12. 65, 15. 66, 4. 80, 4. 96, 2. 125, 6. 17.
- δόξασμα, τό 64, 9.
- δοξαστικός, ἡ, ὄν 11, 19. 45, 10.
- δοξαστός, ἡ ὄν τὰ δοξαστά 27, 8.
- δόσις, ἡ 55, 20.
- δουλεύω 139, 20.
- δραστήριος, ὃν 90, 16. 138, 1. 141, 2.
- δριμύς 216, 21.
- δουδικός, ἡ, ὄν 97, 23. 98, 20. 99, 18. 132, 13.
- δουδικῶς 101, 12. 214, 10.
- δυσάς, ἡ 97, 21—100, 3. 101, 8. 161, 24. 162, 1. 382, 5. 12.
- ἀόριστος 101, 18. 294, 2.
- δύναμαι passim, e. g. 6, 24. 7, 20. 13, 15. 15, 27. 32, 22. 87, 6. 160, 2.
- opp. δυναστεύομαι 8, 13.
- δύναμις, ἡ passim, e. g. 6, 23. 8, 12. 18, 3. 22, 9. 23, 6. 9. 42, 18. 49, 2. 62, 7. 20. 69, 26. 87, 23. 88, 18 ss. 144, 5. 294, 19. 303, 15.
- δυνάμεις τῆς μαθηματικῆς 18, 8. 19, 6—20, 3.
- τῆς διαληκτικῆς 44, 13—16.
- ἁσώματος 322, 20.
- δυνάμει 16, 3. 88, 22. 25. 116, 13. 157, 9. 198, 13. 205, 10. 307, 19.
- δυναμόω 144, 27.
- δυναστεύω Pass. 8, 14.
- δυνατός, ἡ, ὄν 66, 22.
- δυνατόν (sc. ἐστὶ) passim, e. g. 23, 2. 45, 14. 59, 6. 79, 22. 25. τὸ δυνατόν 343, 14.
- δυνατόν εἰπεῖν 373, 23.
- δύο passim, e. g. 5, 18. 33, 4 ss.
- δύο Gen. 214, 21. Dat. 291, 22 ss.
- δυεῖν Gen. 117, 4. 123, 7. 163, 11 ss. 371, 5. Dat. 14, 12. 362, 18. 365, 15.
- δυοῖν Gen. 98, 21. 271, 12.
- δυσίην 206, 22. 25. 293, 11 ss.
- δυσειδής, ἐς 101, 11. 142, 25. 159, 12. 25. 161, 19.
- δυσαρτίθμητος, ὃν 272, 23.
- δυσεξέλικτος, ὃν 272, 22.
- δυσεπίγνωστος, ὃν 321, 15.
- δυσεύρετος, ὃν 421, 24.
- δυσθιώρητος, ὃν 272, 12.
- δυσθιήρατος, ὃν 22, 3.
- δύσκολος, ὃν 224, 16.
- δύσληπτος, ὃν 242, 18.
- δυσπερίληπτος, ὃν 74, 8.
- δυσδεκάς, ἡ 174, 11—15.
- δῶδεκα 237, 11. 404, 2. 420, 13.
- δωδεκάγωνον, τό 174, 12.
- δῶρον, τό 30, 4. 47, 1. 303, 13.
- ἔβδομος 248, 9. 255, 5 s. 265, 25 ss. 268, 14 ss.
- ἐγγίνομαι 136, 24.
- ἐγγονος, ὃν 7, 18.
- ἐγγράμματος, ὃν 72, 6.
- ἐγγράφη, ἡ 71, 1.
- ἐγγράφω 56, 6. 213, 20. 269, 14.
- ἐγγύς 98, 4.
- ἐγγυτέρω 9, 13. 32, 1.
- ἐγείρω 21, 19. 50, 13. 113, 8.
- ἔγερσις, ἡ 21, 17.
- ἐγερτικός, ἡ, ὄν 46, 21.
- ἔγερσις, ἡ 55, 25.
- ἐγγράφω 202, 15. 18. 269, 12. 14. 395, 10.
- ἐγκλίνω 134, 26.
- ἐγκολπίζω 154, 18.
- ἐγκόσμιος, ὃν 91, 6. 147, 5.
- ἐγκωμιάζω 64, 4.

ἐγγχωρέω 69, 8. 202, 5.

ἐγώ

κατ' ἐμέ 94, 5.

ἔδρα, ἡ 15, 13.

τῶν εἰδῶν 7, 11.

ἐδράζω 86, 8. 89, 27. 90, 20.

ἐθέλω passim, e. g. 117, 19.

141, 19. 143, 21. 144, 2.

ἔθος, τό 20, 15.

εἶ

τὸ εἶ ἔστιν 202, 2.

εἶδησις, ἡ 11, 25. 140, 27.

εἰδοποιία, ἡ 150, 16. 166, 16.

εἶδος, τό passim, e. g. 10, 7.

11, 3. 33, 3. 5. 35, 1. 56, 11.

116, 18. 26. 421, 23.

κυκλικόν cet. 12, 12.

κατατεταγμένον 54, 11.

εἶδη passim, e. g. 7, 2. 11. 8,

22. 13, 11. 15, 6. 12. 16, 6.

17, 6. 18, 20. 20, 4. 37, 20.

69, 15.

ἐν ὕλῃ φερόμενα 3, 10. 16, 4.

τῶν αἰσθητῶν 62, 19. 130, 5.

μαθηματικά 4, 7. 5, 12. 12,

3—18, 6. 22, 11. 35, 17—42, 8.

γεωμετρικά 57, 5. 234, 14. 15.

285, 21. 314, 26. 315, 3.

πρῶτα 5, 3. 11, 6.

μέση 21, 10.

ἄνυλα 11, 24. 86, 8. 87, 20. 115,

20.

ἔνυλα 38, 8. 167, 22.

χωριστά 86, 24.

ἀχώριστα 86, 27.

ἀκριβῆ καὶ ἀνέλεγκτα 13, 4.

ἀἰδία 13, 25.

καθολικά 51, 10.

καθολικώτερα καὶ ἀπλούτερα

14, 4.

αὐτὰ ὑφ' ἑαυτῶν ἰδρυμένα

85, 14.

νοερά 15, 22. 27, 10. 62, 7. 129,

18. 130, 5. 137, 16.

διανοητά 62, 24.

ἀμέριστα 19, 13.

ἔστῳτα, ἀκίνητα 25, 5.

ἀμόρφωτα 56, 21.

ἐνδειξις θαυμαστῆ τοῦ τὰ

εἶδη . . . προηγείσθαι τῶν

μετεχόντων . . . τὴν ὑπό-

στασιν λαμβάνειν 102, 5—10.

τοῖς ὑπερέχουσι τῶν εἰδῶν

τὸ τοῦ ὅλον πολλάκις ἐπι-

φημίζομεν ὄνομα 172, 25—

173, 2.

εἶδει δεδομένον 205, 14—206,

11. 271, 14. 281, 1.

εἶδη ὅμοια καὶ ὁμοίως ἀνα-

γραφόμενα 426, 15—427, 8.

εἶδωλον, τό 11, 1. 4. 13, 17. 15,

1. 20, 22. 141, 6 ss.

εἰκάζω 303, 9.

εἰκασία 10, 27 s. 11, 1. 16.

εἰκαστικός, ἡ, ὅν 40, 18.

εἰκαστός, ἡ, ὅν 10, 24. 27. 11,

16.

εἰκονικῶς 16, 15. 140, 18.

εἰκοσάεδρον, τό 423, 16.

εἴκοσιν 269, 4.

εἰκότως passim, e. g. 19, 13.

29, 4. 43, 10. 65, 3. 78, 29.

99, 17. 120, 25.

εἰκών, ἡ, 4, 24. 5, 6. 11, 5. 15, 1.

21. 16, 12. 22, 6. 35, 9. 37,

26. 40, 21. 62, 5. 22. 63, 2. 16.

89, 14. 91, 8. 13. 101, 4. 25.

104, 5. 115, 10. 116, 2. 128,

26. 129, 8. 130, 2. 132, 26.

134, 3. 137, 15. 140, 16. 145,

24. 155, 2. 161, 1. 173, 3. 10.

186, 5. 187, 5. 213, 21—214,

14. 290, 20. 291, 11. 294, 3.

353, 6.

εἰκώς 34, 5.

τὸ εἰκός 33, 24. 192, 12.

εἰλικρινής, ἔς 12, 24. 87, 5.

139, 1. 140, 3.

εἴμι 31, 19. 187, 28. 423, 6.

εἴμι passim, e. g. 49, 26. 53,

25. 64, 14. 84, 12.

τὸ εἶναι 15, 13. 24. 16, 8. 142, 6.

τὸ ὂν vide ὂν.

ἔασιν 155, 5.

εἴπερ 16, 1.

εἶπον passim, e. g. 5, 2. 18, 11.

20, 18. 48, 6. 104, 6.

- εἶπαμεν 119, 20.
 ὥς εἰπεῖν 30, 12. 43, 26. 76, 2.
 244, 3.
 ἐρῶ 78, 7. 113, 14. 116, 7.
 339, 3.
 εἴρηκα 39, 1.
 εἴρημαί 8, 18. 20, 7. 29, 12.
 32, 20.
 ῥηθήσομαι 72, 27. 73, 7.
 ῥητέον 162, 27.
 εἰς passim, e. g. 6, 5. 10. 14.
 11, 6. 12, 7. 15, 24. 16, 8.
 εἰς, μία, ἕν passim, e. g. 7,
 18. 9, 14. 22. 10, 10. 12, 7.
 23, 28. 33, 10 s. 40, 8. 141,
 21 ?.
 ἐνός δέοντος 61, 15. 17.
 τὸ ἕν 5, 19. 7, 19. 19, 10. 50,
 19. 99, 21. 104, 6. 145, 4. 291,
 13.
 τὴν τοῦ νοῦ ζωὴν μετρεῖ,
 πάντων μέτρον 115, 15—16.
 κατὰ μίαν 348, 8.
 εἰσάγω 74, 21. 272, 13. 279, 6.
 435, 17.
 εἰσβάλλω 355, 9.
 εἰσδέχομαι 52, 18.
 εἴσω 141, 8. 19.
 εἴτα 36, 25.
 εἴτε — εἴτε passim, e. g. 9, 9.
 12, 5. 13, 16. 49, 7. 24.
 εἴτε omisso priore εἴτε 167, 5.
 εἴωθα passim, e. g. 12, 6. 72,
 1. 128, 13. 156, 18. 194, 2.
 207, 4. 254, 7. 259, 21. 293, 3.
 322, 4.
 ἐκ passim, e. g. 5, 18. 8, 6. 23.
 11, 22.
 ἐκασταχοῦ 104, 15. 153, 14.
 ἐκαστος passim, e. g. 22, 27.
 23, 1. 33, 2. 17.
 τὰ καθ' ἑκάστα 14, 19. 15,
 18. 22, 1. 26, 7. 30, 14. 84, 8.
 ἑκαστα ἐφ' ἑαυτοῦ 83, 11.
 ἐκάτερος, α, ον passim, e. g.
 8, 2. 35, 25. 36, 5. 7.
 ἐκβαίνω 59, 5. 271, 22. 399, 2.
 ἐκβάλλω passim, e. g. 107, 16.
 111, 5. 15. 175, 2 ss. 182, 10.
 183, 1. 6. 187, 19. 23.
 ἐκβολή, ἡ 175, 17. 225, 10.
 ἔκγονος, ον 6, 8. 13, 22. 40, 10.
 53, 26. 88, 1. 173, 7. 191, 11.
 314, 17.
 ἐκδίδωμι 63, 7.
 ἐκεῖ passim, e. g. 54, 7. 60, 16.
 61, 4. 78, 25. 141, 20.
 ἐκεῖθεν passim, e. g. 15, 8. 11.
 26, 20. 95, 12. 101, 16.
 ἐκεῖνος, η, ο passim, e. g. 5,
 4. 21. 6, 10. 7, 7. 9, 1. 16. 24.
 13, 24. 157, 11.
 ἔκθεσις, ἡ passim, e. g. 203,
 4. 7. 24 ss. 204, 24 ss. 206, 11.
 208, 16 ss. 209, 24.
 ἐκκαίδεκα 428, 6.
 ἐκκαιδέκατος 326, 15.
 ἐκκείμαι passim, e. g. 102, 19.
 117, 4. 190, 21. 196, 25. 207,
 16. 18. 220, 6.
 ἐκκλίνω 73, 22.
 ἐκλέγω 73, 15. 74, 1. 120, 14.
 359, 8. 360, 21. 399, 5.
 ἐκλείπω 110, 1. 203, 21. 204,
 24. 299, 6.
 ἐκλειψις, ἡ 268, 21.
 τρεῖς ἐφεξῆς ἴσον ἀπέχουσαι
 ἀλλήλων οὐκ ἂν γένοιτο
 268, 23—269, 7.
 ἐκλιμπάνω 204, 5. 25.
 ἐκλογή, ἡ 69, 6. 74, 22.
 ἐκλύω 92, 25.
 ἐκπληρόω 195, 12.
 ἐκπλήσσω 141, 16.
 ἔκτασις, ἡ 49, 27. 99, 2. 128, 2.
 132, 26. 155, 16. 167, 22. 421,
 16.
 ἐκτείνω 73, 21. 86, 17. 151, 2.
 260, 21.
 ἐκτίθημι passim, e. g. 76, 4.
 121, 1. 196, 16. 207, 14. 208,
 20. 210, 3. 417, 2. 435, 18.
 ἐκτός passim, e. g. 52, 27. 119,
 13. 16. 127, 8 s. 152, 19. 153,
 3. 420, 5.
 τὰ ἐκτός 18, 15.
 αἱ ἐκτὸς γωνίαι 33, 14.

- ἡ ἐκτός τοῦ τριγώνου 305, 18 ss.
 ἔκτος, *η*, *ον* passim, e. g. 213, 20. 248, 12. 252, 15. 254, 27.
 ἐκφαίνω passim, e. g. 5, 3. 20, 6. 22, 9. 23, 4. 22. 37, 3. 20. 43, 18. 62, 13. 64, 15. 92, 17. 141, 24. 432, 2.
 ἐκφανής, *ἐς* 13, 26.
 ἐκφανσις, *ἡ* 26, 26.
 ἐκφαντορικός, *ἡ*, *όν* 46, 22.
 ἐκφέρω 177, 9. 307, 17.
 ἐλαϊτόω (ἐλασσόω) passim, e. g. 97, 15. 177, 17. 192, 14. 195, 21. 270, 9 ss. 305, 15. 384, 18. 397, 10.
 ἐλάττων (ἐλάσσων), *ον* passim, e. g. 44, 7. 53, 4. 60, 10. 73, 19. 110, 15. 418, 11.
 Sup. 39, 4. 40, 6. 8. 60, 11. 110, 11 ss. 117, 9. 184, 24. 211, 17. 278, 23. 314, 8.
 τοῦλάχιστον 127, 23.
 ἐλάττωσις, *ἡ* 154, 7. 188, 14. 192, 3. 316, 17. 371, 7 s. 397, 9. 427, 8.
 ἐλαύνω 36, 8.
 ἔλεγχος, *ὁ* 70, 14. 247, 22. 248, 8. 266, 11. 274, 21.
 ἐλέγχω 58, 21. 211, 3. 266, 9. 279, 4. 352, 22.
 ἐλεύθερος, *ον* 65, 17.
 ἐλικοειδής, *ἐς* 104, 2.
 ἐλικώδης (?) 112, 1.
 ἔλιξ, *ἡ* 104, 17. 111, 18. 118, 1. 4. 120, 19. 176, 23.
ἡ περὶ κύλινδρον ἔλιξ 105, 1 —106, 9. 112, 17—21. 202, 1. 251, 7. 11. 394, 25.
 μονόστροφος 180, 4. 9—15. 187, 23.
 Ἀρχιμηθεΐα 272, 10.
 ἐλίσσω 153, 19.
 ἐλκύνω 63, 22.
 ἐλλειπής, *ἐς* 221, 23 ss. 306, 7.
 ἐλλείπω 203, 11. 220, 19. 221, 1. 15. 242, 6. 304, 27. 338, 3. 377, 14. 420, 6. 421, 16.
 ἐλλειπῶς 305, 21.
 ἔλλειψις, *ἡ* 58, 14. 133, 19. 419, 18. 420, 7.
 (κώνον τομή) 106, 15. 112, 4. 119, 25. 126, 23. 152, 5. 156, 17. 159, 17 ss. 177, 1. 245, 23 ss. 391, 17 ss. 419, 21.
 κύκλος δομβούμενος 172, 4.
 ἐμβαδόν, τό 235, 7. 27. 236, 19 —237, 18. 241, 2. 339, 12 ss. 347, 21. 388, 5. 12. 403, 12. 420, 13. 421, 18.
 ἐμβάλλω 241, 22.
 ἐμμελῶς 435, 18.
 ἐμός, *ἡ*, *όν* 91, 1. 94, 5.
 ἐμπαθής, *ἐς* 23, 26. 46, 6. 9.
 ἐμπαλιν 16, 21. 149, 25. 169, 16.
 ἐμπειρία, *ἡ* 25, 19. 30, 20 ss.
 ἐμπειρικός, *ἡ*, *όν* 26, 5. 30, 14.
 ἐμπίπτω 110, 17. 182, 25. 191, 16. 308, 15. 21. 341, 15.
 ἐμπλέκω 112, 5.
ἡ ἐμπεπλεγμένη σπείρα 119, 15.
 ἐμπνέω 86, 2.
 ἐμποδίζω 273, 25.
 ἐμπόδιον, τό 28, 6. 46, 2. 6. 74, 1.
 ἐμποιέω 212, 24. 321, 15.
 ἐμπορεία, *ἡ* 65, 4.
 ἐμπροσθεν 26, 27. 68, 10.
 ἐμπυρος, *ον* 167, 8.
 ἐμφαίνω 52, 8. 106, 25. 118, 22. 173, 10.
 ἐμφανής, *ἐς* 47, 1. 63, 16. 201, 7. 322, 7.
 ἐμφανίζω 83, 9. 143, 20. 174, 18. 187, 5.
 ἐμφαντάζω 138, 24. 314, 25.
 ἐμφασις, *ἡ* 4, 23. 22, 7. 51, 1. 94, 23. 118, 4. 121, 7. 141, 7.
 ἐμψυτος, *ον* 46, 20.
 ἐμψυχος, *ον* 41, 13.
 ἐν passim, e. g. 5, 2. 22. 6, 12 ss. 7, 4 ss. 8, 1. 14 ss.
 ἐναλλαγή, *ἡ* 7, 24. 252, 19. 265, 17.
 ἐναλλάξ passim, e. g. 206, 1. 341, 7. 16. 355, 27. 356, 24.

- τὸ ἐναλλάξ 9, 4 ss. 60, 24. 391, 27.
 διχῶς ὁ γεωμέτρης παραλαμβάνει 357, 9—26.
 ἐναλλάττω 254, 18. 374, 8. 378, 6.
 ἐναντίος, α, ον 8, 19. 12, 25. 23, 1. 9. 18. 26, 21. 49, 22. 69, 28. 74, 5. 139, 17. 239, 21. 270, 14. 314, 3.
 τοῦναντίον 28, 27.
 ἐνάργεια, ἡ 181, 3. 185, 6. 193, 8. 194, 6. 17. 195, 21. 240, 14. 255, 17.
 ἐναργής, ἐς 179, 8. 188, 3. 193, 7. 195, 11. 196, 6. 243, 8. 254, 23. 255, 25. 266, 11. 294, 3. 326, 12.
 Comp. 89, 6. 179, 18.
 Sup. 426, 12.
 ἐναργῶς 90, 3. 112, 23. 427, 25.
 ἐναρμόνιος, ον 23, 19. 24, 5.
 ἐνάρμοσις, ἡ 201, 11.
 ἐνάς, ἡ 142, 5.
 ἐνατος 248, 10. 279, 14.
 ἐνδεia, ἡ 24, 13. 133, 23.
 ἐνδείκνυμι passim, e. g. 23, 3. 84, 17. 90, 9. 96, 1. 97, 14. 135, 6. 143, 17. 432, 4.
 ἐνδειξις, ἡ 91, 11. 102, 5. 110, 4. 162, 20. 291, 15. 404, 15.
 ἐνδέχομαι 284, 26. 292, 17. 295, 20.
 ἐνδίδωμι 9, 27. 149, 22. 167, 21.
 ἐνδοθεν 45, 11. 55, 11.
 ἐνδον 141, 7.
 οἱ ἐνδον λόγοι 18, 18. 140, 16.
 ἐνδοτέρω 400, 24.
 ἐνειμι 36, 7.
 ἐνεκα passim, e. g. 48, 7. 69, 6. 86, 22. 300, 24.
 ἐνεκεν 112, 2.
 ἐνέργεια, ἡ passim, e. g. 6, 18. 18, 9. 21. 25, 3. 28, 12. 37, 2. 38, 11. 44, 23. 46, 9. 12. 49, 12. 55, 18. 56, 1. 89, 23. 91, 17. 95, 10. 291, 1.
 κατ' ἐνέργειαν (ἐνεργεία) oppositum δυνάμει 116, 14. 157, 8. 284, 21. 285, 22.
 ἐνεργέω passim, e. g. 18, 16. 19, 28. 28, 26. 38, 5 (?). 45, 24. 52, 5 ss. 63, 6. 108, 19.
 ἐνηλλαγμένως 357, 25.
 ἐνιαῖος, α, ον 138, 10. 153, 15.
 ἐνιδρύω 21, 2.
 ἐνίζω 89, 24. 101, 19. 116, 1. 148, 22.
 ἐνικός, ἡ, ὄν
 Sup. 154, 12.
 ἐνικῶς 376, 19.
 ἐνίστε 204, 9. 206, 10.
 ἐνίστημι passim, e. g. 48, 8. 199, 4. 214, 16. 256, 15. 262, 4. 13. 273, 11. 289, 11.
 ἐννέα 428, 18.
 ἐννεακαιδέκατος 313, 23. 409, 3.
 ἐννοέω 24, 23. 295, 25.
 ἐννοια, ἡ passim, e. g. 76, 12. 97, 5. 110, 17. 119, 4. 120, 3. 179, 4. 279, 1.
 κοινή 74, 15. 76, 16. 109, 18. 182, 12. 194, 9. 240, 12. 243, 4. 244, 4. 254, 25 ss. 264, 11. 266, 9. 11. 278, 14. 374, 5. 384, 13.
 γραμμῆς 100, 6—10.
 ἐπιφανείας 114, 20—22.
 ἐνοειδής, ἐς 4, 2. 17. 86, 4. 87, 21. 138, 7. 139, 9. 140, 20.
 ἐνοειδῶς 55, 15. 92, 2.
 ἐνοποιέω 129, 19.
 ἐνοποιός, ὄν 90, 24.
 ἐνόχλησις, ἡ 375, 9.
 ἐνώω 5, 4. 89, 12. 167, 12. 250, 14.
 ἐνστασις, ἡ passim, e. g. 193, 5. 210, 27. 212, 18—23. 247, 15. 248, 10. 262, 8 s. 275, 1. 286, 14. 288, 11. 289, 9 ss. 330, 3. 17. 431, 14.
 ἐνταῦθα passim, e. g. 37, 8. 45, 16. 53, 12. 87, 3.
 ἐντείνω 79, 21. 23. 80, 4.
 ἐντεῦθεν passim, e. g. 20, 8. 17. 21, 9. 84, 23. 146, 5. 155, 26. 330, 18.
 ἐντεχνος, ον 242, 5.

ἐντίθῃμι 24, 5. 45, 7. 70, 10.
90, 20.

ἐντός passim, e. g. 73, 3. 119,
13. 15. 152, 3 ss. 157, 1. 20.
24.

ἡ ἐντός καὶ ἀπεναντίον τρι-
γώνου γωνία 305, 19 ss.

Vide ἀπεναντίον.

αἱ ἐντός τοῦ τριγώνου γωνίαι
306, 22. 310, 9 ss.

ἐντυγχάνω 84, 9. 290, 15.

ἐνυλος, *ον* 15, 5. 16. 4. 31,
9. 38. 8. 41, 4. 88, 25. 96, 8.
11. 133, 11. 137, 20. 139, 3.
143, 7. 166, 22. 167, 23. 168,
1. 19. 291, 11.

ἐνωσις, ἡ 6, 3. 19, 16. 36, 13.
22. 44, 19. 86, 10. 90, 5. 11.
101, 25. 129, 9 ss. 138, 4. 139,
8. 142, 2. 148, 11. 13. 153, 20.
155, 3. 167, 13. 173, 21. 174,
13. 293, 22.

ἐνωτικός, ἡ, *όν* 91, 4.

ἐξ 38, 11. 237, 7. 269, 4. 304,
19 ss. 403, 16. 20.

ἐξαγωνικός, ἡ, *όν* 304, 21.

ἐξάγωνον, τό 304, 17 ss. 393,
11 ss.

ἐξάγωνος ἀριθμός 253, 18 s.

ἐξαίρετος, *ον* 60, 12. 293, 10.

ἐξαιρέω 89, 5. 92, 20. 102, 3.
138, 6. 294, 11.

ἐξαίφνης 20, 9.

ἐξάνις 304, 19.

ἐξαλλαγή, ἡ 92, 17. 145, 17.
212, 7. 421, 23.

ἐξαλλάττω 6, 26. 117, 13. 223, 1.

ἐξαπατάω 70, 5.

ἐξάπλευρον, τό 382, 8.

ἐξαπλώω 18, 1. 62, 12.

ἐξαρίθμησης 38, 15.

ἐξαρκέω 6, 11.

ἐξαρχμα, τό 42, 1.

ἐξάς, ἡ 150, 19.

ἐξαχῶς 359, 7.

ἐξελίττω 17, 25. 56, 18. 88, 6.
145, 2. 201, 2.

ἐξεργάζομαι 74, 24. 99, 15. 201,
2. 396, 25.

ἐξερημόω 291, 11.

ἐξέρχομαι 432, 10.

ἐξεστὶ 220, 4. 282, 22. 284, 9.
293, 15. 295, 7. 370, 21.

ἐξετάζω 7, 1. 201, 3. 272, 14.

ἐξευρίσκω 432, 8.

ἐξηγέομαι 89, 11. 93, 17. 132,
6. 263, 4. 364, 19.

ἐξηγήσεις, ἡ 177, 25. 200, 10.
432, 14.

ἐξηγητής, ὁ 189, 11. 289, 11.
328, 16.

ἐξηρημένως 5, 22.

ἐξῆς passim, e. g. 14, 17. 163,
15. 187, 28. 215, 11. 258, 21.

ἐξίς, ἡ 180, 25.

ἐξίσόω 293, 24. 305, 2.

ἐξίστημι 86, 9. 87, 15. 148, 12.

ἐξυμνέω 211, 27.

ἐξυφαίνω 83, 16.

ἐξω passim, e. g. 16, 12. 49,
24. 52, 23. 55, 10. 13. 72, 2.
73, 2. 143, 16.

ἐξωθεν passim, e. g. 18, 18.
45, 7. 52, 17. 136, 12. 143, 14.
151, 24. 409, 17. 429, 9.

ἐξωτέρω, 401, 1.

ἐοικα passim, e. g. 52, 10. 73,
4. 78, 21. 85, 10. 97, 10. 161,
7. 278, 10.

ἐπαγγελία, ἡ 59, 7.

ἐπαγγέλλομαι 77, 22. 210, 9.
212, 6. 289, 14.

ἐπάγω passim, e. g. 115, 12.
138, 4. 143, 2. 144, 17. 210,
10. 234, 10. 422, 24.

ἐπαινέω 194, 10. 335, 17.

ἐπακολουθεῖω 106, 16. 330, 19.
336, 21.

ἐπαληθεύω 171, 7. 195, 26. 212,
21. 293, 12.

ἐπαναβασμός, ὁ 21, 9.

ἐπανάγω 293, 22.

ἐπάνειμι 19, 5. 23. 43, 20.

ἐπανέρχομαι 213, 13.

ἐπανήκω 375, 17.

ἐπάνοδος, ἡ 187, 18.

ἐπαπορέω 128, 21.

ἐπανξάνω 66, 16.

ἐπαφή, ἡ 4, 2. 179, 18. 201, 11.
ἐπεγείρω 66, 14.

ἐπείγεται 27, 15. 88, 20. 130,
1. 187, 15.

ἐπειδάν 131, 20. 237, 20.

ἐπειδή passim, e. g. 64, 25. 70,
1. 75, 6. 85, 8.

ἐπειμι 61, 25.

ἐπέπερ 152, 24.

ἐπέσάγω 185, 25. 365, 13. 375,
12.

ἐπέσακτος, ον 86, 10.

ἐπέσειμι 95, 4.

ἐπεισοδιώδης, ες 45, 9. 86, 16.
92, 23. 96, 6. 130, 25.

ἐπειτα 76, 4. 128. 10. 260, 17.

ἐπέκεινα 137, 18.

ἐπεξεργασία, ἡ 200, 15.

ἐπεύθεια δεῖξις (?) 304, 6.
345, 1.

ἐπέχω 7, 19. 161, 18.

ἐπί c. Acc. passim, e. g. 5, 16.
6, 17. 8, 6. 9, 2. 18. 11, 9. 18,
6. 8.

c. Gen. passim, e. g. 17, 7.
40, 3. 67, 8. 82, 22. 103, 20.
105, 3. 243, 4. 273, 12. 338,
12.

c. Dat. 18, 1. 65, 14. 15. 66,
4. 9. 81, 9. 112, 1. 155, 14.

ἐπιβαίνω 146, 10.

ἐπιβάλλω 62, 2. 65, 10. 68, 12.
93, 14.

ἐπιβλέπω 194, 24. 330, 18.

ἐπίβλεψις, ἡ 421, 22.

ἐπιβολή, ἡ passim, e. g. 3, 10.
4, 13. 11, 19. 20, 2. 22, 2. 55,
23. 100, 5. 173, 11. 174, 19.
180, 20. 185, 19. 269, 24. 378,
1. 402, 9.

ἐπιγεννηματικός, ἡ, ὄν 51, 5.

ἐπιγινομαι 153, 25.

ἐπίγραμμα, τό 111, 24. 194, 3.

ἐπιγραφή, ἡ 71, 27.

ἐπιγράφω 70, 10.

ἐπιδεικνυμι (ἐπιδεικνύω) pas-
sim, e. g. 12, 9. 26, 11. 45,
19. 50, 8. 64, 7. 140, 20. 150,
20. 251, 23.

ἐπιδέχομαι passim, e. g. 49, 19.
79, 13. 122, 20. 132, 12. 172,
19. 191, 22. 295, 6.

ἐπιδίδωμι 86, 27. 102, 7.

ἐπίδοσις, ἡ 28, 16. 66, 9.

ἐπιεύννυμι passim, e. g. 180,
17. 187, 9. 26. 209, 6. 215, 2.
218, 24. 219, 10. 12.

ἐπίξευξις, ἡ 355, 17. 386, 16,
387, 6.

ἐπιξητέω 116, 4. 371, 10. 396,
21.

ἐπιθεωρέω 391, 22.

ἐπιθολόω 46, 8. 74, 5. 87, 7.

ἐπικαθαίρεισις, ἡ 198, 13.

ἐπικλίνω 292, 8.

ἐπικοινωνέω 41, 24.

ἐπικουρος, ον 212, 1.

ἐπικρατέω 92, 18. 108, 16.

ἐπίκτητος, ον 166, 25.

ἐπιλάμπω 148, 24.

ἐπιλανθάνω 435, 20.

ἐπιμελής, ἐς 66, 22.

ἐπιμερής, ἐς 7, 25.

ἐπιμήκης, ες

τὸ ἐπίμηκες σφαιροειδές 120, 1.

ἐπιμόριος, ον 6, 26. 7, 25.

ἐπινοέω 111, 16. 20. 125, 9. 183,
16. 185, 15.

ἐπίνοια, ἡ passim, e. g. 15. 9.
51, 4. 89, 16. 91, 21. 24. 106,
23. 26. 136, 12. 180, 20. 272,
12.

ἐπίναν 164, 14. 167, 20. 204, 7.

ἐπίπεδος, ον passim, e. g. 24,
19. 39, 8 ss. 104, 19. 105, 7.
107, 19. 357, 6.

ἀριθμοί 17, 16. 39, 16 ss.

τὸ ἐπίπεδον 73, 12. 89, 8. 92,
11 s. 104, 2 ss. 110, 19. 111,
13 s. 112, 21. 267, 1. 356,
22 ss.

ἄπειρον 284, 20.

τὸ ἐπίπεδον γραμμὴ περιέλα-
βεν 86, 19.

ὁ τοῦ ἐπίπεδου λόγος βαθύνει
τὸ ἐπίπεδον 87, 8.

- πάντα ἐν ταῖς φύσεσι κατὰ
 τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον 92,
 8—13.
 ἡ ἐπίπεδος ἐπιφάνεια 117, 1
 —13. 120, 14—21. 25—121, 7.
 ἡ ἐπίπεδος γωνία 121, 8. 126,
 12—128, 19.
 ἐπίπεδα συναγόμενα γωνίας
 ποιεῖ 298, 23.
 κάθετος 283, 14—16.
 γραμμή 394, 21 ss.
 ἐπίπλευς
 τὸ ἐπίπλευς σφαιροειδές 120, 1.
 ἐπιποθέω 265, 19.
 ἐπιπόλαιος, *ον* 29, 16. 70, 4.
 ἐπιπροσθέω 109, 22. 110, 3. 117,
 11.
 ἐπισημάνω 134, 19. 160, 17.
 236, 7. 315, 4. 375, 8. 384, 3.
 388, 15. 409, 1.
 ἐπισκέπτομαι 34, 21. 44, 5. 200,
 6. 368, 26.
 ἐπισκεψις, ἡ 199, 2.
 ἐπισκοπέω 5, 15. 36, 3. 48, 16.
 54, 23. 62, 19. 65, 18. 83, 12.
 202, 7.
 ἐπισκώπτω 216, 21.
 ἐπίσταμαι 14, 14.
 ἐπίστασις, ἡ, 102, 22.
 ἐπιστατέω 109, 3.
 ἐπιστήμη, ἡ *passim*, e. g. 7, 4.
 9, 8 ss. 14, 15. 21. 17, 5. 23,
 27. 24, 21. 25, 13. 27, 4. 14.
 34, 8. 58, 3. 75, 21? 119, 5.
 184, 7. 23. 303, 15. 20. 322,
 19 ss.
 ἡ πρώτη (πρωτίστη, ἀχρο-
 τάτη) 4, 9. 9, 19. 11, 18. 23.
 243, 18.
 τῆς γεωμετρίας 57, 9—61, 17.
 μαθηματικά 17, 26. 60, 23.
 ἡ μία 7, 18. 18, 6. 31, 22 ss.
 διττή 200, 22.
 ἀκριβεστέρα ἄλλη ἄλλης 59,
 10—60, 1.
 ἡ (μαθηματικὴ) ἐπιστήμη se-
 cundum Platonem 25, 12—
 32, 20.
 ἀρχὰς οὐκ ἀποδείκνυσι 75, 15.
 τὸ καθόλου καταφατικὸν ταῖς
 ἐπιστήμαις προσήκει 260, 1
 —9.
 ἐπιστημονικός *passim*, e. g.
 69, 1. 70, 2. 16. 200, 14. 212,
 17. 222, 1. 242, 11. 243, 20.
 247, 17. 259, 21. 322, 17.
Comp. 66, 17.
 ἐπιστημονικῶς 203, 12.
Comp. 427, 1.
 ἐπιστήμων, *ον* 34, 2. 46, 11.
 93, 11. 182, 13. 375, 11.
 ἐπιστρέπτικός, ἡ, *όν* 151, 8.
 ἐπιστρέφω *passim*, e. g. 27, 5.
 45, 12. 47, 3. 55, 15. 90, 13.
 108, 9. 140, 21. 150, 21.
 ἐπιστροφή, ἡ *passim*, e. g. 46,
 7. 110, 8. 147, 17. 148, 11.
 151, 2. 153, 18 ss.
 ἐπισυνίστημι 51, 5. 260, 21.
 ἐπισυντίθηναι 304, 27.
 ἐπιταράττω 75, 23. 187, 3.
 ἐπίτασις, ἡ 172, 19.
 ἐπιτάττω 208, 3. 227, 18. 271,
 12. 282, 3. 422, 19.
 ἐπιτήδειος, α, *ον* 41, 6.
 ἐπιτηδειότης, ἡ 148, 9. 211, 14.
 ἐπιτήδευμα, τό 20, 19.
 ἐπιτίθηναι 149, 27.
 ἐπιτομή, ἡ 316, 21.
 ἐπιτρέπω 199, 12. 214, 20.
 ἐπιτρέχω 200, 17.
 ἐπιτροπέω 167, 10. 174, 16.
 ἐπιτυγχάνω 45, 3.
 ἐπιφάνεια, ἡ *passim*, e. g. 49,
 14. 96, 20. 100, 11. 112, 12.
 121, 16 ss.
 (ὄρισμοί) 114, 3—14.
 περατοῦσα, περατομένη 85,
 4 s. 86, 18. 115, 10—116, 14.
 τριάδι ἀνάλογον, δυαδικὴ
 97, 21—98, 8. 99, 4—8. 20.
 115, 1—8.
 τοῦ κυλίνδρου 105, 2. 117, 21.
 120, 11. 24.
 τῆς σφαίρας (σφαιρική) 116,
 6. 117, 21. 119, 4. 120, 10. 23.
 τοῦ κώνου 117, 21. 120, 24.
 σπειρική 119, 9—18.

- κωνοειδής 119, 22—120, 2.
 ἐννοια ἐπιφανείας 114, 20—22.
 αἰσθησις 114, 22—25.
 (ταὐτὸν) τῷ ἐπιπέδῳ 115, 17—24.
 ἐπίπεδος 117, 1—13. 120, 14—21. 25—121, 7.
 μικτή 117, 14—120, 6.
 ὁμοιομερεῖς 120, 8—12.
 ἐπιφανής, ἐς 66, 7. 67, 18.
 ἐπιφέρω 144, 20. 235, 2. 261, 14.
 ἐπιφημίζω 72, 8. 173, 1.
 ἐπιχειρῶ passim, e. g. 25, 15. 26, 12. 29, 16. 54, 18. 73, 18. 144, 3. 179, 21.
 ἐπιχειρήσεις, ἡ 45, 19.
 ἔπομαι passim, e. g. 12, 2. 17, 11. 26, 26. 27, 1. 31, 18. 48, 6. 58, 19. 315, 8.
 ἐπονομάζω 46, 18. 72, 3. 396, 12.
 ἐποχέομαι 90, 13. 138, 7. 148, 4.
 ἐπτά 96, 4. 235, 25.
 οἱ ἑ. ὄροι 17, 15.
 οἱ ἑ. λόγοι 17, 17.
 εἶδη τριγώνων 168, 5—12.
 εἶδη τετραπλεύρων 170, 8—15.
 ἐπτάκις 422, 22.
 ἑπταχῶς 170, 8.
 ἐπωνυμία, ἡ 30, 9. 40, 4. 113, 6. 126, 26. 172, 20. 221, 15. 303, 11.
 ἔρῶ 148, 22.
 ἔρείδω 404, 23.
 ἔργον, τό 55, 20. 79, 7. 248, 4. 255, 25. 322, 7.
 τῆς ἐπιστήμης 322, 20. 323, 3.
 τῆς μαθηματικῆς 18, 8. 10—19, 5.
 τῆς γεωμετρίας 39, 12.
 τῆς γεωδεσίας 39, 20.
 ἐργώδης, ἐς 242, 10.
 ἔρημος, ὃν 150, 10.
 ἔρμαιον, τό 301, 24. 303, 9. 13.
 ἔρμηνεία, ἡ 295, 8.
 (ἔρμαι) Aor. 68, 14. Fut. 70, 20.
 ἔρχομαι 65, 7. 120, 3. 136, 12. 159, 25. 388, 7.
 ἔρως, ὁ 90, 13.
 ἔρωτημα, τό 58, 19. 25.
 ἔρωτικός, ὁ 21, 7 s.
 ἔστία, ἡ 29, 14.
 ἔσχατος, ἡ, ὃν 4, 4. 11, 3. 15, 13. 20, 10. 28, 25. 52, 10. 16. 94, 13. 145, 2.
 τὰ ἔσχατα 3, 2. 7, 8. 52, 12. 92, 25. 129, 13. 138, 24. 148, 8.
 ἔσχάτως 91, 27.
 ἑταῖρος, ὁ 67, 3. 9.
 ἑτεροίωσις, ἡ 106, 24.
 ἑτεροκίνητος, ὃν 16, 1. 137, 21. 142, 3.
 ἑτερόμηκες, τό 169, 3. 16. 170, 9. 171, 9. 18. 22. 386, 19 ss. 388, 15 ss. 389, 10. 421, 4.
 ἑτεροποιός, ὃν 164, 10.
 ἕτερος, α, ὃν passim, e. g. 19, 2. 30, 24. 34, 15. 27. 35, 1. 38, 14. 58, 24.
 τὸ ἕτερον 353, 4—11.
 ἑτερότης, ἡ 6, 6. 34, 21. 36, 14. 18. 131, 16. 132, 5. 353, 3.
 ἔτι passim, e. g. 7, 24. 14, 24. 19, 1. 28, 17. 49, 9.
 εὐγνωστός, ὃν 182, 4.
 εὐγονία, ἡ 8, 19. 23, 1. 24, 2.
 εὐδαιμονέω 26, 2.
 εὐδαιμονία, ἡ 26, 2. 30, 6.
 εὐδαιμονικῶς 26, 3.
 εὐδιαίρετος, ὃν 432, 15.
 εὐέλεγκτος, ὃν 275, 4.
 εὐεργετέω 63, 9.
 εὐθεΐα, ἡ passim, e. g. 35, 4. 39, 25. 50, 2. 6. 78, 2 s. 103, 22. 104, 25. 106, 6. 21—107, 10. 111, 8.
 ὀρισμοί 109, 6—110, 26.
 πρὸς τῆς ἀπειρίας 107, 15.
 σύμβολον τῆς ἀπαρεγκλίτου προνομίας 108, 11.
 ἐπ' εὐθείας 294, 18 ss. 299, 15 ss.
 ὀδεύειν 109, 18. 20.
 ὁμαλή ὁύσις 185, 11 s.
 δύο εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσι 239, 1—240, 10.

- ἡ ἐπ' εὐθείας δεῖξις 304, 6.
 345, 1.
 ἡ ἄπειρος σύμβολον τῆς γενέσεως 291, 7—9.
 τρεῖς εὐθεῖαι ἴσαι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεῖαν 307, 25—308, 13.
 διάστασις εὐθειῶν γωνίαν ποιουσῶν καὶ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλομένων 371, 14—23.
 εὐθύγραμμικός 33, 20.
 εὐθύγραμμος, *ον* 427, 13.
 γωνία *passim*, e. g. 80, 11.
 120, 23. 122, 3. 7. 127, 15.
 128, 24—134, 19. 189, 15—191, 4. 205, 17 s. 207, 18 ss.
 237, 24 ss. 292, 18. 333, 3 ss.
 τὸ εὐθύγραμμον *passim*, e. g. 33, 15. 17. 73, 2. 82, 2 ss. 83, 4. 161, 13—164, 17. 318, 13. 422, 10 ss. 423, 12. 426, 20.
 εὐθύγραφέω 106, 13.
 εὐθύνα, ἡ 15, 15.
 εὐθύς 104, 23.
 τὸ εὐθύ *passim*, e. g. 16, 20. 37, 8. 105, 18 ss. 108, 20 ss. 117, 14 ss. 147, 10 ss.
 ἀνάλογον τῇ ἀπειρίᾳ 104, 14.
 Adv. 34, 8. 172, 14. 16. 202, 24. 265, 20. 382, 9. 397, 4.
 ἐκ τοῦ εὐθέως 179, 19.
 εὐθύτης, ἡ 125, 11.
 εὐληπτος, *ον* 181, 4.
 εὐλόγως 207, 13.
 εὐλυτος, *ον* 27, 25.
 εὐμαθής, ἐς 208, 24.
 εὐμήχανος, *ον* 179, 6. 185, 18.
 εὐμορφία, ἡ 141, 25. 6.
 εὐοδία, ἡ 246, 11.
 εὐπαράδεκτος, *ον* 195, 14.
 εὐπετής, ἐς 181, 8.
 εὐπορία, ἡ 303, 16.
 εὐπόριστος, *ον* 179, 6. 24. 182, 3.
 εὐπορος, *ον* 120, 17.
 εὐρεσις, ἡ *passim*, e. g. 19, 3. 47, 4. 64, 24. 69, 15. 24. 70, 8. 78, 19. 111, 25. 195, 16. 234, 6.
 εὐρετής, ὁ 272, 5.
 εὐρίσκω *passim*, e. g. 13, 12. 24, 19. 43, 2. 51, 7. 55, 6. 61, 13. 64, 18. 233, 17. 422, 4.
 εὐρύθμος, *ον* 137, 16.
 εὐρύνω 112, 8.
 εὐσχημοσύνη, ἡ 137, 8.
 εὐτακτος, *ον* 361, 23.
 εὐτάκτως 162, 6. 255, 22.
 εὐταξία, ἡ 22, 18.
 εὐτρεπής, ἐς 55, 5.
 εὐφυνής 113, 8. 213, 10.
 εὐφυνώς 435, 19.
 ἐφάπτω
 Med. *passim*, e. g. 10, 8. 19, 24. 28, 19. 34, 13. 35, 12. 331, 10 ss.
 ἐφαρμογή, ἡ 237, 23. 243, 6.
 ἐφαρμοζώ *passim*, e. g. 105, 5. 110, 21. 117, 9. 20. 158, 1. 182, 13. 193, 14.
 ἐφάρμοσις, ἡ 238, 6.
 ἐφαρμόττω *passim*, e. g. 7, 20. 33, 16. 120, 11. 142, 11.
 ἐφεξῆς *passim*, e. g. 32, 7. 72, 11. 75, 8. 17. 98, 4. 134, 22. 135, 4 ss.
 ταῦτα ἐφεξῆς, ὧν μηδὲν ὅμοιον μεταξὺ 296, 4.
 ἐφετός, ἡ, ὅν 148, 14. 154, 24.
 ἐφήκω 52, 15.
 ἐφήμι 153, 22. 174, 21.
 ἐφιστάνω 253, 16. 292, 12. 368, 1.
 ἐφίστημι *passim*, e. g. 10, 25. 90, 12. 135, 8. 183, 15. 188, 18 s. 189, 13. 20. 250, 22. 292, 23. 299, 23. 368, 24. 393, 6. 426, 10.
 ἐφοδος, ἡ 38, 24. 57, 2. 74, 19. 157, 17. 255, 26. 300, 7. 304, 4. 374, 9.
 ἐφορος, ὁ 46, 26.
 ἔχω *passim*, e. g. 3, 8. 4, 23. 6, 16. 24. 8, 2. 23. 9, 14. 10, 27. 46, 15. 126, 26. 200, 14. 243, 8.
 ἔως 9, 18. 192, 24. 380, 11.
 ζάω 26, 3.
 ζηλόω 84, 15.
 ζητέω *passim*, e. g. 8, 6. 14, 5.

- 18, 27 s. 28, 16. 43, 4. 66, 1.
 69, 17 s. 141, 19. 172, 5. 179,
 5. 11. 315, 8.
 ζήτημα, τό 303, 24.
 ζήτησις, ἡ passim, e. g. 19, 1.
 3. 29, 3. 47, 3. 66, 20. 68, 1.
 70, 22. 79, 17. 84, 8. 179, 18.
 423, 1.
 ζητητικός
 Comp. 227, 8.
 ζυγόν, τό 63, 14.
 ζωδιακός, ἡ, ὄν 16, 24.
 ὁ ζωδιακός (ζωδιακός) 126,
 15. 167, 5. 269, 17.
 ζωή, ἡ 15, 12. 17, 2. 20, 15. 23,
 19. 24, 5. 16. 28, 13. 29, 11.
 37, 22 ss. 47, 6. 52, 24. 53,
 14. 115, 15. 137, 20. 167, 9.
 168, 23. 174, 2. 290, 18. 20.
 291, 13 ss.
 ζωογόνος, ὃν 90, 16. 173, 18.
 214, 2.
 ζωόν, τό 149, 21.
 ζωτικός, ἡ ὄν 18, 23.
 ζωτικῶς 17, 9.
 ζῆ 107, 6. 263, 20. 414, 20.
 ζῆ 9, 19. 178, 13. 207, 15 ss.
 ζῆ αὐτό 355, 23. 356, 13. 384,
 6. 9.
 ἡγεμονέω 115, 6.
 ἡγεμών, ὁ 10, 18. 192, 7.
 ἡγέομαι 77, 17. 113, 9. 21. 151,
 8. 165, 1. 174, 15. 315, 8.
 ἡγουν 122, 1.
 ἡδη passim, e. g. 21, 19. 25,
 15. 37, 16. 77, 15. 181, 16.
 227, 9.
 ἡδονή, ἡ 24, 18. 28, 22.
 ἡθικός, ἡ, ὃν
 πρὸς τὴν ἡθ. φιλοσοφίαν
 ἡμᾶς τελειοῖ ἡ μαθηματικὴ
 24, 4—20.
 ἡθος, τό 21, 19. 23, 24. 24, 5.
 14. 108, 10.
 ἡνω 95, 13. 151, 15. 278, 22.
 347, 1.
 ἡλιακός, ἡ, ὃν 39, 26.
- ἡλίκος, ἡ, ὃν 24, 22.
 ἡλιος, ὁ 42, 5. 110, 1.
 ἡμέρα, ἡ 63, 25. 269, 4.
 ἡμερος, ὃν 138, 19.
 ἡμέτερος, α, ὃν 29, 14. 110, 2.
 ἡμικύκλιον, τό 80, 3. 5. 104, 18.
 113, 17. 134, 13. 158, 3. 11.
 21—162, 8. 163, 5 s. 190, 2 s.
 216, 6. 8. 234, 17. 240, 2. 283,
 1. 381, 10 ss. 396, 4.
 ἡμικώνιον, τό 123, 2.
 ἡμιόλιος, α, ὃν 373, 16 s.
 ἡμίσεια 161, 10. 230, 2 ss. 239,
 11. 13. 297, 17 ss. 344, 1 ss.
 383, 20. 404, 9.
 ἡμισυ 159, 21. 197, 1. 369, 18.
 399, 11. 404, 5. 11. 428, 14 ss.
 ἡμιτετραγωνον, τό 222, 7. 383,
 21.
 ἡμιτρίγωνον, τό 383, 22.
 ἡνίκα 63, 27. 193, 5. 236, 19.
 ἡνωμένως 138, 9.
 ἡπερ 173, 25.
 ἡπτον (ἡσσον) passim, e. g. 49,
 19. 122, 15. 18. 21. 131, 16.
 180, 2. 294, 7.
 ἡτοι 25, 7.
 θάλασσα (θάλαττα), ἡ 63, 13.
 352, 16.
 θαρρέω 301, 4.
 θάτερον passim, e. g. 107, 4 s.
 109, 10. 110, 26. 157, 18.
 θάτερα 102, 19 s. 134, 23. 26.
 135, 9. 289, 19.
 θαῦμα, τό 66, 13.
 θανμάξω 28, 27. 141, 10. 285,
 22. 404, 17. 426, 9.
 θανμαστός, ἡ, ὃν 22, 10. 23,
 18. 64, 23. 69, 1. 97, 26. 102,
 5. 119, 6. 130, 24. 137, 14.
 229, 3. 232, 11. 260, 10. 20.
 396, 13. 435, 20.
 θανματοποιική, ἡ 41, 8.
 θεά, ἡ 173, 18.
 θεά, ἡ 20, 21, 49, 11.
 θεάιναι, ἡ 173, 16.
 θεάμα, τό 38, 7. 62, 8.

- θεάουαι 48, 3. 49, 13. 55, 15.
 61, 27. 141, 15. 24. 250, 16.
 412, 8.
 θεός, α, ον 6, 6. 21, 3. 22, 13.
 35, 9. 47, 2. 62, 6. 90, 13. 94,
 23. 116, 20. 128, 27. 129, 9.
 132, 17. 22. 133, 15. 140, 15.
 18. 168, 15. 17. 173, 4. 22.
 291, 3. 419, 22.
 Comp. 137, 25. 147, 6.
 θέλω 141, 12.
 θέμις 104, 6. 140, 11.
 θεολογία, ἡ 22, 1
 utilitas mathematicae 22, 2—
 16.
 θεολογικός, ὁ 156, 1.
 θεός, ὁ 20, 5. 22, 4 ss. 46, 25.
 62, 9. 90, 24. 91, 3. 8. 130, 18.
 131, 1. 138, 7—23. 139, 9.
 140, 13 ss. 141, 23, 25. 146, 6.
 13. 148, 10—16. 150, 6. 10.
 156, 4. 164, 10. 13. 174, 4.
 303, 13. 432, 10.
 ὁ τριαδικός 155, 24.
 θεότης, ἡ 90, 16.
 θεουργία, ἡ 138, 10.
 θερμαίνω 322, 18 s.
 θερμός, ἡ, ὄν 167, 9. 11. 181, 10.
 θερμότης, ἡ 122, 8.
 θέσις, ἡ passim, e. g. 38, 21.
 41, 26. 56, 9. 57, 13. 59, 18.
 20. 60, 13. 63, 12. 78, 3. 26.
 79, 20. 95, 22—96, 15. 127, 21.
 135, 11. 154, 7. 186, 20. 201, 10.
 θέσει δεδομένον 205, 14—206,
 11. 280, 22 s.
 θετικός, ἡ, ὄν 255, 18 s.
 θεωρέω passim, e. g. 7, 15 ss.
 9, 23. 10, 17. 11, 5. 14, 23.
 18, 7.
 θεώρημα, τό passim, e. g. 7,
 17. 18, 4. 25, 22. 38, 20. 39,
 2. 42, 3. 59, 22. 61, 21. 177,
 20. 178, 13 ss. 200, 7.
 quid? 77, 7—81, 4. 201, 5.
 apud Euclidem 81, 7—22.
 μέρη 203, 2—207, 25.
 τὰ προβλήματα πρὸ τῶν θεω-
 ρημάτων 241, 20—243, 29.
- τὰ μὲν ἀπλᾶ τὰ δὲ σύνθετα
 244, 14—246, 12. 394, 13.
 τοπικά 394, 15 ss.
 θεωρηματικῶς 78, 7. 243, 18.
 θεωρητικός, ἡ, ὄν 24, 23. 27,
 19. 31, 10. 57, 9. 77, 14. 17.
 80, 24. 116, 21. 221, 11.
 θεωρία passim, e. g. 9, 13. 11,
 20. 13, 15. 19, 8. 24. 27. 20,
 6. 21, 1. 24. 23, 4. 26, 9. 27,
 28. 28, 9. 17. 29, 25. 352, 21.
 432, 7 ss.
 φυσική 22, 17.
 θεωρικός, ἡ, ὄν 100, 5. 174, 19.
 θῆλυ, τό 151, 10.
 θηλυπρεπής, ἐς 99, 14.
 θήρα, ἡ 14, 6. 179, 15. 22. 203,
 11.
 θηράω 211, 16. 242, 17. 388,
 11.
 θνητός, ἡ, ὄν 63, 9.
 οἱ θνητοί 84, 22. 150, 7.
 θριγγός, ὁ
 τῶν μαθημάτων 42, 10—44,
 24.
 θυρεός, ὁ 126, 19. 22.
 ἡ τοῦ θυρεοῦ γραμμή 103,
 6 ss. 111, 6. 126, 20.
 λατρικός
 ἡ λατρική 31, 8. 38, 25.
 τὸ λατρικόν 38, 18.
 λατρός, ὁ 38, 23. 75, 21. 93, 22.
 ἰδέα, ἡ 17, 8. 118, 19. 144, 16.
 146, 6. 395, 25.
 τοπικά θεωρήματα (ἀπεινα-
 σθέντα) ταῖς ἰδέαις 395, 14
 —18.
 ἰδιαῶς 39, 10. 124, 11. 165, 2.
 171, 14.
 ἴδιος, α, ον passim, e. g. 32,
 16. 60, 7. 11. 101, 19. 135, 23.
 147, 22. 157, 5. 162, 11. 24.
 181, 24. 221, 14. 293, 3 ss.
 ἰδίᾳ 178, 5.
 ἰδιότης, ἡ passim, e. g. 22, 7.
 33, 2. 18. 50, 15. 62, 6. 83, 9.
 17. 89, 1. 94, 16. 99, 13. 124,

17. 138, 11. 146, 14. 303, 18. 353, 5.
ιδίως, ἡ passim, e. g. 40, 12. 156, 19. 186, 24. 211, 4. 212, 14.
ἰδρυνσις, ἡ 173, 8.
ἰδρύνω 17, 14. 37, 3. 17. 148, 16. 154, 12.
 Pass. 3, 14. 17, 19. 18, 12. 85, 15. 91, 17. 138, 27. 291, 6.
ἰδρύνθην 87, 1.
ἰερός, ἁ, ὅν 22, 14.
ἱκανός, ἡ, ὅν 211, 16. 356, 4.
ἱκανῶς 69, 20. 94, 3. 284, 23. 432, 1.
ἱλάσκομαι 112, 2.
ἱλεως
ἱλεον 138, 20.
ἵνα passim, e. g. 57, 24. 71, 27. 86, 19. 124, 24.
ἰνδάλλομαι 86, 13. 96, 11.
ἱπποπέδη, ἡ 127, 1. 128, 5.
ἱππος 112, 5.
ἰσάζω 237, 15.
ἰσημερινός, ὁ 126, 15. 269, 17.
ἰσogώνιος, ὃν 172, 7. 12. 202, 16. 304, 18. 348, 5. 12. 393, 8.
ἰσοδυνάμει 114, 12.
ἰσοκρατής, ἐς 149, 18.
ἰσοπερίμετρα, τὰ 398, 16.
ἰσόπλευρος, ὃν 14, 13. 169, 2 ss. 171, 13. 172, 8 ss. 202, 15 s. 304, 16 ss. 388, 21 ss. 393, 8. 398, 11.
 v. *τρίγωνον*.
ἰσορροπέω 181, 20.
ἰσορροπία, ἡ 41, 12.
ἰσόρροπος, ὃν 41, 15.
ἴσος, η, ὃν passim, e. g. 14, 12. 33, 14. 58, 17. 373, 8 ss.
 τὸ ἴσον 7, 26. 79, 19.
 ἐξ ἴσου κεῖσθαι 109, 8—13. 110, 13. 15. 117, 6. 215, 17.
μετάβασις ἀπὸ τοῦ μείζονος ἐπὶ τὸ ἕλασσον οὐ πάντως διὰ τοῦ ἴσου 234, 18.
ἰσοσκελής, ἐς 14, 12.
τραπέζιον 170, 7. 11.
 v. *τρίγωνον*.
ἰστοαχής, ἐς 106, 5.
ἰσότης, ἡ passim, e. g. 7, 2. 12, 21. 22, 24. 24, 17. 49, 14. 21. 58, 14. 63, 15. 83, 13. 124, 9. 191, 6 ss. 290, 23. 313, 15 ss. 373, 19. 421, 21—24.
πρώτιστον ἐν τῷ ποσῷ σύμπτωμα 233, 18.
τῆς ἀνισότητος μέτρον 293, 16 ss.
ἴστημι 113, 24. 162, 24. 285, 9. 414, 13.
 Aor. II. 259, 11. 292, 14.
 Perf. passim, e. g. 8, 24. 12, 21. 21, 1. 3. 25, 4. 27, 6. 97, 16. 149, 16. 294, 4. 349, 1.
 Pass. 259, 1. 17. 292, 3. 5. 16.
ἱστορία, ἡ 38, 20. 68, 4. 352, 15.
ἱστορέω 64, 19. 65, 14. 111, 22. 113, 7. 211, 23. 323, 6. 345, 13. 375, 23. 426, 6.
ἱστορικός
 τὸ ἱστορικόν 38, 18.
ἴσως 29, 14. 93, 19. 110, 4. 272, 15. 303, 10.
ἰνγγικός, ἡ, ὃν 91, 3.
ἴχνος, τό 89, 5. 150, 2.
καθὰ 286, 19.
καθαίρειν 25, 16.
καθάπερ passim, e. g. 18, 21. 19, 2. 25, 5. 38, 15 s.
καθαρεύω 5, 9. 12, 25. 52, 16. 27. 56, 13. 85, 7. 96, 6. 97, 1. 186, 18.
καθαρός, ἁ, ὃν 43, 14. 47, 5. 49, 15.
 Comp. 4, 10. 95, 24.
 Sup. 42, 16. 137, 19.
καθαρότης, ἡ 4, 2. 54, 12. 133, 13. 139, 5.
καθαρτικός, ἡ, ὃν 28, 7. 29, 26. 46, 21. 70, 15.
κάθετος, ἡ passim, e. g. 131, 6. 133, 12—18. 134, 27. 135, 16 ss. 176, 9 ss. 237, 11. 283, 6—22. 376, 12 ss. 404, 4 ss.

- αἱ ἀπὸ τῶν (τριγώνου) γωνιῶν 72, 18.
 στερεά 135, 17. 20—23. 283, 13. 16—22.
 ἐπίπεδος 283, 14—16.
 ζωῆς εἰκόν 290, 20—291, 19.
 δύο ἐπὶ μίαν εὐθεΐαν 313, 1—12.
 καθηγμένων, ὁ 123, 19.
 καθήκω 60, 23. 147, 12. 167, 4.
 κάθημαι 138, 16.
 καθίστημι 63, 17. 180, 14.
 καθόδος, ἡ 133, 7. 283, 13. 290, 21.
 καθολικός, ἡ, ὅν 51, 10. 74, 16. 80, 6. 245, 25. 390, 17. 391, 12. 394, 12.
 Comp. 14, 3. 19, 18. 65, 10. 67, 15. 251, 3. 405, 16. 422, 6. 426, 13.
 καθολικῶς 426, 15.
 καθόλου passim, e. g. 7, 27. 25, 20. 23. 54, 22. 67, 4. 179, 14. 338, 1.
 διττόν 51, 17. 53, 18.
 ἄλλως τὸ ἐπὶ πάντων ἀληθεῦον, ἄλλως τὸ πάντα περιλαμβάνον 390, 12—392, 8.
 τὰ καθόλου passim, e. g. 14, 7 ss. 30, 12. 22. 50, 18. 53, 6.
 καθοράω 12, 2. 61, 25.
 καθόσον passim, e. g. 7, 27. 33, 16. 39, 11. 91, 13.
 καθότι 95, 5.
 καθώς 421, 13.
 καιρός, ὁ 23, 14. 135, 18. 241, 21. 272, 14.
 καίτοι passim, e. g. 50, 14. 52, 4. 81, 12.
 κακία, ἡ 24, 12. 133, 21.
 κακός
 τὰ κακά 150, 6—12.
 καλέω passim, e. g. 8, 7. 23, 12. 30, 24. 38, 6. 40, 5. 12. 212, 16.
 κάλλος, τό 8, 4. 26, 21. 137, 7. 18. 140, 1. 141, 16. 18. 150, 15.
 τῆς μαθηματικῆς 20, 27 ss. 26, 11—27, 16.
 καλός, ἡ, ὅν 21, 10. 269, 24. τὸ καλόν 25, 17. 27, 13. Comp. 35, 4. Sup. 211, 19. 213, 14.
 καλῶς 67, 14. 78, 14. 83, 5. 135, 5.
 κάμνω 179, 7.
 καμπύλος, ἡ, ὅν 104, 5. 121, 16.
 κανονική, ἡ 38, 12. 40, 9 ss.
 κανών, ὁ 13, 17. 40, 23.
 καρδιοειδής, ἔς 138, 17, κάρος, ὁ 47, 3.
 καρπός, ὁ 199, 7.
 κατὰ c. Acc. passim, e. g. 3, 7. 6, 1. 18. 7, 10. 11. 8, 2. 12. 9, 4. 8. 17, 17. 181, 23.
 καταβαίνω 57, 14. 84, 21.
 καταβάλλω
 Med. 16, 20.
 καταβιβάζω 106, 18.
 καταβολή, ἡ 74, 15.
 καταγραφή, ἡ 212, 10. 340, 11. 358, 11. 370, 14. 400, 9. 15. 419, 22.
 καταγράφω 215, 1. 357, 5.
 κατάγω 63, 23. 133, 11.
 καταδεής, ἔς
 Comp. 3, 12. 15, 4. 89, 1. 95, 8. 132, 6.
 καταδέχομαι 5, 24. 26, 21. 101, 3. 213, 23. 294, 1.
 καταδέομαι 43, 4. 83, 5. 192, 24. 201, 14. 426, 12.
 κατακοσμέω 23, 6.
 κατακρύπτω 22, 13.
 καταλαμβάνω 102, 1.
 καταλάμπω 27, 14.
 καταλέγω 125, 14.
 καταλείπω 58, 18. 193, 12. 407, 15.
 καταλήγω 150, 22.
 κατάληξις, ἡ 151, 2.
 κατάληψις, ἡ 7, 5. 19, 12.
 καταμανθάνω 42, 5.
 καταμελέω 84, 23.
 καταμέτρησης, ἡ 41, 25. 240, 9.

- κατανοέω 36, 6. 250, 13.
κατανόησις, ἡ 119, 2.
κατανταῶ 18, 19. 180, 1. 185,
14. 255, 3. 10. 256, 19. 367, 3.
καταντινῶ 386, 23.
καταπέμπω 121, 7.
καταπίνω 92, 24.
καταπλήττω 63, 24. 397, 4.
καταπραγματεύομαι 76, 22.
καταπυκνῶ 66, 12.
καταριθμέω 194, 13.
κατάρχω 202, 11.
κατασκευάζω passim, e. g. 41,
7. 63, 10. 20. 27. 72, 24 ss.
138, 20. 183, 17. 244, 9. 340,
14. 371, 13.
κατασκευῇ, ἡ passim, e. g. 102,
18. 179, 8. 181, 1. 183, 3. 203,
4. 10. 204, 3. 206, 6. 209, 1 ss.
κατατάσσω
κατατεταγμένον 50, 22. 51,
18. 53, 6. 54, 10. 24.
κατατομή, ἡ 40, 24.
καταφαίνομαι 7, 9. 8, 20. 49, 2.
καταφανής, ἐς passim, e. g. 11,
13. 22, 5. 75, 17. 85, 8. 96,
26. 122, 19. 145, 19. 179, 4.
κατάφασις, ἡ 114, 14. 259, 23
—260, 7.
καταφάσκω 255, 7.
καταφατικός, ἡ, ὄν 260, 1. 7.
360, 22.
καταφατικῶς 96, 23. 259, 22.
καταφρονητικῶς 28, 20.
κάτειμι 62, 25. 89, 5. 290, 20.
κατευθύνω 107, 23. 168, 18.
κατέχω 52, 21. 95, 6. 109, 8.
115, 7. 117, 5. 151, 7. 195,
2 ss.
κατηγορέω 45, 17. 79, 13 ss. 80,
19. 211, 2. 292, 9.
κατηγορήμα, τό 205, 24.
κατηγορία, ἡ 33, 5. 51, 9. 121,
13. 124, 1.
κάτοιδα 45, 6. 12.
κατοπτρικός, ἡ, ὄν 19, 26.
ἡ κατοπτρική 40, 16.
τὰ κατοπτρικά (Εὐκλείδου)
69, 2.
κάτοπτρον, τό 11, 3. 121, 6.
141, 5. 10.
κατορθῶ 242, 16.
κατορύττω 20, 20.
κάτω 114, 24. 225, 17. 270, 15.
357, 20.
κάτωθεν 13, 27. 19, 23.
κατωτέρω 339, 3.
κεῖμαι passim, e. g. 55, 2. 109,
23. 121, 4. 127, 24. 172, 1.
186, 4.
ἐξ ἴσου κεῖσθαι 109, 8—13.
110, 13. 15. 117, 6. 215, 17.
κελεύω 100, 8.
κενός, ἡ, ὄν 16, 9.
κεντροβαρικά, τὰ 41, 15.
κέντρον, τό passim, e. g. 52,
21. 107, 2. 6. 115, 4. 119, 11 ss.
155, 12.
τοῦ κύκλου 152, 10—153, 9.
ἡ ἐκ (ἀπὸ) τοῦ κέντρον γραμ-
μῇ 12, 21. 49, 15. 152, 6.
κέντρα τῶν ἐν κόσμῳ περι-
φορῶν 89, 21—91, 19.
κέντρα σφαιρῶν σύμβολα θεῶν
91, 2. 16—19.
ἐν τοῖς ἀριθμοῖς 150, 17—22.
τρεῖς τοῦ κέντρον τόποι 160,
20—24.
κεντρόω 149, 6. 154, 21.
κεράννυμι 10, 2.
κερατοειδής (γωνία) 104, 18.
113, 17. 122, 2—7. 127, 14.
134, 12. 234, 16. 271, 18.
κέρδος, τό 212, 16. 301, 24. 303,
12.
κεφάλαιον, τό 210, 21. 247, 26.
299, 6.
κινέω passim, e. g. 12, 26 s.
13, 1. 16, 21. 26. 17, 21. 26,
19. 32, 11. 149, 16. 171, 18.
277, 25. 291, 8. 322, 22—24.
κίνησις, ἡ passim, e. g. 7, 21.
8, 1. 24, 7. 25, 4. 32, 9 ss. 36,
16. 57, 13. 75, 20. 78, 22. 164,
9 ss. 185, 13 ss. 291, 17. 391,
26.
φαινόμεναι 17, 11.

- ἡ πρωτίστη 17, 19. 22.
 οὐ τοπική 18, 22.
 φανταστική 94, 26.
 κοσμικαί 41, 19.
 τρεῖς: ἐπ' εὐθείας, κύκλῳ,
 μικτή 104, 25.
 κινητικός, ἡ, ὄν 41, 18. 46, 20.
 119, 21. 133, 1.
 κινουμένως 50, 2.
 κισσός, ὁ 126, 25.
 κιττοειδής (κισσοειδής)
 ἡ κ. γραμμή 111, 6. 15. 113,
 5. 126, 24. 128, 4. 6. 152, 8.
 164, 2. 177, 2. 187, 21.
 κίων, ὁ et ἡ
 κίονας τούτους 296, 5.
 ἄλλη κίων 296, 7.
 κλάσις, ἡ 125, 10. 11. 19. 128,
 1. 291, 4.
 κλάω 111, 3. 291, 4.
 κλειώ 143, 12.
 κληροόω
 Med. 4, 19. 19, 12. 90, 25. 91,
 15. 92, 24.
 κλίμα, τό 38, 21.
 κλίνω 121, 14. 124, 14ss. 134, 23.
 κλίσις, ἡ 121, 13. 122, 22 ss.
 123, 15. 124, 14. 125, 13. 127,
 20. 128, 10 ss. 218, 6. 267, 2.
 292, 10. 301, 6.
 κογχοειδής
 ἡ κ. γραμμή 111, 8. 112, 13.
 113, 5. 177, 5. 16. 272, 4. 356.
 10.
 κοιλογῶνιος, ὁν 165, 24.
 κοῖλος, η, ὁν 106, 24. 127, 9 ss.
 290, 18.
 κοινός, ἡ, ὄν passim, e. g. 7,
 15. 17. 8, 3. 4. 16. 21. 9, 16.
 21. 10, 11. 12, 7. 15, 17. 27,
 4. 33, 1 ss. 67, 20. 109, 18.
 178, 9. 181, 24. 184, 14 ss.
 195, 25 ss. 293, 2 ss. 337, 16.
 391, 24 ss.
 Comp. 10, 5. 253, 20.
 χρήσασθαι τοῖς κοίνοις (λόγοις)
 ἀναγκαῖον 171, 13—15.
 κοινωνέω 161, 5. 23. 162, 5.
 κοινωνία, ἡ passim, e. g. 7, 2.
 36, 23. 44, 5. 60, 5. 61, 1 8.
 62, 14. 83, 20. 96, 11. 110, 8.
 129, 3. 14. 166, 24. 174, 6.
 κοινωνός, ὁ 237, 15. 403, 8.
 κοινῶς 7, 27.
 κολακικός, ἡ, ὄν 30, 20.
 κόλασις, ἡ 181, 11.
 κόλπος, ὁ 90, 19. 96, 11.
 κομιδῇ 403, 18.
 κομίζω 345, 12.
 κομψός, ἡ, ὄν 143, 21.
 κορυφαῖος, ὁ 27, 23.
 κορυφή, ἡ passim, e. g. 118,
 16. 123, 1. 3. 153, 8. 221, 17.
 222, 5.
 γωνία κατὰ κορυφήν 136, 15.
 298, 12 ss.
 κορυφώω 261, 4.
 κοσμέω 24, 14. 164, 15.
 κοσμικός, ἡ, ὄν 41, 19. 83, 2.
 σχήματα 65, 20. 70, 24. 71, 23.
 423, 13—18.
 κόσμος, ὁ 22, 20. 37, 20. 63, 16.
 71, 3. 99, 11. 107, 22. 184, 4.
 ὁ ὅλος 89, 20—91, 15.
 πεπερασμένος 371, 13.
 κοχλίων, τό 105, 6.
 κρᾶσις, ἡ 188, 1 ss.
 κρατέω 6, 14. 26, 18. 101, 10.
 18. 24. 132, 9. 168, 15. 19.
 κρείττων 30, 2. 82, 3. 168, 18.
 280, 9.
 κρίνω 27, 18. 34, 21.
 τὸν μαθηματικόν 32, 22.
 κρίσις, ἡ 32, 22. 242, 11. 432,
 18.
 κριτήριον, τό 11, 15. 59, 3. 195,
 24.
 τῶν μαθημάτων 10, 17—11, 26.
 κριτικός, ἡ, ὄν 32, 24. 26. 42, 20.
 κρύπτω 154, 17.
 κρύφιος, α, ὁν 6, 9. 141, 23.
 155, 17. 156, 5.
 ἐν κρυφίῳ 115, 4.
 κρυφίως 46, 1. 56, 13. 88, 4.
 19. 92, 3.
 κτάομαι 96, 2.

κτῆμα, τό 403, 8.
 κύβος, ὁ 213, 3. 423, 18.
 κυκλικός, ἡ, ὄν passim, e. g. 12, 12. 53, 20. 118, 18. 119, 18. 147, 9 s. 150, 8 ss.
 ἡ κυκλική 103, 4. 106, 11. 16. 107, 9. 111, 6. 11. 112, 20. 119, 7. 163, 7 s.
 κυκλικῶς 107, 10. 146, 15. 149, 7. 155, 23.
 κυκλογραφέω 106, 14. 180, 13.
 κύκλος, ὁ passim, e. g. 12, 12. 37, 6 s. 39, 4. 40, 16. 92, 7. 103, 10. 146, 18—156, 5. 213, 15 ss. 391, 16 ss.
 αἰσθητοί 53, 5. 54, 11.
 φανταστοί 53, 9. 24. 54, 8. 24.
 ἐν ψυχῇ 16, 21. 26.
 ἐν διανοίᾳ 54, 5.
 ἐν γεωμετρίᾳ 54, 22.
 ἀρχή τῶν κινουμένων 17, 22.
 ἐν οὐρανῷ 53, 26.
 ἐν πολυγώνοις 56, 5.
 φύσει κρείττων τῶν εὐθυγραμμῶν 82, 3.
 ἀνάλογον πέρατι 104, 13. 147, 4.
 διχοτομία κύκλον γράφουσα 106, 10.
 τὸ τριαδικὸν ἔχει 115, 3—5.
 κέντρον ἀμερέστερος 141, 25.
 ὁ οὕτως ὄν 154, 9.
 ὁ τοὺς λόγους ἔχων τῶν αἰσθητῶν 291, 2.
 τετραγωνισμός 422, 25.
 κύκλῳ 16, 26. 17, 22. 105, 21. 213, 24.
 τὸ κύκλῳ κινούμενον οὐκ ἄπειρον 284, 25 s.
 κυκλοφορία, ἡ 147, 12.
 κυλινδρικός, ἡ, ὄν. ἔλιξ 105, 10 ss. 106, 8. 112, 21. 251, 7. 394, 24.
 ἐπιφάνεια 117, 22. 120, 11 s. 24. 126, 10.
 κύλινδρος, ὁ 39, 23 s. 71, 18. 104, 20. 105, 1 ss. 112, 17. 113, 19. 156, 18. 202, 1. 251, 11.

κύριος, α, ον
 Sup. 38, 9.
 κυρίως 193, 19. 222, 11. 251, 12. 252, 6. 253, 17.
 κυρώω 24, 25.
 κυρτός, ἡ, ὄν 106, 24. 127, 8 ss.
 κώλυμα, τό 46, 9.
 κωλύω 212, 18. 216, 16. 273, 24. 296, 12. 357, 1. 368, 8. 370, 4. 401, 6.
 κωνικός
 αἱ κ. τομαί, γραμμαί 111, 19. 22. 112, 13. 120, 6. 177, 7. 356, 9. 394, 25. 419, 19.
 ἐπιφάνεια 117, 22. 118, 10—15. 120, 5. 24. 126, 10. 160, 23.
 κωνοειδής 119, 22—120, 2.
 τὸ ὀρθογώνιον κωνοειδές 119, 24.
 κῶνος, ὁ 39, 23 s. 104, 20. 105, 9. 111, 18. 112, 3. 113, 19. 123, 1. 6. 153, 8. 156, 19. 395, 12.
 ὁ ὀρθογώνιος 111, 7. 177, 4.
 ὁ ἀμβλυνγώνιος 111, 7. 177, 4.
 κωνοτομέω 112, 23.
 λαγχάνω passim, e. g. 4, 4. 11, 23. 15, 24. 16, 8. 21, 11. 19. 24, 18. 48, 17. 52, 2. 291, 9.
 λαμβάνω passim, e. g. 6, 16. 9, 24. 15, 20. 27, 5. 28, 17. 57, 20. 115, 10. 158, 12. 15. 179, 3.
 λανθάνω 69, 28. 174, 3. 206, 16. 254, 5. 385, 9. 391, 22. 405, 12.
 λέγω passim, e. g. 5, 17. 8, 10. 9, 2. 12, 3 ss. 13, 11. 23, 27. 183, 19.
 λείπτως, ἡ 23, 9.
 λείπω
 Pass. passim, e. g. 4, 21. 16, 4. 59, 9. 114, 17. 121, 23. 348, 6.
 λέξις, ἡ 72, 8.
 λήγω 252, 21.
 λήθη, ἡ 46, 23.

- λῆμμα, τό 73, 4. 200, 16. 210, 27. 211, 1—212, 4. 216, 1. 264, 14.
 λημμάτων, τό 84, 11. 319, 3—320, 5. 365, 13.
 λῆψις, ἡ 179, 7 ss. 181, 8. 204, 15. 250, 18. 330, 1. 352, 11. 359, 5. 17. 360, 13 ss.
 λογικός 143, 21.
 λόγιον, τό 98, 18. 129, 6. 155, 3.
 λογισμός, ὁ 20, 6. 65, 1.
 λογιστική, ἡ 38, 12. 15. 39, 20 ss.
 λογιστικός, ὁ 40, 2 ss.
 λόγος, ὁ passim, e. g. 6, 27. 10, 27. 12, 7. 20, 12. 26, 20. 27. 29, 16. 25. 30, 11. 16. 33, 17. 72, 9. 98, 11. 172, 15. 186, 7. 201, 19. 371, 6. 373, 10.
 ὁ ἱερός 22, 14.
 ὁ ῥητός 60, 7.
 ἄκρος καὶ μέσος 60, 19.
 ὁ κυκλικός 53, 20.
 ὁ τριγωνικός 33, 13. 53, 20. 145, 22. 167, 26.
 ὁ τετραγωνικός 145, 23.
 ὁ τοῦ σχήματος 53, 21. 144, 6—145, 25.
 ὁ ἐν διανοίᾳ 53, 23 ss.
 ὁ ἐπιστημονικός 322, 17.
 ὁ φυσικός 53, 27.
 λόγου ἕνεκα 182, 19.
 λόγῳ δεδομένον 205, 14—206, 11. 235, 11. 271, 20.
 οἱ λόγοι passim, e. g. 5, 6. 6, 14. 24. 7, 2. 12. 24. 8, 8. 9, 16. 11, 21. 12, 14. 17, 5. 18, 24. 22, 18. 24, 24. 25, 2. 18. 26, 6. 54, 7. 57, 12. 186, 4 s.
 αἰ ἐστώτες ἀκίνητοι 12, 22. 26. 27, 7.
 αἰδίοι 46, 16.
 θεῖοι 47, 2.
 ἔνυλοι 15, 6.
 φυσικοί 35, 10. 92, 10. 166, 17.
 διανοητικοί 45, 4. 62, 12.
 ἀνέλεγκτοι 378, 2. 426, 13.
 ἐν ψυχῇ 13, 13 ss. 16, 1 ss. 32, 16.
 περὶ τὴν μαθημ. οὐσίαν (μαθηματικοί) 3, 8. 8, 16. 13, 8. 21, 1. 22, 5. 25, 8. 32, 8. 33, 23 ss. 66, 12.
 ἁρμονικοί 16, 19. 25. 21, 12.
 ἀριθμητικοί 48, 13.
 γεωμετρικοί 206, 17.
 φαινόμενοι 17, 11. 40, 23.
 αἰσθητοί 129, 19.
 τῶν αἰσθητῶν 291, 2.
 οἱ ἐπτά 17, 17.
 τῶν μαθημάτων 17, 23. 45, 23.
 ὀριστικοί 57, 23.
 οὐσιώδεις 69, 16.
 ἀμερεῖς 18, 1. 56, 7. 22. 115, 20. 285, 2.
 χωριστοί 85, 14.
 οἱ ἔνδον 18, 19. 140, 16.
 οἱ ἐν ἀρχῇ 19, 19.
 οἱ ἐν τῇ διαλεκτικῇ 21, 24.
 τῆς εὐγονίας 24, 2.
 τῶν ἀρετῶν 24, 10.
 ἀπορητότεροι 90, 11.
 ἀποφατικοί 94, 11.
 ἰδιάζοντες 171, 14.
 λοιπός, ἡ, ὄν passim, e. g. 30, 24. 41, 19. 80, 26. 88, 2. 157, 19.
 λύσις, ἡ 131, 23. 211, 15. 247, 18. 248, 2.
 λυτός, ἡ, ὄν 166, 21.
 λύω 63, 27. 330, 5. 18. 431, 13.
 μάθημα, τό passim, e. g. 5, 21. 7, 4. 13. 8, 5. 13. 10, 11. 21, 21. 24, 2. 29, 17. 32, 20. 25. 101, 4. 122, 19. 195, 25. 221, 10. 326, 23. 396, 25 s.
 τὸ κριτήριον 10, 17—11, 26.
 ὁ θριγγός 42, 10—44, 24.
 τὸ ὄνομα 44, 25—46, 18.
 ἡ ἀληθῆς οὐσία 13, 12.
 οἱ λόγοι 14, 1. 17, 23.
 τὸ κάλλος 26, 11 ss.
 ἡ θεωρία 28, 17.
 ἡ γνώσις 28, 21.

- μαθηματικός**, ἡ, ὄν 5, 11. 7, 18. 68, 24. 151, 14. 154, 27. 157, 17.
ὁ μαθηματικός 26, 5. 32, 21—35, 16. 39, 2 s. 78, 9. 118, 7. 254, 5. 356, 6. 396, 12.
λόγοι 8, 16. 13, 7. 25, 8. 32, 8. 66, 12.
ἡ μαθηματική 4, 6. 36, 12. 64, 4.
ἐπιστήμη 10, 13. 17, 26. 29, 14—32, 20. 60, 23.
ἔργον τῆς μαθ. 18, 10—19, 5. 46, 19—47, 6. **εἶδη** (μέρη) 35, 17—42, 8.
δυνάμεις 19, 6—20, 6.
ὄφελος 20, 8—29, 13. **ὄνομα** 24, 25—46, 18.
ἡ μαθ. οὐσία 3, 1. 5, 15. (12, 3—18, 6.)
τὰ μαθηματικά 4, 18. 6, 7. 11, 10. 16, 22.
γένη 7, 7. 16, 8. 9, 12, 3. **εἶδη** 12, 3—18, 6.
πίστεις 255, 13—256, 8.
μαθηματικῶς 34, 26.
μάθησις, ἡ 45, 6 ss. 71, 13. 74, 1. 204, 17. 221, 9.
μαθητής, ὁ 66, 19. 67, 24. 80, 16.
μαιεία, ἡ 47, 4.
μακάριος, α, **ον** 47, 5.
μακαριότης, ἡ 148, 13.
μακρογορέω 195, 17.
μαλακῶς
 Comp. 68, 9.
μᾶλλον passim, e. g. 12, 17. 14, 8. 18, 26. 34, 15 s. 179, 25. 294, 6.
 Sup. 26, 23. 67, 18. 95, 16. 234, 14.
μανθάνω passim, e. g. 24, 23. 27, 6. 44, 8. 45, 19. 49, 4. 70, 22. 71, 6. 8. 23. 76, 9. 19. 83, 3. 173, 15. 175, 6. 192, 6.
μάστιγς, ὁ 29, 15.
μάταιος, α, **ον** 243, 21.
μάτην 152, 22. 236, 8.
μάχομαι passim, e. g. 22, 21. 247, 18. 25. 254, 25. 255, 9. 264, 11. 266, 12.
μέγας
 Comp. passim, e. g. 53, 3. 80, 25. 109, 15. 119, 26. 313, 13 ss.
 Vide **μειζόνως**.
 Sup. 22, 17. 30, 6. 66, 9. 83, 7. 91, 14. 220, 3. 348, 5.
μετάβασις ἀπὸ τοῦ μείζονος ἐπὶ τὸ ἔλασσον 234, 18.
μέγεθος, τό passim, e. g. 36, 4. 37, 15. 17. 38, 21. 109, 11. 121, 21 ss. 126, 5. 184, 17—29. 391, 26.
τὸ ἐν φαντασίᾳ 53, 12.
γραμμῇ, μέγεθος ἐφ' ἑν διαστατόν 97, 7.
τὰ μεγέθη 6, 17. 20. 7, 21. 9, 3 ss. 54, 2. 57, 10. 93, 4. 95, 23 ss.
ὁμογενῇ μεγέθει 121, 24. 124, 11.
πᾶν μέγεθος πεπερασμένως ἔχει διαιρέσεις 158, 16.
μεγέθει δεδομένον 205, 14—206, 11.
τὸ μέγεθος τῶν εἰς ἄπειρον διαιρουμένων εἶναι 278, 11. 322, 25.
μεγεθυνσμένως 54, 4.
μέθεξις, ἡ 51, 3. 88, 17. 28. 294, 9.
μεθίστημι 65, 17.
 Pass. 20, 23.
μέθοδος, ἡ 44, 20. 57, 21. 70, 5. 97, 6. 180, 7. 200, 14. 205, 19. 206, 19. 240, 25. 242, 19. 248, 2. 375, 24. 381, 23. 383, 16. 406, 18. 407, 15. 17. 411, 15. 422, 11. 427, 16. 432, 13.
διαλεκτικά 42, 18—43, 21. 69, 13—18.
(λημμάτων εὐρέσεως) 211, 15—212, 4.
Πυθαγορική, Πλατωνική 428, 8—429, 8.

μεθόριος, α, ον 385, 5.
 μειζόνως 13, 6. 88, 8. 89, 9.
 251, 2. 426, 10.
 μειόω 177, 15.
 μείων, ον 316, 19. 327, 3.
 μειώσεις, ἡ 50, 5. 132, 4. 11.
 293, 19. 316, 22.
 μέλει 158, 16.
 μελετάω 55, 24.
 μελέτη, ἡ 55, 23. 210, 24.
 μέλλω passim, e. g. 27, 13. 34,
 21. 179, 17. 193, 6. 233, 21.
 329, 19.
 μέλος, τό 24, 6.
 μέντοι passim, e. g. 34, 26. 39,
 3. 40, 7. 67, 16.
 μένω passim, e. g. 13, 25. 15,
 27. 49, 18. 86, 25. 90, 20. 22.
 102, 5. 114, 5. 175, 12. 290,
 19.
 μερικός, ἡ, όν 140, 27. 207, 7.
 13.
 Comp. 9, 17. 10, 1. 7. 19, 18.
 35, 20. 74, 8. 132, 18. 253, 20.
 391, 18. 427, 15.
 τὰ μερικά 12, 7. 14, 6. 51, 11.
 μερίζω 87, 19. 133, 23. 246, 17.
 305, 7. 361, 15. 18. 376, 9.
 390, 14.
 μερίς, ἡ 22, 26. 147, 24.
 μερισμός, ό 5, 5. 44, 18. 49, 23.
 52, 24. 92, 25. 133, 11. 134, 6.
 154, 8.
 μεριστός, ἡ, όν passim, e. g.
 4, 8. 5, 14. 11, 13. 12, 25. 15,
 23. 20, 2. 31, 6. 46, 6. 50, 7.
 54, 8. 87, 3. 92, 13. 101, 2.
 137, 26.
 τὰ μεριστά passim, e. g. 3, 5.
 4, 4. 9, 12. 14, 9. 19, 13. 46,
 4. 51, 22. 54, 2. 89, 12. 91, 19.
 92, 18. 21. 93, 9. 149, 16.
 μεριστῶς 4, 24. 50, 1. 54, 4. 56,
 14. 94, 20—95, 20.
 μέρος, τό passim, e. g. 41, 4.
 24. 42, 16. 48, 10. 69, 23 s.
 87, 2. 103, 8. 175, 18. 418, 13.
 μέρη τῆς μαθηματικῆς 35,
 17—42, 8.

θεωρημάτων καὶ προβλημά-
 των 200, 9.
 κατὰ μέρος 14, 16.
 παρὰ μέρος 81, 20.
 ἐπὶ μέρους 202, 22. 394, 12.
 432, 2.
 μέσος, η, ον passim, e. g. 3, 3.
 16. 4, 19. 5, 25. 6, 12. 19, 12.
 21, 10. 24, 26. 29, 22. 52, 8.
 21. 62, 11. 24. 87, 20. 100, 17.
 109, 22. 110, 6. 117, 11. 150,
 17. 296, 7 s. 355, 9. 374, 3.
 14.
 ἄκρος καὶ μέσος λόγος 60, 19.
 οἱ μέσοι διάκοσμοι 85, 17.
 μέσα τῶν ὄντων ἀπάντων
 108, 6.
 μέσον τῆς περιφερείας 155, 7.
 εὐθεῖαι μέσον περιέχουσαι
 205, 11.
 δύο μέσα ἀνάλογον 213, 5. 6.
 μέσα προβλήματα 220, 11.
 μεσότης, ἡ 5, 11. 162, 3. 174, 2.
 μεστός, ἡ, όν 69, 2. 137, 20.
 μετά c. Acc. passim, e. g. 5,
 19. 10, 16. 18, 5. 97, 27. 99,
 19 s.
 c. Gen. passim, e. g. 4, 17. 6,
 11. 19, 22. 20, 2.
 μεταβαίνω 181, 24. 195, 14.
 207, 12 ss. 271, 25. 291, 23.
 336, 14. 378, 2. 411, 20.
 μεταβάλλω 49, 20. 133, 6.
 μετάβασις, ἡ 8, 7. 21, 13. 65,
 2. 69, 17. 74, 14. 18. 85, 3.
 179, 20. 212, 24. 234, 18.
 μεταβατικός, ἡ, όν 213, 25.
 μεταβλητός, ἡ, όν 13, 2.
 μεταβολή, ἡ 23, 11. 25. 63, 5.
 78, 17. 79, 2. 147, 11. 149, 14.
 164, 11. 16.
 μετάβολος, ον 11, 13.
 μετάγω 27, 16. 60, 21. 65, 7.
 82, 7. 261, 13. 337, 9. 419, 19.
 μεταδίδωμι 30, 25.
 μεταδιώκω 84, 18. 432, 15.
 μετάδοσις, ἡ 89, 6. 150, 14 s.
 μετάθεσις, ἡ 212, 10.

- μεταλαγχάνω 88, 2.
 μεταλαμβάνω 24, 9. 139, 6. 161, 4. 184, 2. 310, 11. 322, 2. 329, 11 ss.
 μεταξύ passim, e. g. 5, 12. 15, 22. 88, 11. 109, 9. 14. 117, 3. 5. 371, 19. 417, 6.
 μετάστασις, ἡ 55, 25.
 μετατίθηναι 212, 7. 213, 4. 248, 20.
 μεταφέρω 117, 13.
 μεταχειρήσεις, ἡ 242, 18. 247, 26.
 μεταχειρίζω 180, 25.
 μέτειμι 12, 17. 28, 14. 29, 9. 30, 7. 61, 10. 93, 24. 123, 24. 150, 8. 271, 12. 429, 19.
 μετέρχομαι 199, 15. 329, 12. 390, 14.
 μετέχω passim, e. g. 6, 2. 7, 9. 15, 10. 30, 5. 33, 18. 37, 20. 51, 2 ss. 53, 10. 77, 13. 79, 6. 200, 1. 291, 19.
 μετέωρος, ον 110, 20. 118, 11. 152, 25. 175, 24. 223, 14. 283, 16.
 μετεωροσκοπική, ἡ 42, 1.
 μετουσία, ἡ 99, 4. 148, 10. 354, 12.
 μετρέω 39, 23. 40, 4. 100, 10. 114, 21. 115, 14. 136, 10. 184, 15.
 μετρητική, ἡ 25, 7.
 μέτριος, α, ον 24, 14.
 μετρίως 200, 4.
 μέτρον, τό 5, 23. 25, 2. 10. 63, 12. 134, 24. 145, 12. 168, 16. 19. 292, 21. 403, 20.
 μέτρα τῆς εὐγονίας καὶ τῆς ἀγονίας 8, 18.
 μέτρον τῆς ὅλης ἐπιστήμης 27, 3.
 εἰς ἀνθρώπος τοῦ πλήθους 40, 8.
 ἔν, πάντων μέτρον 115, 16.
 κοινὸν μέτρον ἐλάχιστον 278, 23.
 θεῖον καὶ νοερόν 133, 15.
 τῶν γωνιῶν 240, 6—8.
 τῆς ἀνισότητος 293, 17.
 μέγιστον καὶ κοινόν 302, 7.
 μέχρι passim, e. g. 9, 17. 10, 15. 19, 20. 31, 15. 93, 23.
 μέχρις 93, 12. 145, 2. 155, 5.
 μηδαμοῦ 179, 25. 247, 13. 284, 14.
 μηδαμῶς 365, 16.
 μηδέποτε 177, 22.
 μηδέπω 406, 2.
 μηδέτερος 176, 3.
 μήκος, τό 96, 16 ss. 99, 2. 100, 7 ss. 106, 4. 114, 4. 22. 25. 116, 10. 181, 19. 395, 15 ss. 420, 3 ss.
 μηκύνω 142, 9.
 μηλίτης, ὁ 40, 5.
 μήν passim, e. g. 8, 4. 12, 16. 23, 12. 24, 21. 202, 5.
 μήν, ὁ 269, 4.
 μηνύσκος, ὁ 66, 5. 127, 11. 163, 13. 213, 9.
 μνηοειδής, ἐς 159, 15. 160, 3. 9. 190, 8 ss. 238, 8. 11. 301, 12. 333, 15 s.
 μήποτε passim, e. g. 105, 11. 192, 22. 215, 10. 234, 13. 268, 15.
 μήπω 78, 1. 206, 24.
 μὴ ὄντα πω 201, 6.
 μηχανάομαι 73, 23. 181, 6. 234, 5. 246, 8.
 μηχανική, ἡ 19, 26. 38, 11. 41, 3 ss. 59, 23. 63, 8. 78, 15. 79, 5.
 μηχανικός, ὁ 241, 19. 305, 24. 346, 13.
 μηχανή, ἡ 14, 7. 122, 25. 180, 5. 421, 24.
 μίγνυμι 118, 5. 144, 13. 348, 2. 412, 6.
 μικρός, ἄ, ὄν 406, 16.
 μικρόν 200, 6. 306, 13.
 κατὰ μικρόν 28, 19.
 μικρότης, ἡ 53, 17.
 μικτός, ἡ, ὄν passim, e. g. 104, 17. 25. 105, 24 ss. 111, 10. 12. 112, 22. 159, 17 ss. 272, 1 ss. 279, 10. 333, 20.

- τὸ μικτόν 104, 9 ss. 107, 18.
 117, 14. 315, 1.
 μίμειμαι passim, e. g. 56, 7.
 60, 28. 98, 15. 23. 101, 18.
 129, 21. 147. 20? 154, 20.
 μίμησις, ἡ 41, 16.
 μιμνήσκομαι 22, 1. 113, 15. 135.
 13. 214, 19. 272, 20. 364, 9.
 μίξις, ἡ 104, 1. 105, 19. 106,
 12. 112, 9. 117, 24—120, 6.
 164, 3. 272, 22. 314, 20.
 μισθός, ὁ 28, 15.
 μνήμη, ἡ 161, 22. 162, 15. 193,
 6. 360, 19. 398, 24. 407, 10.
 418, 18.
 μνημονεύω 65, 13. 66, 3. 8. 68,
 12. 420, 7.
 μοναδικός, ἡ, ὄν 96, 3. 97, 22.
 98, 19. 159, 13. 161, 18.
 μονάς, ἡ 6, 15. 23. 27. 17, 7.
 31, 18. 40, 9. 59, 18. 20. 93,
 7. 19. 101, 8. 147, 4. 150, 18.
 151, 21. 161, 24 ss. 174, 11.
 184, 15. 188, 13. 235, 21. 237,
 6. 428, 14 ss.
 ἄλλη ἡ γεννητική, ἄλλη ὡς
 ὕλη 92, 26 s.
 θέειν ἔχονσα 95, 21—96, 15.
 σημειὸν ἀνάλογον μονάδι,
 γραμμὴ μοναδική 97, 20—
 98, 7. 99, 19—100, 3.
 πατρική 98, 17.
 ταυαή 99, 1.
 νοῦς δύο μονάδας προήγαγεν
 108, 18.
 μοναχῶς 168, 11. 219, 20. 220,
 8 ss. 280, 23.
 μονή, ἡ 153, 25.
 μόνιμος, ὄν 6, 3. 7, 5. 13, 1.
 43, 13. 44, 14. 153, 15. 173, 6.
 τὸ μόνιμον 3, 8. 11, 21. 21, 1.
 90, 8.
 μονίμως 18, 12. 50, 23. 138, 3.
 μονοειδής, ἐς 5, 1. 82, 9. 115,
 21. 253, 8.
 μονοειδῶς 44, 16.
 μόνον passim, e. g. 15, 21. 26.
 16, 3. 30, 4.
 μόνος, ἡ, ὄν passim, e. g. 6,
 9. 9, 22. 20, 20. 26, 9.
 μονόστροφος, ὄν 180, 4. 12.
 187, 22.
 μόνως 156, 17. 246, 11. 284, 13,
 418, 22.
 μόριον, τό 6, 19. 105, 8. 128, 6.
 198, 7. 201, 24. 322, 21.
 μορφή, ἡ passim, e. g. 7, 12.
 52, 26. 53, 11. 94, 24. 95, 14.
 96, 5. 99, 5. 124, 4. 137, 7.
 15. 138, 19. 139, 19. 140, 19.
 141, 11. 285, 7. 291, 9.
 μορφῶω 12, 13. 51, 4. 56, 20.
 78, 20. 95, 2. 115, 7.
 μόρφωμα, τό 138, 15.
 μορφωτικός, ἡ, ὄν 46, 4. 7. 51,
 21. 55, 23. 95, 9.
 μορφωτικῶς 94, 19.
 μοῦσα, ἡ
 Pl. 8, 15. 23, 21. 150, 5.
 μουσικός, ἡ, ὄν 58, 25.
 μουσική, ἡ 24, 11. 36, 1. 24 s.
 59, 21. 69, 3.
 μουσικός, ὁ 21, 7. 10.
 μοχθηρός, ἄ, ὄν 218, 2.
 μυρίος, α, ὄν 30, 2. 295, 19.
 315, 7.
 μυσταγωγία, ἡ 22, 13.
 μυστικός, ἡ, ὄν
 Sup. 156, 1.
 μύα 46, 14.
 ναῦς, ἡ 63, 20. 22.
 ναυτικός, ἡ, ὄν 25, 22.
 νεαροπρεπής, ἐς 200, 17. 375, 9.
 νέος, α, ὄν 24, 9.
 Comp. 66, 2. 18. 67, 2. 68, 6.
 17. 251, 2. 419, 18.
 νεῦρον, τό 41, 13.
 νερός, ἄ, ὄν passim, e. g. 4,
 13. 9, 13. 15, 10. 22. 16, 6.
 18, 12. 22. 19, 24. 20, 23. 21,
 16. 22, 2. 8. 27, 10. 28, 3. 13.
 30, 1. 35, 11. 63, 2. 139, 7.
 147, 16. 214, 4.
 νερεῶς 16, 13. 21. 17, 9. 65, 18.
 νοέω passim, e. g. 5, 12. 36,
 20. 37, 21. 51, 12. 52, 25. 285,
 6—18.

- τὸ ἐν ὧς δύο τρίγωνα 250, 1.
 ἐννοήσθω 266, 19.
 νόημα, τό 48, 5. 52, 26.
 νόησις, ἡ 5, 8. 10, 25. 11, 1. 9.
 21. 12, 2. 20, 1. 37, 23. 46,
 21. 55, 7. 56, 20. 86, 18. 141,
 1. 148, 20. 201, 20. 213, 26.
 285, 8 ss.
 νοητός, ἡ, ὄν passim, e. g. 3,
 17. 4, 23. 6, 1. 9. 32, 10. 148,
 20.
 τὰ νοητά passim, e. g. 4, 1.
 16. 10, 21 ss. 21, 2. 34, 6 ss.
 35, 8. 37, 21. 38, 5 ss. 88, 23.
 294, 8.
 ἀκροτάτη τάξις τῶν νοητῶν
 155, 11.
 νοητῶς 155, 21.
 νομίζω passim, e. g. 8, 22. 57,
 2. 89, 15. 94, 1. 223, 16. 238,
 19. 336, 7.
 νοῦς, ὁ 4, 9 ss. 11, 27. 15, 10 ss.
 19, 2. 27, 3 ss. 28, 10. 29, 9.
 37, 17. 26. 41, 1. 42, 13. 43,
 15. 44, 12. 15. 47, 2. 5. 48, 16.
 49, 12. 50, 13. 65, 2. 85, 17.
 87, 17. 129, 22. 140, 12. 147,
 15—27. 148, 17—149, 9. 186,
 6 ss. 192, 8. 210, 13. 214, 1—
 10. 291, 16. 19. 427, 15.
 μέτρον τῆς ὅλης ἐπιστήμης
 27, 4.
 ὁ παθητικός 52, 3—12. 56, 1
 —22.
 πάντα ἐν νῶ προουφέστηκε
 92, 1—4.
 ἐν ἑαυτῷ (ἔχει) τὸ εὐθὺ καὶ
 τὸ περιφερές 108, 2—21.
 μετρεῖ τὰς περιόδους τῆς
 ψυχῆς 115, 14—15.
 ὁ γεωμετρικός 180, 9.
 νῦν 310, 12.
 τὸ νῦν ἀμερές; 93, 6.
 νυνί 178, 5. 200, 6. 266, 4.
 ξένος, ὁ 24, 8.
 ξυστροειδής 127, 10. 238, 8.
 ὄγδοος passim, e. g. 253, 1.
 255, 3. 264, 14. 265, 6 ss.
 268, ss.
 ὄγκος 49, 27.
 ὀδεύω 18, 26. 109, 18. 322, 13.
 ὀδός, ἡ 8, 6. 20, 11. 21, 8. 55,
 9. 63, 13. 68, 15. 100, 7. 242,
 15. 269, 9. 310, 18.
 ὄθεν passim, e. g. 6, 13. 11,
 16. 40, 3. 43, 7.
 οἶδα passim, e. g. 16, 16. 29,
 22. 30, 10. 75, 18. 113, 16.
 275, 7. 341, 19.
 οἱ εἰδότες 145, 18.
 οἰκείος, α, ον passim, e. g. 9,
 4. 7. 14, 5. 17, 2. 19, 9. 20, 6.
 21, 18. 22, 26. 68, 21. 259, 23.
 οἰκειόω 97, 27. 164, 10. 12.
 οἰκείως 35, 14. 58, 8. 104, 15.
 145, 8.
 οἰκονομία, ἡ
 στοιχειώσεως (Εὐκλείδου) 69,
 25. 75, 5—81, 22.
 οἶμαι passim, e. g. 3, 14. 19,
 13. 23, 1. 30, 16. 34, 25. 68,
 3. 91, 21. 283, 8. 369, 5. 22.
 οἶνος, ὁ 167, 10.
 οἶον passim, e. g. 6, 25. 7, 24.
 18, 14. 23, 28. 92, 24.
 οἶος, α, ον 4, 6. 60, 17.
 οἶος ποτέ 350, 16.
 οἰστικός, ἡ, ὄν 23, 21. 52, 2.
 ὀννέω 52, 4.
 ὀκτάγωνον, τό 393, 11. 23.
 ὀκτάεδρον, τό 423, 16.
 ὀκτώ 237, 7 s. 305, 12. 383, 11.
 403, 17. 20. 422, 21.
 ὀκτωκαιδέκα 237, 9.
 ὀκτωκαιδέκατος 313, 22. 409, 3.
 ὀλίγος, η, ον 28, 16. 34, 19. 64,
 5. 210, 24. 229, 4. 271, 24.
 ὀλίγῳ 66, 2. 67, 2.
 ὀλιγότης, ἡ 23, 10.
 ὀλικός, ἡ, ὄν
 Comp. 9. 18. 10, 1. 6.
 ὀλική, ἡ 41, 13. 64, 1.
 ὀλος, η, ον passim, e. g. 5, 15,
 10, 12. 18, 10. 67, 12.

- τὸ ὅλον 6, 19. 98, 14. 19. 144,
 21 ss. 193, 13.
 τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ ὅλου 99,
 22.
 τὰ ὅλα 12, 9. 15, 25. 20, 12.
 31, 14. 69, 22 s.
 ὅλω καὶ παντί 26, 8.
 ὁλότης, ἡ 91, 6. 98, 23. 144, 19.
 145, 20.
 ὅλως passim, e. g. 4, 19. 15,
 18. 20, 24. 21, 24. 23, 20. 53,
 26. 122, 11.
 ὁμαλός, ἡ, ὅν 179, 24. 185,
 11 ss.
 ὁμαλότης, ἡ 149, 10.
 ὁμαλῶς 106, 13.
 ὁμιλέω 127, 24. 159, 23.
 ὁμμα, τό 30, 3. 110, 2. 121, 4.
 207, 9. 208, 25. 302, 11.
 τῆς ψυχῆς 20, 16. 18. 21, 18.
 28, 5. 46, 13.
 ὁμογενής, ἐς 121, 24. 122, 1.
 181, 12. 296, 8.
 ὁμοειδής, ἐς 110, 22. 127, 5.
 163, 4. 238, 8. 240, 23. 241, 5.
 421, 21.
 ὁμοιοειδής, ἐς 163, 7.
 ὁμοιομέρεια, ἡ 301, 4.
 ὁμοιομερής, ἐς 37, 18. 105, 10 ss.
 112, 17 ss. 120, 9. 201, 21 ss.
 εὐθεῖται πρὸς ὁμοιομερῆ γραμ-
 μὴν προσεκβληθεῖσαι 113, 1
 —3. 251, 4—19.
 ὁμοιομερῶς 105, 4.
 ὁμοιος, α, ὄν passim, e. g. 8,
 10. 11. 33, 24. 39, 19. 53, 7.
 93, 23. 123, 27. 131, 14. 191,
 13. 202, 17. 24. 373, 10 ss.
 426, 18 ss.
 ὁμοιότης, ἡ passim, e. g. 8, 8.
 33, 6. 91, 10. 109, 6. 132, 10.
 147, 3. 25. 149, 10. 22. 150, 15.
 154, 15. 191, 9. 15. 207, 2.
 293, 22. 314, 24 ss. 373, 19.
 23. 426, 22. 427, 13.
 ὁμοιόω 154, 18. 155, 17?
 ὁμοίως passim, e. g. 8, 13. 34,
 14. 60, 22. 110, 21. 117, 4.
 241, 7. 426, 18 ss.
 ὁμόκεντρος, ὄν 53, 13. 160, 5.
 161, 3. 163, 12. 176, 19.
 ὁμολογέω passim, e. g. 13, 3.
 26, 5. 27, 20. 71, 21. 167, 15.
 182, 4. 18. 203, 13. 432, 11.
 ὁμοταχῶς 105, 3.
 ὁμοῦ 7, 18. 70, 27. 100, 12. 145,
 10. 153, 25.
 ὁμοφυνής, ἐς 29, 4. 129, 15.
 ὁμόχρεος, ὄν 145, 20.
 ὁμωνυμία, ἡ 222, 14.
 ὁμως passim, e. g. 4, 23. 28,
 16. 32, 15. 76, 14. 19. 81, 13.
 ὄν 4, 24. 9, 19.
 τὸ ὄν 9, 19. 20, 22. 21, 16. 145,
 4. 161, 11. 210, 10. 353, 4.
 τὰ ὄντα passim, e. g. 3, 2.
 15. 4, 3. 5, 1. 16. 6, 12. 25.
 7, 7. 14. 9, 22. 10, 21. 15, 13.
 20, 5. 31, 22. 62, 5. 85, 12.
 91, 28. 130, 22.
 ὄνειδος, τό 29, 23.
 ὄνομα, τό 30, 17. 26. 127, 19.
 136, 9. 162, 10. 25. 171, 5. 25.
 173, 2. 181, 24.
 μαθηματικά 23, 3.
 γεωμετρικά 301, 21.
 τῶν μαθημάτων 44, 25—46,
 18.
 στοιχειώσεως 71, 25—73, 14.
 παραλληλογράμμων 355, 4. 392,
 21 ss.
 παραπληρωμάτων 418, 15—18.
 κωνικῶν γραμμῶν 419, 18—21.
 ὀνόματα συστήσασθαι, ἀνα-
 γράφαι 423, 19 ss.
 ὀνομάζω 194, 7. 283, 8.
 ὄνος, ὁ 322, 5—14.
 ὄντως passim, e. g. 11, 4. 21,
 16. 27, 23 (?). 31, 22. 44, 13.
 ὀξυγώνιος, ὄν
 vide τρίγωνον.
 ὀξύνω 132, 17.
 ὀξύς 211, 14.
 ἡ ὀξεῖα (γωνία) passim, e. g.
 131, 18—134, 27. 165, 4 ss.
 171, 23. 172, 21. 174, 2. 190,
 10. 19. 293, 18. 397, 23. 421,
 4. 430, 16.

διαίρετήν ἀποτελεῖ τὴν φύσιν 167, 23.
 τρίχα τεμεῖν 271, 25 ss.
 τὸ ὀξύ 132, 26.
 ὀξύτης, ἡ 191, 7. 10.
 γωνιῶν 23, 8. 171, 20. 427, 8.
 ὀπη 59, 6.
 ὀπόθεν 123, 27.
 ὀποῖος, α, ον passim, e. g. 18, 12. 46, 19. 118, 22. 193, 19.
 τὸ ὀποῖόν τι ἔστιν 202, 5. 8.
 ὀποιοσοῦν 307, 6. 310, 12. 311, 19. 313, 7. 323, 24. 377, 19. 426, 24.
 ὀπόσος η, ον
 οὐδ' εἰπεῖν ὀπόσαις 64, 64.
 ὀποσοσοῦν 305, 6.
 ὀπότερος 335, 13.
 ὀποτέρως 157, 20.
 ὀπου passim, e. g. 60, 15. 61, 3 ss. 81, 10 ss. 92, 21. 23. 223, 11. 376, 28 s.
 ὀπουπερ 277, 21.
 ὀπτικός, ἡ, ὄν 19, 26.
 ὀπτική, ἡ 38, 12. 40, 9 ss. 59, 23. 63, 8.
 τὰ ὀπτικά (Εὐκλείδου) 69, 2.
 ὀπως 7, 20. 42, 9. 91, 27. 177, 10.
 ὀπωσοῦν 93, 9. 114, 18. 125, 22. 210, 5. 233, 2. 304, 26.
 ὀρατός, ἡ, ὄν 40, 14. 141, 13. 179, 19.
 ὀράω passim, e. g. 12, 23. 29, 21. 54, 25. 55, 1. 17. 56, 2. 78, 5. 11. 141, 13 ss.
 ὄργανον, τό 21, 14. 41, 6. 8. 42, 6. 52, 16. 63, 9.
 ὄργανοποιική, ἡ 41, 5.
 ὀρέγομαι 322, 13.
 ὄρεξις, ἡ 46, 5.
 ὀρθογωνιαῖος, α, ον 84, 3.
 Vide τρίγωνον.
 ὀρθογώνιος, ον 169, 3 ss. 171, 13. 21. 172, 15.
 κῶνος 111, 7. 177, 4.
 κωνοειδής 119, 24.

Vide τρίγωνον. παραλληλό-
 γραμμον.
 ὀρθός, ἡ, ὄν 119, 10. 291, 3. 349, 1.
 ἡ ὀρθή (γωνία) passim, e. g. 76, 21. 80, 4 s. 84, 5. 106, 9. 17. 131, 13—134, 27. 165, 4 ss. 188, 1—191, 15. 421, 2.
 ἡ ὀρθή τῆς ἐπιπέδου βάσεως 382, 4.
 οὐσίαν παρέχεται 167, 17. 18.
 τρίχα τεμεῖν δυνατόν 271, 23.
 σύμβολον 290, 22 ss.
 δύο ὀρθαί passim, e. g. 33, 4 ss. 291, 21 ss.
 δυεῖν ὀρθαῖς ἴσος passim, e. g. 14, 12. 206, 22. 291, 22 ss. 294, 17 ss. 377, 13 ss.
 δύο ὀρθῶν ἐλάττωες 191, 18 ss. 292, 19. 364, 16 ss.
 τέσσαρες ὀρθαί 33, 14. 73, 2. 301, 20. 304, 12 ss.
 τεττάρων ὀρθῶν ἐλάσσων 292, 20.
 (ἡ) πρὸς ὀρθάς passim, e. g. 81, 3 s. 217, 15 ss. 280, 12—283, 3. 10.
 μιμεῖται ζωὴν αἰρομένην εἰς ὕψος 290, 17—20.
 τὸ ὀρθόν 132, 21.
 ὀρθότης, ἡ 12, 22. 32, 26. 133, 3 ss. 135, 6. 172, 23. 173, 5. 191, 6. 8. 207, 21. 389, 15.
 ὀρθότης γωνίας ἰσότητα πα-
 ρέχεται 427, 4 ss.
 ὀρθῶς passim, e. g. 32, 22. 34, 22. 78, 13. 93, 27. 105, 26. 118, 7.
 ὀρίζω passim, e. g. 6, 18. 8, 17. 25, 9. 27, 9. 31, 17. 60, 9. 62, 16. 75, 8. 19. 142, 18. 253, 9. 14. 291, 18. 369, 23.
 τὸ ὠρισμένον 26, 15. 23. 27, 6. 36, 5.
 ὀρίζων, ὃ 283, 10.
 ὀρικός, ἡ, ὄν 67, 15?
 ὀρισμός, ὃ 43, 8. 113, 12. 128, 17. 134, 8. 136, 23. 144, 9.

- 158, 26. 206, 13. 209, 19. 215, 17.
 ὀρισμοὶ τῆς εὐθείας 109, 6—110, 27.
 τῆς ἐπιφανείας 114, 3—19.
 τῆς ἐπιπέδου ἐπιφανείας 117, 1—13.
 ὀριστικός, ἡ, ὄν 42, 21. 57, 23. 69, 15.
 ὀριστικῶς 43, 4.
 ὀρμάω 57, 19.
 Med. passim, e. g. 10, 9. 11, 23. 29, 14. 31, 13. 57, 28. 58, 26. 240, 13. 272, 11.
 ὄρος, ὁ passim, e. g. 13, 21. 26, 20. 64, 22. 86, 7. 94, 1. 97, 8. 114, 21. 142, 16 ss. 178, 8. 201, 22. 262, 4. 290, 23.
 τῆς ἀποδείξεως 14, 8.
 οἱ ἑπτὰ 17, 15.
 τῆς κρίσεως 32, 26.
 τῆς ἀνέξεως 398, 7 s.
 Euclidis definitiones 81, 26. 85, 1—89, 15. 94, 19—95, 20. 96, 17—97, 5. 101, 1—103, 20. 109, 6—20. 114, 3—14. 116, 4—14. 117, 1—5. 123, 15. 19—23. 127, 17—128, 19. 130, 23—25. 134, 19—135, 17. 136, 1—17. 142, 9—143, 8. 151, 14—153, 8. 156, 6—157, 9. 158, 21—159, 11. 161, 13—162, 26. 164, 18—165, 19. 169, 1—9. 171, 1—15. 175, 1—176, 5. 418, 18.
 ὅσος, ἡ, ὄν passim, e. g. 7, 3. 8, 12. 14, 2.
 ὅστισοῦν 8, 9.
 οὐ 27, 21.
 οὐ
 οὐ μὴ 17, 26. 46, 14.
 οὐδαμοῦ 113, 15. 217, 24. 268, 13. 369, 19.
 οὐδαμῶς 31, 1. 60, 8. 105, 15, 247, 9. 277, 19.
 οὐδέποτε passim, e. g. 133, 6. 158, 11 s. 176, 25. 177, 18. 234, 17.
 οὐδέτερος 169, 14. 19. 363, 13.
 οὐκέτι passim, e. g. 120, 10. 189, 13. 17. 202, 16. 350, 23.
 οὐπω 5, 5. 55, 9. 292, 21. 322, 16.
 οὐράνιος, α, ὄν 41, 17. 21. 137, 13. 139, 5. 149, 9.
 οὐρανός, ὁ 22, 24. 53, 26. 137, 11. 147, 8—19. 149, 15. 167, 4.
 οὐς, τό 41, 1.
 οὐσία, ἡ passim, e. g. 11, 14. 13, 1 ss. 15, 2. 9. 20, 4. 46, 22. 86, 3. 9. 133, 2. 167, 7. 195, 16. 201, 20. 353, 2.
 ἡ μαθηματική 3, 1. 5, 15.
 αἱ πρῶται 4, 18. 62, 10.
 ἡ νοητή 4, 23. 174, 20.
 ἀμέριστος (ἀμερής) 5, 13. 20, 26. 53, 16. 291, 10.
 μεριστή 87, 3. 137, 26.
 μία καὶ μόνη 9, 22.
 τῶν μαθημ. εἰδῶν 12, 3—18, 5.
 τῶν διανοητῶν 14, 10. 55, 9.
 νοερά 15, 10. 52, 8.
 τῶν εἰδῶν 18, 20.
 τῆς γεωμετρίας 48, 17—56, 22.
 ἡ ἐστῶσα 34, 7.
 τῶν πόλων 90, 9.
 οὐσιοποιός, ὄν 167, 19.
 οὐσιώω 17, 6. 45, 23. 62, 23.
 οὐσιώδης, εἰς 14, 26. 17, 22. 37, 4. 21. 46, 12. 55, 18. 62, 17. 69, 15. 137, 23.
 οὐσιωδῶς 46, 1.
 οὗτος passim.
 τουτί 47, 6.
 ταύτη adverb. 114, 5.
 τουτέστι 347, 7. 9. 379, 13 s.
 οὕτω passim, e. g. 4, 15. 7, 7. 16. 27, 19.
 οὕτως passim, e. g. 13, 20. 29, 7. 30, 25.
 οὕτωςί 28, 10.
 οὐχί passim, e. g. 15, 3. 23, 13. 94, 4. 112, 12.
 ὀφείλω 135, 21. 348, 16.

- ὄφελος, τό
 τῆς μαθηματικῆς 20, 8—25,
 12. 27, 17—29, 13.
 τῆς ἀστρολογίας 38, 25.
 τῆς ἐν γεωμετρίας τάξεως
 247, 22—248, 3.
 ὄχλος, ὁ 365, 12. 375, 12.
 ὄψις, ἡ 21, 13. 40, 10. 179, 19.
 236, 13. 285, 14. 302, 10. 310, 7.
 πάθημα 52, 17. 19. 54, 15. 77,
 10. 78, 25. 137, 3.
 παθητικός
 νοῦς 52, 3—12. 56, 1—22.
 186, 7.
 πάθος, τό passim, e. g. 33,
 18. 40, 3. 52, 5. 15. 57, 12.
 58, 4. 62, 14. 105, 7. 110, 5.
 120, 17. 121, 16. 136, 24.
 opp. ποιήσις 23, 7.
 παιδεία, ἡ 20, 13. 65, 17.
 παίδευσις, ἡ 20, 10.
 παιδεύω 32, 23. 25.
 παιδία, ἡ 10, 2.
 παλαιός, α, ὃν 250, 20.
 οἱ παλαιοί 42, 7. 45, 1. 48, 15.
 77, 15. 121, 12. 144, 3. 200,
 12. 272, 19. 396, 11. 419, 22.
 422, 25.
 Comp. 116, 17.
 πάλιν passim, e. g. 4, 13. 10,
 22. 14, 16. 40, 9. 57, 26.
 παμπληθής, ἐς 177, 2.
 πάμπολν 59, 9. 140, 3.
 παντάπασιν 186, 2. 243, 7.
 πανταχόθεν passim, e. g. 86,
 18. 89, 14. 101, 20. 148, 23.
 πανταχοῦ passim, e. g. 14, 5.
 23, 3. 30, 6. 39, 12. 66, 13.
 148, 5. 179, 13. 432, 15.
 παντελής, ἐς 35, 19. 144, 26.
 146, 13.
 παντελῶς passim, e. g. 5, 13.
 58, 24. 26. 64, 6. 92, 21. 177,
 19. 186, 1.
 πάντη passim, e. g. 11, 13. 19,
 13. 22, 23. 87, 10. 184, 2. 401,
 5. 410, 15.
 παντοδαπός, ἡ, ὃν 18, 4. 432, 16.
 παντοδύναμος, ὃν 108, 12.
 παντοῖος, α, ὃν passim, e. g.
 3, 6. 23, 11. 37, 23. 40, 17.
 57, 13. 69, 10. 120, 21. 291, 4.
 παντοίως 112, 14. 117, 20.
 πάντως passim, e. g. 7, 9. 80,
 8. 124, 2. 125, 12. 176, 18.
 184, 3.
 πάνν 192, 7. 435, 18.
 παρά c. Acc. passim, e. g. 3, 2.
 40, 21. 71, 26. 106, 17. 180,
 25. 181, 2. 220, 19.
 c. Gen. passim, e. g. 9, 24. 13,
 3. 14, 27. 15, 20 ss. 293, 20.
 c. Dat. passim, e. g. 64, 18.
 65, 3. 5. 73, 11. 75, 2. 130, 9.
 παραβάλλω 220, 19. 22. 419,
 13—421, 8. 422, 22.
 παραβολή 56, 10. 58, 14. 78, 26.
 120, 20. 201, 10. 419, 17 ss.
 421, 12. 422, 5.
 κώνον τομή 112, 3. 119, 23.
 419, 20.
 παραγίνομαι 24, 22. 49, 4. 28.
 72, 5.
 παράγω 5, 22. 16. 5. 17, 1 s.
 89, 13. 140, 10. 201, 7.
 παράδειγμα, τό 5, 1. 13, 8. 15,
 25. 16, 6. 17, 10. 25, 1. 35, 10.
 62, 23. 130, 6. 153, 13. 294,
 2. 384, 8. 395, 9.
 παραδειγματικῶς 16, 4. 140, 17.
 παραδείκνυμι 24, 13.
 παραδέχομαι 146, 5. 152, 1. 284,
 24.
 παραδίδωμι passim, e. g. 21,
 5. 23, 27. 24, 7. 42, 12. 59, 3.
 60, 18. 345, 14.
 παράδοξος, ὃν 126, 5. 177, 19.
 192, 21. 304, 14. 326, 24. 327,
 9 s. 328, 23. 396, 24. 397, 1.
 431, 22.
 παράδοσις, ἡ 10, 18.
 παραδοχή, ἡ 192, 9. 29.
 παράθεσις, ἡ 159, 23. 164, 4.
 340, 9.
 παραιρέω 140, 27.
 παραιτέομαι 321, 10.

- παράκειμαι 229, 3. 344, 8.
 παρακελεύομαι 133, 7. 201, 12.
 223, 17. 26. 242, 7. 329, 13.
 παρακολουθέω 162, 12. 254, 3.
 παρακρούομαι 237, 16.
 παραλαμβάνω passim, e. g. 35,
 2. 36, 15. 42, 8. 69, 9. 76, 10.
 81, 15. 304, 19. 357, 10.
 παραλείπω passim, e. g. 75, 1.
 198, 4. 203, 23. 205, 7. 210,
 20. 300, 7. 340, 5. 352, 21.
 395, 25.
 παραλιμπάνω 74, 18.
 παράλλαξις, ἡ 138, 5. 147, 14.
 παραλλάττω 217, 7.
 παραλληλόγραμμον, τό 82, 15.
 83, 16 ss. 156, 13. 162, 23.
 169, 11 ss. 171, 1 ss. 245, 6 ss.
 354, 5 ss. 385, 6—402, 19.
 412, 1—414, 14. 416, 15—
 423, 6.
 ὄνομα 392, 21 ss.
 ὀρθογώνια 169, 13 ss. 398, 8
 —11.
 ὀρθογώνιον τοῦ μὴ ὀρθογω-
 νίου μεῖζον 398, 11—12.
 εἰς τὰς ἀσυνπτώτους καὶ τὴν
 ὑπερβολὴν ἐγγραφόμενα 395,
 9—11.
 ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 401, 1—4.
 περὶ διάμετρον τὴν αὐτὴν
 418, 23 ss.
 παράλληλος, ον 261, 23. 341, 7.
 342, 7. 343, 7. 375, 19—377,
 8. 400, 3 ss.
 παράλληλοι, αἱ 40, 15. 59, 1.
 83, 17. 170, 2 ss. 171, 3. 175,
 1—176, 19. 202, 7. 261, 25.
 328, 16. 340, 6—344, 7. 355,
 3—375, 17.
 ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 394, 9—414, 14.
 παραλληλότης, ἡ 373, 23.
 παραλογίζομαι 260, 16. 403, 8.
 παραλογισμός, ὁ 70, 8. 368, 2.
 375, 11.
 παραμετρέω 13, 18.
 παραμήκης 112, 7.
 παραμυθία, ἡ 322, 7.
 παράπαν 370, 2.
 παραπέτασμα, τό 22, 12.
 παραπλήρωμα, τό 417, 1 ss.
 ὄνομα 418, 15—18.
 παρασκευάζω 63, 20. 89, 4. 167,
 25.
 παρασκευή, ἡ 70, 9. 179, 11.
 271, 22.
 παράστασις, ἡ 116, 19.
 παρατίθηναι 64, 5. 70, 13. 109,
 7. 246, 17.
 παρατρέχω 102, 23.
 παραφέρω 172, 3.
 παραφυλάττω 236, 2.
 παραχρᾶμαι 403, 10.
 πάρεμι passim, e. g. 30, 10.
 48, 4. 64, 17. 88, 19. 93, 21.
 108, 13. 123, 26.
 τὸ παρόν 5, 12. 48, 15. 227, 6.
 241, 22. 304, 10.
 παρεισυνκλέω 268, 15.
 παρεκτικός, ἡ, ὄν 23, 20.
 παρέλκω 128, 14. 135, 5. 221,
 18.
 παρεμβάλλω 247, 11.
 παρεμπίπτω 321, 13.
 πάρεργον, τό 212, 17. 248, 1.
 258, 17. 269, 9.
 παρέργως 384, 2.
 παρέρχομαι 141, 19. 269, 4. 390,
 10.
 παρέχω passim, e. g. 9, 25. 51,
 1. 105, 23. 148, 18. 155, 3.
 203, 23. 304, 13.
 Med. passim, e. g. 8, 3. 21,
 26. 34, 19. 71, 4. 72, 12. 97,
 17. 382, 16.
 παρήμι passim, e. g. 241, 21.
 272, 24. 302, 14. 341, 19. 345,
 11. 358, 3. 407, 9.
 παριστάνω 81, 17.
 παρίστημι 61, 20. 81, 25. 97,
 11. 171, 12. 322, 23.
 πάροδος, ἡ 16, 8. 142, 7.
 παρομαρτέω 80, 6.
 παρυφίστημι
 Pass. 26, 18.

παῖς passim, e. g. 6, 26. 11, 11.
13. 13, 1. 5. 17, 12.

Pl. passim, e. g. 4, 16. 18. 5,
16 ss. 6, 18 ss. 7, 16 ss. 17, 9.

πάντα ἐν νῶ, ἐν ψυχαῖς, ἐν
φύσεσιν, ἐν σώμασι 92, 1—
16.

τὸ πᾶν οὐρανὸς καὶ γένεσις
147, 8.

πάσχω passim, e. g. 78, 12. 83,
24. 105, 7. 109, 17. 23. 137, 3.
183, 18. 184, 29.

παύομαι 17, 27. 29, 1. 107, 16.
133, 6. 145, 2.

παχύς 40, 1.

πέδη, ἡ 112, 5.

πείδω 26, 13. 194, 21.

πεῖρα, ἡ 26, 7. 70, 14.

πειράω

Aor. pass. 232, 11.

πέλεκυς, ὁ 333, 14.

πεμπτάς, ἡ 150, 19.

Vide πεντάς.

πέμπτος passim, e. g. 72, 26.
81, 22. 182, 25. 183, 22. 243, 1.

πέμπτον 145, 20.

πέμπω 63, 21.

πεντάγωνον, τό 39, 6. 145, 15.
172, 8. 11. 22. 381, 26.

πεντάπλευρον, τό 382, 15—383,
14. 417, 11 s.

πεντάς, ἡ 61, 16. 404, 7.

Vide πεμπτάς.

πέντε 96, 4. 112, 1. 235, 22. 27.
237, 6. 271, 23. 403, 15. 17.

πεντεκαιδεκαγωνικός, ἡ, ὃν
269, 17.

πεντεκαιδεκάγωνον, τό 269, 12.
15.

πεντεκαιδέκατος 301, 3.

περαίνω passim, e. g. 37, 15.
79, 24. 80, 10. 98, 21. 101,
21—103, 3. 108, 6. 142, 14 ss.
293, 19. 421, 8.

πεπεράσται 6, 16. 19. 116, 6.
151, 16. 223, 27 ss.

πέρας, τό passim, e. g. 5, 18.
6, 3 ss. 7, 1. 11. 8, 17. 19, 11.

37, 13 ss. 57, 11. 58, 12. 62,
16. 74, 6. 85, 5 ss. 91, 13 ss.
101, 8—103, 17. 104, 9 ss. 136,
3 ss. 142, 16 ss. 151, 15. 180,
2. 191, 9. 285, 8. 290, 23.
314, 19, 24.

πέρατι ἀνάλογον 104, 11—13.

περατοσιδής, ἐς 101, 22.

περατώ passim, e. g. 85, 4—
89, 2. 91, 16. 19. 99, 6. 101,
6—103, 8. 109, 11. 142, 22 ss.
384, 10.

περί c. Acc. passim, e. g. 3, 8.
5, 14. 7, 26. 9, 1. 14, 21. 18,
16. 105, 2.

c. Gen. passim, e. g. 10, 15.
20, 5. 7. 22, 4.

περί 83, 14.

c. Dat. 112, 22.

περιάγω passim, e. g. 47, 5.
49, 10. 89, 27. 92, 12. 130,
22. 147, 18. 150, 1. 213, 24.

περιαγωγή, ἡ 20, 17. 84, 23.

περιαθρεω 62, 5.

περιβάλλω 138, 12.

περίβολος, ὁ 38, 22.

περιγραφῆ, ἡ 201, 11. 206, 27.

περιγράφω 47, 7. 171, 6. 305,
26.

περιέργω 136, 8.

περιελλίσσω 118, 13.

περιεργάζομαι 93, 14. 242, 9.
272, 23.

περιέργος, ὃν 15, 15. 113, 10.
300, 23. 349, 14.

περιέχω passim, e. g. 10, 6.
17, 20. 25, 8. 42, 17. 44, 4.
53, 17. 62, 3. 142, 12 ss.

περιθέω 154, 18.

περίκειμαι 136, 8. 143, 14. 151,
24.

περικλείω 136, 8.

περιλαμβάνω passim, e. g. 8,
17. 17, 15. 36, 7. 62, 16. 71,
11. 86, 20. 144, 10.

περιληπτικός, ἡ, ὃν 9, 24. 50,
19. 99, 10. 348, 12.

περιληπτός, ἡ, ὃν 286, 1.

- περίληψις*, ἡ 74, 7. 213, 18. 395, 17.
περίμετρος, ἡ 38, 22. 160, 18. 22. 236, 20—237, 17. 403, 7—404, 16. 423, 5.
περίοδος, ἡ 22, 27. 23, 15. 63, 11. 64, 8 ss. 91, 7. 115, 15. 147, 14. 149, 1. 14. 150, 9. 213, 26.
περιορίζω 78, 11.
περιουσία, ἡ 6, 5.
περιοχή, ἡ 37, 13. 101, 24. 128, 1. 136, 5. 12. 143, 11. 16. 149, 11. 403, 13.
περιπατητικός, ὁ 125, 7. 379, 2.
περιπίπτω 303, 7.
περιπολέω 150, 7.
περιπορεύομαι 108, 7. 13. 149, 7.
περιπτύσσομαι 149, 8.
περισπάω 46, 5. 192, 25. 432, 11.
περισπούδαστος, *ον* 29, 5.
περιστερά 10, 3.
περιτροπή, ἡ 150, 4.
περιττοιδήs, *έs* 107, 23.
περιττός, ἡ, *όν* (*περισσός*) 73, 26. 151, 9. 162, 17 ss. 174, 7 s. 278, 3 s. 337, 24. 349, 10. 19. 350, 5. 352, 22. 375, 12. 377, 24. 428, 11 s. 429, 11.
περιττός 184, 9. 221, 18. 268, 15.
περιφανής, *έs* 181, 10.
περιφέρεια, ἡ *passim*, e. g. 35, 4. 103, 7. 106, 25 ss. 108, 13. 109, 13. 24. 112, 14. 113, 13—15. 115, 5. 301, 7.
ἀνάλογον τῷ πέρατι 104, 12. 107, 11.
τρίχα τεμεῖν 272, 14—20.
περιφερής, *έs* *passim*, e. g. 92, 6. 104, 24. 113, 21.
τὸ περιφερές 16, 21. 37, 8. 107, 18—109, 4. 117, 14 ss. 144, 16.
ἡ περιφερής γραμμή 104, 1. 105, 11. 106, 22—107, 10. 251, 10.
πᾶσα περιφερής ἔχει τινὰ εὐ-θεῖαν ἐλάσσονα 279, 9.
περιφερόγραμμος, *ον* 163, 24. 381, 7. 423, 2.
γωνία 104, 12. 128, 16. 129, 20. 134, 16. 189, 15—190, 23. 205, 19. 333, 12 ss.
περιφέρομαι 115, 4.
περιφορά, ἡ 41, 17. 64, 13. αἱ *ἐν κόσμῳ* 89, 21—91, 10.
περιχορεύω 90, 10. 148, 21.
περιωπή, ἡ 27, 27.
πέτομαι 10, 4.
πῆ 161, 23.
πηγή, ἡ 214, 2.
πηλίκον, *τό* 35, 24 ss. 182, 8.
πῆχυν, ὁ 403, 17.
πιέζω 201, 14. 426, 14.
πιθανολογέω 192, 11.
πιθανός 192, 8 ss.
πίπνω *passim*, e. g. 72, 22. 157, 20. 189, 1. 215, 23.
πιστεύω 63, 26. 189, 1. 322, 8.
πίστις, ἡ 10, 26. 69, 11. 178, 11. 192, 4. 211, 5. 11. 259, 14. 326, 23.
μαθηματικά 255, 13—256, 8.
πιστός, ἡ, *όν* 22, 5. 63, 18. 76, 10. 184, 10. 195, 19.
πιστώ 183, 12.
πλάγιος, α, *ον* 72, 18. *ἐκ πλαγίου* 224, 10. 15.
πλάνη, ἡ 70, 4.
πλαστική, ἡ 137, 4.
πλάτος, *τό* 87, 4. 97, 3. 100, 9 ss. 106, 5. 114, 4. 22. 25. 116, 10. 396, 21. 397, 11. 398, 2. 420, 18 ss.
πλατύνω 112, 6.
πλέκω 208, 9.
πλεονάζω *passim*, e. g. 4, 20. 11, 20. 53, 15. 79, 4. 81, 21. 88, 12. 221, 15 ss. 242, 12.
πλεοναχῶs 220, 8 ss. 221, 7.
πλεονεκτέω 172, 20. 222, 16.
πλευρά, ἡ *passim*, e. g. 12, 22. 23, 8. 130, 18. 161, 17. 164, 27 ss. 347, 20 ss.

- ἀριθμὸς πλευρῶν 166, 11—13.
 πλήθος, τό passim, e. g. 6, 5.
 11, 6, 17, 7, 19, 6, 10, 16, 23,
 10, 36, 4, 19 ss. 37, 14 ss. 39,
 3, 51, 1, 55, 14, 141, 22.
 πληθύνω 87, 22, 90, 25, 154, 26.
 πληκτικόν, τό 192, 27.
 πλημμέλεια, ἡ 133, 12.
 πλημμελέω 128, 11.
 πλημμελῶς 26, 19.
 πλήν 60, 18, 109, 17, 190, 15.
 410, 16.
 πλήν ὅτι 394, 1, 400, 11.
 πλήρης, ες 19, 1, 146, 13, 260,
 11, 306, 8.
 πληρώω 15, 11, 17, 2 s. 47, 1,
 145, 21, 148, 18, 291, 18, 304,
 15.
 πλήρωμα, τό 16, 6, 27, 55, 18.
 πλήττω 137, 1.
 πλοῖον, τό 352, 16.
 πλοκή, ἡ 256, 2.
 πλουτέω 25, 23.
 πλοῦτος, ὁ 26, 1.
 πνοῦς, ὁ 41, 9.
 ποδηγέω 28, 4.
 πόθεν passim, e. g. 12, 13, 21,
 15, 44, 26, 140, 5, 144, 10,
 331, 9.
 τὸ πόθεν ποῖ 98, 22.
 ποθέω 149, 8.
 ποιέω passim, e. g. 13, 21, 14,
 25, 22, 22, 25, 2, 130, 11,
 179, 1.
 „ὅπερ ἔδει ποιῆσαι“ 81, 10,
 210, 6, 14.
 Med. passim, e. g. 18, 4, 25,
 18, 29, 25, 31, 17, 162, 15.
 ποίησις, ἡ 77, 14, 22, 79, 5,
 164, 13, 167, 12, 210, 9, 234,
 7, 302, 5.
 opp. πάθος 23, 7.
 opp. μάθησις 221, 10 s.
 ποιητής, ὁ 65, 12.
 ποιητικός, ἡ, ὄν 25, 1, 77, 12,
 103, 14, 140, 25, 174, 9.
 ποιητικῶς 78, 5, 141, 3.
 ποικιλία, ἡ passim, e. g. 6, 13,
 11, 12, 13, 19, 17, 25, 25, 10,
 44, 17, 62, 13, 179, 7, 418,
 19.
 ποικίλλω 220, 12, 222, 18, 395,
 24.
 ποικίλος, ἡ, ὄν passim, e. g.
 3, 6, 5, 7, 19, 17, 23, 15, 26,
 25, 42, 3, 51, 3, 57, 25, 59,
 11, 63, 4, 82, 11, 112, 15, 179,
 16, 253, 9, 291, 5.
 ποικίλως 410, 4.
 ποῖος, α, ὄν passim, e. g. 13,
 17, 61, 21 s. 78, 12, 80, 23.
 ποιός, α, ὄν 252, 19.
 τὸ ποιόν 191, 13 s. 315, 4,
 353, 5.
 ποιότης, ἡ 116, 12, 121, 15,
 122, 7—125, 13.
 ποιόω 125, 1.
 πολεμέω 41, 7.
 πολεμιστήριος, α, ὄν 63, 9.
 πολέμιος, ὁ 199, 6.
 πόλεμος, ὁ 41, 6.
 πόλις, ἡ 38, 21, 63, 10, 15,
 403, 6.
 πολιτεία, ἡ 23, 25, 63, 4.
 v. Πλάτων.
 πολιτικός, ἡ, ὄν
 πρὸς πολιτικὴν φιλοσοφίαν
 συντελεῖ ἡ μαθηματικὴ 23,
 12—24, 3.
 πολλάκις passim, e. g. 15, 15,
 38, 19, 64, 10, 77, 2, 85, 7.
 πολλαπλασιάζω 122, 4, 150, 22,
 161, 26 s. 294, 10, 397, 5, 423,
 24.
 πολλαπλασιασμός, ὁ 151, 1,
 162, 2.
 πολλαπλασίσιος, α, ὄν 6, 25, 7,
 25, 197, 4, 221, 5.
 πολλαχόθεν 45, 13.
 πολλαχοῦ 30, 11, 85, 8, 10, 196,
 18, 203, 22, 375, 25.
 πολλαχῶς 136, 20, 222, 17,
 304, 8.
 πολλοστός, ἡ, ὄν 19, 19.
 πολυκράτως 90, 23.
 πόλος, ὁ 90, 15, 152, 19—153,
 9, 269, 15 s.

- τῶν ἐν κόσμῳ σφαιρῶν 89, 28.
 90, 12.
 σύμβολα θεῶν 91, 2. 16—19.
 πολυγώνιον vel πολύγωνον, τό
 39, 6. 49, 15. 56, 3 ss. 145, 15.
 304, 15. 26. 426, 22.
 εἰς τρίγωνα διαλύεται 61, 11.
 382, 1 s.
 ἰσόπλευρα ἄπειρα ἐν κύκλοις
 202, 15.
 αἱ ἐντὸς καὶ αἱ ἐκτὸς γωνίαι
 381, 24—383, 16.
 πολυέδρον, τό 49, 16. 202, 16.
 πολυειδής, ἐς 19, 7. 57, 15.
 112, 11. 145, 1.
 πολυειδῶς 5, 1.
 πολυθρύλητος, ον 219, 18.
 πολυλογία, ἡ 200, 13.
 πολυμετάβολος, ον 166, 20.
 πολύπλευρον, τό 161, 16. 162,
 10 ss. 381, 26. 422, 8.
 πολύπτωτος, ον 222, 23. 223, 7.
 228, 10. 406, 10.
 πολὺς passim, e. g. 8, 21 ss.
 9, 1. 16. 10, 6. 11. 14, 20. 50,
 19 ss.
 πολλῶ 9, 14. 12, 16. 38, 18.
 οἱ πολλοί 139, 13. 145, 18.
 οὐ μετὰ πολλά 259, 10.
 πολὺ Adv. 11, 12. 68, 6.
 Comp. 38, 18. 44, 7. 61, 18.
 67, 22. 72, 14. 122, 24. 418, 10.
 Sup. 39, 5. 56, 25. 260, 7.
 τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ ὅλου 99, 22.
 πορεία, ἡ 44, 23.
 πορεύομαι 109, 19.
 πορίζω 201, 1.
 Med. passim, e. g. 78, 10. 179,
 1. 180, 23. 181, 6. 182, 22.
 183, 4. 201, 6.
 πόρισμα, τό 210, 27. 212, 12—
 17. 301, 18—304, 11.
 πόρος, ὁ 303, 15.
 πόρρω 52, 7.
 πορρωτέρω 32, 1. 270, 21.
 ποσαχῶς 202, 5. 210, 21.
 πόσος, η, ον 18, 9. 35, 18. 310,
 14. 361, 4. 420, 17.
 ποσός, ἡ, ὄν
 τὸ ποσόν 35, 24 ss. 123, 9.
 124, 10. 14. 125, 1. 25. 142,
 20 s. 143, 7. 182, 8. 184, 27.
 191, 12. 14. 233, 18. 315, 3.
 τὰ ποσά 9, 21. 122, 12. 196,
 4. 353, 5.
 ποσότης, ἡ 121, 17. 123, 25—
 125, 14. 143, 10.
 πότε 66, 22 s.
 ποτέ passim, e. g. 7, 3. 9, 5.
 10, 16. 17, 26. 32, 8 s. 164,
 27 s. 203, 10. 357, 10 s.
 πότερον 12, 4. 289, 13. 322, 20.
 23. 370, 14.
 πού 12, 19 ss.
 πού passim, e. g. 9, 12. 11, 13.
 12, 2. 6. 22, 20.
 πούς, ὁ 420, 14 ss.
 πρᾶγμα, τό passim, e. g. 31, 1.
 34, 3. 50, 16. 70, 17. 21. 161,
 2. 187, 3. 214, 15. 293, 7. 302,
 2. 310, 6. 314, 4. 418, 16.
 πραγματεία, ἡ passim, e. g.
 31, 9. 37, 16. 39, 10. 41, 4.
 48, 5. 65, 20. 70, 19. 121, 1.
 384, 8.
 πραγματειώδης, ἐς 84, 13. 429,
 15. 432, 14.
 πραγματεύομαι passim, e. g.
 34, 3. 5. 38, 9. 40, 17. 41, 10.
 18. 58, 4. 121, 1.
 πρακτικός, ἡ, ὄν 25, 3.
 προᾶξις, ἡ 23, 14. 26, 4.
 πρόπω 5, 23. 24, 6. 71, 15. 150,
 12. 423, 20.
 προπώδης, ἐς 398, 18.
 πρόσβυσ
 Comp. 11, 8. 36, 24. 64, 3. 68,
 18.
 πρίν 159, 24.
 πρό passim, e. g. 6, 27. 8, 24.
 12, 7. 14, 10. 16, 11. 25. 57,
 20. 99, 22 ss. 125, 6.
 προαγορεύω 84, 9.
 πρόειπον 120, 9.
 προείρημαι passim, e. g. 48,
 2. 123, 7. 148, 6. 178, 8.
 198, 3.

- προορηθέν 205, 3.
 προάγω passim, e. g. 19, 7. 43, 19. 46, 26. 52, 24. 55, 3. 56, 15. 61, 18. 67, 7. 22. 344, 16. 18.
 προαίρεσις, ἡ 68, 20.
 προαιρέω
 Med. 201, 9.
 προαναιρέω 234, 20.
 προαποδείκνυμι passim, e. g. 112, 23. 186, 3. 247, 21. 254, 26. 266, 15. 319, 3. 365, 11. 372, 10.
 προβάλλω passim, e. g. 17, 4. 24. 19, 26. 36, 21. 45, 11. 46, 13. 54, 20. 68, 3. 121, 3. 179, 17.
 Med. 13, 24.
 πρόβλημα, τό passim, e. g. 35, 13. 58, 19. 67, 1. 178, 13 ss. 200, 8.
 quid? 77, 7—81, 4. 201, 4 ss.
 apud Euclidem 81, 7—22.
 μέρη 203, 2—207, 25.
 τεταγμένα (?), μέσα, ἄτακτα 220, 7—221, 6.
 πλεοναχῶς λέγεται, μειζον, ἔλασσον ἢ πρόβλημα 221, 7—222, 19.
 ἄπιπτα, πολύπιπτα 222, 22—223, 6.
 προβλήματα πρὸ τῶν θεωρημάτων 241, 20—243, 29.
 ἀδιόριστα, δυνατά 330, 7—16.
 προβληματικός, ἡ, ὅν 80, 27. 210, 7. 233, 12. 242, 1. 21.
 προβληματικῶς 78, 7. 80, 3. 234, 5. 243, 17.
 προβολή, ἡ 13, 10. 18, 4. 55, 12. 78, 10. 23.
 προγινώσκω (προγινώσκω) 18, 27. 204, 14.
 προδείκνυμι passim, e. g. 255, 17. 269, 20. 321, 6. 334, 16. 365, 15. 366, 15. 367, 3.
 πρόδηλον sc. ἐστὶ 27, 12. 223, 12. 262, 17. 264, 13. 334, 1.
 προόδηλον ὅν 345, 11.
 προδήλως 215, 24.
 πρόειμι passim, e. g. 5, 22. 19, 4. 39, 18. 57, 14. 25. 61, 26. 65, 1. 78, 20. 291, 13. 354, 18.
 προεῖπον vide προαγορεύω.
 προέρχομαι passim, e. g. 6, 10. 13. 49, 23. 66, 17. 86, 20. 101, 23.
 προευπορέω 67, 21.
 προευτρεπίζω 20, 14. 22, 2. 28, 4. 49, 11. 179, 17. 203, 8. 248, 7. 269, 20.
 προέχω 4, 21.
 προηγέομαι passim, e. g. 8, 26. 14, 19. 18, 20. 28. 69, 25. 72, 10. 84, 14.
 προηγούμενα τῶν ἀντιστροφόντων θεωρημάτων 254, 7—20.
 προηγουμένως 15, 7. 61, 2. 87, 18. 178, 6. 252, 6. 354, 4. 14. 423, 18.
 πρόθεσις, ἡ 70, 21. 135, 14. 272, 1.
 τοῦ πρώτου (Εὐκλείδου) βιβλίου 81, 26—83, 6. 84, 6.
 προθεωρέω 246, 13.
 προθυμοποιία, ἡ 435, 19.
 πρόθυρον, τό 5, 2. 55, 2.
 προλήμι
 Med. 90, 17.
 προϊστημι
 Perf. 7, 14. 11, 15. 15, 25. 89, 19. 141, 3.
 Med. passim, e. g. 8, 17. 10, 12. 19, 10. 29, 15. 31, 17. 41, 2. 68, 22. 85, 16. 166, 21. 248, 3.
 προκαταβάλλω 247, 19.
 προκαταλαμβάνω 158, 19.
 προκατασκευάζω 3, 12.
 προκατασκευή, ἡ 73, 23.
 πρόκειμαι passim, e. g. 28, 15. 48, 7. 71, 7. 74, 2 s. 113, 12. 136, 22. 177, 25.

- προλαμβάνω passim, e. g. 13, 13. 18, 2 s. 45, 24. 62, 21. 76, 16. 102, 11. 320, 6. 340, 7.
 προλέγω 204, 11.
 πρόληψις, ἡ 118, 27. 195, 22.
 προνοητικός, ἡ, ὅν 108, 8.
 πρόνοια, ἡ 74, 5. 108, 11. 109, 4. 132, 20. 150, 10.
 πρόοδος, ἡ passim, e. g. 5, 24. 6, 6. 39, 20. 78, 18. 88, 6. 89, 13. 93, 13. 97, 14. 98, 20.
 πρόοιδα 203, 19.
 προοικονομέω 247, 17.
 προονομάζω 236, 13.
 προοράω 247, 25.
 προπαρασκευάζω 20, 15. 384, 3.
 πρὸς c. Acc. passim, e. g. 4, 14. 5, 12. 6, 27. 8, 19. 10, 9. 28.
 τὸ πρὸς τι 121, 12. 122, 22. 123, 10 s. 125, 14.
 πρὸς τό 218, 8.
 c. Dat. 41, 3. 123, 16. 124, 21. 258, 21.
 πρὸς τῷ 125, 22.
 c. Gen. 107, 12. 15.
 προσαγορεύω passim, e. g. 30, 12. 31, 11. 50, 11. 72, 13. 156, 15. 181, 21.
 προσεῖπον 181, 21.
 προσείρηκα passim, e. g. 42, 11. 44, 11. 121, 2.
 προσάγω 93, 12. 138, 21. 195, 20.
 προσαναιρέω 370, 18.
 προσαποδείκνυμι 247, 8. 339, 12.
 προσβολή, ἡ 4, 2.
 προσγράφω 183, 8.
 προσδέομαι passim, e. g. 178, 10. 260, 3. 266, 17. 272, 24. 282, 21.
 προσδιορισμός, ὁ 240, 27. 349, 21.
 προσεικάζω 121, 6.
 πρόσκειμι 309, 8.
 πρόσκειπον vide προσαγορεύω.
 προσεκβάλλω passim, e. g. 113, 1. 118, 12. 227, 15. 246, 19. 247, 1.
 προσέοικα 99, 8. 133, 3. 155, 12.
 προσεπινοέω 120, 5.
 προσευπορέω 66, 19.
 προσέχεια, ἡ 208, 21.
 προσεχῆς, ἐς 44, 2. 82, 23. 92, 13. 173, 14. 208, 22.
 προσέχω 192, 7.
 προσεχῶς 42, 17. 86, 2. 98, 3. 115, 11. 116, 1. 198, 11. 396, 10.
 προσηγούρα, ἡ 45, 5. 77, 18. 155, 26. 162, 12. 14. 172, 6. 25.
 προσήγορος, ον 22, 21.
 προσήκω passim, e. g. 5, 6. 23. 8, 13. 12, 3. 22, 25. 23, 16. 28, 11. 75, 24. 315, 3.
 πρόσθεν 178, 3. 271, 7. 310, 19.
 πρόσθεσις, ἡ 77, 10. 78, 26. 96, 14. 139, 14. 18. 198, 13.
 προσθήκη, ἡ, passim, e. g. 96, 15. 114, 12. 137, 1. 197, 2. 204, 4. 221, 24.
 προσιστορέω 379, 19. 429, 9.
 πρόσκειμαι 184, 9. 190, 6. 197, 12. 19. 221, 18. 307, 21.
 προσλαμβάνω passim, e. g. 32, 26. 59, 19. 77, 15. 95, 22. 103, 11. 300, 23. 384, 20.
 προσμηχανάομαι 201, 7.
 προσπάσχω 133, 10.
 προσπίπτω 146, 21. 152, 14 ss. 160, 16. 194, 17. 251, 4. 17. 308, 1. 384, 13.
 προσποιέομαι 100, 8. 207, 23. 208, 18.
 προστάττω passim, e. g. 179, 2. 181, 6. 183, 26. 185, 7. 204, 21.
 προστίθημι passim, e. g. 12, 19. 13, 5. 24, 25. 29, 22. 67, 5. 69, 25. 197, 7 ss. 228, 3. 338, 4.
 προστυγχάνω 375, 11.
 προσχράομαι passim, e. g. 3, 11. 38, 14. 19. 41, 1. 56, 10.

- 193, 7. 196, 12. 207, 8. 268, 14. 328, 15.
πρόσχευσις, ἡ 344, 7.
πρότασις, ἡ *passim*, e. g. 80, 21 ss. 193, 18 ss. 200, 23. 203, 4—7. 18 ss. 208, 5. 16.
προτάσσω 10, 10. 51, 2. 81, 15. 154, 25. 225, 19. 315, 10. 365, 5.
προτείνω *passim*, e. g. 24, 9. 27, 9. 79, 20 ss. 94, 25. 96, 7. 101, 4. 148, 21. 220, 4. 221, 8 ss. 337, 2.
πρότερον *passim*, e. g. 9, 15. 78, 1. 145, 25. 164, 11. 182, 15. 224, 1. 352, 10.
τὸ πρότερον 18, 11.
πρότερος, α, *ον* 14, 18. 95, 7.
προτίθηναι *passim*, e. g. 58, 5. 64, 4. 134, 20. 178, 15. 191, 24. 199, 10. 336, 7.
προτρέπω 68, 1.
προυνπάρχω 4, 22. 13, 10. 137, 5. 153, 24. 156, 5. 243, 15.
προυνποτίθηναι 371, 23.
προυνφίστημι 25, 2. 233, 21.
Perf. passim, e. g. 17, 18. 25, 1. 37, 8. 57, 6. 92, 1. 101, 15.
προφαίνω 17, 5. 46, 1. 72, 20. 89, 7. 188, 11. 193, 8.
προφανής, *ἐς* 197, 11.
προφέρωμαι 395, 21. 307, 2.
πρόχειρος, *ον* 84, 16. 179, 4. 23. 384, 7.
προχέλω 166, 12.
προχράωμαι 321, 12.
προχωρέω 216, 23. 280, 18. 284, 11.
πρωταρχέω 164, 13.
πρωτεῖον, *τό* 148, 5.
πρωτεύω 243, 3.
πρώτιστος, *η*, *ον* *passim*, e. g. 3, 1. 6, 8. 10, 25. 11, 18. 52, 9. 11. 115, 2. 138, 15.
πρῶτος, *η*, *ον* *passim*, e. g. 3, 15. 4, 18. 5, 3. 19. 24. 9, 26. 10, 10. 11, 6. 23. 19, 24. 24, 26. 72, 7. 25. 87, 20.
πρῶτον *passim*, e. g. 12, 9. 16, 22. 32, 27. 36, 25.
πρωτουργός, *όν* 15, 25. 16, 19. 22, 23. 88, 24. 108, 4. 130, 16. 139, 16. 146, 9. 294, 4.
πρώτως 6, 1. 8, 22. 15, 10. 97, 27. 142, 10. 156, 3. 384, 10.
πτοέω
Pass. 21, 20. 303, 12.
πτῶσις, ἡ *passim*, e. g. 84, 11. 200, 16. 210, 27. 212, 6—11. 223, 5. 224, 5. 289, 9 ss. 406, 17.
πυθανολογέω 34, 1.
πυθανός, ἡ, *όν* 33, 23.
πυραμῖς, ἡ 423, 17.
πυραμοειδής, *ἐς* 322, 21.
πῦρ, *τό* 82, 24. 93, 22. 181, 10. 322, 18—21.
πῶς *passim*, e. g. 12, 26 ss. 14, 1. 15, 3.
πως, *encl. passim*, e. g. 11, 3. 19, 23. 34, 13.
ράδιος, α, *ον* 234, 9. 266, 5. 300, 7. 407, 17.
Comp. 180, 23.
ῥαστώνη, ἡ 242, 20.
ῥέπω 123, 23. 133, 9.
ῥέω 16, 2. 87, 13. 101, 17.
ῥῆμα, *τό* 175, 8. 330, 22.
ῥητορικῆ, ἡ 24, 24. 247, 23.
ῥητορικός, ὁ 33, 25. 192, 10.
ῥητός, ἡ, *όν* 48, 12.
λόγος 60, 8.
ῥομβέω 172, 2 s.
ῥομβοειδής, *τό* 169, 6. 15. 170. 10. 171, 11. 18 ss. 386, 25 ss. 388, 15 ss. 421, 5.
ἰσοπεριμέτρων ἀπάντων ἔλασσον 398, 16.
ῥόμβος, ὁ 169, 4. 17. 170, 10. 171, 10. 17 ss. 386, 25 ss. 388, 15 ss. 421, 4.
ῥοπή, ἡ 41, 10.
ῥύσις, ἡ 179, 24.
γραμμῆ, *ρύσις σημείου* 97, 7. 9—17. 185, 10—12.

- σαθρός, ἄ, ὄν 200, 2. 275, 4.
 σαφήνεια, ἡ 74, 4. 238, 25. 418, 19.
 σαφηνίζω 38, 24. 418, 21.
 σαφής, ἐς passim, e. g. 74, 13. 144, 2. 210, 18. 273, 14. 322, 15 ss. 358, 11. 374, 5. 376, 12.
 σαφῶς 29, 27. 94, 4. 156, 11. 184, 3. 215, 26.
 Sup. 45, 17.
 σειρά, ἡ 89, 11. 132, 6. 148, 7. 151, 10.
 σελήνη, ἡ 42, 5. 100, 17. 110, 2 s.
 τὰ ὑπὸ σελήνην στοιχεῖα 137, 10. 149, 13.
 ἡ ὁ. σ. σύστασις 167, 16.
 σεμνός, ἡ, ὄν 85, 10. 137, 8. 138, 19.
 σημαίνω passim, e. g. 73, 10. 94, 9. 97, 9. 110, 24. 114, 11. 19. 357, 12. 419, 24.
 σημαντικός, ἡ, ὄν 293, 15.
 σημείον, τό passim, e. g. 39, 9. 49, 13. 57, 14. 58, 16 s. 72, 19.
 πάσης διαστάσεως καθαρεῦον 85, 7.
 τὴν γραμμὴν περιέλαβεν 86, 21.
 λόγος σημείου σωματοειδῆς 87, 11. 89, 11—15. 92, 3. 93, 20.
 γεννᾶ πάντα τὰ διαστήματα 88, 3—5. 16—22.
 μονὰς θέσιν ἔχουσα 95, 21—96, 15.
 τοῖς μεριστοῖς αἷτιον ὄν 97, 12—13.
 ἀνάλογον μονάδι 97, 20 ss.
 μετὰ τὴν μονάδα 99, 19 ss.
 διττόν 98, 13.
 εἰκὼν τοῦ ἑνός 104, 5.
 πάντων πέρας 115, 19.
 θέσει δίδεται μόνον 205, 15.
 σιωπάω 205, 6.
 σκάζω 168, 24.
 σκαληνός, ἡ, ὄν
 τραπέzion 170, 7. 11.
 Vide τρίγωνον.
 σκέπτομαι 95, 22. 178, 8. 208, 1.
 σκηνογραφική, ἡ 40, 19.
 σκιά, ἡ 100, 19. 114, 23.
 σκιαγραφέω 141, 15.
 σκιάζω 100, 16.
 σκίδναμαι 86, 9.
 σκοπέω 7, 21. 9, 20. 39, 18. 40, 23. 64, 17. 93, 14. 207, 24. 427, 11.
 σκοπός, ὁ
 τῆς (Εὐκλείδου) πραγματείας 70, 19—71, 24.
 τοῦ πρώτου βιβλίου 81, 24—83, 6. 432, 6 ss.
 σκότος, τό 285, 14.
 σκοτώδης 20, 23.
 σμικρόν 194, 25. 330, 18.
 σμικρός, ἄ, ὄν
 Sup. 348, 5.
 σοφία, ἡ 28, 11. 36, 8.
 σοφιστικός, ἡ, ὄν 30, 18. 375, 8.
 σοφός, ὁ 156, 1.
 σπάνιος, α, ὄν 259, 20. 264, 17.
 σπανίως 84, 12. 260, 8.
 σπάρτος, ἡ 40, 1. 41, 13.
 σπείρα, ἡ
 τριχῶς γίνεται 119, 12—16.
 μικτὴ ἐστὶ 119, 17—18.
 σπειρικός, ἡ, ὄν
 σπειρικάι τομαί (γραμμαί) 111, 19. 112, 4—8. 113, 4. 119, 16. 120, 6. 127, 1. 128, 8. 356, 12.
 ἐπιφάνεια 119, 9—18. 120, 5.
 σπέρμα, τό 149, 23.
 σπεύδω 19, 16. 27, 16. 82, 7. 87, 24. 153, 21. 154, 22. 201, 15.
 σπῆλαιον, τό 20, 24.
 σπουδάζω 76, 22. 199, 5.
 σπουδή, ἡ 10, 2. 28, 13. 55, 20. 65, 13. 66, 11. 81, 16.
 σταθερός, ἄ, ὄν 6, 4. 173, 8.
 σταθερῶς 90, 20. 148, 15. 154, 13.
 στάθμη, ἡ 40, 1.

- στάσις, ἡ 36, 16. 37, 2 ss. 41, 11. 173, 7. 292, 6.
 στατική, ἡ 25, 7.
 στερεομετρία, ἡ 39, 9. 73, 12. 116, 22.
 στερεός, ὁ, ὅν 24, 20. 113, 18. κάθετος 135, 17. 20. 283, 13. 16—22.
 γραμμή 394, 21 ss.
 ἀριθμοί 17, 16. 39, 17.
 γωνία 292, 19.
 τὰ στερεά passim, e. g. 39, 12 ss. 57, 15. 104, 3 ss. 107, 19. 111, 13 ss. 112, 10 ss. 121, 20. 126, 8.
 τὸ στερεόν 100, 11. 114, 11. 121, 17 ss. 394, 24.
 τὸ στερεὸν ἀνάλογον τῇ τετραδῷ, τριαδικόν 97, 21—98, 10. 99, 8—14.
 στέρσις, ἡ 139, 1.
 στεφάνη, ἡ 163, 12.
 στέφανος, ὁ 63, 27.
 στιγμή, ἡ 59, 18 s. 96, 12 s.
 στοιχεῖον, τό passim, e. g. 22, 23. 23, 5. 10. 62, 20. 66, 8. 20. 67, 14. 68, 7. 118, 21. 222, 18. 225, 12. 281, 13. 340, 11. 14.
 ὄνομα 71, 25—73, 14.
 τὰ τέτταρα 82, 20.
 τοῦ παντός 148, 2.
 στοιχείων δημιουργία 166, 17.
 στοιχειώω 69, 8. 71, 22. 83, 3.
 στοιχειώδης, εἰς 72, 2. 13. 21. 119, 3. 162, 22. 264, 16.
 στοιχεῖωσις, ἡ passim, e. g. 48, 7. 70, 14. 71, 7. 73, 15—75, 4. 217, 24. 233, 11. 336, 6. 354, 2. 432, 2. 6.
 ὄνομα 71, 25—73, 14.
 κατὰ μουσικήν 69, 3.
 στοιχειωτής, ὁ
 vide Εὐκλείδης.
 στοχάζομαι 27, 19. 28, 26. 84, 22.
 στοχαστικός, ὁ, ὅν 31, 5.
 στρατόπεδον, τό 39, 5.
 στρέφω 29, 10. 119, 10. 23. 147, 28. 148, 25. 243, 14. 337, 17.
 στροφή, ἡ 119, 10. 26. 141, 8. 187, 17.
 συγγένεια, ἡ 52, 12. 138, 22. 161, 9. 266, 8.
 συγγενής, εἰς 14, 10. 71, 14. 168, 15. 191, 6. 213, 15. 314, 20.
 συγγίγνομαι 67, 10.
 σύγγραμμα, τό 47, 6. 66, 12. 68, 24. 70, 9.
 συγγράφω 66, 8. 67, 23. 73, 14.
 συγκατασκευάζω 248, 1. 301, 23. 304, 5.
 σύγκειμαι passim, e. g. 9, 10. 202, 17. 236, 24. 244, 20. 26. 246, 22. 423, 17.
 συγκεράννυμι 64, 1.
 συγκεφαλαίόομαι 199, 1. 277, 5.
 συγκινέω 50, 23. 52, 18. 179, 25.
 συγκλείω 143, 8 ss.
 συγκρίνω 39, 14. 306, 15. 347, 21.
 σύγκρισις, ἡ 83, 10. 22. 340, 5. 341, 20. 352, 24 ss.
 συγκροτέω 423, 21. 424, 2.
 συγκυκιάω 75, 24.
 συγχέω 118, 6. 187, 2. 322, 8.
 σύγχρονος, ον 68, 19.
 σύγχυσις, ἡ 118, 9. 164, 4. 432, 17.
 συγχωρέω passim, e. g. 12, 5. 32, 9. 40, 6. 50, 13. 51, 18. 54, 23. 76, 14 ss. 121, 18. 182, 16. 199, 13. 364, 20.
 σύζευξις, ἡ 129, 9. 130, 20.
 συζυγέω 51, 16.
 συζυγία, ἡ 344, 15. 18.
 συζύγως 10, 20.
 συκοφαντέω 218, 1. 260, 13.
 συλλαμβάνω 100, 12. 391, 19.
 συλλήβδην 5, 2. 389, 14.
 συλλογίζομαι passim, e. g. 23, 1. 38, 23. 310, 6. 318, 17. 403, 7. 406, 4.

- συλλογισμός, ὁ 69, 9. 202, 19.
 255, 26. 260, 6. 262, 2.
 συμβαίνω passim, e. g. 33, 10.
 12. 34, 25. 119, 8. 122, 11.
 23. 157, 21.
 κατὰ συμβεβηκός 34, 23 ss.
 212, 4.
 συμβεβηκότης 85, 10. 133, 4.
 τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκός 58,
 2. 9. 77, 11. 79, 19.
 συμβάλλω 298, 22.
 Med. 22, 17. 3. 335, 16. 352,
 14.
 συμβιβάζω 190, 14.
 συμβολή 129, 7.
 σύμβολον, τό 84, 16. 91, 2. 108,
 10. 128, 26. 133, 12. 15. 138,
 21. 164, 8. 167, 10. 214, 11.
 291, 1. 7.
 συμμερίζω 102, 9.
 συμμετατίθηναι 316, 22.
 συμμετρία, ἡ 7, 1. 22, 23. 26,
 15. 22. 27, 2. 61, 2.
 σύμμετρος, ὃν 6, 20. 205, 11.
 278, 20. 302, 6.
 τὸ σύμμετρον 60, 26 ss.
 συμμίσγνυμι 12, 24.
 σύμμικτος
 τὰ σύμμικτα vide Πορφύριος.
 συμπάθεια, ἡ 133, 11.
 συμπαθής, ἐς 22, 22.
 συμπααραλαμβάνω 307, 21.
 συμπααρατείνω 420, 2.
 συμπαρετείνω 62, 1. 100, 18.
 σύμπας passim, e. g. 22, 14.
 23, 22. 28, 11. 149, 20.
 συμπεραίνω 207, 11. 271, 5.
 συμπεράσμα passim, e. g. 32,
 17. 75, 13. 194, 20. 23. 196,
 13. 203, 5. 14. 18. 207, 4—25.
 209, 24—210, 16. 244, 16—
 246, 12. 252, 6—254, 20. 256,
 12. 260, 9.
 συμπίπτω passim, e. g. 59, 2.
 72, 19. 111, 14. 175, 4 ss. 177,
 10 s. 180, 15. 308, 17 ss.
 συμπλέκω 40, 18. 81, 18. 206,
 11. 265, 11. 271, 4. 307, 13.
 410, 4.
 συμπεπλεγμένος, ἡ, ὃν 19, 27.
 244, 20. 245, 4. 24 ss.
 συμπληθύνω 102, 8.
 συμπληρώω passim, e. g. 5, 13.
 17, 13. 24. 21, 6. 24, 26. 51,
 12. 124, 15. 19. 160, 11. 418,
 17. 431, 16.
 συμπλήρωσις, ἡ 15, 24. 36, 15.
 συμπλοκή, ἡ 83, 24. 307, 8.
 συμπορεύομαι 48, 3.
 συμπρόειμι 145, 16. 179, 25.
 291, 19.
 συμπτύσσω 19, 16. 44, 20. 55,
 13. 141, 22. 397, 25.
 συννεπτυγμένως 55, 1.
 σύμπτωμα, τό passim, e. g. 61,
 11. 72, 12. 79, 18. 80, 6. 18.
 83, 18. 21. 175, 6. 233, 19.
 σύμπτωμα παραδιδόναι ex
 usu mathematicorum 355, 11.
 356, 6—16.
 σύμπτωσις, ἡ 40, 15. 192, 6. 27.
 367, 8. 26. 369, 23.
 συμπτωτός, ἡ, ὃν 177, 11.
 συμφθείρω 118, 6.
 σύμφυλος, ὃν 29, 9.
 συμφύρω 75, 22.
 συμφύω
 Pass. 142, 20.
 συμφωνία, ἡ 27, 2.
 σύμφωνος, ὃν 24, 12. 50, 17.
 57, 1.
 συναγω passim, e. g. 4, 13. 44,
 19. 68, 7. 73, 19. 74, 2. 108,
 2. 112, 19. 124, 20 ss. 160,
 20. 349, 15. 383, 17.
 συναγωγή, ἡ 123, 16. 124, 17.
 130, 21. 296, 21.
 συναγωγός, ὃν 19, 8. 90, 24.
 128, 27. 129, 4. 166, 19.
 συνάδω 32, 10. 57, 4.
 συνάθροίζω 71, 15.
 συναθροισμός, ὁ 15, 17.
 συναιρέω 148, 19. 196, 16. 382,
 24.
 συνελόντι 51, 10. 88, 26. 241, 9.
 συνάλλαγμα, τό 65, 4.
 συναλλοιόω 87, 6.

- συναμφοτέρος, α, ον 151, 3.
 236, 4 s. 398, 9.
 συναναγράφω 197, 6.
 συναναιρέω 97, 4.
 συναναφαίνομαι 212, 15. 302,
 15. 304, 8.
 συναποδείκνυμι 19, 22. 241, 15.
 248, 6. 302, 20. 303, 2. 304, 7.
 συνάπτω passim, e. g. 19, 21.
 21, 2. 46, 3. 91, 9. 103, 17.
 109, 2. 116, 12. 170, 5. 208, 9.
 278, 16. 307, 1. 401, 21.
 συναρμόζω 5, 8. 35, 16. 43, 5.
 70, 14. 157, 19. 294, 7.
 συναρτάω 26, 26. 82, 25. 210,
 26.
 συναύξω 270, 10.
 συναφή, ἡ 166, 25.
 σύνδεσις, ἡ 130, 3.
 σύνδεσμος, ὁ 36, 23. 42, 11.
 43, 22 ss. 166, 21.
 συνδετικός, ἡ, ὄν 129, 2. 20.
 συνδέω 16, 18. 22, 20. 37, 1.
 44, 21.
 συνδιανέμομαι 403, 9.
 συνδιόστημι 87, 11.
 συνδρομή, ἡ 123, 21.
 συνεγγίζω 19, 23.
 σύνεγγυς 61, 12. 427, 23.
 συνεθισμός, ὁ 21, 22. 49, 11.
 σύνειμι (εἶμι) 13, 11.
 σύνειμι (εἶμι) 192, 19. 384, 16.
 συνεισάγω 106, 26.
 συνεισφέρω 33, 17. 354, 6. 432,
 17.
 συνεκβάλλω 176, 24.
 συνεκτικός, ἡ, ὄν 89, 23. 90, 4.
 91, 6. 129, 5. 17. 137, 10. 240,
 25.
 συνελασσώ (συνελαττώ) 270,
 10. 316, 18.
 συνελαύνω 90, 26.
 συνελίσσω (συνελίττω) 89, 26.
 108, 15. 110, 9. 129, 21. 145,
 7. 151, 5. 154, 14.
 συνενόω 52, 14.
 συνεξισόω 294, 8.
 συνέπομαι 432, 4.
- συνεπτυγμένως 55, 1.
 συνεργέω 167, 15.
 συνερείδω 89, 26.
 συνέρχομαι 177, 8.
 σύνεσις, ἡ 242, 5.
 σύνευσις, ἡ 177, 20. 192, 5.
 311, 5 ss. 384, 20.
 συνεύω 18, 14. 154, 21. 192,
 14 s. 311, 3. 364, 26 ss. 384,
 17.
 Vide συννεύω.
 συνέχεια, ἡ 69, 24. 187, 13.
 321, 17 s.
 συνεχής, ἐς 60, 14. 99, 23. 125,
 20. 196, 4. 198, 14.
 σπείρα 119, 15.
 τὸ συνεχές διαιρετόν 278,
 13 ss.
 συνέχω passim, e. g. 22, 24.
 74, 2. 89, 10. 12. 90, 2. 95, 18.
 115, 22. 148, 22. 290, 23.
 συνήθης, ἐς 306, 2.
 συνηρημένως 16, 15. 95, 18.
 σύνθεις, ἡ passim, e. g. 3, 6.
 5, 5. 7, 23. 8, 7. 9, 11. 43, 3.
 18. 55, 7. 57, 18. 60, 25. 87,
 16. 117, 25 ss. 162, 3. 245,
 13. 16. 255, 20, 23.
 σύνθετος, ον 111, 2 ss. 138, 18.
 142, 24. 147, 25. 244, 14 ss.
 τὸ σύνθετον 26, 17. 73, 6. 86,
 22. 101, 2.
 Comp. passim, e. g. 34, 10.
 57, 17. 69, 20. 85, 2 ss. 86,
 11. 89, 1.
 συνθεωρέω 354, 15.
 σύνθημα, τό 91, 4.
 συνίημι 406, 16.
 συνιστάνω 39, 13.
 συνίστημι 165, 25. 261, 19.
 Aor. II. 210, 2. 215, 9. 220, 13.
 Perf. 39, 14. 105, 17. 263, 22.
 311, 18.
 Med. passim, e. g. 79, 24 s.
 81, 1. 102, 15. 18. 220, 15.
 423, 19.
 Pass. 14, 3. 40, 11. 82, 18. 135,
 15. 219, 17. 326, 7 ss.

- συννεύω passim, e. g. 103, 4.
 14. 108, 14. 126, 24. 175, 18
 —176, 16.
 Vide συννεύω.
 σύννοια 192, 13. 216, 21.
 σύννοικος, ον 84, 21.
 συνοπτικός, ἡ, όν 210, 23.
 συνοπτικῶς 352, 19.
 συνοράω 61, 21. 269, 21. 293,
 16. 329, 16. 392, 3. 407, 17.
 συνοχή, ἡ 91, 5. 128, 27.
 συνοχηίς 129, 7.
 συνοχικός 129, 8.
 σύνταξις, ἡ 129, 15.
 συντάσσω (συντάττω) 67, 15.
 68, 8. 73, 11. 75, 11. 92, 23.
 302, 13.
 συντείνω 27, 21. 48, 5.
 συντέλεια, ἡ 21, 26.
 συντελέω passim, e. g. 23, 14.
 26, 5. 28, 24. 46, 18. 68, 4.
 74, 13. 83, 1. 196, 20. 326, 20.
 424, 3.
 συντέμνω 200, 13.
 συντίθηναι passim, e. g. 42,
 12. 57, 7. 66, 21. 161, 25. 162,
 1. 245, 11. 392, 21.
 συντομία, ἡ 74, 4. 246, 9.
 σύντομος
 Comp. 68, 15. 249, 20.
 συντόμως 30, 10. 323, 6. 345,
 13.
 σύντροφος, ον 29, 4.
 συνυπάρχω 143, 7. 145, 5. 183, 5.
 συνυφαίνω 35, 15.
 συνυφίστημι 17, 21. 142, 20.
 συνωθέω 125, 17.
 συνωνύμως 373, 18.
 συσπειράω
 Pass. 4, 12. 87, 22. 95, 12.
 σύστασις, ἡ passim, e. g. 56, 8.
 64, 13. 65, 20. 66, 17. 78, 25.
 352, 24. 421, 13. 423, 22.
 συστέλλω 220, 5. 260, 22. 397,
 25.
 συστοιχία, ἡ 7, 3. 107, 22. 132,
 2. 147, 5.
 σύστοιχος, ον 151, 18. 186, 19.
 191, 8.
 σφαῖρα ἡ 71, 1. 18. 89, 24. 90,
 1. 105, 9. 111, 18. 156, 14. 16.
 202, 16.
 ἀνάλογον τῷ πέρατι 104, 13.
 θεῶν εἰκόνες 91, 8.
 ἐπιφάνεια 116, 6 ss.
 σφαιρική, ἡ 36, 2. 37, 5. 59,
 20.
 σφαιρικός, ἡ, όν 322, 21.
 ἐπιφάνεια 116, 10. 117, 21.
 119, 4. 120, 10. 23. 126, 12 ss.
 σφαιροειδής, ἐς 138, 17.
 τὰ σφαιροειδῆ 119, 25.
 σφαιροποιῖα 41, 16.
 σφάλλω 433, 1.
 σφίγγω 89, 25.
 σφόδρα 259, 23.
 σφραγίς, ἡ 90, 15.
 σχεδόν 34, 24. 321, 20.
 σχέσις, ἡ passim, e. g. 27, 24.
 35, 27. 51, 9. 78, 13. 107, 2.
 122, 25 s. 123, 8. 124, 6. 283,
 12. 373, 5.
 σχᾶμα 84, 15 s.
 σχῆμα, τό passim, e. g. 7, 12.
 8, 1. 10. 16, 20. 24. 17, 18. 21,
 23. 22, 8. 25. 23, 6. 24, 6. 11.
 33, 6 ss. 57, 11. 65, 16. 103,
 12 ss.
 διαφοραὶ κατὰ τὸ Πυθαγό-
 ρειον ἀρέσκον 136, 18—142, 8.
 ὀρισμός 142, 9—145, 25.
 φαινόμενα 17, 10.
 τὸ ἐν οὐσιῶδες 37, 4.
 τὸ ἐν κοινότερον 146, 3—17.
 ἐν τοῖς ἀριθμοῖς 61, 8.
 ἐπίπεδα 163, 1—164, 7.
 τοῖς θεοῖς προσήκοντα 62, 9.
 138, 5—22. 141, 22—142, 2.
 διαμορφώσεις σχημάτων 62,
 16.
 Πλατωνικά 68, 23.
 κοσμικά 70, 24. 423, 13—18.
 ἀναφαίνονται ἐν ταῖς ἐφεξῆς
 διακοσμῆσεσιν τῶν θεῶν 156,
 2—5.
 σχηματίζω passim, e. g. 39, 5.
 52, 1. 54, 9. 80, 3. 24. 114,
 18. 116, 11. 137, 2. 259, 22.

- σχηματισμός, ὁ 195, 13.
 σχηματογραφέω 187, 21.
 σχηματοποιέω 111, 4.
 σχολάζω 26, 9. 28, 18.
 σχολή, ἡ 285, 5.
 σῶζω 30, 2. 95, 4. 98, 1. 140, 2.
 σῶμα, τό passim, e. g. 16, 26.
 26, 14. 36, 10. 41, 21. 51, 22.
 52, 23. 53, 15. 86, 2. 88, 7.
 89, 7. 17. 91, 27. 92, 10 s. 93,
 22. 95, 5. 147, 22. 168, 2. 186,
 26. 285, 1.
 πάντα ἐν τοῖς σώμασι σωμα-
 τοειδῶς 92, 13—16.
 τετραδικόν, τριαδικόν 97, 21
 —98, 10. 99, 8—14.
 σωματικός, ἡ, ὅν 26, 16. 30, 2.
 54, 4. 99, 11. 147, 23. 186, 9 ss.
 322, 20.
 σωματικῶς 17, 8.
 σωματοειδής, ἐς 87, 11.
 σωματοειδῶς 92, 14.
 σωρός, ὁ 39, 24.
 τακτικός, ὁ 39, 2.
 τὸ τακτικόν 38, 13 ss.
 ταναός, ἡ, ὅν 99, 1. 3.
 τάξις, ἡ passim, e. g. 3, 13. 4,
 19. 5, 23. 6, 11. 8, 4. 11, 4.
 19, 12. 20, 27. 21, 4. 11. 24,
 5. 25. 25, 1. 26, 15 ss. 35, 8.
 44, 15. 63, 3. 69, 6. 25. 87, 20.
 140, 1. 149, 20 ss. 173, 4. 242,
 1. 243, 24. 354, 14.
 ταραχή, ἡ 321, 15.
 τάσις, ἡ 301, 4. 15. 316, 20.
 τάσσω passim, e. g. 5, 3. 9, 13.
 19, 19. 32, 1. 64, 10. 73, 8.
 16. 98, 16. 114, 4. 140, 5. 12.
 176, 23.
 τεταγμένα (?) προβλήματα
 220, 10.
 ταντότης, ἡ 6, 3. 7, 2. 34, 20.
 36, 14. 132, 1. 147, 3. 25. 154,
 16. 373, 6. 19. 406, 4. 8.
 τάχα 262, 3.
 ταχύ 149, 20.
 τείνω ἐπ' ἄκρον 110, 18. 117,
 7. 198, 8. 215, 22. 316, 21.
 τεκμήριον, τό 69, 11. 206, 15.
 23. 365, 1.
 τέλειος, α, ον passim, e. g. 12,
 18. 18, 13. 20, 15. 23, 18. 29,
 11. 31, 21. 65, 1. 70, 18. 86,
 7. 138, 6. 26. 203, 2. 7. 368, 7.
 Comp. 4, 10. 11, 25. 14, 23.
 55, 21.
 Sup. 9, 27. 137, 19.
 τελειότης, ἡ 19, 4. 24, 25. 46,
 14. 91, 10. 134, 2. 139, 11.
 150, 16. 206, 15.
 τελειόω passim, e. g. 19, 2. 20,
 2. 24, 4. 8. 42, 14. 43, 1. 12.
 148, 9. 20.
 τελείως 3, 14. 161, 2.
 τελείωσις, ἡ 68, 6. 71, 8.
 τελειωτικός, ἡ, ὅν 90, 4.
 τέλεος, α, ον 67, 11.
 τελεόω 22, 25. 68, 9.
 τελεσιουργία, ἡ 139, 12. 146, 5.
 τελεσιουργός, ὅν 42, 19. 91, 8.
 108, 20. 138, 2. 150, 10.
 τελευταῖος, α, ον 3, 16. 5, 25.
 24, 26. 87, 21. 150, 2. 14. 168,
 20. 186, 6. 269, 11.
 τελευταῖω 18, 18. 70, 25. 142, 6.
 148, 8. 254, 23. 26. 414, 11.
 τελευτή, ἡ 29, 21. 31, 19.
 τελέως 21, 2.
 τέλος, τό passim, e. g. 31, 16.
 44, 22. 81, 9. 91, 9. 103, 16.
 139, 21. 152, 26. 303, 22.
 τῆς μαθηματικῆς 28, 10.
 τῆς γεωμετρίας 55, 19. 26.
 τέλη τῶν ὄντων ἀπάντων 108, 6.
 τέλος adverb. 84, 2.
 τεμαχίζω 74, 8.
 τέμνω passim, e. g. 38, 3. 50,
 3. 112, 15. 118, 3 ss. 123, 2.
 126, 15 ss. 355, 26 ss.
 εἰς ἄκρον καὶ μέσον λόγον
 60, 19.
 δίχα 80, 10 s.
 γωνίαν 171, 1—277, 4.
 εὐθεῖαν πεπερασμένην 277,
 16—280, 11.

- τέσσαρες(τέτταρες), α passim,
 e. g. 9, 3. 6. 10, 24. 33, 14.
 73, 2.
 Dat. τέτταρσιν e. g. 301, 20.
 303, 3. τέτταρσιν e. g. 302, 21.
 305, 2.
 ὁ τέσσαρα 404, 14. 428, 2.
 τεσσαρεσκαιδέκατος 300, 22.
 τέταρτος, η, ον passim, e. g.
 71, 26. 81, 21. 183, 23. 196,
 20.
 τέταρτον 35, 7. 145, 11.
 τετραγωνίζω 213, 9. 428, 17 ss.
 τετραγωνίζουσαι γραμμαί 272,
 8 s. 356, 11.
 τετραγωνικός, ἡ, ὄν 50, 5. 130,
 12. 145, 23. 173, 10. 22. 304,
 23. 426, 23.
 τετραγωνικῶς 146, 16.
 τετραγωνισμός, ὁ μηνίσκον
 66, 5.
 κύκλου 422, 25.
 τετράγωνον, τό passim, e. g.
 39, 5. 40, 15. 58, 11. 60, 10.
 78, 2. 80, 13. 106, 3. 156, 13.
 169, 2. 14. 172, 5—174, 10.
 220, 20 ss. 261, 21 s. 304, 17 ss.
 381, 9. 25. 386, 19 ss. 388, 14 ss.
 421, 3. 423, 7—431, 14.
 τετραγώνον διπλάσιον 61, 13.
 427, 22.
 αἶτιον τῆς γῆς 82, 19. 24.
 εἰκὼν τῆς θείας οὐσίας 173,
 2—23.
 (ἀπεικασθὲν) πρὸς ἀρετὴν
 173, 23 ss.
 τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτεινούσης τὴν
 ὀρθήν 83, 4. 426, 1—429, 16.
 τοῦ ἑτερομήκους μεῖζον 398,
 8—11.
 τῶν ἰσοπεριμέτρων μεῖζον 398,
 15 s.
 τετραδικός ἡ, ὄν 98, 9. 99, 13.
 174, 8.
 τετράγωνος ἀριθμός 427, 21—
 429, 8.
 τετράκις 304, 22.
 τετραμερής, ἑς 167, 3.
- τετραπλάσιος, α, ον 222, 9.
 τετράπλευρος, ον 169, 1.
 τὸ τετράπλευρον 161, 15. 162,
 9. 15. 164, 5. 166, 10. 169, 10
 —174, 21. 314, 23. 354, 9.
 382, 6—383, 11. 393, 6. 25 ss.
 398, 26. 414, 21 ss. 417, 2.
 418, 8 s. 422, 7.
 τρίγωνα τετράπλευρα 165, 22
 —166, 6. 329, 1—7.
 τετράς, ἡ 97, 22. 99, 9. 162,
 17. 174, 8.
 τετραχά 35, 22.
 τετραχῶς 169, 20. 206, 9 s. 277,
 7. 358, 21 ss.
 τέχνη, ἡ 24, 21. 25, 5. 14. 30,
 25. 31, 12. 34, 9. 64, 16. 137,
 4 ss. 194, 3. 243, 14. 17.
 τεχνικός, ἡ, ὄν 30, 14. 119, 1.
 200, 14. 243, 20. 247, 17. 390,
 11.
 τεχνίτης, ὁ 34, 2. 75, 21.
 τηνικαῦτα 76, 19. 193, 5. 236,
 19.
 τίθημι 18, 11. 28, 1. 43, 23. 84,
 19.
 Pass. 8, 25. 322, 11.
 Med. passim, e. g. 10, 21. 23,
 23. 30, 18. 35, 25. 352, 23.
 τίμιος, α, ον 29, 8.
 τίς, τί
 τὸ τί ἐστὶ 201, 18.
 τὸ διὰ τί 202, 9—24.
 τμήμα, τό 83, 7. 167, 5. 352,
 24.
 κύκλου 104, 19. 113, 18? 159,
 8. 163, 5. 246, 4. 396, 3.
 δύο εὐθειῶν 214, 22—217, 9.
 301, 16 s.
 βάσεως 237, 14. 319, 9.
 ἐλλείψεως 246, 6.
 τοίνυν passim, e. g. 7, 6. 10,
 10. 11, 10. 13, 27.
 τοῖος, α, ον 76, 15. 84, 6.
 τοιόσδε passim, e. g. 11, 27,
 24, 24. 89, 18. 111, 20. 125, 1.
 τοιοῦτος passim, e. g. 5, 12. 7,
 5. 22. 13, 6. 18, 11.

τοιχος, ὁ 100, 8.
 τοιῶσδε 119, 20.
 τόκος, ὁ 13, 25.
 τόλμα, ἡ 101, 9.
 τολμάω 262, 5.
 τομεύς, ὁ 113, 18.
 τομή passim, e. g. 60, 17. 67, 6. 77, 9. 78, 25. 79, 20. 104, 4. 111, 16 ss. 118, 16. 18. 119, 16. 120, 19. 25. 170, 14. 322, 21. 354, 17.
 ἐπ' ἀπειρον 158, 6—20.
 τοπικός, ἡ, ὄν 18, 22.
 τοπικά θεωρήματα 394, 15—396, 11. 405, 4. 412, 5. 431, 23.
 τοπικῶς 186, 13.
 τόπος, ὁ 15, 5. 39, 1. 63, 12. 67, 23. 96, 7. 9. 100, 16. 117, 5. 127, 21. 150, 7. 160, 21. 186, 17 ss. 195, 2 ss. 225, 16. 242, 6. 275, 7. 285, 1. 289, 19.
 ὁ περὶ ἔν σημειον 304, 12 ss. 305, 8.
 γραμμῆς ἢ ἐπιφανείας θέσις 394, 17—19.
 τῶν παραλληλογράμμων 395, 5.
 τόσῳ 397, 10.
 τοσούδε 207, 16. 18. 211, 3. 371, 8.
 τοσούτος passim, e. g. 13, 14. 19. 20, 6. 28, 16.
 μέχρι τοσούτου 9, 17.
 τότε passim, e. g. 17, 5. 18, 24 ss. 39, 26 s. 46, 10.
 τότε 81, 18. 20.
 τρανῆς, ἐς
 Comp. 4, 22. 11, 18. 14, 26. 89, 2. 376, 1.
 τραπέζιον, τό 169, 9. 170, 4 ss. 171, 4. 6. 354, 7 ss. 398, 24. 400, 6 ss. 414, 17—416, 14. 418, 5.
 τραπεζοειδῆς, ἐς 170, 4. 12. 171, 5.
 τρεῖς, τρία passim, e. g. 21, 5. 26, 13. 67, 5. 83, 7.
 ὁ τρία 404, 13 s. 428, 2.

τρέπω
 Med. 29, 3. 200, 10.
 τριαδικός, ἡ, ὄν 97, 24. 98, 10. 99, 7. 115, 4. 159, 24. 174, 8.
 θεός 155, 24.
 τριάρμενος, ὄν 63, 20.
 τριάς, ἡ 97, 21—98, 10. 99, 4. 20. 111, 23. 115, 1 ss. 162, 7. 16. 174, 8. 314, 21.
 τριγωνικός, ἡ, ὄν passim, e. g. 12, 12. 33, 13. 19. 50, 5. 53, 20. 130, 11. 145, 22. 167, 26. 236, 24.
 τριγωνικῶς 146, 16.
 τρίγωνος ἀριθμός 253, 18 s.
 τρίγωνον, τό passim, e. g. 12, 12. 14, 14. 33, 4 ss. 50, 3. 80, 25. 82, 15 ss. 83, 8 ss. 102, 18. 123, 24—124, 2. 164, 19—168, 25. 305, 25. 306, 9. 321, 1 ss. 384, 11. 403, 1—414, 14.
 τὸ δημιουργικόν 130, 16.
 ἀδιάστατον 142, 1.
 ἴσον τριγώνων 236, 18.
 ἰσόπλευρον 14, 13. 35, 4. 78, 1. 79, 21. 24. 102, 14. 164, 19. 165, 7. 168, 6 ss. 180, 15—19. 206, 27 ss. 208, 3—210, 16. 213, 14—214, 13. 219, 19. 221, 16. 304, 16 ss. 314, 11. 14. 383, 17 ss. 423, 12 ss.
 αἷτιον πυρὸς ἀέρος ὕδατος 82, 18—24.
 ἰσοσκελές 14, 12. 35, 5. 74, 20. 79, 26. 80, 26. 82, 17. 164, 20. 165, 7. 168, 8 ss. 204, 1 ss. 218, 13—219, 3. 20. 222, 1. 236, 5 ss. 244, 10—251, 22. 256, 15—258, 13. 314, 9 ss. 317, 1. 328, 1. 383, 19. 403, 14 ss. 427, 19 s.
 σκαληνόν 14, 13. 74, 20. 82, 17. 164, 21. 165, 8. 168, 9 ss. 219, 4—16. 220, 1. 314, 8. 15. 383, 21. 427, 19 ss.
 ὀρθογωνιαῖον 84, 3.
 ὀρθογώνιον 164, 23. 165, 10 s. 167, 19. 168, 8. 306, 18. 327

12. 423, 4. 426, 1 ss. 427, 18
 —429, 8.
 ἀμβλυγώνιον 164, 24. 165, 10.
 12. 167, 21. 168, 8. 306, 20.
 ὀξυγώνιον 164, 25. 165, 11 ss.
 167, 24. 168, 6. 9.
 τρίγωνα τετράπλευρα (κοιλο-
 γώνια, ἀκιδοειδῆ) 165, 22—
 166, 6. 328, 22—329, 7.
 ἰσογώνια 348, 5.
 τῇ τριάδι κατέχεται 115, 5
 —8.
 ἀρχὴ γενέσεως 166, 15.
 ἀρχηγὸν τῆς ὑπὸ σελήνην συ-
 στάσεως 167, 16. 382, 3.
 πρὸς τὰ ὄντα ἀναλογία 168,
 12—25.
 ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 404, 21—26.
 τριπλάσιος, α, ον 197, 4. 210,
 4. 220, 22. 221, 4. 222, 9. 277,
 13.
 τρίπλευρος, ον 163, 17. 165, 22.
 τὸ τρίπλευρον 161, 14. 162,
 8 ss. 164, 4. 166, 8 s. 314, 23.
 τριπλοῦς, ἦ, οὖν 35, 11. 51, 7.
 131, 9. 22. 168, 7.
 τρίς 304, 20.
 τρισκαιδέκατος 299, 8. 312, 13.
 τρίτος, η, ον passim, e. g. 21,
 11. 39, 20. 44, 14. 62, 18. 83,
 19.
 τρίτον 14, 24. 34, 20.
 τρίτον ὀρθῆς 277, 14. 296, 13.
 304, 22. 344, 5. 384, 1. 393,
 16. 20.
 τριττός, ἦ, ὄν (τρισσός) 51, 9.
 127, 7. 16. 168, 9. 409, 1.
 τρίχα 271, 23. 272, 3.
 τριχῇ 166, 19. 178, 1.
 τὸ τριχῇ διεστώς (διαστάν)
 85, 4. 86, 17. 99, 8. 114, 5.
 τριχοτομέω 272, 7.
 τριχῶς 102, 12. 20. 119, 12. 168,
 10. 220, 2. 15.
 τριφυῆς, ἐς 214, 11.
 τριώβολος, ὁ 84, 17.
 τροπή, ἡ 136, 24.
 τρόπος, ὁ passim, e. g. 14, 14.
 22, 15. 30, 15. 38, 3. 43, 9.
 59, 5. 70, 11. 73, 16.
 κατὰ τρόπον 108, 10.
 τροφή, ἡ 322, 13.
 τρυάνη, ἡ 63, 14.
 τυγχάνω passim, e. g. 13, 16.
 28, 21. 75, 2. 128, 9. 152, 20.
 172, 25. 185, 23. 204, 16.
 ὁ τυχῶν λόγος 271, 21.
 ἡ τυχοῦσα (εὐθεία) 159, 7.
 τὸ τυχόν 69, 27.
 τυχόν 218, 7. 248, 22. 267, 2.
 281, 10.
 εἰ τύχοι 234, 6.
 τύπος, ὁ 16, 12. 52, 2. 15. 26.
 55, 14. 95, 3. 138, 15.
 τυπόω 45, 9.
 τυραννικός, ἡ, ὄν 24, 18.
 τύχη, ἡ 303, 7.
 ὑγρός, ἄ, ὄν 167, 7. 9 s.
 ὕδωρ, τό 11, 2. 82, 24. 93, 22.
 ὕλη, ἡ 3, 9. 5, 9. 14. 7, 8. 12,
 11. 14, 25 ss. 16, 3. 20, 25.
 28, 26. 33, 21. 41, 18. 49, 24.
 52, 27 s. 54, 7. 55, 5. 58, 8.
 63, 6. 64, 2. 78, 18 s. 79, 14.
 17. 80, 6. 19. 86, 8—89, 15.
 92, 27. 96, 8. 123, 26. 137, 7.
 139, 23. 25. 142, 13. 15. 168,
 25. 181, 7. 182, 14. 196, 10.
 218, 10. 291, 9.
 τῆς γεωμετρίας 48, 17—56, 22.
 93, 18. 94, 3. 182, 7. 183, 9.
 196, 23. 206, 18.
 διττή 51, 15. 53, 22.
 ὑλικός, ἡ, ὄν 26, 16. 49, 21. 28.
 139, 3. 166, 21. 168, 21.
 ὕπαρξις, ἡ passim, e. g. 4, 17.
 5, 4. 6, 3. 8, 22. 13, 2. 26, 22.
 50, 21.
 τρία περὶ τὴν ὕπαρξιν 353,
 3—4.
 ὑπάρχω passim, e. g. 9, 20.
 12, 14. 33, 3. 16. 35, 2.
 ὑπεκτίθηναι 55, 1.

- ὑπέρ c. Acc. 98, 3.
 c. Gen. 32, 19.
 ὑπεραίρω 4, 3.
 ὑπερανέχω 3, 9.
 ὑπεραπλόω 4, 16. 42, 17.
 ὑπερβαίνω 157, 2.
 ὑπερβάλλω 371, 16. 420, 4. 421, 17.
 ὑπερβολή, ἡ 24, 12. 58, 14. 133, 19. 23. 419, 17. 420, 7.
 κώνου τομή 112, 4. 120, 2. 177, 15. 395, 10 s. 419, 21.
 ὑπερέχω 5, 6. 11, 22. 122, 4 s. 137, 25. 173, 1. 197, 17 ss. 332, 9.
 ὑπεριδρύνω 12, 1.
 Pass. 4, 8. 19, 2. 42, 13. 88, 27. 92, 22.
 ὑπερκόσμιος, ον 147, 6.
 ὑπερούσιος, ον 22, 6.
 ὑπεροχή, ἡ 92, 22. 114, 10. 147, 3. 149, 3. 153, 15. 197, 10 ss. 316, 16. 372, 18. 403, 9. 427, 8.
 ὑπεροψία, ἡ 29, 16.
 ὑπερτρέχω 5, 7.
 ὑπερφέρω 86, 3. 147, 1. 151, 21.
 ὑπερφυής, ἐς 140, 23.
 ὑπό c. Acc. 9, 25. 41, 5. 14. 59, 22. 123, 12. 125, 15 ss. 191, 9. 233, 9. 245, 6. 338, 13.
 ἡ ὑπὸ ἀβγ et similia, passim, e. g. 188, 24 ss. 190, 5 ss. 249, 3 ss.
 ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος 405, 14 ss.
 c. Gen. 7, 8. 123, 7. 124, 22.
 c. Dat. 123, 17. 124, 24 s.
 ὑποβάθρα, ἡ 286, 11.
 ὑποβαίνω 11, 7.
 ὑποβάλλω 223, 20.
 ὑποβιβάζω 106, 10.
 ὑπογράφω 286, 22.
 ὑποδείκνυμι 390, 9. 407, 14.
 ὑποδέχομαι 9, 16. 22, 26. 75, 9. 145, 12.
 ὑποδοχή, ἡ 15, 12. 49, 28. 55, 16. 99, 5.
 ὑπόθεσις, ἡ passim, e. g. 9, 26. 11, 8. 22. 19, 9. 27, 1. 31, 13. 20. 57, 19. 58, 26. 59, 12. 60, 3. 71, 14. 131, 10. 19. 178, 2. 7. 252, 7—254, 20. 354, 8. 398, 19. 25.
 quid? 76, 12—17. 77, 3—6.
 ὑποθετικός, ἡ, ὄν 256, 3.
 ὑπόκειμαι 7, 10. 33, 9. 21. 51, 12. 286, 7. 340, 15.
 τὰ ὑποκείμενα passim, e. g. 3, 11. 19, 11. 31, 5. 32, 18. 70, 23.
 τῆς γεωμετρίας 58, 10 ss.
 ὑπολαμβάνω 17, 8. 89, 18. 207, 13. 386, 1.
 ὑπολείπω 284, 14. 359, 16. 401, 21.
 ὑπόληψις, ἡ 243, 8.
 ὑπόλοιπος, ον 226, 11. 235, 22. 236, 17. 407, 16.
 ὑπομένω 118, 5. 186, 12. 291, 5.
 ὑπομιμνήσκω 414, 15.
 ὑπόμνημα, τό 432, 16.
 ὑπόμνησις, ἡ 84, 5. 193, 20. 209, 18. 326, 24.
 ὑπονοέω 278, 1.
 ὑπόστασις, ἡ passim, e. g. 3, 5. 16. 5, 7. 11, 11. 12, 8. 13, 20. 16, 2. 35, 26. 49, 10. 51, 7. 22.
 μετὰ τὸ ἐν τρεῖς ὑποστάσεις, τὸ πέρας, τὸ ἄπειρον, τὸ μικτόν 104, 8—9.
 ὑποστάτης, ὁ 53, 24.
 ὑποστατικός, ἡ, ὄν 86, 26. 92, 10. 93, 3. 140, 24.
 ὑποστορεννυμι 93, 1.
 ὑποστροφή, ἡ 108, 1.
 ὑποτείνω 233, 10.
 ἡ ὑποτείνουσα τὴν ὀρθήν 84, 5. 426, 2 ss.
 γωνίας ὑποτείνειν passim, e. g. 238, 13—24. 245, 19. 249, 15. 250, 11. 251, 22.
 ὑποτίθημι passim, e. g. 13, 7. 17, 11. 75, 20. 83, 14. 218, 10. 236, 15. 254, 8. 19. 332, 14.

- ὑποφέρω 70, 1. 128, 14.
 ὑστερογενής, ἐς 14, 21. 15. 1.
 18.
 ὑστερογενῶς 12, 13. 51, 5.
 ὕστερος, α, ον 18, 19.
 ὕστερον 200, 6. 247, 6. 269, 5.
 283, 2. 306, 13. 336, 5.
 ὑστέρως 8, 23.
 ὑφαίνω 13, 14.
 ὕψεις, ἡ 11, 23. 54, 12. 92,
 20. 96, 14. 114, 13.
 ὑψηλόμααι 37, 1. 43, 3. 63, 12.
 65, 10.
 ὑψηλῆσις, ἡ 22, 16. 48, 15. 50,
 17. 68, 2. 70, 18. 76, 24.
 ὑφιστάνω 12, 5. 218, 7.
 ὑφίστημι passim, e. g. 13, 9.
 23. 16, 17. 25. 36, 17. 37,
 24. 104, 2. 421, 13. 15.
 Aor. II. 5, 20. 12, 11. 32, 8.
 105, 25. 155, 17. 187, 7.
 Perf. 9, 1. 11, 24. 25, 22. 49,
 22. 89, 16. 278, 16.
 Med. 5, 25. 13, 2. 15, 8. 16, 7.
 ὑψηλολογέομαι 8, 15.
 ὕψος, τό 40, 21. 84, 20. 133,
 16. 176, 12. 245, 6 ss. 290,
 18. 405, 14 ss.
 quid? 405, 20 s.
 φαίνω
 Perf. II. 19, 15.
 Med. passim, e. g. 7, 4. 16,
 24. 17, 10. 21, 9. 22, 3. 30, 17.
 40, 13 ss. 45, 11. 140, 25.
 φανερός, α, ον 195, 19. 299, 12.
 310, 18. 322, 9.
 φανερόν (sc. ἐστί) passim,
 e. g. 7, 14. 81, 8. 160, 11.
 191, 5. 222, 10.
 φανερώς 242, 6.
 φαντάζω 11, 2. 36, 11. 40, 20.
 50, 20. 70, 1. 104, 15. 142, 13.
 357, 7.
 Med. Aor. pass. 53, 13.
 φαντασία, ἡ 45, 9. 46, 4. 51,
 14 ss. 52, 20. 53, 12. 55, 2 ss.
 56, 14. 57, 8. 78, 23. 86, 12.
 121, 5. 141, 5. 14. 142, 9. 186,
 4 ss. 192, 8. 25. 285, 5—286,
 11.
 τὸ ἀμερὲς ἐν αὐτῇ σημεῖον
 94, 20—95, 20. 186, 20.
 φάντασμα, τό, 45, 8. 285, 9.
 φανταστικός, ἡ, ον 94, 26. 186,
 10. 12.
 φανταστός, ἡ, ον 51, 16. 19.
 53, 9 ss. 54, 24 ss. 62, 15. 86,
 12. 101, 13.
 φάσκω 211, 4.
 φέρω passim, e. g. 37, 26. 91,
 14. 102, 4. 104, 5. 289, 12.
 pass. 3, 9. 7, 8. 20, 3. 64, 25.
 70, 3. 105, 22. 155, 19. 193, 5.
 217, 25. 432, 16.
 φέρε 210, 25. 312, 2. 315, 15.
 338, 2. 368, 26. 414, 15.
 φημί passim, e. g. 10, 4. 14, 6.
 11. 21, 21. 22, 20. 23, 13. 28,
 9. 116, 21.
 φθάνω 97, 15.
 φθίσις, ἡ 149, 26.
 φθόγγος, ὁ 391, 26.
 φθορά, ἡ 149, 19.
 φιαλίτης, ὁ 40, 5.
 φιλοθεάμων 432, 12.
 φιλοκαλία, ἡ 177, 24.
 φιλομαθής 113, 3. 345, 12.
 φίλος, η, ον 22, 21. 29, 24.
 φιλοσοφίω 62, 26.
 φιλοσοφία, ἡ 20, 13. 21, 25.
 42, 16. 65, 16. 66, 13. 67, 14.
 84, 14. 199, 8.
 Ἀριστοτέλους 284, 25.
 τῶν Πυθαγορείων 22, 12.
 Πλάτωνος 68, 3. 21.
 πολιτική 23, 12.
 ἡθική 24, 4.
 αὐτῇ 25, 13.
 φιλόσοφος, ὁ 21, 7. 14. 29, 18.
 56, 24. 93, 8. 116, 17. 130, 15.
 218, 9. Vide Πρόκλος.
 Adiect. 432, 19.
 φιλοτεχνέω 41, 9.
 φιλοχωρέω 28, 18.
 φοιτάω 222, 24. 314, 22.

- φορά, ἡ 23, 1. 20. 106, 16. 150, 4. 155, 22.
 φορέω 155, 20.
 φράζω 30, 10. 38, 21.
 φρέαρ, τό 39, 24. 100, 11. 13.
 φρόνησις, ἡ 70, 6.
 φροντίζω 292, 13.
 φροντίς, ἡ 29, 2. 432, 11.
 φρουρά, ἡ 90, 18.
 φυλακή, ἡ 90, 18.
 φυλακτήριος, α, ον 63, 10.
 φυλάττω passim, e. g. 87, 6. 88, 28. 90, 22. 130, 6. 133, 3. 136, 10. 157, 14. 398, 7.
 φύλλον, τό 126, 25.
 φυσικός, ἡ, ὄν 21, 18. 35, 10. 41, 24. 53, 27. 63, 3. 92, 10. 166, 17.
 πρὸς τὴν φυσικὴν θεωρίαν συμβάλλεται (ἡ μαθηματικὴ) 22, 17—23, 11.
 ὁ φυσικός 93, 24.
 φυσιολογία, ἡ 19, 22. 36, 11.
 φυσιολόγος, ὁ 34, 4. 75, 19.
 φύσις, ἡ passim, e. g. 3, 14. 4, 16. 7, 8. 8, 2. 14, 19. 27. 15, 3. 19, 22. 21, 15. 20. 23. 4, 52. 7. 62, 19. 89, 18. 137, 9. 141, 3. 11. 194, 15. 211, 18.
 ἐσχάτη 4, 4.
 ἀμέριστος 4, 7. 15, 23.
 νοερά 91, 24.
 τῶν μαθημάτων 5, 21. 44, 1.
 ἀσώματος 21, 22.
 πάντα ἐν ταῖς φύσεσιν κατὰ τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον 92, 8—13.
 τὴν τῶν σωμάτων κίνησιν ἀφορίζει 115, 13—14.
 τὰ παρὰ φύσιν λεγόμενα 149, 26 s.
 φύσει 75, 25. 82, 2. 105, 17.
 φυτόν, τό 149, 21.
 φύω
 Perf. 29, 11. 31, 23. 50, 20? 88, 28.
 φωνή, ἡ 72, 6.
 φωρεύω 192, 21.
 φῶς, τό 100, 19.
 νοερόν 20, 23. 30, 2. 138, 1.
 φωτίζω 100, 15.
 φωτισμός, ὁ 41, 21.
 χαίρω 375, 10.
 χαλεπός, ἡ, ὄν 73, 15. 195, 15. 322, 23. 391, 28.
 Comp. 180, 19. 399, 5.
 χαρακτηῖρ, ὁ 124, 5. 138, 13. 142, 23.
 χαρακτηρίζω 27, 12. 175, 13.
 χαρακτηρηστικός, ἡ, ὄν 81, 11. 355, 23. 359, 9. 387, 24.
 χαρίεις 72, 15. 21.
 χάριν 81, 14. 435, 19.
 χάρις, ἡ 250, 21. 432, 11.
 χείρων 23, 23. 87, 2. 132, 21. 290, 20.
 χθόνιος, α, ον 167, 8.
 χθονίως 173, 21.
 χιαστί 357, 1.
 χορεία, ἡ 137, 16.
 χορηγέω 10, 13. 42, 14. 43, 1. 51, 3. 150, 16.
 χορηγός 23, 19. 90, 5. 130, 19. 132, 24.
 χορός, ὁ 29, 20.
 χόρτος, ὁ 322, 11.
 χράομαι passim, e. g. 9, 5. 13. 17. 21, 10. 23. 22, 12. 26, 1. 30, 17.
 χρεία, ἡ 26, 8. 27, 18 ss. 64, 23. 66, 21. 71, 4. 84, 22. 203, 23. 248, 13. 264, 17. 275, 6. 423, 15.
 χρῆ passim, e. g. 28, 2. 64, 16. 131, 21. 191, 21. 193, 1. 206, 3.
 χρῆζω 301, 26.
 χρῆσιμος, ἡ, ον 28, 9. 74, 12. 247, 17. 283, 8.
 Comp. 25, 18.
 Sup. 268, 20.
 χρῆσις, ἡ 264, 18.
 χρησμοδέω 27, 23.
 χρόνος, ὁ 28, 16. 66, 14. 67, 17. 93, 7. 153, 24. 196, 1. 5. 12. 269, 5.
 χρενός, ὁ 105, 17.

- χωλεύω* 168, 23.
χώρα, ἡ 3, 4. 77, 21. 199, 8.
 284, 14. 314, 12. 373, 18.
χωρέω 6. 17. 18, 25. 29, 12. 114,
 24. 157, 1. 187, 15. 286, 13.
χώρησις, ἡ 157, 13. 174, 6.
χωρίζω 27, 21. 31, 9. 38, 7. 50,
 12. 54, 17. 91, 22. 143, 10.
 289, 8. 401, 5. 20. 406, 15.
 413, 18.
χωρίον, τό passim, e. g. 38, 17.
 64, 20. 100, 10. 114, 21. 136,
 4 ss. 160, 1. 6. 163, 17 ss.
 348, 6. 396, 16 ss.
δύο εὐθδεῖαι χωρίον οὐ περι-
έχουσι 239, 1—240, 10.
χωρία ἄνισα ἴσων περιμέτρων
 403, 4 ss.
παραβολή 419, 17 ss.
χωρίς passim, e. g. 10, 5. 19.
 56, 4. 57, 26 ss. 70, 27. 76,
 17. 145, 10. 203, 9.
χωρισμός 55, 5.
χωριστός, ἡ, ὅν 11, 11. 49, 25.
 85, 14. 86, 24. 285, 2.
χωρογράφος, ὁ 403, 6.
ψευδάριον, τό 59, 6. 70, 10.
ψευδής, ἐς 253, 17. 352, 22.
ψεύδομαι 212, 23.
ψεῦδος, τό 69, 28. 70, 13. 247,
 21. 248, 8. 330, 15.
ψευδῶς 40, 13.
ψιλός, ἡ, ὅν 89, 16. 171, 12.
 302, 10.
ψυχή, ἡ 5, 8. 12, 11 ss. 13. 6 ss.
 14, 24—17, 4. 20, 14. 26, 14.
 29, 6. 11. 27. 32, 7. 16. 36, 14.
 25. 38, 7. 45, 8 ss. 62, 10. 84,
 20. 87, 17. 95, 9. 96, 5. 137,
 19. 24. 140, 11. 27. 141, 4 ss.
 147, 15—148, 4. 24—149, 8.
 168, 16. 213, 25—214, 3. 291, 3.
ῥμμα τ. ψ. 20, 16. 18. 28, 5.
 46, 13.
πάντα ἐν ταῖς ψυχαῖς κατὰ
τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς 92, 4
 —8. 107, 20—108, 3. 109, 1
 —4.
τὴν τῆς φύσεως ἐνέργειαν
ἀφορίζει 115, 12—13.
κάθοδος εἰς γένεσιν 133, 6—
 10.
ψυχικός, ἡ, ὅν 26, 18(?). 50, 15.
 63, 2. 86, 1. 91, 25. 137, 24.
 138, 3. 139, 6. 147, 16. 24.
ψυχικῶς 16, 14.
ψυχρός, ἁ, ὅν 167, 7.
ψυχρότης, ἡ 122, 8.
ᾧδῃ 14, 23. 181, 15. 280, 16 s.
 314, 18.
ᾧδε 75, 6.
ᾧδῖς, ἡ 13, 25.
ᾧρα, ἡ 39, 1. 41, 25. 63, 11.
ὥς Adv. passim, e. g. 8, 24. 11,
 15. 19, 1. 3. 25, 17. 30, 3 ss.
 319, 20.
Praep. 21, 24.
Coni. passim, e. g. 5, 2. 12, 6.
 8. 23 s. 44, 1.
ὥς μὲν — ὥς δὲ 155, 6. 7.
ὥσανεῖ 78, 5.
ὥσανύτως passim, e. g. 8, 11. 9,
 11. 31, 6. 37, 7. 90, 8. 337, 6.
ὥσπερ passim, e. g. 4, 14. 7, 6.
 15. 11, 15. 18, 11. 23.
ὥστε 26, 3. 21. 28, 20. 66, 20.
ὥφέλεια, ἡ 28, 3. 20.
τῆς γεωμετρίας 49, 3. 63, 7—
 64, 6.





primum Euclidis Elementorum

17831

PONTIFICAL INSTITUTE OF MEDIAEVAL STUDIES
59 QUEEN'S PARK CRESCENT
TORONTO—5, CANADA

17831

